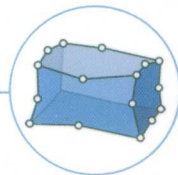
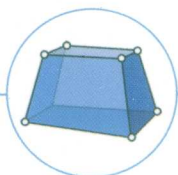
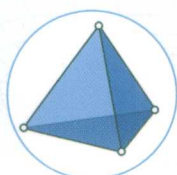


PEARSON

有限元应用与工程实践系列

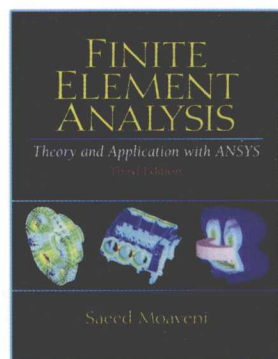


有限元分析

—ANSYS 理论与应用（第三版）

Finite Element Analysis
Theory and Application with ANSYS
Third Edition

[美] Saeed Moaveni 著
王 崧 刘丽娟 董春敏 等译



电子工业出版社
PUBLISHING HOUSE OF ELECTRONICS INDUSTRY

<http://www.phei.com.cn>

013046807

0241.82-39

07-3

2013

有限元应用与工程实践系列

有限元分析

——ANSYS 理论与应用

(第三版)

Finite Element Analysis
Theory and Application with ANSYS
Third Edition

[美] Saeed Moaveni 著
王崧 刘丽娟 董春敏 等译



0241.82-39

07-3/2013

电子工业出版社
Publishing House of Electronics Industry
北京·BEIJING



北航

C1652523

内 容 简 介

本书详细讲述了 ANSYS 程序在有限元分析中的应用。书中首先给出有限元分析的一般理论,然后通过具体的例子详细说明了有限元分析的基本过程与各种计算环节,最后针对具体的问题说明了如何使用 ANSYS 求解。ANSYS 是本书不可分割的一部分。本书主要讨论了一维问题、二维问题和三维问题的有限元公式的推导及其应用,单元类型包括杆单元、梁单元、平面单元和三维实体单元。本书详细讨论了桁架、梁、框架、热传导及流体问题和三维实体的有限元分析,有关固体力学(包括结构力学)、热传导学和流体力学的基本概念贯穿于全书各章节之中,每一章开头都会讨论相关问题的基础理论,接着给出一些可以手工计算的简单问题,之后再举例说明使用 ANSYS 如何求解。第 8 章集中介绍了 ANSYS 的使用方法和利用 ANSYS 进行有限元分析的基本过程。本书大部分章节的最后都附有一些习题供读者练习。

本书面向高等院校工程专业的本科生和有限元分析的初学者。对于未接触过有限元建模的工程师来说,本书亦可作为深入理解有限元基本概念的入门教材。

Authorized translation from the English language edition, entitled Finite Element Analysis: Theory and Application with ANSYS, Third Edition, 9780131890800 by Saeed Moaveni, published by Pearson Education, Inc., publishing as Prentice Hall, Copyright © 2008 Pearson Education Inc.

All rights reserved. No part of this book may be reproduced or transmitted in any form or by any means, electronic or mechanical, including photocopying, recording or by any information storage retrieval system, without permission from Pearson Education, Inc.

CHINESE SIMPLIFIED language edition published by PEARSON EDUCATION ASIA LTD., and PUBLISHING HOUSE OF ELECTRONICS INDUSTRY Copyright © 2013.

本书中文简体字版专有出版权由 Pearson Education(培生教育出版集团)授予电子工业出版社。未经出版者预先书面许可,不得以任何方式复制或抄袭本书的任何部分。

本书贴有 Pearson Education(培生教育出版集团)激光防伪标签,无标签者不得销售。

版权贸易合同登记号 图字:01-2007-2459

图书在版编目(CIP)数据

有限元分析:ANSYS 理论与应用:第 3 版/(美)莫维尼(Moaveni,S.)著;王崧等译.

