

全日制普通高级中学教学辅导丛书（必修）

# 高中练测步步高

## 数学

高二 上

高中练测步步高编写组 编

605

 北京出版社出版集团  
 北京教育出版社

934525

2

全日制普通高级中学教学辅导丛书(必修)

# 高中练测步步高

## 数学

高二 上

G634.605

030

重庆师大图书馆

G634.605  
030

主编:刘南生

编委:黄谦树 梁香生 肖红生 肖是明

林长华 彭森宝 张翔



CS1049146

北京出版社出版集团

北京教育出版社

88

2504  
高中练测步步高 高二数学(上)

---

GAOZHONG LIANCE BUBUGAO GAOER SHUXUE(SHANG)

---

高中练测步步高编写组 编

---

\*

北京出版社出版集团 出版  
北京教育出版社

(北京北三环中路6号)

邮政编码:100011

网 址:www.bph.com.cn

北京出版社出版集团总发行

新华书店经销

北京市通县华龙印刷厂印刷

\*

787毫米×1092毫米 1/16开本 9印张 180千字

2006年6月第4版 2006年6月第1次印刷

ISBN 7-5303-1459-9/G·1434

定价:12.00元

质量投诉电话:010-58572393 010-58572246 010-82755753



## 编者的话

本书是和人民教育出版社大纲版教材配套的。虽然如此,我们仍然以新的课程标准的理念来指导编写,意在让学生在学习实践中达到或部分达到新课标的要求。

我们以为,练习性质的教学辅助读物,是在教材和学生之间搭一座桥,让学生在阅读教材、听课等形成能力、素养的过程中,多一个可凭借、搀扶的工具。学生当然是应该直接解读教材的,但解读中未免会遇到疑难,有时甚至还会因不知重点,无从下手而感到茫然。而练习性质的教辅,如果使用得当,往往会给学生以帮助、使学生感到方便。

我们认为,练习也是一种实践,是一种学习范畴中的实践。适当的练习,比较典范的练习,可以提高学生的认知水平和解决问题的能力。关键在于精到、有用。本书编写就是依着这一理念进行的,虽然有所拓展,虽然在引导学生创新上有所追求,但是决不简单重复,或旁逸斜出,以致形成题海,给学生造成过重的负担。

我们把练习分成基础训练和拓展提高两个层次,意在使同学们有所选择。基础训练题是掌握本节、本课知识技能所必需的题,要全做、做正确;拓展提高题,是从更高的知识和思维层面提出问题,用以拓展和提高同学们思路和能力,这些题要有选择地做,当然选做得多一点更好。有些题可以和同学们探讨或请教老师,这样会涉及得更广更深。

栏目中还有一个“考点热点”,设此是为了给学生某些信息,让学生有所了解。渐进式地让学生对高考试题有所接触,不至于到了高三有陌生感,这会对他们高考有好处。

目前,这类书籍是“百花齐放,百家争鸣”。我们不追求花哨,也不想代替学生,更不想惑人耳目,只想依据“标准”和教材,给学生一些辅助。同学们扎实地研讨教材,认真地听课,再做练习,定会有所进步!

# 目 录

## 第六章 不等式

|                       |    |
|-----------------------|----|
| 第一节 不等式的性质 .....      | 1  |
| 第二节 算术平均数与几何平均数 ..... | 6  |
| 第三节 不等式的证明 .....      | 10 |
| 第四节 不等式的解法举例 .....    | 17 |
| 第五节 含有绝对值的不等式 .....   | 22 |
| 第六章综合测试 .....         | 27 |

## 第七章 直线和圆的方程

|                     |    |
|---------------------|----|
| 第一节 直线的倾斜角和斜率 ..... | 30 |
| 第二节 直线的方程 .....     | 32 |
| 第三节 两条直线的位置关系 ..... | 38 |
| 第四节 简单的线性规划 .....   | 45 |
| 期中综合测试 .....        | 50 |
| 第五节 曲线和方程 .....     | 53 |
| 第六节 圆的方程 .....      | 58 |
| 第七章综合测试 .....       | 64 |

