

经全国中小学教材审定委员会 2005 年初审通过
义务教育课程标准实验教科书

数学

SHUXUE

八年级下册

元二次方程

特殊平行四边形与梯形

浙江教育出版社

义务教育课程标准实验教科书

数学

八年级下册
SHUXUE

本册教科书编写人员

主 编 范良火

副 主 编 岑 申 张宝珍

编写人员 范良火 金才华 金克勤

徐鸿斌 王亚权 王利明

许芬英 岑 申 黄新民

浙江教育出版社



前 言

亲爱的同学：

当装帧精美、内容丰富、有趣实用的数学教科书放在你面前时，我们衷心地欢迎你进入一个新的学习阶段。

这册新的数学教科书，保持了前面几册的体例、结构和理念。“合作学习”希望你与同伴们携手探索新的数学知识，领悟新的数学方法；“探究活动”引导你亲身经历知识的发生过程，体验“发现”的快乐；“阅读材料”帮助你接触许多有趣的数学史实，开阔你的数学视野；而“设计题”和“课题学习”为你充分显示和发展聪明才智，并在数学中进行探索、实践和创新提供了机会。

数学并不神秘，每个人都可以学好数学。学好数学重要的是要有充分的信心、足够的毅力和良好的方法。我们殷切地希望你认真地阅读课文，思考其中的问题；认真地听老师分析，与同伴交流和讨论。有困难时多动脑、多动手、多想办法、多读、多做，弄懂每一个概念、定理和方法。数学一定会成为你的好朋友。

按照教育部制订的全日制义务教育《数学课程标准（实验稿）》编写的这套教科书共六册，供七~九年级学生使用。八年级下册的主要内容有：二次根式，一元二次方程，频数及其分布，命题与证明，平行四边形，以及特殊平行四边形与梯形。学习二次根式可进一步丰富我们关于代数式的知识，也是学习一元二次方程的需要。一元二次方程既是进一步学习方程与函数的必备基础，在生活和生产实际中也有着广泛的应用。频数及其分布是我们以前所学的统计知识的继续，我们将学习到反映数据分布的新方法。从本册开始，我们将学习命题与证明，把空间与图形领域的学习提高到一个新的阶段，让我们学会证明的思路与方法，体验证明的必要性。平行四边形、特殊平行四边形与梯形是我们在日常生活中经常遇到的图形，知道这些图形的性质和判定也是解决实际问题的需要。

愿我们的教科书帮你增长知识，提高才干，使你能从中欣赏数学的魅力和作用，并享受学习数学的乐趣。

编 者

2006年10月

目 录



第1章 二次根式

2



第2章 一元二次方程

22



第3章 频数及其分布

46



第4章 命题与证明

68



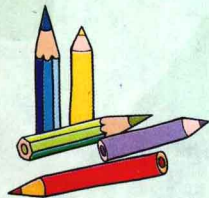
第5章 平行四边形

92

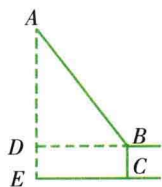


第6章 特殊平行四边形与梯形

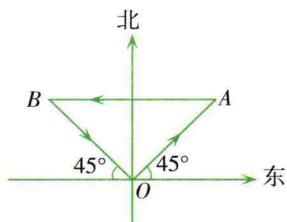
130



如图，架在消防车上的云梯 AB 的坡比为 $1:0.6$ 。已知云梯 AB 长为 15 m ，云梯底部离地面 2 m （即 $BC=2\text{ m}$ ），你能得出云梯的顶端离地面的距离 AE 吗？



一艘快艇的航线如下图所示，从 O 港出发， 1 小时后回到 O 港。设行驶中快艇的速度保持不变，问快艇驶完 AB 这段路程用了多少时间？



运用二次根式及其运算可以帮助我们解决上述这些问题。

本章我们将学习二次根式的概念、性质和运算。





第 1 章
二次根式
ERCIGENSHI

CONTENTS

目录

1.1 二次根式	4
1.2 二次根式的性质	6
1.3 二次根式的运算	11
● 小结	18
● 目标与评定	19



1·1

二次根式

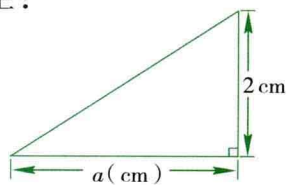


ERCIGENSHI

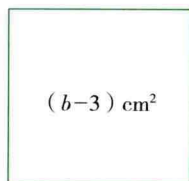
排球网的高AD为2.43米,AC=AB,CB为a米.你能用代数式表示AC的长吗?

