

全国计算机软件专业技术资格(水平)考试系列教材

离散数学

耿素云 屈婉玲 张立昂



清华大学出版社

全国计算机软件专业技术
资格和水平考试系列教材

离散数学

耿素云 屈婉玲 张立昂 编

清华大学出版社

(京)新登字158号

内 容 提 要

本书是“全国计算机软件专业技术资格和水平考试系列教材丛书”之高级程序员级和系统分析员级离散数学课程教材,内容包括:(1)数理逻辑;(2)集合论;(3)代数结构;(4)图论;(5)组合分析初步;(6)形式语言与自动机初步。每章后均以资格和水平考试试题及解答的形式给出了题例分析,并且配置了相当数量的习题,书后给出了大部分习题的提示或解答。

该书适用于考生复习与自学,同时可供软件人员参考。

版权所有,翻印必究。

本书封面贴有清华大学出版社激光防伪标
签,无标签者不得销售。

全国计算机软件专业技术
资格和水平考试系列教材

离 散 数 学

耿素云等 编

☆

清华大学出版社出版

(北京 清华园)

北京国马印刷厂印装

新华书店总店科技发行所发行

开本: 850×1168 1/32 印张: 12.25 字数: 318千字

1992年1月第1版: 1996年2月第3次印刷

印数: 47001—53000

ISBN 7-302-00953-8/TP·349

定价: 12.50元

前 言

本书是根据“计算机专业技术资格和水平考试大纲”的要求编写的，是“全国计算机软件专业技术资格和水平考试系列教材”之一，它是高级程序员级和系统分析员级的离散数学教材。离散数学是现代数学的重要分支，是计算机科学理论的基础。本书共含6个方面的内容：（1）数理逻辑；（2）集合论；（3）代数结构；（4）图论；（5）组合分析初步；（6）形式语言与自动机初步。

数理逻辑与图论（第一、二、七、八、九章）由耿素云编写；集合论、代数结构、组合分析初步（第三、四、五、六、十章）由屈婉玲编写；形式语言与自动机初步（第十一章）由张立昂编写。

根据资格和水平考试的特点，本书着重于基本概念的论述和应用，而不着重于定理的证明。每章均给出了典型的题例分析，并配置了相当数量的习题，书后给出了大部分习题的提示或解答。本书不仅是函授的教材，便于考生复习与自学，而且也可供计算机软件人员学习和参考。

由于水平所限，书中难免有不妥或错误之处，恳请读者指正。

编 者

1991年4月于北京大学计算机系

目 录

第一章 命题逻辑	1
1.1 命题符号化及联结词	1
1.2 命题公式及分类	8
1.3 等值演算	13
1.4 联结词全功能集	19
1.5 对偶与范式	23
1.6 推理理论	34
1.7 题例分析	40
习题一	47
第二章 一阶逻辑	53
2.1 一阶逻辑基本概念	53
2.2 一阶逻辑合式公式及解释	60
2.3 一阶逻辑等值式	67
2.4 一阶逻辑推理理论	72
2.5 题例分析	77
习题二	81
第三章 集合的基本概念和运算	86
3.1 集合的基本概念	86
3.2 集合的基本运算	90
3.3 集合中元素的计数	97
3.4 题例分析	102
习题三	107
第四章 二元关系和函数	112

4.1	集合的笛卡儿积与二元关系	112
4.2	关系的运算	119
4.3	关系的性质	127
4.4	关系的闭包	130
4.5	等价关系和偏序关系	133
4.6	函数的定义和性质	142
4.7	函数的复合和反函数	148
4.8	题例分析	152
	习题四	161
第五章	代数系统的一般性质	168
5.1	二元运算及其性质	168
5.2	代数系统及其子代数和积代数	178
5.3	代数系统的同态与同构	181
5.4	题例分析	185
	习题五	190
第六章	几个典型的代数系统	194
6.1	半群与群	194
6.2	环与域	207
6.3	格与布尔代数	210
6.4	题例分析	216
	习题六	220
第七章	图的基本概念	223
7.1	无向图及有向图	223
7.2	通路、回路、图的连通性	233
7.3	图的矩阵表示	237
7.4	最短路径及关键路径	242
7.5	题例分析	248
	习题七	253

