

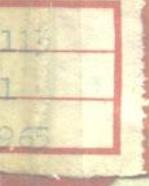
机械振动概論

黃維德編著

机械振动概論

黃維德編著

科学技術出版社



机械振动概論

黃維德 編著

科学技術出版社

內 容 提 要

本書敘述了機械振動的基本現象和理論基礎，並結合機械工程中的實際問題，來說明機械振動的計算、測量和減振方法。

本書可供有關專業的高等學校學生在學習機械振動理論課程時的參考書；也可供機械製造廠工程技術人員在實踐工作中作為參考之用。

2P80/20

機 械 振 动 概 論

編著者 黃 維 德

*

科 學 技 術 出 版 社 出 版

(上海南京西路 2004 号)

上海市書刊出版業營業許可證出 079 号

上海市印刷四廠印刷 新華書店上海發行所總經售

*

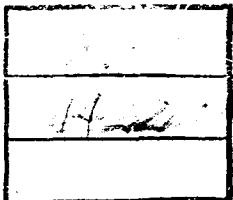
統一書號： 15119 · 693

開本 850×1168 紙 1/32 · 印張 77/16 · 插頁 1 · 字數 182,000

1958 年 7 月第 1 版

1958 年 7 月第 1 次印刷 · 印數 1~2,000

定價： (10) 1.40 元



序

本書所敘述的是一些基本的機械振動現象及其理論基礎，并且把它們應用到几种重要的實際問題上去。

雖然在振動領域中有不少問題，需要應用高深的數學方能求得解答，但是有許多問題只要應用簡單形式的常微分方程及一些近似方法就可求得解答。本書着重討論應用這些簡單和近似方法所解決的問題。為了便於作數學上的復習，在本書第二章中討論振動理論之前，先對幾個常用的微分方程作扼要的敘述。

為了便於明瞭機械振動的基本原理，故在本書中首先讓讀者接觸到實際問題，也就是產生振動的原因。然後依次討論機械振動的計算、測量和減振問題。所以在系統地敘述了一些必要的理論以及計算方法之後，就論及振動周率、振幅及其波形的測量；然後介紹動平衡的設備和方法；最後兩章討論隔離振動的方法和振阻設備。

所以一般說來，本書比較着重討論機械振動的實際部分。尤其在動平衡和動平衡機這一章中，介紹了幾種應用較廣的動平衡機的構造、原理及使用方法。這種動平衡設備能使高速旋轉機械或機件獲得良好而平穩的運轉，對旋轉機械或機件的性能有著密切的關係。

前數年間，本人在講授機械振動學一課時，同學們常感到缺乏有關這一方面的中文參考書；同時在生產部門中有許多參加實際技術工作的同志們也有這種需要。因此，本人利用業餘時間，整理所蒐集的資料，並參考附錄中所列這類專門書籍，補充原有的講稿。