我们知道,正数的正平方根和零的平方根统称算术平方根,用 \sqrt{a} ($a \geq 0$)表示.

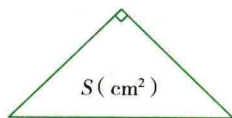
根据图1-1所示的直角三角形、正方形和等腰直角三角形的条件,完成以下填空:



直角三角形



正方形



等腰直角三角形

图 1-1

直角三角形的斜边长是_____;

正方形的边长是_____;

等腰直角三角形的腰的长是_____.

你认为所得的各代数式的共同特点是什么?

像 $\sqrt{a^2+4}$, $\sqrt{b-3}$, $\sqrt{2S}$ 这样表示的算术平方根,且根号内含有字母的代数式叫做**二次根式**.为了方便起见,我们把一个数的算术平方根(如 $\sqrt{3}$, $\sqrt{\frac{1}{2}}$)也叫做二次根式.

根据算术平方根的意义,二次根式根号内字母的取值范围必须满足被开方数大于或等于零.

例 1 求下列二次根式中字母 a 的取值范围:

(1) $\sqrt{a+1}$; (2) $\sqrt{\frac{1}{1-2a}}$; (3) $\sqrt{(a-3)^2}$.

解 (1) 由 $a+1 \geq 0$, 得 $a \geq -1$,

\therefore 字母 a 的取值范围是大于或等于 -1 的实数.

(2) 由 $\frac{1}{1-2a} > 0$, 得 $1-2a > 0$, 即 $a < \frac{1}{2}$,

∴ 字母 a 的取值范围是小于 $\frac{1}{2}$ 的实数.

(3) 因为无论 a 取何值, 都有 $(a-3)^2 \geq 0$, 所以 a 的取值范围是全体实数.

例 2 当 $x = -4$ 时, 求二次根式 $\sqrt{1-2x}$ 的值.

解 将 $x = -4$ 代入二次根式, 得

$$\sqrt{1-2x} = \sqrt{1-2 \times (-4)} = \sqrt{9} = 3.$$



课内练习

KENEILIANXI

1. 求下列二次根式中字母 x 的取值范围:

(1) $\sqrt{x-1}$;

(2) $\sqrt{4x^2}$;

(3) $\sqrt{\frac{1}{x}}$;

(4) $\sqrt{-3x}$.

2. 一艘轮船先向东北方向航行 2 时, 再向西北方向航行 t 时. 船的航速是每时 25 千米.

(1) 用关于 t 的代数式表示船离出发地的距离;

(2) 求当 $t = 3$ 时, 船离出发地多少千米 (精确到 0.01 千米).



作业题

ZUOYETI

A 组 1. 求下列二次根式中字母 a 的取值范围:

(1) \sqrt{a} ;

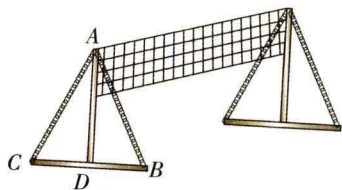
(2) $\sqrt{\frac{1}{2a}}$;

(3) $\sqrt{1-3a}$.

2. 当 $x = -2$ 时, 求二次根式 $\sqrt{2 + \frac{1}{2}x}$ 的值.



3. 一排球网如图所示. 已知 AD 为 2.43 米, CB 为 a 米, $AC = AB$, 求拉索 AC 的长 (用二次根式表示). 若 $a = 2$, 拉索 AC 长多少米 (精确到 0.01 米)?



(第 3 题)

4. 当 x 分别取下列值时, 求二次根式 $\sqrt{4-2x}$ 的值:

(1) $x = 0$;

(2) $x = 1$;

(3) $x = -1$.

B 组 5. 若二次根式 $\sqrt{x^2}$ 的值为 3, 求 x 的值.



6. 物体自由下落时,下落距离 h (米)可用公式 $h=5t^2$ 来估计,其中 t (秒)表示物体下落所经过的时间.

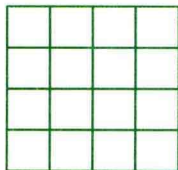
(1) 把这个公式变形用 h 表示 t 的公式;

(2) 一个物体从54.5米高的塔顶自由下落,落到地面需几秒(精确到0.1秒)?



