

單 邊 帶 調 制

M. B. 維爾朱諾夫

(苏联) И. B. 洛巴諾夫 著

A. M. 謝明諾夫

俞 維 揚 譯

人 民 郵 電 出 版 社

Однополосная Модуляция

М. В. Верзунов

И. В. Лобанов

А. М. Семенов

Связьиздат 1962

内 容 提 要

本书主要内容为：1. 单边带无线电通信的特点，它与其它调制方式的比较；2. 产生单边带调制的几种方法；3. 单边带收、发信机的结构；4. 单边带调制设备的主要电路及元件；5. 单边带调制在多路无线电通信中的应用；6. 提高单边带发信机效率的几种可能措施。

本书对各有关问题的分析、讨论都比较深入，可供从事研制单边带无线电通信设备的人员及从事维护工作的工程师、技术员参考。

单 边 带 调 制

著 者：（苏联）М. В. 维尔朱诺夫
И. В. 洛巴诺夫
А. М. 谢明诺夫

译 者：俞 维 扬

出版者：人 民 邮 电 出 版 社
北京东四六条19号

（北京市书刊出版业营业许可证出字第〇四八号）

印刷者：北 京 市 印 刷 一 厂

发行者：新 华 书 店 北 京 发 行 所

经售者：各 地 新 华 书 店

开本 850×1168 1/32

1965 年 11 月北京第一版

印张 9 页数 144

1965 年 11 月北京第一次印刷

印刷字数 239,000 字

印数 1—2,750 册

统一书号：15045·总1514—无438

定价：（科6）1.40 元

前 言

本书介绍了近年来特别广泛地在无线电通信中开始采用的单边带调制问题。

书中除了介绍单边带调制的一般理论问题以外，还介绍了属于单边带设备的电路及其元件的一些问题。

在编写本书时，概括了作者们几年来在 A. M. 谢明诺夫领导下在这一方面所作的研究工作。写书时所引用的一些其他著作参见各章后面所附的参考文献。

引言和第二、三、四及五章由科学技术副博士 A. M. 谢明诺夫及 И. B. 洛巴诺夫合写。

第一、六、七及八章由科学技术副博士 M. B. 维尔朱诺夫编写。

这本书是为从事单边带调制的理论和实际问题的广大科技工作者、工程师及高等院校的高年级生编写的。

目 录

前言

引言 1

第一章 单边带已調振蕩的特点 5

§ I·1 各种随机过程是調制信号的特点 5

§ I·2 調制信号的解析表示法 10

§ I·3 調制信号和单边带信号参数之間的关系 11

§ I·4 相关函数和单边带信号的能量頻譜 15

§ I·5 单边带信号各成分的能量頻譜 20

§ I·6 頻率不同步对于通信质量的影响。单边带无綫电路对
頻率稳定度的要求 30

第二章 产生单边带信号的方法 40

§ II·1 用多次变频法产生单边带信号 40

§ II·2 用相位抵偿法产生单边带信号 44

§ II·3 用相位-滤波法产生单边带信号 53

§ II·4 用合成法产生单边带信号 59

第三章 单边带接收机 66

§ III·1 单边带接收机概述及方框图 66

§ III·2 載頻振蕩的复置 73

§ III·3 单边带接收机中的自动增益調整 79

§ III·4 单边带信号接收中的失真 83

§ III·5 单边带信号相位补偿法反調制 87

第四章 单边带調制設备的电路元件 93

§ IV·1 带通滤波器 93

§ IV·2 变频器 107

§ IV·3 在平衡变频器中的負回授 115

§ IV·4 寬頻带移相器 125

§ IV·5 信号的迭加和差减电路 142

第五章 单边带調制在多路无綫电通信电路上的应用 147

§ V·1 单边带調制多路工作的一般情况 147

§ V·2	在多路单边带体系中通多路音频电报的原理·····	155
§ V·3	提高单边带多路无线电报工作可靠性的方法·····	168
§ V·4	在超高频频段内的多路传输·····	175
§ V·5	单边带多路发射机中各电路的频率-相位分割法 ·····	178
第六章	单边带调制与其他控制振荡方式的比较·····	184
§ VI·1	单边带调制的效率·····	184
