

义务教育四年制初级中学教科书

(实验本)

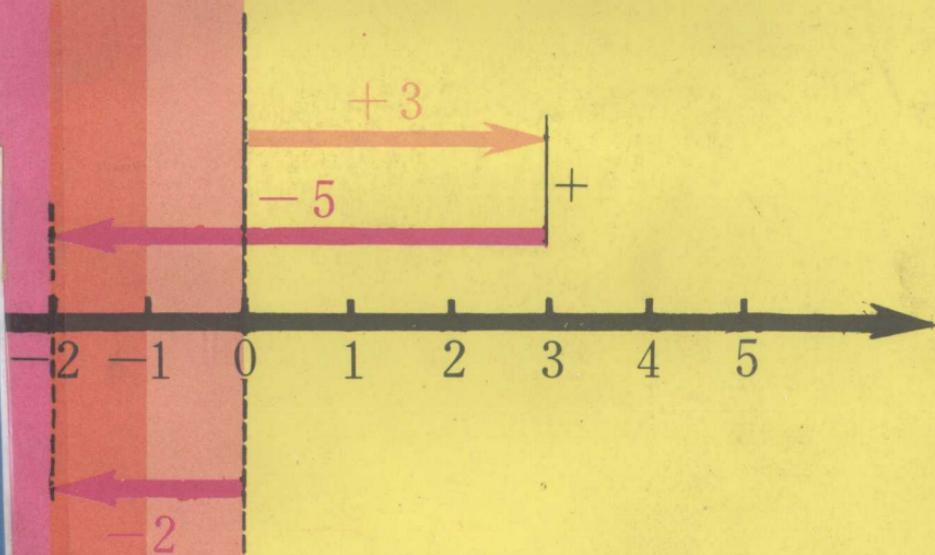
# 代数

DAI SHU

第一册 (上)

人民教育出版社数学室  
吉林省教育学院中学教研部

编著



$$(+3) + (-5) = -2$$

基础教育出版社（京）

义务教育四年制初级中学教科书  
(实验本)

代 数

第一册(上)



人教社出版

(京)新登字113号

义务教育四年制初级中学教科书

(本册)

数  
学

(上) 第一册

义务教育四年制初级中学教科书

(实验本)

代 数

第一册(上)

人民教育出版社数学室

吉林省教育学院中学教研部

编著

人民教育出版社出版

新华书店总店科技发行所发行

北京市房山区印刷厂印装

开本787×1092 1/32 印张 9.5 字数 160,000

1990年11月第1版 1992年4月第2次印刷

印数 31,001—81,000

ISBN 7-107-01009-3

G·2181(课) 定价2.05元

著作权所有 请勿擅用本书制作各类出版物 违者必究

顾问: 丁石孙 丁尔升 梅向明  
主编: 张奎恩 吕学礼 张孝达  
副主编: 饶汉昌 蔡上鹤  
编写者: 李浩明 孙涤寰 陈受诚 于茂之  
朱英民 潘福田 袁明德 李琳  
蔡上鹤  
责任编辑: 贾云山 薛彬

## 说 明

一、这套《义务教育四年制初级中学教科书（实验本）代数》第一至四册（其中第一册分上、下两册），是根据国家教委颁发的《义务教育全日制小学、初级中学教学计划（试行草案）》《九年制义务教育全日制初级中学数学教学大纲（初审稿）》与《全国中小学教材审定委员会工作章程》的精神，在人民教育出版社数学室编著的《义务教育三年制初级中学教科书（实验本）代数》第一至三册的基础上编写的。

二、本书是代数第一册上册，内容包括：代数初步知识、有理数、整式的加减和一元一次方程，供五四制初中一年级第一学期使用，每周5课时。

三、本书在体例上有下列特点：

1. 每章均有一段配有插图的引言，可供学生预习用，也可由教师作为导入新课的材料。

2. 每小节前均有一方框，对学生概要地提出了学习本小节的基本要求。

3. 在课文中适当穿插了“想一想”与“读一读”等栏目。其中“想一想”是供学生思考的一些问题，“读一读”是供学生阅读的一些短文。这两个栏目是为扩大知识面、增加趣味性而设的，其中的内容不作为教学要求，只供学生课外参考。

