



面向 21 世 纪 课 程 教 材  
Textbook Series for 21st Century

# 物理 学

## 下 册 第四版

东南大学等七所工科院校 编  
马文蔚 解希顺 谈漱梅 柯景凤 改编



高等 教育 出 版 社  
HIGHER EDUCATION PRESS

(京)112号

**图书在版编目(CIP)数据**

物理学 下册/东南大学等七所工科院校编;马文蔚等  
改编. - 北京:高等教育出版社, 1999  
面向 21 世纪课程教材  
ISBN 7-04-007465-6

I. 物… II. ①东… ②马… III. 物理学 - 高等学校 - 教  
材 IV. 04

中国版本图书馆 CIP 数据核字(1999)第 37190 号

物理学 下册 第四版  
东南大学等七所工科院校 编  
马文蔚 解希顺 谈漱梅 柯景凤 改编

---

出版发行 高等教育出版社  
社 址 北京市东城区沙滩后街 55 号 邮政编码 100009  
电 话 010-64054588 传 真 010-64014048  
网 址 <http://www.hep.edu.cn>

经 销 新华书店北京发行所  
排 版 高等教育出版社照排中心  
印 刷 北京外文印刷厂  
纸张供应 山东高唐纸业集团总公司

版 次 1978 年 6 月第 1 版  
开 本 787×960 1/16 1999 年 11 月第 4 版  
印 张 23.25 印 次 1999 年 11 月第 1 次印刷  
字 数 430 000 定 价 22.10 元

---

凡购买高等教育出版社图书,如有缺页、倒页、脱页等  
质量问题,请在所购图书销售部门联系调换。

**版权所有 侵权必究**

04  
98-4

413052

## 内 容 简 介

本书是教育部“高等教育面向 21 世纪教学内容和课程体系改革计划”的研究成果,是面向 21 世纪课程教材、普通高等教育“九五”国家级重点教材和教育部高等学校工科物理课程教学指导委员会“九五”规划教材。本书是在原第三版的基础上修订而成的,在修订过程中注意保持了原书体系结构合理、深广度适当、注意教法、分量适中、适应面宽等特点,同时吸取了近年来国内外出版的物理教材的优点,以现代的观点来处理经典物理的体系结构及其内容选取,精选并加强近代物理部分的内容,适当介绍当代物理的成就以及对工程技术的深远影响。全书共分三册,上册包括力学和热物理学;中册包括电磁学;下册包括波动过程、近代物理学和物理学与新技术等内容。

本书可作为高等学校工科各专业的教科书,也可供文理科有关专业选用和社会读者阅读。

# 波动过程和近代物理的量和单位

量		单 位		换算关系
名称	符号	名称	符号	
周 期	$T$	秒	s	
频 率	$f(\nu)$	赫 兹	Hz	
角 频 率	$\omega$	弧度每秒	$\text{rad} \cdot \text{s}^{-1}$	$\omega = 2\pi\nu$
波 长	$\lambda$	米	m	
角 波 数	$k$	每米	$\text{m}^{-1}$	$k = \frac{2\pi}{\lambda}$
光 速	$c$	米每秒	$\text{m} \cdot \text{s}^{-1}$	
振 动 位 移	$x, y$	米	m	
振 动 速 度	$v$	米每秒	$\text{m} \cdot \text{s}^{-1}$	
声 强	$I$	瓦特每平方米	$\text{W} \cdot \text{m}^{-2}$	
辐 射 强 度	$I$	瓦特每平方米	$\text{W} \cdot \text{m}^{-2}$	
辐 射 能 密 度	$w(u)$	焦耳每立方米	$\text{J} \cdot \text{m}^{-3}$	
原 子 序 数	$Z$			$N, A, Z$ 无量纲,
中 子 数	$N$			$A = N + Z$
核 子 数	$A$			
电 子 静 质 量	$m_e$	千 克	kg	
质 子 静 质 量	$m_p$	千 克	kg	
中 子 静 质 量	$m_n$	千 克	kg	
元 电 荷	$e$	库 仑	C	
普朗克常量	$h$	焦耳秒	$\text{J} \cdot \text{s}$	
玻尔半径	$r_1$	米	m	
里德伯常量	$R$	每米	$\text{m}^{-1}$	
轨道角动量量子数	$l$			$l = 0, 1, 2, \dots, (n - 1)$
自旋角动量磁量子数	$m_s$			$m_s = \pm \frac{1}{2}$
主量子数	$n$			$n = 1, 2, \dots$
轨道角动量磁量子数	$m_l$			$m_l = 0, \pm 1, \pm 2, \dots, \pm l$
波 函 数	$\psi$			

