

# 頻率法自動調節理論

〔苏联〕H. T. 庫佐夫柯夫 著



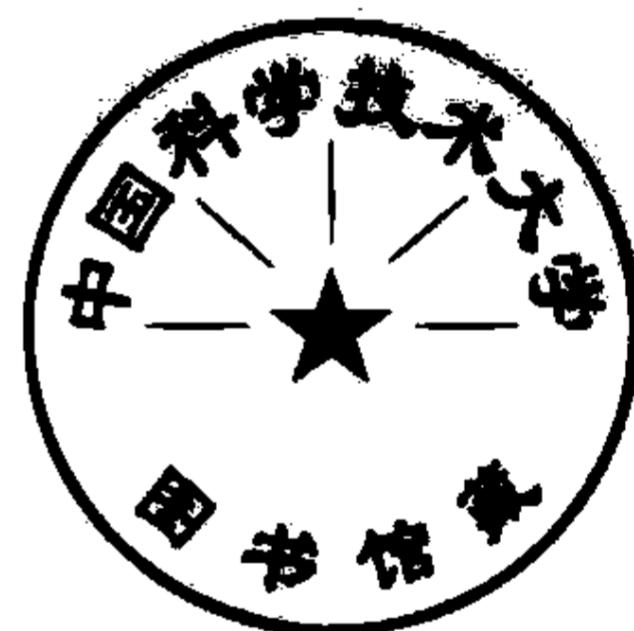
國防工業出版社

73.8.23  
435

# 頻率法自動調節理論

[苏联] H. T. 庫佐夫柯夫 著

張明華 譯



國防出版社

1.9.6

## 內容 提 要

本书討論了用常系数和变系数微分方程式描述的随动系統和自動調節系統的分析和綜合的頻率法，以及根据广义頻率特性和对数根軌迹图綜合这些系統的方法。

本书适用于从事自动調節的工程技术人员，以及有关专业的大学生。

ТЕОРИЯ АВТОМАТИЧЕСКОГО РЕГУЛИРОВАНИЯ,  
ОСНОВАННАЯ НА ЧАСТОТНЫХ МЕТОДАХ

〔苏联〕 Н. Т. Кузовков

ОБОРОНГИЗ 1960

\*

頻率法自動調節理論

張明華譯

\*

國防工业出版社出版

北京市书刊出版业营业許可証出字第 074 号

新华书店北京发行所发行 各地新华书店經售

国防工业出版社印刷厂印裝

\*

850×1168 1/32 印張 14 3/4 328 千字

1966年4月第一版 1966年4月第一次印刷 印数：0,001—2,800册

统一书号：15034·1106 定价：（科六）2.20 元

## 第二版原序(节譯)

本书第二版与第一版的区别是更充分地討論了頻率分析，并从这个分析的角度出发論述了調節領域中某些卓越成果。在包含有新內容的各章中首先必須指出：在第八、第九章中討論了广义頻率分析，在第十章中討論了研究变参数綫性系統的工程方法。

本书的中心仍旧是頻率法。頻率法是由計算电力通信系統稳态过程的方法中轉入自动調節理論中来的，它可以认为是現代調節理論的主要研究方法。在最近拟定的返回到按根分布（根轨迹图）研究閉环系統性能的趋势，不仅沒有减小、反而增加了頻率法的意义，因为用这个方法来繪制根轨迹图最为简单（第八章第三节）。

如同第一版一样，本书是基于用最简单的数学工具（常系数微分方程式和拉普拉斯变换）来讲述的。只是在第七章第三节和第四节中討論按實驗過程确定傳递函数时，采用了矩阵运算，但是这里只指出了它的运算規則。

本书适用于从事隨动系統和自動調節系統設計的工程技术人员。因此本书主要的不是証实調節理論的各个基本概念，而是指明它們在具体計算时的应用。因此本书中包含了大量的参考資料（吉爾維茨穩定判据、代数方程式的解等）。对于自動調節系統方程式的列写方法也給予了很大的注意。

# 目 录

第二版原序 .....	6
第一章 自动調節系統的一般概念 .....	7
第一节 按开环和閉环工作的系統 .....	7
第二节 关于稳定性的概念 .....	11
第三节 列写微分方程式的方法 .....	13
第四节 列写在給定航向上鎮定飞机的系統方程式 .....	14
第五节 列写隨动系統的方程式 .....	17
第六节 列写蒸汽机轉數調節系統方程式 .....	22
第七节 列写动力陀螺穩定器方程式 .....	33
第八节 过渡过程。稳定条件 .....	45
第九节 有差和无差調節 .....	51
第十节 靜特性 .....	53
第二章 結構圖的拟制和变换 .....	57
第一节 拟制結構圖的方法 .....	58
第二节 多迴路結構圖 .....	61
第三节 結構圖的等值变换 .....	63
第四节 有差系統和无差系統的結構圖 .....	67
第五节 組成环节傳递函数的基本因子 .....	72
第三章 稳定判据 .....	80
第一节 古尔維茨稳定条件 .....	81
第二节 米哈依洛夫稳定判据 .....	83
第三节 单迴路系統的幅相稳定判据 .....	84
第四节 幅頻特性和相頻特性 .....	98
第五节 确定頻率特性的实验方法。矩形波方法 .....	101
第六节 开环系統頻率特性曲綫举例 .....	104
第七节 相位和模数的稳定储备 .....	109
第八节 具有純滞后的系統 .....	110
第九节 用幅相判据研究多迴路系統的稳定性 .....	114
第十节 $M$ 和 $N$ 圆列綫图 .....	116
第四章 对数頻率特性法 .....	121
第一节 对数幅頻特性和相頻特性 .....	121