北京:电子工业出版社,2013.5

(有限元应用与工程实践系列)

书名原文:Finite Element Analysis: Theory and Application with ANSYS, Third Edition

ISBN 978-7-121-20325-1

I. ①有… II. ①莫… ②王… III. ①有限元分析-应用程序-高等学校-教材 IV. ①O241.82

中国版本图书馆 CIP 数据核字(2013)第 094773 号

策划编辑:冯小贝

责任编辑:冯小贝

印 刷:北京天宇星印刷厂

装 订:北京天宇星印刷厂

出版发行:电子工业出版社

北京市海淀区万寿路 173 信箱 邮编 100036

开 本:787×1092 1/16 印张:38.5 字数:986 千字

印 次:2013 年 5 月第 1 次印刷

定 价:75.00 元

凡所购买电子工业出版社图书有缺损问题,请向购买书店调换。若书店售缺,请与本社发行部联系,联系及邮购电话:(010)88254888。

质量投诉请发邮件至 zlt@phei.com.cn,盗版侵权举报请发邮件至 dbqq@phei.com.cn。

服务热线:(010)88258888。

译者序

本书是在第二版的基础上修订而成的,主要讲述了有限元的基本理论和通用有限元程序 ANSYS 在有限元分析中的应用。

随着科学技术的日益发展,我们所面对的问题也越来越复杂。对一些复杂的工程问题,无一例外都要用到有限元分析这一基本手段,它与计算机技术的发展如影相随。看看国内外一些大型的工程软件,如 PKPM, EATBS, MIDAS, 等等,几乎都是用有限元理论编制的,这就要求我们必须会应用一种或几种有限元软件。并非所有的有限元程序都是通用软件,它们在某些领域可能特别有效,但往往会限制你的“自由”,只能用,不能“编”。正因为如此,ANSYS 就显得与众不同,它既能用也能编。用,在于它有良好的图形用户界面,入门易;编,在于它能用命令流编出一个具体的有限元计算程序,自由通用。

ANSYS 是一个功能十分强大的通用有限元分析程序,它在结构工程、流体力学、热力学(温度场)、电磁场等方面都可以进行有限元计算。本书遵循理论到实践的原则,先用具体的实例介绍了有限元分析的计算过程和步骤,然后再辅以详细的 ANSYS 分析过程。另外,在每一章的最后都给出了验证有限元分析结果是否正确的方法。理解这一点很重要,有限元模型是否正确,计算结果是否合理,就需要我们运用自己所学的知识去判断,去识别。

本书共分 15 章。第 1 章介绍了有限元分析的基本思想;第 2 章讲述了有关矩阵运算的一般规则。第 3 章至第 13 章分别介绍了固体力学、热力学和流体力学问题的有限元基本理论,且每一章都先介绍单元的性质,然后讲述单元刚度的形成,最后举例说明用 ANSYS 进行有限元分析时的步骤与过程。最后两章主要介绍工程设计与优化的基本思想。与前一版相比,本书新增修订了一些内容,尤其是对有限元公式的推导更为详尽,新增了 ANSYS 批处理文件的例子。依译者多年学习和应用 ANSYS 的经验,掌握 15.2 节“ANSYS 的参数化设计语言”非常重要,是熟练应用 ANSYS 的标志。图形界面操作尽管简单直观,但修改模型并不方便。对某些问题而言,我们并不是简单计算一次就可以获得合理的结果的,往往需要多次反复。学习时,建议读者将图形操作命令与记录日志文件中的批处理命令对照着看,这样就会很快理解每一个命令的含义,知道怎样写参数化语言设计程序了。此外,在掌握了基本的 ANSYS 操作后,读者一定要学会看 ANSYS 帮助,它对每一个命令和单元类型都有详尽的描述,并提供了相应的范例。

在此,译者需要强调的是,本书并不是一本关于 ANSYS 的命令操作手册,而是一本关于有限元基本理论及如何应用 ANSYS 进行有限元分析的教材,既适合于那些想学习有限元基本知识和提高有限元应用能力的高校学生,也适合于那些从事有限元研究与应用的广大工程技术人员。本书可以作为一本介绍有限元分析与应用的教材,在每一章后面都对本章的知识和内容进行了概括与总结,并提供了一定数量的习题供读者练习。

本书主要由王崧、刘丽娟、董春敏翻译。参加翻译工作的其他人员有:曲卫波、丁汇芬、张媛、王坚、胡巨茗、滕玉良、徐明贵、张超、张国彦、刘丽艳。尽管译者倾注了极大的心血,尽量做到专业术语译法正确规范,但毕竟水平有限,难免有不妥之处,敬请广大读者批评指正。

序 言

第三版的主要变化

本书由 15 章组成,在上一版的基础上根据读者和教师的建议对某些内容进行了修改,并增加了新的内容,其中主要包括:

- 新增了一节用 Excel 进行矩阵运算的内容
- 新增了一个有关 MATLAB 操作的综合附录
- 有关有限元理论及其公式推导的内容更为详尽
- 重新组织了第 15 章,加入了批处理文件的范例
- 其他问题