§ VI·2	单边带调制与一般调幅制的比较·····	187
§ VI·3	单边带调制与调频制的比较·····	194
第七章	单边带信号的放大·····	200
§ VII·1	单边带信号放大的特点·····	200
§ VII·2	单边带信号的电压放大·····	203
§ VII·3	在单边带信号功率放大器中的非线性失真·····	217
§ VII·4	单边带调制信号放大的能量关系·····	235
第八章	提高单边带发射机效率的若干方法 ·····	241
§ VIII·1	单边带信号的限幅·····	241
§ VIII·2	单边带信号各个成分的分路放大·····	252
§ VIII·3	单边带信号各个成分在通信电路中分路传送的体系·····	264
§ VIII·4	在单边带信号放大器中的负回授·····	266
附录	·····	280

引 言

要达到优良和稳定的通信，不但要增加电路，而且对通信的可靠性和准确性也有很高的要求。

为了满足这些要求，在干綫多路无綫电报和无綫电话通信綫路上除了采用一些其他加大传送信息容量的方法以外并采用单边带調制体系。这类体系不仅比調幅制、調相制或調頻制更为有效，而且也更为灵活。

还在 1914 年 М. В. 舒列金就已指出过，已調幅的高頻振蕩可以认为是載頻 ω 和二個边带，即：上边带 $\omega + (\Omega_{\text{мин}} - \Omega_{\text{макс}})$ 和下边带 $\omega - (\Omega_{\text{мин}} - \Omega_{\text{макс}})$ 的和。发射天綫上总的电话功率等于 $P_n(1 + 0.5 m^2)$ ，且分配在这三个成分上。当 $m=1$ 时載頻振蕩部分占总功率的 $\frac{2}{3}$ ，而在二個边带振蕩部分——只有 $\frac{1}{3}$ 的功率；当調幅度变低时，分配在边带上的那部分功率，即在接收时有用的那部分功率，显得还要小一些。

因为載頻振蕩是純簡諧波，而且本身并不包含所传送的信息。因而可以在发送时把它們从已調制振蕩的頻譜中除去并在接收設備反調制时再复置。为了达到这个目的，接收設備应当有能够产生相应的振幅、頻率和相位的本机振蕩。此时，发射机发射不包含載頻的振蕩；这样在能量的角度上显得比調幅制要大为有利。

当发射机的天綫只发射一个边带頻率的振蕩时，单边带調制可以得到更大的功率增益。М. В. 舒列金的研究中原則地提出的，应用单边带調制的无綫电话通信的概念，还在 1927—1930 年間就由 П. В. 舒馬柯夫加以发展。П. В. 舒馬柯夫把自己的研究工作放在系統地探索这一領域。只发射单边带就能传送全部信息的这种可能性的根据是二個边带包含着完全相同的被传送信号信息。

单边带已調振蕩是一种振幅-頻率（振幅-相位）調制的振蕩。它的振幅随着調制振蕩的瞬間振幅变化規律而变化；而它的頻率則

随着调制振荡的瞬间频率变化规律而变化。

单边带调制是这样一种信号变换，此时信号体积并没有变形，而信号只是沿着频率轴移动了。在这种调制方式中整个发射机发送的功率全都消耗在信息的传送上。

在图 B.1 中载有表示在几种不同的载频和第二边带抑止值的情况下单边带调制在能量上的增益曲线图（在发送端）。纵轴表示功率比值，即采用单边带调制时在一个边带上所得到的功率与发射管在同一额定功率时采用一般调幅制时在二个边带上所得功率的比值。这一比值 (N) 是指标性的。因为在接收单边带调制振荡时检波的有效效果是由一个边带的电压所构成的，而在接收一般振幅调制的振荡时——是由二个边带的电压所构成的。

在横轴上标明边带抑止程度的数值 (n')。

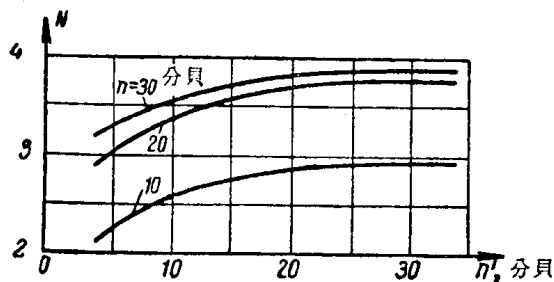


图 B.1

由曲线可以看出，当不需要频率成分的抑止程度达到 25—30 分贝时，单边带调制在功率上的优点在发送端几乎已经全部实现了。这时单边带发

射机的有效功率大约四倍于双边带调幅发射机。的确，当载频和一个边带被完全抑止掉时单边带信号的峰值功率将为 $P_{\kappa}(1+m)^2$ ，而双边带调幅振荡的峰值功率为 $P_{\kappa}m^2$ 。

