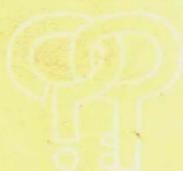


算術問題解答

高 景 善 編



河 北 人 民 出 版 社

算術問題解答

高景善編

河北人民出版社

書號：321

算術問題解答

高景善編

河北人民出版社出版
(保定市西大街一一八號)

新華書店河北分店發行
(保定市北關外)

河北人民印刷廠印刷
(保定市南關史莊街四七號)

1954年5月初版200,000冊
定 價三五百元

編 者 的 話

這本書分算史、算理和實用三部分，共為一百一十個問題。

算史部分，主要說明算術和人類生活的關係及其產生和發展的某些過程；算理和實用雖多屬實際問題，但因有理解和實解的區別（前者重於理解，後者重於實解），所以也分成了兩部分，而且它們也是全書的重點。

解放後，在祖國建設時期，教育事業已有飛躍進展，書中各題，都是各地人民教師和學生，在熱心教、學中遇到的、要求解答的實際問題。這些問題，有些曾在前「河北教育」（月刊）上發表過，有些是在進修學院給教師授課時解答過，有些是以信件答覆了的，也有些是一經解答但仍有許多人來問的。因此這就有把它整理起來，做全面介紹的必要。

另外在方法上，也和一般算術題解不同。除算法以外，並着重了算理的詳解：以淺顯問題為例，逐步解剖，向原理引伸，以便系統、透徹地解決問題。我想這樣也許會對中、小學教師和學生們在教、學中，多少起些幫助或輔導作用。

不過，因為我的數學知識不够，而且政治水平也低，加之時間倉促，不可能滿足讀者要求，同時題中也難免沒有錯誤。因此，希望讀者多加批評和指正。

編 著

一九五四年三月

目 錄

算 史 部 分

一、數學上所用的十個數碼是哪國人創造的，爲什麼叫阿拉伯數碼？	1
二、羅馬數字怎樣記數？	1
三、分節號有什麼用處，爲什麼以前是四位一節，現在改爲三位一節呢？	2
四、+、-、×、÷、 $\sqrt{}$ 等算術符號是誰發明的，採用這樣符號的意義是什麼？	4
五、算術上的關係符號是什麼，是誰發明的？	5
六、括號和括綫是誰發明的？	7
七、小數點是誰發明的？	8
八、什麼叫度量衡，它們的關係及換算怎樣？	8
九、常用的幾種進位制度是怎麼來的，它們的關係怎樣？	10
一〇、我國度量衡爲什麼改用市制？	12
一一、里、丈、尺、寸都是長度單位，爲什麼進位不一樣？	12
一二、攝氏、華氏、列氏三種溫度計爲什麼度數不一樣？	12
一三、什麼是公元，什麼是年代，多少年叫一世紀？	13

- 一四、〔公元年數〕從什麼時候開始算起，有人說
〔從耶穌誕生算起〕，實在嗎？ 14
- 一五、俄國十月革命前用什麼曆法，和現在用的曆
法有什麼不同？ 15
- 一六、陽曆二月為什麼只有二十八天？ 16
- 一七、測量砂石泥土所用的〔方〕是什麼單位？為
什麼1方等於100立方尺？ 16
- 一八、測量電量的〔度〕是怎樣規定的？ 17
- 一九、初小算術八冊第八頁第七題裡〔 $3:35$ 〕和
〔 $9:10$ 〕的記號是表示什麼意思？ 17
- 二〇、有人把〔複名數裡化小單位為大單位叫做通
法，化大單位為小單位叫做命法〕；又有人
把〔化複名數為單名數叫做通法，化單名數
為複名數叫做命法〕。究竟哪個對？ 18
- 二一、圓周率是怎樣來的，什麼時候才知道了它的
真值？ 18
- 二二、為什麼要先乘除後加減？ 19
- 二三、分數線是什麼符號，它代表什麼意思？ 21
- 二四、數目中間有許多零連在一起的時候怎麼
念？ 21