第八章 一些特殊的图	257
8.1 二部图	257
8.2 欧拉图	261
8.3 哈密尔顿图	263
8.4 平面图	266
8.5 题例分析	274
习题八	278
第九章 树	280
9.1 无向树及生成树	280
9.2 根树及其应用	284
9.3 题例分析	293
习题九	298
第十章 组合分析初步	302
10.1 加法法则和乘法法则	302
10.2 基本排列组合的计数方法	304
10.3 题例分析	314
习题十	317
第十一章 形式语言和自动机初步	320
11.1 形式语言和形式文法	320
11.2 有穷自动机	332
11.3 有穷自动机和正则文法的等价性	340
11.4 图灵机	344
习题十一	355
部分习题提示或解答	361

第一章 命题逻辑

数理逻辑是用数学方法来研究推理的形式结构和推理规律的数学学科。它与数学的其它分支、计算机科学、人工智能、语言学等学科均有密切的联系，并且日益显示出它的重要作用和更加广泛的应用。数理逻辑的内容相当丰富，大体可分为5部分，即：逻辑演算、证明论、公理集合论、递归论和模型论。在本书中，只介绍命题逻辑和一阶逻辑（谓词逻辑）的逻辑演算。对数理逻辑感兴趣的读者，可参阅有关专著。

1.1 命题符号化及联结词

数理逻辑研究的中心问题是推理，而推理的前提和结论都是表达判断的陈述句。因而，表达判断的陈述句构成了推理的基本单位。于是称能判断真假的陈述句为**命题**。这种陈述句的判断只有两种可能，一种是正确的判断，一种是错误的判断。称判断为正确的命题的**真值**（或**值**）为真，称判断为错误的命题的真值为假，因而又可以称命题是具有唯一真值的陈述句。

例1.1 判断下列句子中哪些是命题。

- (1) 2是素数。
- (2) 雪是黑色的。
- (3) $2 + 3 = 5$ 。
- (4) 明年十月一日是晴天。
- (5) 3能被2整除。
- (6) 这朵花多好看呀!

(7) 明天下午有会吗?

(8) 请你关上门!

(9) $x + y > 5$.

(10) 地球外的星球上也有人。

解 在10个句子中,(6)是感叹句,(7)是疑问句,(8)是祈使句,这3句话都不是陈述句,当然它们都不是命题。其余的7个句子都是陈述句,但(9)不是命题,因为它没有确定的真值。当 $x=6, y=7$ 时, $6+7>5$ 正确,而当 $x=1, y=2$ 时, $1+2>5$ 不正确。其余的陈述句都是命题。其中(1),(3)是真命题;(2),(5)为假命题;(4)的真值虽然现在还不知道但到明年十月一日就知道了,因而是命题,它的真值是唯一的,句子(10)的真值也是唯一的,只是我们还不知道而已,随着科学技术的发展,其真值会知道的,因而它也是命题。

从以上的分析可以看出,判断一个句子是否为命题,首先要看它是否为陈述句,然后再看它的真值是否是唯一的。当然真值是否唯一与我们是否知道它的真值是两回事。

在例1.1中给出的6个命题都是简单的陈述句,都不能分解成更简单的句子了,称这样的命题为**简单命题**或**原子命题**。本书中用小写的英文字母 $p, q, r, \dots, p_i, q_i, r_i, \dots$ 表示简单命题,将表示命题的符号放在该命题的前面,称为命题符号化。例如,

p : 2是素数。

q : 雪是黑色的。

此时, p 是真命题, q 是假命题。

对于简单命题来说,它的真值是确定的,因而又称为**命题常项**或**命题常元**。上面的 p, q 都是命题常项。

在例1.1中,(9)不是命题,但当给定 x 与 y 确定的值后,它的真值也就定下来了,这种真值可以变化的简单陈述句称为**命题变项**或**命题变元**,也用 $p, q, r, \dots, p_i, q_i, r_i, \dots$ 表示之。一个符

号, 例如 p , 它表示的是命题常项还是命题变项, 一般由上, 下文来确定. 注意, 命题变项不是命题.

在数理逻辑中, 将命题的真值也符号化. 一般用 1 (或 T) 表示“真” (本书中将用 1 表示真), 用 0 (或 F) 表示“假” (本书中用 0 表示假). 有时也用 1 表示真命题, 用 0 表示假命题.

以上讨论的是简单命题, 在命题逻辑中, 主要是研究由简单命题用联结词联结而成的命题, 这样的命题称为**复合命题**. 下列给出的命题均是复合命题.

例1.2 将下列命题符号化.