# 目 录

<b>第十四章 机械振动</b> .....	1
14-1 简谐运动 .....	1
14-2 简谐运动中的振幅 周期 频率和相位 .....	3
一 振幅 .....	4
二 周期 .....	4
三 相位 .....	4
四 常数 $A$ 和 $\varphi$ 的确定 .....	5
14-3 旋转矢量 .....	6
14-4 单摆和复摆 .....	12
一 单摆 .....	12
二 复摆 .....	13
三 大角度摆 .....	13
14-5 简谐运动的能量 .....	15
14-6 简谐运动的合成 .....	17
一 两个同方向同频率简谐运动的合成 .....	17
二 多个同方向同频率简谐运动的合成 .....	19
三 两个同方向不同频率简谐运动的合成 .....	20
四 两个相互垂直的同频率的简谐运动的合成 .....	23
五 两个相互垂直的不同频率的简谐运动的合成 .....	26
14-7 阻尼振动 受迫振动 共振 .....	26
一 阻尼振动 .....	26
二 受迫振动 .....	30
三 共振 .....	31
问题 .....	35
习题 .....	37
<b>第十五章 机械波</b> .....	42
15-1 机械波的几个概念 .....	42
一 机械波的形成 .....	42
二 横波与纵波 .....	42
三 波长 波的周期和频率 波速 .....	44
四 波线 波面 波前 .....	47
15-2 平面简谐波的波函数 .....	48

---

一 平面简谐波的波函数 .....	48
二 波函数的物理含义 .....	50
三 波动微分方程 .....	55
15-3 波的能量 .....	56
一 波动能量的传播 .....	56
二 能流和能流密度 .....	58
15-4 惠更斯原理 波的衍射、反射和折射 .....	59
一 惠更斯原理 .....	59
二 波的衍射 .....	60
三 波的反射和折射 .....	60
15-5 波的干涉 .....	62
一 波的叠加原理 .....	62
二 波的干涉 .....	63
15-6 驻波 .....	67
一 驻波的产生 .....	67
二 驻波方程 .....	68
三 相位跃变 .....	71
四 驻波的能量 .....	71
五 振动的简正模式 .....	71
15-7 声波 超声波 次声波 .....	73
一 声波 .....	73
二 超声波 .....	76
三 次声波 .....	78
15-8 多普勒效应 .....	78
一 波源不动, 观察者相对介质以速度 $v_0$ 运动 .....	79
二 观察者不动, 波源相对介质以速度 $v$ 运动 .....	79
三 波源与观察者同时相对介质运动 .....	80
问题 .....	83
习题 .....	84
<b>第十六章 电磁振荡和电磁波 .....</b>	<b>88</b>
16-1 电磁振荡 .....	88
一 振荡电路 无阻尼自由电磁振荡 .....	88
二 无阻尼电磁振荡的振荡方程 .....	90
三 无阻尼自由电磁振荡的能量 .....	91
16-2 电磁波 .....	92
一 电磁波的产生与传播 .....	93
二 电磁波的特性 .....	97
三 电磁波的能量 .....	97