08581

第二节	基本因子的对数頻率特性。样板	123
第三节	开环单迴路系統对数頻率特性的繪制	138
第四节	幅頻特性和相頻特性之間的联系	144
第五节	按对数頻率特性确定稳定儲备	146
第六节	使系統閉合用的列綫图	148
第七节	用对数頻率特性法研究多迴路系統的稳定性	155
第八节	复杂函数对数頻率特性的繪制	160
<b>第五章</b>	<b>稳定状态下的准确度</b>	<b>163</b>
第一节	輸入訊号和輸出訊号間的一般关系	163
第二节	隨动系統的誤差系数	172
第三节	誤差系数和系統积分环节数目的关系	175
第四节	減小稳态誤差的补偿法	184
第五节	在閉合迴路中引入补偿环节以減小稳态誤差	185
第六节	复合系統	190
第七节	帶有選擇反饋的隨動系統	193
<b>第六章</b>	<b>过渡过程</b>	<b>198</b>
第一节	用过渡过程的拉普拉斯象函数展成简单分式的方法来确定过渡过程	200
第二节	按开环系統的漸近对数幅頻特性确定閉环系統的根	202
第三节	利用列綫图确定三阶方程式的根	210
第四节	按开环系統漸近对数幅頻特性确定根的例子	216
第五节	按半对数实頻特性繪制过渡过程	219
第六节	利用透明样板繪制过渡过程	227
第七节	按系統的頻率特性估計过渡函数的主要指标	237
<b>第七章</b>	<b>根据實驗数据确定頻率特性和傳递函数</b>	<b>251</b>
第一节	根据起动曲綫确定环节的幅頻和相頻特性的分析法	251
第二节	利用透明样板按起动曲綫确定对象的頻率特性	258
第三节	用最小平方法按輸入和輸出訊号的示波图确定傳递函数	263
第四节	利用积分矩阵确定傳递函数的系数	271
<b>第八章</b>	<b>广义頻率分析</b>	<b>279</b>
第一节	广义頻率分析的基本概念	279
第二节	利用广义頻率分析确定代数方程和超越方程的根	292
第三节	对数根軌迹图	302

第四节	按閉环系統的漸近对數幅頻特性繪制过渡函数	311
第五节	在带有单位反饋的系統中过渡函数的繪制	327
第六节	按閉环系統的漸近对數幅頻特性繪制过渡函数的例子	328
第七节	当輸入訊号为脉冲、線性函数和抛物綫时，按閉环 系統漸近对數幅頻特性繪制过渡过程	335
第八节	各种根对过渡过程曲綫的相对影响	344
<b>第九章</b>	<b>鎮定和綜合方法</b>	<b>345</b>
第一节	借粘性摩擦鎮定	347
第二节	依靠引入失調量的导数来实现鎮定	349
第三节	借微分迴路鎮定	354
第四节	借积分迴路鎮定	358
第五节	借积分-微分迴路鎮定	362
第六节	借內反饋鎮定	365
第七节	按給定要求綜合隨動系統的串联校正迴路	375
第八节	单迴路系統中，对主反饋迴路中引入的校正环节的綜合	380
第九节	內部反饋的綜合	390
<b>第十章</b>	<b>变参数線性系統</b>	<b>398</b>
第一节	系数冻结法	398
第二节	对二阶線性变参数系統的李亞普諾夫稳定性的充分条件	400
第三节	利用古尔維茨判据研究无限長時間內变参数 系統的稳定性	402
第四节	将变参数系統变换为《恒定》系統时自变量的置換	403
第五节	自变量置換法的准确度	411
第六节	繪制变参数系統傳递函数的近似方法	415
第七节	系数作線性变化的一阶环节的精确傳递函数和結構图	423
第八节	具有一个可变环节的系統稳定性和品质的研究	426
第九节	在常参数和变参数線性系統中偏差的积累	430
<b>附录</b>		<b>438</b>
附录 I	代数方程式的解	438
附录 II	运算微积的基本公式	442
附录 III	将輸出訊号分解为三个分量的公式的推导	444
附录 IV	样板和列綫图	448
<b>参考文献</b>		<b>457</b>