本书组织结构

目前,在有限元理论方面已经有不少针对高年级学生的优秀教材。然而,这些书在向低年级学生和初学者介绍有限元建模过程中都没有将 ANSYS 作为一个完整的部分包括进去。近年来,有限元分析方法作为一种设计工具获得了迅猛发展。各种综合性软件,如 ANSYS——一种通用有限元计算程序,已经成为设计工程师们必不可少的工具。遗憾的是,在使用这些工具的工程师中,有许多仍然缺乏必要的训练或者对一些基本概念仍缺乏足够的了解。本书作为入门教材,旨在帮助工程专业的学生和未接触过有限元建模的工程师深入理解有限元的基本概念。全书详细讲解了有限元分析的基本理论,同时也讲到了具体的有限元建模过程。本书在编写过程中尽量避开枯燥的理论,避免学生在理论面前望而却步,另外一方面又保留了足够的理论知识来帮助他们灵活有效地使用 ANSYS。ANSYS 是本书不可分割的一部分。每一章首先讨论了相关的基础理论,接着给出一些可以手工计算的简单例题,之后再介绍如何用 ANSYS 求解。本书的练习也是用这种方式给出的。有一些习题可能要求手工计算,但对一些复杂的习题可能要求用 ANSYS 计算,这有利于学生熟悉有限元分析的必要步骤,加深他们对概念的理解。在第 3 章、第 4 章、第 6 章和第 9 章至第 14 章的后面还给出了一些设计问题。

本书还讨论了可能导致错误结果的误差来源。一位优秀的工程师必须能够找到某种方法来检验结果是否正确。尽管模型实验可能是最好的方法,但是这种方法往往过于耗费时间和金钱。因此,只要有可能,本书尽量用其他一般的方法来验证其有限元分析的结果。正因为如此,在每一相关章节的结尾都会给出用于验证 ANSYS 结果的可能方法。

本书的另一个特点是在最后两章介绍了工程设计、材料选择、优化和 ANSYS 参数化编程的内容。

全书共分 15 章。第 1 章介绍了有限元分析的基本思想,其中包括直接法、最小总势能法和加权余数法等常用有限元公式的推导方法;第 2 章讲述了有关矩阵运算的一般规则;第 3 章分析了桁架,桁架是许多结构问题中最经济的解决方案,此外,还简单介绍了 ANSYS 程序的使用方法,使读者能立竿见影地使用 ANSYS;第 4 章介绍了二力杆、梁和框架的有限元公式;第 5 章引入了一维线性、二次和三次单元,为一维问题的分析奠定了基础,另外,在第 5 章中还详细介绍了整

体坐标、局部坐标和自然坐标的概念,同时也讨论了等参单元的有限元公式和高斯-勒让德数值积分;第6章讨论了一维热传递和流体问题的迦辽金公式;二维线性及高阶单元和二维高斯-勒让德积分在第7章讲述;第8章主要讲述 ANSYS 的高级功能及其组织结构,同时还详细介绍了用 ANSYS 建模和分析的基本步骤;第9章中介绍了二维热传递问题的分析,其中有一节专门讨论了非稳定热传导问题;第10章分析了非圆形截面杆轴的扭转及平面应力问题;第11章讨论了动态问题的分析,简要介绍了机械与结构系统的振动分析;第12章讨论了理想二维流体力学问题的分析,其中包括管网和地下渗流问题的有限元分析;第13章讨论了三维单元及其有限元公式,同时还介绍了由上向下和由下向上的实体有限元建模方法;最后两章主要介绍设计与优化的基本思想,其中工程设计与材料选择在第14章介绍,设计优化与 ANSYS 参数化编程在第15章介绍。每一章开头都提出了本章的学习目的,而结尾则总结了读完本章后应掌握的知识。

本书在使用 ANSYS 求解的例子中皆详细介绍了使用 ANSYS 建模及分析的过程。如有必要,教师可先讲述第8章。

有关固体力学、热传递学和流体力学的基本概念一直贯穿于本书各章节之中。此外,要提醒学生的是,不要过早地对那些存在简单解析解的问题建立有限元模型。在附录 A 和附录 B 中列出了常用工程材料的力学和热物理学性质,附录 C 给出了一些常用截面的几何性质,附录 D 给出了某些型钢截面的几何特性,附录 F 详细介绍了有关 MATLAB 的操作。