因此，

$$N = \frac{P_{\kappa}(1+m)^2}{P_{\kappa}m^2},$$

因而当 $m=1$ 时 $N=4$ 。

除了直接无线电发送端上的功率增益以外，采用单边带调制因为允许使接收设备的通带缩窄，故还可以得到附加的二倍功率

增益。

此外，当采用单边带无线电通信时在短波频段中由于选择性衰落所引起的失真对于接收的影响将减少。这也相当于几乎二倍的功率增益。

这样，由调幅制改为单边带制时，在功率上的等效增益接近于16倍，即10—12分贝。

譬如说，50千瓦的调幅发射机应设计得能够保证给出200千瓦的峰值功率，而能够保证同样等效功率信号的单边带发射机却只需要在输出端得到仅12.5千瓦的峰值功率。

此外，还应当考虑到，在单边带发射机中当不用导频工作时，所需要的电源功率与调制系数成正比。如果考虑到10%的载频剩余，平均调制系数为0.5并假设谈话占全部时间的50%，那末采用单边带调制所需要的电源平均功率约为它的最大功率的25%。

采用单边带通信的优点还在于有可能实现自动化半双工通信，即由发送转换为接收及由接收转换为发送可以不用人工转换。

在某些实际情况中（例如在飞机上的通信设备中）限制提高发射机功率的因素是天线路上的最大允许电压；在这类情况下，单边带发射机也比其他调制方式的发射机具有显著的优点。单边带发射机和等效功率的双边带调幅发射机相比，它的天线和馈线系统的高频电压和电流可以减少 $\frac{1}{4}$ 。

用作单边带无线电通信的设备在技术上必须克服的已知困难是：必需能够很好地滤去相邻的频率成分，因而在发送端和接收端要采用高选择性的回路，以及要求以高度的准确性来复置被抑止了的载频（在接收端）。

大量实验和理论研究工作表明，功率在20到30瓦以下的发射机天线中不需要的频率成分的抑制要不少于30—35分贝；在接收端复置的载频与发送端被抑止的载频之差，对高质量无线电电话通信来说应不大于20—30赫；而对足够清晰的通话，则应不大于100—200赫。

要滿足上述要求不能不在单边带无綫电路上采用比一般要求更高的頻率稳定标准（在短波无綫电路上总的頻率稳定度不应低于 1×10^{-6} ）以及整个单边带信号放大通路中必須有較好的綫性。

現时，在单边带无綫通信的干綫电路上为了保証以高度的准确性来复置載頻，接收端通常采用有导頻信号的工作方法。一般采用数值比双边带調幅制时压低 20—30 分貝的載頻剩余作为导頻信号。在接收端用專門的滤波器分出这个导頻信号，然后經過自动微調系統来控制本机振蕩器的頻率。

当发射机的激励器和接收机的本机振蕩器具有較高的稳頻度（达到 1×10^{-6} 或更高的数量級）而且对于信号重現的质量相对地要求不太高时，就不一定必需采用导頻。

但是要指出，当把单边带无綫电路用在对高速移动物体，例如对高速飞机的通信时，发射作为接收机本机振蕩器自动頻率微調系統工作所必需的导頻看来仍然是必要的。如果沒有这样的自动微調系統即使在很高的頻率稳定度条件下由于“多不勒”效应所造成的頻率变化也不能得到高质量的通信。

現时，单边带調制已經稳定地用于短波通信的实际工作中了，而且由于頻譜的節約和多途传播所引起的失真現象的减少也順利地在超短波波段上逐步推广了。因为由于多途传播而引起的失真在超短波波段上达到很大的数值。