算 理 部 分

- 二五、下面三個算式有沒有錯誤，錯誤在哪裡？ 22
- 二六、下面的算式對不對，錯誤在哪裡？ 23
- 二七、從三月十八到四月二十五日是幾天，從一九一二年到一九五二年是幾年。究竟怎樣算才對？ 24
- 二八、栽樹問題為什麼也有兩種算法？ 25
- 二九、 \lceil 和 \div (\times 數 + 1) = 小數 \lceil 和 \lceil 差 \div (\times 數 - 1) = 小數 \lceil ，兩公式是怎樣得來的？ 26
- 三〇、當括號前面是減號時，去掉括號後為什麼必須把括號裡的 $\lceil +$ 、 $\lceil -$ 變為 $\lceil -$ 、 $\lceil +$ 符號呢？ 26
- 三一、乘法分配定律和除法分配定律怎樣解釋容易明白？ 27
- 三二、珠算九歸除法的口訣歌裡有一句 \lceil 見三無除做九三，無除退一下還三 \lceil 怎樣解釋？ 28
- 三三、什麼是有理數，它和無理數怎樣區分，數的系統裡含有哪些數？ 28
- 三四、若把高等數學裡的無限大 (∞) 添在算術裡面不更完善嗎？ 29
- 三五、除法裡為什麼禁止用零做除數？ 30
- 三六、高級小學算術課本的習題裡，常有連續題

目，甲題算錯，便影響乙題答數或使他題無 法演算。這樣的習題好嗎？	31
三七、奇偶數在四則運算裡有什麼變化關係？	32
三八、三個連續整數的相乘積，為什麼是 6 的倍 數？	32
三九、檢查某數有沒有質因數 3 或因數 9 的時候， 常用該數各位數碼的和來判斷是什麼道 理？	33
四〇、檢查質因數 7 時，常用割減法是什麼道 理？	35
四一、檢查質因數 11 時，常用各奇位數碼和與偶位 數碼和的差數來判斷，是什麼道理？	36
四二、檢查質因數 13 的方法，常用割減法或割加法 的理由是什麼？	38
四三、檢查質因數 19 的方法和道理怎樣講？	39
四四、其他質因數也能用割減或割加的方法檢查 嗎？	39
四五、按分節法檢查質因數 7、11、13 的方法和道 理是什麼？	41
四六、被 27 整除的數怎樣判別，理由何在？	43
四七、能被 12、14、15、18、21 整除的數目，怎樣 來判別？	44
四八、凡數遞減末位數的 21 倍與遞割末位數再減去 末位數的 2 倍，結果相同嗎？	45
四九、在自然數列裡，越向後質數越稀，是否到一	

定大數以後就沒有質數了?	46
五〇、書上說：「判斷N是不是質數時，可以先寫出所有比 \sqrt{N} 小的質數，然後用這些質數分別去除N，如果都不能整除它，那末不必再用其他的數去除，就可以斷定N是質數。」這是什麼道理?	47
五一、想找一個數所有的因數個數怎樣求?	47
五二、諸數的最大公約數比最小公倍數反倒小，是怎麼回事?	48
五三、用短除法能求出最小公倍數，是什麼道理?	49
五四、為什麼用輾轉相除的方法，就能得出兩數的最大公約數來?	50
五五、求兩數的最小公倍數時，常用它們的最大公約數來除兩數的乘積是什麼道理?	51
五六、「0」是奇數還是偶數?	52
五七、乘9驗算法是根據什麼道理來的，乘11驗算是否也能用?	52
五八、有人說：「隨便想一個三位數，只要百位數與個位數的差數大於1，先求出該數的倒位數和原數的差數，再求出差數的倒位數，然後把最後兩數相加就是1089。」這是什麼道理?	56
五九、分數加減為什麼要通分?	57
六〇、分數加減法為什麼不加減分母?	58

六一、分數除法為什麼要顛倒相乘?	59
六二、以真分數做除數的除法，為什麼越除越大， 在分數裡知道部分求全數，為什麼要用除 法?	62
六三、 $\frac{0}{0}$ 有什麼意義，代表什麼數?	64
六四、工作人員算術課本第五冊習題三第四題「某 學生一日能讀書12頁或抄書15頁或講書10 頁，今想一日內做此三種工作，問可完成幾 頁？」這題有三種算式和兩個不同得數。究竟 哪個對?	64
六五、某人有梨17個，分給三個兒子；規定老大分 二分之一，老二分三分之一，老三分九分之 一。分了好久沒有分開。後來某人又添上了一 個，三人才正好分完。為什麼非再添上一個梨不 能分，可是添的一個又分不着，什麼 道理?	65
六六、計算利率時有人說1分是10%，又有人說1 分是1%。究竟哪種說法對?	66
六七、七折八扣是什麼意思?	66
六八、物價指數怎樣解釋?	66
六九、初小算術八冊第九頁除法例題二裡，規定小 數取捨，為什麼用2乘餘數來與除數比較 呢?	67
七〇、進行小數除法時，為什麼先把除數化成整數 再除?	68

