

[美] 李学数 著

# 数学和 数学家的 故事



有生活的地方就有数学  
地图四色问题  
“数学王子”——高斯  
科学巨匠爱因斯坦

新华出版社

# 数学和数学家的故事

## 第一集

(美) 李学数 著

新华出版社

## 图书在版编目 (CIP) 数据

数学和数学家的故事 第 1 集 / (美) 李学数著 . - 北京：新华出版社，1999.1

ISBN 7-5011-4083-9

I . 数… II . 李… III . ①数学 - 普及读物 ②数学家 - 生平事迹 - 世界 IV . 01 - 49

中国版本图书馆 CIP 数据核字 (98) 第 39310 号

## 数学和数学家的故事

(第一集)

[美] 李学数 著

\*

新华出版社出版发行

(北京宣武门西大街 57 号 邮编：100030)

新华书店 经 销

北京机工印刷厂印刷

\*

850 × 1168 毫米 32 开本 8 印张 200 千字

1999 年 1 月第一版 1999 年 1 月北京第一次印刷

印数：1—8,000 册

ISBN 7-5011-4083-9/0·2 定价：14.00 元

## 出 版 说 明

本书作者李信明教授，笔名李学数，青少年时代在新加坡读书，毕业于新加坡南洋大学数学系，继而赴加拿大、法国、美国深造，此后在美国大学数学系任教。李信明教授热心数学普及工作，为香港广角镜出版社撰写《数学和数学家的故事》，自 80 年代初至今陆续出版七集。由于内容丰富，讲述形式生动、多样，深入浅出，富有趣味性，深受读者欢迎，现已发行到第四版。

为满足大陆读者的需要，我们现在出版《数学和数学家的故事》一书的简化字版本。简化字版本分为四集，由于篇幅的限制，内容包括原书前七集，并稍作删节。原书注意介绍数学的新发展，但完稿时间距今已逾十数年，在此期间数学取得了进一步的巨大发展，如费马大定理（一个困惑了世间智者 358 年的谜）在 1995 年被证明。这一类新发展原书不可能提及。简化字版按原书付印，我们希望，在今后适当的时机出版增订版本。

# 目 录

我是李学数.....	(1)
访李信明教授.....	(7)
希腊邮票上的数学定理和中国的“商高定理” .....	(12)
级数趣谈——从 $1 + 2 + 3 + \dots + n$ 谈起 .....	(20)
代数趣谈——牛顿二项式定理和贾宪三角形 .....	(31)
趣味的素数——兼谈中国的数学家在这方面的成就 .....	(47)
悬赏十万马克求解的数学问题 .....	(60)
卓越的女数学家苏菲·柯瓦列夫斯基.....	(69)
黄金分割和斐波那契数 .....	(80)
挪威天才数学家阿贝尔 .....	(97)
地图四色问题.....	(117)
从“切蛋糕问题”谈到欧拉在图论上的贡献.....	(128)
你也可以发现数学定理——有生活的地方就有数学.....	(144)
鸽笼原理——匈牙利数学神童故事.....	(160)
高斯——被誉为“数学王子”的德国大数学家， 物理学家和天文学家.....	(169)
奇异的无穷集——兼谈德国数学家康托的发现.....	(185)
反证法的妙用.....	(203)
举世闻名的中国剩余定理.....	(212)
科学巨匠爱因斯坦.....	(229)
邮票上的印度数学家.....	(245)

# 我 是 李 学 数

## 我怎样向不喜欢和害怕 数学的人讲故事

我喜欢讲故事，这 20 年来，我在世界各国对不同的人士讲各种各样的数学和数学家的故事。现在回想起来，我觉得真是奇怪。我生下来就有些口吃，从小到大不爱说话，可以一整天就是闭着“金嘴”——沉默寡言，很难想象这么一个不爱说话的人，长大后竟然会选择从事教育的工作，而又能在不同场合对不喜欢及害怕数学的人讲一些趣味的数学故事。

