

第三分册

苏联 B.B. 索洛多夫尼柯夫主编

自動調整原理

第三分冊

苏联 B.B. 索洛多夫尼柯夫主编

王 众 託譯

1956年
水利电力出版社

內容提要

自動調整原理(一、二、三分冊)總結了自動調整理論的發展現狀，講述了線性和非線性自動調整系統的分析、計算和綜合的方法。

本分冊包括原書第五、第六、第七、第八篇，講述非線性自動調整系統理論的某些問題，自動調整系統中周期性工作情況的近似研究法，繼電型自動調整系統的分析法等。

本書可供科學研究工作者，高等學校動力、電工、儀器製造以及國防方面各有关專業的教師、研究生、高年級學生和技術人員閱讀參考用。

В.В.СОЛОДОВНИКОВ
НЕКОТОРЫЕ ВОПРОСЫ ТЕОРИИ НЕЛИНЕЙНЫХ
СИСТЕМ АВТОМАТИЧЕСКОГО РЕГУЛИРОВАНИЯ
МАШИЗ МОСКВА 1954

自動調整原理 第三分冊

根據蘇聯國立機器製造書籍出版社1954年莫斯科版翻譯

王 众 訳譯

*

2049 D 589

水利電力出版社出版(北京西郊科學路二里沟)

北京市書刊出版業營業許可證出字第105號

水利電力出版社印刷廠排印 新華書店發行

*

850×1168毫米開本 * 16開印張 * 317千字 * 定價(第10類)2.30元

1959年7月北京第1版

1959年7月北京第1次印刷(0001—5,780冊)

目 录

第二部分

非線性自動調整系統理論的某些問題

第五篇

相空間的概念及其在解決某些非線性調整 理論問題方面的應用

第二十六章 自動調整系統的典型非線性特性 751

1. 自動調整系統的非線性特性(751)
2. 自動調整系統典型的非線性靜特性(754)
3. 自動調整系統的典型非線性特性(760)
4. 失靈區(770)
5. 線性區和非單值區(775)
6. 飽和區(777)
7. 表示任載伺服機特性的曲線場(778)
8. 自動調整系統非線性特性的實驗測出方法(779)

第二十七章 非線性自動調整系統的相述 781

1. 相平面的概念(781)
2. 積分曲線方程式和奇點的分類(786)
3. 自持振蕩和奇線的分類(793)
4. 右邊不可解析的方程式所描述的調整系統的相平面(797)
5. 多葉相曲面的概念(805)

第二十八章 考慮干摩擦和空隙時某些自動調整系統動特性的分析 812

1. 感受元件中有干摩擦時使用恒速伺服機的調整系統的研究(813)
2. 使用恒速伺服機的調整系統在有空隙時的研究(821)
3. 使用恒速伺服機與繼電型裝置的調整系統的研究(822)
4. 當感受元件中有干摩擦時使用變速伺服機的調整系統(824)
5. 變速伺服機中有干摩擦時的調整系統(827)

第二十九章 应用逐点交換法来分析非線性自動調整系統 834

1. 問題的提法(835)
2. 研究方法(835)
3. 最簡單的繼電型自動調整系統理論(843)

第三十章 非線性伺服机构的鎮定 865

1. 問題的提出(867)
2. 伺服机构的運動方程式(869)
3. 繼電型控制

的伺服机构中反馈的锁定作用(873) 4.伺服机构中速度反馈的锁定作用(880) 5.加速度反馈的影响(885)

第三十一章 利用非线性反馈来改善自动调整系统的动特性……… 886.

1.全部最佳调整过程的求法(887) 2.利用非线性反馈来实现最佳调整过程(896) 3.使用抛物线特性非线性元件的系统的动特性(899) 4.非线性反馈的应用举例(907)

第六篇

自动调整系统中周期性工作情况的近似研究法

第三十二章 自动调整理论中的小参量法 ……………… 915

1.小参量法的概貌(915) 2. B.B.布尔加柯夫法的工具(919) 3.举例(923)

第三十三章 以谐波平衡原理为基础的非线性调整系统研究法……… 932

1.非线性元件的等效复放大系数(932) 2.具有非线性元件的调整系统的方程式(939) 3.非线性自动调整系统自持振荡的稳定性(941) 4.非线性调整系统稳定性研究举例(943) 5.具有非零阶非线性元件的调整系统的分析(956) 6.非线性调整系统的锁定(962) 7.正弦波扰动下的非线性系统(964) 8.某些非线性元件的等效复放大系数的计算(966)