七一、純小數和真分數的乘法，為什麼乘積反小， 分數裡為什麼已知全數而求部分要用乘 法？	68
七二、小數乘法，為什麼被乘數和乘數共有幾位 小數，積數也就有幾位小數呢？	69
七三、循環小數化分數，為什麼用九或九後面續零 做分母呢？	70
七四、0.9 為什麼等於 1？	72
七五、分數和小數有什麼關係？	73
七六、小學算術上求面積的式子前面，為什麼添乘 一個「1方丈」的名數，它是哪裡來的？	74
七七、計算地積時，常把尺和寸用 2 倍一下，記在 步的後面做為步的小數（如一步三尺四寸常 記成 1.68 步），是什麼道理？	75
七八、講鈍角三角形面積時，怎樣說明公式？	75
七九、三角形面積也可以用割補法來計算嗎？	76
八〇、正方形和長方形周邊相等，為什麼面積不一 般大，哪種面積最大？	76
八一、為什麼開平方要從右向左兩位一段，開立方 三位一段，小數開方又從小數點向右分段 呢？	79
八二、圓面積公式是怎樣來的？	80
八三、球面積和球體積是怎樣求法？	81

實用部分

- | | |
|--|-----|
| 八四、知道舊曆計算的虛歲，計算公曆的周歲該怎樣算？ | 83 |
| 八五、地圖上的比例尺是什麼意思，怎樣用？ | 84 |
| 八六、怎樣做五角星，是否有簡便方法？ | 85 |
| 八七、測量土地時怎樣確定垂直線？ | 87 |
| 八八、怎樣用手指計算斤兩的互換？ | 87 |
| 八九、在機器的三個相同的輪上要安裝一條傳動皮帶，三輪的半徑都是1尺，它們中心間的距離各為10尺、15尺、20尺，怎樣算出它的長？ | 88 |
| 九〇、用簍圈盛糧食，一領簍的圈盛八石，兩領簍接起來的圈却盛三十多石，這是什麼道理，那末三領簍接起來的圈能盛多少石呢？ | 90 |
| 九一、運動場上的四條跑道，都是五尺寬。既然越向外周長越大，為什麼體育老師說：不論哪兩條相鄰跑道的長度差數全是一 π 尺？ | 91 |
| 九二、運算律有什麼用處？ | 91 |
| 九三、在加法運算上怎樣才能加快速度？ | 95 |
| 九四、乘法有哪些簡便算法？ | 95 |
| 九五、除法有哪些簡便算法？ | 103 |
| 九六、求平方數有哪些簡便算法？ | 106 |
| 九七、開平方有哪些簡便算法？ | 109 |

- 九八、求圓面積和求圓周長有哪些簡便算法? 110
- 九九、要想知道過去的那天或將來的那天是星期幾, 怎麼計算? 111
- 一〇〇、一個直角三角形的鐵片, 勾長12寸, 股長16寸。若做成一個最大的圓, 怎樣算出它的半徑? 113
- 一〇一、一條河, 水很深不能過去, 怎樣測量它的寬? 114
- 一〇二、河的一面有甲乙兩個村莊, 現在要在河岸上建築一座水力發電站。問發電站建築在什麼地方, 通兩村的電線用的最短? 115
- 一〇三、想測量一個東西的高, 但又不能走到根前, 怎樣測量呢? 116
- 一〇四、算法統宗上「梯田截積」的公式是從哪裡來的? 117
- 一〇五、某數的平方等於它的11倍與5670的和, 怎樣求這數? 120
- 一〇六、臭蟲六小時生一個新蟲, 那末一個臭蟲一天內該繁殖多少? 121
- 一〇七、今有一數, 按三三數餘二, 五五數餘三, 七七數餘二。這數是多少? 122
- 一〇八、兩列火車同時自甲乙兩站相向發車, 第一次相遇在離甲站60里的地方, 二車仍以原速度繼續前進, 各車分別到站後立即返回, 又在離乙站30里的地方相遇。問兩站

- 相離多少里? 123
- 一〇九、有電動、皮帶、手搖三種鏟床共24台。鏟
螺絲時，電動的每分鐘鏟3個，皮帶的每
分鐘鏟2個，手搖的三分鐘鏟1個。一分
鐘鏟了24個螺絲，問三種鏟床各多少台? 124
- 一一〇、有一個這樣題：十二斤的油桶，九斤的
瓶，五斤的葫蘆要分平。怎樣才能分
平? 125

