

志鸿优化系列丛书

■ 丛书主编 任志鸿

1



十年高考

分类解析与应试策略

(1996~2005)

学生版

数学

南方出版社
南海出版公司

志鸿优化系列丛书

10



十年高考

分类解题与应试策略

江苏工业学院图书馆

(1996~2005)

藏书章

学生版

丛书主编 任志鸿

本册主编 周宝生

副主编 王鹏 黄秀芬 马玲

编者 王鹏 黄秀芬 马玲

贾林杰 马龙 杨妍

马树伟 王丽娟 王福清

张

数学

南方出版社
南海出版公司

图书在版编目(CIP)数据

十年高考分类解析与应试策略·数学/任志鸿主编.-3 版.-海口：
南方出版社:南海出版公司,2003.6(2005.6 重印)
(志鸿优化系列丛书)
ISBN 7 - 5442 - 2139 - 3

I. 十... II. 任... III. 数学课-高中-解题-升学参考资料
IV. G634

中国版本图书馆 CIP 数据核字(2003)第 014808 号

装帧设计:邢 丽

责任编辑:董 肇

策 划:董 肇

志鸿优化系列丛书
十年高考分类解析与应试策略·数学(学生版)
任志鸿 主编

南方出版社 南海出版公司 出版
(海南省海口市海府一横路 19 号华宇大厦 12 楼)

邮编:570203 电话:0898—65371546

高青龙马印务有限公司印刷

山东世纪天鸿书业有限公司总发行

2005 年 6 月第 5 版 2005 年 6 月第 1 次印刷

开本:880×1230 1/32

印张:21.5 字数:842 千字

定价:28.00 元

(如有印装质量问题请与承印厂调换)

兵法云：“知己知彼，百战百胜。”知己容易，怎样才能知彼呢？

《十年高考分类解析与应试策略·学生版》系列丛书正是为满足广大考生的这一需求而编写的。丛书在充分研究高命题的基础上，通过对近十年高考试题的科学选编，将其中最富有新颖性和前瞻性、体现典型性和经典性的试题进行深入细致、分门别类的分析，追寻高命题轨迹，捕捉高命题规律，传递高命题最新信息，从而为新一轮的高命题建立精准的坐标系，以直接有效地指导高三备考复习。

本丛书呈现如下特点：

精心遴选，试题荟萃 丛书对1996年～2005年十年的高考试题进行了精心遴选，特别关注近三年最新高考试题的系统评价，特别关注十年高考经典题、典型题的详尽剖析，从而为备考复习提供最具指导价值的试题精华。

有的放矢，高效实用 丛书依据高考考点或题型分布对试题进行分类编排，并对该考点或题型进行高屋建瓴的阐释，帮助考生梳理知识要点，构建知识体系，以增强备考的高效性与实用性，而试题解析中对命题思路的说解、对解题技巧的点拨，也有助于提升考生的应试水平。

温故知新，预测指导 丛书最直接最深刻地反映了十年来高命题的沿革、变化与发展趋向，帮助考生迅速捕捉高命题规律，准确预测新一轮高考的命题趋向，从而实施有效的应试指导。

写给亲爱的同学们

XIE GEI QIN AI DE TONG XUE MEN

丛书的主要栏目和功能是：

【考点阐释】依据最新《考试大纲》的要求阐明该知识点的具体考查内容及要求。

【试题类编】特别体现试题能力性、应用性、综合性的发
展态势，特别强调试题的编排梯度，既方便于考生纵览十年来
考点的发展与变化，又体现了试题训练的实用性。

【答案解析】评价命题角度，分析解题过程，点拨解题技巧。

【命题趋向与应试策略】以近十年高考试题的追寻为坚
实基础，以 2006 年高考考核要求和最新高考命题信息为导
向，对考生最关心的考点变化、考查角度、考查重点、题型设计
等进行客观、详实、全面的评价和预测，并针对该知识点或题
型的特点进行集中、科学、有效的方法指导，力求使新一轮高
考备考取得最佳效果。

