

无 線 电 信 号 頻 譜

苏联 M. C. 古列維奇 著

靳 薩 譯

人 民 郵 〈電 信 〉 出 版 社

М. С. ГУРЕВИЧ

СПЕКТРЫ РАДИОСИГНАЛОВ

СВЯЗЬ ИЗДАТ МОСКВА 1963

内 容 提 要

本书研究各种无线电信号的频谱，以及在最通用的调制形式下防止无线电信号波道内发生相互干扰的措施。书中也叙述了在发送中心和控制室里测量无线电信号波道所占用频带宽度的一些方法。

本书可供广大的无线电工程师、科学工作者以及高等学校无线电工程专业的研究生和高年级学生学习通信理论之用，也可供实用电路计算与测量中参考。

无 线 电 信 号 频 谱

著者：苏联 M. C. 古列维奇

译者：靳 蕃

出版者：人民邮电出版社

北京东四 6 条 19 号

(北京市书刊出版业营业许可证出字第〇四八号)

印刷者：北京市印刷一厂

发行者：新华书店北京发行所

经售者：各地新华书店

开本 850×1168 1/32 1965 年 10 月 北京第一版

印张 9 20/32 页数 154 插页 1 1965 年 10 月 北京第一次印刷

印刷字数 255,000 字 印数 1—2,750 册

统一书号：15045·总1441—无410

定价：(科 7) 1.70 元

序

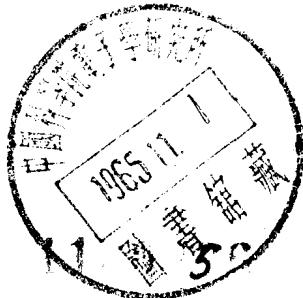
无线电通信在一个总的电信网中起着十分重要的作用。无线电通信的进一步发展，主要决定于下列問題解决的順利程度如何：

- 1) 增大无线电通信系统的通过能力与提高它的抗干扰性；
- 2) 更經濟地利用分配給无线电波道的頻帶，以便能在有限的頻率范围内，設置最大数量的、具有最小互相干扰的波道。

为了順利地解决这些問題，需要研究无线电信号的頻譜，特別是要探討減小无线电波道頻帶寬度的可能性（頻帶寬度是表征无线电通信系統和无线电頻譜利用率的最重要指标）。

尽管人們很早就对无线电信号頻譜的研究有很大的兴趣，但是对这个領域里許多問題的研究仍然很不够。本书是以作者若干年来所作的研究为基础而写成的。

作者



目 录

序

緒論

1. 無線電頻譜及其利用	1
2. 作为信号物理特性的頻帶寬度	5
3. 有关無線电信号頻譜的一些基本概念和定义	6
4. 本书討論的問題	10
第一章 信号的数学表示形式与頻譜概念	11
§ 1.1. 信号表示的一般概念	11
§ 1.2. 指数函数的利用	12
§ 1.3. 正交性与完备性	15
§ 1.4. 延迟函数的方法	19
第二章 在給定頻帶中包含有最大部分能量的有限持續信号	21
§ 2.1. 信号与頻譜間的某些关系	21
§ 2.2. 积分方程的建立	23
§ 2.3. 确定信号部分能量的界限	25
§ 2.4. 利用核的展开來求积分方程的近似解	27
§ 2.5. 把积分方程化为微分方程的边值問題來求解	31
§ 2.6. 参数 k 值較大时对信号 $u(k, \lambda)$ 的研究	40
第三章 传输脉冲占用的頻帶	41
§ 3.1. 頻帶中脉冲能量的分布	42
§ 3.2. 矩形脉冲	43
§ 3.3. 梯形脉冲与三角形脉冲	44
§ 3.4. 形狀为余弦曲綫一段的脉冲。余弦形脉冲	46
§ 3.5. 具有余弦-平方律圓化的脉冲	54
§ 3.6. 余弦-立方形脉冲	59
第四章 传输占用的頻帶寬度和信号的建立時間	61
§ 4.1. 一般概念	61
§ 4.2. 信号建立時間的定义	62
§ 4.3. 評价信号的一般判据	62

