



电子电路读本 1

电子电路

数字篇

[日] 尾崎 弘 金田弥吉 著
橘 启八郎 谷口庆治 译
张健琼 高志勇 译



科学出版社
www.sciencep.com

电子电路读本 1

电子电路

数字篇

[日] 尾崎 弘 金田弥吉 著
橘 启八郎 谷口庆治
张健琼 高志勇 译

科学出版社

北京

图字：01-2003-7840号

内 容 简 介

本书是“电子电路读本”系列之一。本系列共四册。本书作为电子电路的数字部分，主要介绍组合数学概述、电路元件的脉冲响应和瞬变特性、脉冲发生电路、数字电路的逻辑设计、基本门电路、D-A 及 A-D 转换电路、微处理器及其外围电路等。每章末附有练习题及其解答。

本书图文并茂、简明易懂、实用性强，具有很强的可读性；除此之外，重点名词均给出相应的英文词汇，有些重点名词还给出注释。

本书可作为大专院校“数字电路”的辅助参考教材，也可以作为数字电子技术人员的参考学习用书。

图书在版编目(CIP)数据

电子电路——数字篇/(日)尾崎弘等著；张健琼,高志勇译. —北京：
科学出版社,2004

(电子电路读本)

ISBN 7-03-013503-2

I. 电… II. ①尾… ②张… ③高… III. ①电子电路-高等学校-
教材 ②数字电路-高等学校-教材 IV. TN710

中国版本图书馆 CIP 数据核字(2004)第 050358 号

责任编辑：王 烨 崔炳哲 / 责任制作：魏 谦

责任印制：刘士平 / 封面设计：李 祥

科 学 出 版 社 出 版

北京东黄城根北街16号

邮政编码：100717

<http://www.sciencep.com>

源海印刷有限公司印刷

北京东方科龙图文有限公司 制作

<http://www.okbook.com.cn>

科学出版社发行 各地新华书店经销

*

2004年7月第一版 开本：A5(890×1240)

2004年7月第一次印刷 印张：8 1/4

印数：1—5 000 字数：248 000

定 价：22.00 元

(如有印装质量问题，我社负责调换(新欣))

前　　言

电子电路(electronic circuit)是由电阻(resistor)、电感(inductor,线圈)、电容器(capacitor)、二极管(diode)、晶体管(transistor)等构成的电路,是电子、信息、通信系统的基本构成要素。由于电子电路所涉及的领域非常广泛,所以大多数情况下将其分为用于放大及振荡的模拟电路(analog circuit)和用于二进制数的运算及记录的数字电路。前者模拟电路在《电子电路——模拟篇》中介绍,与其对应,后者数字电路在本书中介绍。

本书收集了众多在大学的电子信息专业(电力、电子、信息、通信、控制、测量等专业)长期教授电子电路的教师们的讲义及教学经验,可以作为电子信息专业的教科书和参考书。由于本书所涉及的重要内容很多,所以在一年的教学时间之内不一定能讲授完所有的内容。因此,可以根据实际情况,选择适当的章节供学生参考阅读。

编写本书时,着重注意了以下几点:

- (1) 行文尽可能简洁、通俗,明确专业术语的定义;
- (2) 本书所讲述的内容只限于非常基础的知识,为您读其他相关的论文、文献及设计资料等起到了抛砖引玉的作用;
- (3) 在每章的各部分加入了适当的例题,便于您对内容的理解。

本书由序章和七章构成,每位作者完成的部分如下:

尾崎:序章,第3章 橘:第1章,第6章

金田:第2章,第5章 谷口:第4章,第7章

本书在执笔时,参考了很多著作和论文,在此对其作者表示深深的感谢。

另外,在本书出版时,共立出版社的有关人士也给予了很大帮助,在此特别要对深瀬英弥先生表示感谢。

著　者

目 录

| | | |
|-------------------------------|-------|----|
| 序章 组合数学概述 | | 1 |
| 0.1 基本概念(概念、命题、体系;系统) | | 1 |
| 0.1.1 命题、关系 | | 1 |
| 0.1.2 概念及其内涵和外延、集合(空间) | | 2 |
| 0.1.3 体系(系、系统)、模型 | | 2 |
| 0.2 集 合 | | 3 |
| 0.2.1 集合的定义 | | 3 |
| 0.2.2 子集、补集 | | 4 |
| 0.2.3 运算、幂集 | | 6 |
| 0.2.4 并(并集)、交(交集)、恒等式 | | 6 |
| 0.2.5 Veitch 图和 Karnaugh(卡诺)图 | | 8 |
| 0.2.6 对偶性 | | 10 |
| 0.2.7 对、组、直和、直积 | | 10 |
| 0.3 关系、对应、映射 | | 13 |
| 0.3.1 函数关系(对应、函数、映射) | | 13 |
| 0.3.2 等价关系和次序关系 | | 14 |
| 0.3.3 分类(类别)和等价类 | | 16 |
| 0.3.4 次序集合 | | 17 |
| 0.4 命题逻辑(二值逻辑代数)概述 | | 20 |
| 0.4.1 命题的符号表示 | | 20 |
| 0.4.2 真值、真值表、真值变量、真值函数 | | 22 |
| 0.4.3 逻辑运算 | | 24 |
| 0.4.4 基本的等式、类逻辑和幂集 | | 26 |
| 0.5 布尔代数 | | 27 |
| 0.5.1 布尔代数的定义 | | 28 |
| 0.5.2 对偶性 | | 28 |

目 录

| | |
|---|-----------|
| 0.5.3 布尔代数的模型——命题运算、二值代数、 n 单位符号、n 维立方体、幂集 | 29 |
| 0.6 逻辑函数和逻辑电路 | 31 |
| 0.6.1 组合电路和逻辑函数 | 31 |
| 0.6.2 时序电路和逻辑函数 | 31 |
| 0.7 逻辑函数 | 33 |
| 0.7.1 最小项和主加法标准形 | 33 |
| 0.7.2 由真值表给出的函数的展开(主加法 标准形) | 35 |
| 0.7.3 最大项和主乘法标准形 | 37 |
| 0.7.4 所有的二元运算 | 38 |
| 0.7.5 完备系 | 40 |
| 0.8 符号、二元符号和二进制 | 42 |
| 0.8.1 二值元素和二元符号 | 43 |
| 0.8.2 r 进制、二进制、 2^n 进制 | 43 |
| 0.8.3 十进制码及十进制数的表示 | 45 |
| 第 1 章 电路元件的脉冲响应和瞬变特性 | 46 |
| 1.1 脉冲和数字信号 | 46 |
| 1.2 脉冲波形和频谱频率特性 | 47 |
| 1.3 集总常数电路的脉冲响应 | 52 |
| 1.3.1 高通 RC 电路、RC 微分电路 | 52 |
| 1.3.2 低通 RC 电路、RC 积分电路 | 55 |
| 1.3.3 RL 积分电路 | 57 |
| 1.3.4 RL 微分电路 | 58 |
| 1.3.5 RLC 串并联电路 | 58 |
| 1.3.5 RC 电位器 | 62 |
| 1.4 分布常数电路的脉冲响应 | 63 |
| 1.4.1 分布常数电路 | 64 |
| 1.4.2 传输线的形式 | 66 |
| 1.4.3 特征阻抗和传播常数 | 66 |
| 1.4.4 反射和透射 | 67 |