总之，《十年高考分类解析与应试策略·学生版》系列从
书集新颖性、经典性、实用性、预测性于一体，是一套体系完
备统一、信息实用鲜活的高三备考丛书。

由于水平所限，书中的不足和疏漏之处在所难免，恳请广
大读者批评指正。

编者

2005 年 6 月

第一编 2005 年夏季高考试题 答案解析

2005 年普通高等学校招生全国统一考试数学(全国卷 I)	2
2005 年普通高等学校招生全国统一考试数学(全国卷 II)	19
2005 年普通高等学校招生全国统一考试数学(全国卷 III)	35
2005 年普通高等学校招生全国统一考试数学(北京卷)	48
2005 年普通高等学校招生全国统一考试数学(天津卷)	65
2005 年普通高等学校招生全国统一考试数学(上海卷)	88
2005 年普通高等学校招生全国统一考试数学(辽宁卷)	101
2005 年普通高等学校招生全国统一考试数学(江苏卷)	115
2005 年普通高等学校招生全国统一考试数学(浙江卷)	126
2005 年普通高等学校招生全国统一考试数学(福建卷)	142
2005 年普通高等学校招生全国统一考试数学(湖北卷)	159
2005 年普通高等学校招生全国统一考试数学(湖南卷)	180
2005 年普通高等学校招生全国统一考试数学(广东卷)	198
2005 年普通高等学校招生全国统一考试数学(重庆卷)	207
2005 年普通高等学校招生全国统一考试数学(山东卷)	230
2005 年普通高等学校招生全国统一考试数学(江西卷)	248

第二编 试题类编 答案解析

第一章 集合与简易逻辑	266
第二章 函数	279
第三章 数列	323
第四章 三角函数	377
第五章 平面向量	414
第六章 不等式	427
第七章 直线和圆的方程	448
第八章 圆锥曲线方程	479
第九章 直线、平面、简单几何体(A+B)	532
第十章 排列、组合、二项式定理和概率	615
第十一章 概率与统计	643
第十二章 极限与导数	653
第十三章 复数	673

第一编

2005年夏季高考试题
答案解析

2005年普通高等学校招生全国统一考试

数学(全国卷Ⅰ)

(晋、冀、皖、豫、琼等地区使用)



试题部分

第Ⅰ卷(选择题 共60分)

一、选择题(本大题共12小题,每小题5分,共60分。在每小题给出的四个选项中,只有一项是符合题目要求的)

1.(理)复数 $\frac{\sqrt{2}-i^3}{1-\sqrt{2}i}$ 等于 ()

- A. i B. -i
 C. $2\sqrt{2}-i$ D. $-2\sqrt{2}+i$

(文)设直线 l 过点 $(-2,0)$,且与圆 $x^2+y^2=1$ 相切,则 l 的斜率是 ()

- A. ± 1 B. $\pm \frac{1}{2}$ C. $\pm \frac{\sqrt{3}}{3}$ D. $\pm \sqrt{3}$

2. 设 I 为全集, S_1, S_2, S_3 是 I 的三个非空子集且 $S_1 \cup S_2 \cup S_3 = I$,则下面论断正确的是 ()

- A. $\complement_I S_1 \cap (S_2 \cup S_3) = \emptyset$ B. $S_1 \subseteq (\complement_I S_2 \cap \complement_I S_3)$
 C. $\complement_I S_1 \cap \complement_I S_2 \cap \complement_I S_3 = \emptyset$ D. $S_1 \subseteq (\complement_I S_2 \cup \complement_I S_3)$

3. 一个与球心距离为1的平面截球所得的圆面面积为 π ,则球的表面积为 ()

- A. $8\sqrt{2}\pi$ B. 8π C. $4\sqrt{2}\pi$ D. 4π

4.(理)已知直线 l 过点 $(-2,0)$,当直线 l 与圆 $x^2+y^2=2x$ 有两个交点时,其斜率 k 的取值范围是 ()

- A. $(-2\sqrt{2}, 2\sqrt{2})$ B. $(-\sqrt{2}, \sqrt{2})$
 C. $(-\frac{\sqrt{2}}{4}, \frac{\sqrt{2}}{4})$ D. $(-\frac{1}{4}, \frac{1}{4})$