編成本書。

本書初稿于三年前完成，以后經過修改、补充，寫成本書。但由于本人水平有限，書中难免有遺誤之處，希望國內先進和讀者們惠予指正，以便在再版時修正和補充。

黃 維 德

1957年7月于上海交通大學

上海交通大學

目 錄

序

第一章 產生振动的原因	1
1-1 振动系統	1
1-2 旋轉体的不平衡	6
1-3 引擎的平衡和調諧	7
1-4 制造技术	8
1-5 往复泵的凡尔彈簧	9
1-6 气缸的式样	9
1-7 复合振动	10
1-8 电缆的振擺运动	11
1-9 活塞环的漏气	12
1-10 接合部分的松动	13
第二章 單自由度無振阻振动系統的自然周率計算法	14
2-1 單自由度振动問題中的微分方程	27
2-2 實驗法	14
2-3 平衡法	26
2-4 能量法	34
2-5 雷利法	41
第三章 單自由度無振阻振动系統的强制振动	44
3-1 無振阻强制振动理論	44
3-2 等速动力机的彈性机座	50
3-3 变速动力机的彈性机座	53
3-4 旋轉动力机的彈性机座	54
第四章 單自由度有振阻振动系統	57
4-1 單自由度有粘帶振阻的自由振动	57
4-2 單自由度有粘滯振阻的强制振动	64
4-3 等速动力机的有振阻彈性机座	72
4-4 变速动力机的有振阻彈性机座	76
第五章 二自由度振动系統	80
5-1 二自由度振动系統方程的标准解法	80
5-2 双联擺的振动及拍	86
5-3 动力減振器	89
5-4 受压束系統的振动和拉格朗日方程	93
5-5 位能和消散函数	99
5-6 复擺的强制振动	103
5-7 扭轉振动振阻器	107
第六章 多自由度振动系統	111

6-1 当量質量.....	111	題.....	123
6-2 当量彈性軸.....	115	6-6 霍爾茲氏的自然周率計算法.....	129
6-3 決定曲軸當量長度的實驗法.....	120	6-7 多質量轉軸自然周率計算法.....	137
6-4 船用螺旋槳的質量轉動慣量的圖解法.....	121	6-8 塔克來氏法.....	141
6-5 船用螺旋槳轉動軸的當量質量和當量長度的計算例		6-9 施托獨拉法.....	141
第七章 振動周率的測量.....			
7-1 彈性杆周率儀.....	145	7-5 壓縮空氣吹擊法.....	153
7-2 閃動式周率儀.....	146	7-6 高周率測量和高周率力的產生.....	154
7-3 機械系統擾動法.....	148		
7-4 電磁系統擾動法.....	151		
第八章 振幅及振動波形的測量.....			
8-1 直接測量法.....	156	8-6 電磁扭轉感振儀.....	165
8-2 慣量振動儀.....	158	8-7 積分電路.....	167
8-3 加速度測量儀.....	160	8-8 金屬線應變測振儀.....	169
8-4 盖格爾扭轉振動儀.....	163	8-9 和諧分析.....	171
8-5 電磁感應感振儀.....	164		
第九章 運平衡及運平衡機.....			
9-1 靜平衡及動平衡.....	176	9-5 電火花式動平衡機.....	185
9-2 不平衡質量的位置和轉速的关系.....	178	9-6 磁力平衡法.....	187
9-3 划線式.....	181	9-7 葛薈特動平衡機.....	188
9-4 試加重量法.....	184	9-8 阿斯卡尼亞動平衡機.....	196
第十章 振動的隔離.....			
10-1 增強結構的方法.....	204	10-4 扭轉振動的隔離.....	212
10-2 彈性裝置.....	206	10-5 彈性聯軸器.....	215
10-3 橡皮隔離體.....	209		
第十一章 振動阻力器.....			
11-1 阻尼器的基本原理.....	219	11-5 固體的內摩擦阻尼.....	227
11-2 黏滯阻尼器.....	221	11-6 摩擦阻尼器.....	227
11-3 活塞阻尼器.....	223	11-7 阻尼器的位置.....	230
11-4 液體聯軸器.....	225		
參考文獻.....			
			232

第一章 產生振动的原因

1-1 振动系統

任何物体或机件都具有一定的質量和彈性，当物体受到一次外力的擾動后，它就按一定的節奏在原來靜止位置的二側作往复运动，这种运动就称为振动。而本身具有彈性的質量或是和它相連接的彈性部分的組合体，就称为振动系統。