我不单单喜欢教书，而且喜欢作数学研究，自己从事各种有趣味的问题，也影响及指导我的学生朋友一起工作。我甚至也能得到我的太太——一个不搞数学的人和我一起发现一些数学真理，最后写成一篇论文在数学杂志上发表。这也是一件奇怪的事，如果我告诉你，我从小学一直到初中一年级的第一学期，是对数学非常害怕非常恐惧，我认为我非常的笨，不可能学好数学，后来反而成为数学家，你会不会相信？

我不喜欢讲自己，长期以来只有很少的人知道我是用“李学数”的笔名写东西，甚至有十多年李学数好像在这世界上消失，可是令我惊奇的是他以前写的东西及讲的故事在许多地方，像海峡两岸被翻印转述，到处传播，许多我素不相识的朋友——从事

数学教育工作的老师利用我写的材料来提高学生对数学的兴趣，我感到很快乐和欣慰。我想我是很快乐，如果有许多人能因为我的工作而得益、而前进，我是觉得死而无憾。

## 算术真是那么怕人

的确，我小时是很笨——用我的母语来说，是一个“憨大呆”。同学都能背“九九乘法表”，而且能倒背如流，我却还是不懂为什么“六六三十六”。老师在黑板上写了公式，对我来说就像张天师的符一样，百思不解。

我曾说如果我做梦会梦到读书，往往就是一场恶梦。这梦境多半是和上算术课有关：只见那凶神恶煞的算术教师拿着算术课本，在用念唐诗的姿态念一个问题的解法，那姿态颇像八段锦里的“摇头摆尾去心火”。然后他把书上的东西，在黑板上照抄，然后对着书以抑扬顿挫的声调念，嚶嚶嗡嗡的声音，在炎热的课堂里，弄的我们都张着嘴巴，流着口水，昏昏沉沉在打瞌睡。

有时他会河东狮吼地叫学生在黑板做问题：“李信明！今有鸡兔同笼，头数有 21，脚数有 70，问鸡有多少只？兔有多少只？”

这时我会吓的两只小腿在那里抖，勉强站在黑板前，可是脑子里什么解题的方法也没有。刚才在昏昏沉沉作白日梦时，我想的是：“鸡兔在一起，难道鸡不会啄兔子吗？祖母养的鸡关进笼子里，我有时切青菜给它们吃，有些鸡还凶的啄我的手，小兔子和鸡关在里面，不是要遭殃吗？”

## 教师不得法，当年恨死算术

现在惨了，刚才我还为兔子担心，现在轮到我遭殃了，我不

知道怎么样解鸡兔同笼问题，我连教师讲的公式也记不起来。在黑板前呆了几分钟，老师不耐烦，开始骂了：“你们真是蠢，教都不会。伸出手来！”于是，藤条起来，哀号、泪水、鼻涕共一色，最后回到坐位，用火辣辣的红肿的手擦眼泪和鼻涕，一面希望这堂课早点结束，或者老师明天病了，不必教书；一面恨死算术。

有许多小朋友往往被打的尿裤子，我自己也是这样子的一位。最近遇到一位中医，他说我肾弱，我想这该不是小时被打的后遗症吧！

以后读高中，看到李清照的词，回想到以前学数学的凄凉情景，感触极深，于是填了这样的歪词：“寻寻觅觅（找解题的方法），冷冷清清（整个教室雅鹊无声），凄凄惨惨戚戚（吃了藤条之后）。半死不活时候，最难学习。三头十脚难题，怎敌他藤条心毒”。

我在初一第一学期被一位基督徒谭老师教，她教我们华文及算术。她对学生有爱心，把自己的藏书放在课室给我们借阅，对后进的学生她不打不骂而是鼓励。我是很用功学数学，可是在期末考试却考的不好，我想我不会及格，在放假之前，我跑去教师宿舍向她借了三本算术的书，把小学的算术从头学起，后来自己竟然搞通。第二学期全校数学比赛，我竟然获得第一名，几位不同班级的数学老师改到我的卷子，都称赞我的作法很好，从那时开始，我觉得数学不是怎么难，有了信心之后，其他的功课也学得很好了。