## 4 目录

---

四 电磁波谱 .....	99
*五 从麦克斯韦电磁场方程导出平面电磁波的波动微分方程 .....	100
问题 .....	103
习题 .....	103
<b>第十七章 波动光学.....</b>	<b>106</b>
17-1 相干光.....	107
一 杨氏双缝干涉实验 双镜 劳埃德镜.....	109
二 杨氏双缝干涉的光强分布.....	112
三 缝宽对干涉条纹的影响 空间相干性 .....	112
四 双镜 .....	113
五 劳埃德镜 .....	114
17-3 光程 薄膜干涉.....	116
一 光程 .....	116
二 透镜不引起附加的光程差.....	117
三 薄膜干涉 .....	118
四 等倾干涉 .....	121
17-4 剪尖 牛顿环.....	121
一 剪尖 .....	121
二 牛顿环.....	125
17-5 迈克耳孙干涉仪 时间相干性.....	127
一 迈克耳孙干涉仪 .....	127
二 时间相干性 .....	129
17-6 光的衍射.....	130
一 光的衍射现象 .....	130
二 惠更斯-菲涅耳原理 .....	131
三 菲涅耳衍射和夫琅禾费衍射 .....	132
17-7 单缝衍射.....	132
17-8 圆孔衍射 光学仪器的分辨率.....	139
17-9 衍射光栅.....	142
一 光栅 .....	142
二 光栅衍射条纹的形成 .....	144
三 衍射光谱 .....	146
17-10 X射线的衍射 .....	148
*17-11 全息照相简介 .....	151
17-12 光的偏振性 马吕斯定律 .....	154
一 自然光 偏振光 .....	154
二 偏振片 起偏与检偏 .....	155

---

三 马吕斯定律 .....	156
17-13 反射光和折射光的偏振 .....	157
17-14 双折射 偏振棱镜 .....	159
一 双折射的寻常光和非常光 .....	159
二 尼科耳棱镜 .....	161
三 惠更斯原理对双折射现象的解释 .....	162
四 $1/4$ 波片和半波片 .....	163
五 人为双折射现象 .....	164
17-15 旋光现象 .....	165
* 17-16 偏振光的干涉 .....	166
一 椭圆偏振光和圆偏振光 .....	166
二 偏振光的干涉 .....	167
* 17-17 非线性光学现象 .....	169
一 倍频现象 .....	169
二 混频现象 .....	170
三 自聚焦现象 .....	170
问题 .....	171
习题 .....	174
<b>第十八章 相对论 .....</b>	<b>179</b>
18-1 伽利略变换式 牛顿的绝对时空观 .....	180
一 伽利略变换式 经典力学的相对性原理 .....	180
二 经典力学的绝对时空观 .....	182
18-2 迈克耳孙-莫雷实验 .....	182
18-3 狹义相对论的基本原理 洛伦兹变换式 .....	185
一 狹义相对论的基本原理 .....	185
二 洛伦兹变换式 .....	186
三 洛伦兹速度变换式 .....	189
18-4 狹义相对论的时空观 .....	190
一 同时的相对性 .....	190
二 长度的收缩 .....	191
三 时间的延缓 .....	194
四 关于时间延缓和长度收缩的实验证明 .....	195
* 18-5 光的多普勒效应 .....	196
18-6 相对论性动量和能量 .....	199
一 动量与速度的关系 .....	199
二 狹义相对论力学的基本方程 .....	201
三 质量与能量的关系 .....	202
四 质能公式在原子核裂变和聚变中的应用 .....	205