§ 4.4. k_y 的数值	63
第五章 以减低带外辐射为目的的信号的形成	67
§ 5.1. 前言	67
§ 5.2. 从仙农理论关于波道通过能力的观点来研究减低带外 辐射能量的可能性	68
§ 5.3. 以函数及其导数的跃变表示的傅里叶积分变换	70
§ 5.4. 脉冲形状与带外辐射衰减速度之间的关系	73
§ 5.5. 频谱减低不慢于 C/ω^{n+1} 的有限持续信号的形状	75
第六章 振幅键控与频率键控时，传输无线电报信号占用的频带	87
§ 6.1. 振幅键控时传输占用的频带宽度	87
§ 6.2. 频率键控时传输占用的频带宽度	93
§ 6.3. 两种键控形式下占用频带的比较	98
第七章 频率键控时各种不同形状无线电报信号的频谱	99
§ 7.1. 梯形脉冲	100
§ 7.2. 正弦律圆化的脉冲	104
§ 7.3. 频带宽度的计算结果	107
§ 7.4. 不同信号形状的带外辐射	108
第八章 传输占用频带宽度与信号延迟时间之间的关系	115
§ 8.1. 波道的通过能力与延迟时间	115
§ 8.2. 保证传输有限延时信号的通信系统特性	118
§ 8.3. 考虑延时时的波道通过能力	121
§ 8.4. 占用最小频带、频谱有限的信号形状	122
第九章 正规信号序列与随机信号序列频谱间的关系	131
§ 9.1. 初步概念	131
§ 9.2. 用在时间上推移的基本信号来表示消息	132
§ 9.3. 频谱 $R(\omega)$	134
§ 9.4. 相应于重复因子的信号	138
§ 9.5. 各种频谱的能量关系	140
§ 9.6. 结论	145
第十章 传输随机信号序列占用的频带	146
§ 10.1. 确定传输随机信号序列占用频带宽度时所发生的困难	146
§ 10.2. 借相关函数来确定频带宽度	148

第十一章 传输随机信号序列时无线电通信波道間相互干扰的減低	151
§ 11.1. 研究相互干扰問題的可能方法	151
§ 11.2. 表示为延迟函数級數形式的信号的能量頻譜	153
§ 11.3. 不相关信号的頻譜	154
§ 11.4. 相关信号的頻譜	158
§ 11.5. 結論	158
第十二章 利用振幅、頻率或相位調制的无线电通信系統間的相互干擾	159
§ 12.1. 原始假定	159
§ 12.2. 各种不同失調下相互干擾能量的变化	161
§ 12.3. 通过与接收机等效的滤波器 F_R 发送的信号最大振幅 A 和能量 W 之間的关系	163
§ 12.4. 当 $P_U < P_R$ 时 A 与 W 之間的关系	164
§ 12.5. 当 $P_U > P_R$ 时 A 与 W 之間的关系	171
§ 12.6. 确定波道間的差值	174
第十三章 信号在发射机中的形成	199
§ 13.1. 选择脉冲形状的一些实际建議	199
§ 13.2. 鍵控回路中的綫性滤波器	204
§ 13.3. 形成信号的非綫性裝置	209
第十四章 无线电报发报机辐射的频带寬度的測量	212
§ 14.1. 测量辐射频带寬度的方法	213
§ 14.2. 确定测量无线电报辐射占用频带寬度的电平	221
§ 14.3. 遙測无线电发射机辐射的频带寬度	224
§ 14.4. 对試驗确定随机信号序列传输占用频带寬度的一些实用建議	229
附录	231
附录 I 各类辐射必需的频带寬度	231
附录 II 将积分方程化为微分方程的边值問題	233
附录 III 确定系数 d_n	237
附录 IV 計算积分 $A(k), B(k)$ 与 $C(k)$ 的公式	244
附录 V 洛麦利函数 $S_{\mu,\nu}(Z)$	245
附录 VI 频率鍵控时梯形脉冲与正弦律圓化脉冲辐射占用的频带寬度	296
附录 VII 辐射的分类	297
参考文献	300

