

高等学校交流讲义



普 通 物 理 学

PUTONG WULIXUE

力学部分

顾 建 中 编

本书是編者根据他在云南大学物理系讲授“普通物理学”課程中力学部分的讲义修改、补充而成的。内容包括总論及运动学,质点动力学,功和能,万有引力和量綱,剛体动力学,物质的彈性、塑性和振动,波动和声学,流体动力学等八章。

本书可作为綜合大学及高等师范学校物理各专业“普通物理学”課程中力学部分的教材,也可供高等工业学校的相近专业选用。

普 通 物 理 学

力学部分

顏 建 中 編

人民教育出版社出版 高等学校数学甲种教材部
北京宣武門外大街25号

(北京市书刊出版业营业許可証出字第2号)

人 民 教 育 印 刷 厂 印 装

新华书店科技发行所发行

· 各 地 新 华 书 店 經 售 ·

統一書号 13010·959 开本 850×1168 $\frac{1}{16}$ 印張 10 $\frac{1}{16}$

字數 243,000 印數 1,801—15,000 册 定价 (8) 洋 1.00

1961 年 6 月第 1 版 1961 年 7 月北京第 2 次印刷

总 論

(一)机械运动和力学 力学是研究物质的最简单的运动形式的学问,这种运动就是物体(有一定形状大小的物质的一部分)或物体各部分間的相对位置的变化,这种运动称为机械运动。所以说力学是研究物体的机械运动的学问,这种运动形式最为简单,随时可见,所以力学概念最富于直观性。

(二)时间与空间是物质存在的形式 在“位置的变化”这句话里,包含有两个基本概念:一个是空间,说明物体的位置;一个是时间,说明位置在变化;也就是说在不同时间物体占有不同位置,因为物质的物体在某时刻总是在某一位置,所以说:“空间时间是物质存在的形式”或“运动是物质存在的形式”,离开了物质,空间时间将失去意义,物质也不能超越时间空间而存在,这是辩证唯物主义的论点之一。当然,这个公式具有广泛得多的意义,这里只是结合机械运动加以简述。

(三)经典力学发展简史 力学是自然科学中发展得最早的一门科学,这不仅因为机械运动最直观最简单,更重要的是人类最早的生产实践中即需要力学知识。远在纪元前四世纪,我国的伟大思想家墨翟在其所著墨经中已对力的概念、杠杆原理作过明确的阐述,这是研究力学现象最早的记录。纪元前三世纪阿基米德研究了平衡问题,发现了浮力定律,这是我们熟知的早期贡献。

中世纪在西欧,由于封建社会中的反动统治,使生产力停滞不前,力学和其他科学得不到发展。直到十四、十五世纪,欧洲社会生产力的发展,才开始冲破了封建制度的束缚;在文化方面表现为反封建的文艺复兴和反宗教的理性主义,在科学上也出现了复兴

的局面,力学方面开始了动力学的研究。著名的学者伽利略,打破了对亚理士多德的一些錯誤論断的迷信,用实验方法研究力学现象,确立了惯性定律、匀变速运动的规律和力学相对性原理,对动力学发展起着奠基作用。接着牛顿总结了过去劳动人民和科学家的成就,确立了机械运动最基本的三条定律和万有引力定律,它們是今天我們研究經典力学的基础。由于研究的促使,牛顿还和来勃力茲同时发明了微积分,对力学进一步发展提供了武器,十八世紀的力学便沿着分析力学的道路前进,通过欧拉、拉格倫日、哈密頓等的研究,基本上形成了經典力学的主要内容。

十九世紀开始了工业和技术的蓬勃发展,这时力学的特点趋向于解决实际问题,因而彈性力学、流体力学、机械原理等方面都得到发展。茹可夫斯基的升力理論,密歇尔斯基的变質量力学,替航空和火箭的动力学奠下基础。

我国有悠久的文化傳統,在力学方面也有很大的貢獻。我們的祖先遺留下很多宏偉的建筑物、水利工程、石拱桥,說明他們掌握了許多力学規律。东汉王充提到过“功”的概念;公元 235 年馬鈞制造过指南車;330 年左右有直升螺的記載;十一世紀我国已制有走馬灯;十四世紀末还在軍事上使用过运用噴气原理的原始的火箭。根据近人研究,认为十四世紀以前,我国力学成就超过西欧。但由于我国长期受封建社会束縛,“罢黜百家,表章六經”,輕視科学技术;尤其是近百年受到帝国主义的侵略,生产力受到压制和摧殘,因此在最近二百年才落后于西欧。直到全国解放,去掉一切束縛,在党的领导下,科学技术才有了飞跃的发展。

