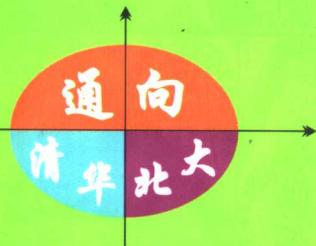


双色 课堂达标

笔记本



●课堂达标 全面考测课本知识点
●万向思维 帮助学子走向清华北大

根据教育部最新课程标准和教学大纲编写
与人教版九年义务教育教材
三年制初级中学教科书配套使用

科学测试

100分

总主编：刘常纲

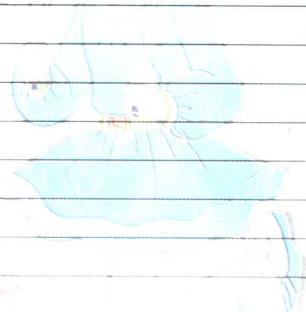
北京万向思维国际教育研究中心
中 学 数 学 教 研 组

第一线教师 潘 红

策划
设计
撰稿



成功从这里起步



A 级——基础知识达标
B 级——重点难点过关
附加题 第二课堂
兴趣小组 从课堂到奥林匹克

初三 几何

北京教育出版社
北京万向思维国际教育研究中心

根据教育部最新课程标准和教学大纲编写
与人教版九年义务教育
三年制初级中学教科书配套使用

课堂达标

笔记本

科学测试

100分

初三几何

策划设计：北京万向思维国际教育研究中心

中学数学教研组

撰稿：第一线教师 潘 红

编委：张 丽 孙艺华 王文利

朱德仁 刘建军 宋 萌

张 鹏 苏晓鹏

北京教育出版社
北京万向思维国际教育研究中心

课堂达标
初三几何

策划设计:北京万向思维国际教育研究中心
 中学数学教研组

总主编:刘常纲

撰稿:第一线教师 潘红

责任编辑:袁海

封面设计:徐立娜

出版发行:北京教育出版社

印 刷:陕西思维印务有限公司

经 销:全国新华书店

版 次:2004年5月第3版

印 次:2004年5月第1次印刷

印 张:5.25

字 数:80千字

开 本:787毫米×1092毫米 1/16

书 号:ISBN 7-5303-1111-5/G·1086

定 价:6.80元

编 写 说 明

为了达到提高学生整体素质的目的，我们特聘请了一批在全国重点中、小学教学第一线执教多年、具有丰富教学经验的把关、命题骨干教师、教学能手和教研人员参与对本丛书的总体策划和题型设计，并组织他们在深入研究新教材、新教学大纲及最近“教学内容调整意见”精神的基础上，根据全新的思路和各地教学的实际需要，编写了这套小学、初中必备的课堂达标系列丛书，供各地学生使用。

这套丛书在编排上既反映学科体系，又紧扣大纲和教材，遵循由易到难的原则，注重基础，突出重点，分散难点，以灵活多样的形式，科学而又系统地将各课分为“基础知识”和“重点难点”两大部分进行考测，并为配合第二课堂兴趣小组的要求，以“附加题”的形式设置了“从课堂到奥林匹克”这一最新题型，将知识性和趣味性融为一体。每课的A级和B级既自成体系，又紧密衔接，实现了由知识到能力的转化，体现现代教育的全部内涵。在选题上尽可能涵盖较多的课本知识点，使学生通过答题，更好地掌握课本知识，切切实实地达到提高素质的目的。所以，本丛书在选题时，既注重试题的典型性、实用性，又着眼于题型的多样性和新颖性，是知识、能力与实际运用的完美组合。

目 录

第一单元 锐角三角函数

- ① 正弦和余弦 (1)
- ② 正切和余切 (4)
- ③ 用计算器求锐角三角函数值和由锐角三角函数值求锐角 (7)
- 第一单元测试 (8)

- ⑩ *切线长定理 (39)
- ⑪ *弦切角 (41)
- ⑫ *和圆有关的比例线段 (43)
- 第四单元测试 (45)

第二单元 解直角三角形

- ④ 解直角三角形 (10)
- ⑤ 应用举例 (14)
- 第二单元测试 (17)