1.2

二次根式的性质



ERIGENSHIDEXINGZHI

你能把一张三边长分别为 $\sqrt{5}$, $\sqrt{5}$, $\sqrt{10}$ 的三角形纸片放入4×4方格内,使它的三个顶点都在方格的顶点上吗?

参考图1-2,完成以下填空:

$$(\sqrt{2})^2 = \underline{\quad}; (\sqrt{7})^2 = \underline{\quad}; \left(\sqrt{\frac{1}{2}}\right)^2 = \underline{\quad}.$$

一般地,二次根式有下面的性质:

$$(\sqrt{a})^2 = a (a \geq 0).$$

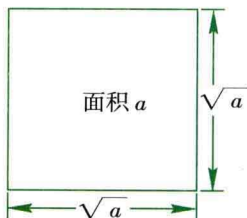


图 1-2



合作学习

HEZUOXUEXI

填空:

$$\sqrt{2^2} = \underline{\quad}, \quad |2| = \underline{\quad};$$

$$\sqrt{(-5)^2} = \underline{\quad}, \quad |-5| = \underline{\quad};$$

$$\sqrt{0^2} = \underline{\quad}, \quad |0| = \underline{\quad}.$$

请比较左右两边的式子,议一议: $\sqrt{a^2}$ 与 $|a|$ 有什么关系?当 $a \geq 0$ 时, $\sqrt{a^2} = \underline{\quad}$;当 $a < 0$ 时, $\sqrt{a^2} = \underline{\quad}$.

一般地,二次根式有下面的性质:

$$\sqrt{a^2} = |a| = \begin{cases} a & (a \geq 0); \\ -a & (a < 0). \end{cases}$$

例 1 计算:

(1) $\sqrt{(-10)^2} - (\sqrt{15})^2$;

(2) $[\sqrt{2} - \sqrt{(-2)^2}] \cdot \sqrt{2} + 2\sqrt{2}$ ①.

解 (1) $\sqrt{(-10)^2} - (\sqrt{15})^2 = |-10| - 15 = 10 - 15 = -5$.

(2) $[\sqrt{2} - \sqrt{(-2)^2}] \cdot \sqrt{2} + 2\sqrt{2}$
 $= (\sqrt{2} - 2) \cdot \sqrt{2} + 2\sqrt{2} = (\sqrt{2})^2 - 2\sqrt{2} + 2\sqrt{2} = 2$.

例 2 计算: $\sqrt{\left(\frac{3}{5} - \frac{2}{3}\right)^2} + \left|\frac{4}{5} - \frac{2}{3}\right|$.

解 $\because \frac{3}{5} - \frac{2}{3} < 0, \frac{4}{5} - \frac{2}{3} > 0,$

\therefore 原式 $= -\left(\frac{3}{5} - \frac{2}{3}\right) + \left(\frac{4}{5} - \frac{2}{3}\right) = -\frac{3}{5} + \frac{2}{3} + \frac{4}{5} - \frac{2}{3} = \frac{1}{5}$.



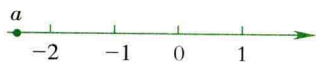
课内练习
KENEILIANXI

1. (口答) 填空:

(1) $\sqrt{(-1)^2} = \underline{\hspace{2cm}}, (-\sqrt{3})^2 = \underline{\hspace{2cm}},$

$\sqrt{\left(1\frac{1}{3}\right)^2} = \underline{\hspace{2cm}}, \sqrt{(-4)^2} = \underline{\hspace{2cm}};$

(2) 数 a 在数轴上的位置如图, 则 $\sqrt{a^2} = \underline{\hspace{2cm}}$.



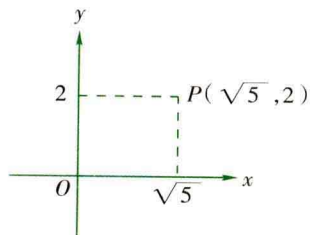
(第 1(2) 题)

2. 计算:

(1) $\sqrt{(-7)^2} - (\sqrt{7})^2$;

(2) $(-\sqrt{11})^2 + \sqrt{(-13)^2}$.

3. 如图, $P(\sqrt{5}, 2)$ 是直角坐标系中一点, 求点 P 到原点的距离.