## 第八章 圆锥曲线方程

|                      |      |
|----------------------|------|
| 一 椭圆 .....           | 67   |
| 第一节 椭圆及其标准方程 .....   | 67   |
| 第二节 椭圆的简单几何性质 .....  | 72   |
| 二 双曲线 .....          | 81   |
| 第三节 双曲线及其标准方程 .....  | 81   |
| 第四节 双曲线的简单几何性质 ..... | 86   |
| 三 抛物线 .....          | 92   |
| 第五节 抛物线及其标准方程 .....  | 92   |
| 第六节 抛物线的简单几何性质 ..... | 95   |
| 第八章综合测试 .....        | 100  |
| 期末综合测试 .....         | 104  |
| 答案辑录 .....           | 1~32 |

## 第六章 不等式

## 第一节 不等式的性质



## 学习目标

1. 理解不等式性质及其推论.
2. 利用性质进行大小比较.



## 基础训练

1. 若  $m \neq n$ , 且  $p = m^2 - mn, q = nm - n^2$ , 则有 ( )
  - A.  $p > q$
  - B.  $p < q$
  - C.  $p = q$
  - D. 由  $m, n$  取值决定
2. 若  $a < b < 0$ , 则下面命题正确的是 ( )
  - A.  $\frac{1}{a-b} > \frac{1}{a}$
  - B.  $\frac{1}{a-b} = \frac{1}{a}$
  - C.  $\frac{1}{a-b} < \frac{1}{a}$
  - D. 不能确定
3. 已知  $a > b$ , 且  $ab \neq 0$ , 则  $\frac{1}{a}$  与  $\frac{1}{b}$  大小关系为 ( )
  - A.  $\frac{1}{a} > \frac{1}{b}$
  - B.  $\frac{1}{a} < \frac{1}{b}$
  - C.  $\frac{1}{a} > \frac{1}{b}$  或  $\frac{1}{a} < \frac{1}{b}$
  - D. 以上都不对
4. 下列命题中, 正确的是 ( )
  - A. 若  $x < 0$ , 则  $x^2 > x$
  - B. 若  $x^2 > 0$ , 则  $x > 0$
  - C. 若  $x^2 > x$ , 则  $x < 0$
  - D. 若  $x < 1$ , 则  $x^2 < x$
5. 若  $a - b > a, a + b < b$ , 则有 ( )
  - A.  $a > 0, b > 0$
  - B.  $a > 0, b < 0$
  - C.  $a < 0, b < 0$
  - D.  $a < 0, b > 0$
6. 已知实数  $x^2 + x < 0$ , 则  $x^2, x, -x$  的大小关系是 ( )
  - A.  $-x < x < x^2$
  - B.  $x < x^2 < -x$
  - C.  $x^2 < x < -x$
  - D.  $x < -x < x^2$
7. 在不等式 ①  $x^2 + 1 \leq x^2$ ; ②  $1 \geq 0$ ; ③  $a^2 \geq 0$ ; ④  $a + 1 < 0$ ; ⑤  $(x - y)^2 \geq 0$ ; ⑥  $x^2 + 4x + 1 > 0$  中, 绝对不等式为 \_\_\_\_\_, 条件不等式为 \_\_\_\_\_, 矛盾不等式为 \_\_\_\_\_.
8.  $a \in \mathbf{R}$ , 则  $a^2 + 3$  与  $2a$  的大小关系为 \_\_\_\_\_.
9.  $ab > 0$  是  $a > 0, b > 0$  的 \_\_\_\_\_ 条件.
10. 设  $m = a^2 + b^2 + c^2, n = ab + bc + ca$ , 则  $m, n$  大小关系为 \_\_\_\_\_.
11. 设  $a, b \in \mathbf{R}$ , 试比较  $a^2 - 3ab$  与  $ab - 4b^2$  的大小.

