

# 神奇的数字

从埃及数字到几何学体系的建立



科学世界 ② 数 学

# 神 奇 的 数 字

从埃及数字到几何学体系的建立



河北科学技术出版社

826095

冀图登字:03-98-029号

本书引进  
韩国国民图书馆版权

责任编辑:郭 强

美术编辑:慈向群

## 科学世界② 数学

### 神奇的数字

从埃及数字到几何学体系的建立

朴海燕 译

河北科学技术出版社出版发行

(石家庄市和平西路新文里8号)

新华书店经销

河北新华印刷二厂印刷

ISBN 7-5375-2021-6/N · 25

开本 787×1092 1/16

印张 9.25

1999年1月第1版

1999年1月第1次印刷

印数 1—5000 册

定价:35.00 元

## 科学世界丛书

- ① 生命的奥秘
- ② 神奇的数字
- ③ 前进中的车轮
- ④ 海天任遨游
- ⑤ 自动开启的石门
- ⑥ 自动化的魅力
- ⑦ 电波传万里
- ⑧ 无限的原子能
- ⑨ 跟着星星游宇宙
- ⑩ 到宇宙中生活

◆ 自然界美丽的图案

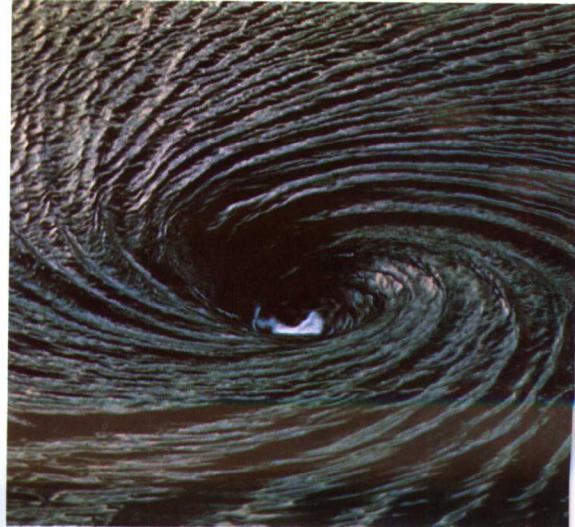


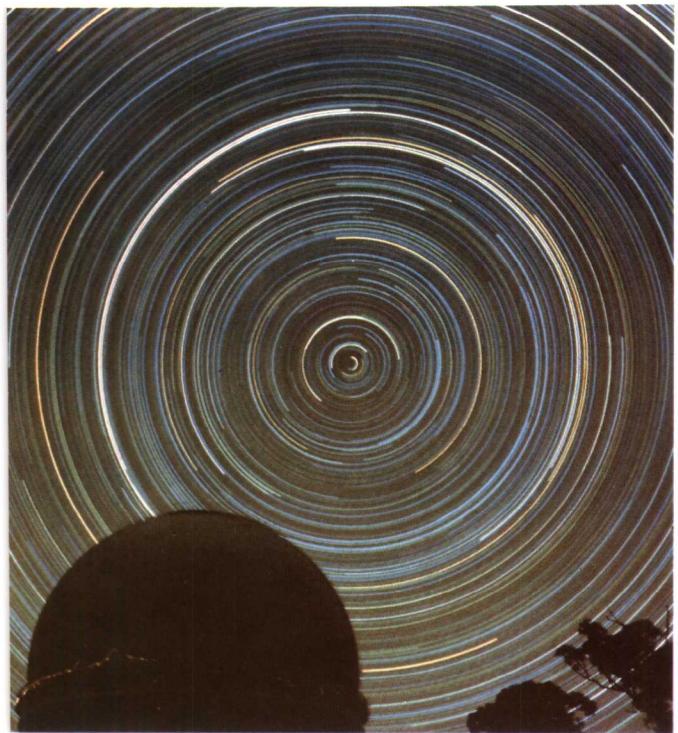
▲ 银河



◀ 蜗牛

▼ 海上旋涡

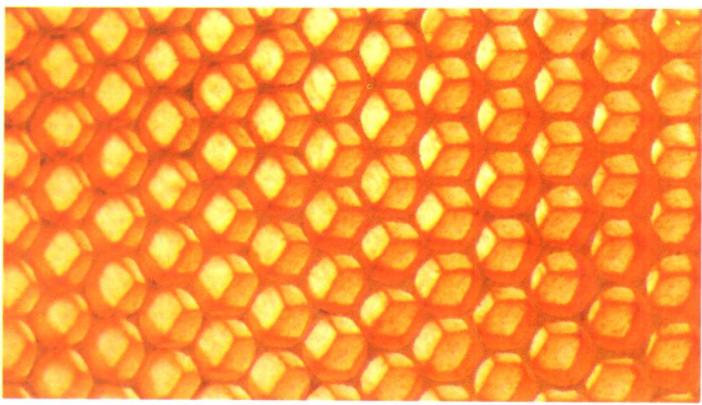




▲ 南半球星星的运行(圆)



▲ 玄武岩地层(平行)



◀ 蜂窝(六面体)



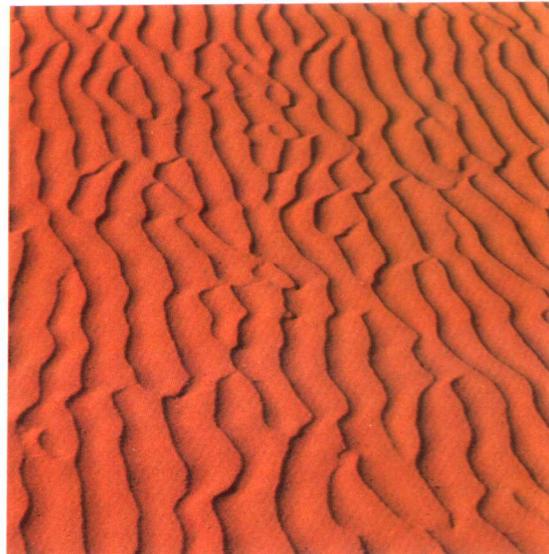
▼ 海星(五角形)



▼ 大蜻蜓(对称)



▲ 枫叶(相似)



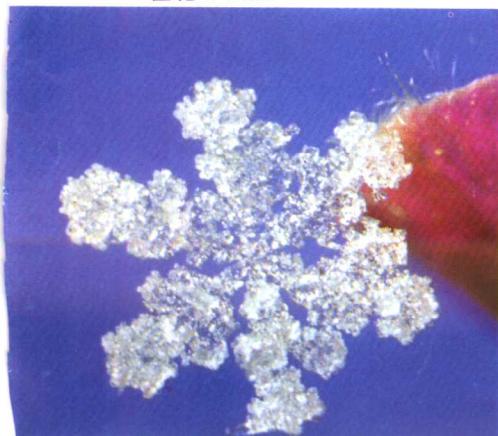
▲ 沙丘纹路(曲线)



▼ 日环食(圆)



▼ 花蝴蝶(对称)



▼ 雪花(六角形)

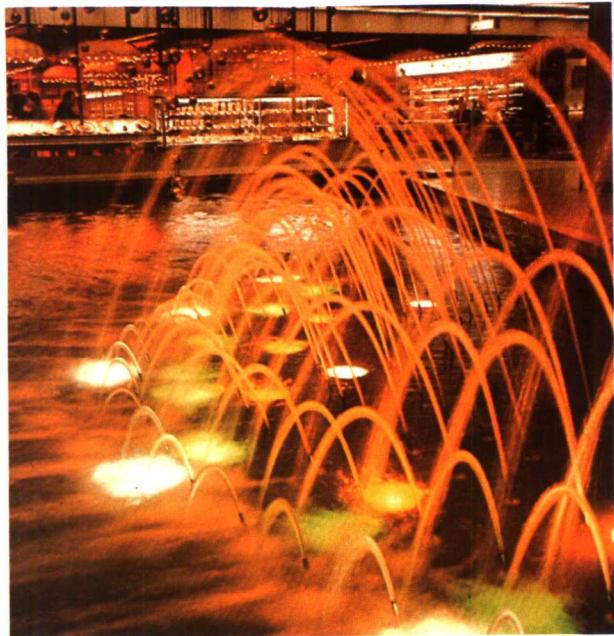


▼ 湖水的波纹(同心圆)