最后,作者还计划为本书的学习维护一个网站(<http://www.prenhall.com/Moaveni>)。此举出于以下几个目的:(1)共享 ANSYS 新版本的变化;(2)共享下一版教材的修订信息;(3)提供额外的习题和设计问题;(4)在网站上公布本书的勘误。该网站对所有学生和教师开放。

Saeed Moaveni



北京培生信息中心
北京市东城区北三环东路 36 号
北京环球贸易中心 D 座 1208 室
邮政编码: 100013
电话: (8610) 57355171/57355169/57355176
传真: (8610) 58257961

Beijing Pearson Education
Information Centre
Suit 1208, Tower D, Beijing Global Trade Centre,
36 North Third Ring Road East,
Dongcheng District, Beijing, China 100013
TEL: (8610) 57355171/57355169/57355176
FAX: (8610) 58257961

尊敬的老师:

您好!

为了确保您及时有效地申请教辅资源,请您务必完整填写如下教辅申请表,加盖学院公章后将扫描件用电子邮件的形式发送给我们,我们将会在 2-3 个工作日内为您开通属于您个人的唯一账号以供您下载与教材配套的教师资源。

请填写所需教辅的开课信息:

采用教材			<input type="checkbox"/> 中文版 <input type="checkbox"/> 英文版 <input type="checkbox"/> 双语版
作者		出版社	
版次		ISBN	
课程时间	始于 年 月 日	学生人数	
	止于 年 月 日	学生年级	<input type="checkbox"/> 专科 <input type="checkbox"/> 本科 1/2 年级 <input type="checkbox"/> 研究生 <input type="checkbox"/> 本科 3/4 年级

请填写您的个人信息:

学校			
院系/专业			
姓名		职称	<input type="checkbox"/> 助教 <input type="checkbox"/> 讲师 <input type="checkbox"/> 副教授 <input type="checkbox"/> 教授
通信地址/邮编			
手机		电话	
传真			
official email(必填) (eg:XXX@ruc.edu.cn)		email (eg:XXX@163.com)	
是否愿意接受我们定期的新书讯息通知: <input type="checkbox"/> 是 <input type="checkbox"/> 否			

Publishing House of Electronics Industry
电子工业出版社: www.phei.com.cn
www.hxedu.com.cn
北京市万寿路 173 信箱高等教育分社(100036)
联系电话: 010-88254555
E-mail: Te_service@phei.com.cn

系 / 院主任: _____ (签字)

(系 / 院办公室章)

____年____月____日

目 录

第 1 章 绪 论	1
1.1 工程问题	1
1.2 数值方法	4
1.3 有限元方法及 ANSYS 发展简史	4
1.4 有限元分析的基本步骤	6
1.5 直接法	6
1.6 最小总势能法	27
1.7 加权余数法	33
1.8 结果验证	37
1.9 理解问题	37
小结	40
参考文献	41
习题	41
第 2 章 矩阵运算	50
2.1 矩阵的基本定义	50
2.2 矩阵的相加或相减	52
2.3 矩阵相乘	52
2.4 矩阵分块	55
2.5 转置矩阵	59
2.6 矩阵的行列式	62
2.7 线性方程组的求解	66
2.8 求逆矩阵	72
2.9 特征值和特征向量	76
2.10 MATLAB 在矩阵运算中的应用	78
2.11 Excel 在矩阵运算中的应用	81
小结	86
参考文献	86
习题	86
第 3 章 桁架	90
3.1 桁架的定义	90
3.2 有限元公式	91
3.3 空间桁架	103
3.4 ANSYS 程序概述	105

3.5	ANSYS 应用	111
3.6	结果验证	131
	小结	133
	参考文献	133
	习题	133
第 4 章	轴力构件,梁和框架	141
4.1	轴向荷载作用下的构件	141
4.2	梁	146
4.3	梁的有限元分析	149
4.4	框架的有限元分析	158
4.5	三维梁单元	163
4.6	ANSYS 应用	165
4.7	结果验证	174
	小结	176
	参考文献	177
	习题	177
第 5 章	一维单元	186
5.1	线性单元	186
5.2	二次单元	189
5.3	三次单元	190
5.4	整体坐标,局部坐标和自然坐标	193
5.5	等参单元	194
5.6	数值积分:高斯-勒让德积分	196
5.7	ANSYS 中一维单元举例	199
	小结	199
	参考文献	199
	习题	200
第 6 章	一维问题分析	205
6.1	热传递问题	205
6.2	流体力学问题	217
6.3	ANSYS 应用	220
6.4	结果验证	229
	小结	230
	参考文献	230
	习题	230
第 7 章	二维单元	233
7.1	矩形单元	233
7.2	二次四边形单元	236
7.3	线性三角形单元	240