12. 设  $x \in \mathbf{R}$ , 试比较  $2x^3$  与  $x-1$  的大小.

13. 已知  $x, y$  均为正数, 设  $M = \frac{1}{x} + \frac{1}{y}$ ,  $N = \frac{4}{x+y}$ , 试比较  $M$  与  $N$  的大小.

## 二

1. 若  $a+b>0, b<0$ , 下列关系成立的是 ( )

- A.  $a>b>-a>-b$   
 B.  $a>-a>b>-b$   
 C.  $a>-b>b>-a$   
 D.  $-a>-b>a>b$

2.  $-1<\alpha<\beta<1$ , 下列不等式恒成立的是 ( )

- A.  $-2<\alpha-\beta<0$   
 B.  $-2<\alpha-\beta<-1$   
 C.  $-1<\alpha-\beta<0$   
 D.  $-1<\alpha-\beta<1$

3. 若  $m=2x^2+2x+1, n=(x+1)^2$ , 则  $m, n$

的大小关系为 ( )

- A.  $m>n$                       B.  $m \geq n$   
 C.  $m<n$                       D.  $m \leq n$

4. 在所给的 4 个条件: ①  $b>0>a$ ; ②  $0>a>b$ ; ③  $a>0>b$ ; ④  $a>b>0$  中, 能推出  $\frac{1}{a}<\frac{1}{b}$  成立的有 ( )

- A. 1 个                          B. 2 个  
 C. 3 个                          D. 4 个

5. 若  $a \geq b$ , 则 ( )

- A.  $(ac)^2 \geq (bc)^2$             B.  $\frac{a}{c^2} > \frac{b}{c^2}$   
 C.  $ac^2 \geq bc^2$                 D.  $\frac{c^2}{a} > \frac{c^2}{b}$

6. 已知  $a<b<0$ , 下面不等式成立的是 ( )

- A.  $a^2 < b^2$                       B.  $\frac{a}{b} < 1$   
 C.  $\frac{1}{a} < \frac{1}{b}$                         D.  $\frac{1}{a} > \frac{1}{b}$

7. 若  $a<b<0$ , 则  $\sqrt{-a}$  与  $\sqrt{-b}$  的大小关系是 \_\_\_\_\_.

8.  $a>b>0, d>c>0$ , 则  $\frac{a}{c}$  与  $\frac{b}{d}$  的大小关系为 \_\_\_\_\_.

9. 若  $d>c, a+b=c+d, a+d<b+c$ , 则  $a, b, c, d$  的大小关系是 \_\_\_\_\_.

10.  $-\frac{2}{3} < x < \frac{1}{2}$ , 则  $x^2$  的取值范围是 \_\_\_\_\_.

11. 已知  $a \geq 1$ , 试比较  $\sqrt{a+1} - \sqrt{a}$  与  $\sqrt{a} - \sqrt{a-1}$  的大小.

12. 设直角三角形斜边长为  $c$ , 两直角边长分别为  $a, b$ , 试比较  $c^3$  与  $a^3 + b^3$  的大小.

三

13. 已知  $\alpha \in (0, \pi)$ , 比较  $2\sin 2\alpha$  与  $\frac{\sin \alpha}{1 - \cos \alpha}$  的大小.