(第 3 题)

① 数与二次根式相乘时, 乘号可以省略. 例如, $2\sqrt{2}$ 表示 $2 \times \sqrt{2}$.



作业题

ZUOYETI

A 组

1. 填空:

$$(1) (\sqrt{6})^2 = \underline{\quad}; \quad (2) \sqrt{\left(-\frac{2}{7}\right)^2} = \underline{\quad}.$$

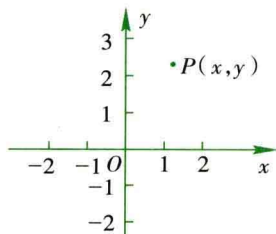
2. 计算:

$$(1) (-\sqrt{5})^2 - \sqrt{16} + \sqrt{(-2)^2}; \quad (2) \left(\sqrt{\frac{2}{5}}\right)^2 - \sqrt{0.1^2} - \sqrt{\frac{1}{4}};$$

$$(3) (\sqrt{a})^2 + \sqrt{a^2} (a \geq 0).$$

$$3. \text{ 计算: } \sqrt{\left(\frac{4}{7} - \frac{1}{2}\right)^2} + \sqrt{\left(\frac{4}{7} - 1\right)^2}.$$

$$4. \text{ 计算: } (\sqrt{3} - 1) \cdot \sqrt{3} + \sqrt{3}.$$



B 组

$$5. \text{ 计算: } \sqrt{(1 - \sqrt{2})^2} + \sqrt{(\sqrt{2} + 1)^2}.$$

6. 如图, P 是直角坐标系中一点.

(1) 用二次根式表示点 P 到原点 O 的距离; (第 6 题)

(2) 如果 $x = \sqrt{2}$, $y = \sqrt{7}$, 求点 P 到原点 O 的距离.

2

下面我们来探索二次根式还有哪些性质.

填空(可用计算器计算):

$$\sqrt{4 \times 9} = \underline{\quad}, \quad \sqrt{4} \times \sqrt{9} = \underline{\quad};$$

$$\sqrt{4 \times 5} = \underline{\quad}, \quad \sqrt{4} \times \sqrt{5} = \underline{\quad};$$

$$\sqrt{\frac{9}{16}} = \underline{\quad}, \quad \frac{\sqrt{9}}{\sqrt{16}} = \underline{\quad};$$

$$\sqrt{\frac{3}{2}} = \underline{\quad}, \quad \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}} = \underline{\quad}.$$

比较左右两边的等式,你发现了什么?你能用字母表示你发现的规律吗?

一般地,二次根式还有下面的性质:

$$\sqrt{ab} = \sqrt{a} \cdot \sqrt{b} (a \geq 0, b \geq 0);$$

$$\sqrt{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}} (a \geq 0, b > 0).$$

例 3 化简:

(1) $\sqrt{121 \times 225}$; (2) $\sqrt{4^2 \times 7}$; (3) $\sqrt{\frac{5}{9}}$; (4) $\sqrt{\frac{2}{7}}$.

解 (1) $\sqrt{121 \times 225} = \sqrt{121} \times \sqrt{225} = 11 \times 15 = 165$.

(2) $\sqrt{4^2 \times 7} = \sqrt{4^2} \times \sqrt{7} = 4\sqrt{7}$.

(3) $\sqrt{\frac{5}{9}} = \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{9}} = \frac{\sqrt{5}}{3}$.

(4) $\sqrt{\frac{2}{7}} = \sqrt{\frac{2 \times 7}{7 \times 7}} = \frac{1}{7} \sqrt{14}$.



一般地,二次根式化简的结果应使根号内的数是一个自然数,且在该自然数的因数中,不含有除1以外的自然数的平方数.

例 4 先化简,再求出下面算式的近似值(精确到0.01):

(1) $\sqrt{(-18) \cdot (-24)}$; (2) $\sqrt{1\frac{1}{49}}$; (3) $\sqrt{0.001 \times 0.5}$.

解 (1) $\sqrt{(-18) \cdot (-24)} = \sqrt{2 \times 9 \times 3 \times 8} = \sqrt{2^4 \times 3^3}$
 $= \sqrt{2^4} \cdot \sqrt{3^3} = 12\sqrt{3} \approx 20.78$.

(2) $\sqrt{1\frac{1}{49}} = \sqrt{\frac{50}{49}} = \frac{\sqrt{50}}{\sqrt{49}} = \frac{5}{7} \sqrt{2} \approx 1.01$.