第三十四章 近似研究周期性情况的各种方法的比较及其应用范围…………… 972

1.稳态振荡是正弦波的条件(972) 2.两类近似方法(976) 3.应用第一类和第二类方法决定周期性情况的概述(977) 4.第一类和第二类方法应用于决定周期性情况时的比较(979) 5.周期性工作情况的稳定性(985) 6.论双周期工作情况(993) 結語(993)

第七篇

继电型自动调整系统的分析法

第三十五章 继电型自动调整系统理论的某些問題…………… 998

1.自持振荡参量的求法(998) 2.求自持振荡过程参量的例子(1010) 3.校正电路对自持振荡过程的影响(1013) 4.利用外加高频振荡来抑制自持振荡(1014) 5.振荡同步的例子(1019) 6.振动线性化和继电

型鎮定系統對緩慢变化的外作用的反應(1022) 7.具有校正裝置的繼
電型自持振蕩系統和對緩慢变化外作用的反應(1027)

**第三十六章 一类繼電型自動調整系統的自持振蕩的解析
研究法.....1033**

1.問題的提出(1033) 2.周期解的构成(1036) 3.周期解稳定性的研
究(1037)

**第三十七章 分析繼電型自動調整系統中自持振蕩和強制振蕩
用的頻率法.....1043**

1.前言(1043) 2.自持振蕩與強制振蕩存在與穩定的條件(1045)
3.系統線性部分對一序列矩形脈沖的反應的計算(1048) 4.繼電型自
動調整系統的特性和自持振蕩強制振蕩的求法(1049) 5.繼電型系統
中自持振蕩與強制振蕩的穩定性(1052) 6.自持振蕩或者強制振蕩形
狀的計算(1062) 7.繼電型隨動系統中自持振蕩與強制振蕩的研究
(1064)

第八篇

具有非線性參量與變參量的自動調整系統中過渡 歷程的一些圖解分析繪制法

**第三十八章 繪制自動調整系統過渡歷程用的圖解分析法和
割線法.....1071**

1.割線法的一般特點(1072) 2.指數曲線的某些性質和畫法(1073)
3.常系數一階非齊次方程的解(1077) 4.積分環節方程式的解(1080)
5.振蕩環節方程式的解(1081) 6.一階環節中過渡歷程的繪制(1084)
7.方程式(4)-(11)所描述的二階環節中過渡歷程的繪制(1086)
8.論典型非線性環節方程式的解(1089) 9.含有任意個環節的調整
系統中過渡歷程的繪制(1091) 10.本方法應用舉例(1092)

**第三十九章 自動調整系統中過渡歷程的圖解分析繪制法和
切線法.....1097**

1.一階方程式的解(1098) 2.常系數與變系數微分方程所描述的自動
調整系統中過渡歷程的繪制法(切線法)(1099) 3.附加半步距法(1105)
4.當自動調整系統用非線性微分方程描述時過渡歷程的繪制方法(1106)
5.當自動調整系統用微分方程組描述時過渡歷程的繪制方法(1109)
6.切線法應用舉例(1112)

第二部分

非綫性自動調整系統理論的某些問題

本書第一部分主要講述的是，怎样按綫性近似解决自動調整理論中的基本問題。按綫性方法研究調整系統所得到的結果，常常具有重大的实际价值，虽然它明確是近似的。但是有时候綫性分析法是不适用的，因此有必要重視非綫性方法。

利用非綫性方法研究調整系統，可以发现一些在綫性系統中不可能看到的极为新奇的現象。比方說，如果綫性系統是稳定的，那末不論它对所研究的状态发生的初始偏移是什么值，它都是稳定的。可是非綫性系統可能在小偏移时是稳定的；而在大偏移时却不稳定。

对于不在稳定边缘上的綫性系統來說，不論初始偏移是什么值，它的自由振蕩只可能有两种运动形态，一种是系統所有座标的偏移都趋于零，另一种是都趋于无穷大；而在非綫性系統中，却可能有大量各式各样的运动。

这里首先必須指出通常在整定和維护調整系統时所碰到的自持振蕩現象，这种現象乃是一种周期性运动，它并不是由于外界加于系統上的周期性作用所引起的，而是由于系統本身的动特性所引起的。

