

 考试名家指导

MBA/MPA/MPAcc联考与经济类联考同步复习指导系列

2016

经济类联考 数学高分速成

适用经济类联考(396科目)：

金融·应用统计·税务·国际商务·保险·资产评估

进 等编著

- 内含2012年至2015年四套经济类联考数学真题及详解
- 归纳分类典型例题，并给出最快捷的解题方案
- 例题与习题难度真正贴近联考数学真题
- 书中所有练习均配有详解
- 适合需要短期内提高数学应试能力的考生

第3版

2016版



 机械工业出版社
CHINA MACHINE PRESS



考试名家指导

MBA/MPA/MPAcc 联考与经济类联考同

2016

经济类联考 数学高分速成

适用经济类联考(396科目)：

金融·应用统计·税务·国际商务·保险·资产评估

袁进 等编著

第3版

本书是根据最新版的经济类专业硕士学位联考综合能力考试大纲编写的数学辅导教材，以方便考生备考。

全书由微积分、线性代数、概率论和附录四部分组成，汇总了考试大纲中所涉及的全部知识点，并通过例题加以讲解。

通过本书的复习，考生可全面了解经济类专业硕士入学数学考试的知识点和题型，复习目标更明确，在短时间内快速提高自己的数学应试能力。

书后附录中提供了2012年—2015年四套经济类联考数学真题及解析，供考生参考。

本书可供参加经济类专业硕士学位入学考试的考生使用。

图书在版编目(CIP)数据

2016经济类联考数学高分速成 / 袁进等编著. —3 版.
—北京：机械工业出版社，2015.5
ISBN 978 - 7 - 111 - 50296 - 8

I . ①2… II . ①袁… III . ①高等数学-研究生-入
学考试-自学参考资料 IV . ①013

中国版本图书馆 CIP 数据核字 (2015) 第 096625 号

机械工业出版社(北京市百万庄大街 22 号 邮政编码 100037)

策划编辑：孟玉琴 责任编辑：孙 磊

责任校对：裴春明 责任印制：乔 宇

保定市中画美凯印刷有限公司印刷

2015 年 6 月第 3 版 · 第 1 次印刷

184mm × 260mm · 14.75 印张 · 359 千字

0 001 - 5 000 册

标准书号：ISBN 978 - 7 - 111 - 50296 - 8

定价：33.00 元

凡购本书，如有缺页、倒页、脱页，由本社发行部调换

电话服务 网络服务

服务咨询热线：(010) 88361066

读者购书热线：(010) 68326294

(010) 88379203

封面无防伪标均为盗版

机工官网：www.cmpbook.com

机工官博：weibo.com/cmp1952

教育服务网：www.cmpedu.com

金书网：www.golden-book.com

| 前 言 |

本书是根据最新版的经济类专业硕士学位联考综合能力考试大纲、命题规律及思路编写的，旨在帮助考生正确理解考试大纲、准确把握考试内容，为考试获得高分打下坚实基础。

本书由微积分、线性代数、概率论和附录四部分组成。

由于经济类专业硕士联考在我国处于起步阶段，近年来所考内容比较固定且难度偏低。但为了确保考生在联考中获得理想成绩，本书中所汇总的例题与习题在难度上等同或略高于真题。