▼ 盐的结晶(四角形)

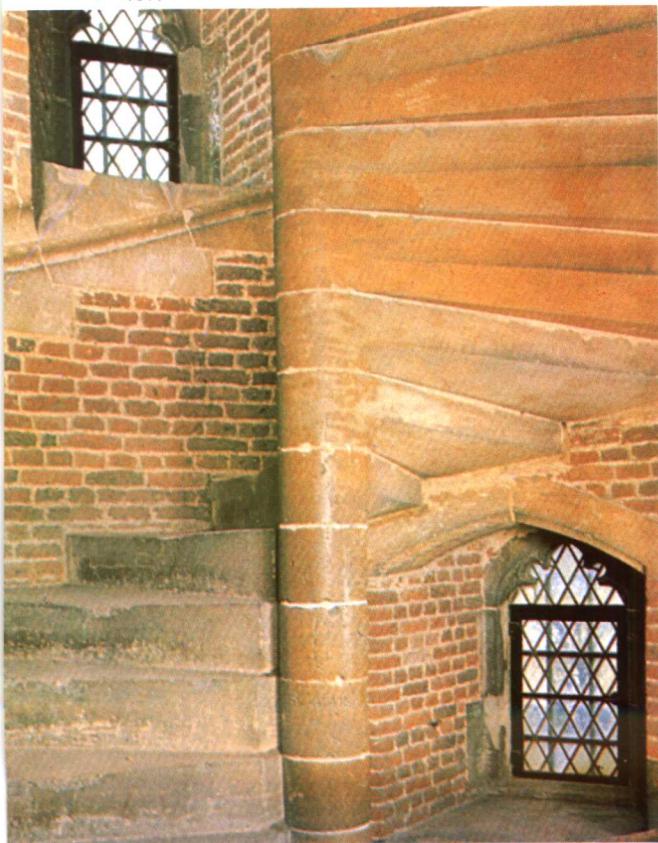
◆ 其他美丽图案



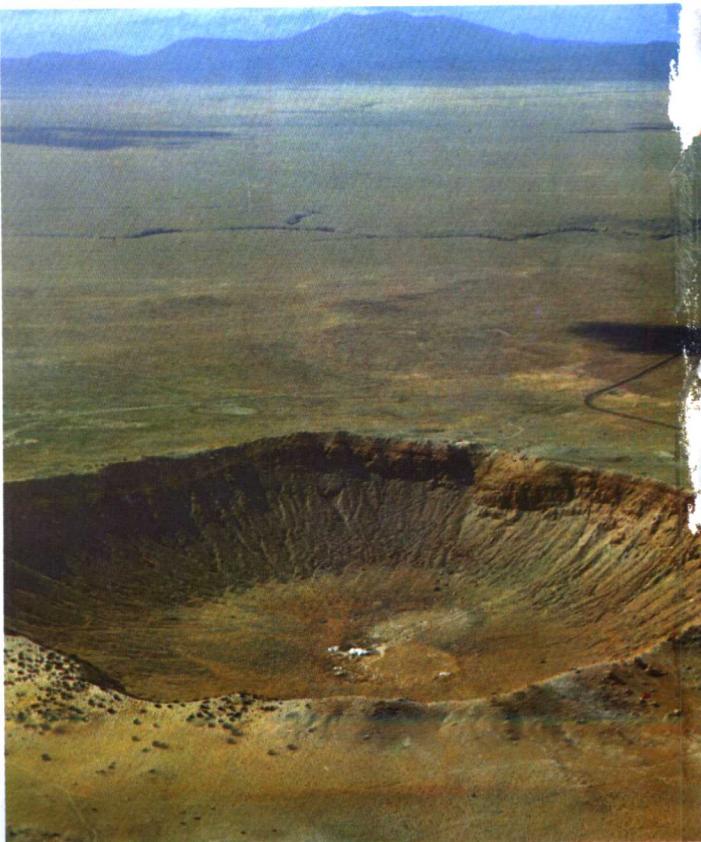
▲ 呈抛物线形的喷泉



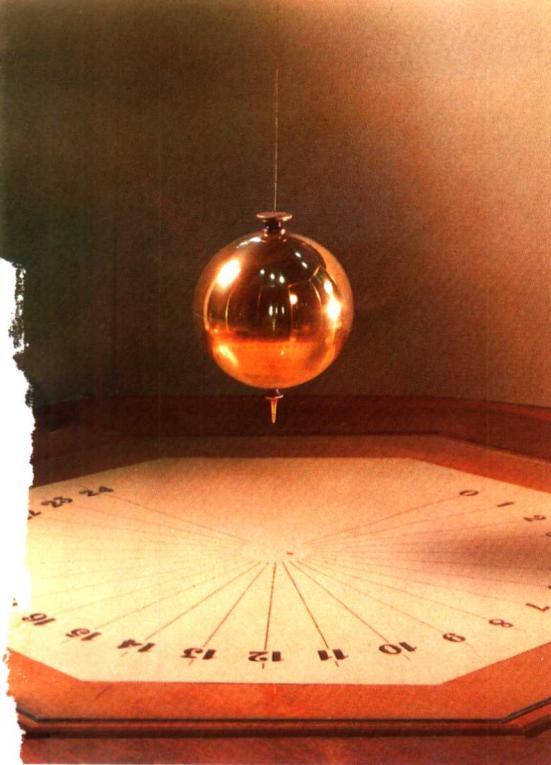
▲ 火山喷口喷出的岩浆(抛物线)