## 有严重自卑感的人站起来

很可惜，不久之后，这位我所敬爱的谭老师离开了我所居住的侨居地，我很感激她，不只她教我们要热爱中华文化，更重要

的是她让我这个对数学恐惧的人不再怕数学，而且有严重自卑感的人站起来了！

对一个健康活泼的人，他们不可能知道残障人士的痛苦，我小时不大会走路，时常跌倒，我祖母说：“阿明的脚软”。

我在少年时生活的侨居地，有一个时期连《三国演义》、《水浒传》、《红楼梦》、《西游记》等中国古典文学都是禁书。我到处找我能看到的中文书籍，早上很早起来，在晨光熹微的清晨，我把绻缩的身体尽量靠在灶边的火，并用那火光照亮手中的古书，这些书把我带到遥远、古老的神州大地，我看到先民传说的神话人物——盘古、女娲、夸父、后羿、夏禹。我想象和他们或登昆仑、或临洞庭、或驾皮筏在咆哮的黄河上、或乘驷马奔驰在黄土高原。我感到作为龙族的子孙而骄傲。

我在少年时写了第一首古诗《永盘古》：“螭蚯纷扰蛇鼠窜，暗夜长漫志未寒。抡起双斧劈混沌，迎得朝阳照万方。”

在分裂的地方，播种团结，  
在灰心的地方，播种希望

以后由于我更喜欢数学，我去新加坡的南洋大学念数学系。我毕业后曾短期在一个乡村地区一个天主教办的女中当临时教员，在早上上课前学生们要念圣方济的和平祷词（Prayer of St. Francis）。我不是一个基督徒和天主教徒，可是我觉得里面一些是对我们很有用的：

“主！使我作你的和平的工具：

在仇恨的地方，播种友爱，  
在伤害的地方，播种宽恕，  
在分裂的地方，播种团结，  
在怀疑的地方，播种信心，

在错误的地方，播种真理，  
在灰心的地方，播种希望，  
在忧苦的地方，播种喜乐，  
在黑暗的地方，播种光明。

导师！

让我不求他人安慰，只求安慰他人；  
不求他人谅解，只求谅解他人；  
不求他人爱护，只求爱护他人。

因为在施与时，我们接受施与，  
在宽恕时，我们得到宽恕，  
在死亡时，我们生于永恒。”

我大半生是在欧美生活，在加拿大留学时，曾帮助一个从波兰来的盲眼数学家生活，在一个冬天发生意外，自己受伤——脑震荡，以后记忆受损，可是我却想象那在冰雪地上滴滴殷红的血，变成了迎春的花，我写了一首长诗，其中一句是：“我血化为艳阳花，欲把春来唤！”。

我在欧美生活大半生，  
叹息西方只知希腊、埃及、印度，  
而忽略中国数学史

以后我在法国著名数学家 Alexander Grothendieck 的安排下，在法国南巴黎大学做研究，有幸的被 Boubaki 派的几位教授 H. Cartan, P. Samuel 教授及听过 C. Chevalley 和 Serre 的课。在留法期间，感叹法国的 Taton 教授主持的数学史研讨会只有希腊、埃及、印度而忽略中国数学史，才开始对中国数学史做点研究，以后执笔写《数学和数学家的故事》一系列文章，交《广角镜》发表，希望通过故事的形式破除一般人对数学的恐惧。

一个人在这世界上不可能“万寿无疆”，也不可能永远是顺利。我喜欢教书，也喜欢帮助年轻的朋友学生。我想一个人要在这世界上快乐的过日子不容易，我只是一个普通的人，如果我能就尽我能力所及做我所能做和爱做的事，那么你呢？

# 访李信明教授

采访：洪丽婷、陈智馨、廖婉雯、王国城、蔡崇玄

整理：廖婉雯、蔡崇玄

我们这一群人走进李教授的研究室，看到他和蔼亲切的笑容，以及温和谦卑的态度，不自觉的放松了心情，也对这个国内外知名的数学家产生了敬佩和强烈的好奇心。老师恳切地招待我们坐下来聊，而访谈也就在我们轻松的谈笑中展开：