緒論

本章探討無線電頻率不夠用的原因和改善對頻譜利用的方法。

文中指出，在確定無線電通信波道通過能力的諸參數中，頻帶寬度起着重要的作用。

確定了輻射所占用的頻帶寬度、必要的頻帶寬度以及帶外輻射的概念。

論証了輻射所占用頻帶寬度的“能量”定義（即包含有輻射功率主要部分的頻帶的定義）的合理性。

舉出了作者打算列在本書中並加以解決的一些主要問題。

1. 無線電頻譜及其利用

如果考察一下無線電技術的發展，就會看到在 $20 \cdot 10^3$ 赫至 10^{11} 赫間極其廣闊的頻率範圍內，人們在利用電磁振蕩方面所取得的巨大成就。在無線電通信、無線電廣播、電視、雷達、無線電導航、遠程控制、遠程測量中，利用無線電波來傳輸信號，在工業與醫學中，也使用高頻電場與磁場。上所列舉，已經足以表明無線電頻率的利用與國家的國民經濟和文化生活是緊密相關的。

無線電通信、無線電廣播以及與之鄰近的一些部門迅速進步所帶來的不利的一面，是愈來愈增加了頻譜的負擔。有關生活方面的許多重要業務使波道的負擔過重，因而互擾電平日益增加。近年來用戶的迅速增多，使無線電頻率更加不夠用了。因此，應當將無線電頻譜視作一筆有限的財富，很慎重地予以利用和細心愛護。

當前使用著的頻譜這麼寬，但還不能滿足無線電業務需要，其原因是很多的。

第一個、也是最重要的一个原因，就在於超過 30 兆赫的頻率不如較低頻率用得那麼廣泛。低於 30 兆赫的頻率，適用於距離數千公里的通信中，以及需要很經濟地為散布得很廣的聽眾服務的無線電廣播中；而高於 30 兆赫的頻率，則用在距離不超過一百公里且發

射机功率不太大的通信中。为了长距离、无中继地传输消息，在宽度为一兆兆赫的总频谱范围内，只能够利用 30 兆赫以下的频带。这就是 30 兆赫以下的频谱为什么严重过载的原因。

第二个原因在于，许多新的业务部门，例如采用频率调制的超短波广播、电视与雷达所需的波道，要比旧有的一些业务所使用的波道宽得多。例如，采用频率调制的超短波无线电台所占用的频带，要比采用振幅调制的无线电台所占用的频带宽 20 倍。电视波道比用振幅调制方法进行广播的波道要宽 600 倍。雷达站所占用的频带要比无线电报通信所需的频带宽数千倍。

第三个原因是频谱的上段（高于 10,000 兆赫的频率）很难利用。频率达到这个范围时，发射机的功率与接收机的灵敏度都不大。大气成分的不均匀，会使某些频率的传播发生困难。例如，当频率超过 30,000 兆赫时，暴雨可能使电路遭到破坏。

频谱负担过重的第四个原因，是很难将某些业务从它已经“各得其所”的频率范围内，调动至新的、还很少掌握的频率范围中去。

在最有效地利用频谱的道路上，究竟存在着哪些技术上的困难呢？

首先要指出这样一个因素，即仅当信号对干扰的比值大大地超过 1 时，通信系统才能很好地发挥作用。最近时期，的确出现了相关法，它能使我们在信号对干扰的比值小于一的情况下工作，可是这样却大大地增加了占用波道的时间。因此，实际上信号电平应当比干扰电高 10 至 50 分贝。

无线电台在超出其工作范围很远的距离内造成强烈的干扰，甚至当无线电台在地域上作最合理的分布，且无线电波传播条件不变化的情况下，每一台发射机对距离超过该电台服务区域半径三倍处、工作频率相同的其他发射机的接收机的接收，会造成强烈的干扰。实际上，任何时候也不能够仅根据地域上的考虑来分布发射机于各地。事实上，信号电平与干扰电平根据大气的条件，特别是电离层

的状态（对約低于 50 兆赫的頻率而言）和对流层的状态（对高于 50 兆赫的頻率而言）而变化。这种变化可能是极大的，并且可能具有不定期的或周期性的特征，几乎不可能对它們預先詳細地确定。此外，传播条件的昼夜变化和季节性变化（特別是对于低于 25 兆赫的頻率而言），要求无线电台备有几种不同頻率，以便根据一天或一年的时间和工作距离来先后选用。

只向有接收机的方向发送信号，只朝有发射台的方向接收信号，亦即采用定向天綫，就可以改善頻譜的利用。定向天綫广泛地用在干綫无线电通信，而很少用在移动的业务中。它們能够而且应当十分广泛地用在整个无线电通信和广播領域中。