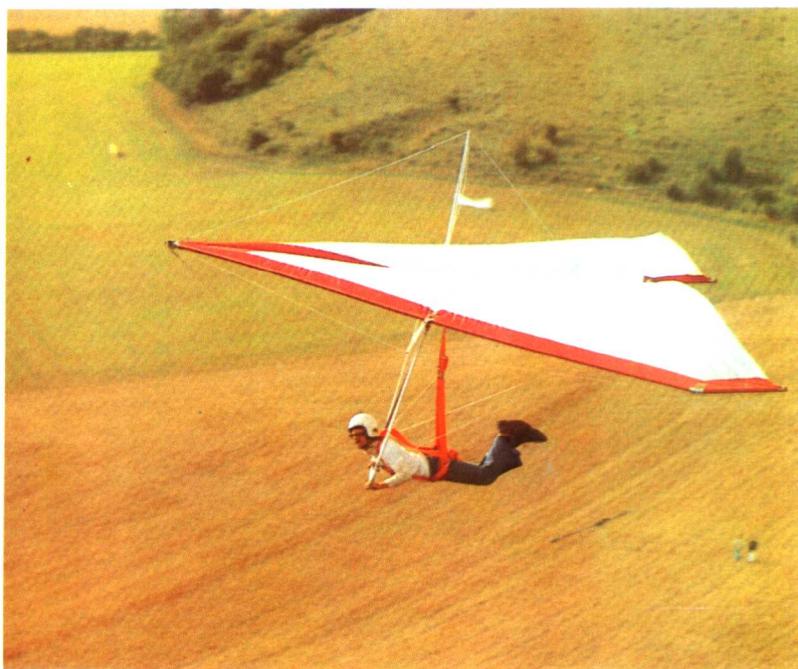
▼ 旋梯



▼ 美国亚里桑那州的陨石坑