4. 每章后面均安排有“小结与复习”，其中的学习要求是对学生学完全章后的要求，它略高于小节前的要求。

5. 每章最后均配有一套“自我测验题”，用作学生自己检查学完这一章后，能否达到这一章的基本要求。
6. 全书最后附有部分习题的答案，供学生在做习题后，能及时进行对照，大致了解自己解题正确与否。
7. 本书的习题分为练习、习题、复习题三类。练习供课内巩固用；习题供课内或课外作业选用；复习题供复习每章时选用。其中习题、复习题的题目分为 A, B 两组，A 组是属于基本要求范围的，B 组带有一定的灵活性，仅供学有余力的学生选用。

四、张凤才、张宝昌同志参加了编写本书的讨论。

编 者

1990 年 10 月

## 目 录

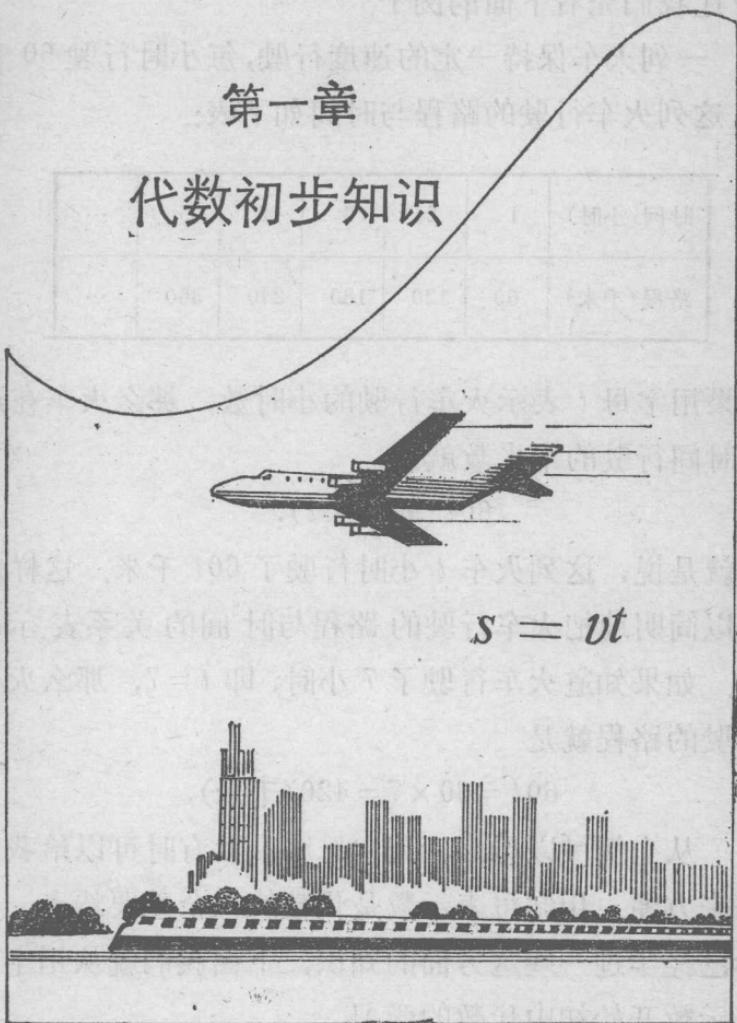
|                         |    |
|-------------------------|----|
| <b>第一章 代数初步知识</b> ..... | 1  |
| 1.1 代数式.....            | 3  |
| 读一读 代数一词的来源.....        | 10 |
| 1.2 列代数式.....           | 10 |
| 1.3 代数式的值.....          | 15 |
| 1.4 公式.....             | 20 |
| 读一读 谈谈储蓄的利息.....        | 26 |
| 1.5 简易方程.....           | 27 |
| 小结与复习.....              | 36 |
| 复习题一.....               | 39 |
| 自我测验一.....              | 44 |
| <b>第二章 有理数</b> .....    | 46 |
| 一 有理数的意义.....           | 47 |
| 2.1 正数与负数.....          | 47 |
| 2.2 数轴.....             | 55 |
| 2.3 相反数.....            | 63 |
| 2.4 绝对值.....            | 67 |
| 二 有理数的运算.....           | 72 |
| 2.5 有理数的加法.....         | 72 |
| 2.6 有理数的减法.....         | 84 |
| 读一读 中国是最早使用负数的国家.....   | 91 |