- (1) 3 不是偶数.
- (2) 2 是素数和偶数.
- (3) 林芳学过英语或日语.
- (4) 如果角 A 和角 B 是对顶角, 则角 A 等于角 B .

解 上面 4 个句子都是具有唯一真值的陈述句, 因而它们都是命题, 且都是由简单命题经过联结词的联结而形成的复合命题. (1) 中命题也可说成“并非 3 是偶数.”, 使用了联结词“并非”. (2) 中命题也可说成“2 是素数并且 2 是偶数.”, 使用了联结词“并且”. (3) 中使用了联结词“或”. (4) 中使用了联结词“如果, 则”. 除了以上 4 个联结词外, 常用的, 特别是在数学中常用的联结词还有“当且仅当”. 以上 5 种联结词也是自然语言中常用的联结词, 不过在自然语言中有的联结词具有不精确性. 例如联结词“或”, 有时表示相容性析取, 有时表示排斥性的析取. 可是在数理逻辑中不允许这种二义性的存在, 因而对联结词必须给出精确的定义. 另外, 为了书写和推演的方便, 必须将联结词符号化. 下面给出 5 种常用联结词的符号表示及相应复合命题的严格定义.

定义1.1 设 p 为任一命题. 复合命题“非 p ” (或“ p 的否定”) 称为 p 的否定式, 记作 $\neg p$. \neg 为否定联结词. $\neg p$ 为真当且仅当

p 为假。

在例 1.2 (1) 中, 设 p 表示“3 是偶数”, 则 $\neg p$ 表示“3 不是偶数”。显然, 当 p 的真值为 0 时, $\neg p$ 的真值为 1。

定义 1.2 设 p, q 为二命题. 复合命题“ p 并且 q ” (或“ p 和 q ”) 称作 p 与 q 的合取式, 记作 $p \wedge q$. \wedge 为合取联结词. $p \wedge q$ 为真当且仅当 p 与 q 同时为真。

在例 1.2 (2) 中, 用 p 表示“2 是素数”, q 表示“2 是偶数”, 则 $p \wedge q$ 表示“2 是素数和偶数”, 由于 p, q 的真值均为 1, 所以 $p \wedge q$ 的真值也为 1。

p 与 q 的合取表达的逻辑关系是 p 与 q 两个命题同时成立, 因而, 自然语言中常用的联结词“既……又……”, “不仅……而且……”, “虽然……但是……”等, 都可以符号化为 \wedge , 请看下例。

例 1.3 将下列命题符号化。

- (1) 李平既聪明又用功。
- (2) 李平虽然聪明, 但不用功。
- (3) 李平不但聪明, 而且用功。
- (4) 李平不是不聪明, 而是不用功。

解 用 p 表示“李平聪明”, q 表示“李平用功”, 则 (1), (2), (3), (4) 分别符号化为 $p \wedge q, p \wedge \neg q, p \wedge q$ 和 $\neg(\neg p) \wedge \neg q$. 可见以上 4 个复合命题全用联结词 \wedge 联结. 但不能见到“和”, “与”就用“ \wedge ”. 例如, “李文与李武是兄弟”, “王芳和陈兰是好朋友”, 这两个命题中分别有“和”及“与”字, 可是它们都是简单命题而不是复合命题, 因而, 分别符号化为 p, q 即可。

定义 1.3 设 p, q 为二命题. 复合命题“ p 或 q ” 称作 p 与 q 的析取式, 记作 $p \vee q$. \vee 为析取联结词. $p \vee q$ 为真当且仅当 p 与 q 中至少一个为真。

由定义不难看出, 析取式 $p \vee q$ 表示的是一种相容性或, 即允许 p 与 q 同时为真. 例如, “王燕学过英语或法语”, 可符号

化为 $p \vee q$ ，其中 p 为“王燕学过英语”， q 为“王燕学过法语”，当仅 p 为真，仅 q 为真， p 与 q 同时为真时， $p \vee q$ 均为真。

可是在自然语言中的“或”具有二义性，有时表示的是相容性或，有时表示的是不相容性或（即排斥或）。例如，“派小王或小李中的一人去开会”不能符号化为 $p \vee q$ 的形式，因为这里的“或”表达的是排斥或。但可以借助于联结词 \neg ， \wedge ， \vee 共同来表达这种排斥或。即符号化为 $(p \wedge \neg q) \vee (\neg p \wedge q)$ 的形式，或 $(p \vee q) \wedge \neg(p \wedge q)$ 的形式，在1.4节中，将给排斥或严格的定义。