第五单元 圆和圆的位置关系

- ⑬ 圆和圆的位置关系 (47)
- ⑭ 两圆的公切线 (49)
- ⑮ 相切在作图中的应用 (51)
- 第五单元测试 (52)

第三单元 圆的有关性质

- ① 点和圆的位置关系 (19)
- ② 过三点的圆 (21)
- ③ 垂直于弦的直径 (22)
- ④ 圆心角、弧、弦、弦心距之间的关系 (24)
- ⑤ 圆周角 (26)
- ⑥ 圆的内接四边形 (29)
- 第三单元测试 (31)

第六单元 正多边形和圆

- ⑯ 正多边形和圆 (54)
- ⑰ 正多边形的有关计算 (56)
- ⑱ 画正多边形 (58)
- ⑲ 探究性活动：镶嵌 (59)
- ⑳ 圆周长、弧长 (60)
- ㉑ 圆、扇形、弓形的面积 (62)
- ㉒ 圆柱和圆锥的侧面展开图 (64)

- 第六单元测试 (65)
- 上学期期中测试 (67)
- 上学期期末测试 (69)
- 下学期期中测试 (71)
- 下学期期末测试 (73)
- 参考答案 (75)

第四单元 直线和圆的位置关系

- ⑦ 直线和圆的位置关系 (33)
- ⑧ 切线的判定和性质 (35)
- ⑨ 三角形的内切圆 (37)

第一单元 锐角三角函数

1. 正弦和余弦

A级 基础知识达标

(时间 30 分钟, 满分 50 分)

得 分	
等 级	

一、填空(10分)

- 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle C$ 是直角, 若 $\angle A = 45^\circ$, $AB = 2$, 则 $\angle B = \underline{\hspace{2cm}}$, $BC = \underline{\hspace{2cm}}$, $AC = \underline{\hspace{2cm}}$.
- 已知 $\sin 55^\circ = 0.5736$, 则 $\cos 35^\circ = \underline{\hspace{2cm}}$.
- 比较大小: $\sin 72^\circ \underline{\hspace{2cm}} \sin 69^\circ$, $\cos 72^\circ \underline{\hspace{2cm}} \cos 69^\circ$.
- $\sin 30^\circ = \underline{\hspace{2cm}}$, $\sin 45^\circ = \underline{\hspace{2cm}}$, $\cos 30^\circ = \underline{\hspace{2cm}}$, $\cos 45^\circ = \underline{\hspace{2cm}}$.

二、选择(9分)

- 下列叙述正确的是()。
 - $\sin A$ 表示 \sin 与 A 相乘
 - $\sin A$ 表示 $\angle A$ 的邻边与斜边的比
 - 锐角 α 的正弦值与 α 的大小无关
 - 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle C = 90^\circ$, 则 $\sin(A + B) = \sin C$
- 如果 $\angle A$ 为锐角, 且 $\sin A > \sin 40^\circ$, 则 $\angle A$ 的度数是()。
 - $\angle A > 40^\circ$
 - $\angle A < 40^\circ$
 - $0^\circ < \angle A < 40^\circ$
 - $40^\circ < \angle A < 90^\circ$
- 在 $\triangle ABC$ 中, 若 $\left| \sin A - \frac{\sqrt{3}}{2} \right| + \left| \sin B - \frac{1}{2} \right| = 0$, 则 $\triangle ABC$ 是()。
 - 等腰非等边三角形
 - 等边三角形
 - 等腰直角三角形
 - 直角三角形

三、计算下列各式(10分)

- $\sin 60^\circ + \cos 60^\circ$;
- $\cos 30^\circ - 2\sin 45^\circ \cdot \cos 45^\circ$.

四、解下列各题(21分)

- 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle C = 90^\circ$, $\angle B = 30^\circ$, $c = 16$, 求 a 、 b 、 $\angle A$ 以及 $S_{\triangle ABC}$. (10分)

- 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle C = 90^\circ$, $b = 20$, $c = 20\sqrt{2}$, 求 $\angle A$ 、 $\angle B$ 和 a 的边长. (11分)

B 级 重点难点过关

(时间 30 分钟, 满分 60 分)

得 分	
等 级	

一、填空(20 分)