单边带調制体系应用的范围已經不仅限于固定发射机而且推广到工作在短波和超短波波段的移动通信設備上了。

在超短波和特高频頻段上产生单边带信号及其反調制的問題，現时并不显得比把单边带应用在其他通信制式上所产生的問題要复杂些。

电子管設計、高质量滤波器的制造和現代化的頻率稳定方法方面的进展直接地促进了单边带无綫电通信可能应用范围的加速扩展。

第一章 单边带已調振蕩的特点

§ 1.1 各种随机过程是調制信号的特点

在无綫电通信中必需和各种不規則時間函数的調制信号发生联系；例如在传送語言时送話器輸出端上的电压；接收来自电报机械所发送的非周期性的电文的脉冲序列；电视摄象机輸出端上的电压等等。这些信号属于所謂不規則的或者随机的过程，是時間的函数 $u(t)$ ，同时不能完全固定地决定于变数 t 。为了分析随机过程，通常采用統計的或者概率的近似法。在通信技术上所遇到的随机过程最常見的是所謂平稳随机过程，即它的概率特性与時間无关。平稳随机过程的一些参数可以在某个足够大的但是是有限的时间段內求得，同时应认为此过程是繼續下去的，并且是沒有改变的。

此时，观察的間距愈长，所測得的参数值与此过程的常数就差得愈小。

电气信号的最重要参数是：概率密度、能量頻譜、最大值、平均值、均方根值、随机值与平均值的差的均方值（离散度）。

随机过程的最重要特性是所謂分布的微分函数或称作概率密度，它的意义可由下列文字來說明：取某一連續随机值 $u(t)$ ，它可以为从 $U_{\min}$ 到 $U_{\max}$ 間距內的任意值。因为 $u(t)$ 的值的数目是无穷的，那末这个所取数值为固定值 U_0 的概率等于零。从函数 $u(t)$ 的所有各种可能数值中，在某一瞬間 t_1 ，取从 u 到 $u + du$ 的无穷小的間距。函数 $u(t_1)$ 落在这个間距內的概率正比于其长度，即 $P(u, u + du) = w(u) du$ 。

函数 $w(u)$ 在数值上等于随机值 $u(t)$ 在无穷小的間距 du 內出現的概率与这个长度 du 的比值，称为概率分布的微分函数或概率密度。

显然，在有限值 u_1 和 u_2 間距內随机值 $u(t)$ 出現的概率等于

$$P(u_1 < u < u_2) = \int_{u_1}^{u_2} w(u) du.$$

如果已知函数 $u(t)$ 的极小和极大值, 那么位于这个间距内的随机值的概率等于

$$\int_{u_{\text{min}}}^{u_{\text{max}}} w(u) du = 1.$$

已知概率密度后可以决定随机过程的某些参数。

随机值的平均统计值可由下式求得

$$\bar{u} = \int_{-\infty}^{+\infty} uw(u) du. \quad (\text{I. 1})$$

在随机值上面的一横表示集和平均值。这意味着: 如果多次地重复随机过程 $u(t)$ 而且每次在时间 t_1 的瞬间求出 $u(t_1)$ 的数值, 则结果可以得到一系列随机值 $u(t_1)$ 的数值:

$$u(t_1)_1, u(t_1)_2, \dots, u(t_1)_n.$$

当 $n \rightarrow \infty$ 时, 求出这些数值的平均值, 我们就得到集和平均值。

均方值为

$$\bar{u}^2 = \int_{-\infty}^{+\infty} u^2 w(u) du. \quad (\text{I. 2})$$

随机值与其集和平均值的差的均方值或离散度为

$$\sigma^2 = \overline{(u - \bar{u})^2} = \bar{u}^2 - (\bar{u})^2. \quad (\text{I. 3})$$

在概率论中证明有所谓“埃耳哥得”定律 (Эргодическая теорема) 可以适用于平稳过程。根据这一定律随机值的集和平均值等效于随机过程的时间平均值。

因此随机值的平均统计值可以看作为数值 $u(t)$ 的时间平均值, 即可看作为不变成分。类似地, 在平稳过程时的均方值是过程的平均功率。

对于很多随机过程而言, 随机值具有正值和负值的概率是相等的。因此它的平均值 (即直流成分) 等于零。此时, 离散度 $\sigma^2 = \bar{u}^2$, 具有随机过程平均功率的意义。如果随机值 $u(t)$ 代表电压或电流则