| | |
|----------------------------------|-----|
| 1.5 二极管的动态特性 | 72 |
| 1.5.1 接通时的瞬态响应 | 73 |
| 1.5.2 断开时的瞬态响应 | 74 |
| 1.5.3 pn 结二极管的等效电路 | 76 |
| 1.6 双极结晶体管的动态特性 | 77 |
| 1.6.1 接通延迟时间 t_d | 78 |
| 1.6.2 上升时间 t_r | 78 |
| 1.6.3 饱和区域的动态特性、积累时间 t_s | 79 |
| 1.6.4 下降时间 t_f | 80 |
| 1.7 场效应晶体管(FET)及其特性 | 81 |
| 1.7.1 MOSFET 的构造和动作 | 81 |
| 1.7.2 增强型 MOSFET 的动作 | 82 |
| 1.7.3 耗尽型 MOSFET 动作 | 84 |
| 1.7.4 MOSFET 反相器的特性 | 85 |
| 1.7.5 MOS 负载电阻 | 86 |
| 1.7.6 输入输出传输特性 | 86 |
| 参考文献 | 88 |
| 练习题 | 89 |
| 第 2 章 脉冲发生电路 | 91 |
| 2.1 自激多谐振荡器 | 91 |
| 2.2 单稳态多谐振荡器 | 94 |
| 2.3 双稳态多谐振荡器 | 98 |
| 2.4 其他的脉冲电路 | 101 |
| 2.4.1 发射结单稳态多谐振荡器 | 101 |
| 2.4.2 负电阻多谐振荡器 | 103 |
| 2.4.3 施密特触发电路 | 107 |
| 2.4.4 间歇振荡电路 | 109 |
| 2.4.5 单结晶体管振荡电路 | 111 |
| 参考文献 | 114 |
| 练习题 | 115 |

目 录

| | | |
|----------------------------|-------|-----|
| 第3章 数字电路的逻辑设计 | | 116 |
| 3.1 组合电路 | | 116 |
| 3.1.1 概述 | | 116 |
| 3.1.2 基本的组合电路单元 | | 117 |
| 3.1.3 逻辑函数的和标准形和积标准形 | | 117 |
| 3.1.4 逻辑函数的化简 | | 120 |
| 3.1.5 多输出电路的化简 | | 127 |
| 3.1.6 组合电路设计的步骤 | | 128 |
| 3.2 时序电路 | | 128 |
| 3.2.1 时序电路及其表示方法 | | 128 |
| 3.2.2 触发器 | | 129 |
| 3.2.3 存储元件的转换 | | 133 |
| 3.2.4 由触发器引起的状态分配 | | 134 |
| 3.2.5 应用方程式 | | 135 |
| 3.3 由触发器构成时序电路 | | 135 |
| 3.3.1 由 RS-触发器构成的方法(输入方程式) | 135 | |
| 3.3.2 JK-触发器的输入方程式 | | 140 |
| 3.3.3 D-触发器的输入方程式 | | 141 |
| 3.3.4 T-触发器的输入方程式 | | 142 |
| 3.4 时序电路的设计步骤 | | 142 |
| 3.4.1 时序电路的化简 | | 143 |
| 3.4.2 时序电路设计的步骤 | | 143 |
| 参考文献 | | 144 |
| 第4章 数字电路的设计 | | 145 |
| 4.1 传输电路的实例 | | 145 |
| 4.1.1 并联传输电路 | | 145 |
| 4.1.2 多路转换器 | | 148 |
| 4.1.3 总线传输电路 | | 148 |
| 4.1.4 移位寄存器 | | 150 |
| 4.1.5 多功能寄存器 | | 152 |
| 4.2 实用的 FF 电路的实例 | | 153 |