- 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle A + \angle B = 90^\circ$, 则 $\sin A = \sin(90^\circ - \underline{\hspace{2cm}}) = \cos \underline{\hspace{2cm}}$.
 $\cos A = \cos(90^\circ - \underline{\hspace{2cm}}) = \sin \underline{\hspace{2cm}}$.
- 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle ACB = 90^\circ$, $\sin A = \frac{\sqrt{3}}{2}$, 斜边上的高 $CD = \sqrt{3}$, 则 $BD = \underline{\hspace{2cm}}$.
- 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle A = 120^\circ$, $AB = 10$, $AC = 5$, 则 $\sin B \cdot \sin C = \underline{\hspace{2cm}}$.
- 当锐角 $A > 45^\circ$ 时, $\underline{\hspace{2cm}} < \sin A < \underline{\hspace{2cm}}$; 当锐角 $C < 45^\circ$ 时, $\underline{\hspace{2cm}} < \cos C < \underline{\hspace{2cm}}$.

二、选择(10 分)

- 化简 $|\cos 72^\circ - \sin 19^\circ|$ 正确的是()。
 - A. $\cos 72^\circ - \sin 19^\circ$
 - B. $\sin 19^\circ - \cos 72^\circ$
 - C. $\pm(\cos 72^\circ - \sin 19^\circ)$
 - D. $\cos 72^\circ + \sin 19^\circ$
- 若 $\cos^2 \beta + \sin^2 60^\circ = 1$, 则锐角 β 等于()。
 - A. 30°
 - B. 45°
 - C. 60°
 - D. 75°
- 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle C = 90^\circ$, $\cos A = \frac{1}{3}$, 则 $\sin(C - A) = (\underline{\hspace{2cm}})$.
 - A. 3
 - B. $\frac{2\sqrt{3}}{3}$
 - C. $\frac{1}{3}$
 - D. $\frac{2}{3}$
- 若 $\angle A$ 与 $\angle B$ 都是锐角, 且 $\sin A = a$, $\cos B = b$, 则当 $a = b$ 时, 必有()成立。
 - A. $\angle A + \angle B < 90^\circ$
 - B. $\angle A + \angle B = 90^\circ$
 - C. $\angle A + \angle B > 90^\circ$
 - D. $\angle A + \angle B < 180^\circ$
- 若 $\angle A$ 与 $\angle B$ 都是锐角, 且 $\cos A > \cos B$, 则 $\angle A$ 和 $\angle B$ 的关系为()。
 - A. $\angle A > \angle B$
 - B. $\angle A = \angle B$
 - C. $\angle A < \angle B$
 - D. $\angle A \geq \angle B$

三、计算(6 分)

- 已知 $2\sin B - \sqrt{2} = 0$, 求锐角 B .

2. 已知 $1 - 2\cos A = 0$, 求锐角 A .

四、解答题(14分)

1. 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle C = 90^\circ$, $a:b = 3:4$, 求 $\sin B$ 和 $\cos B$.

2. 已知在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle C = 90^\circ$, $\sin A + \sin B = n$. 求证: $\sin A \cdot \sin B = \frac{n^2 - 1}{2}$.

附加题 第二课堂
兴趣小组 从课堂到奥林匹克 (10分)

不查表求 15° 的正弦和余弦的值.

2. 正切和余切

A级 基础知识达标

(时间 30 分钟, 满分 50 分)

得 分	_____
等 级	_____

一、填空(20 分)

1. 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle C = 90^\circ$, $\cos A = \frac{3}{5}$, 则 $\tan A = \underline{\hspace{2cm}}$.
2. 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle C = 90^\circ$, 若 $\sin A = \frac{2}{3}$, 则 $\cot B = \underline{\hspace{2cm}}$.
3. 已知 $\tan \alpha = \cot 20^\circ$, 则锐角 $\alpha = \underline{\hspace{2cm}}$.
4. 已知 $\tan \alpha \cdot \cot 23^\circ = 1$, 则锐角 $\alpha = \underline{\hspace{2cm}}$.
5. 已知 $\cot 49^\circ 10' = 0.864\ 2, 1'$ 对应的修正值是 5, 若 $\cot \alpha = 0.863\ 7$, 则锐角 $\alpha = \underline{\hspace{2cm}}$.
6. 边长为 8, 15, 17 的三角形其最小角的四个三角函数值为 $\underline{\hspace{2cm}}, \underline{\hspace{2cm}}, \underline{\hspace{2cm}}, \underline{\hspace{2cm}}$.