1. 已知  $a > b, c > d$ , 则有 ( )
- A.  $a - c > b - d$       B.  $ac > bd$
- C.  $\frac{a}{c} > \frac{b}{d}$       D.  $a - d > b - c$
2. 下列推导中, 不正确的是 ( )
- A.  $c - a < c - b \Rightarrow a > b$
- B.  $\begin{cases} \frac{c}{a} < \frac{c}{b} \\ c > 0 \end{cases} \Rightarrow a > b$
- C.  $\begin{cases} a > b > 0 \\ c > d > 0 \end{cases} \Rightarrow \sqrt{\frac{a}{d}} > \sqrt{\frac{b}{c}}$
- D.  $\sqrt[n]{a} < \sqrt[n]{b} (n \in \mathbf{N}, n \geq 2) \Rightarrow a < b$
3. 若  $x + y = 2, b < x < a$ , 下列不等式正确的是 ( )
- A.  $2 - a < y < 2 - b$
- B.  $2 - b < y < 2 - a$
- C.  $b + 2 > y > a + 2$
- D.  $b + 2 < y < a + 2$
4. 已知  $1 < x < 10$ , 则下列关系正确的是 ( )
- A.  $\lg^2 x > \lg x^2 > \lg \lg x$
- B.  $\lg \lg x > \lg x^2 > \lg^2 x$
- C.  $\lg x^2 > \lg^2 x > \lg \lg x$
- D.  $\lg^2 x > \lg \lg x > \lg x^2$
5. 已知  $c < 0$ , 下列等式中成立的一个是 ( )
- A.  $c > 2^c$       B.  $c > (\frac{1}{2})^c$
- C.  $2^c < (\frac{1}{2})^c$       D.  $2^c > (\frac{1}{2})^c$
6. 若  $a, b, c \in \mathbf{R}$ , 下列命题中真命题是 ( )
- A.  $a > b \Rightarrow a^2 > b^2$
- B.  $|a| > b \Rightarrow a^2 > b^2$
- C.  $a > b \Rightarrow \sqrt{a} > \sqrt{b}$
- D.  $a > |b| \Rightarrow a^2 > b^2$
7. 若  $a > b > 0$ , 且 \_\_\_\_\_, 则  $\frac{a}{x} > \frac{b}{y}$ .
8.  $8 < x < 10, 2 < y < 4$ , 则  $\frac{x}{y}$  的取值范围是



9. 使不等式  $a^2 > b^2$ ,  $\frac{a}{b} > 1$ ,  $\lg(a-b) > 0$ ,  $2^a > 2^{b-1}$  都成立的  $a$  与  $b$  的关系式为 \_\_\_\_\_.

10. 如果  $a > b > c > 1$ , 则  $\sqrt{ab}$ 、 $\sqrt{ac}$ 、 $\sqrt{bc}$ 、 $\sqrt{abc}$  从小到大顺序是 \_\_\_\_\_.

11. 已知  $a > b > 0$ ,  $c < d < 0$ , 求证  $ac < bd$ .

12. 设  $3 < a < 7$ ,  $1 < b < 2$ , 试求  $a+b$ ,  $a-b$ ,  $\frac{a}{b}$  的范围.

13. 已知  $a > b > c > d > 0$ , 且  $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$ , 求证:  $a+d > b+c$ .



### 拓展提高

1. 已知  $f(x) = ax^2 + bx$ , 且  $1 \leq f(-1) \leq 2$ ,  $2 \leq f(1) \leq 4$ , 求  $f(-2)$  的取值范围.

2. 已知  $x > 0, x \neq 1, f(x) = \log_x 3x, g(x) = 2\log_x 2$ , 试比较  $f(x)$  与  $g(x)$  的大小.

4. 比较  $(\frac{\sqrt{6}}{6}x+1)^3 - (\frac{\sqrt{6}}{6}x-1)^3$  与 2 的大小.  
( $x \in \mathbf{R}$ )

3. 已知  $a, b, c$  为互不相等的正数, 试比较  $a^{2a}b^{2b}c^{2c}$  与  $a^{b+c}b^{c+a}c^{a+b}$  的大小.

5. 若  $a, b, c$  满足  $b+c=3a^2-4a+b, b-c=a^2-4a+4$ , 比较  $a, b, c$  的大小.