|                   |            |
|-------------------|------------|
| 2.7 有理数的加减混合运算    | 92         |
| 读一读 实际中的正负数       | 97         |
| 2.8 有理数的乘法        | 98         |
| 读一读 偶数和奇数         | 109        |
| 2.9 有理数的除法        | 110        |
| 读一读 求平均数          | 116        |
| 2.10 有理数的乘方       | 118        |
| 2.11 有理数的混合运算     | 125        |
| 2.12 近似数与有效数字     | 132        |
| 2.13 平方表与立方表      | 137        |
| 小结与复习             | 145        |
| 复习题二              | 148        |
| 自我测验二             | 152        |
| <b>第三章 整式的加减</b>  | <b>153</b> |
| 3.1 整式            | 155        |
| 3.2 同类项           | 165        |
| 3.3 去括号           | 175        |
| 3.4 整式的加减         | 180        |
| 读一读 内容丰富的数—0      | 186        |
| 小结与复习             | 187        |
| 复习题三              | 190        |
| 自我测验三             | 193        |
| <b>第四章 一元一次方程</b> | <b>195</b> |
| 4.1 等式和它的性质       | 197        |
| 读一读 恒等式           | 202        |

|                      |     |
|----------------------|-----|
| 4.2 方程和它的解.....      | 203 |
| 4.3 一元一次方程和它的解法..... | 207 |
| 读一读 同解方程.....        | 228 |
| 4.4 一元一次方程的应用.....   | 230 |
| 小结与复习.....           | 258 |
| 复习题四.....            | 261 |
| 自我测验四.....           | 265 |
| 附录 部分习题答案.....       | 267 |

# 第一章

## 代数初步知识



$$s = vt$$

中学的数学课，是从学习代数开始的。在代数课上，都学些什么呢？初中代数和小学数学有什么关系呢？让我们先看下面的例子。

一列火车保持一定的速度行驶，每小时行驶 60 千米，这列火车行驶的路程与时间如下表：

|        |    |     |     |     |     |     |
|--------|----|-----|-----|-----|-----|-----|
| 时间(小时) | 1  | 2   | 3   | 4   | 5   | ... |
| 路程(千米) | 60 | 120 | 180 | 240 | 360 | ... |

如果用字母  $t$  表示火车行驶的小时数，那么火车在这段时间行驶的千米数就是

$$60t \text{ (即 } 60 \times t \text{ ).}$$

也就是说，这列火车  $t$  小时行驶了  $60t$  千米。这样就可以简明地把火车行驶的路程与时间的关系表示出来。如果知道火车行驶了 7 小时，即  $t = 7$ ，那么火车行驶的路程就是

$$60t = 60 \times 7 = 420 \text{ (千米).}$$

从上例可以看出，用字母表示数有时可以给我们带来方便。用字母表示数是代数的一个重要特点。小学已经学过一些这方面的知识，下面我们就从用字母表示数开始初中代数的学习。

## 1.1 代数式

- 认识用字母表示数的意义。
- 能说出一个代数式所表示的数量关系。

我们先来看用字母表示数的一个例子。

对于加法，我们有：

$$3 + 5 = 5 + 3;$$

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{3} = \frac{1}{3} + \frac{1}{2};$$

.....