最簡單的振动系統通常可由質量为 m 的重物和螺旋彈簧所組成（圖1）。物体重量 W 使彈簧伸長 δ_{st} ，后而靜止不动，这种伸長称为靜力伸長。

產生每單位長度的靜力伸長所需要的力，称为該彈簧的彈力常数 k ，而彈簧因其收縮所產生的力称为回复力。今重物在靜止位置，被重力和彈簧的回复力所平衡，这二个力大小相等，方向相反，即

$$k \cdot \delta_{st} = W$$

这种呈平衡状态时的位置，称为平衡位置或中立位置。

今若使質量 m 向下离开平衡位置 x 距离而听其自由运动，这时彈簧力大于重力，即

$$k \cdot (\delta_{st} + x) > W$$

故質量 m 即向上运动，到达平衡位置以后，因其仍具有动量，故必繼續向上运动。經過平衡位置后，彈簧力逐渐減弱，即

$$k \cdot (\delta_{st} - x) < W$$

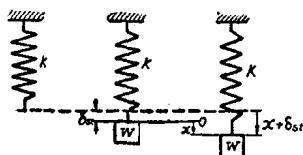


圖 1

于是这向上的运动随即逐渐被这向下的力所减慢，最后，质量在一定的顶点停止。然后 m 再向下运动，经过平衡位置而回到原来起动地点，这一运动过程称为完整振动，而这一完整振动所需的时间

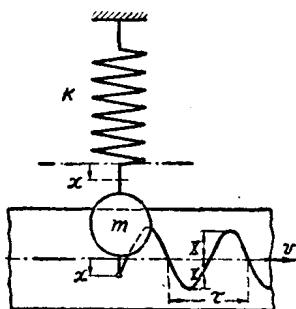


圖 2

称为周期 τ 。每单位时间内的完整振动的次数，就称为周率 f 。若无振动阻力存在，则质量自平衡位置到上下顶点的位移相等，这位移称为最大振幅 X 。当质量 m 作上下运动时，如果在其下端接装记录笔尖，并用纸带按着一定的速度作横向移动，质量振动的情形就可记录在纸带上，并且是余弦曲线，如图 2 所示，因此振幅的变化，常用余弦或正弦曲线表示，

$$x = X \cos \omega t \quad (1-1)$$

同时可见简单振动系统的振动是简谐运动。几个简谐运动可以有同样大小的振幅和周期，但若由于时间的起点不同，就可有以下三种不同形式的简谐曲线，如图 3 所示。

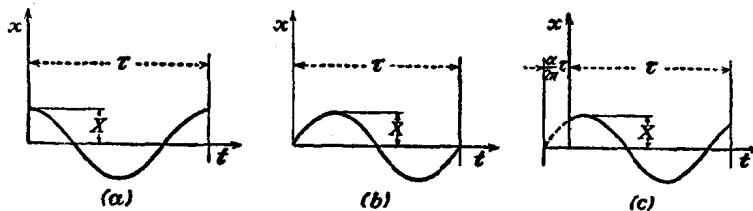


圖 3

图(c)中的起点是质量在经过了平衡位置 $\frac{\alpha}{2\pi}\tau$ 单位时间以后的位置，而图(a),(b)中的起点是质量正在最高点及平衡位置上。

式(1-1)中的 ω 是常数， ωt 是以弧度计量的角度。这函数的角周期显然是 2π ，于是 $\omega\tau=2\pi$ ，其中 τ 是以单位时间计量的周期；而周率 f 、周期 τ 和常值角速度 ω 之间的关系如下：

$$\omega = \frac{2\pi}{\tau} = 2\pi f \quad (1-2)$$

$$f = \frac{1}{\tau} = \frac{\omega}{2\pi} \quad (1-3)$$

$$\tau = \frac{1}{f} = \frac{2\pi}{\omega} \quad (1-4)$$

若以 $x = X \cos \omega t$ 作为参考曲线，则在

$$x = X \sin \omega t = X \cos \left(\omega t - \frac{\pi}{2} \right)$$

中就有一个落后的相角 $\frac{\pi}{2}$ ，在

$$x = X \sin (\omega t + \alpha) = X \cos \left(\omega t + \alpha - \frac{\pi}{2} \right)$$