| | |
|-------------------------------|------------|
| 4.2.1 使 FF 具有延迟的方法 | 153 |
| 4.2.2 主从触发器 | 154 |
| 4.2.3 边缘触发-FF | 156 |
| 4.3 运算电路的例子 | 157 |
| 4.3.1 加法器 | 157 |
| 4.3.2 乘法器 | 160 |
| 4.4 输入输出接口电路的例子 | 161 |
| 4.4.1 具有双向寄存器的电路 | 161 |
| 4.4.2 输出选择电路 | 162 |
| 4.5 数字 PLL 电路的例子 | 164 |
| 4.5.1 数字 PLL 电路 | 164 |
| 4.5.2 数字 PLL 电路例子 | 166 |
| 4.6 可编程逻辑阵列 | 166 |
| 参考文献 | 168 |
| 练习题 | 169 |
| | |
| 第 5 章 基本门电路 | 172 |
| 5.1 二极管逻辑电路 | 172 |
| 5.1.1 AND 电路 | 172 |
| 5.1.2 OR 电路 | 173 |
| 5.2 DTL 电路 | 174 |
| 5.2.1 NOT 电路 | 174 |
| 5.2.2 NAND 电路、NOR 电路 | 175 |
| 5.3 TTL 电路 | 178 |
| 5.3.1 基本 TTL 电路 | 178 |
| 5.3.2 基本电路的缺点 | 179 |
| 5.3.3 标准电路 | 181 |
| 5.3.4 TTL 的输入输出特性 | 182 |
| 5.3.5 电路的性能评价 | 184 |
| 5.4 肖特基 TTL、ECL(CML) 电路 | 185 |
| 5.5 I ² L 电路 | 188 |
| 5.6 MOS 电路 | 189 |

| | | |
|------------------------------------|-------|------------|
| 5.6.1 nMOS 电路 | | 190 |
| 5.6.2 CMOS 电路 | | 191 |
| 5.7 布线 OR 和三态 TTL 电路 | | 193 |
| 参考文献 | | 196 |
| 练习题 | | 197 |
| 第 6 章 D-A 及 A-D 转换电路 | | 199 |
| 6.1 数据的收集和转换 | | 199 |
| 6.1.1 概述 | | 199 |
| 6.1.2 量化和采样 | | 201 |
| 6.2 D-A 转换器 | | 206 |
| 6.2.1 加权电阻型电路 | | 207 |
| 6.2.2 梯形电路 | | 208 |
| 6.3 A-D 转换器 | | 209 |
| 6.3.1 采样保持电路 | | 209 |
| 6.3.2 跟踪比较型 A-D 转换器(计数器型) | ... | 212 |
| 6.3.3 二重积分型 A-D 转换器 | | 213 |
| 6.3.4 逐次比较(逼近)型 A-D 转换器 | | 215 |
| 6.3.5 并联比较型 A-D 转换器(直接比较型、 闪速型) | | 216 |
| 参考文献 | | 218 |
| 练习题 | | 219 |
| 第 7 章 微处理器及其外围电路 | | 220 |
| 7.1 CPU 的概述 | | 220 |
| 7.1.1 ALU | | 220 |
| 7.1.2 寄存器类 | | 226 |
| 7.1.3 控制 | | 227 |
| 7.1.4 微处理器的例子 | | 235 |
| 7.2 半导体存储器 | | 238 |
| 7.2.1 RAM | | 239 |
| 7.2.2 ROM | | 242 |

| | |
|-----------------------------|-----|
| 7.3 外围接口 | 244 |
| 7.3.1 外围接口的例子 | 244 |
| 7.3.2 A-D 转换器的数据输入的例子 | 248 |
| 参考文献 | 249 |
| 练习题 | 250 |

序章 组合数学概述

要 点

在本章中介绍了组合数学(也称为离散数学)的非常基本的概念。概述了作为数字电路基础理论的逻辑代数和逻辑电路。

读者在初次学习本章时,如果不能完全掌握,可以先跳过本章学习下一章。必要时可以回头参考相应的内容。但是,在可能的情况下,仍然希望您能通读一下本章的内容。

◆ 基本概念(概念、命题、体系;系统)

0.1.1 命题、关系

叙述判断的语句,不是真(true)即是假(false)。将这种语句称为命题(proposition, statement)。涉及两个以上元(概念、定义后述)的命题称为关系(relation)。涉及 n 个元的命题称为 n 元关系(n -ary relation)。举例如下:

[命题的例子]

- (1) 雪是白色的。(真)
- (2) $5+2=9$ 。(假),这个式子是 5,2 和 9 的三元关系,也可以看成 5 和 2 的对{5,2}与 9 的二元关系。
- (3) $x \geq y$ 。在这个式子中,如果不能确定 x 与 y 的值,则不能说式子为真或者为假。因此,称为函数命题。这是 x 和 y 的二元关系。