73.8.23  
435

# 頻率法自動調節理論

[苏联] H. T. 庫佐夫柯夫 著

張明華 譯



中國科學院出版社

1986

## 內容 提 要

本书討論了用常系数和变系数微分方程式描述的随动系統和自動調節系統的分析和綜合的頻率法，以及根据广义頻率特性和对数根軌迹图綜合这些系統的方法。

本书适用于从事自动調節的工程技术人员，以及有关专业的大学生。

ТЕОРИЯ АВТОМАТИЧЕСКОГО РЕГУЛИРОВАНИЯ,  
ОСНОВАННАЯ НА ЧАСТОТНЫХ МЕТОДАХ

〔苏联〕 Н. Т. Кузовков

ОБОРОНГИЗ 1960

\*

頻率法自動調節理論

張明華譯

\*

國防工业出版社出版

北京市书刊出版业营业許可証出字第 074 号

新华书店北京发行所发行 各地新华书店經售

国防工业出版社印刷厂印裝

\*

850×1168 1/32 印張 14 3/4 328 千字

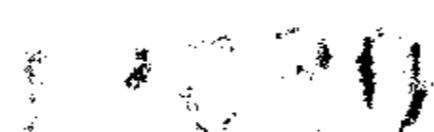
1966年4月第一版 1966年4月第一次印刷 印数：0,001—2,800册

统一书号：15034·1106 定价：（科六）2.20 元

# 目 录

第二版原序 .....	6
第一章 自动調節系統的一般概念 .....	7
第一节 按开环和閉环工作的系統 .....	7
第二节 关于稳定性的概念 .....	11
第三节 列写微分方程式的方法 .....	13
第四节 列写在給定航向上鎮定飞机的系統方程式 .....	14
第五节 列写隨动系統的方程式 .....	17
第六节 列写蒸汽机轉數調節系統方程式 .....	22
第七节 列写动力陀螺穩定器方程式 .....	33
第八节 过渡过程。稳定条件 .....	45
第九节 有差和无差調節 .....	51
第十节 靜特性 .....	53
第二章 結構圖的拟制和变换 .....	57
第一节 拟制結構圖的方法 .....	58
第二节 多迴路結構圖 .....	61
第三节 結構圖的等值变换 .....	63
第四节 有差系統和无差系統的結構圖 .....	67
第五节 組成环节傳递函数的基本因子 .....	72
第三章 稳定判据 .....	80
第一节 古尔維茨稳定条件 .....	81
第二节 米哈依洛夫稳定判据 .....	83
第三节 单迴路系統的幅相稳定判据 .....	84
第四节 幅頻特性和相頻特性 .....	98
第五节 确定頻率特性的实验方法。矩形波方法 .....	101
第六节 开环系統頻率特性曲綫举例 .....	104
第七节 相位和模数的稳定储备 .....	109
第八节 具有純滞后的系統 .....	110
第九节 用幅相判据研究多迴路系統的稳定性 .....	114
第十节 $M$ 和 $N$ 圆列綫图 .....	116
第四章 对数頻率特性法 .....	121
第一节 对数幅頻特性和相頻特性 .....	121

第二节	基本因子的对数頻率特性。样板	123
第三节	开环单迴路系統对数頻率特性的繪制	138
第四节	幅頻特性和相頻特性之間的联系	144
第五节	按对数頻率特性确定稳定儲备	146
第六节	使系統閉合用的列綫图	148
第七节	用对数頻率特性法研究多迴路系統的稳定性	155
第八节	复杂函数对数頻率特性的繪制	160
<b>第五章</b>	<b>稳定状态下的准确度</b>	<b>163</b>
第一节	輸入訊号和輸出訊号間的一般关系	163
第二节	隨动系統的誤差系数	172
第三节	誤差系数和系統积分环节数目的关系	175
第四节	減小稳态誤差的补偿法	184
第五节	在閉合迴路中引入补偿环节以減小稳态誤差	185
第六节	复合系統	190
第七节	帶有選擇反饋的隨動系統	193
<b>第六章</b>	<b>过渡过程</b>	<b>198</b>
第一节	用过渡过程的拉普拉斯象函数展成简单分式的方法来确定过渡过程	200
第二节	按开环系統的漸近对数幅頻特性确定閉环系統的根	202
第三节	利用列綫图确定三阶方程式的根	210
第四节	按开环系統漸近对数幅頻特性确定根的例子	216
第五节	按半对数实頻特性繪制过渡过程	219
第六节	利用透明样板繪制过渡过程	227
第七节	按系統的頻率特性估計过渡函数的主要指标	237
<b>第七章</b>	<b>根据實驗数据确定頻率特性和傳递函数</b>	<b>251</b>
第一节	根据起动曲綫确定环节的幅頻和相頻特性的分析法	251
第二节	利用透明样板按起动曲綫确定对象的頻率特性	258
第三节	用最小平方法按輸入和輸出訊号的示波图确定傳递函数	263
第四节	利用积分矩阵确定傳递函数的系数	271
<b>第八章</b>	<b>广义頻率分析</b>	<b>279</b>
第一节	广义頻率分析的基本概念	279
第二节	利用广义頻率分析确定代数方程和超越方程的根	292
第三节	对数根轨迹图	302