附录提供了2012年—2015年四套经济类联考数学真题及解析。

本书的主要特点是：

(1) 精讲精练。针对考生平时工作忙、复习时间有限的特点，本书遵从由浅入深、简单易懂、突出重点的原则，帮助考生在短时间内尽快掌握考试内容。

(2) 掌握思想、打开思路。数学是一种思想，是一种美丽的游戏规则。只要掌握了最核心的思想，理解了每个考点的游戏规则，就可以以不变应万变，打开做题思路。

本书力求以数学思想为主导，提高考生分析问题和解决问题的能力，避免考生陷入题海战术的误区。

(3) 归纳技巧、提高速度。针对联考的特点，本书介绍了每类考试内容所涉及的题目能采用的最快速的解题技巧，有助于考生在短期内提高解题效率。

由于时间仓促，本书难免存在疏漏之处，欢迎批评指正。

在本书的编写过程中，马建科、王丹红、马雅莉、杨雅琳、张淑静、张作铠、李亚莉、贾晓明、周保源、崔保军也参与了部分资料的整理及编写工作，在此一并致谢。

袁进

2015年4月

| 目 录 |

前 言

| | |
|----------------|----|
| 第一章 微积分 | 1 |
| 第一节 函数 | 3 |
| 一、函数的定义域 | 3 |
| 二、函数值的计算 | 4 |
| 三、函数的性质 | 5 |
| 四、练习及答案解析 | 6 |
| 第二节 函数的极限 | 9 |
| 一、极限的性质 | 9 |
| 二、几种常见类型的极限 | 9 |
| 三、两个重要极限 | 10 |
| 四、无穷小量与无穷大量 | 11 |
| 五、函数的连续性 | 13 |
| 六、练习及答案解析 | 14 |
| 第三节 一元函数微分法 | 17 |
| 一、导数的概念 | 17 |
| 二、导数基本公式及求导法则 | 18 |
| 三、复合函数的求导法则 | 20 |
| 四、对数求导法 | 21 |
| 五、高阶导数 | 22 |
| 六、微分 | 23 |
| 七、练习及答案解析 | 23 |
| 第四节 导数的应用 | 27 |
| 一、洛必达法则 | 27 |
| 二、两曲线相切及公切线的判定 | 29 |
| 三、切线及法线方程的计算 | 30 |
| 四、函数的单调性与极值 | 31 |
| 五、函数图形的凹凸性及拐点 | 33 |

| | |
|----------------------|-----------|
| 六、练习及答案解析 | 34 |
| 第五节 不定积分 | 40 |
| 一、原函数与不定积分 | 40 |
| 二、不定积分的基本积分公式 | 40 |
| 三、不定积分的性质 | 41 |
| 四、第一类换元积分法（凑微分法） | 42 |
| 五、第二类换元法 | 44 |
| 六、分部积分法 | 45 |
| 七、练习及答案解析 | 47 |
| 第六节 定积分 | 51 |
| 一、定积分的基本性质 | 51 |
| 二、变上、下限定积分的导数 | 52 |
| 三、微积分基本定理（牛顿-莱布尼兹公式） | 53 |
| 四、定积分的换元法与分部积分法 | 54 |
| 五、用定积分计算平面图形的面积 | 57 |
| 六、无穷区间的广义积分 | 61 |
| 七、练习及答案解析 | 62 |
| 第七节 多元函数微分学 | 68 |
| 一、一阶偏导数 | 68 |
| 二、复合函数的偏导数 | 68 |
| 三、条件极值与拉格朗日数乘法 | 70 |
| 四、隐函数的导数和偏导数 | 72 |
| 五、练习及答案解析 | 74 |
| 第二章 线性代数 | 79 |
| 第一节 行列式 | 81 |
| 一、行列式的基本概念 | 81 |
| 二、用行列式的性质化行列式为上三角行列式 | 82 |
| 三、行列式按某一行(或某一列)展开 | 83 |
| 四、克莱姆法则 | 86 |
| 五、练习及答案解析 | 88 |
| 第二节 矩阵 | 92 |
| 一、矩阵的基本概念 | 92 |

| | |
|-------------------|------------|
| 二、矩阵的运算 | 94 |
| 三、矩阵的乘法 | 95 |
| 四、矩阵的行列式及伴随矩阵 | 98 |
| 五、矩阵的秩及逆矩阵 | 101 |
| 六、练习及答案解析 | 108 |
| 第三节 向量组 | 113 |
| 一、向量的线性关系 | 113 |
| 二、向量组的秩与极大线性无关组 | 115 |
| 三、向量组的等价关系 | 118 |
| 四、练习及答案解析 | 122 |
| 第四节 线性方程组 | 128 |
| 一、线性方程组的有解判别定理 | 128 |
| 二、方程组解的性质 | 130 |
| 三、齐次线性方程组解的结构 | 131 |
| 四、非齐次线性方程组解的结构 | 132 |
| 五、练习及答案解析 | 136 |
| 第三章 概率论 | 145 |
| 第一节 概率初步 | 147 |
| 一、基本知识 | 147 |
| 二、事件的运算及事件的概率 | 148 |
| 三、古典概型、条件概率及乘法公式 | 151 |
| 四、事件的独立性及独立试验序列概型 | 153 |
| 五、练习及答案解析 | 155 |
| 第二节 离散型随机变量 | 160 |
| 一、基本概念 | 160 |
| 二、概率分布律（概率分布表） | 160 |
| 三、分布函数 | 162 |
| 四、几种常见的离散型随机变量 | 164 |
| 五、练习及答案解析 | 167 |
| 第三节 连续型随机变量 | 171 |
| 一、连续型随机变量及其概率密度函数 | 171 |
| 二、概率分布函数 | 172 |