## 学数学不用怕 但要花一番功夫

问：老师曾经提及小时候学数学时心态上的转变，可否请问老师当时转变的经过？

答：小时候，背的能力较女同学慢得多，九九乘法背了好久背不起来，旁边的女同学两下子就背记起来了。当时想弄清楚它的意义， $6 \times 4 = 24$  是什么意思？弄不清楚，便花很多时间去想，想清楚它，时间花多了，便觉得慢，那时我的数学老师不能了解，没有加以辅导，因而以为自己笨；一直到教育部来做智力测验，才知道自己不笨；不过，很快就要毕业了，没有来得及受到什么照顾直到毕业，算术也是一直不好。

后来初中的老师很好，她拥有许多书，还准备个书柜，给我们看一些现代的书：朱自清的、鲁迅的、巴金的都能看得到。那

时候的老师与现在不同，马来西亚的华校老师，薪水很低。谭老师是真正为教育而奉献自己，那时正值抗战后期，有许多书籍被列为禁书，没有机会看。那里老师让我们看很多的书，而她自己很喜欢看书，作文也写得不错。不过，她也教我们算术，第一个学期算术课我也记笔记，不过，不懂就是不懂，从小时就怕了，且认为自己很笨，先肯定自己很笨。（有时候，不是被别人压扁，便是自己压扁自己）。那时候，期末考完，和同学对答案，没有一题和别人一样，心里就想：“完蛋了”，平时考都及格，期末考这么惨，一定不及格。老师那么好，而自己算术考得那么差，觉得不好意思就跑到老师的宿舍，向老师借了三本算术书，打算利用期末考后的长假好好研究算术，就从小学四则运算、时钟问题、龟兔赛跑……开始看起、算起。每天一大早就做数学，刚开始，与书上答案都不同，但后来就渐渐懂了。就这样持续不断，到假期结束，我已对数学很有兴趣，且收获很大，所以呀！学数学也需要花一番功夫的！

开学后，把书还给老师，正巧那时，学校为了鼓励学生学习并带动学校的读书风气，遂举办各学科的竞赛，且是全校性的。那次拿全年级数学竞赛的第一名，真是莫名其妙拿的，放假前期中考算术不及格，放假后竟拿了第一名。从那时候起，读别的东西也都不怕了，连算术那么难的都能克服。别的更不用说了，这也说明了一个人要有信心去做，还要有人指导。那时候也很喜欢物理、化学，在这方面的能力也不错。

后来，马来西亚政府实行种族主义政策，不准用华文教学，学校想得到经费，就得改用英文教学，所以，便回到新加坡念书。在新加坡念高中，成绩也都很好。由于看过洋人对华人的压迫，就不喜欢英文。在那里，被看成了乡巴佬。

在马来西亚时，不容易看到书，来到新加坡，看到那么多书，好高兴，以前看不到的书，这里都有。每天就带着大背包，

拉四、五个较好的同学，要他们帮我借书，因为学校规定一人只能借几本，就借了一大堆的书。上课前、下课后，人家看报纸、聊天，我都不理他们就是拿书出来看，他们觉得我很奇怪，为什么那么喜欢看书？我觉得他们很奇怪，为什么不看书？其实，那时候花在功课上的时间很少，那是花在课外书上，喜欢文学方面的书，也喜欢科学方面的书。

上高中后，就没遇到什么好的数学老师了。那里的老师，已经不像从前马来西亚的老师，有那种献身精神了。通常我是不管老师教得如何，他讲他的，我也听；只是不当一回事。那时就喜欢看课外书，还喜欢看显微镜，学校里还做无线电研究，做收音机什么的。那时，每个同学的个性都不一样，均很独立的发展，这是那个时代才有的，那个年纪，已有同学在报上写诗歌，也有同学已经在搞政治。这种情形，后来就没有了，这也是时代的转变。