(3) $\sqrt{0.001 \times 0.5} = \sqrt{10^{-3} \times 10^{-1} \times 5} = \sqrt{(10^{-2})^2 \times 5} = \sqrt{(10^{-2})^2} \times \sqrt{5}$
 $= 10^{-2} \times \sqrt{5} = 0.01 \times \sqrt{5} \approx 0.02$.

由此可见,合理应用二次根式的性质,可以帮助我们简化实数的运算.



课内练习

KENEILIANXI

1. 化简:

(1) $\sqrt{25 \times 4}$; (2) $\sqrt{0.01 \times 0.49}$; (3) $\sqrt{3^2 \times 5^2}$.

2. 化简:

(1) $\sqrt{\frac{9}{25}}$; (2) $\sqrt{1\frac{1}{2}}$; (3) $\sqrt{\frac{5}{8}}$.



3. 先化简,再求出下面算式的近似值:

(1) $5\sqrt{\frac{2}{5}}$ (结果保留4个有效数字);

(2) $\sqrt{\frac{3}{5} - \frac{1}{3}}$ (精确到0.01).



化简下列两组式子:

$$2\sqrt{\frac{2}{3}} = \underline{\hspace{2cm}}, \quad \sqrt{2 + \frac{2}{3}} = \underline{\hspace{2cm}};$$

$$3\sqrt{\frac{3}{8}} = \underline{\hspace{2cm}}, \quad \sqrt{3 + \frac{3}{8}} = \underline{\hspace{2cm}};$$

$$4\sqrt{\frac{4}{15}} = \underline{\hspace{2cm}}, \quad \sqrt{4 + \frac{4}{15}} = \underline{\hspace{2cm}};$$

$$5\sqrt{\frac{5}{24}} = \underline{\hspace{2cm}}, \quad \sqrt{5 + \frac{5}{24}} = \underline{\hspace{2cm}}.$$

你发现了什么规律?请用字母表示你所发现的规律,并与同伴交流.

请再任意选几个数验证你发现的规律.



作业题

ZUOYETI

A 组

1. 化简:

$$(1) \sqrt{1000}; \quad (2) \sqrt{7^2 \times 2^4}; \quad (3) \sqrt{2^5 \times 3^2}.$$

2. 化简:

$$(1) \sqrt{\frac{11}{100}}; \quad (2) \sqrt{\frac{7}{8}}; \quad (3) \sqrt{0.001}.$$



3. 先化简,再求出下面算式的近似值(结果保留4个有效数字):

$$(1) \frac{2}{3} \sqrt{\frac{27}{4}}; \quad (2) \sqrt{\frac{3^2 + 4^2}{125}}.$$

4. 已知等边三角形的边长为4 cm,求它的高.^①

B 组

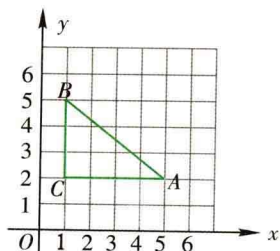
5. 化简:

$$(1) \sqrt{12^2 + 24^2}; \quad (2) \sqrt{8.1 \times 10^4};$$

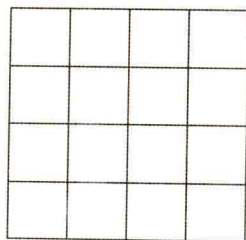
$$(3) \sqrt{\left(\frac{8}{13}\right)^2 - \left(\frac{2}{13}\right)^2}; \quad (4) \sqrt{1\frac{1}{80}}.$$

6. 在直角坐标系中,已知点 $A(5,2)$, $B(1,5)$, $C(1,2)$ 是直角三角形的三个顶点(如图),求 AB 的长.

^① 本套教科书中,凡没有注明精确度的,结果可含二次根式,但能化简的应予化简.



(第6题)



(第7题)

- C 组** 7. 一个三角形的三条边长分别为 $3, 2\sqrt{2}, \sqrt{5}$. 在如图 4×4 方格内画出这个三角形, 使它的顶点都在方格的顶点上.



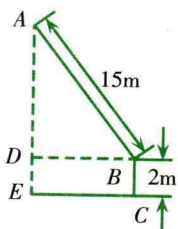
1·3

二次根式的运算

ERICENSHIDEYUNSUAN



如图, 架在消防车上的云梯 AB 长为 15 m , $AD:BD=1:0.6$, 云梯底部离地面的距离 BC 为 2 m . 你能求出云梯的顶端离地面的距离 AE 吗?