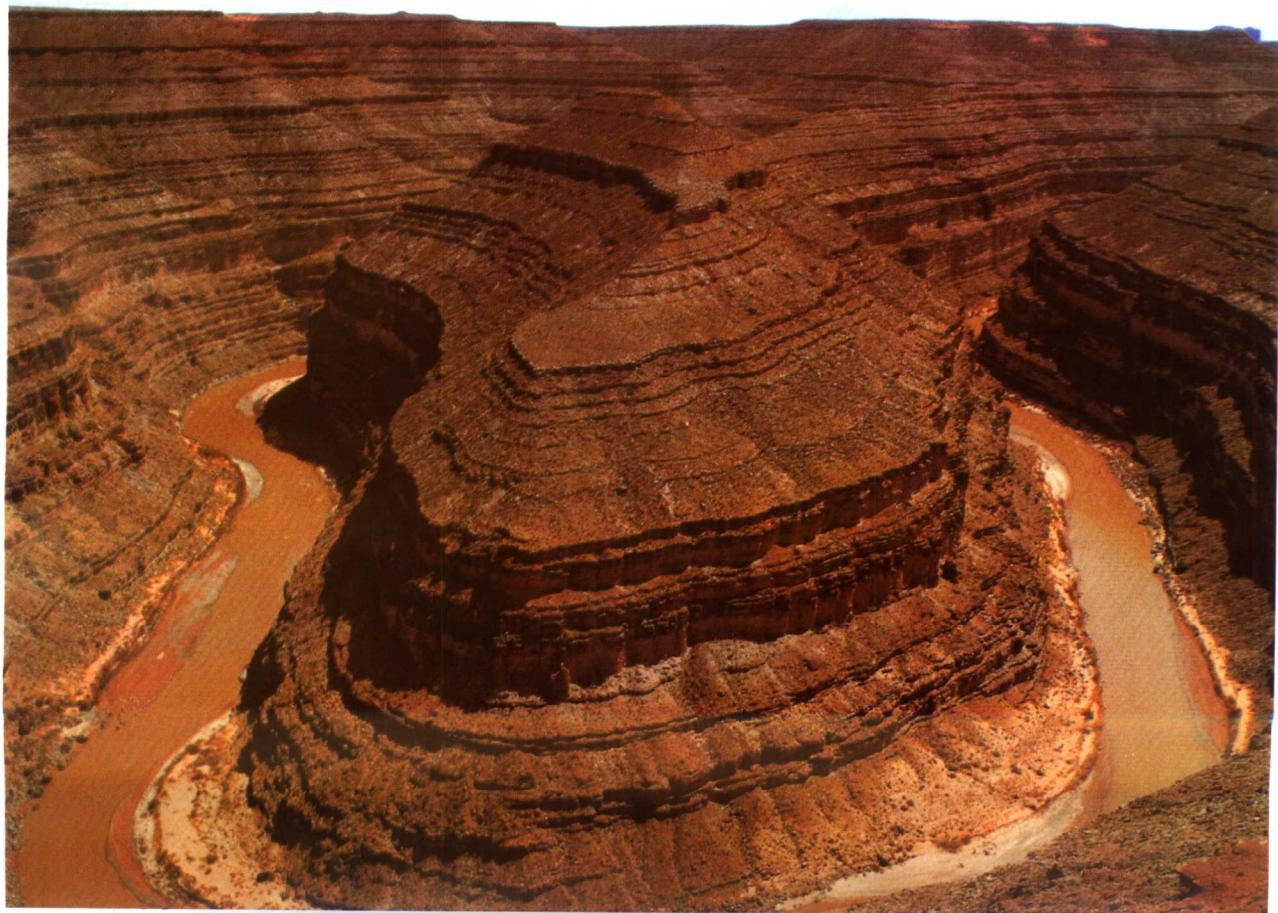


▲ 振子(球)(观测地球自转的振子)



▲ 滑翔机(三角形)

▼ 侵蚀峡谷(曲线)