(四)經典力学的局限性 本課程研究的内容,限于經典力学,它是在一定历史条件下形成的,因而具有局限性。經典力学是在宏观常速条件下研究物質机械运动的科学。在上述范圍内,它正确反映了机械运动的規律性,而且有簡單直观的优点。由于二十

世紀生产和科技的进一步发展,促使爱因斯坦創立了相对論;科学和生产中迫切要求解决新发现的微粒子运动,乃有量子力学产生。从而明确运动速度接近光速,就需要用相对性力学;研究微观物体的运动,就需要用量子力学。因此經典力学一方面具有真理性,一方面具有局限性。如果因为經典力学具有局限性而否定它在一定范围内的客观真理性,是不恰当的,它对今天的多数工程技术問題,还是很有用的。另一方面也不应夸大經典力学的作用,随着現代科技的发展,速度愈来愈高,微粒子运动的应用愈来愈广泛;上述局限性也会日愈值得重視。

(五)运动学、动力学和靜力学 一般把力学分为三部分:运动学、动力学和靜力学,运动学只研究物体的位置和时间的关系;动力学研究物体間的相互作用,和此項作用所引起的物体的运动状态的变化;靜力学研究物体在相互作用下获得平衡的問題,平衡就是物体的相对位置不变化,或作匀速运动,因为平衡也是一种运动状态,所以靜力学也可作为动力学的一部分来处理。在力学中所提到的运动,一般恒指机械运动。

第一章 运动学

本章中按照从简单到复杂的顺序,先讨论质点运动学,后讨论刚体运动学;在讨论质点运动时,先讨论直线运动,后讨论曲线运动。核心问题是正确树立在各种运动中速度和加速度这两个极为重要的概念,同时掌握各种运动的规律和研究方法。我们将从质点这一根本概念开始我们的讨论。

§ 1.1 质点、参考系和坐标系

(一)质点 我们从一个实际问题出发,例如说一个运动员在11秒内跑了100米,在这句话里,我们只描述了运动员的整体运动,也就是运动的主要方面,至于运动员的手和腿如何相对于他的身体运动,作为细节或次要方面被忽略了。为了更确切地描述运动的主要方面,不至被次要方面所混淆,我们可以把运动物体抽象简化成一个点,它是代表运动物体的,而物体又是物质的一个有限部分,所以称做质点(这个概念在动力学中还要进一步发展),质点突出了物体占有位置这一根本性质。又如地球半径(6370公里)比起它和太阳的距离(约 1.5×10^8 公里)小万倍以上,所以研究地球公转时,它的形状大小实际上不起作用,可以把地球看成质点。通过类似问题的分析,可以概括得到质点的定义:凡是在问题中,物体的形状大小只起次要作用或不起作用,因而可以忽略不计,就可以用质点来代表物体。但在另一类问题中,比如研究运动员的跑姿或地球的自转时,形状大小起着主要作用,不能忽略,在这类情况下,物体不能简化成质点。

质点是一个理想模型,物理学中常常用理想模型来代替

研究的对象,突出它对现象有根本性影响的主要性质,忽略它只起次要作用或不起作用的性质,借以大大简化问题的理论研究。这样作是很必要的,不这样作,甚至最简单的现象也会使我们感到非常复杂,无法下手。但选择模型也不是任意的,它必须如实地反映出所研究现象中起主要作用的那些性质。理想模型只是抽象概念,自然界中是不存在的,我们只是用它来简化问题便于理论研究;研究的结果再用到实际物体上去,如果和客观情况吻合,证明我们的代替是适当的,否则必须加以修改。质点只是一个例,以后还要用刚体、理想气体、理想液体、点电荷等理想模型,道理都是一样的。因为理想模型的抽象性而低估了它的作用是不对的,但也不应当把它绝对化。