因此，我們涉及到布置許多利用同一頻率、且具有最小相互干扰的电台的技术問題。同样重要的是使每一个电台只利用最小部分的頻譜。如果我們希望最大限度地占用頻譜，那末，传输所占用頻帶的宽度就应当尽可能地窄，且为信号的頻率分量所紧密充满，而防护頻帶和頻差容限則应当减至最小值。

現在我們首先來討論不同类型发射机所占用的頻帶寬度問題，和頻率分量如何充滿波道的問題。

在所有有效調制方法中，能量是集中于传输所占用頻帶的一定区段上；同时，波道中頻率分量分布密度与調制的方法有关。在某些业务中，适当选择或变更調制方法，可以增大頻率分量密度，并改善頻譜的利用。

最近时期，許多人研究調制方法，借以确定被占用波道的利用效率和抗拒进入波道的干扰作用的效果。

通过抑制一些頻率分量（这些頻率分量重复了包含在另一部分分量中的信息）的办法，可以使調制方法得到改进。例如，可采用将載波与一个边頻帶完全抑制的調制系統。由于設備的情况不正常或調整的状况不适当，常常使无线电台，特別是通信用无线电台所发射的頻譜，比它所需要的頻譜宽若干倍。

其次，还存在着一个頻差容限的問題。可以毫不夸大地說，任

何一种限制传输所占频带宽度的技术措施，若不大大地缩小发射机频率不稳定性的容限，都不能改善频谱的利用。

接收机频率不稳定性的容限也很大；而且许多业务的接收机选择性也是不够的。发射机与接收机的频率不稳定性，迫使波道间增加分隔，从而大大地增加了所占用的频带宽度。这通常要比必要的频带宽度大若干倍。

由于有必要提高频谱利用的有效度，要求采取一系列的科学技术措施：

1. 系统地探求在整个频段内，最合理地配置数量最大且互相干扰最低的电台的方法。
2. 将传输所占用的频带宽度限制到接近于必需的频带宽度值。载波偏移的频差容限只应当为波道宽度的一小部分。
3. 消除使防护频带加宽的那些设备上的缺陷，亦即：提高发射机与接收机振荡器载波频率的稳定性，提高接收机的选择性，规定适当的调制度。
4. 运用最有效的调制方法，以保证最佳地利用所占用的波道（特别是对那些宽频带的业务，例如调频式超短波广播与电视）。
5. 限制电台在其工作区域范围以外所产生的干扰电平，为此，可以降低发射机的功率，抑制谐波辐射，使载波同步（在这样做有实际意义的地方）以及使用定向天线。
6. 改进对频谱占用情况的监督和观察方法，特别是改进对辐射所占用频带宽度的监督。

尽管对无线电信号频谱的研究有很大的实际意义，但这个问题研究得仍很不充分，其原因在于研究上述问题时，遇到了理论上与实际上的一些困难。这只需提一下下面的事实就足以说明。权威的学者与无线工程师如弗列米格（Флеминг），在不算太早的1930年，就在《自然》（Nature）杂志上开展的一次辩论中提出^①，证明有实际

^① 这次辩论的详细资料见斯·姆·雷托夫（С. М. Рытов）的著作〔文献8〕与〔文献10〕。

意义的只是“已調制的載波”，而邊頻帶——它是計算的方法與數學上的虛構，並不符合於實際情況。

正如斯·姆·雷托夫所正確指出的那樣，由此所得到的結論談起來絕對不是什麼高深的東西，而是十分迫切和實際的問題。因為根據弗列米格的見解，如果是一個唯一的載波頻率的話，那末就沒有任何根據來確定無線電台之間的頻率間隔，而“以太”的填充濃度將僅受接收機選擇性的限制。儘管很自然地，弗列米格不能始終堅持他的不正確的觀點，然而毫無疑問，他否認邊頻率的現實性，却延滯了對無線電通信波道所占頻帶寬度問題的研究。在和弗列米格辯論以後，文獻中也還遇到在這個問題上的一些錯誤的言論。

在頻譜概念的發展方面，恩·恩·安得列夫(Н. Н. Андрев)，在1917年曾進行過科學研究，並寫出了專題論文[文獻1]，在該論文中，以現代的水平，論述了應用頻譜概念來分析電振蕩的問題。