(文)函数 $f(x)=x^3+ax^2+3x-9$,已知 $f(x)$ 在 $x=-3$ 时取得极值,则 a 等于 ()

$$f'(x) = 3x^2 + 2ax + 3$$

$$-3^2 \cdot 8 + 2 \cdot (-3) \cdot 3 + 3 = 0$$

$$12a + 27 = 0$$

A. 2

B. 3

C. 4

D. 5

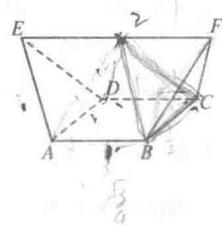
5. 如图,在多面体 ABCDEF 中,已知 ABCD 是边长为 1 的正方形,且 $\triangle ADE$ 、 $\triangle BCF$ 均为正三角形, $EF \parallel AB$, $EF = 2$,则该多面体的体积为 ()

A. $\frac{\sqrt{2}}{3}$

B. $\frac{\sqrt{3}}{3}$

C. $\frac{4}{3}$

D. $\frac{3}{2}$



6. (理) 已知双曲线 $\frac{x^2}{a^2} - y^2 = 1 (a > 0)$ 的一条准线与抛物线 $y^2 = -6x$ 的准线重合, 则该双曲线的离心率为 ()

A. $\frac{\sqrt{3}}{2}$

B. $\frac{3}{2}$

C. $\frac{\sqrt{6}}{2}$

D. $\frac{2\sqrt{3}}{3}$

$$P = \frac{c}{a} = \sqrt{1 + \frac{b^2}{a^2}} = \sqrt{1 + \frac{1}{a^2}} = \sqrt{1 + \frac{1}{\frac{3}{4}}} = \sqrt{1 + \frac{4}{3}} = \sqrt{\frac{7}{3}}$$

(文) 已知双曲线 $\frac{x^2}{a^2} - y^2 = 1 (a > 0)$ 的一条准线为 $x = \frac{3}{2}$, 则该双曲线的离心率为 ()

A. $\frac{\sqrt{3}}{2}$

B. $\frac{3}{2}$

C. $\frac{\sqrt{6}}{2}$

D. $\frac{2\sqrt{3}}{3}$

7. 当 $0 < x < \frac{\pi}{2}$ 时, 函数 $f(x) = \frac{1 + \cos 2x + 8 \sin^2 x}{\sin 2x}$ 的最小值为 ()

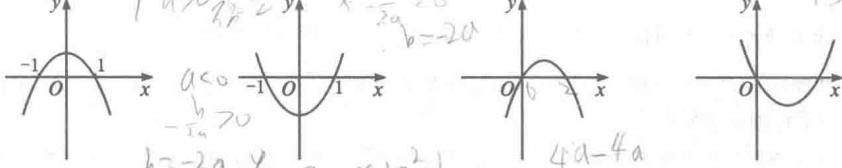
A. 2

B. $2\sqrt{3}$

C. 4

D. $4\sqrt{3}$

8. (理) 设 $b > 0$, 二次函数 $y = ax^2 + bx + a^2 - 1$ 的图象为下列之一, 则 a 的值为 ()



A. 1

B. -1

C. $\frac{-1-\sqrt{5}}{2}$

D. $\frac{-1+\sqrt{5}}{2}$

- (文) $y = \sqrt{2x - x^2} (1 \leq x \leq 2)$ 的反函数是 ()

A. $y = 1 + \sqrt{1 - x^2} (-1 \leq x \leq 1)$

B. $y = 1 + \sqrt{1 - x^2} (0 \leq x \leq 1)$

C. $y = 1 - \sqrt{1 - x^2} (-1 \leq x \leq 1)$

D. $y = 1 - \sqrt{1 - x^2} (0 \leq x \leq 1)$

9. 设 $0 < a < 1$, 函数 $f(x) = \log_a(a^{2x} - 2a^x - 2)$, 则使 $f(x) < 0$ 的 x 取值范围是 ()

A. $(-\infty, 0)$

B. $(0, +\infty)$

C. $(-\infty, \log_a 3)$

D. $(\log_a 3, +\infty)$

$$\begin{aligned} y &= a^{2x} - 2a^x - 2 \\ a^{2x} - 2a^x - 2 &> 0 \end{aligned}$$