根据二次根式的性质, 我们可以得到:

$$\sqrt{a} \times \sqrt{b} = \sqrt{ab} \quad (a \geq 0, b \geq 0);$$

$$\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}} = \sqrt{\frac{a}{b}} \quad (a \geq 0, b > 0).$$

上述法则可以用于二次根式的乘除运算.

例 1 计算:

(1) $\sqrt{2} \times \sqrt{6}$; (2) $\sqrt{1\frac{2}{3}} \times \sqrt{\frac{27}{10}}$; (3) $\frac{\sqrt{5.2 \times 10^7}}{\sqrt{1.3 \times 10^9}}$.

解 (1) $\sqrt{2} \times \sqrt{6} = \sqrt{2 \times 6} = \sqrt{2^2 \times 3} = 2\sqrt{3}$.

$$(2) \sqrt{1\frac{2}{3}} \times \sqrt{\frac{27}{10}}$$

$$= \sqrt{\frac{5}{3} \times \frac{27}{10}} = \sqrt{\frac{9}{2}} = \sqrt{\frac{9 \times 2}{2^2}} = \frac{3}{2} \sqrt{2}.$$

$$(3) \frac{\sqrt{5.2 \times 10^7}}{\sqrt{1.3 \times 10^9}} = \sqrt{\frac{5.2 \times 10^7}{1.3 \times 10^9}} = \sqrt{\frac{4}{10^2}} = \frac{2}{10} = \frac{1}{5}.$$

注意

$\frac{3}{2}\sqrt{2}$ 不能

写成 $1\frac{1}{2}\sqrt{2}$.

例 2 一个正三角形路标如图1-3. 若它的边长为 $2\sqrt{2}$ 个单位, 求这个路标的面积.

解 如图1-3, 作 $AD \perp BC$ 于点 D , 则

$$BD = CD = \frac{1}{2}BC = \frac{1}{2} \times 2\sqrt{2} = \sqrt{2}.$$

在 $\text{Rt}\triangle ACD$ 中,

$$AD = \sqrt{AC^2 - CD^2} = \sqrt{(2\sqrt{2})^2 - (\sqrt{2})^2} = \sqrt{6}.$$

$$\therefore S_{\triangle ABC} = \frac{1}{2} \times BC \times AD = \frac{1}{2} \times 2\sqrt{2} \times \sqrt{6} = 2\sqrt{3} \text{ (平方单位)}.$$

答: 这个路标的面积为 $2\sqrt{3}$ 平方单位.

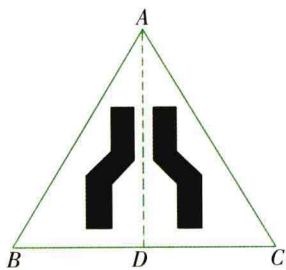


图 1-3



课内练习

KENEILIANXI

1. 计算:

(1) $\sqrt{12} \times \sqrt{3}$;

(2) $\sqrt{1000} \times \sqrt{0.1}$;

(3) $\sqrt{\frac{3}{2}} \times \sqrt{\frac{2}{3}}$;

(4) $\sqrt{24} \times \sqrt{3}$.

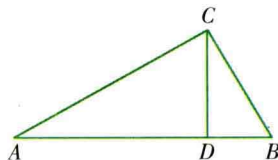
2. 计算:

(1) $\frac{\sqrt{7}}{\sqrt{6}}$;

(2) $\frac{\sqrt{3 \times 10^5}}{\sqrt{2.7 \times 10^3}}$;

(3) $\frac{1}{\sqrt{5}}$.

3. 如图, 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle ACB = \text{Rt}\angle$, $BC = \sqrt{2}$, $AC = \sqrt{6}$, 求斜边上的高 CD .



(第 3 题)



作业题

ZUOYETI

A 组 1. 计算:

(1) $\sqrt{8} \times \sqrt{18}$; (2) $\sqrt{0.5} \times \sqrt{2.5}$;

(3) $\sqrt{1\frac{1}{4}} \times \sqrt{\frac{2}{5}}$; (4) $\sqrt{1.2 \times 10^2} \times \sqrt{3 \times 10^5}$.