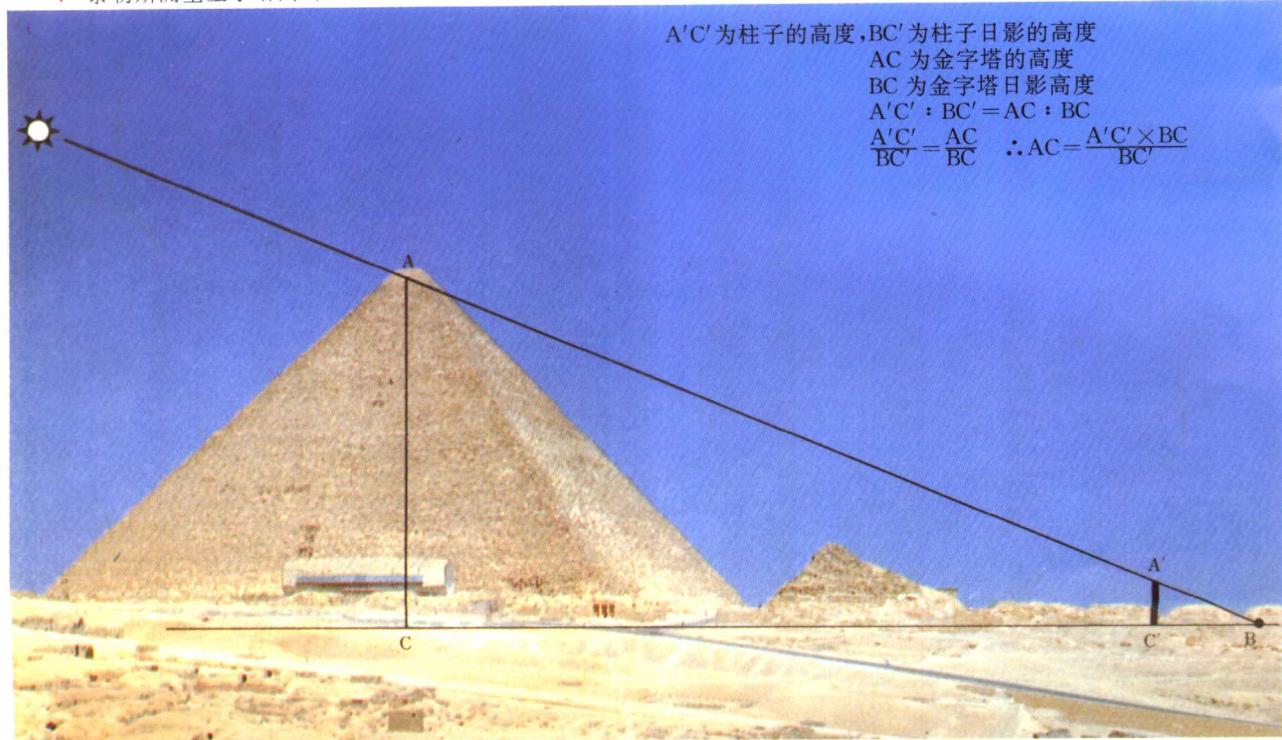


连续拍摄的日食照片  
可以看出圆与圆的  
位置关系



▲ 日全食  
球与球的交叉

▼ 泰勒斯测量金字塔高的方法





## 目 录

### ● 数字的发明

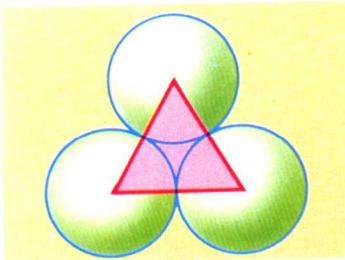
#### 数字的诞生与发展

一对一的对应关系 .....	2
原始的数字表示方法 .....	3
利用手指和脚趾数数 .....	5
数字的诞生 .....	7
用画杠方法表示的埃及数字 .....	8
用 10 个杠表示数字 10 .....	11
1000 万是神的数字 .....	13
六十进制的巴比伦数字 .....	15
五进制的罗马数字 .....	16
古希腊数字 .....	18
用算盘表示数字的方法 .....	20
阿拉伯数字产生于印度 .....	21
印度人的智慧,0 的发明 .....	23
传入欧洲的阿拉伯数字 .....	24
0 是恶魔的数字 .....	27

### ● 分数的发明

#### 复杂的分数

1 分成 3 份儿是几 .....	30
复杂的分数计算 .....	31
《莱因德纸草书》上的分数表 .....	32
由单位分数组成的埃及分数 .....	36



## ● 小数的发明

### 便于计算的小数

复杂的利息计算	40
斯蒂文发明的利息表	42
复杂的除法计算	45
最初使用的小数	47
方便的小数计算	49
小数的计算方法	51
爱国者斯蒂文	52
小数点的发明	54

## ● 几何学的诞生

### 最完美的几何学

埃及的测量技术	56
埃及的测量员	58
几何图形的边角关系	60
擅长逻辑思维的民族	62
民主的国家——希腊	63
测出金字塔高度的泰勒斯	65
对角相等	67
等腰三角形的底角相等	69
三角形全等的证明	70
测量船与海岸之间的距离	72