10. 在坐标平面上, 不等式组 $\begin{cases} y \geq x - 1 \\ y \leq -3|x| + 1 \end{cases}$ 所表示的平面区域的面积为 ... ()

A. $\sqrt{2}$

B. $\frac{3}{2}$

C. $\frac{3\sqrt{2}}{2}$

D. 2

11. 在 $\triangle ABC$ 中, 已知 $\tan \frac{A+B}{2} = \sin C$, 下列四个论断中正确的是 ()

- ① $\tan A \cdot \cot B = 1$ ② $0 < \sin A + \sin B \leq \sqrt{2}$ ③ $\sin^2 A + \cos^2 B = 1$ ④ $\cos^2 A + \cos^2 B = \sin^2 C$

A. ①③

B. ②④

C. ①④

D. ②③

12. (理) 过三棱柱任意两个顶点的直线共 15 条, 其中异面直线有 ()

A. 18 对

B. 24 对

C. 30 对

D. 36 对

(文) 点 O 是 $\triangle ABC$ 所在平面内的一点, 满足 $\overrightarrow{OA} \cdot \overrightarrow{OB} = \overrightarrow{OB} \cdot \overrightarrow{OC} = \overrightarrow{OC} \cdot \overrightarrow{OA}$, 则点 O 是 $\triangle ABC$ 的 ()

A. 三个内角的角平分线的交点

B. 三条边的垂直平分线的交点

C. 三条中线的交点

D. 三条高的交点

第 II 卷(非选择题 共 90 分)

二、填空题(本大题共 4 小题, 每小题 4 分, 共 16 分. 把答案填在题中横线上)

13. 若正整数 m 满足 $10^{m-1} < 2^{512} < 10^m$, 则 $m = \underline{\hspace{2cm}}$. ($\lg 2 \approx 0.3010$)

14. (理) $(2x - \frac{1}{\sqrt{x}})^9$ 的展开式中, 常数项为 $\underline{\hspace{2cm}}$. (用数字作答)

(文) $(x - \frac{1}{x})^8$ 的展开式中, 常数项为 $\underline{\hspace{2cm}}$. (用数字作答)

15. (理) $\triangle ABC$ 的外接圆的圆心为 O , 两条边上的高的交点为 H , $\overrightarrow{OH} = m(\overrightarrow{OA} + \overrightarrow{OB} + \overrightarrow{OC})$, 则实数 $m = \underline{\hspace{2cm}}$.

(文) 从 6 名男生和 4 名女生中, 选出 3 名代表, 要求至少包含 1 名女生, 则不同的选法共有 $\underline{\hspace{2cm}}$ 种.

16. 在正方体 $ABCD-A'B'C'D'$ 中, 过对角线 BD' 的一个平面交 AA' 于 E , 交 CC' 于 F , 则

- ① 四边形 $BFD'E$ 一定是平行四边形.
 ② 四边形 $BFD'E$ 有可能是正方形.
 ③ 四边形 $BFD'E$ 在底面 $ABCD$ 内的投影一定是正方形.
 ④ 平面 $BFD'E$ 有可能垂直于平面 $BB'D$.

以上结论正确的为 $\underline{\hspace{2cm}}$. (写出所有正确结论的编号)



三、解答题(本大题共 6 小题,共 74 分.解答应写出文字说明、证明过程或演算步骤)

17.(本小题满分 12 分)

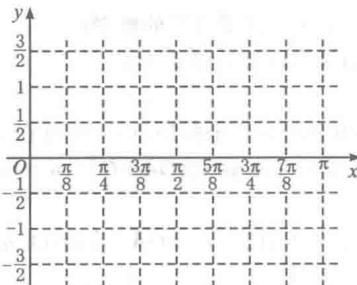
设函数 $f(x) = \sin(2x + \varphi)$ ($-\pi < \varphi < 0$), $y = f(x)$ 图象的一条对称轴是直线 $x = \frac{\pi}{8}$.