中则有一个超前的相角 $(\alpha - \frac{\pi}{2})$ 。

相角是两个等周率的简谐运动之间，因起点在时间上的差别而形成的角位移差。这种情形在所有曲线都具有等值的 τ 时方能成立，否则就不能由滑移一根曲线而得到另一根曲线，所以“相角”这定义仅适用于等周率的简谐运动。

上述的运动过程，除起始运动时有外力作用外，以后在上下二顶点之间的运动全靠这系统自身弹簧的回复力，故称为自由振动。自由振动系统的周率，称为固有周率或自然周率。

若在运动过程中，质量始终被一个具有一定周率的周期性外力所强制着进行，这种振动就称强制振动。

如果强制力的周率和振动系统的自然周率相等或成倍数时，振幅就随时间而增大，并使振动系统进入危险阶段，此时就称为这系统发生共振。

自由振动仅说明一个振动系统本身所具有的特性，并且常因系统本身以及外部阻力而自行消减。一般在机械工程中所产生的总是受着周期性外力作用的强制振动，但为了使所考查系统避免

共振,就必须先計算这系統的自然周率,了解它的主要特性。

工程中常遇見另一种形式的振动系統,如圖 4 所示,它由轉動

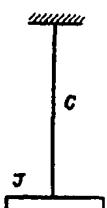


圖 4

慣量为 J 的質量和一根彈性軸垂直相連而成。当質量受到外力矩擾動,它就扭动彈性軸对平衡位置作來回扭擺运动,也称为扭轉振动。扭轉彈力常数 C ,表示使彈性軸扭轉角 θ 为 1 弧度时所需的力矩。

由上可見,通常組成振动系統的要素有:

a. 質量 如果物体的質量是固体,則常假定为無彈性;如果是流体的,常假定为不可压缩且無粘性。这样就可看作是單一的慣量,于是当它的运动速度有变化时,考察动能的增減也就方便了。

b. 回复力 彈簧或彈性体部分常被假設为無慣性的質量,它們能抗变形和位移,当其產生变形和位移时就作功,并以位能的形式保存在彈性体的內部。当彈性体在回复其原來的形狀和位置的过程中,所儲存的功又逐漸变为动能而產生了回复力,促使質量回到平衡位置。

所以如不計算阻力,質量和彈簧部分就組成了一个这样理想的保守系統,儲蓄在質量中的任何能量决定于質量的运动,而包含在彈簧或其相当物体中的任何能量,都由于它的变形或位移而產生。在保守系統中,这两种能量之間可以互相轉換,但其总和为一常值。在这常值的能量中,从質量的动能轉換为彈簧的位能的这种变化,常是考察許多振动系統的基礎。

彈簧可以任何彈性体的形式出現,例如:弯曲了的樑、捲成螺旋形的鋼絲、扭轉了的軸、具有彈性的車刀架、以及受压缩的空气和橡皮垫,都可看作該系統中能產生回复力的彈簧。使擺动物体恢复最低位置的重力及流体对物体的浮力,它們都能使运动物体回到平衡位置,其作用顯然也和彈簧的回复力相同。

c. 振阻力 一切实际的振动系統本身,都有着随时抗阻質量

運動的阻力，稱為振阻力。有時為了防止系統發生共振或是為了使運動質量能迅速地在平衡位置上靜止下來，常在系統中加裝一種能產生振阻力的器械，稱為振阻器。振阻力不斷地消耗著質量的運動能量，使之轉變為熱量，隨後消散在空間，這樣就使系統的能量不斷地受到耗損。