(二)运动的相对性和参考系 一个物体的位置,仅在与另一物体或物体群参考时才能确定;位置变动就是说这个物体和另一个物体或物体群参考时,各时刻的位置不同,因此位置变动只能是相对的。人在月台上看火车东行,地上树静止不动;但车中人见地上树向西退,车中事物均系静止。所以研究一物体的运动,首先要提明是对那一个另外的物体或物体群运动,才有意义。这个另外的物体或物体群叫做参考系或计算系统;如人对地运动,地是参考系;船对水运动,水是参考系;如问题中未提及参考系,应作仔细分析,找出相应的参考系,但一般多指地球。

参考系就是观察者所在的他处于相对静止状态的系统,他观察到的某物体的相对运动,也就是物体对他所在的参考系的运动,是客观存在,不随观察者的主观而定,另换一观察者,或不用人而用照相器来纪录,结果相同。研究船对水的运动,也就是和水处于相对静止的观察者所观察到的船的运动情况。在不同参考系中的观察者,观察同一物体的运动,结果并不相同,这是机械运动的特征。为了明确地表述一种运动,首先必须规定是从那个参考系

統来观察的。

(三)坐标系 为了定量表出代表物体的质点在参考系中的位置和位置的变化,常將一坐标系(如直角坐标或球坐标)和参考系固結起来,于是质点在某一时刻的位置,可以用坐标 (x, y, z) 或 (γ, θ, ϕ) 表示出来。选定参考系后,运动的情况即确定;但随选择的坐标系不同,质点在某一时刻的坐标数值可以不一样,所以在把坐标系和参考系联系起来的时候,不要把它們混同起来,适当地选择坐标系可以簡化我們的理論描述,例如取 $t=0$ 时运动质点之位置为原点,所得公式較簡單。坐标系选定后,坐标系和参考系可以不必严格区分。

§ 1.2 匀速直綫运动

知道了质点和参考系的涵义,我們要进一步研究质点的运动了,本节从最簡單的情况开始。

(一)直綫运动与匀速直綫运动 质点恒在一直綫上运动时,称为作直綫运动。

若质点在直綫上运动时,在任意的相等時間內恒通过相等的距离,这种运动称为匀速直綫运动。人的步行,火車在远离車站的直綫軌道上行駛,可作為例。

(二)匀速直綫运动的速度 比較两个匀速直綫运动时,可以考察它們在相同的時間里,各各通过的路程,如果路程长短不同,这两个匀速直綫运动也不同,路程长的,运动得快,如比較飞机汽車的快慢,就是用这个方法;也可以考察它們通过同一长度的路程所需的时间,如果所需時間不同,这两个匀速直綫运动也不同,所需時間愈短,运动愈快,如跑百米时,比較運動員的快慢,就是用这个方法。为了全面描述此項匀速运动的特征,引入匀速直綫运动的速度这一物理量,它是和所通过的路程成正比,和通过該路程所

需時間成反比的, 这就是匀速直线运动的速度的定义, 它是用来科学地描述“快慢”这一基本概念的。

图 1.1 中, 設 CD 表质点沿以运动的直线的一部分, 取任一点 O 为原点。時間 $t=t_0$ 时, 质点经过 A 点, 与原点相距 $OA=s_0$; $t=t$

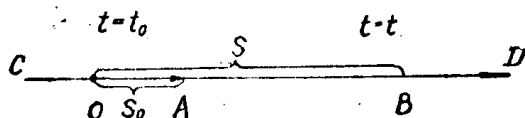


图 1.1

时刻质点经过 B 点, $OB=s$; $s-s_0$ 即 $t-t_0$ 時間內质点所经过之距离, 则此匀速直线运动的速度 v 由下式而定:

$$v \propto \frac{s-s_0}{t-t_0}.$$

将比例式改写成等式, 得:

$$v = k \frac{s-s_0}{t-t_0}. \quad (1)$$

k 为一比例常数, 随各量之单位而定, 与速度的大小无关。由此可知時間一定时, 速度和該時間內所行距离成正比; 所行距离一定时, 速度和所經時間成反比; 由此可以看出这个速度的定义把我們日常比較两个匀速直线运动的两种方法正确地結合起来, 全面地描述了这种运动的特征。两个匀速直线运动之所以不同, 就在于它們的速度不同; 对一定的匀速直线运动, 其速度为一恒量。所謂定义就是用精确的語言或文字把所研究的概念的主要内容表示出来, 定义下得对不对, 要通过实践来檢驗。