定义1.4 设 p ， q 为二命题。复合命题“如果 p ，则 q ”称作 p 与 q 的蕴涵式，记作 $p \rightarrow q$ ，称 p 为蕴涵式的前件， q 为蕴涵式的后件。 \rightarrow 称作蕴涵联结词。 $p \rightarrow q$ 为假当且仅当 p 为真且 q 为假。

$p \rightarrow q$ 表示的基本逻辑关系是， q 是 p 的必要条件，或 p 是 q 的充分条件。因此，复合命题“只要 p 就 q ”，“ p 仅当 q ”，“只有 q 才 p ”等都可以符号化为 $p \rightarrow q$ 的形式。

在使用蕴涵联结词时，除了注意其表示的基本逻辑关系外，还应注意两点。其一，在自然语言中，“如果 p ，则 q ”中的 p 与 q 往往有某种内在的联系，但在数理逻辑中“ $p \rightarrow q$ ”中， p 与 q 不一定有什么内在联系。其二，在数学中，“如果 p ，则 q ”往往表示前件 p 为真，后件 q 为真的推理关系，但在数理逻辑中，当前件 p 为假时， $p \rightarrow q$ 为真。

为了掌握蕴涵联结词的逻辑关系及应用中应注意的事项，请看下例。

例1.4 将下列命题符号化。

- (1) 只要不下雨，我就骑自行车上班。
- (2) 只有不下雨，我才骑自行车上班。
- (3) 若 $2 + 2 = 4$ ，则太阳从东方升起。
- (4) 若 $2 + 2 \neq 4$ ，则太阳从东方升起。
- (5) 若 $2 + 2 = 4$ ，则太阳从西方升起。

(6) 若 $2 + 2 \neq 4$, 则太阳从西方升起。

解 先分析 (1), (2). 令 p : 天下雨. q : 我骑自行车上班。

(1) 中, $\neg p$ 是 q 的充分条件, 因而符号化为 $\neg p \rightarrow q$. 在 (2) 中, $\neg p$ 是 q 的必要条件, 因而应符号化为 $q \rightarrow \neg p$. 在使用蕴涵联结词时, 一定要认真分析蕴涵式的前件与后件, 然后组成蕴涵式. 另外还应注意同一命题的各种等价说法. 例如, “除非下雨, 否则我就骑自行车上班” 与 (1) 是等价的. “如果下雨, 我就不骑自行车上班” 与 (2) 是等价的。

再分析 (3) — (6). 设 p : $2 + 2 = 4$. q : 太阳从东方升起. r : 太阳从西方升起. 则 (3), (4), (5), (6) 分别符号化为 $p \rightarrow q$, $\neg p \rightarrow q$, $p \rightarrow r$, $\neg p \rightarrow r$. 在这些蕴涵式中, 前件, 后件之间无内在联系. 由于 p, q, r 的真值均知道, 由定义可知上面 4 个蕴涵式的真值分别为 1, 1, 0, 1.

定义 1.5 设 p, q 为二命题. 复合命题“ p 当且仅当 q ”称作 p 与 q 的**等价式**, 记作 $p \leftrightarrow q$. \leftrightarrow 称作**等价联结词**. $p \leftrightarrow q$ 真当且仅当 p, q 真值相同。

等价式 $p \leftrightarrow q$ 所表达的逻辑关系是, p 与 q 互为充分必要条件. 只要 p 与 q 的真值同为真或同为假, $p \leftrightarrow q$ 的真值就为真, 否则 $p \leftrightarrow q$ 的真值为假, 请看下例。

例 1.5 分析下列各命题的真值。

- (1) $2 + 2 = 4$ 当且仅当 3 是奇数。
- (2) $2 + 2 = 4$ 当且仅当 3 不是奇数。
- (3) $2 + 2 \neq 4$ 当且仅当 3 是奇数。
- (4) $2 + 2 \neq 4$ 当且仅当 3 不是奇数。
- (5) 两圆的面积相等当且仅当它们的半径相等。
- (6) 两角相等当且仅当它们是对顶角。

解 设 p : $2 + 2 = 4$, q : 3 是奇数, 则 p, q 都是真命题. (1), (2), (3), (4) 分别符号化为 $p \leftrightarrow q$, $p \leftrightarrow \neg q$, $\neg p \leftrightarrow$

q , $\neg p \leftrightarrow \neg q$. 由定义可知, $p \leftrightarrow q$ 和 $\neg p \leftrightarrow \neg q$ 的真值为 1, 而 $p \leftrightarrow \neg q$ 和 $\neg p \leftrightarrow q$ 的真值为 0.