調整系統中的自持振蕩問題具有重大的实际意义。通常它在正常工作条件下是不容許的，但是有时候恰好相反，人們特地用它来改善系統的动特性。因此，必須善于决定自持振蕩的产生条件、稳定性、压抑它的措施以及它的參量等等。

例如有时在繼電型或者使用非綫性校正元件的系統中，由于系統本身的作用原理，是不能应用綫性方法的。最后还可以指出，利用綫性方法所得出的品質指标值和动态准确度值会和实际值相差悬殊，为

了提高結果的准确度，必須重視非綫性方法。但是如果說綫性微分方程理論（本書第一部分所講过的綫性調整系統分析法就是以它为基础的）已經研究得相当透彻，那末遺憾的是非綫性微分方程目前还没有一般理論。

在牛頓和萊布尼茲时代，微分方程理論的主要問題是，尽可能为更广泛类型的微分方程寻求以初級函数表示、或者以含有初級函数平方的表达式表示的通解。但是很快就发现，主要只是綫性微分方程，才能沿这个方向得到显著的成果①。

非綫性微分方程理論在应用与計算方面进一步重大发展的方向是：研究解方程的近似方法和数值方法，分析解的稳定性（李亞普諾夫的研究成果），研究微分方程定性理論（这种理論的奠基者是龐卡来）。

我們可以用一阶方程組：

$$\frac{dx_i}{dt} = X_i(x_1, x_2, \dots, x_n, t); \quad (i=1, 2, \dots, n).$$

来作为分析非綫性調整系統的基础，这样并不会严重妨碍普遍性（參看第一部分中的第四章）。

所謂全面分析上述方程式所描述的自動調整系統，就是應該决定該系統在实际条件下可能发生的各种运动，以及詳尽地研究該系統中最典型的运动形态（决定它的数值特性，品質指标，动态准确度，自持振蕩的幅与頻，决定穩定域以及系統參量变化对运动特性的影响等）。但是目前在 $n > 2$ 时，进行上述分析是非常困难的。最复杂的是研究所謂非定态过程（这时方程式右边有 t ），这对于自動調整系統（特别是随动系統）理論來說是最引人注意的。的确，正象第一部分所講过的，調整理論中的品質問題和动态准确度問題，是和分析各种時間函数所引起的非定态过程密切相关的。

事实上，分析复杂程度不同的非綫性調整系統中的非定态过程，

① 參閱В. В. Немыцкий, В. В. Степанов, Качественная теория дифференциальных уравнений, ГИТТЛ, 1947.

只能利用各种数值或图解积分法。这些方法的严重缺点是：从原則上來說，每次只能得到一个具体的解，为了寻求另一个具体的解，就必须从头进行全部計算。很明显，这种方法本身不是建立一般調整理論的基础，只能作为輔助的分析工具。因此不論是考慮加于系統上的外作用还是考慮非綫性时，全面研究調整系統乃是一个沒有解决的問題，在目前水平上，必須解决下列問題：應該偏重于怎样把系統实际工作条件加以理想化：考慮外作用，利用綫性近似，或研究主要的非綫性，而忽略外作用。

本書不仅不可能全面講述目前已經知道的解非綫性問題的所有方法，甚至也不可能全面講述与調整理論有直接关系的所有問題。不能希望本書比在目前已成为經典著作的 A.A. 安德洛諾夫与 C.H. 海金合著的“振蕩理論”或 H.M. 克雷洛夫与 H.H. 波戈留波夫合著的“非綫性力学概論”中所講述的更确切和更全面。

本書的任务是指出，非綫性振蕩理論的某些一般方法怎样用来分析調整系統，以及由于調整理論中非綫性問題的特点，这些方法得到怎样的变化和发展。

第五篇

相空間的概念及其在解决某些 非綫性調整理論問題方面的应用

前面已經講过，微分方程定性理論的概念和方法是由 A.A. 安德洛諾夫应用在調整理論之中的。A.A. 安德洛諾夫解决非綫性問題的方法的特点是❶：

- (1) 研究的是在各种初始条件下动力學系統可能产生的所有各种运动；
- (2) 把这种研究工作用几何方法来进行，利用相空間，把系統的运动用相空間中的曲綫来表示；
- (3) 研究当系統參量变化时，相空間中发生什么变化。