勒·依·馬杰里什坦(Л. И. Мандельштам)和他的學生格·斯·戈列里克(Г. С. Горелик)和斯·姆·雷托夫的工作，以及近年來A. A. 哈爾凱維奇(А. А. Харкевич)的著作[文獻23]，均在這個領域中起了巨大的作用。直接與無線電頻率的利用有關的問題的解法，在姆·符·舒列基(М. В. Шулейкин)[文獻22]，符·阿·柯捷里尼可夫(В. А. Котельников)[文獻4]，符·伊·西費羅夫(В. И. Сифоров)[文獻7]等人的著作中可以見到。

2. 作為信號物理特性的頻帶寬度

為了確定利用信號所可能傳輸的消息數量，並闡明信號特性與通信波道性質之間的關係，必須引入某些能從物理意義上能表徵信號的量[文獻28]。

如果信號可以某個時間函數來表示，那末，當我們不管用怎樣方法確定了這個函數時，信號也隨着被確定了。然而，並非總有必要對信號作如此完整的描述。在許多情況下，僅限於更一般的描

述，規定少數綜合測量就已經足夠了。通常在通信理論中，為了描述信号的一般性質，採用三種測定：信号的持續時間，信号超過干擾的數值以及信号頻帶的寬度。後者十分方便地表明信号許多重要的性質。通常將這三個量的乘積稱為信号容積。如果取干擾為在濾波器通頻帶中具有均勻分布頻譜的噪音，且服從於正態分佈規律，那末，如所周知，對理想的系統而言，波道的通過能力將等於

$$C = F \log_2 \frac{P + N}{N} \text{ (每秒二進單位),} \quad (\text{B.1})$$

式中

C ——波道的通過能力；

F ——波道頻帶的寬度；

P ——信号的功率；

N ——干擾的功率。

由上述公式可以看出，增加頻帶的寬度，或者增大信号的功率（相对于干擾的功率而言），均可提高波道的通過能力。在滿足實有波道通過能力下，可以考慮增大信号對干擾的比值，亦即增大發射机的功率，來減小頻帶的寬度。然而應當指出，节约頻帶所花的代價是十分高的，因為隨著功率 P 的變化，對數值變化得很緩慢。例如，當信号對干擾的比值為 30 分貝時，為了補償 10% 的頻帶減小，需要將發射机功率增大一倍。

由公式(B.1)可以看出，在決定通信波道通過能力的諸參數中，頻帶寬度起著何等重要的作用：在理想的通信系統中，變更頻帶寬度對波道通過能力的影響，要比變更發射机功率大得多。這個結論十分重要，它說明了需很珍惜地利用頻帶寬度的必要性，因為很明顯，增大功率是要花費很大的投資才能達到的。

3. 有關無線電信号頻譜的一些基本概念和定義

為了探討有關在無線電頻段內通信波道的配置問題，必須精確

地确定每一条波道所占的频带宽度。

无线电报信号的持续时间有限，因此，它们的频谱一直延续至无穷。故从理论上来说，传输这种信号要占用无限宽的频带。然而，这一理论上的说明并不会使我们得出任何实用结论，因为无线电通信所用信号的绝大部分能量，集中在比较狭窄的频带中，而距中心频率较远的频谱部分，对保持通信并无多大意义。

为了实际确定传输所占“位置”，我们不得不在相当任意的程度上，选择预定用来实现通信的辐射功率部分。如果功率的这一部分选定了，那末，根据能量在频谱中的分配，就可以确定包含有这部分功率的频谱部分，从而确定所占的频带宽度，亦即该种辐射占用的波道宽度。

实际上，可以从两条途径来确定被占用频带的宽度：

1) 根据频率值 ω_k ，在这种频率下，频谱的模 $|F(\omega_k)|$ 的值为其最大值的某一部分，亦即

$$\frac{|F(\omega_k)|}{|F(\omega)|_{\text{最大}}} = \frac{1}{d},$$

式中 $d > 1$ ；

2) 根据频率值 ω_k ，这个频率限定着一个频谱区域，在这个区域内包含有频谱全部功率的主要部分。

有时候第一种频带宽度的定义称为“几何性的”，而第二种频带宽度的定义称为“能量性的”。利用此两定义中的任意一个，都可以获得频带宽度值，此频带宽度值，在一定程度上计及了形成该信号的频谱的最重要部分。对于每种信号形状，均可确定在此频带中的功率的相对含量与在其边缘上的频谱分量电平之间的对应关系。