(1)求 φ ;

(2)求函数 $y = f(x)$ 的单调增区间;

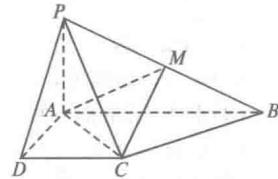
(3)(理)证明直线 $5x - 2y + c = 0$ 与函数 $y = f(x)$ 的图象不相切.

(文)画出函数 $y = f(x)$ 在区间 $[0, \pi]$ 上的图象.



18.(本小题满分 12 分)

已知四棱锥 $P-ABCD$ 的底面为直角梯形, $AB \parallel DC$, $\angle DAB = 90^\circ$, $PA \perp$ 底面 $ABCD$, 且 $PA = AD = DC = \frac{1}{2}AB = 1$, M 是 PB 的中点.



(1)证明面 $PAD \perp$ 面 PCD ;

(2)求 AC 与 PB 所成的角;

(3)求面 AMC 与面 BMC 所成二面角的大小.

19.(本小题满分 12 分)

(理)设等比数列 $\{a_n\}$ 的公比为 q , 前 n 项和 $S_n > 0$ ($n=1, 2, \dots$).

(1)求 q 的取值范围;

(2)设 $b_n = a_{n+2} - \frac{3}{2}a_{n+1}$, 记 $\{b_n\}$ 的前 n 项和为 T_n , 试比较 S_n 和 T_n 的大小.

(文)已知二次函数 $f(x)$ 的二次项系数为 a , 且不等式 $f(x) > -2x$ 的解集为 $(1, 3)$.

(1)若方程 $f(x) + 6a = 0$ 有两个相等的根, 求 $f(x)$ 的解析式;

(2)若 $f(x)$ 的最大值为正数, 求 a 的取值范围.

20. (本小题满分 12 分)

(理) 9 粒种子分种在 3 个坑内, 每坑 3 粒, 每粒种子发芽的概率为 0.5. 若一个坑内至少有 1 粒种子发芽, 则这个坑不需要补种; 若一个坑内的种子都没发芽, 则这个坑需要补种. 假定每个坑至多补种一次, 每补种 1 个坑需 10 元, 用 ξ 表示补种费用, 写出 ξ 的分布列并求 ξ 的数学期望. (精确到 0.01)

(文) 9 粒种子分种在甲、乙、丙 3 个坑内, 每坑 3 粒, 每粒种子发芽的概率为 0.5. 若一个坑内至少有 1 粒种子发芽, 则这个坑不需要补种; 若一个坑内的种子都没发芽, 则这个坑需要补种.

- (1) 求甲坑不需要补种的概率;
- (2) 求 3 个坑中恰有 1 个坑不需要补种的概率;
- (3) 求有坑需要补种的概率. (精确到 0.001)

21. (本小题满分 14 分)

(理 21, 文 22) 已知椭圆的中心为坐标原点 O , 焦点在 x 轴上, 斜率为 1 且过椭圆右焦点 F 的直线交椭圆于 A, B 两点, $\overrightarrow{OA} + \overrightarrow{OB}$ 与 $a = (3, -1)$ 共线.

- (1) 求椭圆的离心率;
- (2) 设 M 为椭圆上任意一点, 且 $\overrightarrow{OM} = \lambda \overrightarrow{OA} + \mu \overrightarrow{OB}$ ($\lambda, \mu \in \mathbb{R}$), 证明 $\lambda^2 + \mu^2$ 为定值.

(文 21) 设正项等比数列 $\{a_n\}$ 的首项 $a_1 = \frac{1}{2}$, 前 n 项和为 S_n , 且 $2^{10} S_{30} - (2^{10} + 1) S_{20} + S_{10} = 0$.

- (1) 求 $\{a_n\}$ 的通项;
- (2) 求 $\{nS_n\}$ 的前 n 项和 T_n .

22. (本小题满分 12 分)

(理)(1) 设函数 $f(x) = x \log_2 x + (1-x) \log_2 (1-x)$ ($0 < x < 1$), 求 $f(x)$ 的最小值;

(2) 设正数 $p_1, p_2, p_3, \dots, p_{2^n}$ 满足 $p_1 + p_2 + p_3 + \dots + p_{2^n} = 1$, 求证: $p_1 \log_2 p_1 + p_2 \log_2 p_2 + p_3 \log_2 p_3 + \dots + p_{2^n} \log_2 p_{2^n} \geq -n$.