形式最普通的振阻力，是接觸面之間的摩擦阻力，所以機械在運動中總存在着一些微小的振阻力。由於這種振阻力总是很小，為了計算時簡便起見，故在運動分析中常被略去。自由運動系統常由以上三種因素所組成，而在強制運動系統中，則尚有下面所述的一個要素。

d. 摶動力 這種對運動體擾動的力，往往產生在系統的內部，常是一種隨著一定時間間隔而變更其方向的周期性力，例如：內燃機中活塞的往復慣性力；氣輪機動輪不平衡質量的離心力。它們強制機體產生運動，故常稱為強制力。整個機體因運動所產生的慣性力，往往又通過地面或其他相連接的結構，而使附近設備產生運動，故它對這些設備而言，又可看作是擾動力，在停着而開動了引擎的公共汽車中常能体会到這種擾動力的逐一傳播。

在結構複雜的機械中考察運動問題時，若能掌握以上四種要素，就不難認出所考察的以及和它相關連的一些運動系統。

由上可見，任何物体、機件以及任何具有一定質量和彈性的機械系統，都可以看作為一個自由運動系統。若在系統的質量上經常有周期性的擾動力作用時，就成為一個強制運動系統。

圖 1 和圖 3 中的質量，它們的運動情況只須用一個座標 x 及扭轉角 θ 就可說明，這種系統稱為單自由度運動系統。圖 5 中的質量 m_1 和 m_2 各不相干地在垂直方向自由運動，這就需要兩個座標 x_1 和 x_2 。

說明它們的運動，故稱為二自由度運動系統。如果在一根緊張的

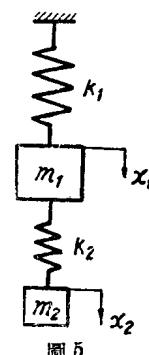


圖 5

彈性弦上有着 n 个均匀分佈的質量，当这些質量各自在垂直方向自由运动时，这就成为一个 n 自由度的振动系統。

單自由度振动系統只有一个自然周率，而多自由度例如 n 个自由度的振动系統就有 n 个自然周率。 n 个自然周率中較高級的自然周率計算較難，較低級的計算則比較容易。在实际应用上，常以最低一級的自然周率最为重要。

1-2 旋轉体的不平衡

各种动力机械在設計、制造或裝配工作上如果不夠精确，机械本身以及和它相連接的部分就会產生振动。这种机械振动往往会使机件的内应力增加，甚至使机件断裂，并且能消耗功能、擾动四周的仪表和设备，以及發出使工作人員厭倦的声音，这些情形在以高速率運轉的机械中，尤其成为嚴重而必須解决的問題。所以在机械工程中，除了少数利用机械振动來工作的情况以外，总是設法防止或消滅所有不希望產生的振动。

產生振动的原因很多，將分別按各种振动系統的情形在以下

各節中叙述。現在先考察旋轉体如何產生不平衡。

旋轉式机械產生振动的主要原因，是由于轉子的离心力失去平衡。今設在質量均匀的圓盤上，偏離圓心 e 处有一附加質量 m ，当圓盤以角速度 ω 運轉时，質量 m 就因偏心距 e 而產生离心力（圖 6）

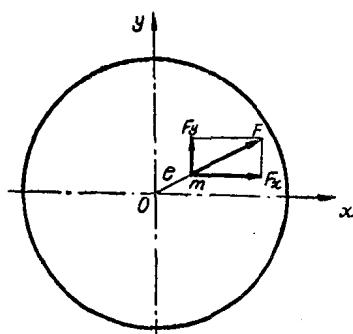


圖 6

$$F = m\omega^2 \quad (1-5)$$

对于蒸汽透平、燃气透平、旋轉式的压气机和鼓風机以及离心式水泵的动輪，常由于材料均質性不佳或是由于制造技术的不良，

使輪的重心偏離几何中心而形成偏心距 e , 因此在運轉時就產生上述不平衡的离心力。

这离心力向量可沿兩座标軸分解而得水平分力 F_x 及垂直分力 F_y , 随着轉動向量 F 的位置不同, 兩分力的大小也不断变化, 于是在 x 和 y 方向就各產生了一个周期性变化的力。由于这两个力的作用, 使机械在運轉中失去平衡, 而產生了垂直向和横向的振动。由式(1-5)中所表的离心力可見, 一根粗大而轉速高的轉軸, 虽只有很小的偏心距, 然因离心力所產生縱橫方向的振动也很可观。