在調整理論中应用 A.A. 安德洛諾夫方法所得到的最重大和最引人注意的結果，乃是安德洛諾夫自己和 A.Г. 迈尔一同解决的古典的維什涅格拉斯基問題，也就是使用直接作用式离心調整器的蒸汽机当調整器中既有干摩擦、又有粘性摩擦时的行为問題。为了解决这个問題，必須使用三維相空間和曲面的逐点变换法。

安德洛諾夫所提出的机理和方法，在他的学生和后繼者的著作中有了进一步的发展。

这一篇的目的就是介紹相空間概念和逐点变换法的一些基本知識，并且說明它們怎样用来解决某些非綫性調整理論問題。

目前这一方法可以用在二阶非綫性(有时三阶)微分方程所描述的許多調整系統上来。

- (1) 研究各种初始条件下系統所有可能的运动；
- (2) 研究系統在有限的初始偏移下平衡状态的稳定性，也就是大

❶ 請參閱 Г.С. 高列力克在全蘇第二次自動調整理論會議上的報告。

范围的稳定性；

(3)求出系統中可能发生的自持振蕩状态，分析它的稳定性，并且决定自持振蕩产生与消灭时參量間的关系；

(4)确定系統自由振蕩的性質(有时还要量方面的指标)和系統參量之間的关系。

本篇各章的內容可以簡單介紹如下：

第二十六章是本篇的第一章，其中試圖对自動調整系統的某些典型非線性靜特性加以分类。

第二十七章介绍了相平面的概念，并对奇点和奇迹加以分类，还举了一些为某些調整系統繪制相图的例子。此外，这一章还介绍了多叶相曲面的概念。

第二十八章講的是考慮于摩擦和齒隙时自動調整系統相曲面的分析。

第二十九章簡單地介绍了逐点变换法的机理，并且还說明了它怎样应用于含有非单值非線性靜特性元件的調整系統。

第三十章研究的是利用各种線性反饋來鎮定繼電型(或近乎繼電型)伺服机构和控制它的自持振蕩的問題。

本篇的最后一章——第三十一章显得特殊一些。这一章研究的是考虑到被調整量导数的定限时怎样决定过渡時間最短的单调过渡历程形状的問題。这里还講述了在某些条件下利用非線性反饋实现近乎上述过程的方法。

第二十六章

自動調整系統的典型非線性特性

根據研究各種調整系統的經驗，我們知道，非線性對於系統動特性的影響常常是局部的，如果引起系統新的運動類型，也不會改變由線性化系統所決定的運動基本特點。

但是在實際上常會碰到一些自動調整系統、隨動系統、放大變換裝置或者調整器的伺服機構，他們具有所謂“根本非線性”特性，這類特性對系統動態行為有著決定性的影响。

具有這類根本非線性特性的系統，通常是不能加以線性和當作線性系統研究的。研究這類系統的穩定性時，應該保持它們的非線性特點。

這一章的任務並不是研究各種調整對象、調整器及其元件的各式各樣的非線性特性。我們這裡只是尽可能設法從各種根本非線性特性中，選出一些對自動調整系統說來比較典型的特性，並且說明，這些典型的非線性怎樣用數學表示和怎樣用實驗測出來。

1. 自動調整系統的非線性特性

各種調整對象、調整器元件、伺服機構等的運動，通常可以用形如下式的方程式來描述：

$$A \frac{dx_i}{dt} = X_i - Y_i \quad (i=1, 2, \dots, n). \quad (1)$$

例如，原動機($i=1$)的 $x=\omega$ 乃是機軸旋轉角速度， $X=M_d$ 乃是運動力矩，而 $Y=M_c$ 是阻力矩。系數 $A=J$ 乃是旋轉體的慣性矩。

對於氣體容器來說， $x=\gamma$ 是氣體密度， $X=D_n$ 是單位時間內的進氣量， $Y=D_{em}$ 是單位時間內的排氣量，而系數 $A=V$ 乃是氣體容器的容量。

方程式(1)的右边可以是时间、系统广义坐标及其对时间的导数的函数。左边的系数也可能时时间的函数，或者随坐标而变化。

根据这一章的任务，我们认为方程式(1)左边的系数是常数，只是方程式(1)右边才和广义坐标及其导数有关。

这类关系就是机器、工作过程、自动调整装置等在不同工作条件和工作状态下的特性。每一个具体的调整对象、调整器及其伺服机构等，都有自己的特点，而上述特性正是反映这些特点的。