二、选择(15 分)

1. 下列式子中成立的是()。

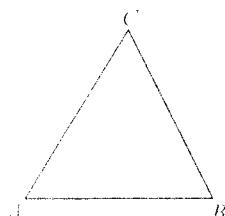
A. $\sin 37^\circ > \cos 37^\circ$	B. $\tan 54^\circ < \cot 54^\circ$
C. $\sin 48^\circ < \tan 48^\circ$	D. $\sin 42^\circ > \tan 42^\circ$
2. 若 $\alpha + \beta = 90^\circ$, 则下列式子中恒成立的是()。

A. $\sin \alpha = \sin \beta$	B. $\sin \alpha = \cos \beta$
C. $\tan \alpha = \tan \beta$	D. $\tan \alpha + \cot \beta = 2$
3. 已知 CD 是 $\triangle ABC$ 的高, 且 $CD = BD = 1$, $AD = \sqrt{3}$, 则 $\angle ACB$ 等于()。

A. 15°	B. 75°
C. 105°	D. 15° 或 105°

三、计算与解答题(15 分)

1. 如右图所示, 在 $\triangle ABC$ 中, $AB = 15$, $BC = 14$, $S_{\triangle ABC} = 84$, 求 $\tan C$ 的值.(8 分)



2. $3 \cot^2 A - 1 = 0$, 求锐角 A . (7 分)

B级 重点难点过关

(时间30分钟,满分60分)

得 分	_____
等 级	_____

一、填空(24分)

1. 已知 α 为锐角, $\tan\alpha = \frac{33}{56}$, 则 $\sin\alpha = \underline{\hspace{2cm}}$; $\cos\alpha = \underline{\hspace{2cm}}$; $\cot\alpha = \underline{\hspace{2cm}}$.
2. $\tan 1^\circ \cdot \tan 2^\circ \cdot \tan 3^\circ \cdots \tan 89^\circ = \underline{\hspace{2cm}}$.
3. 在 $\triangle ABC$ 中, 三边长之比是 $a:b:c = 5:12:13$, 则 $\tan A = \underline{\hspace{2cm}}$.
4. 比较大小 $\cos 24^\circ \underline{\hspace{2cm}} \tan 64^\circ$.
5. 已知 $60^\circ < \angle A < 90^\circ$, 化简 $\sqrt{(\sin A - \cos A)^2} = \underline{\hspace{2cm}}$.
6. 在 $\text{Rt } \triangle ABC$ 中, $\angle C = 90^\circ$, $a - b = 1$, $\cot A = \frac{2}{3}$, 则斜边上的高等于 $\underline{\hspace{2cm}}$.
7. 锐角 α, β 满足 $\sqrt{3} - \tan\alpha + |\cot\beta - 1| = 0$, 则 $\alpha = \underline{\hspace{2cm}}, \beta = \underline{\hspace{2cm}}$.
8. 等腰三角形的顶角为 120° , 底边上的中线为 2, 则三角形的面积为 $\underline{\hspace{2cm}}$, 周长为 $\underline{\hspace{2cm}}$.

二、选择(6分)

1. 若 $\tan\alpha$ 是方程 $x^2 - 2x - 3 = 0$ 的一个根, 则锐角 α 的正弦值是().
- A. $\frac{\sqrt{2}}{2}$ B. $\frac{\sqrt{10}}{10}$ C. $\frac{\sqrt{2}}{2}$ 或 $\frac{\sqrt{10}}{10}$ D. $\frac{3\sqrt{10}}{10}$
2. 若 $m > 2$, 且 α 是锐角, 则下列四个等式中不能成立的个数是().
- (1) $\cos\alpha = m - 1$, (2) $\sin\alpha = \frac{1}{m - 1}$, (3) $\tan\alpha = m + 1$, (4) $\cot\alpha = \frac{1}{m + 1}$
- A. 1 B. 2 C. 3 D. 4
3. 若 $\cot\alpha = \frac{1}{2}$, 则 $\frac{2\sin\alpha - \cos\alpha}{2\sin\alpha + \cos\alpha}$ 的值是().
- A. 0 B. $\frac{3}{5}$ C. $\frac{5}{3}$ D. $\frac{1}{3}$

三、计算与解答题(20分)