答案解析

一、1. (理) 答案:A

解法一: 原式 $= \frac{\sqrt{2}+i}{1-\sqrt{2}i} = \frac{(\sqrt{2}+i)(1+\sqrt{2}i)}{(1-\sqrt{2}i)(1+\sqrt{2}i)} = \frac{\sqrt{2}+i+2i-\sqrt{2}}{1+2} = \frac{3i}{3} = i$

解法二: 原式 $= \frac{\sqrt{2}+i}{1-\sqrt{2}i} = \frac{(\sqrt{2}+i)i}{(1-\sqrt{2}i)i} = \frac{(\sqrt{2}+i)i}{i+\sqrt{2}} = i$

(文)答案:C

解法一:设直线 l 的斜率为 k , 则 l 的方程为 $y=k(x+2)$.

由于 l 与圆 $x^2+y^2=1$ 相切, 则 $d=\frac{|2k|}{\sqrt{k^2+1}}=1$, 解得 $k=\pm\frac{\sqrt{3}}{3}$.

解析二: $\because \sin\angle APO=\frac{1}{2}$,

$\therefore \angle APO=30^\circ, \angle BPO=150^\circ$.

故所求直线的斜率分别为 $\frac{\sqrt{3}}{3}, -\frac{\sqrt{3}}{3}$.

2. 答案:C

解法一: $\because S_1 \cup S_2 \cup S_3 = I$,

$\therefore \complement_I(S_1 \cup S_2 \cup S_3) = \emptyset$,

即 $\complement_I S_1 \cap \complement_I S_2 \cap \complement_I S_3 = \emptyset$.

解法二: 利用文氏图可得到结论 C.

解法三: 令 $S_1 = \{0\}, S_2 = \{1, 3, 5, 7, \dots\}, S_3 = \{2, 4, 6, 8, \dots\}$, 则 $I = \mathbb{N}$, 可得到结论 C.

3. 答案:B

解析: $h=1, \pi r^2 = \pi \Rightarrow r=1, R^2 = h^2 + r^2 = 2$,

$\therefore S = 4\pi R^2 = 8\pi$.

4. (理)答案:C

解法一: 设直线 l 的斜率为 k ,

则 l 方程为 $y=k(x+2)$, 由于 l 与圆 $x^2+y^2=2x$ 有两个交点, 则 $d=\frac{|3k|}{\sqrt{k^2+1}} <$

1, 解得 $-\frac{\sqrt{2}}{4} < k < \frac{\sqrt{2}}{4}$.

解法二: $k_{\max} = \tan\alpha = \frac{1}{2\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{4}$,

$\therefore -\frac{\sqrt{2}}{4} < k < \frac{\sqrt{2}}{4}$.

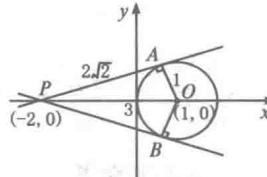
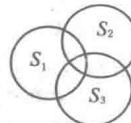
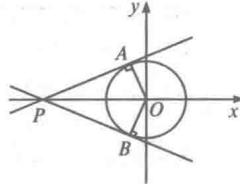
(文)答案:D

解析: $f'(x)=3x^2+2ax+3$.

又 $f(x)$ 在 $x=-3$ 时取得极值,

$\therefore f'(-3)=3(-3)^2-6a+3=0 \therefore a=5$.