上述情形不僅發生在旋轉机械的轉子, 并也發生在一般的动力机械中, 例如一輛普通的汽車, 其中的曲柄、飛輪、聯軸器、齒輪以及傳動軸等許多旋轉部分, 在制造或装配时要尽量使得它們的重心恰好在轉動軸線上, 否則將產生偏心距 e 而失却平衡, 这样就会引起振动。为了保証在運轉时不產生較大的离心力而引起振动, 每个轉動部分在装配前就需要用靜平衡法或动平衡机加以平衡, 使它們的重心回到或接近它們的几何中心。

1-3 引擎的平衡和調諧

一架內燃引擎的主要推動機構有活塞、連杆和曲柄三个部分, 由于它們的運轉情形不同, 就分別產生往复慣性力和旋轉慣性力。要使这些慣性力以及其对引擎重心所產生的力矩达到平衡, 就非先要使这些運轉質量达到平衡不可, 亦即在運轉时各運轉質量的总重心位置应保持不变。这种平衡并非各式引擎都能达到, 例如在四冲程行列式引擎中, 只有六汽缸、八汽缸及十二汽缸等引擎方能完全平衡。其他汽缸数的引擎就可能因慣性力的不平衡, 而在運轉时產生垂直向振动和繞引擎重心的振擺运动。

汽缸內混合气爆發后所產生的气体压力和往复質量力的方向相同, 因而在四个冲程中, 亦即在曲柄的轉角 720° 中, 可得一个作

周期性变化的合成压力 P 。分析 P 力的结果(圖 7),可見在曲柄梢上經常作用着徑向分力 R 和切向分力 T , R 使軸承產生壓力傳

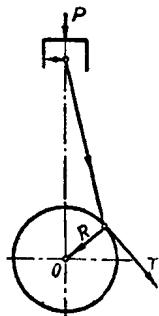


圖 7

与机身,并使机身作縱橫方向的振动, T 則使曲柄旋轉, 称为扭轉力。由于这种扭轉力作周期性变化, 使曲軸產生扭轉振动, 并且激起其他各部分產生共振性的直線振动。增加汽缸的数目可減輕这种扭轉力的变化, 通常十六汽缸引擎的扭力变化已很輕微, 但仍有变化存在。故在曲軸的一端常裝置扭轉減振器, 用來消滅因扭轉变化所引起的扭轉振动。

引擎中如有汽缸不發火, 轉矩也会產生間歇性的变化而呈參差不齐, 于是引擎就失却調諧而形成不規則的运转以及發生和上述类似的振动。火星塞的電極之間適當間距的調節, 对汽缸中混合气的發火很是重要, 至于火花是否能跳过間距, 那还和蓄电池、电振板綫圈、磁电机及白金断电器的情形有关。其次, 凡尔的定时对于燃燒可適在循环的准确部分發生, 对于使排气不致提早或过于延迟也很重要。

由于以上种种原因所產生的机械振动, 如果听其周期性地發生, 那末象轉軸軸承等重要部分就要加速磨損, 甚至会产生破裂。

1-4 制造技术

在蒸汽透平机的制造过程中, 必須要把叶片准确地安装在轉子的周圍, 否則轉子就会失却平衡。同样, 轉盤必須和轉軸相垂直, 否則在運轉时轉軸会受到弯曲力偶矩, 而使軸承受到周期性变化的压力。所以轉盤和轉軸結合时的热套工作, 在透平制造中就需要高度而熟練的技术。在齒輪制造中, 如果輪齒的形狀和位置存在着誤差, 那末在運轉时齒輪之間就產生周期性的撞击, 因此对齒輪的制造技术就有着一定的要求。