这就是说，两个数相加，交换加数的位置，和不变。这是加法交换律。如果用  $a, b$  分别表示任意两个数，加法交换律可以表示成

$$a + b = b + a.$$

想一想，为什么不用  $3 + 5 = 5 + 3$  来表示加法交换律？我们还学过哪些用字母表示的运算律？

下面再看几个用字母表示数的例子。

(1) 从甲地到乙地的路程是 15 千米，步行要 3 小时，骑自行车要 1 小时，乘汽车要 0.25 小时。步行、骑车、乘汽车的速度各是多少？

步行速度:  $15 \div 3 = 5$  (千米/时①).

骑车速度:  $15 \div 1 = 15$  (千米/时).

乘汽车速度:  $15 \div 0.25 = 60$  (千米/时).

如果用  $s$  表示路程(单位: 千米),  $t$  表示时间(单位: 时),  $v$  表示速度(单位: 千米/时), 那么就有

$$v = \frac{s}{t}.$$

(2) 一个正方形的边长是  $a$  cm<sup>②</sup> (厘米), 这个正方形的周长是多少? 面积是多少?

用  $l$  表示周长(单位: cm), 那么

$$l = 4a.$$

用  $s$  表示面积(单位: cm<sup>2</sup>) 那么

$$s = a^2.$$

从上面的例子可以看出, 用字母表示数, 可以把数或数量关系简明地表示出来. 在公式与方程中都用字母表示数, 这给运算也带来方便.

上面的例子中出现了  $5, a, 4a, a+b, \frac{s}{t}, a^2$  这样的式子. 像这样的式子都是代数式.

①千米/时是速度单位, 读作千米每小时. 如 5 千米/时, 读作 5 千米每小时, 意义是每小时移动 5 千米. 常用的单位还有米/秒等.

②常用的长度单位及其符号表示是米(m), 厘米(cm), 毫米(mm), 千米(km). 相应的面积、体积单位则是平方米(m<sup>2</sup>), 立方米(m<sup>3</sup>)等.

**注意** (1) 在代数式中出现的乘号，通常简写作“·”或者省略不写。如  $4 \times a$  可以写作  $4 \cdot a$  或  $4a$  (数字应写在字母前)， $2 \times (a+b)$  可以写作  $2 \cdot (a+b)$  或  $2(a+b)$ 。

(2) 数字与数字相乘一般仍用“×”号。

(3) 在代数中出现除法运算时，一般按照分数的写法来写。如  $s \div t$  写作  $\frac{s}{t}$ ， $ah \div 2$  写作  $\frac{ah}{2}$ 。

**例 1** 填空：

(1) 每包书有 12 册， $n$  包书有 \_\_\_\_ 册；

(2) 温度由  $t^{\circ}\text{C}$  下降  $2^{\circ}\text{C}$  后是 \_\_\_\_  $^{\circ}\text{C}$ ；

(3) 棱长是  $a\text{ cm}$  的正方体的体积是 \_\_\_\_  $\text{cm}^3$ ；

(4) 产量由  $m$  千克增长  $10\%$ ，就达到 \_\_\_\_ 千克。

解：(1)  $12n$ ；(2)  $(t - 2)$ ；

(3)  $a^3$ ；(4)  $(1 + 10\%)m$ 。

**注意** 第(2)小题中，因为式子后面有单位，所以  $t - 2$  要加括号。写成  $t - 2^{\circ}\text{C}$  就不对了。

**例 2** 省略下列各式中的“×”号和“÷”号：

(1)  $15 \times a - 7$ ；(2)  $(x + 2) \times 3$ ；

(3)  $s \times h \div 3$ ；(4)  $(a - b) \div c$ 。

解：(1)  $15 \times a - 7 = 15a - 7$ ；

(2)  $(x + 2) \times 3 = 3(x + 2)$ ；

$$(3) s \times h \div 3 = \frac{sh}{3};$$

$$(4) (a - b) \div c = \frac{a - b}{c}.$$

例3 说出下列代数式的意义:

$$(1) 2a + 3;$$

$$(2) 2(a + 3);$$

$$(3) \frac{c}{ab};$$

$$(4) a - \frac{c}{b};$$

$$(5) a^2 + b^2;$$

$$(6) (a + b)^2.$$

解: (1)  $2a + 3$  的意义是  $2a$  与 3 的和;