7.4	二次三角形单元	243
7.5	轴对称单元	246
7.6	等参单元	250
7.7	二维高斯-勒让德积分	253
7.8	ANSYS 中的二维单元	254
	小结	254
	参考文献	255
	习题	255
第 8 章	再论 ANSYS	260
8.1	ANSYS 程序	260
8.2	ANSYS 数据库和文件	261
8.3	用 ANSYS 创建有限元模型:前处理	262
8.4	h 方法和 p 方法	271
8.5	应用边界条件,荷载和求解	271
8.6	有限元模型的结果:后处理	274
8.7	ANSYS 选项	276
8.8	图形功能	277
8.9	误差估计	278
8.10	举例	279
	小结	289
	参考文献	289
第 9 章	二维热传递问题分析	295
9.1	一般热传导问题	295
9.2	矩形单元公式的推导	299
9.3	三角形单元公式的推导	309
9.4	三维轴对称问题的有限元公式	317
9.5	非稳态条件下的热传递	322
9.6	ANSYS 中的热传导单元	329
9.7	ANSYS 应用	330
9.8	结果验证	354
	小结	354
	参考文献	356
	习题	356
第 10 章	二维固体力学问题分析	364
10.1	构件扭转	364
10.2	平面应力问题	371
10.3	四边形等参单元	377
10.4	轴对称问题	382
10.5	基本失效理论	384

10.6	ANSYS 应用	385
10.7	结果验证	397
	小结	397
	参考文献	399
	习题	399
第 11 章	动态问题分析	405
11.1	动态学简介	405
11.2	机械与结构系统的振动	414
11.3	拉格朗日方程	427
11.4	轴心受力杆件的有限元公式	429
11.5	梁与框架单元的有限元公式	432
11.6	ANSYS 应用	444
	小结	456
	参考文献	457
	习题	457
第 12 章	流体力学问题分析	462
12.1	管流问题的数学建模	462
12.2	理想流体的流动	466
12.3	渗流	471
12.4	ANSYS 应用	473
12.5	结果验证	487
	小结	487
	参考文献	488
	习题	488
第 13 章	三维单元	493
13.1	4 点四面体单元	493
13.2	基于 4 节点四面体单元的三维固体力学问题的有限元分析	495
13.3	8 节点六面体单元	499
13.4	10 节点四面体单元	500
13.5	20 节点六面体单元	501
13.6	ANSYS 中的三维单元	503
13.7	实体单元建模的一般方法	505
13.8	ANSYS 在热力学分析中的应用	512
13.9	ANSYS 在结构分析中的应用	522
	小结	530
	参考文献	530
	习题	531
第 14 章	工程设计与材料选择	538
14.1	工程设计的基本步骤	538

14.2	材料选择	540
14.3	材料的电学,力学和热物理学的性质	541
14.4	常用固体工程材料	542
14.5	常用流体材料	546
	小结	548
	参考文献	548
	习题	548
第 15 章	优化设计	549
15.1	优化设计简介	549
15.2	ANSYS 的参数化设计语言	552
15.3	举例:ANSYS 批处理文件	554
15.4	ANSYS 批处理文件在优化设计中的应用	565
	小结	570
	参考文献	570
	习题	570
附录 A	部分材料的力学性质	572
附录 B	部分材料的热力学性质	574
附录 C	常用截面几何性质计算公式	575
附录 D	型钢规格表	577
附录 E	英制单位和公制单位的换算表	581
附录 F	MATLAB 简介	582

第1章 绪 论

有限元方法是广泛用于解决应力分析、热传导、电磁学和流体力学等工程问题的数值方法。本书旨在帮助读者理解有限元建模的基本概念,使读者在使用通用的有限元计算软件(例如 ANSYS)时能运用自如。ANSYS 是本书不可分割的一部分。每章首先讨论了与每个概念相关的基本理论,然后给出了用 ANSYS 进行求解的例子。本书特别强调了验证有限元分析(FEA)结果的方法。此外,在相关章节的最后都给出了验证 ANSYS 分析结果的方法。

本书提供的某些练习可能要求手工计算,这些练习旨在帮助读者熟悉有限元分析的基本步骤,加深对概念的理解。此外,本书也可以供想学习有限元技术的工程师参考。

本章的主要目的是介绍形成有限元公式的基本方法,其中包括直接法、最小总势能法和加权余数法。本章要讨论的主要内容如下:

- 工程问题
- 数值方法
- 有限元方法及 ANSYS 发展简史
- 有限元分析的基本步骤
- 直接法
- 最小总势能法
- 加权余数法
- 结果验证
- 理解问题

1.1 工程问题

在一般情况下,工程问题是物理情况的数学模型。大多数工程问题的数学模型都是一组有着自己相应的边界条件和初值条件的微分方程组,而这些微分方程组又是针对特定的系统或控制体应用自然界的基本定律和原理推导出来的。这些起控制作用的微分方程组代表了质量、力或能量的平衡。有时,在给定的一组条件下,通过求解这些方程组就可以得到系统的精确行为,表 1.1 给出了一些这样的例子。系统的解析解由两部分组成:通解和特解。在任何给定的工程问题中,一般都存在着影响系统行为的两组参数。首先,有一些参数反映的是系统的自然属性,它们包括诸如弹性模量、热传导率、黏度、面积或惯性矩等系统的材料特性和几何特性。表 1.2 列出了描述不同问题自然特性的物理属性。

另一方面,还有一些参数会引起系统的扰动。表 1.3 列出了这类参数,它们包括外力、力矩、介质的温度差和流体的压力差等。

表 1.2 所示的系统特性反映了系统的自然行为,它们总是出现在微分方程的通解中。相比之下,产生扰动的参数常出现在方程的特解部分。在有限元建模中,理解这些参数在刚度矩阵(传导矩阵)和荷载矩阵(力矩阵)中的位置及其作用是非常重要的。系统特性总是在刚度矩阵、传导矩阵或阻力矩阵中得到体现,而扰动参数总是出现在荷载矩阵中。在 1.5 节,将解释什么是刚度矩阵、传导矩阵和荷载矩阵。

表 1.1 部分工程问题的微分方程、边界条件、初始条件及其精确解

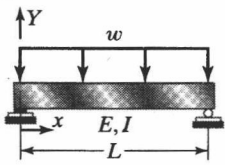
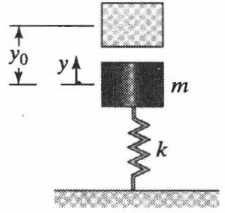
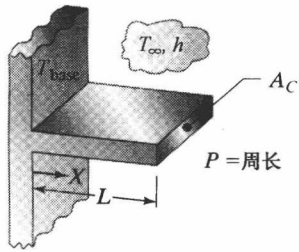
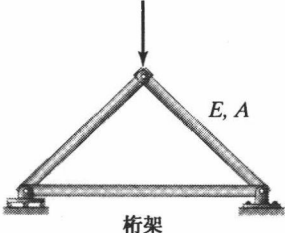

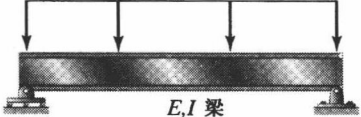
问题类型	微分方程、边界条件或者初始条件	问题解
<p>梁:</p> 	$EI \frac{d^2 Y}{dX^2} = \frac{wX(L-X)}{2}$ <p>边界条件: $X=0, Y=0$ $X=L, Y=0$</p>	<p>梁 Y 方向的挠度是 X 方向距离的函数:</p> $Y = \frac{w}{24EI} (-X^4 + 2LX^3 - L^3 X)$
<p>弹性系统:</p> 	$\frac{d^2 y}{dt^2} + \omega_n^2 y = 0$ $\omega_n^2 = \frac{k}{m}$ <p>初始条件: $t=0, y=y_0$ $t=0, \frac{dy}{dt} = 0$</p>	<p>质点的位置 y 是时间 t 的函数:</p> $y(t) = y_0 \cos \omega_n t$
<p>散热片:</p> 	$\frac{d^2 T}{dX^2} - \frac{hP}{kA_c} (T - T_\infty) = 0$ <p>边界条件: $X=0, T = T_{base}$ $L \rightarrow \infty, T = T_\infty$</p>	<p>散热片的温度分布 T 是距离 X 的函数:</p> $T = T_\infty + (T_{base} - T_\infty) e^{-\sqrt{\frac{hP}{kA_c}} X}$