| | |
|---|-----|
| 三、几种常见的连续型随机变量 | 174 |
| 四、练习及答案解析 | 178 |
| 第四节 随机变量的数学特征 | 186 |
| 一、离散型随机变量 X 的数学期望 $E(X)$ 及方差 $D(X)$ | 186 |
| 二、连续型随机变量 X 的数学期望 $E(X)$ 及方差 $D(X)$ | 187 |
| 三、六种重要分布的数学期望及方差 | 188 |
| 四、 $E(X)$ 与 $D(X)$ 的性质 | 189 |
| 五、练习及答案解析 | 193 |
| 附 录 | 199 |
| 附录 A 2012 年 1 月经济类联考数学真题及解析 | 201 |
| 附录 B 2013 年 1 月经济类联考数学真题及解析 | 208 |
| 附录 C 2014 年 1 月经济类联考数学真题及解析 | 215 |
| 附录 D 2015 年 1 月经济类联考数学真题及解析 | 220 |

第一章 微 积 分

2016 MBA MPA MPAcc 联考与经济类联考同步复习指导系列

◆ 第一节 函 数

◆ 第二节 函数的极限

◆ 第三节 一元函数微分法

◆ 第四节 导数的应用

◆ 第五节 不定积分

◆ 第六节 定积分

◆ 第七节 多元函数微分学

第一节 函 数

函数的定义域

定义 1.1 使得表达式 $f(x)$ 有意义的 x 的集合称为函数 $y=f(x)$ 的自然定义域（简称为定义域）.

在微积分学中，主要考虑的是以下五类函数：

1. 幂函数 $y = x^\mu$ (μ 为常数), 其定义域依据常数 μ 的取值而确定.
 2. 指数函数 $y = a^x$ (a 为常数, $a > 0$ 且 $a \neq 1$) 的定义域为 $(-\infty, +\infty)$.
 3. 对数函数 $y = \log_a x$ (a 为常数, $a > 0$ 且 $a \neq 1$) 的定义域为 $(0, +\infty)$.
 4. 三角函数 $y = \sin x$, $y = \cos x$ 的定义域都是 $(-\infty, +\infty)$.

$y = \tan x$ 的定义域是 $\{x \mid x \neq k\pi + \frac{\pi}{2}, k \text{ 为整数}\}$.

$y = \cot x$ 的定义域是 $\{x \mid x \neq k\pi, k \text{ 为整数}\}$

- ## 5. 反三角函数

$y = \arcsin x$ 的定义域是 $[-1, 1]$

$y = \arccos x$ 的定义域是 $[-1, 1]$

$y = \arctan x$, $y = \operatorname{arccot} x$ 的定义域都是 $(-\infty, +\infty)$.

例 1.1 函数 $y = \sqrt{e^x - 1} + \frac{1}{1-x}$ 的定义域是()。

- A. $[0, 1)$ B. $(1, +\infty)$
 C. $[0, 1) \cup (1, +\infty)$ D. $(-\infty, 1)$

解 要使 $\sqrt{e^x - 1} + \frac{1}{1-x}$ 有意义, 即要求 $\begin{cases} e^x - 1 \geq 0 \\ 1-x \neq 0 \end{cases}$

同时成立，即 $\begin{cases} x \geq \ln 1 = 0 \\ x \neq 1 \end{cases}$ ，因此为 $[0, 1) \cup (1, +\infty)$

答案为 C.

例 1.2 函数 $f(x) = \sqrt{x - \sqrt{2x}}$ 的定义域是()。

- A. $x \geq 1$ B. $x \leq 2$ C. $x \geq 2$ D. $x = 0$ 或 $x \geq 2$

解 要使 $\sqrt{x - \sqrt{2x}}$ 有意义，即要求 $\begin{cases} 2x \geq 0 \\ x - \sqrt{2x} \geq 0 \end{cases}$

从而 $\begin{cases} x \geq 0 \\ x^2 - 2x \geq 0 \end{cases}$ ，因此 $x = 0$ 或 $x \geq 2$

答案是 D.