在 (5) 中, 由于两圆的面积相等与它们的半径相等同为真或同为假, 所以该命题为真.

在 (6) 中, 由于相等的两角不一定是对顶角, 所以该命题为假. 其实, (5), (6) 中的命题要在一阶逻辑 (谓词逻辑) 中才能刻划得更精确.

以上介绍的 5 种常用的联结词也称**真值联结词**或**逻辑联结词**. 在命题逻辑中, 可用以上 5 种联结词将各种各样的复合命题符号化. 基本步骤如下:

(1) 分析出各简单命题, 将它们符号化;

(2) 使用合适的联结词, 把简单命题逐个联结起来, 组成复合命题的符号化表示.

例 1.6 将下列命题符号化.

(1) 小王是游泳冠军或百米赛跑冠军.

(2) 小王现在在宿舍或在图书馆里.

(3) 选小王或小李中的一人当班长.

(4) 如果我上街, 我就去书店看看, 除非我很累.

(5) 王一乐是计算机系的学生; 他生于 1968 年或 1969 年, 他是三好学生.

解 各命题符号化如下:

(1) $p \vee q$, 其中, p : 小王是游泳冠军, q : 小王是百米赛跑冠军.

(2) 这里的“或”是排斥或, 但因小王在宿舍与在图书馆不能同时发生, 因而也可符号化为 $p \vee q$. 其中, p : 小王在宿舍, q : 小王在图书馆.

(3) 这里的“或”也为排斥或. 设 p : 选小王当班长, q : 选小李当班长. 因为 p 与 q 可同时为真, 所以应符号化为 $(p \wedge \neg q) \vee$

$(\neg p \wedge q)$ ；而不应符号化为 $p \vee q$ 。

在使用析取联结词时，首先应分析表达的是相容或还是排斥或。若是相容或，或是 p ， q 不能同时为真的排斥或均可直接符号化为 $p \vee q$ 的形式。如果是排斥或，并且 p 与 q 可同时为真，就应符号化为 $(p \wedge \neg q) \vee (\neg p \wedge q)$ 的形式。有的书上，在基本联结词集中就给出了排斥或联结词。考虑到简洁性，本书在基本联结词集中没给出排斥或联结词。在 1.4 节中给出了它的定义。

(4) $\neg r \rightarrow (p \rightarrow q)$ 。其中， p ：我上街。 q ：我去书店看看。 r ：我很累。

此句中的联结词“除非”相当于“如果不……”的意思，因而 $\neg r$ 可看成 $p \rightarrow q$ 的前件。其实，此命题也可以叙述为“如果我不累并且我上街，则我就去书店看看”，因而也可以符号化为 $(\neg r \wedge p) \rightarrow q$ 。

(5) $p \wedge (q \vee r) \wedge s$ 。其中， p ：王一乐是计算机系学生。 q ：他生于 1968 年。 r ：他生于 1969 年。 s ：他是三好学生。

5 种联结词符也称为逻辑运算符。它们与普通数的运算符一样，可以规定运算的优先级，本书中规定优先级的顺序为 \neg ， \wedge ， \vee ， \rightarrow ， \leftrightarrow 。如果出现的联结词相同，又无括号时，按从左到右顺序运算。若遇有括号时，先进行括号中的运算。

1.2 命题公式及分类

在上节中，介绍了 5 种常用的联结词及由它们组成的基本复合命题： $\neg p$ ， $p \wedge q$ ， $p \vee q$ ， $p \rightarrow q$ ， $p \leftrightarrow q$ ，其中 p ， q 为简单命题，即命题常项。当然由这 5 种联结词和多个命题常项可以组成更复杂的复合命题。若在复合命题中， p ， q ， r 等不仅可以代表命题常项，还可以代表命题变项，这样组成的复合命题形式称为命题公式。抽象地说，命题公式是由命题常项，命题变项、联结

词、括号等组成的符号串。但并不是由这些符号任意组成的符号串都是命题公式，因而必须给出命题公式的严格定义。首先给出由命题常项、变项、联结词、圆括号等组成的合式公式的定义，然后规定一个符号串是命题公式当且仅当它是合式公式。