## 6 目录

---

五 动量与能量的关系 .....	207
· 18-7 广义相对论简介 .....	209
一 广义相对论的等效原理 .....	209
二 广义相对论时空特性的几个例子 .....	211
问题 .....	213
习题 .....	214
<b>第十九章 量子物理 .....</b>	<b>217</b>
19-1 黑体辐射 普朗克能量子假设 .....	217
一 黑体 黑体辐射 .....	218
二 斯特藩-玻耳兹曼定律 维恩位移定律 .....	219
三 黑体辐射的瑞利-金斯公式 经典物理的困难 .....	222
四 普朗克假设 普朗克黑体辐射公式 .....	224
19-2 光电效应 光的波粒二象性 .....	229
一 光电效应实验的规律 .....	229
二 光子 爱因斯坦方程 .....	230
三 光电效应在近代技术中的应用 .....	234
四 光的波粒二象性 .....	235
19-3 康普顿效应 .....	235
19-4 氢原子的玻尔理论 .....	240
一 氢原子光谱的规律性 .....	241
二 卢瑟福的原子有核模型 .....	242
三 氢原子的玻尔理论 .....	246
四 氢原子玻尔理论的困难 .....	249
19-5 弗兰克-赫兹实验 .....	250
19-6 德布罗意波 物实粒子的二象性 .....	252
一 德布罗意假设 .....	252
二 德布罗意波的实验证明 .....	255
三 应用举例 .....	258
四 德布罗意波的统计解释 .....	259
19-7 不确定关系 .....	259
19-8 量子力学简介 .....	262
一 波函数 概率密度 .....	263
二 薛定谔方程 .....	264
三 一维势阱问题 .....	266
四 对应原理 .....	269
五 一维方势垒 隧道效应 .....	271
· 19-9 氢原子的量子理论简介 .....	272
一 氢原子的薛定谔方程 .....	273

---

二 三个量子数 .....	274
三 氢原子在基态时的径向波函数和电子的分布概率 .....	276
19-10 多电子原子中的电子分布 .....	278
一 电子自旋 自旋磁量子数 .....	278
二 多电子原子中的电子分布 .....	280
19-11 激光 .....	289
一 自发辐射 受激辐射 .....	289
二 激光原理 .....	290
三 激光器 .....	293
四 激光的特性和应用 .....	295
19-12 半导体 .....	296
一 固体的能带 .....	296
二 本征半导体和杂质半导体 .....	299
三 pn 结 .....	301
四 光生伏特效应 .....	303
19-13 超导电性 .....	303
一 超导体的转变温度 .....	303
二 超导体的主要特性 .....	305
三 超导电性的 BCS 理论 .....	306
四 超导的应用前景 .....	307
问题 .....	308
习题 .....	310
<b>*第二十章 物理学与新技术 .....</b>	<b>313</b>
20-1 等离子体与受控核聚变 .....	313
一 等离子体 .....	313
二 等离子体的基本性质 .....	313
三 等离子体在磁场中的特性 .....	314
四 受控核聚变 .....	315
20-2 光导纤维 .....	317
一 光纤 .....	317
二 均匀折射率光纤导光原理 .....	318
三 光纤的传播模式 .....	319
四 光纤的损耗 .....	320
五 光纤的色散 .....	320
六 非均匀折射率光纤 .....	321
七 光纤的应用 .....	323
20-3 液晶 .....	324
一 液晶的分类 .....	324

## 8 目录

---

二 液晶的各向异性和电光效应 .....	325
三 液晶的应用 .....	327
20-4 新一代扫描显微镜 .....	329
一 STM 的原理简介 .....	330
二 STM 的基本结构 .....	331
三 STM 的工作方式 .....	332
四 STM 的应用 .....	332
五 原子力显微镜 .....	333
20-5 纳米材料简介 .....	334
一 纳米微粒 .....	335
二 纳米固体 .....	336
三 纳米材料的制备 .....	336
四 一种纳米新材料——碳纳米管 .....	337
五 应用 .....	339
问题 .....	339
习题答案 .....	341
索引 .....	347
照片说明 .....	355

# 第十四章 机械振动

振动是物质的一种很普遍的运动形式. 所谓机械振动, 是指物体在一定位置附近所作的周期性往复运动. 例如心脏的跳动、钟摆的摆动、活塞的往复运动、固体中原子的振动等, 都是机械振动. 除机械振动外, 自然界中还存在着各种各样的振动. 广义地说, 凡描述物质运动状态的物理量, 在某一数值附近作周期性的变化, 都叫做振动. 例如, 交流电路中的电流在某一电流值附近作周期性的变化; 光波、无线电波传播时, 空间某点的电场强度和磁场强度随时间作周期性的变化等. 这些振动虽然在本质上和机械振动不同, 但对它们的描述却有着许多共同之处, 所以, 机械振动的基本规律也是研究其他振动以及波动、波动光学、无线电技术等的基础, 在生产技术中有着广泛的应用.