我们所关心的是在各种定态下这些关系的表达式，通常把这些表示方程式右边与广义坐标在各种定态下的关系的特性，叫作静特性(见第四章)。

大多数自动调整系统的特性，都是形状复杂的非线性特性。例如我们所研究的原动机，它的原始方程式乃是描述旋转部分的上述方程式(1)，它的运动力矩(差不多)依调整机构的坐标 m 与角速度 ω 为转移，而阻力矩依角速度 ω 为转移，如图 1 所示(脚注 0 表示原动机的一个稳态)。

倘若我们研究的是在容积 V 内充气的过程，它的原始动力学方程式乃是表示质量守恒定律的方程式，那末当送气压力 P_a 恒定时，单位时间内的进气量差不多和调整机构的进气截面以及容器中的气压 P 成正比，其特性如图 2 所示。

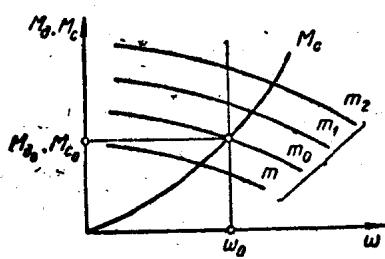


图 1 原动机的特性 M_c
(ω) 与 $M_d(m, \omega)$

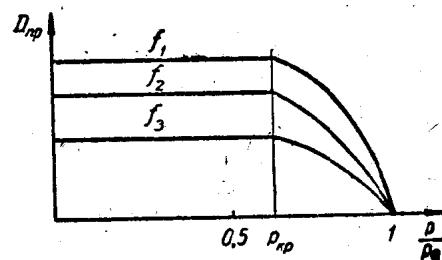


图 2 进反量气与压力 P 和 调整机构截面 f 的关系特性曲线

最后，如果研究的是用繼电器控制的伺服电动机运动过程，那末它的原始运动方程式又是旋转部分的方程式(1)。

它的运动力矩依控制元件的輸入座标——繼电器的电流*i*为轉移，而阻力矩依角速度与負載为轉移。在不同的恆定負載下，它的特性如图3与图4所示。

某些自动調整系統的环节，

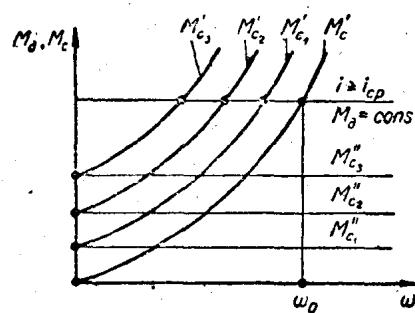


图3 利用繼电器控制的直流电力
驱动特性 (M_c —恒負載)

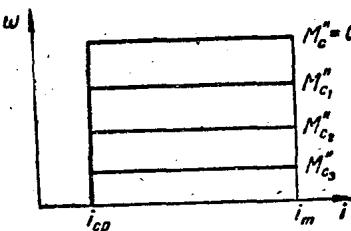


图4 利用繼电器控制的直
流电力驱动特性

它的特性的显著特点是可以綫性化，也就是在范围很小的某些段落上，可以用与特性相差无几的直線来替代。然而并不是对自动調整系統所有各种工作状态都可进行特性的綫性化，通常只是对人們最关心的一种工作状态进行綫性化。

在这种情况下，靠近一定的平衡位置的非綫性特性，可用直線（例如斜率不等于零或无穷大的切綫）替代，这样研究稳定性，叫作研究小范围內的稳定性，这也就是说，得出的结果，只适用于系统靠近给定平衡位置的微偏情况。