$\sigma = \sqrt{\bar{u}^2}$ ——为它的有效值。

随机值 $u(t)$ 可以认为是具有某一概率的，比 $U_{\text{макс}}$ 小某个数值的值。出現瞬間值超过最大值的概率可以认为是无穷小的。从以后所介紹的資料可以看出，为了决定单边带发射机放大通路的要求，知道 $U_{\text{макс}}$ 值是必要的。

对于通信技术來說，一个称为峰值系数的派生参数是很重要的。这个参数是函数的最大值对有效值的比：

$$P = \frac{U_{\text{макс}}}{\sigma}.$$

另一个称为动态范围 d 的参数，即电话信号的最高和最低音量的电平比：

$$d = U_{\text{макс}} / U_{\text{мин}}.$$

对表达語言的随机过程而言， $P \approx 3-4$ ， $d = 40$ 分貝。

根据“里雅普諾夫” (Ляпунов) 定理[参考文献 I .1]各独立随机值的和的分布随着被加数的数目的增加而趋向于正态分布的規律，其条件是被加数的数目要足够大，而且被加数本身为一阶数值。

許多調制信号（其中也包括語言）可以认为是具有随机振幅值和相位值的，数量足够多的正弦波振蕩复合的結果。这就是为什么考虑把表达語言的随机过程作为近似于正态分布的理由。

服从于正态分布規律的随机值 u 的概率密度可以用数学式子来表达：

$$w(u) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} e^{-\frac{u^2}{2\sigma^2}}. \quad (\text{I .4})$$

随机值 $u(t)$ (随時間变化) 的均方值的頻譜密度也是随机过程的最重要特性之一，它常称为函数 $u(t)$ 的能量頻譜。如果用 $u(t)$ 代表电压，那末 $\bar{u}^2$ 就表示在等于 1 欧的电阻上发散的平均功率。平均功率在各頻率上的分配表现为能量頻譜 $W(\omega)$ 。

換言之，能量頻譜是包含在頻帶宽度为 1 赫內的平均功率（按時間）。

在分析用于通信技术上的随机过程时，这个参数具有重大的意义，因为随机过程的理論頻譜可能占有很寬的頻帶。但是这类过程能量的主要部分集中于很窄的頻帶中，即实际上用于通信电路的頻帶中。知道了能量頻譜后就可以选择电路的通带，使得大部分的能量集中在这一頻帶內。

图 I.1 中 (实綫) 示有用实验方法求得的俄語的頻譜密度对頻率的关系曲綫[参考文献 I.2]。主要能量集中在相当窄的頻帶內。此时能量最密集的是頻譜的低頻部分。普通用于一般通話的頻帶为 300—3400 赫，此时不仅有足够的清晰度而且仍有相当真实度。对于质量較高的广播則要求更寬的，例如 50—7000 赫的頻帶。

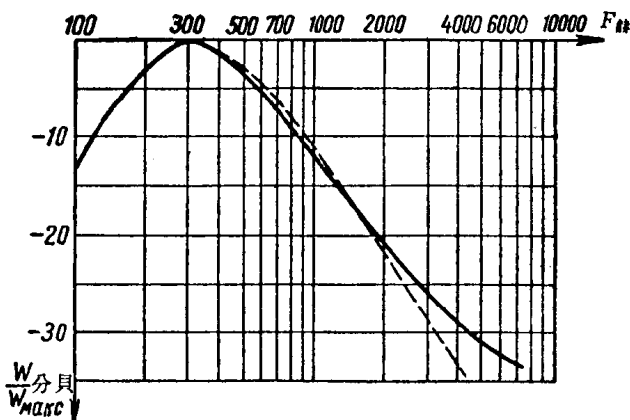


图 I.1

虽然由于頻帶寬度的限制带来一些失真，但随机过程的統計特性在这种限制下并没有带来显著的改变。

知道了頻譜密度可以很容易地計算出在給定頻帶 $\omega_1 - \omega_2$ 內随机过程的平均功率

$$\bar{u}^2 = \frac{1}{2\pi} \int_{\omega_2}^{\omega_1} W(\omega) d\omega. \quad (\text{I.5})$$