本章主要研究简谐运动, 并简要介绍阻尼振动、受迫振动和共振现象等.

## 14-1 简 谐 运 动

振动的形式是多种多样的, 情况大多比较复杂. 简谐运动是最简单、最基本的振动. 下面以弹簧振子为例, 研究简谐运动的运动规律.

如图 14-1 所示, 把轻弹簧(质量可以忽略不计)的左端固定, 右端连一质量为  $m$  的物体, 放置在光滑的水平面上. 物体所受的阻力略去不计. 当物体在位置  $O$  时, 弹簧具有自然长度[图 14-1(a)], 此时物体在水平方向所受的合外力为零, 位置  $O$  叫做平衡位置. 取平衡位置  $O$  为坐标原点, 水平向右为  $Ox$  轴的正方向. 现将物体向右移到位置  $B$ [图 14-1(b)]. 此时, 由于弹簧被拉长而使物体受到一个指向平衡位置的弹性力. 撤去外力后, 物体将会在弹性力的作用下向左运动, 当抵达平衡位置时, 物体所受的弹性力减小到零, 但物体的惯性会使它继续向左运动, 致使弹簧被压缩, 因弹簧被压缩而出现的弹性力将阻碍物体的运动, 使物体的运动速度减小, 到达点  $C$  时, 速度减小到零[图 14-1(c)], 此时物体又将在弹性力的作用下, 从  $C$  点返回, 向右运动. 这样, 在弹性力作用下, 物体将在平衡位置附近作往复运动, 这一包含弹簧和物体的振动系统就叫做弹簧振子.

由胡克定律可知, 物体所受到的弹性力  $F$ , 与物体相对于平衡位置的位移  $x$  成正比, 弹性力的方向与位移的方向相反, 始终指向平衡位置, 故此力常称为回复力. 于是有

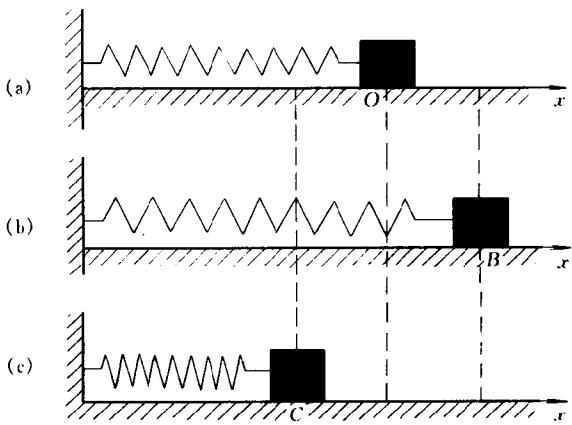


图 14-1 弹簧振子的振动

$$F = -kx$$

式中比例常数  $k$  为弹簧的劲度系数, 它由弹簧本身的性质(材料、形状、大小等)所决定, 负号表示力与位移的方向相反. 根据牛顿第二定律, 物体的加速度为

$$a = \frac{F}{m} = -\frac{k}{m}x \quad (14-1)$$

对于一个给定的弹簧振子,  $k$  与  $m$  都是常量, 而且都是正值, 它们的比值可用另一个常量  $\omega$  的二次方表示, 即

$$\frac{k}{m} = \omega^2 \quad (14-2)$$

这样式(14-1)可写成

$$a = -\omega^2 x \quad (14-3)$$

上式说明, 弹簧振子的加速度  $a$  与位移的大小  $x$  成正比, 而方向相反. 人们把具有这种特征的振动叫做简谐运动.