例 1.3 已知 $f(x)$ 的定义域为 $[0, 1)$ ，求 $f(x+a)$ 及 $f\left(1 - \frac{1}{\ln x}\right)$ 的定义域。

解 要使 $f(x+a)$ 有意义，则需 $0 \leq x+a < 1$ ，从而 $-a \leq x < 1-a$ ，
即 $f(x+a)$ 的定义域为 $[-a, 1-a]$ 。

要使 $f\left(1 - \frac{1}{\ln x}\right)$ 有意义，则需 $0 \leq 1 - \frac{1}{\ln x} < 1$ ，

解得 $0 < \frac{1}{\ln x} \leq 1$ ， $1 \leq \ln x < +\infty$ ，从而 $e \leq x < +\infty$ ，

因此 $f\left(1 - \frac{1}{\ln x}\right)$ 的定义域为 $[e, +\infty)$ 。

二/函数值的计算

给定函数 $y = f(x)$ ，即可求 $f(x)$ 在定义域内的函数值。

例 1.4 已知 $f(x) = x^2 + \ln x$ ，求 $f(1)$, $f\left(\frac{1}{x}\right)$, $f\left(\frac{1}{1+x}\right)$, $f(t^2)$ 以及 $f(f(x))$ 。

解 $f(1) = 1^2 + \ln 1 = 1$

$$f\left(\frac{1}{x}\right) = \left(\frac{1}{x}\right)^2 + \ln\left(\frac{1}{x}\right) = \frac{1}{x^2} - \ln x$$

$$f\left(\frac{1}{1+x}\right) = \left(\frac{1}{1+x}\right)^2 + \ln\frac{1}{1+x}$$

$$f(t^2) = (t^2)^2 + \ln t^2 = t^4 + \ln t^2$$

$$f(f(x)) = [f(x)]^2 + \ln f(x) = (x^2 + \ln x)^2 + \ln(x^2 + \ln x)$$

例 1.5 已知 $f(x) = \begin{cases} x+1, & x < 0 \\ x^2 - 1, & x \geq 0 \end{cases}$ ，求 $f\left(-\frac{1}{2}\right)$, $f(2)$, $f(t)$, $f(x+1)$ 。

解 $f\left(-\frac{1}{2}\right) = -\frac{1}{2} + 1 = \frac{1}{2}$

$$f(2) = 2^2 - 1 = 3$$

$$f(t) = \begin{cases} t+1, & t < 0 \\ t^2 - 1, & t \geq 0 \end{cases}$$

$$f(x+1) = \begin{cases} (x+1)+1, & x+1 < 0 \\ (x+1)^2 - 1, & x+1 \geq 0 \end{cases}$$

$$\text{即 } f(x+1) = \begin{cases} x+2, & x < -1 \\ x^2 + 2x, & x \geq -1 \end{cases}$$

例 1.6 已知 $f\left(\frac{1}{x+1}\right) = \frac{1-x}{2+x}$, 则 $f(x)$ 为 () .

- A. $\frac{2x-1}{x+1}$ B. $\frac{x}{3+x}$ C. $\frac{x}{2x+3}$ D. $\frac{1-x}{2+x}$

解 令 $\frac{1}{x+1} = t$, 则 $x = \frac{1}{t} - 1$, 代入原式得 $f(t) = \frac{1 - \left(\frac{1}{t} - 1\right)}{2 + \frac{1}{t} - 1} = \frac{2t-1}{t+1}$

函数的实质是自变量与函数之间的对应规则, 与自变量用什么记号无关.

因此 $f(x) = \frac{2x-1}{x+1}$.

答案是 A.

三 函数的性质

1. 函数的有界性

设函数 $f(x)$ 在区间 D 上有定义, 若存在 $M > 0$, 使得对任意 $x \in D$, 有 $|f(x)| \leq M$, 则称 $f(x)$ 在区间 D 上有界. 否则, 称 $f(x)$ 在区间 D 上无界.

例如, $y = \sin x$, $y = \cos x$ 在 $(-\infty, +\infty)$ 上有界, $|\sin x| \leq 1$, $|\cos x| \leq 1$.

2. 函数的单调性

设函数 $f(x)$ 在区间 D 上有定义, 若对于任意 $x_1, x_2 \in D$, 当 $x_1 < x_2$ 时, 有 $f(x_1) \leq f(x_2)$ [或 $f(x_1) \geq f(x_2)$] 成立, 则称 $f(x)$ 在区间 D 上是单调递增[或单调递减]函数.