关系一般可以表示为 $R(a,b,\dots,z)$,二元关系(binary relation)可以表示为 aRb 。二元关系举例如下:

[二元关系的例子]

$a//b, a \perp b, a=b, a \in A, A \subset B$ 等。

0.1.2 概念及其内涵和外延、集合(空间)

机器、人、成套设备(工厂)等被称为概念(concept)或名词或元(term)。作为例子,日本人这个概念,我们可以这样定义。现在将 $n(x)$ 定义为:

$n(x)$:“ x 为具有日本国籍的人”。

的函数命题。这个 $n(x)$ 中的 x 表示了作为日本人的充分必要条件。称其为(概念的)内涵(connotation,intension)。

将 $n(x)$ 为真时 x 的全体表示为:

$$N = \{x \mid n(x)\} \quad (0.1)$$

这个表示全体日本人,称为外延(denotation,extension)或者类(class)。在数学中称为集合(set)或者空间(space)。

一般概念有内涵(充分必要条件)和外延(类、集合),由一方决定另一方。

概念 $\begin{cases} n(x): \text{内涵, 充分必要条件, 意义} \\ N: \text{外延或类, 在数学中称为集合或空间} \end{cases}$

关于内涵所研究的问题称为命题逻辑,关于外延所研究的问题则称为类逻辑。举例如下:

a 先生是日本人。 $n(a)$ 或者 $a \in N$ 下面为类逻辑

b 先生不是日本人。 $\bar{n}(b)$, $\neg n(b)$ 或者 $b \notin N$

0.1.3 体系(系、系统)、模型

将几个概念聚在一起而构成新的概念,称为体系或者仅称为系或者系统(system)。如果将构成体系 A 的概念组(具有顺序的集合)记为 (A_1, A_2, \dots, A_n) , 则体系 A 可以表示为 $A = (A_1, A_2, \dots, A_n)$ 。

在数学上,将由 n 个概念组成的体系 (A_1, A_2, \dots, A_n) 称为 n 元组(n -tuple),特别地,将二元组称为(有序)对(pair)。

【例 1】考虑大学这个体系。这个体系是由教师、学生、职员、专业课程、场地、建筑物、教室、研究室、教学组等很多概念有机组成的体系。

【例 2】三维欧几里德空间内点 P 的坐标为 $P = (x_1, y_1, z_1)$, 则 P 是三元组的系(坐标系)。

如果体系 $A = (A_1, A_2, \dots, A_n)$ 与体系 $B = (B_1, B_2, \dots, B_n)$ 一一对应,则 A 与 B 同构。而且,称 A 与 B 两者中一方为另一方的模型(modèle 印

度, model 英)。

2 集合

如上节所述, 将概念的外延即类称为集合(set)。集合中所包含的个体称为元素(element, 要素)或者成员(member)。

注 虽然上面定义了日本人的概念, 但是可能存在着所谓的日本人是指日本人的集合(即外延), 还是指作为日本人的充分必要条件(即内涵)这样的问题, 实际上指的是两方面。但是, 在数学上, 认为指的是日本人的集合这种情况较多。如果要表示一个元素, 则只要表示“1个日本人”即可。

0.2.1 集合的定义

定义集合的方法有三种。第一种方法称为内涵定义, 如同前面定义日本人的集合那样, 表示出属于集合的充分必要条件, 即内涵, 由此定义集合。现在, 如果定义出属于集合 S 的充分必要条件为 $C(x)$, 则

$$S = \{x | C(x)\} \quad (0.2)$$

可以作为 S 的定义。

第二种方法称为外延定义。列举出属于集合的元素。例如: 自然数(的集合) N 及整数(的集合) Z 可以如下定义:

$$N = \{1, 2, \dots\}$$

$$Z = \{0, \pm 1, \pm 2, \dots\}$$

很难由内涵定义自然数和整数。

第三种方法称为归纳定义。例如定义 $2x^2 + 3.5x + 8, 3x + 5, 2$ 这种实系数多项式(的集合), 可以这样考虑:

- (i) 实数是多项式;
- (ii) 变数是多项式;
- (iii) 多项式的和是多项式;
- (iv) 多项式的积是多项式;
- (v) 只有以上认为是多项式的才是多项式。

按照上述定义, $3x+5.2$ 是多项式这一事件可以如下表述: 根据(i)3和5.2是多项式; 根据(ii) x 是多项式; 根据(iv) $3x$ 是多项式; 根据(iii) $3x+5.2$ 是多项式。

0.2.2 子集、补集

当 a 是集合 A 的元素时, 可以称为 a 属于(belongs to) A , 或者 A 包含(contain) a 。当 a 属于 A , b 不属于 A 时, 可以如下表示:

$$\left. \begin{array}{l} a \in A \text{ 或者 } A \ni a \\ b \notin A \text{ 或者 } A \not\ni b \end{array} \right\} \quad (0.3)$$

由有限个元素组成的集合称为**有限集**(finite set), 由无限个元素组成的集合称为**无限集**(infinite set)。作为集合 A 和集合 B , 当集合 B 的元素全部包含于集合 A 时, 称集合 B 是集合 A 的**子集**(subset), 也可以称为 A 包含 B 。如下表示:

$$B \subseteq A \text{ 或者 } A \supseteq B \quad (0.4)$$

由子集的定义可以清楚地知道, A 本身也是 A 的子集。当 $A \supsetneq B$, 而且 $B \supsetneq A$ 时, 可以表示为:

$$A = B \quad (0.5)$$

称为**相等集合**。当 A 和 B 不是相等集合时, 可以写为:

$$A \neq B \quad (0.6)$$

当 $A \supsetneq B$ 且 $A \neq B$ 时, 可以表示为:

$$A \supsetneq B \quad (0.7)$$

称为集合 B 是集合 A 的**真子集**(proper subset)。用图表示为图 0.1。这种图称为**文氏图**(Venn diagram)。另外, 为了在叙述理论时达到统一, 我们将不含任何元素的集合称为空集(empty set), 用 \emptyset 表示。 \emptyset 是所有集合的子集。

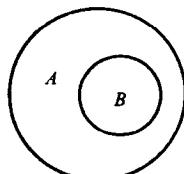


图 0.1 真子集
(Venn 图) 在集合 A 、集合 B 中, 属于集合 A 而不属于集合 B 的元素组成的集合称为 A 与 B 的**差集**(difference set), 用 $A - B$ 表示。即

$$A - B = \{x \mid x \in A, x \notin B\} \quad (0.8)$$

用图表示差集为图 0.2。

有某集合 S , 如果 S_1, S_2, S_3, \dots 是它的子集, 那么 $S - S_i \subset S$ 是 S 的子集。这时表示为:

$$S - S_i = \tilde{S}_i \quad (0.9)$$

称 \tilde{S}_i 为 S_i 对于集合 S 的补集 (complement 或者 complement set) (参见图 0.3)。可以清楚地知道, \tilde{S}_i 的补集仍是 S_i 。即

$$\tilde{\tilde{S}}_i = S_i \quad (0.10)$$

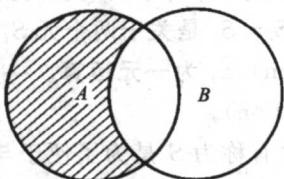


图 0.2 差集 ($A - B$)

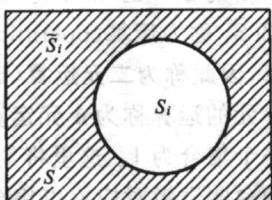


图 0.3 补集 ($\tilde{S}_i = S - S_i$)