由于  $a = \frac{d^2 x}{dt^2}$ , 式(14-3)可写成

$$\frac{d^2 x}{dt^2} = -\omega^2 x \quad (14-4)$$

这就是简谐运动的运动微分方程, 其解为

$$x = A \cos(\omega t + \varphi) \quad (14-5)$$

它是简谐运动的运动方程<sup>①</sup>, 简称简谐运动方程. 式中  $A$  和  $\varphi$  是积分常量, 它们

<sup>①</sup> 简谐运动的运动方程也称简谐振动方程.

的物理意义将在第 14-2 节中讨论. 由上式可知, 当物体作简谐运动时, 其位移是时间的余弦函数<sup>①</sup>. 这也就是为什么把运动方程具有式(14-3)~(14-5)形式的振动叫做简谐运动的原因.

将式(14-5)对时间求一阶、二阶导数, 可分别得到简谐运动物体的速度  $v$  和加速度  $a$  为

$$v = \frac{dx}{dt} = -\omega A \sin(\omega t + \varphi) \quad (14-6)$$

$$a = \frac{d^2x}{dt^2} = -\omega^2 A \cos(\omega t + \varphi) \quad (14-7)$$

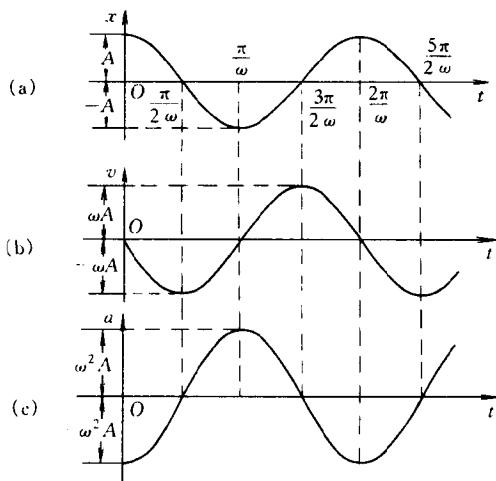


图 14-2 简谐运动图解( $\varphi=0$ )

由式(14-5)、(14-6)、(14-7), 可作出如图 14-2 所示的  $x-t$ 、 $v-t$  和  $a-t$  图. 由图可以看出, 物体作简谐运动时, 它的位移、速度和加速度都是周期性变化的.

## 14-2 简谐运动中的振幅 周期 频率和相位

现在我们来讨论式(14-5)中描述简谐运动特征的物理量  $A$ 、 $\omega$ 、 $(\omega t + \varphi)$

① 因为  $\cos(\omega t + \varphi) = \sin(\omega t + \varphi + \pi/2)$ , 若令  $\varphi' = \varphi + \pi/2$ , 则式(14-5)可写成

$$x = A \sin(\omega t + \varphi')$$

所以也可以说, 物体作简谐运动时, 位移是时间的正弦函数. 余弦和正弦函数都是简谐函数, 但为统一起见, 本书采用余弦函数.

及其相关概念:振幅、周期(频率、角频率)和相位(初相位),其中相位的概念尤为重要.

### 一 振幅

在简谐运动方程  $x = A \cos(\omega t + \varphi)$  中, 因  $\cos(\omega t + \varphi)$  的值在 +1 和 -1 之间, 所以物体的位移亦在  $+A$  和  $-A$  之间, 我们把简谐运动物体离开平衡位置最大位移的绝对值  $A$ , 称做振幅.

### 二 周期

物体作一次完全振动所经历的时间叫做振动的周期, 用  $T$  表示, 周期的单位为 s. 例如在图 14-1 中, 物体自位置  $B$  经  $O$  到达  $C$ , 然后再回到  $B$ , 所经历的时间就是一个周期. 所以物体在任意时刻  $t$  的位移和速度, 应与物体在时刻  $t + T$  的位移和速度完全相同, 于是有

$$x = A \cos(\omega t + \varphi) = A \cos[\omega(t + T) + \varphi] = A \cos(\omega t + \varphi + \omega T)$$