### 考点热点

1. 已知实数  $a, b$  满足等式  $(\frac{1}{2})^a = (\frac{1}{3})^b$ , 下列 5 个关系式: ①  $0 < b < a$ ; ②  $a < b < 0$ ; ③  $0 < a < b$ ; ④  $b < a < 0$ ; ⑤  $a = b$ . 其中不可能成立的关系式有 ( )
- A. 1 个                      B. 2 个

C. 3 个

D. 4 个

2. 已知三个不等式  $ab > 0, bc - ad > 0, \frac{c}{a} - \frac{d}{b} > 0$ , (其中  $a, b, c, d$  均为实数), 用其中两个不等式作为条件, 余下的一个不等式作为结论组成一个命题, 可组成正确命题的个数是 ( )
- A. 0                      B. 1  
C. 2                      D. 3

## 第二节 算术平均数与几何平均数



### 学习目标

- 掌握两个正数算术平均数不小于它们的几何平均数的定理.
- 会用均值不等式证明不等式及求某些函数的最值.



### 基础训练

1. 若  $a, b$  为非零实数, 则在 ( )

①  $\frac{a^2+b^2}{2} \geq ab$ ;

②  $(\frac{a+b}{2})^2 \leq \frac{a^2+b^2}{2}$ ;

③  $\frac{a+b}{2} \geq \frac{ab}{a+b}$ ;

④  $\frac{b}{a} + \frac{a}{b} \geq 2$ .

其中恒成立个数是 ( )

A. 4

B. 3

C. 2

D. 1

2. 已知  $a > 0, b > 0$ , 且  $a + b = 4$ , 则下列不等式恒成立的是 ( )

A.  $\frac{1}{ab} \geq \frac{1}{2}$

B.  $\frac{1}{a} + \frac{1}{b} \geq 1$

C.  $\sqrt{ab} \geq 2$

D.  $\frac{1}{a^2+b^2} \leq \frac{1}{4}$

3. 在下列函数中, 当  $x$  为正数时,  $y$  的最小值为 4 的是 ( )

A.  $y = x + \frac{4}{x}$

B.  $y = \lg x + \frac{1}{\lg x}$

C.  $y = \sqrt{x^2+1} + \frac{1}{\sqrt{x^2+1}}$

D.  $y = x^2 - 2x + 3$

4. 若  $0 < a < 1, 0 < b < 1$ , 则  $a+b, 2\sqrt{ab}, a^2+b^2, 2ab$  中最大的一个是 ( )

A.  $a+b$

B.  $2\sqrt{ab}$

C.  $a^2+b^2$

D.  $2ab$

5. 对于任意正数  $a, b$ , 设  $A = \frac{a+b}{2}, G = \sqrt{ab}$ , 那么一定有 ( )

A.  $ab \leq AG$

B.  $ab \geq AG$

C.  $ab = AG$

D.  $ab \neq AG$

6. 设  $a, b \in \mathbf{R}$ , 且  $a \neq b, a+b=2$ , 则必有 ( )

A.  $1 \leq ab \leq \frac{a^2+b^2}{2}$

B.  $ab < 1 < \frac{a^2+b^2}{2}$

C.  $ab < \frac{a^2+b^2}{2} < 1$

D.  $\frac{a^2+b^2}{2} < ab < 1$

7. 不等式  $\frac{a}{b} + \frac{b}{a} > 2$  成立的充要条件是 \_\_\_\_\_

8. 若  $a > b > 1$ ,  $P = \sqrt{\lg a \lg b}$ ,  $Q = \frac{1}{2}(\lg a + \lg b)$ ,  $R = \lg \frac{a+b}{2}$ , 则  $P, Q, R$  的大小关系为 \_\_\_\_\_.

9. 若  $a > 1$ , 则  $a + \frac{1}{a-1}$  有最 \_\_\_\_\_ 值, 为 \_\_\_\_\_; 若  $a < 1$ , 则  $a + \frac{1}{a-1}$  有最 \_\_\_\_\_ 值, 为 \_\_\_\_\_.

10. 若  $x > y > 0$ ,  $xy = 1$ , 求证  $\frac{x^2 + y^2}{x - y} \geq 2\sqrt{2}$ .