在(1)式中若 $s-s_0=1$ 长度单位, $t-t_0=1$ 時間单位, 如果相应的速度叫做一个单位, 即 $v=1$ 长度单位/時間单位, 则 $k=1$, 换言之, 若取单位時間通过单位距离的匀速直线运动的速度, 作为速度的单位, 则比例常数即为 1。采用此項速度单位时:

$$v = \frac{s - s_0}{t - t_0}, \quad (2)$$

或 $s = s_0 + v(t - t_0). \quad (3)$

若取 $t=0$ 时质点所在之处为原点, 则 $t_0=0, s_0=0$, (3)式变为

$$s = vt. \quad (3a)$$

即是說匀速直綫运动的速度, 具体表示质点在单位時間內所通过的距离。在 *C. G. S.* 制, 速度单位为厘米/秒, 讀若每秒厘米, 其他单位如米/秒, 公里/小时等。

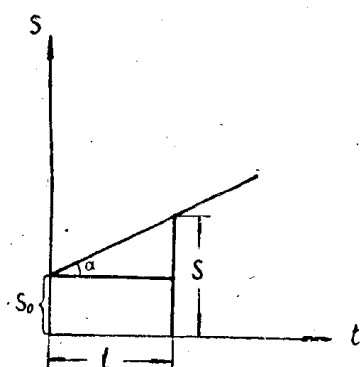


图 1.2

若以時間 t 为横坐标, 距离 s 为纵坐标, 在初刻 $t_0=0$ 的情况下 (为簡便計, 在以后討論中, 恒取初刻 $t_0=0$), (3)式可画得一直綫如图 1.2。 s_0 表直綫在 s 軸上的截距, v 表曲綫之斜率, 即

$$v = \tan \alpha.$$

匀速直綫运动只是最簡單的情况, 质点的一般直綫运动, 要复

杂一些, 这将在下节討論。

§ 1.3 变速直綫运动, 平均速度和瞬时速度

(一)变速直綫运动 质点作直綫运动时 (例如落体运动), 如果在任意相等時間內, 通过的距离不相等, 我們就說这质点作变速直綫运动。前节所下的速度定义, 对于这种运动已失去明确的意义, 必須另行考虑。为描述此項运动, 在图 1.3 所示的直綫上任取一原点 O , 設 t 时刻质点与原点的距离为 s (即坐标), 显然 s 随時間 t 而变, 此項关系可写作:

$$s = s(t). \quad (1)$$

即质点与原点的距离为时间的函数。由前节(3)式, 知匀速直线运动的 s 为 t 的一次函数。对变速直线运动, 按其运动规律, 此函数具有一定之形式。

(二) 平均速度 在变速直线运动中, 因各时刻质点运动的快慢不同, 我们来研究任一典型时刻 t 时的情况。设任一时刻 t 质点经过 A 点, 如图 1.3

$$OA = s(t); \quad (1a)$$

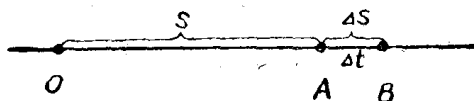


图 1.3

再经一段时间 Δt 后, 即在 $t + \Delta t$ 时刻, 质点经过 B 点,

$$OB = s(t + \Delta t) = s + \Delta s; \quad (1b)$$

则在 Δt 时间内, 质点通过了 Δs 的距离:

$$\Delta s = s(t + \Delta t) - s(t).$$

若将 Δt 时间内的运动看成匀速直线运动, 则其速度应为:

$$\bar{v} = \frac{\Delta s}{\Delta t} = \frac{s(t + \Delta t) - s(t)}{\Delta t}, \quad (2)$$

称为变速直线运动在 t 时刻后之 Δt 时间内的平均速度, 它具体表示某一匀速直线运动之速度, 这个匀速直线运动, 在 Δt 时间中所通过之距离, 正好和我们研究的变速直线运动在同样的 Δt 时间内所通过的距离相等。但是变速直线运动在 Δt 时间内并不真正作匀速运动, 所以用平均速度, 只能近似地描述变速直线运动。如火车在二站间的平均速度, 不能充分地描述火车在二站间的真正运动, 真正运动是先慢后快, 最后又渐慢, 而不是匀速运动。因为 t 可取任意的值, 所以上面的讨论可以应用于运动中的任何一段, 不断变 t , 可以研究运动的每一段。这种突破一点, 带动全面的方