由于余弦函数的周期性, 物体作一次完全振动后应有  $\omega T = 2\pi$ . 于是, 可得

$$T = \frac{2\pi}{\omega} \quad (14-8)$$

对于弹簧振子,  $\omega = \sqrt{\frac{k}{m}}$ , 所以弹簧振子的周期为

$$T = 2\pi\sqrt{\frac{m}{k}} \quad (14-9)$$

单位时间内物体所作的完全振动的次数叫做频率, 用  $\nu$  表示, 它的单位名称是赫兹, 符号是 Hz. 显然, 频率与周期的关系为

$$\nu = \frac{1}{T} = \frac{\omega}{2\pi} \quad (14-10)$$

由此还可知  $\omega = 2\pi\nu$  (14-11)

即  $\omega$  等于物体在单位时间内所作的完全振动次数的  $2\pi$  倍, 叫做角频率(又称圆频率), 单位是 rad·s<sup>-1</sup>(弧度每秒). 至于弹簧振子的频率, 不难得知为

$$\nu = \frac{1}{2\pi}\sqrt{\frac{k}{m}} \quad (14-12)$$

由于弹簧振子的角频率  $\omega = \sqrt{\frac{k}{m}}$  是由弹簧振子的质量  $m$  和劲度系数  $k$  所决定的, 所以周期和频率只和振动系统本身的物理性质有关. 这种只由振动系统本身的固有属性所决定的周期和频率, 叫做振动的固有周期和固有频率.

### 三 相位

力学中, 物体在某一时刻的运动状态, 可用位矢和速度来描述, 下面可以看

到,对振幅和角频率都已给定的简谐运动,它的运动状态可用“相位”这一物理量来决定.由式(14-5)和式(14-6)可看出,当振幅  $A$  和角频率  $\omega$  一定时,振动物体在任一时刻相对平衡位置的位移和速度都决定于物理量  $(\omega t + \varphi)$ .也就是说,  $(\omega t + \varphi)$  既决定了振动物体在任意时刻相对平衡位置的位移,也决定了它在该时刻的速度.量值  $(\omega t + \varphi)$  叫做振动的相位,它是决定简谐运动物体运动状态的物理量.例如图 14-1 中的弹簧振子,当相位  $(\omega t_1 + \varphi) = \frac{\pi}{2}$  时,  $x = 0$ ,  $v = -\omega A$ , 即在  $t_1$  时刻物体在平衡位置,并以速率  $\omega A$  向左运动;而当相位  $(\omega t_2 + \varphi) = \frac{3}{2}\pi$  时,  $x = 0$ ,  $v = \omega A$ ,即在  $t_2$  时刻物体也在平衡位置,但以速率  $\omega A$  向右运动.可见,在  $t_1$  和  $t_2$  两时刻,由于振动的相位不同,物体的运动状态也不相同.此外,当振动物体的相位经历了  $2\pi$  的变化,亦即相位由  $(\omega t + \varphi)$  变为  $[\omega(t + T) + \varphi]$ , 振动经历了一个周期时,物体恢复到原来的运动状态.由此可见,用相位描述物体的运动状态,还能充分体现出简谐运动的周期性.

当  $t = 0$  时,相位  $(\omega t + \varphi) = \varphi$ ,故  $\varphi$  叫做初相位,简称初相.它是决定初始时刻(即开始计时的起点)振动物体运动状态的物理量.例如,若  $\varphi = 0$ ,则在  $t = 0$  时,由式(14-5)和式(14-6)可分别得出  $x_0 = A$  及  $v_0 = 0$ ,这表示我们所选的计时起点,是物体位于正最大位移处,且速率为零的这一时刻.

#### 四 常数 $A$ 和 $\varphi$ 的确定

如前所述,简谐运动方程  $x = A \cos(\omega t + \varphi)$  中的角频率  $\omega$  是由振动系统本身的性质所决定的.那么,现在来说明在角频率已经确定的条件下,如果知道了  $t = 0$  时物体相对平衡位置的位移  $x_0$  和速度  $v_0$ ,就可确定出振动的振幅  $A$  和初相  $\varphi$ .由式(14-5)和(14-6)可得

$$x_0 = A \cos \varphi$$

$$v_0 = -\omega A \sin \varphi$$

而由此两式可得  $A$ 、 $\varphi$  的解为

$$A = \sqrt{x_0^2 + \frac{v_0^2}{\omega^2}} \quad (14-13)$$

$$\tan \varphi = \frac{-v_0}{\omega x_0} \quad (14-14)$$

其中  $\varphi$  所在象限可由  $x_0$  及  $v_0$  的正负号确定.