11. 若正数  $a, b$  满足  $ab = a + b + 3$ , 求  $ab$  的取值范围.

12. 已知  $a, b \in \mathbf{R}^+$ , 且  $a + b = 1$ , 若  $\frac{1}{a} + \frac{1}{b} \geq m$  恒成立, 求实数  $m$  的最大值.

二

1. 若  $x, y$  为正实数, 且满足  $x + 4y = 40$ , 则  $\lg x + \lg y$  的最大值是 ( )

A. 40                      B. 10

C. 4                         D. 2

2.  $x, y \in \mathbf{R}$ , 且  $x + y = 5$ , 则  $3^x + 3^y$  的最小值为 ( )

A.  $18\sqrt{3}$                 B.  $9\sqrt{3}$

C.  $6\sqrt{3}$                     D. 10

3. 已知  $x < 0$ , 则  $|x| - \frac{1}{x}$  有 ( )

A. 最大值 -2

B. 最小值 2

C. 最小值 -2

D. 最大值 2

4. 设  $a > 0, b > 0, c > 0$ , 且  $a + b + c = 1$ , 若  $M = (\frac{1}{a} - 1)(\frac{1}{b} - 1)(\frac{1}{c} - 1)$ , 则必有 ( )

A.  $0 \leq M < \frac{1}{8}$

- B.  $\frac{1}{8} < M < 1$
- C.  $\frac{1}{8} \leq M < 1$
- D.  $M \geq 8$
5.  $ab$  没有最大值的条件是 ( )
- A.  $a^2 + b^2$  为定值
- B.  $a > 0, b > 0$  且  $a + b$  为定值
- C.  $a < 0, b < 0$  且  $a + b$  为定值
- D.  $ab < 0$  且  $a + b$  为定值
6. 若  $a + b = 1$ , 则  $\sqrt{2a+1} \cdot \sqrt{2b+1}$  有可能等于 ( )
- A.  $3\sqrt{2}$                       B.  $2\sqrt{3}$
- C.  $3\sqrt{3}$                       D. 2
7. 若  $\lg x + \lg y = 2$ , 则  $\frac{1}{x} + \frac{1}{y}$  的最小值为 \_\_\_\_\_.
8. 若直角三角形斜边长为 1, 则其内切圆半径的最大值为 \_\_\_\_\_.
9. 一批救灾物资随 26 辆汽车从某市以  $v$  km/h 速度直达灾区, 已知两地公路线长 400 km, 为了安全起见, 两辆汽车间距不得小于  $(\frac{v}{20})^2$  km, 那么这批物资运到灾区, 至少需要时间 \_\_\_\_\_ h.
10. 已知实数  $x, a_1, a_2, y$  成等差数列,  $x, b_1, b_2, y$  成等比数列, 则  $\frac{(a_1 + a_2)^2}{b_1 b_2}$  的取值范围是 \_\_\_\_\_.
11. 若  $a + b = 2$ , 且  $a \neq b$ , 试比较  $1, ab, \frac{a^2 + b^2}{2}$  的大小.
12. 设  $0 < x < 2$ , 求函数  $y = \sqrt{3x(8-3x)}$  的最大值, 并写出此时  $x$  的值.
13. 如果直角三角形周长为 2, 试求它的最大面积.
14. 已知  $x > 3$ , 求  $y = \frac{2x^2}{x-3}$  的最小值.





### 拓展提高

1. 当  $0 < x < 1, a, b \in \mathbf{C}^+$  时, 求  $y = \frac{a^2}{x} + \frac{b^2}{1-x}$  的最小值.

2. 设  $a > 0, a \neq 1, t > 0$ , 比较  $\frac{1}{2} \log_a t$  与  $\log_a \frac{t+1}{2}$  的大小.

3. 设  $a, b, c > 0$ , 求证  $\frac{a^2}{b} + \frac{b^2}{c} + \frac{c^2}{a} \geq a + b + c$ .