法,物理和数学中都经常应用。又 Δt 可以取任意值,即是說可大可小。

(三)瞬时速度 要充分描述变速直线运动在任一时刻的运动情况,可以把时间间隔 Δt 取得很短,以至接近于零,在那样极短的时间中,运动变化得很微小,实际上可以把它看作匀速运动,在这一情况下,平均速度 $\bar{v}$ 可以充分地描述该时刻 t 附近质点的运动,也就是质点在 A 点附近的运动情形。 Δt 趋近于零时,平均速度 $\frac{\Delta s}{\Delta t}$ 所趋近的极限,称为质点在 t 时刻的瞬时速度。以式表之为:

$$v = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta s}{\Delta t} = \frac{ds}{dt}, \quad (3)$$

具体表示 t 时刻附近无限小之一段时间内之平均速度;亦即保持该时刻的速度不变,单位时间所将通过之距离。 v 表 t 时刻质点的瞬时速度,也就是质点经过 A 点时的瞬时速度,是一个非常重要的物理量,必须深刻体会它的意义。(3)式中已引入数学分析的符号,用分析的语言,可以说瞬时速度是函数 s 对时间 t 的一阶导数。一般提到速度,总是指瞬时速度而言。本节讨论的瞬时速度,适用于前节的匀速直线运动,它的特征不过是各时刻的瞬时速度都相等罢了。一般瞬时速度仍然是时间的函数。

§ 1.4 匀变速直线运动及其加速度

(一)匀变速直线运动 变速直线运动,各时刻之速度一般均不相同,若在任意相等时间内速度的变化(增加或减少)均相等,那么这种运动称为匀变速直线运动。如图 1.4,在 Δt 时间内质点次第经过 A_1, B_1 两点,速度增加了 Δv ;在相等的时间 Δt 内质点又次第经过 A_2, B_2 二点,速度仍然增加同样的 Δv ;如果运动中处处都是这样,那么这个运动就是匀变速直线运动。 Δv 为正,具体表示匀加速运动; Δv 为负,具体表示匀减速运动。上面說增加了同样

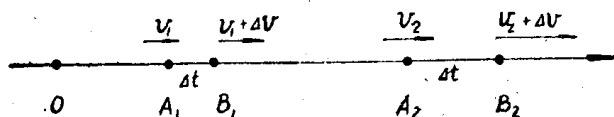


图 1.4

的 Δv , 不仅数值应相同, 符号也应相同, 当然不能时正时负。

(二) 匀变速直线运动的加速度 要比较两个匀变速直线运动, 可取相同时间间隔 Δt , 看那一个的速度变化 Δv 大, Δv 越大, 速度变化越急; 也可以取变化同样的 Δv , 看那个经过的时间 Δt 短, Δt 越短, 速度变化越急。为要描述匀变速直线运动速度变化的缓急这一特征, 引入一个物理量, 它和速度变化 Δv 成正比, 和所经时间 Δt 成反比, 这个物理量称为匀变速直线运动的加速度, 以 w 表示:

$$w \propto \frac{\Delta v}{\Delta t},$$

或

$$w = k \frac{\Delta v}{\Delta t}, \quad (1)$$

k 为比例常数, 随各量单位而定, 与加速度的大小无关。时间 Δt 一定时, 加速度与速度变化成正比; 速度变化一定时, 它和所经时间成反比。两个匀变速直线运动不同, 就是它们的加速度不相等; 一个匀变速直线运动的加速度为一恒量 (由匀变速直线运动之定义而知)。

经过一单位时间, 速度恰变化一个速度单位的加速度, 如取作加速度的单位, 即 $\Delta t = 1$ 时间单位, $\Delta v = 1$ 速度单位时, 命 $w = 1$ 速度单位/时间单位, 代入(1)式, 即得 $k = 1$ 。采用此项单位, (1)式变为:

$$w = \frac{\Delta v}{\Delta t}, \quad (2)$$

表单位时间所变化之速度, 即匀变速直线运动之加速度。在 $C. G.$

8. 制, 加速度之单位为每秒变化1 每秒厘米, 简称1 每秒每秒厘米, 书如厘米/秒²。本节讨论的加速度只适用于匀变速直线运动。匀变速直线运动, 只是变速直线运动最简单情况, 一般变速直线运动要复杂一些, 当在下节讨论。