定义1.6 (1) 单个命题常项或变项 $p, q, r, \dots, p_i, q_i, r_i, \dots, 0, 1$ 是合式公式；

(2) 如果 A 是合式公式，则 $(\neg A)$ 也是合式公式；

(3) 如果 A, B 是合式公式，则 $(A \wedge B), (A \vee B), (A \rightarrow B), (A \leftrightarrow B)$ 也是合式公式；

(4) 只有有限次地应用 (1)–(3) 组成的符号串才是合式公式。

今后我们将合式公式称为**命题公式**，或简称为**公式**。

为方便起见，规定 $(\neg A), (A \wedge B)$ 等的外层括号可以省去。在公式的定义中，引进了 A, B 等符号，它们代表任意的命题公式，在以下的定义中均有类似的情况。

根据定义， $\neg(p \vee q), p \rightarrow (q \rightarrow r), (p \wedge q) \leftrightarrow r$ 等都是命题公式，但 $pq \rightarrow r, (\neg p \vee q) \rightarrow r$ 等都不是命题公式。

由定义可看出，命题公式的结构可以很复杂，为此需要给出命题公式层次的定义，以便于研究和演算。

定义1.7 (1) 若 A 是单个命题（常项或变项） $p, q, r, \dots, p_i, q_i, r_i, \dots, 0, 1$ ，则称 A 是 0 层公式。

(2) 称 A 是 $n+1$ ($n \geq 0$) 层公式是指 A 符合下列情况之一，

- ① $A = \neg B$, B 是 n 层公式；
- ② $A = B \wedge C$, 其中 B, C 分别为 i 层和 j 层公式，且 $n = \max(i, j)$ ；
- ③ $A = B \vee C$, 其中 B, C 的层次同 ②；
- ④ $A = B \rightarrow C$, 其中 B, C 的层次同 ②；

⑤ $A=B \leftrightarrow C$, 其中 B, C 的层次同 ②.

(3) 若 A 的最高层次为 k , 则称 A 是 k 层公式.

定义中的符号“ $=$ ”为通常的等号, 以下再出现时意义相同.

由定义可看出, $\neg p \vee q, p \wedge q \wedge r, \neg(\neg p \wedge q) \rightarrow (r \vee s)$ 分别为 2 层, 2 层, 4 层命题公式.

一个含有命题变项的命题公式的真值是不确定的, 只有对它的每个命题变项用指定的命题常项代替后, 命题公式才变成命题, 其真值也就唯一确定了. 例如, 命题公式 $(p \wedge q) \rightarrow r$ 中, 若指定 p 为“2 是素数”, q 为“3 是奇数”, r 为“4 能被 2 整除”, 则 $(p \wedge q) \rightarrow r$ 变成真命题. 若 p, q 的指定同前, 而 r 为“3 能被 2 整除”, 则 $(p \wedge q) \rightarrow r$ 就变成假命题了.

一般地, 对一个命题公式的解释或赋值定义如下.

定义 1.8 设 A 为一命题公式, p_1, p_2, \dots, p_n 为出现在 A 中的所有的命题变项. 给 p_1, p_2, \dots, p_n 指定一组真值, 称为对 A 的一个赋值或解释. 若指定的一组值使 A 的值为真, 则称这组值为 A 的成真赋值, 若使 A 的值为假, 则称这组值为 A 的成假赋值.

若命题公式 A 中含命题变项 p_1, p_2, \dots, p_n , 给定一组赋值 a_1, a_2, \dots, a_n (a_i 为 0 或 1), 是指 $p_1 = a_1, p_2 = a_2, \dots, p_n = a_n$. 若命题变项为 p, q, r, \dots , 则 a_1, a_2, \dots, a_n 指定给它们的顺序应按字典顺序. 例如, 公式 $A = (p \wedge q) \rightarrow r$, 110 ($p=1, q=1, r=0$) 为 A 的成假赋值, 111, 011, 010 等是 A 的成真赋值.

含 n ($n \geq 1$) 个命题变项的命题公式, 共有 2^n 组赋值. 将命题公式 A 在所有赋值之下取值的情况列成表, 称为 A 的真值表. 构造真值表的具体步骤如下:

(1) 找出命题公式中所含的所有命题变项 p_1, p_2, \dots, p_n (若无下角标就按字典顺序给出), 列出所有可能的赋值 (2^n 个);

(2) 按从低到高的顺序写出各层次;

(3) 对应每个赋值, 计算命题公式各层次的值, 直到最后