3. 函数的奇偶性

设函数 $f(x)$ 的定义域 D 关于原点对称 [即若 $x \in D$, 则必有 $-x \in D$]. 如果对于任意 $x \in D$, 有 $f(-x) = f(x)$ 成立, 则称 $f(x)$ 为偶函数; 如果对于任意 $x \in D$, 有 $f(-x) = -f(x)$, 则称 $f(x)$ 为奇函数.

4. 函数的周期性

设函数 $f(x)$ 的定义域为 D , 如果存在常数 $T \neq 0$, 有 $x \pm T \in D$, 且 $f(x+T) = f(x)$ 恒成立, 则称 $f(x)$ 为周期函数, 使 $f(x+T) = f(x)$ 成立的最小正整数 T 称为 $f(x)$ 的周期.

例如 $y = \sin x$ 是周期为 2π 的奇函数.

$y = \cos x$ 是周期为 2π 的偶函数.

$y = \tan x$, $y = \cot x$ 都是周期为 π 的奇函数.

例 1.7 函数 $f(x) = \frac{1 - e^{-x}}{1 + e^{-x}}$ 为() .

- A. 偶函数 B. 奇函数 C. 非奇非偶函数 D. 无法确定

$$\text{解 } f(-x) = \frac{1 - e^{-(-x)}}{1 + e^{-(-x)}} = \frac{1 - e^x}{1 + e^x} = \frac{\frac{1}{e^x} - 1}{\frac{1}{e^x} + 1} = -\frac{1 - e^{-x}}{1 + e^{-x}} = -f(x)$$

因此 $f(x)$ 为奇函数.

答案是 B.

例 1.8 判定 $y(x) = \ln(x + \sqrt{1 + x^2})$ 的奇偶性.

$$\begin{aligned} \text{解 } y(-x) &= \ln(-x + \sqrt{1 + x^2}) = \ln \frac{(\sqrt{1 + x^2} + x)(\sqrt{1 + x^2} - x)}{\sqrt{1 + x^2} + x} \\ &= \ln \frac{1}{\sqrt{1 + x^2} + x} = -\ln(x + \sqrt{1 + x^2}) = -y(x), \end{aligned}$$

因此 $y(x) = \ln(x + \sqrt{1 + x^2})$ 为奇函数.

四 / 练习及答案解析

(一) 单项选择题

1. $y = e^{\frac{1}{1-x}} + \sqrt{4 - x^2}$ 的定义域为().

- A. $[-2, 1]$ B. $(1, 2]$
C. $[-2, 1) \cup (1, 2]$ D. $[-2, 2]$

2. $f(x) = \ln \frac{x+3}{2} - \frac{1}{\sqrt{x^2+x-2}}$ 的定义域为().

- A. $(-3, -2] \cup (1, +\infty)$ B. $(-3, -2) \cup (1, +\infty)$
C. $[-3, -2) \cup (1, +\infty)$ D. $(1, +\infty)$

3. 设 $f(x) = \begin{cases} 0, & x \leq 0 \\ x, & x > 0 \end{cases}$, $g(x) = \begin{cases} 0, & x \leq 0 \\ -x^2, & x > 0 \end{cases}$, 则 $f[g(x)] = (\quad)$.
 A. x^2 B. x C. 1 D. 0
4. $f(x) = x^3 + \sin x$ 为().
 A. 奇函数 B. 偶函数 C. 非奇非偶函数 D. 无法确定
5. $y = x^3[f(x) - f(-x)]$ 为().
 A. 奇函数 B. 偶函数 C. 非奇非偶函数 D. 无法确定
6. $f(x) = (x-1)^2$ 为().
 A. 奇函数 B. 偶函数 C. 非奇非偶函数 D. 无法确定

(二) 数学计算题

7. 求 $y = \frac{1}{\sqrt{1 + \ln(x-2)}}$ 的定义域.
8. 判别 $y = (1+x^2)f(x)$ [$f(x)$ 为奇函数] 的奇偶性.
9. 已知 $f\left(x + \frac{1}{x}\right) = x^2 + \frac{1}{x^2} - x - \frac{1}{x}$, 求 $f(x)$.
10. 求函数 $y = \frac{2^x}{2^x + 1}$ 的反函数.

答案解析

1. C

[解析] $\begin{cases} 1-x \neq 0 \\ 4-x^2 \geq 0 \end{cases}$, 即 $\begin{cases} x \neq 1 \\ -2 \leq x \leq 2 \end{cases}$.