在无线电通信规程[文献 43]与国际上有关的建议[文献 40]中，载有下列被占用频带宽度的“能量性”定义：如下的一种频带宽度称为被占用的频带宽度，即在该频带的下界和上界以外，平均的辐射功率均等于该辐射全部的平均功率的 0.5%。

在某些情况下，例如，在频率复用的多路系统，当实际采用被

占用頻帶寬度或必需的頻帶的定义时，0.5% 的数值可能会造成一定的困难；在这种情况下，另一种百分含量規定就可能有效一些。

应当指出，系数 0.5% 这个数值是无线电通信規程与有关国际會議任意选定的，并沒有理論根据。所能确定的是，由于传输持續時間有限的信号时，信号的功率是分配在无限寬的頻帶上，故在定义的頻帶中，功率的百分含量应当小于 100%。因为包含辐射功率 99% 的頻帶，大致与优质地重現信号（它具有实际上允許的圓化）所必需的頻帶相当，故从实际观点来看，系数 0.5% 在許多情况都是方便的。

尽管系数 0.5% 是任意选定的，然而上述頻帶寬度的定义在广泛应用中却是方便的，应当将它看作为国际使用的慣例。如果在广泛应用中引入某一新的定义，则妨碍了互相比較測量結果的可能性，并使测量問題过分复杂化。

因此，我們將采納、并在以后利用上述无线电通信規程与国际上有关建議中所采用的“被占用頻帶寬度”的定义。

只可能靠变更信号的形状来減低一給定持續時間的信号辐射所占用的頻帶寬度。如所周知，圓化了的信号所占用的頻帶寬度比矩形信号小。經驗指出，被圓化到某一程度的信号，在接收时是容易按要求的质量重現的。然而，过度地圓化可能影响接收消息的质量，例如，錯誤的相对数目可能超过規定标准。因此，我們來談一下必需的頻帶寬度的概念。无线电通信 規 程 [文献 43]与国际上有关文献[文献 40]建議：必需的頻帶寬度就是辐射所占用頻帶寬度的最小值，以此寬度，該类辐射将能充分保証消息以一定的速度和质量进行传输，以滿足在一定条件下运用的系統的要求。

在附录 I 的表中，給出不同种类辐射所必需的頻帶寬度值，該表系根据[文献 43]中所列的数据編成的。

如果辐射所占用的頻帶寬度等于必需的頻帶寬度，則辐射是完善的。这就意味着，传输所利用的信号，其圓化程度，应能够保証所需质量的通信。采用更寬的頻帶是多余的，但采用更窄的頻帶，