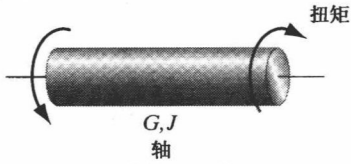
表 1.2 表征不同工程系统的物理属性

问题类型	表征系统特性的参数示例
<p>固体力学示例</p> <p>荷载</p>  <p>桁架</p>	<p>弹性模量 E; 横截面积 A</p>
 <p>弹性板</p> <p>荷载</p>	<p>弹性模量 E</p>
 <p>E, I 梁</p>	<p>弹性模量 E; 惯性矩 I</p>

(续表)

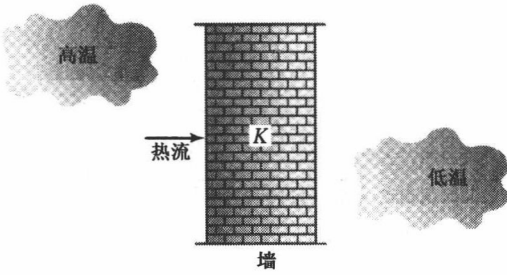
问题类型

表征系统特性的参数示例

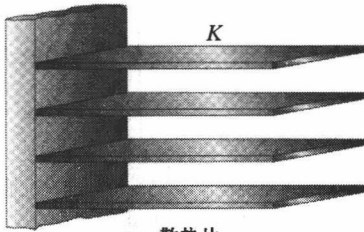


剪切模量 G ; 面积的极性矩 J

热传导示例

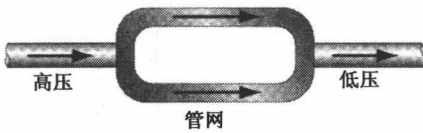


热传导率 K ; 厚度 L ; 面积 A

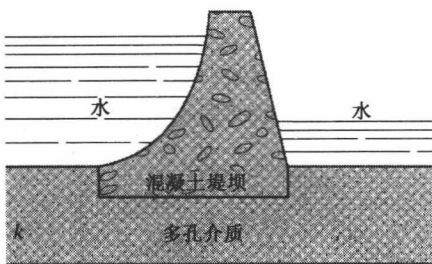


热传导率 K ; 横截面积 A

流体力学示例



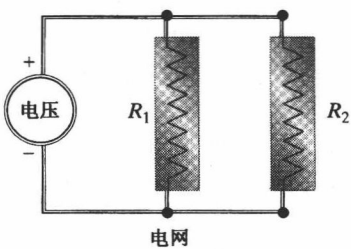
流速 μ ; 管壁粗糙度 e ; 管直径 D



混凝土渗透率 k

混凝土坝坝

电磁学问题



电阻 R

电网

(续表)

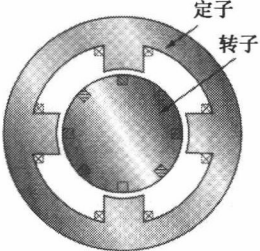
问题类型	表征系统特性的参数示例
 <p>发电机的磁场</p>	磁导率 μ

表 1.3 不同工程系统中引起扰动的参数

问题类型	系统中引起扰动的参数示例
固体力学	外力和力矩; 支座移动
热传导	温度差; 热输入
流体流动和管道网络	压力差; 流速
电网	电位差

1.2 数值方法

在许多实际工程问题中,我们一般不能得到它的精确解,这要归因于微分方程组的复杂性,以及难以确定的边界条件和初值条件。为了解决这个问题,我们常常需要借助数值方法来求近似解。解析解在系统中的任何点上都是精确的,而数值解只是在称为“节点”的离散点上才近似于解析解。任何数值解法的第一步都是离散化,也就是说,要将待求解的对象细分成许多小的区域(单元)和节点。数值解法常分为两大类:有限差分法和有限元方法。使用有限差分法,需要针对每一节点写出微分方程,并且用差分方程代替偏微分方程,从而得到一组联立的线性方程组。有限差分法对于相对简单的问题是易于理解和应用的,但是使用该方法难以解决带有复杂几何条件和复杂边界条件的问题。对于具有各向异性特性的物体,它也是如此。

相比之下,有限元方法使用积分方法而不是微分方法来建立系统的代数方程组。而且,该方法用一个连续的函数来近似描述每一个单元的解。由于内部单元的边界是连续的,整个问题的解就可以通过单个的解连接或组装起来。