物体在  $t = 0$  时的位移  $x_0$  和速度  $v_0$  叫做初始条件.上述结果说明,对一定的弹簧振子(即  $\omega$  为已知量),它的振幅  $A$  和初相  $\varphi$  是由初始条件决定的.

总之,对于给定的振动系统,周期(或频率)由振动系统本身的性质决定,而

振幅和初相则由初始条件决定.

### 14-3 旋转矢量

本节介绍简谐运动的旋转矢量表示法.如图 14-3 所示,自  $Ox$  轴的原点  $O$

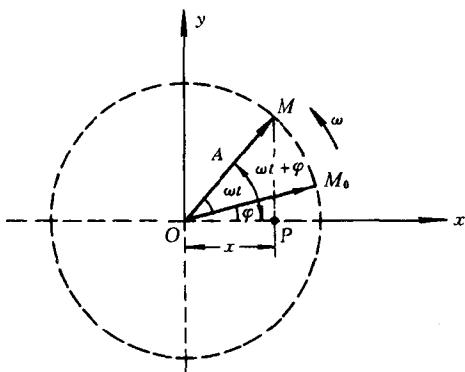


图 14-3 旋转矢量图

作一矢量  $A$ ,使它的模等于振动的振幅  $A$ ,并使矢量  $A$  在  $Oxy$  平面内绕点  $O$  作逆时针方向的匀角速转动,其角速度与振动的角频率  $\omega$  相等,这个矢量就叫做旋转矢量.设在  $t=0$  时,矢量  $A$  的矢端在位置  $M_0$ ,它与  $Ox$  轴的夹角为  $\varphi$ ;在  $t$  时刻,矢量  $A$  的矢端在位置  $M$ .在这过程中,矢量  $A$  沿逆时针方向转过了角度  $\omega t$ ,它与  $Ox$  轴间的夹角为  $\omega t + \varphi$ .由图可见,矢量  $A$  在  $Ox$  轴上的投影为  $x = A \cos(\omega t + \varphi)$ <sup>①</sup>.与式(14-5)比较,它恰是沿  $Ox$  轴作简谐运动的物体在  $t$  时刻相对于原点  $O$  的位移.因此,旋转矢量  $A$  的矢端  $M$  在  $Ox$  轴上的投影点  $P$  的运动,可表示物体在  $Ox$  轴上的简谐运动.矢量  $A$  以角速度  $\omega$  旋转一周,相当于物体在  $x$  轴上作一次完全振动.

在旋转矢量图上,不仅可以确定作简谐运动的物体的位移  $x$ ,而且也能确定它的速度  $v$  和加速度  $a$ .由于作匀速圆周运动的物体的速率是  $v_m = \omega A$ ,在  $t$  时刻,它在  $Ox$  轴上的投影是  $v = v_m \cos\left(\omega t + \varphi + \frac{\pi}{2}\right) = -\omega A \sin(\omega t + \varphi)$ ,这正是式(14-6)给出的物体作简谐运动的速度公式.作匀速圆周运动的物体的向心加速度是  $a_n = \omega^2 A$ ,在  $t$  时刻,它在  $Ox$  轴上的投影是  $a = a_n \cos(\omega t + \varphi + \pi) = -\omega^2 A \cos(\omega t + \varphi)$ ,这正是

① 矢量  $A$  既可以在  $Ox$  轴上投影  $x = A \cos(\omega t + \varphi)$ ,也可以在  $Oy$  轴上投影  $y = A \sin(\omega t + \varphi)$ ,本书采用在  $Ox$  轴上的投影.