第四节	按閉环系統的漸近对數幅頻特性繪制过渡函数	311
第五节	在带有单位反饋的系統中过渡函数的繪制	327
第六节	按閉环系統的漸近对數幅頻特性繪制过渡函数的例子	328
第七节	当輸入訊号为脉冲、線性函数和抛物綫时，按閉环 系統漸近对數幅頻特性繪制过渡过程	335
第八节	各种根对过渡过程曲綫的相对影响	344
<b>第九章</b>	<b>鎮定和綜合方法</b>	<b>345</b>
第一节	借粘性摩擦鎮定	347
第二节	依靠引入失調量的导数来实现鎮定	349
第三节	借微分迴路鎮定	354
第四节	借积分迴路鎮定	358
第五节	借积分-微分迴路鎮定	362
第六节	借內反饋鎮定	365
第七节	按給定要求綜合隨動系統的串联校正迴路	375
第八节	单迴路系統中，对主反饋迴路中引入的校正环节的綜合	380
第九节	內部反饋的綜合	390
<b>第十章</b>	<b>变参数線性系統</b>	<b>398</b>
第一节	系数冻结法	398
第二节	对二阶線性变参数系統的李亞普諾夫稳定性的充分条件	400
第三节	利用古尔維茨判据研究无限長時間內变参数 系統的稳定性	402
第四节	将变参数系統变换为《恒定》系統时自变量的置換	403
第五节	自变量置換法的准确度	411
第六节	繪制变参数系統傳递函数的近似方法	415
第七节	系数作線性变化的一阶环节的精确傳递函数和結構图	423
第八节	具有一个可变环节的系統稳定性和品质的研究	426
第九节	在常参数和变参数線性系統中偏差的积累	430
<b>附录</b>		<b>438</b>
附录 I	代数方程式的解	438
附录 II	运算微积的基本公式	442
附录 III	将輸出訊号分解为三个分量的公式的推导	444
附录 IV	样板和列綫图	448
<b>参考文献</b>		<b>457</b>

## 第二版原序(节譯)

本书第二版与第一版的区别是更充分地討論了頻率分析，并从这个分析的角度出发論述了調節領域中某些卓越成果。在包含有新內容的各章中首先必須指出：在第八、第九章中討論了广义頻率分析，在第十章中討論了研究变参数綫性系統的工程方法。

本书的中心仍旧是頻率法。頻率法是由計算电力通信系統稳态过程的方法中轉入自动調節理論中来的，它可以认为是現代調節理論的主要研究方法。在最近拟定的返回到按根分布（根轨迹图）研究閉环系統性能的趋势，不仅沒有减小、反而增加了頻率法的意义，因为用这个方法来繪制根轨迹图最为简单（第八章第三节）。

如同第一版一样，本书是基于用最简单的数学工具（常系数微分方程式和拉普拉斯变换）来讲述的。只是在第七章第三节和第四节中討論按實驗過程确定傳递函数时，采用了矩阵运算，但是这里只指出了它的运算規則。

本书适用于从事隨动系統和自動調節系統設計的工程技术人员。因此本书主要的不是証实調節理論的各个基本概念，而是指明它們在具体計算时的应用。因此本书中包含了大量的参考資料（吉爾維茨穩定判据、代数方程式的解等）。对于自動調節系統方程式的列写方法也給予了很大的注意。

# 第一章 自動調節系統的一般概念

所謂自動調節系統是這樣的一種系統：對它所要求的工作狀態不是由維護人員，而是由作為此系統組成部分的自動作用裝置來維持的，自動裝置可分為機械的、電的、電氣機械的或任何其他的系統。自動調節系統的應用範圍不可能一一列舉，但是儘管應用範圍和結構形式不同，可是按照作用原理來分則只能分成三類：開環工作系統，閉環工作系統，同時應用開環和閉環的複合系統。

在這一章中給出了這些自動調節系統的一般概念，引入了其他必需的概念和定義。同時特別着重於列寫描述自動調節系統行為的微分方程式的方法。

## 第一節 按開環和閉環工作的系統

可以用如圖 1 所示的直流電動機轉速調節系統作為按開環作用的調節系統的例子。這個系統是用来實現變阻器  $P$  的滑臂位置和電動機  $\Delta$  的轉速之間的單值對應關係的：用手調整變阻器  $P$  的滑臂來確定發電機  $\Gamma$  發出的電壓值，因而也就確定了電動機  $\Delta$  的轉速值。這個系統作用傳遞示於圖 2。因為作用圖具有開路的形式，故圖 1 所示的系統屬於按開環工作的系統。