5. 答案:A



解析:如图所示,过BC做EF的直截面BCG,做面ADM//面BCG,

$$FO = \frac{\sqrt{3}}{2}, FG = \frac{1}{2},$$

$$\therefore GO = \sqrt{FO^2 - FG^2} = \frac{\sqrt{2}}{2}.$$

$$\therefore S_{\triangle BCG} = \frac{1}{2} \times 1 \times \frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{\sqrt{2}}{4}.$$

$$V_1 = V_{BCG-ADM} = S_{\triangle BCG} \cdot AB = \frac{\sqrt{2}}{4},$$

$$V_2 = 2V_{F-BCG} = 2 \times \frac{1}{3} \times \frac{\sqrt{2}}{4} \times \frac{1}{2} = \frac{\sqrt{2}}{12},$$

$$\therefore V_{\text{总}} = V_1 + V_2 = \frac{\sqrt{2}}{3}.$$

6.(理)答案:D

解析: $y^2 = -6x$ 的准线方程为 $x = \frac{3}{2}$, $\therefore \frac{a^2}{c} = \frac{3}{2}$, $\frac{a^4}{c^2} = \frac{9}{4}$, $\frac{a^4}{a^2+1} = \frac{9}{4}$.

解得 $a^2 = 3$, $c^2 = 4$, $\therefore e = \frac{2}{3}\sqrt{3}$.

(文)答案:D

解析: $\therefore \frac{a^2}{c} = \frac{3}{2}$, $\frac{a^4}{c^2} = \frac{9}{4}$, $\frac{a^2}{a^2+1} = \frac{9}{4}$, 解得 $a^2 = 3$, $c^2 = 4$, $\therefore e = \frac{2}{3}\sqrt{3}$.

7. 答案:C

解析: $f(x) = \frac{1 + \cos 2x + 8 \sin^2 x}{\sin 2x} = \frac{\sin^2 x + \cos^2 x + \cos^2 x - \sin^2 x + 8 \sin^2 x}{2 \sin x \cos x}$
 $= \frac{4 \sin^2 x + \cos^2 x}{\sin x \cos x} = 4 \tan x + \frac{1}{\tan x}$.

又 $0 < x < \frac{\pi}{2}$, $\therefore \tan x > 0$.

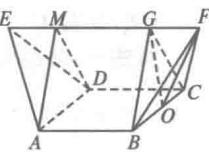
因此 $f(x) \geq 4$ (当 $4 \tan x = \frac{1}{\tan x}$ 时).

8.(理)答案:B

解析:假如图象过 $(0, 0)$, 对称轴 $x_0 = -\frac{b}{2a}$,

则 $a^2 - 1 = 0 \Rightarrow a = \pm 1$.

当 $a = 1$ 时, 开口向上为图(4).





$$-\frac{b}{2a} > 0 \Rightarrow b < 0, \text{ 与已知矛盾.}$$

当 $a = -1$ 时, 符合题意.

(文) 答案:B

解析: 由于 $y = \sqrt{2x-x^2}$ 非负, A、C 显然错误.

$$y = \sqrt{2x-x^2} \Rightarrow y^2 = 2x-x^2 \Rightarrow -(x-1)^2 = y^2 - 1 \Rightarrow (x-1)^2 = 1 - y^2 (-1 \leq x \leq 2).$$

$$\therefore x-1 = -\sqrt{1-y^2}. \therefore y = 1 + \sqrt{1-x^2}.$$

9. 答案:C

解析: $\because 0 < a < 1, f(x) < 0, \therefore a^{2x} - 2a^x - 2 > 1,$

$$a^{2x} - 2a^x - 3 > 0, (a^x - 3)(a^x + 1) > 0. \therefore a^x > 3, x < \log_a 3.$$

10. 答案:B

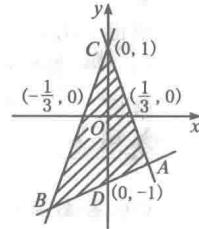
解析: $CD = 1 + 1 = 2,$

$$\begin{cases} y = x - 1, \\ y = -3x + 1, \end{cases} \therefore x_A = \frac{1}{2}.$$

$$\begin{cases} y = x - 1, \\ y = 3x + 1, \end{cases} \therefore x_B = -1.$$

$$\therefore S_{\triangle CDA} = 2 \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{2}, S_{\triangle CDB} = \frac{1}{2} \times 2 \times 1 = 1.$$

故所求区域面积为 $\frac{3}{2}.$



11. 答案:B

解析: $A + B + C = 180^\circ,$

$$\therefore \tan \frac{A+B}{2} = \tan(90^\circ - \frac{C}{2}) = \cot \frac{C}{2} = \frac{\cos \frac{C}{2}}{\sin \frac{C}{2}} = \sin C = 2 \sin \frac{C}{2} \cos \frac{C}{2}.$$

$$\therefore \sin \frac{C}{2} = \frac{\sqrt{2}}{2}, \frac{C}{2} = 45^\circ, \angle C = 90^\circ.$$