4. 已知  $x > 3$ , 求  $y = \frac{2x^2}{x-3}$  的最小值.

5. 设  $a > b > c$ , 且  $\frac{1}{a-b} + \frac{1}{b-c} \geq \frac{m}{a-c}$  恒成立, 则  $m$  的取值范围是\_\_\_\_\_.



### 考点热点

1. 设计一幅宣传画, 要求画面面积为  $4840 \text{ cm}^2$ , 画面宽和高的比为  $\lambda (\lambda < 1)$ , 画面上下各留  $8 \text{ cm}$  的空白, 左右各留  $5 \text{ cm}$  空白, 怎

样设计确定画面的高与宽尺寸,能够使宣传画所用纸张面积最小?

2. 设  $a > 0, b < 0$ , 则以下不等式中不恒成立的是 ( )

A.  $(a+b)\left(\frac{1}{a} + \frac{1}{b}\right) \geq 4$

B.  $a^3 + b^3 \geq 2ab^2$

C.  $a^2 + b^2 + 2 \geq 2a + 2b$

D.  $\sqrt{|a-b|} \geq \sqrt{a} - \sqrt{b}$

### 第三节 不等式的证明



#### 学习目标

掌握分析、综合、比较等几种常见方法,证明简单的不等式.



#### 基础训练

- 已知  $a = x^2 + 1, b = x^2 - 2x + 3$ , 则  $a, b$  的大小关系为 ( )
  - $a > b$
  - $a = b$
  - $a < b$
  - 与  $x$  取值有关
- 若  $a, b \in \mathbf{R}, a > b$  和  $\frac{1}{a} > \frac{1}{b}$  同时成立时, 须满足的条件是 ( )
  - $ab > 0$
  - $ab < 0$
  - $-b > 0 > -a$
  - $-a > 0 > -b$
- 若  $a, b$  是不等的正数, 则  $ab^k + a^k b - (a^{k+1} + b^{k+1}), k \in \mathbf{N}^+$  的符号是 ( )
  - 恒正
  - 恒负
  - 与  $k$  的奇偶有关
  - 与  $a, b$  的大小有关
- 下列一组不等式: ①  $2|a| > 2a; ② a^3 > a^2;$

③  $3a > 2a; ④ 3 - a > 2 - a; ⑤ \lg a > \lg(a-1)$ , 条件不等式的个数为 ( )

A. 2

B. 3

C. 4

D. 5

5. 设  $a, b, m$  都是正数, 且  $a < b$ , 则下列不等式恒不成立的是 ( )

A.  $\frac{a}{b} < \frac{a+m}{b+m} < 1$

B.  $\frac{a}{b} \geq \frac{a+m}{b+m}$

C.  $\frac{a}{b} \leq \frac{a+m}{b+m} \leq 1$

D.  $1 < \frac{b+m}{a+m} < \frac{b}{a}$

6. 设  $x, y, z \in \mathbf{R}$ , 且  $x^2 + y^2 = z^2$ , 则  $x^3 + y^3$  与  $z^3$  的大小关系是 ( )

A.  $x^3 + y^3 = z^3$

B.  $x^3 + y^3 > z^3$

C.  $x^3 + y^3 < z^3$

D. 无法确定

7. 设  $x > 2, y > 2$ , 则  $xy$  \_\_\_  $x + y$ . (填“>”或“<”)

8. 设  $x = a^2 b^2 + 5, y = 2ab - a^2 - 4a$ , 若  $x > y$ , 则实数  $a, b$  应满足条件\_\_\_\_\_.

9. 若  $a > 0, b > 0$ , 则以下两式大小关系是  $\lg(1 + \sqrt{ab})$  \_\_\_  $\frac{1}{2}[\lg(1+a) + \lg(1+b)]$ .

10. 已知  $b$  千克盐水中含盐  $a$  千克 ( $b > a$ ), 现加盐  $m$  ( $m > 0$ ) 千克, 若加盐前盐水浓度为  $M$ , 加盐后盐水浓度为  $N$ , 则  $M, N$  大小关

系是\_\_\_\_\_.