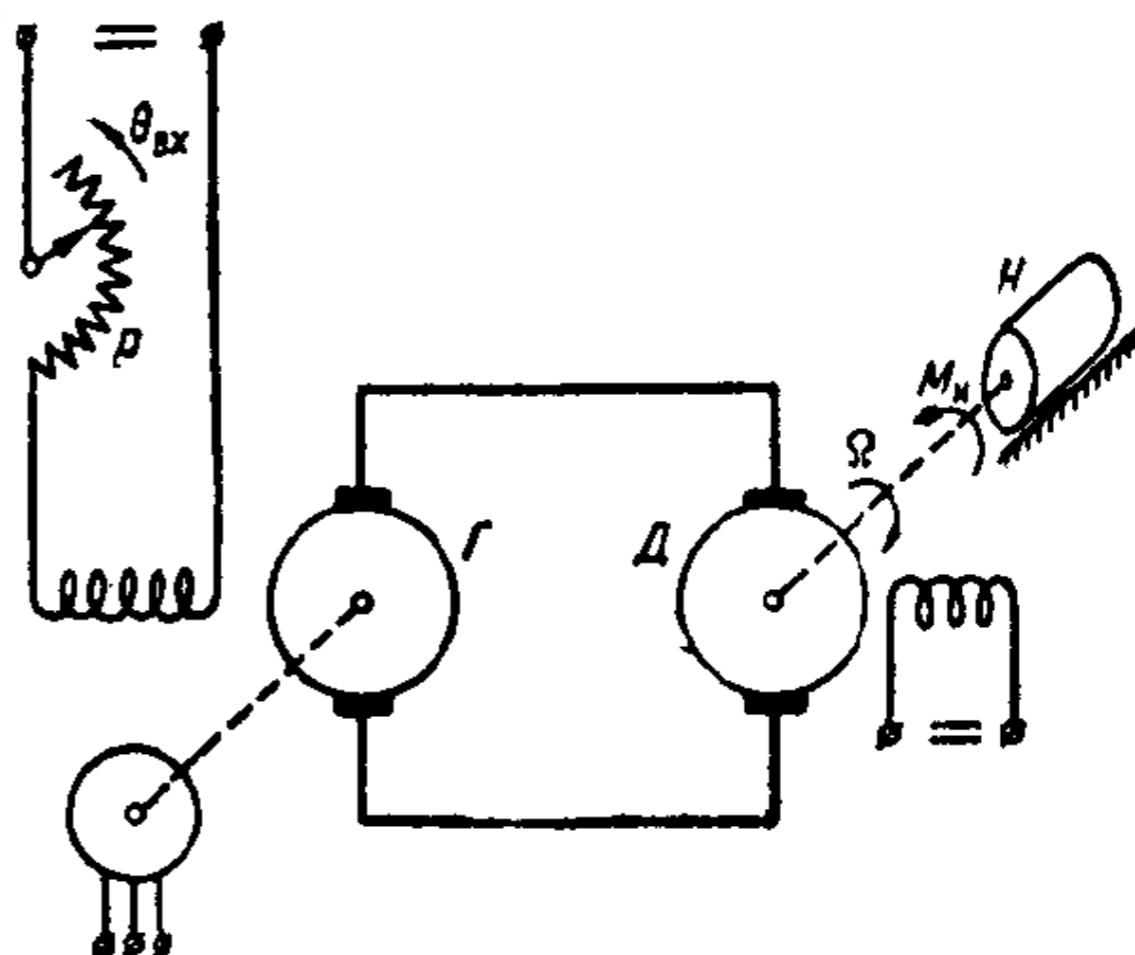


圖 1 按開環線路工作的直流電動機的調速

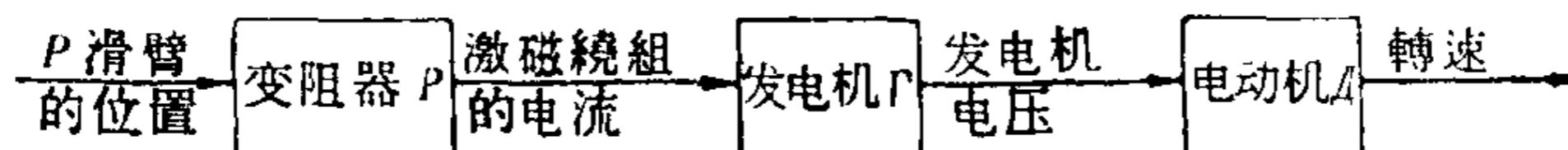
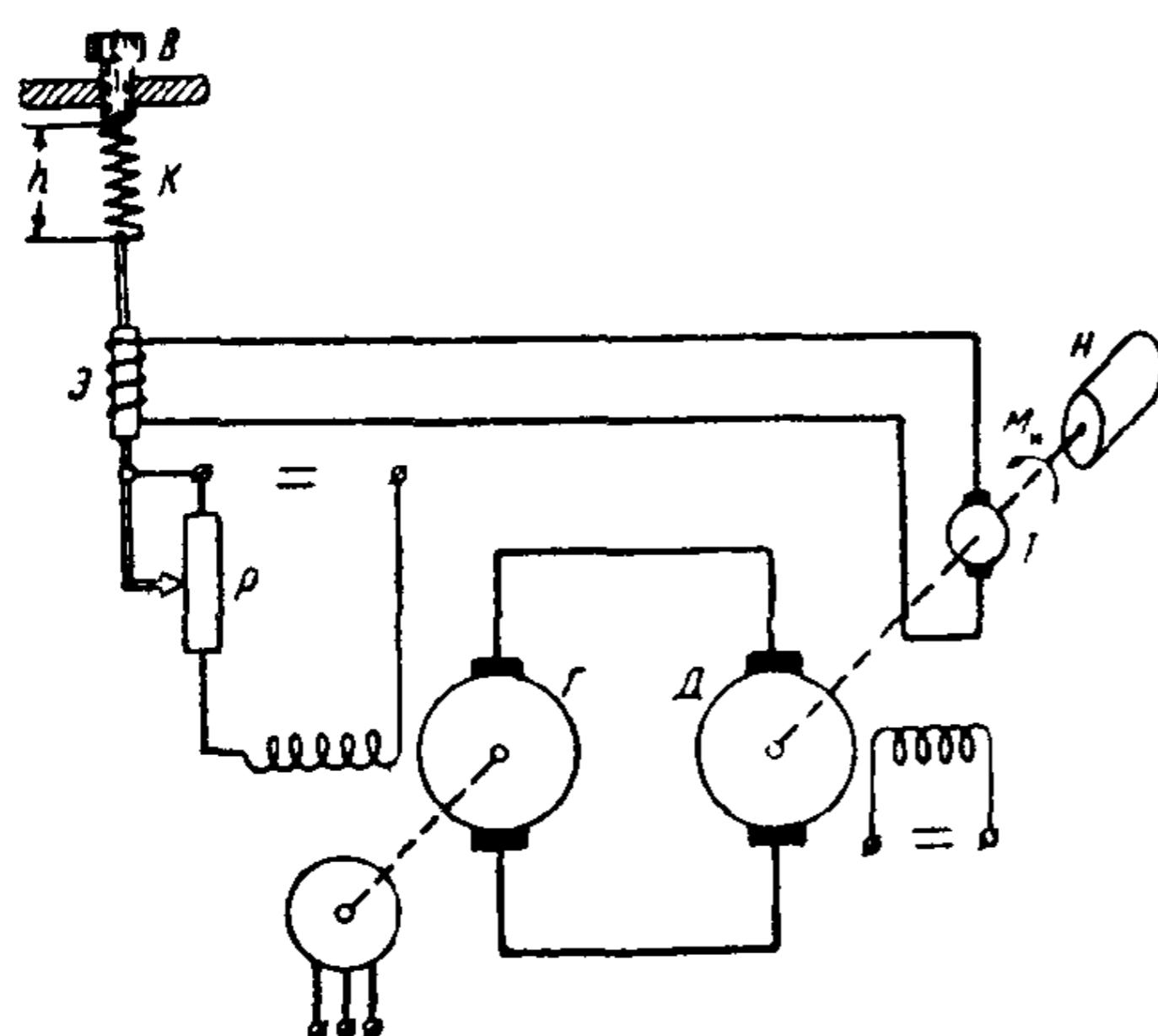


图 2 电动机开环调速系统的作用传递图

开环系統的主要缺点是准确度很低，因为被調量（电动机轉速）与系統本身的参数（例如发电机軸的轉数），以及与作用在此系統上的外扰作用（由負載  $H$  在电动机輸出軸上产生的負載轉矩  $M_H$  等）有很大的关系。例如，当变阻器  $P$  的滑臂在某一固定位置时，当負載轉矩  $M_H$  变化时，电动机  $A$  的轉速将按照电动机  $A$  的机械特性而变化。为了获得原先的轉速值，必須手动改变变阻器  $P$  的滑臂位置。

为了减小系統参数变化和外扰作用对被調量的影响，采用了

图 3 按闭环系统工作的直流电动机的  
转速调节

按闭环工作的系統。这种系統的特点是能自动将被調量的实际值与它的期望值不断地进行比較。作为比較的結果而出現的、等于被調量的期望值与实际值之差的失調量，将使系統动作，并且这种动作是向着消除失調量的方向进行的。这样一来，在闭环系統中由于偶然原因产

生的失調量将自动地趋于零或趋于很小的数值。因为这个失調量代表被調量与其期望值的差，即調节的不准确度，所以它也被称为系統的誤差。

在图 3 所示的線路中，变阻器  $P$  的滑臂由手动調整改为自動調整。該調整量正比于电动机  $A$  的期望轉速值（期望轉速值可用

調整螺釘  $B$  来确定) 和与彈簧  $K$  的压缩量 (被由測速发电机  $T$  供电的电磁铁  $\vartheta$  所压缩) 成正比的实际轉速值之差。因此，就从开环系統 (参阅图 1) 获得了闭环系統 (参阅图 3)。这个系統的动作如下：如果电动机的轉速等于額定值，则电磁铁  $\vartheta$  所产生的力就平衡了彈簧  $K$  的压力，于是变阻器  $P$  的滑臂就占有某一固定位置。当速度偏离額定值时，例如，由于負載轉矩  $M_n$  的增加而使速度降低时，电磁铁所产生的力减小了，因此彈簧就使变阻器  $P$  的滑臂向下移动；此时发电机激磁繞組中的电流增大，因此电动机的速度将增加，而趋近其額定值。