1. $\sqrt{3}\tan^2\alpha - 4\tan\alpha + \sqrt{3} = 0$, 求锐角 α . (7分)

2. $\cos 70^\circ - \cot 47^\circ + \tan 55^\circ \cdot \tan 35^\circ + \tan 43^\circ - \sin 20^\circ$. (5分)

3. $\sqrt{1 - \sin^2 10^\circ} + \left| \sin 10^\circ - \frac{1}{2} \right| - \sqrt{\tan 23^\circ \cdot \tan 67^\circ - 2 \sin 10^\circ \cdot \cos 10^\circ}$. (8分)

附加题 第二课堂 从课堂到奥林匹克 (10分)
兴趣小组

不查表求 $\tan 15^\circ$ 和 $\cot 15^\circ$ 的值.

3. 用计算器求锐角三角函数值和由锐角三角函数值求锐角

(时间 30 分钟, 满分 50 分)

得 分	
等 级	

一、填空(20 分)

- 求 $\sin 60^\circ$ 的值, 需依次按 _____、_____、_____、_____, 就可以得到答案.
- 求 $\cos 36^\circ 48'$ 的值, 因为 $60' = 1^\circ$, 所以可依次按 _____ 键 _____、_____、 $[+]$ 、_____、 $[\div]$ 、_____、_____、 $[=]$, 就可以得到答案.
- 已知 $\sin B = 0.8732$, 则锐角 B 等于多少? 先依次按 _____ 键和 _____ 键, 再依次按键 _____、_____、_____、_____、 $[=]$, 得到结果.

二、解答题(30 分)

- 若 $\cot A = 7.386$, 利用计算器求锐角 A .
- 若 $\cos B = 0.8756$, 利用计算器求锐角 B .
- 利用计算器求:(1) $\sin 30^\circ, \sin 45^\circ, \sin 90^\circ$;
 (2) $\cot 75^\circ, \cot 15^\circ, \cot 63^\circ 25''$;
 (3) $\tan 25^\circ 36'', \tan 58^\circ 36' 7''$.

第一单元测试

(时间 60 分钟, 满分 100 分)

得 分	
等 级	

一、填空(30 分)

- 已知 $\cot 14^\circ 30' = 3.867$, 与其对应的 $2'$ 的修正值为 9, 则 $\cot 14^\circ 28' = \underline{\hspace{2cm}}$.
- $\angle A$ 为锐角, 化简 $\sqrt{(\sin A - 1)^2} = \underline{\hspace{2cm}}$.
- 比较大小, $\tan 50^\circ \underline{\hspace{2cm}} \sin 80^\circ$.
- 对于任意锐角 α , $\tan \alpha \cdot \cot \alpha = \underline{\hspace{2cm}}$, $\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = \underline{\hspace{2cm}}$.
- 若 $\sqrt{2} \cos \alpha - 1 = 0$, 则锐角 $\alpha = \underline{\hspace{2cm}}$.
- 若 $\sin \alpha + \cos \alpha = \sqrt{2}$, 则 $\sin \alpha \cdot \cos \alpha = \underline{\hspace{2cm}}$.
- $|\cot 45^\circ - \tan 60^\circ| + \sqrt{\sin^2 60^\circ - 2 \cos 30^\circ + 1} = \underline{\hspace{2cm}}$.
- 在 $\text{Rt } \triangle ABC$ 中, $\angle C = 90^\circ$, $\cos A = \frac{3}{5}$, $b = 6$, 则 $a = \underline{\hspace{2cm}}$, $c = \underline{\hspace{2cm}}$.
- 在等腰三角形 ABC 中, 底边 $BC = 10$, $S_{\triangle ABC} = \frac{25}{3}\sqrt{3}$, 则 $\angle B = \underline{\hspace{2cm}}$.