11. 求证:  $3(1+a^2+a^4) \geq (1+a^2+a)^2$ .

12. 已知  $a > 0, b > 0, n \in \mathbf{N}$ , 求证:

$$(a+b)(a^n+b^n) \leq 2(a^{n+1}+b^{n+1}).$$

13. 设  $0 < a < 1$ , 试比较  $A = 1 + a^2, B = \frac{1}{1-a}$  的大小.

二

1. 设  $0 < a < b$ , 且  $a + b = 1$ , 则下列不等式中不成立的是 ( )
- A.  $\sqrt{ab} < \frac{1}{2}$
- B.  $\sqrt{ab} < 2ab$
- C.  $\sqrt{ab} < a^2 + b^2$
- D.  $\frac{1}{2} < a^2 + b^2$
2. 已知  $x > 0, y > 0$ , 且  $x^2 + y^2 = 1$ , 则  $x + y$  的最大值为 ( )
- A.  $\sqrt{2}$                       B. 1
- C.  $\frac{\sqrt{2}}{2}$                         D.  $\frac{1}{2}$
3. 设  $a > 0, b > 0, 2c > a + b$ , 则  $c^2$  与  $ab$  的大小关系是 ( )
- A.  $c^2 < ab$                       B.  $c^2 \leq ab$
- C.  $c^2 > ab$                       D.  $c^2 \geq ab$
4. 某工厂第一年产量为  $A$ , 第二年增长率为  $a$ , 第三年增长率为  $b$ , 这两年的平均增长率

为  $x$ , 则

A.  $x = \frac{a+b}{2}$

B.  $x \leq \frac{a+b}{2}$

C.  $x > \frac{a+b}{2}$

D.  $x^2 \geq ab$

5. 已知  $a > 1, a^{\lg b} = \sqrt[4]{2}$ , 则  $\lg(ab)$  的最小值是

A. 1

B.  $\frac{1}{2} \log_2 10$

C.  $\log_2 10$

D.  $\sqrt{\lg 2}$

6. 对一切正数  $m$ , 不等式  $n < \frac{4}{m} + 2m^2$  恒成立, 则常数  $n$  的取值范围为

A.  $(0, 18)$

B.  $(-\infty, 6)$

C.  $(6, +\infty)$

D.  $(0, +\infty)$

7. 已知  $x > 0, y > 0$ , 且  $\frac{2}{x} + \frac{1}{y} = 1$ , 则  $x+y$  的最小值是\_\_\_\_\_.

8.  $n \in \mathbf{N}^+$ , 比较大小  $\frac{n+2}{\sqrt{n+1}}$  \_\_\_\_\_  $\sqrt{n+3}$ .

9.  $(0.3)^{2\sqrt{(x+2)(x+3)}}$  \_\_\_\_\_  $(0.3)^{2x+5}$  (其中  $x > -2$ ) (用不等号连接).

10. 设  $a > 0, b > 0, c > 0, a+b+c=1$ , 则  $\sqrt{a} + \sqrt{b} + \sqrt{c}$  的最大值是\_\_\_\_\_.

11. 求证:  $\frac{1}{2}(a^2 + b^2) + 1 \geq \sqrt{a^2 + 1} \cdot \sqrt{b^2 + 1}$ .

12. 若  $x > 0, y > 0, x+2y=1$ , 求证  $\frac{1}{x} + \frac{1}{y} \geq 3+2\sqrt{2}$ .

13. 设  $a, b, c \in \mathbf{R}$ , 求证  $b^2 c^2 + c^2 a^2 + a^2 b^2 \geq abc \cdot (a+b+c)$ .

≡

1. 要证明  $a^2 + b^2 - 1 - a^2 b^2 \leq 0$ , 只需证明

( )

A.  $2ab - 1 - a^2 + b^2 \leq 0$