【例题 0.1】集合 S 为

$$S = \{a, b, c, d\} \quad (0.11)$$

$$S_1 = \{a, b\} \quad S_2 = \{c, d\} \quad S_3 = \{a, b, c\} \quad (0.12)$$

等均是真子集, 则

$$\tilde{S}_1 = S_2 \quad \tilde{S}_2 = \{d\} \quad (0.13)$$

而且 S 的子集个数为 $2^4 = 16$ 个。如此考虑, 则只要见表 0.1 即可知道。即在 4 个元素下面列举出 4 位数的二进制数。各数与子集一一对应。二进制数变为 1 的位数上的元素组成的

表 0.1 集合 $\{a, b, c, d\}$ 的子集

| | a | b | c | d | 部分集合 |
|----|-----|-----|-----|-----|------------------|
| 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | \emptyset |
| 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | $\{d\}$ |
| 2 | 0 | 0 | 1 | 0 | $\{c\}$ |
| 3 | 0 | 0 | 1 | 1 | $\{c, d\}$ |
| 4 | 0 | 1 | 0 | 0 | $\{b\}$ |
| 5 | 0 | 1 | 0 | 1 | $\{b, d\}$ |
| 6 | 0 | 1 | 1 | 0 | $\{b, c\}$ |
| ⋮ | ⋮ | ⋮ | ⋮ | ⋮ | ⋮ |
| 15 | 1 | 1 | 1 | 1 | $\{a, b, c, d\}$ |

子集与其二进制数对应(例如 0000 对应 ϕ , 1100 对应 $\{a, b\}$)。因为 4 位数的二进制数从 0 到 15 共 16 个,因此,子集个数为 16。一般情况下, n 个元素组成的集合的子集有 2^n 个。

0.2.3 运算、幂集

有某集合 S ,其子集为 S_1, S_2, S_3, \dots 。有必要考虑由 S_1, S_2, S_3 等作为元素的集合。这种集合的集合称为集合族(family, family set)。前面定义了差集 $S_i - S_j$ 和补集 \tilde{S}_i ,由集合 S_i 和集合 S_j 等求出的新的集合 $S_i - S_j$ 和 \tilde{S}_i 称为运算(operation)。特别是, $S_i - S_j$ 是关于两个元 S_i 和 S_j 的运算,因此称为二元运算(binary operation), \tilde{S}_i 为一元运算。一般地,关于 n 元的运算称为 n 元运算(n -ary operation)。

一个集合为 I 。这里将集合称为 I 而没有称为 S 是为了便于与后面所说的命题逻辑对应。以集合 I 的全部子集作为元素组成的集合称为幂集。表示为 $P(I)$ 或者 2^I 。而且,称这个 I 为全集(universe, universal set)。以下没有预先说明,写为 \tilde{S} 指的是关于 I 的补集。

另外,用几何学表达时,将集合称为空间(space)或者抽象空间(ab-stract space),其元素称为点,子集称为子空间。

0.2.4 并(并集)、交(交集)、恒等式

由至少属于集合 A 和集合 B 一方的元素的全体组成的集合称为 A 和 B 的并(union),或者称为并集(sum set),表示为 $A \cup B$ 。即

$$A \cup B = \{x \mid x \in A \text{ 或者 } x \in B\} \quad (0.14)$$

用图表示为图 0.4(a)。由定义可得:

$$A \cup B = B \cup A \quad (0.15)$$

此外,集合 A 和集合 B 两者共同包含的元素组成的集合称为交(join, intersection)或者交集(product set)。用 $A \cap B$ 表示。即

$$A \cap B = \{x \mid x \in A, x \in B\} \quad (0.16)$$

用图表示为图 0.4(b)。由定义可以清楚地知道:

$$A \cap B = B \cap A \quad (0.17)$$

在幂集 $P(I)$ 中,如果定义了两个二元运算 \cup 与 \cap 及一个一元运算 \tilde{A} ,那么下列各式成立。另外,加波浪线的式子是后面要介绍的布尔代数的公理,其他式子是可以由公理推导出的定理。