2. 计算:

(1) $\frac{\sqrt{50}}{\sqrt{10}}$; (2) $\frac{\sqrt{32}}{\sqrt{2}}$;

(3) $\frac{2}{\sqrt{2}}$; (4) $\frac{\sqrt{1.6 \times 10^4}}{\sqrt{0.4 \times 10^2}}$.



3. 计算(结果保留4个有效数字):

(1) $\sqrt{130} \times \sqrt{0.2}$; (2) $\sqrt{49} \div (2\sqrt{7})$.

4. 已知等腰直角三角形的斜边长为 $\sqrt{2}$, 求它的面积.

B 组 5. 计算: $\sqrt{2}(\sqrt{2} - \sqrt{3})$ (精确到0.01).



6. 解方程: $2\sqrt{2}x = -\sqrt{24}$.

2

以前我们学过的整式运算的法则和方法也适用于二次根式的运算. 例如, 类似于合并同类项, 我们可以把相同二次根式的项合并.



例 3 先化简, 再求出近似值(精确到0.01):

$$\sqrt{12} - \sqrt{\frac{1}{3}} - \sqrt{1\frac{1}{3}}.$$

解 原式 $= \sqrt{2^2 \times 3} - \sqrt{\frac{3}{3^2}} - \sqrt{\frac{4 \times 3}{3^2}} = 2\sqrt{3} - \frac{1}{3}\sqrt{3} - \frac{2}{3}\sqrt{3}$
 $= \left(2 - \frac{1}{3} - \frac{2}{3}\right)\sqrt{3} = \sqrt{3} \approx 1.73.$

例 4 计算:

(1) $\sqrt{27} - 3\sqrt{6} \times \sqrt{2}$; (2) $\left(\sqrt{\frac{3}{8}} - 3\sqrt{3}\right) \cdot \sqrt{6}$;

$$(3) (\sqrt{48} - \sqrt{27}) \div \sqrt{3}.$$

解 (1) 原式 $= 3\sqrt{3} - 6\sqrt{3} = -3\sqrt{3}.$

$$(2) \text{原式} = \sqrt{\frac{3}{8}} \cdot \sqrt{6} - 3\sqrt{3} \cdot \sqrt{6}$$

$$= \sqrt{\frac{3}{8} \times 6} - 3\sqrt{3 \times 6} = \frac{3}{2} - 9\sqrt{2}.$$

$$(3) \text{原式} = \sqrt{48} \div \sqrt{3} - \sqrt{27} \div \sqrt{3} = \sqrt{16} - \sqrt{9} = 4 - 3 = 1.$$

例 5 计算:

$$(1) (2\sqrt{2} - 3\sqrt{3})(3\sqrt{3} + 2\sqrt{2});$$

$$(2) (2 - \sqrt{2})(3 + 2\sqrt{2}).$$

解 (1) 原式 $= (2\sqrt{2})^2 - (3\sqrt{3})^2 = 8 - 27 = -19.$

$$(2) \text{原式} = 6 + 4\sqrt{2} - 3\sqrt{2} - 4 = 2 + \sqrt{2}.$$



课内练习

KENEILIANXI

1. 先化简,再求出近似值(精确到0.01):

$$\sqrt{\frac{2}{3}} - \left(\frac{1}{6}\sqrt{24} - \frac{3}{2}\sqrt{12} \right).$$

2. 计算:

$$(1) \frac{1}{2}\sqrt{24} - 2\sqrt{3} \times \sqrt{2}; \quad (2) \sqrt{3}(1 - \sqrt{15}) - 3\sqrt{\frac{1}{5}}.$$

3. 计算:

$$(1) (1 + \sqrt{2})(2 - \sqrt{2}); \quad (2) (3\sqrt{5} - 5\sqrt{2})^2.$$

4. 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle C = \text{Rt}\angle$, $AC = 2\sqrt{2}$, $AB = 3\sqrt{2}$, 求 $\text{Rt}\triangle ABC$ 的周长和面积.



作业题

ZUOYETI

A组 1. 计算:

$$(1) \sqrt{125} - \sqrt{\frac{1}{125}} - \sqrt{\frac{16}{5}};$$

$$(2) (2\sqrt{6})^2 - (-3\sqrt{2})^2;$$

$$(3) \sqrt{24} \div \sqrt{3} - \sqrt{6} \times 2\sqrt{3};$$