§ 1.5 任意直线运动的加速度

(一) 平均加速度 质点作任意直线运动时, 设 t 时刻之速度为 $v(t)$, 为一时间之函数; 则在 $t + \Delta t$ 时刻之速度为 $v(t + \Delta t)$, 在 t 时刻后的 Δt 时间内, 速度增加了 $\Delta v = v(t + \Delta t) - v(t)$ 。另外设想一个匀变速直线运动, 在同样的时间间隔 Δt 中, 速度也增加了同样的 Δv , 那么这另一个匀变速直线运动的加速度 $\frac{\Delta v}{\Delta t}$, 称叫上述任意直线运动在 Δt 时间内的平均加速度, 以 $\bar{w}$ 表之:

$$\bar{w} = \frac{\Delta v}{\Delta t} \quad (1)$$

$\frac{\Delta v}{\Delta t}$ 虽然精密地描述了匀变速直线运动的特征, 但只能近似地描述我们研究的任意直线运动, Δt 越短, 描述得越细致。

(二) 瞬时加速度 要充分描述任意直线运动, 必须把 Δt 取得十分小, 以致该段时间中运动可充分近似地看成是匀变速直线运动, 在这段时间中平均加速度的极限值称曰该时刻的瞬时加速度。以式表之如:

$$w = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{dv}{dt} = \frac{d^2 s}{dt^2}, \quad (2)$$

w 即 t 时刻质点的瞬时加速度, 它具体表示在 t 时刻附近无限小的一段时间内的平均加速度; 也就是保持该时刻速度增加的缓急不变, 单位时间所将增加之速度; 它是一个非常重要的物理量。式中已引入数学分析的符号, 它表示加速度是速度函数对时间的一阶导数, 也是距离函数对时间的二阶导数。由以上的推理, 知道不

管是那样加速度,单位都是一样的取法。以后提到加速度时,总是指瞬时加速度。这个概念对匀变速直线运动同样适用,它的特征不过加速度是一个恒量而已。对一般运动,加速度仍然是时间的函数。 w 为正表速度依时而增, w 为负表速度依时而减。

§ 1.6 匀变速直线运动的公式

(一) t 秒末的速度 v 设 $t=0$ 时,质点经过原点 O ,其瞬时速度为 v_0 ,称为初速度, t 秒后,质点经过另一点,设其瞬时速度为 v ,称为 t 秒末的速度,若加速度为 w ,按其定义

$$w = \frac{v - v_0}{t},$$

此式可书如

$$v = v_0 + wt. \quad (1)$$

若以 t 为横坐标, v 为纵坐标,可绘得一直线 AB 如图 1.5。

(二) t 秒内所通过之距离 s 将所经时间 t , 分成许多小间隔, 研究其中任一个, 设为 Δt , 在这小间隔中, 各点相应的纵坐标, 略有不同, 基本一样; 因此 Δt 足够小时, 可以看成是匀速直线运动, Δt 时间内质点所通过的距离, 应为速度与时间之相乘积, 即相应纵坐标与 Δt 之乘积, 数值上等于图中画斜线的面积。

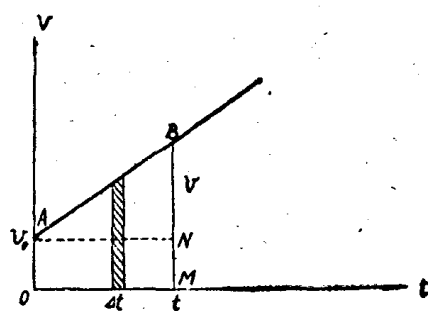


图 1.5

每一时间间隔同法处理, 将各段时间通过之距离相加, 即得 t 时间中所通过之距离, 数值上等于各小面积之和, 即面积 $OABM$ 。作 AN 与 OM 平行, 这个面积分成了矩形 $OANM$ 面积为 $v_0 t$, 和三角形 ANB 面积为 $\frac{1}{2}(v - v_0)t = \frac{1}{2}wt^2$ [已将 (1) 式代入], 故:

$$s = v_0 t + \frac{1}{2} w t^2. \quad (2)$$

若任取原点, $t=0$ 时质点与原点的距离为 s_0 , 则(2)式应书如:

$$s = s_0 + v_0 t + \frac{1}{2} w t^2. \quad (2a)$$

此时的 s 表 t 时刻质点与原点的距离, $s - s_0$ 表 t 时间内质点所通过的距离。只有在 $s_0=0$ 的情况下, 二者才等值。

(三) 末速与距离之关系 由(1)、(2)两式消去 t , 得:

$$v^2 = v_0^2 + 2ws. \quad (3)$$

(四) 落体运动 由实验知在地球表面附近的落体运动, 为一匀变速直线运动, 其加速度铅直向下, 数值约为 $g=980$ 厘米/秒², 视地点不同而略有差异。由于起始条件不同, 可分三类, 其特征及规律如下表:

表 1.1

名 称	特 征	规 律
自由落体	$v_0=0, w=g$ (向下作为正)	$v=gt, s=\frac{1}{2}gt^2, v^2=2gs$
抛下运动	$v_0=v_0, w=g$ (向下作为正)	$v=v_0+gt, s=v_0t+\frac{1}{2}gt^2, v^2=v_0^2+2gs$
抛上运动	$v_0=v_0, w=g$ (向上作为正)	$v=v_0-gt, s=v_0t-\frac{1}{2}gt^2, v^2=v_0^2-2gs$

§ 1.7 速度及加速度矢量, 矢量的合成及分解

在上述知识的基础上, 我们要进一步研究一质点同时参与几个直线运动和曲线运动的问题, 为此, 必须引入矢量这一重要概念。

(一) 矢量与标量 仅仅提到一质点某时刻以每秒 5 米之速度运动, 意义并不完全, 因为质点到底向那个方向运动, 并不明确, 所

以速度这个物理量, 不仅有数值, 而且有方位和指向。比如质点在某一时刻以 5 米/秒的速度在南北向向北运动, 5 米/秒是它的数值, 南北向是它的方位, 向着北方是它的指向, 这样描述的运动就完全确定了。有时方位指向混为一谈, 合称方向。速度的方向, 就是质点的运动方向。凡是同时具有数值、方位、指向的物理量, 如果满足下段所述的平行四边形法则, 均称叫矢量, 速度就是其中之一; 其他的例子, 如以后要研究的力、动量等。速度的数值曰速率。过去研究直线运动的情况, 速度方位恒与直线同, 只须用正负号表明速度的指向即足, 故不必强调它的矢量性; 但在即将研究的曲线运动中, 非强调它的矢量性不可。因为一个箭头有长短、箭杆和箭尖, 与矢量三要素互相对应, 所以可以用箭头来代表矢量, 它的长度以一定比例代表矢量的数值, 箭杆代表矢量的方位, 箭尖代表指向。如图 1.6 箭头 A 表一矢量, A 表其数值。

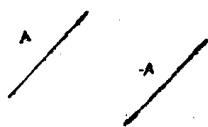


图 1.6

矢量前加一负号, 如 $-A$, 表指向相反。平行同长同指向的两个箭头表同一矢量。只须数值就能决定的物理量称为标量, 如时间和以后要研究的质量、能量等。现在我们可以研究一质点同时参与二直线运动的情况了。

(二) 矢量之加法(矢量合成之几何法) 设有一船在静水中划行, 作向北之匀速直线运动, 速度为 v_1 ; 若不划行, 任风吹动, 将向东北方作匀速直线运动, 速度为 v_2 ; 船同时参与两种运动的结果, 我们会发现它实际上是在向北偏东 θ 角的方向, 作匀速直线运动, 速度是 v , 它和 v_1 、 v_2 恰满足如图 1.7a 的平行四边形关系。此项关系对一般直线运动也适用, 只须将 v_1 、 v_2 理解为瞬时速度即可。通过这样的观察实验, 以及对于其他矢量的实验, 总结出一条规律, 就是一切矢量的合成(或加法), 均满足平行四边形法则: 二矢量 A 、 B 相加, 可自同一点画该二矢量, 以之作两邻边, 完成一平行