作用在电动机电樞上的力矩，随着永久磁極及其和电樞之間的間隙、相隣電極之間的角位置而变动，因而就需要適當地把軸頸安裝在軸承中，以便使电樞和磁極之間保持一定的空隙。

在馬達的裝配中，如果把电樞裝得偏斜，那就会使樞徑一邊的空隙大于另一边，結果使电樞得到可變的力矩，而使樞軸產生扭轉振动，因此，为了防止產生可變轉矩的危險，电樞繞線的間距就必須准确。

僅在这些例子中，可見在考慮振动問題時，裝配和制造技术是何等重要了。

1-5 往复泵的凡尔彈簧

因設計上的問題而可能產生的機械振動，其原由很多，且在設計新机器时所經歷到的許多困难中，往往也牽涉到機械振动方面的缺陷。在一个設計師的能力範圍內，通常总可能有一些主要的振动缺陷存在，而这种困难又常因机械的次要部分之欠缺所造成，例如，有些往复式水泵，剛工作不久，燐銅制的凡尔彈簧即忽告断裂。檢驗后發現，这是由于材料承受应力变化而發生疲勞以致断裂，經過核算，更發現彈簧和凡尔所組成系統的自然周率，和水泵的運轉速率相差極微，顯然可見，因凡尔的定期开閉，燐銅彈簧遭受了由共振作用而造成的強制性的高应力。今把彈簧的材料改用不鏽鋼，这样既增加了强度，又提高了自然周率，上述的缺陷就能夠完全消除。在机械工程的任何部分，都可能遇到这种类似的初步困难及其解决方法，但并不是所有設計上的困难都这样容易矯正。

1-6 汽缸的式樣

在一架引擎的各汽缸中，間歇性的燃燒也能產生一些擾动力，引起共振性的振动。汽缸头和活塞頂部的式样，是判別一架引擎

汽缸內燃燒效率的重要標準，如果我們對可燃混合氣爆發的程序已經熟悉，顯然在火星塞發生火花之後，那些最靠近火花的混合氣分子即被燃着，每次的火花都會立刻燃着它鄰近的分子，並把燃燒傳播開去。如果汽缸頭設計得不適當，就會超在火焰之前形成一道震波，缸內也就發生了爆震現象，這時由於汽缸內壓力突然升高，活塞上就遭到了強力的閃擊（在汽缸頭上受到它的反作用），並且被傳到引擎的其他部分。一些自然周率在其共振範圍以內的固定部分，就因為接受了這種周期性的擾動力而產生振動。通常在設計汽缸和汽缸頭時，有一些規律可以遵循，從而避免爆震的產生，但這種規律決不能在所有情形之下都能保證，例如採用一種新燃料，或潤滑油氣化漏過活塞環而進入燃燒室，由於新燃料燃燒率的差異，仍可能引起爆震。以上所述的這種間歇性燃燒，往往是一個在新引擎試驗中產生共振性振動的可能來源。

特別是用於汽車和航空方面的往復式內燃引擎，很容易感染到振動方面的缺點。除爆震以外，其他由於設計不良而可作為振動來源的尚有：汽缸吸氣的錯誤設計；氣體經過氣門的節流；火星塞和噴油嘴的位置不適當等等。如果飛輪的慣性不足，就不能調節引擎轉矩的變化，而引擎運轉時就無法安靜，故飛輪慣性不足，也是往復式引擎中另一個引起振動的原因。

1-7 复合振动

象透平、鼓風機、風扇、電動機、發電機以及航空螺旋槳等轉動機械，除了質量不平衡外，還可能由於設計中很小的缺點而形成振動，就象航空螺旋槳，時常在振動應力作用下使材料損傷而致破裂。產生這類振動的原因很多，若單從設計方面而言，以下各點就顯得相當重要：

- (a) 桨葉的自然周率或可和它們的旋轉速率相共振；
- (b) 桨葉尖端的速率已超過了音速；