1.3 有限元方法及 ANSYS 发展简史^①

有限元方法是用于求解各类工程问题的一种数值计算方法。应力分析之中的稳态、瞬态、线性或非线性问题以及热传导、流体流动和电磁学中的问题都可以用有限元方法进行分析。现代有限元方法的起源可以追溯到 20 世纪初,当时有一些研究人员利用离散的等价弹性杆来近似模拟连续的弹性体。然而,人们公认 Courant(1943)是有限元方法的奠基人。在 20 世纪 40 年代, Courant 发表了一篇论文,他在三角形子域上使用多边形分段插值的方法来研究扭转问题。

在 20 世纪 50 年代,Boeing 及其后来者采用了三角形应力单元来建立飞机机翼的模型,极大地推动了有限元方法的发展。然而,直到 20 世纪 60 年代,Clough 才使人们广为接受“有限元”这

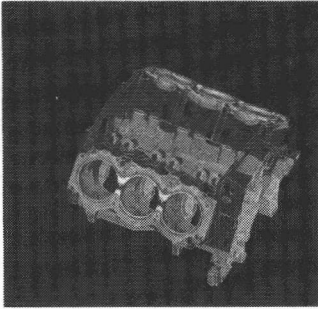
^① 详情参见 Cook 等(1989)。

一术语。在20世纪60年代,研究人员开始将有限元方法应用到工程中的其他领域,例如热传导和地下渗流问题。Zienkiewicz和Cheung(1967)于1967年编写了第一本有关有限元的专著。1971年首次发布了ANSYS。

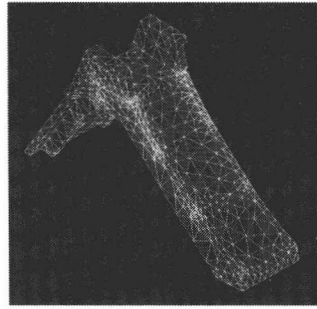
ANSYS是一个大型的通用有限元计算机程序,其代码超过100 000行,它不仅能够进行静态或动态问题的有限元分析,还能进行热传导、流体流动和电磁学等方面的有限元分析。在过去30多年里,ANSYS是最主要的FEA(有限元)程序。当前的ANSYS版本嵌入了具有图形用户界面(GUI)的窗口、下拉菜单、对话框和工具栏等,与过去相比已经焕然一新了。现在读者可以发现ANSYS已经被广泛应用于许多工程领域,如航空、汽车、电子、核科学等。为了更好地使用ANSYS或其他FEA计算机程序,读者有必要先理解有限元方法的基本概念和它的局限性。

ANSYS是一个强大的工程工具,能够用来解决各种各样的问题(参见表1.4)。然而,不理解有限元方法基本概念的用户将发现自己会陷入困境,犹如一位备有许多工具但不理解计算机内部工作原理的计算机技术员不能修理计算机一样。

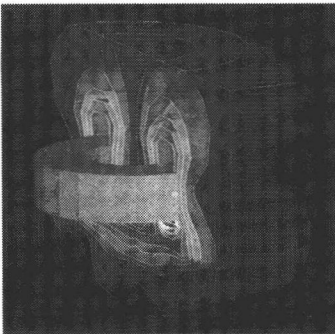
表 1.4 应用 ANSYS 功能的例子^①



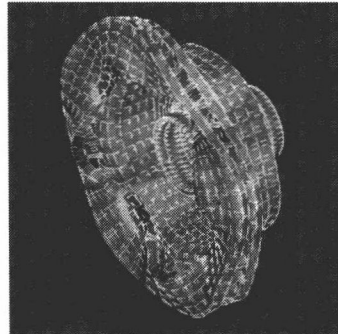
这是一个使用ANSYS热传导功能分析V6发动机的例子,曾由代表美国汽车工业的Analysis & Design Appl. Co. Ltd. (ADAPCO)公司负责实施,它使用ANSYS改善了汽车发动机的性能。发动机中的热应力线如上图所示



Today's Kids(一家玩具生产商)的工程师用ANSYS的大变形功能找到了公司所生产的滑道在过载时易发生破坏的位置,如上图所示。由于产品的结构特性,常常需要用这种非线性分析功能来找出这些应力的位置



本图是用ANSYS的电磁分析功能分析电极板的例子,它用一个特定的单元将矢量场和标量场联系起来,并借助三维图形的形式用无限边界元描述远端电磁场的衰减。图中用等值线描述了电磁场(H场)的强度



Structural Analysis Engineering Corporation公司使用ANSYS确定了盘式制动器生产线上转子的固有频率。通过分析,发现轻型卡车的刹车盘转子中存在着50种影响声音的震动模式

^① 这些照片得到了ANSYS公司的许可。