綫性化的范围依非綫性特性的形状为轉移，如果非綫性程度很小，那末綫性化范围可以包括系統大多数的工作情况。

通常我們把可以在相当寬广的范围内綫性化的特性；以及綫性化范围对于研究自動調整系統稳定性与过渡历程品質說来无足輕重的特性，叫作并非根本非綫性特性。

除了并非根本非綫性特性而外，还有一些特性，要想保存住它們的特性，是决不能綫性化的。

屬於这类特性的，是那些不能在輸入量所需变化範圍內線性化的非線性特性，或是那些用不能展成戴勞級數的函數表示的特性。

这类特性的另一个特点是：該函數对輸入座标的一次、二次等導數是不連續的。

我們可以举出电子管振蕩器、非線性电桥、恆速伺服机、具有干摩擦的裝置、具有空隙的裝置、具有繼電型特性的裝置等，作为具有上述特性的裝置的例子。

我們把这类特性叫作根本非線性特性。

在自動調整系統中，碰到的是具有各种各样根本非線性特性的裝置，但是近來根据許多对非線性的研究，例如根据〔1〕—〔12〕，可以在式样紛繁的非線性特性中，歸納出几类根本非線性特性来，这几类特性乃是自動調整系統的典型非線性特性。

这些特性①本身包含失靈区、線性区(段)、非單值(或滯環)区(段)、飽和区(段)等。

2. 自動調整系統典型的非線性靜特性

我們在研究具有典型非線性特性的自動調整系統各種裝置与元件的例子之前，首先列舉出各種非線性特性(見表1)。

列在表1中的，并不是所有可能的各种非線性特性，而只是其中最具有代表性的和通常在實際調整系統中碰得到的特性。

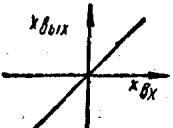
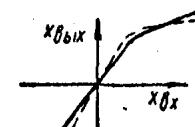
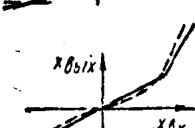
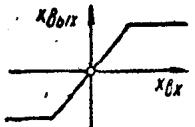
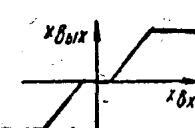
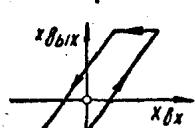
表1乃是自動調整系統典型非線性靜特性分类的一个例子。为了能够清楚地区分主要的典型区和段，我們把非線性特性近似地用逐段直線函数来表示。

我們可以看到，橫軸表示該裝置的輸入座标 x_{ex} ，縱軸表示它的輸出座标 x_{outx} ，它們可以表示偏移、速度、加速度等。至于它們的物理意义，后面将用具体例子來說明。

① 今后，我們把非線性特性分成区和段，所謂“区”，就是包含座标原点在内的非線性特性段。

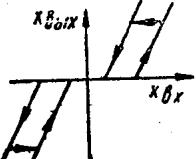
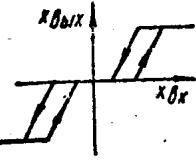
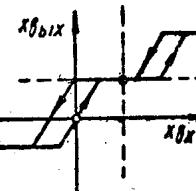
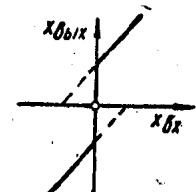
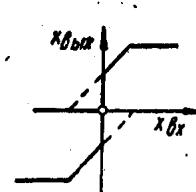
自動調整系統的典型非線性特性(分类举例)

表 1

特性名称	特性形状	特性简述	非线性特性的主要区(段)
线性特性		在输入坐标(X_{in})的整个变化范围内都是线性特性	线性区
单值非线性特性		平方特性① (可用逐段线性函数来近似替代)	线性区与线性段
单值非线性特性		平方特性① (可用逐段线性函数来近似替代)	线性区与线性段
非单值非线性特性		输出坐标(位移、速度、加速度)变化有定限的元件的特性	线性区, 饱和段
		同上, 但控制元件中搭接, 执行元件中有摩擦等	失灵区; 线性段, 饱和段
		有空隙、摩擦时元件的特性	非单值区
非单值非线性特性		同上, 但输出坐标变化有定限	非单值区; 饱和段

① 这一特性与下面的一种特性是有区别的, 因此前者称为“平方根特性”而后者称为“平方特性”才更恰当一些。——译者

續表

特性名称	特性形状	特性简述	非线性特性的主要区(段)
非单值非线性		同上，但控制元件中有搭接段，有预拉力等	失灵区；非单值段
非单值非线性		同上，但控制元件中有搭接段，有预拉力等	失灵区；非单值段；饱和段
非线性、非单值、非对称特性		同上，但特性不对称	失灵区；非单值段；饱和段
单值非线性		具有负搭接段的元件(气流管等)的特性	负失灵区；线性段
单值非线性		同上，但输出坐标变化有定限	负失灵区；线性段；饱和段