(2)  $2(a + 3)$  的意义是 2 与  $a + 3$  的积;

(3)  $\frac{c}{ab}$  的意义是  $c$  除以  $ab$  的商或  $c$  比  $ab$ ;

(4)  $a - \frac{c}{b}$  的意义是  $a$  减去  $\frac{c}{b}$  的差;

(5)  $a^2 + b^2$  的意义是  $a, b$  的平方的和;

(6)  $(a + b)^2$  的意义是  $a$  与  $b$  的和的平方。

### 练习

1. 填空(省略下列各式中的“ $\times$ ”、“ $\div$ ”号):

$$(1) x \div 3 = \underline{\quad};$$

$$(2) x \times y \times 8 = \underline{\quad};$$

$$(3) (a + b) \times 2 - c = \underline{\quad};$$

$$(4) a + b \div c = \underline{\quad}.$$

2. 填空：

- (1) 5 箱苹果重  $p$  千克，每箱重 \_\_\_\_\_ 千克；  
(2) 甲身高  $a$  cm，乙比甲矮  $b$  cm，乙身高 \_\_\_\_\_ cm；  
(3) 小明步行的速度是4千米/时，他行走  $x$  小时的路程是  
\_\_\_\_\_；  
(4) 底为  $a$ ，高为  $h$  的三角形的面积是 \_\_\_\_\_；  
(5) 全校学生总数是  $x$ ，其中女生占 48%；女生人数是  
\_\_\_\_\_.

3. 说出下列代数式的意义：

- (1)  $2a - 3c$ ; (2)  $\frac{3a}{5b}$ ;  
(3)  $ab + 1$ ; (4)  $a^2 - b^2$ .

## 习题 1.1

### A 组

- 一个三角形的三条边分别长  $a$ ,  $b$ ,  $c$ , 求这个三角形的周长。
- 张强比王华大 3 岁，当张强  $a$  岁时，王华的年龄是多少？
- 飞机的速度是汽车的 40 倍，自行车的速度是汽车的  $\frac{1}{3}$ . 如果汽车的速度是  $v$  千米/时，那么，飞机与自行车的速度各是多少？
- $a$  千克大米的售价是 6 元，1 千克大米的售价是多少元？
- 圆的半径是  $R$  cm，它的面积是多少？

6. 用字母表示:

- (1) 加法结合律——三个数相加, 先把前两个数相加, 或者先把后两个数相加, 和不变;
- (2) 乘法交换律——两个数相乘, 交换因数的位置, 积不变;
- (3) 乘法结合律——三个数相乘, 先把前两个数相乘, 或者先把后两个数相乘, 积不变;
- (4) 分配律——一个数同两个数的和相乘, 等于把这个数分别同这两个数相乘, 再把积相加.

7. 说出下列代数式的意义:

- (1)  $3x + 6$ ;
- (2)  $5(x - 2)$ ;
- (3)  $\frac{n+1}{n-1}$ ;
- (4)  $a^3 + b^3$ .

8. 利用数的运算律计算:

- (1)  $12.5 \times 85 \times 8$ ;
- (2)  $8.9 + \frac{1}{4} + 9.1 + 0.75$ ;
- (3)  $\frac{3}{4} \times 15 \times 1\frac{1}{3}$ ;
- (4)  $\left(\frac{3}{10} + \frac{1}{15}\right) \times 30$ ;
- (5)  $24\frac{3}{7} \div 3$ .