## ● 几何学的发展

### 直角三角形的特点

毕达哥拉斯的几何学研究	76
圆、三角形、直角	77



“毕达哥拉斯定理”的发现 ..... 79

### ● 几何学体系的建立

#### 建立几何学体系的欧几里得

亚历山德拉的欧几里得	84
几何学中的下定义是必要的	86
欧几里得下的平行线定义	88
三角形的内角之和为 $180^\circ$	91
多边形的内角之和	93
正多边形的内角	94
几何学的应用	96

### ● 三角数与平方数的发现

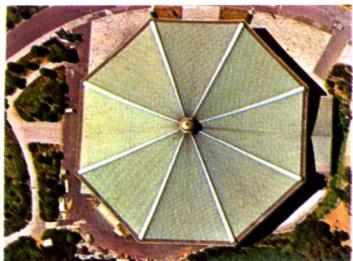
#### 毕达哥拉斯发现的数的性质

奇数与偶数的划分	100
什么是三角数	101
三角数的简明计算方法	103
三角数的心算	105
什么是平方数	106
三角数与平方数的关系	107
单数与平方数的关系	110
什么是“毕达哥拉斯数”	112
“毕达哥拉斯数”的计算方法	113

### ● “不可能性”的发现

#### 尺规限制下的几何学

圆与直线, 圆规与直尺	116
-------------	-----



希腊几何学的三大问题 .....	117
二等分任意角 .....	119
曲线不被认定 .....	120
三大问题不可能用尺规作图 .....	121
证明化圆成方无理性的朗伯 .....	124
正五边形的作图方法 .....	125
正十七边形作图法的发明者高斯 .....	127
加里宁格勒的七座拱桥 .....	129
无解之题 .....	131
一笔图 .....	132
一起来做做 .....	134



文明的开始与数字的诞生

## 数字的发明

## 数字的诞生与发展

1,2,3,4,5,6,7,8,9,10,11,12,13,.....

我们每天都在使用数字,但却很少去想数字是怎样产生的,它给我们生活带来了怎样的影响。没有数字,也就没有今天的数学及其他科学。可见数字的发明多么伟大、多么重要。在此,让我们一起去了解一下数字的产生与发展历史吧。



↑公元前3000年前的黏土块上的象形文字  
记有农作物和家畜数量。大圈为100,小圈为10,细槽表示1

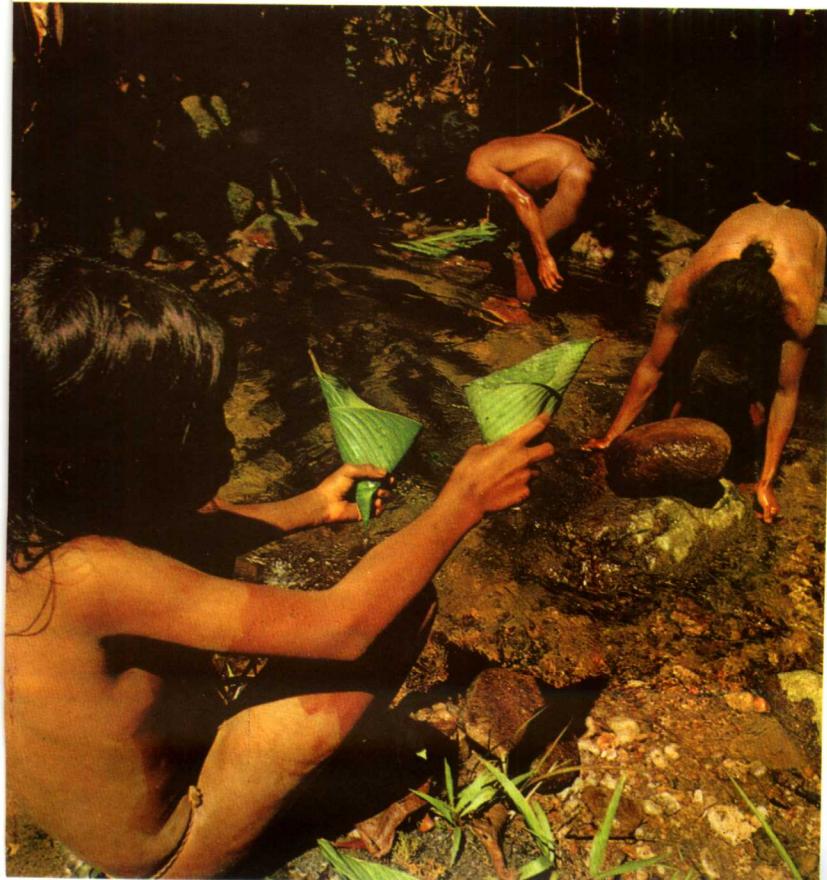
▼菲律宾民都洛岛上至今仍有生活在洞穴里的原始部落  
图为男子们在一起捕鱼,绿叶折成的圆锥形的东西是用来放鱼的