算史部分

一、數學上所用的十個數碼是哪國人創造的，為什麼叫阿拉伯數碼？

數學上所用的十個數碼，原是印度人發明的。他們從三世紀就採用了位置記數辦法，後來又逐漸創造出來用十個數碼記數（數碼零發現的晚些）。到八世紀就能用十個數碼表示任何數目了。因為用十個數碼記數非常方便，後來便被阿拉伯人學去，到九世紀又由阿拉伯傳到歐洲，所以相傳為阿拉伯數碼。不過現在的這些數碼，已經過十餘次改進，與原來數碼很少有相同之處了。這些數碼到十六世紀才被確立和統一起來。

二、羅馬數字怎樣記數？

羅馬數字是羅馬人創造的，十三世紀以前曾盛行歐洲。羅馬數字共有七個：I（代表一），V（代表五），X（代表十），L（代表五十），C（代表一百），D（代表五百），M（代表一千）。這些數字在位置上不論怎樣變化，所代表的數目是不變的。只要按照下面的規則把他們組合起來，就能表示出任何數目：

(1) 一個數字重複幾次就表示這個數的幾倍。比如：II是一的二倍，表示2；XXX是十的三倍，表示30；MM是一千的二倍，表示2000。

(2) 羅馬數字的記數方法是「右加左減」。在一個數字右邊附着一個較小的數字，是表示大數字加小數字的數目；反過來，在一個數字左邊附着較小的數字，就是表示大數字減去小數字的數目了。例如：VI表示5加1是6，XXII表示20加2是22，DC表示500加100是600，IV表示5減去1是4，IX表示10減去1是9，XL表示50減去10是40；CDLXVII表示 $(500 - 100) + (50 + 10) + (5 + 2)$ 是407。

(3) 在數字上面加一橫線，是表示這數字的一千倍。例如： \overline{XII} 表示 12×1000 是12000； \overline{C} 表示 100×1000 是100000。m也能代表橫線，如 $\overline{XII}m$ 和 \overline{XII} 一樣，都是表示12000。數字上面加兩橫線，就表示它的百萬倍。如CLXV表示165， $\overline{\overline{CLXV}}$ 表示165000， $\overline{\overline{\overline{CLXV}}}$ 就表示165000000。

從上面看來，羅馬字碼不如阿拉伯字碼記數方便。因為阿拉伯字碼具備了簡便、獨立、清楚、易懂的特點，所以它通行於世界。羅馬數字便被淘汰了。

三、分節號有什麼用處，為什麼以前是四位一節，現在改為三位一節呢？

分節號（也叫撇節號），無論按四位或三位分節，都是為了定位和讀數方便而規定的。數目越大，位次越難定，當然讀數也越困難。為了解決這個困難，人們就創造了分節號「，」，用分節的辦法來定位和讀數。我國的習慣是四位一節。如圖：

—第四節— $\square \square \square \square$, —第三節— $\square \square \square \square$, —第二節— $\square \square \square \square$, —第一節— $\square \square \square \square$
 千百十萬 千百十萬 千百十萬 千百十個
 萬萬萬 萬萬萬 萬萬萬 萬萬萬
 萬萬萬 萬萬萬 萬萬萬 萬萬萬

這樣分節很整齊。第一節沒有萬字，第二節每位都有一個萬字，第三節都有兩個萬字，第四節都有三個萬字，……無論多少位的數目，只要這樣一分，馬上就能讀出數目來。如：475632189，可分節寫成4,7563,2189。因為4在第三節的第一位，所以我們就知道它是四萬萬；7563在第二節，所以是七千五百六十三萬，總數自然是四萬萬七千五百六十三萬三千一百八十九。這不光是省了從頭點位的麻煩，而且在做加減法或記賤方面也容易對位。

外國的分節法就不同了，因為外國文字裡沒有「萬」的專名詞（百萬和十萬萬却有專名詞）碰到萬就用十千來代替。如：四萬五千；他們叫做四十五千。這樣三位一段很方便，所以他們就採用了三位分節法。如圖：

—第三節— $\square \square \square$, —第二節— $\square \square \square$, —第一節— $\square \square \square$
 口 十 萬 千 百 十 萬 千 百 十 個
 口 萬 萬 萬 萬 萬 萬 萬 萬

現在各國都採用了三位分節法，我國為和國際間取得一致，也採用了這個方法。三位分節法，在最初使用的時候可能有些不方便，但是只要記住下面的口訣，就能慢慢地熟練起來：

頭撇上位千。