測量闭环系統中失調量的装置被称为比較装置。在上面討論的系統中，比較装置包括彈簧  $K$ 、变阻器  $P$ 、測速发电机  $T$  和电磁铁  $\vartheta$ 。

上面所討論系統的作用示于图 4。它具有闭环的形式，这就表明它是一个按闭环工作的系統。闭环系統不仅可以用来使被調量保持常值，也可以用来将某些輸入訊号 (如軸的轉角) 實現远距离傳輸，同时进行功率放大。

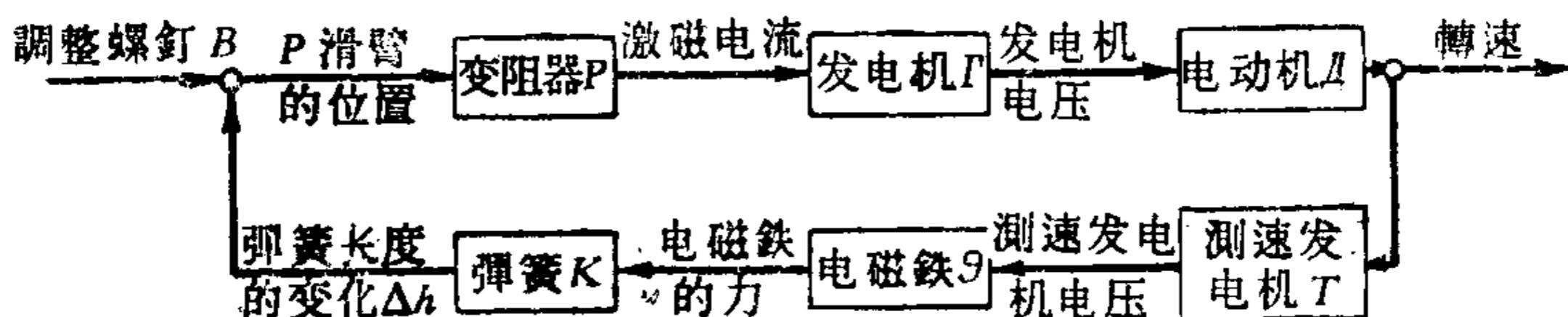


图 4 按闭环系統工作的电动机調速系統的作用傳递图

任何一种用来跟随 (模仿) 某一輸入訊号的闭环系統 (与用以保持被調量为恒定的給定数值的自動調節系統不同) 称之为随动系統。如同任何闭环系統一样，在随动系統中利用某种比較装置 (例如，利用机械差动裝置) 自动进行輸入量  $\theta_{\text{вх}}(t)$  和輸出量  $\theta_{\text{вых}}(t)$  的比較；此时出現的誤差訊号  $\epsilon(t)$  經过放大器来控制执行机构的工作，后者是一台可反轉的电动机 (图 5)。相应