## 一对一的对应关系

人与动物的区别在于人能进行思考,而动物却不能。当然,动物也不会数数,而人不仅会数数,还能使用数字进行各种计算。

但是,人类的祖先最初并不懂得数字是什么,更不会数数。当他们需要某种物品时,相互之间就会进行物物交换。

最初的物物交换使我们的祖先开始有了初步的数的概念。因为他们要判断哪一方的交换物品数量更多。

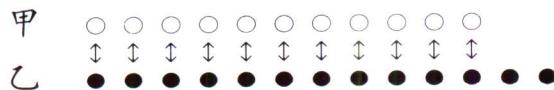


例如,甲、乙二人各有一定数量的物品,但哪一方的更多呢。若是现在,我们会很快数清双方物品的数量,并进行比较。

但最初的人们并不懂得什么是数,更不懂怎么数数,因此,他们会把交换双方的物品一一对应着排列好,若哪一方还有剩余物品,当然哪一方的物品就更多

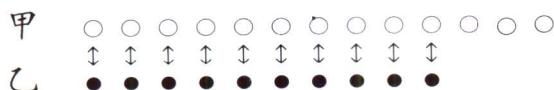
了。

如果：



就表明乙方的物品更多。

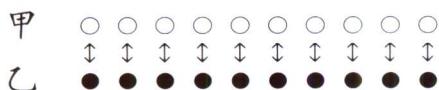
如果：



则表明甲方的物品更多。

但如果甲、乙双方的物品按照上述对应关系排列好之后却没有剩余的，就说明双方物品的数量是相同的。

即：



我们人类的祖先最初就是用这种一对一的对应关系来判断物品数量的。

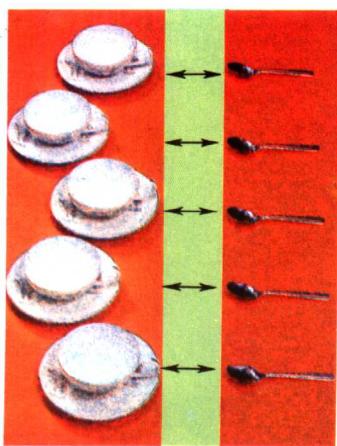
## 原始的数字表示方法

或许有人会问：“怎么知道我们的祖先用哪种方法数数的呢？”



↑ 物物交换使人们有了数的概念

↓ 利用生活周围的事物表示数

↑一对一的对应关系  
将杯子和勺一一对应地排列好。无多余  
的说明数量相等

◆石子儿与人的一对  
一的对应关系  
酋长把石子儿分给  
部落的人们。石子儿  
的数与人数相等

其实，对此并没有什么记载。但从目前生活在地球上的原始未开化的土著人身上，我们似乎能够寻找到来祖先的影子了。

在南洋的大森林或非洲的深山里，现在依然生活着以捕鱼狩猎为生的土著人。这些土著人的数数范围也不过限在1、2、3这种小数目之内，再大的就只好用很多来表示了。

但随着生活的复杂化，他们也感觉到了使用数字的必要性。这时，他们就会用我们前面所说的那种一对一的对应关系。举个例子说吧，酋长是怎样清点自己部落的人数呢。

原来，他先发给每个人一个小石子儿，然后再把石子儿收回来装在袋子里。这样袋子里的石子儿与部落的人数就成了一对一的对应关系了。当下一次集会的时候，他照旧还会把石子儿发给每个人，如果有剩