为了分析随机过程，所謂相关函数有着很大作用。相关函数的

意义可解释如下：設有二个随机过程 x 和 y 各具有离散度 σ_x^2 和 σ_y^2 和相应的统计平均值 $\bar{x}$ 和 $\bar{y}$ 。假设这些函数是互相有关的。可以以接收设备输入端和输出端上的脉冲杂音作为这类相关随机过程的例子。在随机过程中的相关程度可用相关系数来表示，其解析公式可表达为：

$$R = \frac{(x - \bar{x})(y - \bar{y})}{\sigma_x \sigma_y}. \quad (\text{I.6})$$

随着随机值之間相关程度的不同，相关系数可以由 -1 到 $+1$ 的数值。

如果 x 和 y 的过程是独立的，那末相关系数等于零。

通常很有兴趣的是随机值偏离其平均值的（时间）平均值——公式（I.6）的分子。这个数值称为相关函数。在实际上也常遇到所谓自相关系数和自相关函数。

自相关系数表示在所取定的 t 到 $t + \tau$ 时间内，在同一个随机值的各数值之間的相关程度。如果取函数 $u(t)$ 的平均值等于零，则函数和自相关系数可以用下列关系表示：

$$\left. \begin{aligned} B(\tau) &= \overline{u(t) u(t + \tau)} \\ R(\tau) &= B(\tau) / \sigma^2 \end{aligned} \right\} \quad (\text{I.7})$$

以后，我們將把自相关函数叫做相关函数，只在必要的情况下才加以說明。相关函数是随机过程的重要特性。根据 $B(\tau)$ 的减小速度（随着 τ 的增长而引起），可以判断这个随机过程的结构。

但是，相关函数对于决定能量频谱具有最大的意义。相关函数和能量频谱之間有着下列关系：[参考文献 I.3]

$$B(\tau) = \int_0^\infty W(\omega) \cos \omega \tau d\omega, \quad (\text{I.8})$$

$$W(\omega) = \frac{2}{\pi} \int_0^\infty B(\tau) \cos \omega \tau d\tau. \quad (\text{I.9})$$

在很多情况下，求 $B(\tau)$ 是比较简单的。知道了相关函数后，应用（I.9）式就可以计算能量频谱。

§ 1.2 调制信号的解析表示法

随机过程不能解析地表达为时间的函数。但是很多的通信信号(例如按随机规律变化的电压或电流)在最普通的形式下可以表达为二个函数的乘积:

$$a(t) = A(t) \cos \varphi(t), \quad (\text{I.10})$$

其中 $A(t)$ 和 $\varphi(t)$ 都是随机的。

这样的信号表示并不在信号频谱上附加上某种限制, 虽然这一函数应用在分析所谓窄频带过程, 即频带的绝对宽度显著地小于它的中心频率的这类过程时最为有效。在这里, 函数 $A(t)$ 与 $\cos \varphi(t)$ 相比显得是一个很慢地随时间改变的函数, 其物理意义呈现为随机过程的包络线。

如果不附加对频谱宽度的限制, 则公式 (I.10) 可以用来表示宽频带过程的调制信号。

为了说明函数 $A(t)$ 和 $\varphi(t)$ 的意义, 让我们采用解析信号的概念[参考文献 I.4]。

许多调制信号, 其中包括反映语言的调制信号可以认为是很多谐振荡的和, 并且可以用富里哀级数的形式来表示:

$$a(t) = A(t) \cos \varphi(t) = \sum_{\kappa} (r_{\kappa} \cos \Omega_{\kappa} t + S_{\kappa} \sin \Omega_{\kappa} t). \quad (\text{I.11})$$

调制信号的这种表示方式是一种随机过程, 是非常具有条件性的, 因为此时假定函数 $a(t)$ 和在时间 T 内的实际随机过程相符合, 而在这一段时间以外, 它呈现周期性。

大家知道, 级数 (I.10) 为某个矢量在复数平面实数轴上的投影的和。同一个矢量在虚数轴上的各个投影的和可以用类似的级数来表示:

$$b(t) = A(t) \sin \varphi(t) = \sum_{\kappa} (r_{\kappa} \sin \Omega_{\kappa} t - S_{\kappa} \cos \Omega_{\kappa} t). \quad (\text{I.12})$$

这样, 可以认为某个解析信号

$$a(t) + ib(t) = A(t)e^{i\varphi(t)},$$

在复数平面上可以用一个旋轉矢量来代表，它的长度为

$$A(t) = \sqrt{[a(t)]^2 + [b(t)]^2}, \quad (I.13)$$

旋轉的角速度为

$$\frac{d\varphi(t)}{dt} = \frac{d}{dt} \left[\operatorname{tg}^{-1} \frac{b(t)}{a(t)} \right]. \quad (I.14)$$