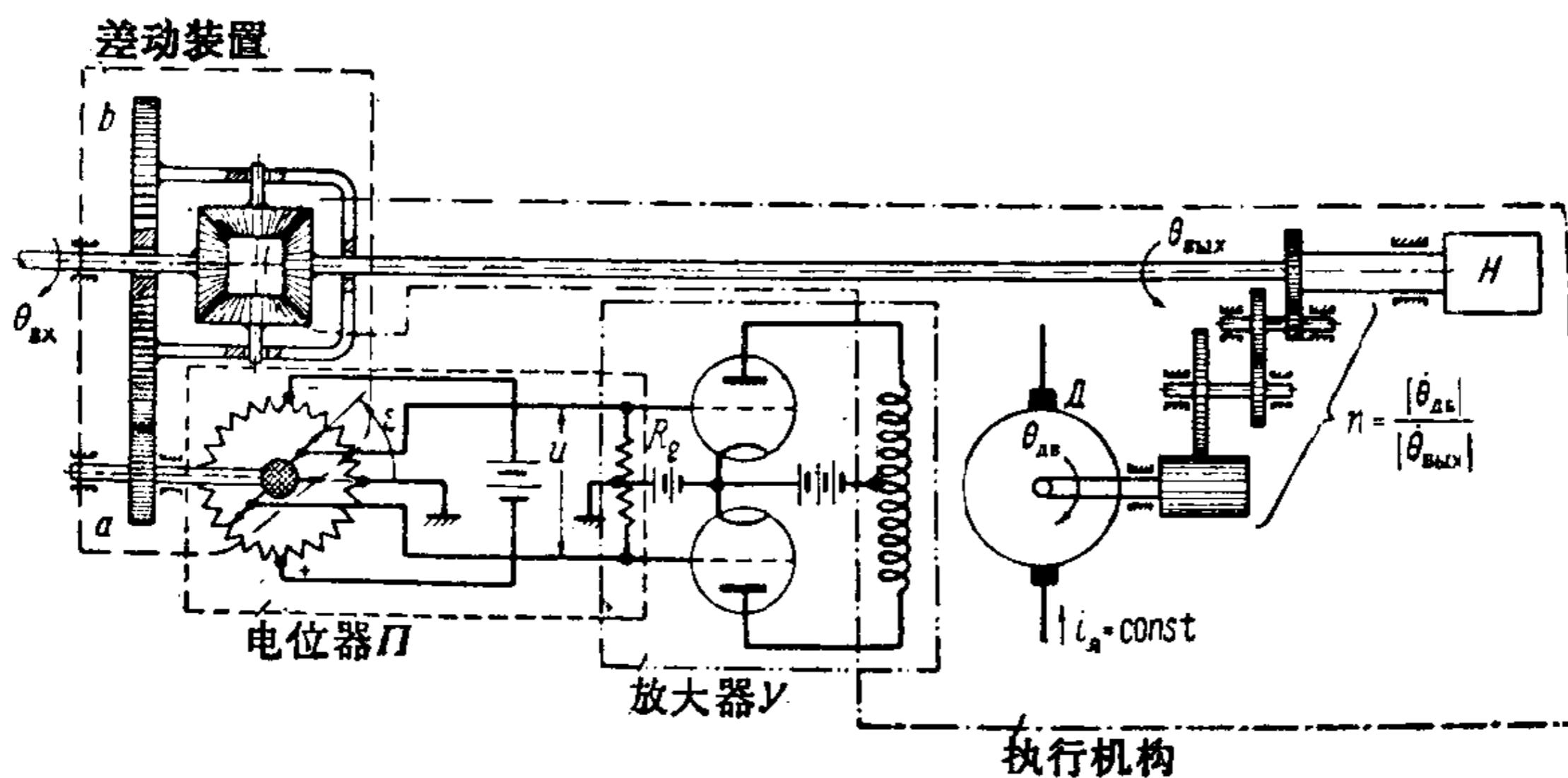


图 5 随动系统的原理图

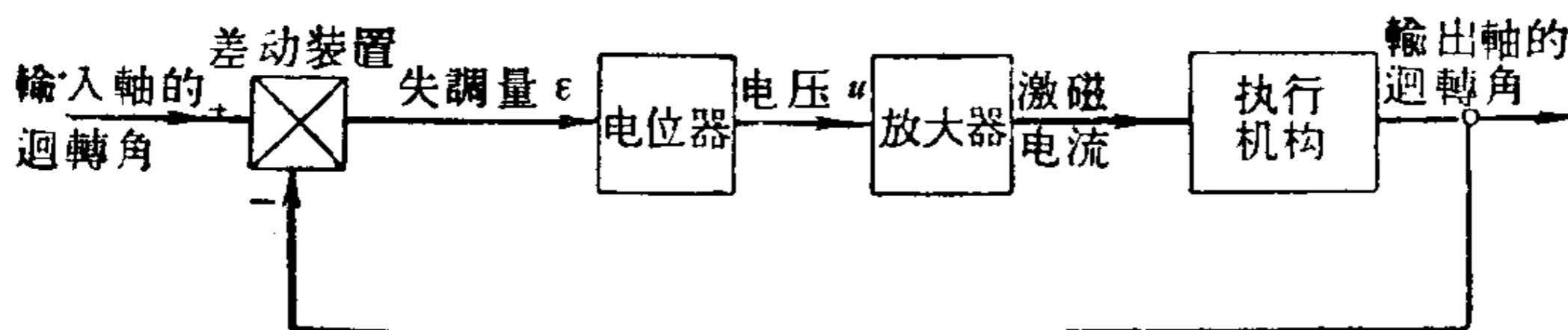


图 6 图 5 所示随动系统的作用传递图

的作用示于图 6。

除了上面所指出的优点（调节准确度比较高）以外，闭环系统也有缺点，其中主要的是保证它们的工作稳定性的問題●。

可以用如图 7 所示的随动系统作为复合系统的例子（参阅第五章第六节）。这个系统本身包括开环支路（输入轴，测速发电机，给定环节，放大器  $Y_1$ ，电机放大机  $\varTheta M Y$ ，电动机  $D_1$ ，差动装置  $D_2$ ，减速器  $P_2$ ，负载  $H$ ）和闭环部分（差动装置  $D_1$ ，校

● 闭环系统的稳定性决定于系统所包含的各个环节的放大系数和时间常数。开环系统各环节的放大系数和时间常数对这一系统的稳定性没有影响（关于稳定性，可参阅第二节和第八节，关于放大系数和时间常数可参阅第二章第五节）。