① $\tan A \cdot \cot B = \tan A \cdot \tan A = \tan^2 A = 1$ 不一定成立;

$$\textcircled{2} \sin A + \sin B = \sin A + \cos B = \sqrt{2} \sin(A + \frac{\pi}{4}), 0 < A < \frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{4} < A + \frac{\pi}{4} < \frac{3}{4}\pi,$$

$$\therefore 0 < \text{原式} \leq \sqrt{2};$$

③ $\sin^2 A + \cos^2 B = 2 \sin^2 A = 1$ 不一定成立;

$$\textcircled{4} \cos^2 A + \cos^2 B = \cos^2 A + \sin^2 A = 1.$$

故②④正确.

12. (理)答案:D

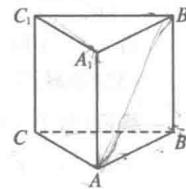
解析一:一条底面棱有5条直线与其异面.

例:与 AB 异面的直线分别是 $B_1C, A_1C, B_1C_1, A_1C_1, CC_1$.

侧面中与底面相交的棱有4条与其异面的直线;

例:与 BB_1 异面的直线分别是 AC, A_1C_1, AC_1, A_1C , 侧面中的对角线有5条与其异面的直线;

例:与 AB_1 异面的直线分别是 $BC_1, CC_1, A_1C, A_1C_1, BC$, 而每条线都数两遍. 共有 $\frac{5 \times 6 + 4 \times 3 + 5 \times 6}{2} = 36$ 对.



(文)答案:D

二、13. 答案:155

解析: $\because 10^{m-1} < 2^{512} < 10^m, \therefore \lg 10^{m-1} < \lg 2^{512} < \lg 10^m$, 即 $m-1 < 512 \lg 2 < m$.

解得 $154.1 < m < 155.1$. 又 $m \in \mathbb{Z}^*$, $\therefore m=155$.

14. (理)答案:672

解析: $T_{r+1} = C_9^r (2x)^{9-r} (-x^{-\frac{1}{2}})^r = (-1)^r C_9^r 2^{9-r} x^{9-r} \cdot x^{-\frac{r}{2}}$,

$$\therefore 9-r-\frac{r}{2}=0, \therefore r=6. \therefore T_7=(-1)^6 C_9^6 \cdot 2^3=672.$$

(文)答案:70

解析: $T_{r+1} = C_8^r x^{8-r} (-\frac{1}{x})^r = (-1)^r C_8^r x^{8-r} \cdot x^{-r} = (-1)^r C_8^r x^{8-2r}$,

$$\therefore 8-2r=0, r=4. \therefore T_5=(-1)^4 C_8^4=70.$$

15. (理)答案:1

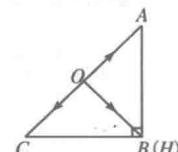
解析:(特殊值法)当 $\triangle ABC$ 为直角三角形时, O 为 AC 中点.

AB, BC 边上高的交点 H 与 B 重合.

$$\overrightarrow{OA} + \overrightarrow{OB} + \overrightarrow{OC} = \overrightarrow{OB} = \overrightarrow{OH}, \therefore m=1.$$

(文)答案:100

解析:至少含1名女生包括含1名、2名、3名,因此有 $C_4^1 C_6^2 + C_4^2 C_6^1 + C_4^3 = 100$.



16. 答案:①③④

平面 $A_1B \parallel$ 平面 D_1C

解析: 平面 $EBFD_1 \cap$ 平面 $A_1B = EB \quad \left. \begin{array}{l} \\ \end{array} \right\} \Rightarrow EB \not\parallel D_1F$.

平面 $EBFD_1 \cap$ 平面 $D_1C = D_1F$

同理, $D_1E \not\parallel FB$, 因此①正确.

$\angle D_1EB$ 在平面 $ABCD$ 上的射影为 $\angle DAB$,