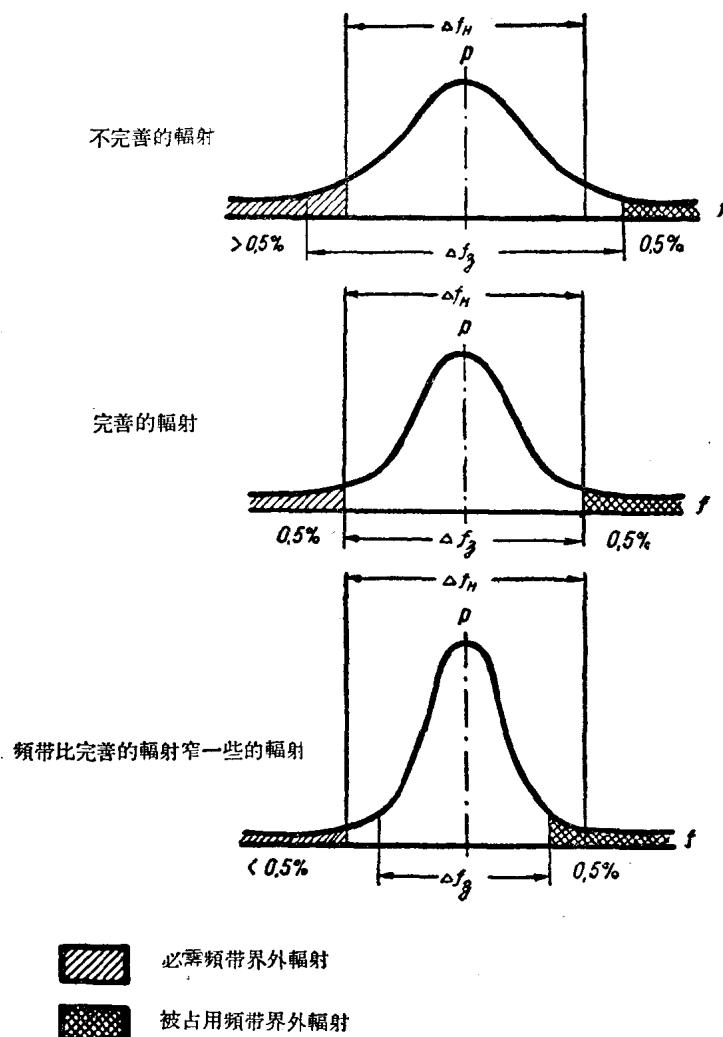


图 B.1. 表明被占用的频带宽度、必需的频带宽度与带外辐射的定义的曲线。频谱假定是对称的：

Δf_H —必需的频带宽度；

Δf_B —被占用的频带宽度

則可能使通信质量坏到不能容許的程度。

在指配发射机的頻率和确定預定用来接收这种发射的接收机的通带寬度时，被占用頻帶寬度与必需頻帶寬度是两个重要因素，应当加以考慮。

然而，无 線电信号頻譜并不受辐射所占用的頻帶的限制，而按上面采用的定义，应受頻帶外辐射 1% 功率所限制。虽然辐射的这一部分并未作用于調諧在辐射頻率的接收机上，但它可能在邻近的波道中造成干扰。由此就产生帶外輻射的概念。通常〔文献 40〕将必需的頻帶寬度界外所辐射的功率算作帶外辐射。

例如象抑制載波这样的辐射，对接收设备的正常工作有利，系属于必需的頻帶寬度，而不属于帶外辐射。

引用帶外辐射的概念，有便于确定辐射的 相对 不完善性（图 B.1.）。

4. 本书討論的問題

1. 怎样以数学形式来表示信号，使最适于解决与研究頻譜有关的实际問題？
2. 信号应当具有怎样的形状，于传输时方能利用最小的頻帶？
3. 传输各种不同形状的信号各占用什么样的頻帶？
4. 传输时占用的頻帶寬度与信号建立时间之間有什么关系？
5. 信号形状如何影响传输占用頻帶的界外辐射？
6. 在最常用的鍵控形式下，脉冲辐射占用什么样的頻帶？
7. 波道中的延迟时间对信号頻譜及通信波道通过能力有何关系？
8. 有規則的信号序列的頻譜与随机的信号序列的 頻譜有何关联？
9. 如何确定传输与实际消息相应的随机信号序列占用的頻帶宽度？
10. 无 線电信号頻譜与无 緿电接收机的不同特征对波道間的互

相干干扰有何影响?

11. 如何在无线电发射机中实际形成信号?
12. 什么方法是测量无线电报辐射占用频带宽度的最佳方法?

第一章 信号的数学表示形式 与频谱概念

本章提出信号表示所应满足的一些要求，并指出在解决许多实际问题时，宜于将信号 $g(t)$ 表示为和

$$g(t) = \sum a_n y_n(t) \quad (A)$$

的形式。

讨论了利用指数函数表示信号的优缺点，并说明如何由此种表示导出频谱的概念。

指出只有当函数系 $y(t)$ 为完备的情况下，才可能有如 (A) 的展开形式；如果该函数系又是正交的话，则系数 a_n 的计算可以简化。

研究了将信号表示为延迟函数级数的形式，并指出在研究非周期信号的频谱时，采用此方法特别有利。

§ 1.1. 信号表示的一般概念

为了将信号表示为数学的形式，譬如表示为抽象符号 G 的形式，必须首先明确地肯定表示中所希望反映的一些性质。例如，现在来研究一下语言的信号。我们可能对它的形状、清晰度或含意感兴趣。诚然，信号的这三个方面相互间有关联，但这并不意味着对这些方面中的一个（例如它的形状）表示得好，就相当于对其他方面（例如含意）表示得也好。

因此，对信号的表示必须加某些限制。其中第一个限制在于，我们所企图表征的将是通常称为信号“形状”的那一方面的 G ，并以时间的函数形式给出。其次，要求我们的表示能减轻计算量，使得对线路的分析和对信号形成与传输时所发生过程的研究比较容易。