2. B

[解析] $\begin{cases} \frac{x+3}{2} > 0 \\ x^2 + x - 2 > 0 \end{cases}$, 因此 $\begin{cases} x > -3 \\ x < -2 \text{ 或 } x > 1 \end{cases}$.

即定义域为 $(-3, -2) \cup (1, +\infty)$.

3. D

[解析] 对任意 $x \in (-\infty, +\infty)$, $g(x) \leq 0$, 因此 $f[g(x)] = 0$.

4. A

[解析] $f(-x) = (-x)^3 + \sin(-x) = -x^3 - \sin x = -(x^3 + \sin x) = -f(x)$.

5. B

[解析] $y(-x) = (-x)^3 [f(-x) - f(x)] = -x^3 [f(-x) - f(x)]$
 $= x^3 [f(x) - f(-x)] = y(x).$

6. C

[解析] $f(x) = x^2 - 2x + 1$
 $f(-x) = (-x)^2 - 2(-x) + 1 = x^2 + 2x + 1$

即 $f(-x) \neq f(x)$, 且 $f(-x) \neq -f(x) = -x^2 + 2x - 1$.

7. [解析] 为使函数有意义, 应有 $\begin{cases} x-2 > 0 \\ 1 + \ln(x-2) > 0 \end{cases}$, 从而得 $\begin{cases} x > 2 \\ x-2 > \frac{1}{e} \end{cases}$

即 $x > 2 + \frac{1}{e}$, 所以 $(2 + \frac{1}{e}, +\infty)$ 是其定义域.

8. [解析] $y(-x) = [1 + (-x)^2] f(-x) = -(1 + x^2) f(x) = -y(x)$,

即 y 为奇函数.

9. [解析] 令 $x + \frac{1}{x} = t$, 则有 $f(t) = t^2 - t - 2$, 因此 $f(x) = x^2 - x - 2$.

10. [解析] 由已知 $\frac{1}{y} = \frac{2^x + 1}{2^x}$, 即 $\frac{1}{y} - 1 = \frac{1}{2^x}$,

从而 $2^x = \frac{y}{1-y}$, $x = \log_2 \frac{y}{1-y}$,

所求的反函数为 $y = \log_2 \frac{x}{1-x}$ ($0 < x < 1$).

第二节 函数的极限

一 极限的性质

定理 2.1 设函数 $f(x)$, $g(x)$, $h(x)$ 在 x_0 的邻域内(不含 x_0)满足

$$g(x) \leq f(x) \leq h(x) \text{ 且 } \lim_{x \rightarrow x_0} g(x) = A, \lim_{x \rightarrow x_0} h(x) = A,$$

$$\text{则有 } \lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = A.$$

定理 2.2 函数极限存在的充分必要条件是函数的左、右极限存在且相等,

$$\text{即 } \lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = A \Leftrightarrow \lim_{x \rightarrow x_0^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow x_0^-} f(x) = A$$

定理 2.3 (四则运算) 设 $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = A$, $\lim_{x \rightarrow x_0} g(x) = B$,

$$\text{则 } \lim_{x \rightarrow x_0} [f(x) \pm g(x)] = \lim_{x \rightarrow x_0} f(x) \pm \lim_{x \rightarrow x_0} g(x) = A \pm B$$

$$\lim_{x \rightarrow x_0} [f(x)g(x)] = [\lim_{x \rightarrow x_0} f(x)][\lim_{x \rightarrow x_0} g(x)] = A \cdot B$$

$$\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f(x)}{g(x)} = \frac{\lim_{x \rightarrow x_0} f(x)}{\lim_{x \rightarrow x_0} g(x)} = \frac{A}{B} \quad (B \neq 0)$$

定理 2.4 若 $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = 0$, $g(x)$ 为有界函数, 则 $\lim_{x \rightarrow x_0} [f(x) \cdot g(x)] = 0$

二 几种常见类型的极限

例 2.1 求 $\lim_{x \rightarrow -3} \frac{x^2 + x - 4}{x + 1} = (\quad)$.

- A. -2 B. -1 C. 0 D. 1

$$\text{解 } \lim_{x \rightarrow -3} \frac{x^2 + x - 4}{x + 1} = \frac{(-3)^2 + (-3) - 4}{-3 + 1} = \frac{9 - 3 - 4}{-2} = -1$$

答案是 B.

例 2.2 $\left(\frac{0}{0}\right) \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 3x + 2}{x^2 + 2x - 3} = (\quad)$.