### 数学要学好，便要多看书

进入南洋大学，本来想念物理，对化学也很喜欢，不过，受不了化学药品的味道，又觉得实验一而再、再而三的重复自己早就知道结果的东西，花那么多时间研究，没有耐性，所以后来就念数学了。那时候也没花很多时间，不过，很可惜的，是资讯不够。数学要学好，实在要多看书，图书馆的书要看，知道现在的走向，弄清楚其历史的发展。在法国的时候，看到了一些新动向，看到一些像 H. Cartan, J. P. Serre, R. Thom, C. Chevalley, P. Samuel 以及 A. Grothendick 的大师。我的老师告诉我“要自己走一条路。”自己有了基础，自己发展。其实，有很多事都是这样。当然，要有基础之外，也要有人教，自己要勤，自己不勤，找人家也没有用。跟别人，永远也跟不完，要自己探索出

来，那些真正数学大师，都是如此。不管什么数学都是这样，先知道一点历史，懂了一点数学史，再跟学生讲，自己也清楚。很多东西都不是很难的。

数学是一种演绎的东西，不是突然冒出来的，平时的训练很重要，要站在一个高的地点来看，例如从前学二次方程的根，一个方程没有实根的，就叫无解，后来才知道，原来，不是无解，而是根是虚根，所以，改变情况，改变条件，或者向更高一层来看，就是个新东西。很幸运的，在法国留学七年半，看到了数学真正的内容是什么，也才能走自己的路。

数学的题目一定要做，但学数学并非单单解题，题目太多，没有思考，便没有意义：题目要想，想完之后要想怎么改。此外，也要“谈数学”，现在的人，有很多已经没有这种观念了，但是，像英国剑桥，像德国，这种谈数学，讨论数学的风气就很盛，基础打好，可以学着一起工作，一起讨论，取长补短，进步就会很快。

台湾的学生习题做得太多，美国学生是做得太少。做得太多就没有太多时间看书。习题要做，但是不用太多，学得够了，就可以休息休息，看看小说，其实，数学中有很多好玩的东西；不用懂得很多，就可以拿来当游戏玩：

问：老师平常有没有什么休闲或嗜好？

答：曾经写过很多人的传记，但是觉得自己很平凡，有兴趣的，就是看书，也爱看电影，但爱看科学性的。曾经一口气看完金庸好几本的小说，并挑出其中的错误，不合历史，不合科学的部分，看倪匡的小说也是这样。自己也喜欢写故事和科学小说。事实上，我很喜欢写一些小孩子的故事。我的小孩每天要我讲故事，讲鳄鱼的故事、讲小飞侠的故事，我有很多不同小飞侠，都是自己编的。也该替中国小孩子写一些东西了。在数学，很多东西都可以当故事，很多东西都可以当游戏。

访问至此已是十二点多了，很遗憾没有更多的时间继续访问这位学识丰富且热爱数学的老师，虽然来不及问许多问题，但却已从老师的侃侃而谈中收获颇多。六月底李老师一家人即将返回美国，在最后的这一个多月里，希望还有机会听老师的经验谈。

# 希腊邮票上的数学定理 和中国的“商高定理”

1955年希腊发行了一张邮票，图案像是由三个棋盘排列而成。这张邮票是纪念2500年前希腊一个学术和宗教团体——毕达哥拉斯学派，它的成立以及在文化上的贡献。

这图案事实上就是数学上一个非常重要定理的证明。在中学的几何我们学到这个定理：“直角三角形的斜边的平方等于其他二边的平方的和。”就是这个图案所要表示的定理。

毕达哥拉斯（Pythagoras 生于公元前 572 年？——死于公元前 492 年？）是希腊的哲学家和数学家。出生在希腊撒摩亚（Samoa）地方的贵族家庭，年青时曾到过埃及和巴比伦那里学习数学，游历了当时世界上两个文化水平极高的文明古国。

有一个希腊学者欧地姆斯（Eudemus）对于当时埃及的数学产生的情况这样写道：“几何是由于埃及人为了测量土地而发现的。这种测量是必要的，因为尼罗河畔常泛滥，洪水把土地的边界冲坏。因此几何学这门数学就像其他科学是产生于人类的实际需要。所有的知识从粗糙的环境产生会逐渐完美化。人们最初是感性认识，可是逐渐它变成我们默想的对象，最后进入知识的王