因而解析信号的实数部分为有效信号 $a(t) = A(t) \cos \varphi(t)$ 。

解析信号矢量的模数称为有效信号的瞬間幅度值。瞬間角速度的概念是和正弦信号角速度的概念一致的。

实际上，如果采用 $a(t) = A \cos \Omega t$ 則 $b(t) = A \sin \Omega t$ ，因此，

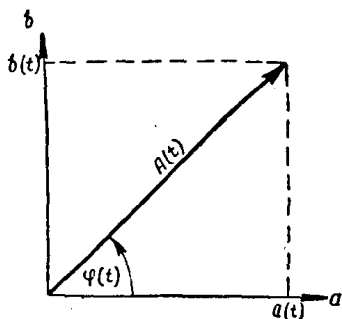


图 I.2

$$\frac{d\varphi}{dt} = \frac{d}{dt} \left[\operatorname{tg}^{-1} \frac{\sin \Omega t}{\cos \Omega t} \right] = \Omega.$$

因此，解析信号矢量的瞬間角速度可以称为瞬間頻率：

$$\frac{d\varphi(t)}{dt} = \Omega(t). \quad (I.15)$$

瞬間頻率的概念和普通的頻率的概念所不同的在于前者是一時間函数，因而具有某一种頻譜。

§ I.3 調制信号和单边带信号参数之間的关系

根据对已調幅振蕩的一般表达式的討論，我們可求出調制函数 $a(t) = A(t) \cos \varphi(t)$ 的参数和单边带信号参数之間的关系。假設单边带信号是在頻率 ω_0 上形成的，且 ω_0 显著地超过調制振蕩頻譜最高頻率。

从数学上来說，調制是一种被調制参数乘以乘数 $[1 + ma'(t)]$

的演算。其中 m ——表示调制系数，表示调制参数对被调制参数的作用程度，而 $a'(t)$ ——为由下式决定的调制函数

$$|a'(t)| \leq 1 \quad (\text{I.16})$$

当用谐振荡 $S = S_0 \cos \omega_0 t$ 被振幅调制时，它的幅值 S_0 按下列规律而变化：

$$S = S_0 + a(t) = S_0 \left(1 + \frac{a(t)}{S_0} \right).$$

为了满足 (I.16) 式的条件，引用归一化的调制函数 $a(t)$ 的标准。最好采用 $\frac{1}{|A(t)|_{\text{макс макс}}}$ 作为标准乘数而且只规定幅值乘数，因为 $|\cos \varphi(t)| \leq 1$ 。在这种情况下，标准化了的瞬间幅值可以表达为

$$A'(t) = \frac{A(t)}{|A(t)|_{\text{макс макс}}}, \quad (\text{I.17})$$

而且已调幅振荡的公式将呈现下列形式：

$$S(t) = S_0 [1 + m_{\text{макс}} A'(t) \cos \varphi(t)] \cos \omega_0 t. \quad (\text{I.18})$$

这里， $m_{\text{макс}} = \frac{|A(t)|_{\text{макс. макс}}}{S_0}$ ——为振幅调制系数的峰值。

显然，对于不失真的调制来说 $m_{\text{макс}} \leq 1$ 。在经过若干三角换算以后，可以把 (I.18) 式写成下列形式：

$$\begin{aligned} S(t) = S_0 \cos \omega_0 t + \frac{m_{\text{макс}} A'(t) S_0}{2} \cos [\omega_0 t + \varphi(t)] + \\ + \frac{m_{\text{макс}} A'(t) S_0}{2} \cos [\omega_0 t - \varphi(t)]. \end{aligned}$$

这个公式的第一项是载频，第二项和第三项相应为已调幅振荡的上边带和下边带。

让我们单独地来研究其中一个边带振荡的公式，例如上边带的公式

$$f(t) = \frac{m_{\text{макс}} A'(t) S_0}{2} \cos [\omega_0 t + \varphi(t)].$$

对于具体过程来说， $m_{\text{макс}}$ 、 S_0 和 $|A(t)|_{\text{макс. макс}}$ 值为常数。因而代入 (I.17) 式后上述公式可以写成