二、选择(30 分)

- 若 α 为锐角, 则 $\sin \alpha + \cos \alpha$ 的值()。
 - 大于 1
 - 等于 1
 - 小于 1
 - 无法确定
- $\angle A, \angle B, \angle C$ 是 $\triangle ABC$ 的三个内角, 则 $\sin \frac{A+B}{2} = (\underline{\hspace{2cm}})$ 。
 - $\cos \frac{C}{2}$
 - $\sin \frac{C}{2}$
 - $\cos C$
 - $\cos \frac{A+B}{2}$
- 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle B = 45^\circ$, $\angle A = 30^\circ$, $CD \perp AB$ 于 D , 则 $\sin \angle BCD \cdot \sin \angle ACD = (\underline{\hspace{2cm}})$ 。
 - $\frac{\sqrt{6}}{4}$
 - $\frac{5\sqrt{3}}{2}$
 - $\frac{\sqrt{6}}{2}$
 - $\frac{\sqrt{3}}{3}$
- 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle C = 90^\circ$, $c = 2\sqrt{5}$, $\tan B = \frac{1}{2}$, 则 $\triangle ABC$ 的面积为()。
 - $\frac{4}{5}$
 - $\frac{8}{5}$
 - 4
 - 8
- 已知 $\triangle ABC$ 的三个内角之比为 $\angle A : \angle B : \angle C = 1 : 2 : 3$, 则对应三边的长之比为()。
 - $1 : \sqrt{3} : 2$
 - $1 : 2 : 3$
 - $1 : 2 : \sqrt{3}$
 - $3 : 2 : 1$
- $\sin^2 45^\circ + \tan 30^\circ \cdot \cos 30^\circ$ 值为()。
 - $\frac{1}{2}$
 - $\frac{2}{3}$
 - 1
 - $\frac{3}{2}$
- 在 $\text{Rt } \triangle ABC$ 中, $\angle C = 90^\circ$, 若 $\sin A = \frac{3}{5}$, 则 $\cot(C-A)$ 等于()。
 - $\frac{3}{4}$
 - $\frac{3\sqrt{7}}{7}$
 - $\frac{\sqrt{7}}{4}$
 - $\frac{\sqrt{7}}{3}$
- 若 $\tan \alpha = 1$, 则 $\frac{2\sin \alpha - \cos \alpha}{2\sin \alpha + \cos \alpha}$ 的值是()。

A. $\frac{1}{2}$

B. 1

C. $\frac{1}{3}$

D. $\frac{1}{6}$

9. 下列式子错误的是()。

A. $\tan 30^\circ \cdot \cot 30^\circ = 1$

B. $\sin^2 60^\circ + \cos^2 60^\circ = \tan 45^\circ$

C. $\cot 46^\circ = \frac{\sin 46^\circ}{\cos 46^\circ}$

D. $\tan 30^\circ = \frac{\sin 30^\circ}{\cos 30^\circ}$

10. $\angle A$ 为锐角, 当 $\tan A$ 的值大于 $\frac{\sqrt{3}}{3}$ 时, $\angle A$ 的取值范围为()。

A. $0^\circ < \angle A < 30^\circ$

B. $30^\circ < \angle A < 45^\circ$

C. $30^\circ < \angle A < 90^\circ$

D. $60^\circ < \angle A < 90^\circ$

三、解答题(40分)

1. 在 $Rt\triangle ABC$ 中, $\angle C = 90^\circ$, $\cos B = \frac{2}{3}$, 求 $a:b:c$ 的值.2. 已知 $\sin \alpha + \cos \alpha = \frac{7}{5}$, 求 $\sin \alpha \cdot \cos \alpha$.3. 在 $Rt\triangle ABC$ 中, $\angle C = 90^\circ$, $\tan A = \frac{1}{3}$, 求 $\angle A$ 的正弦值和余弦值.4. $\frac{\sin \alpha}{\sqrt{1 - \sin^2 \alpha}} \cdot \frac{\cos \alpha}{\sqrt{1 - \cos^2 \alpha}}$. (α 为锐角)5. 已知 $2 - \sqrt{3}$ 是方程 $x^2 - 4x + \sin A = 0$ 的一个根, 判断 $\triangle ABC$ 的形状.

第二单元 解直角三角形

4. 解直角三角形

A级 基础知识达标

(时间 30 分钟, 满分 50 分)

得 分	
等 级	

1. 等腰三角形的顶角为 120° , 腰长为 6, 则底边为 _____, 面积是 _____.2. 直角三角形的两条直角边是 3 cm 和 4 cm, 它的面积是 _____ cm^2 , 斜边上的高是 _____ cm, 斜边上的中线是 _____ cm.3. 在 $\triangle ABC$ 中, $a + b = 2 + \sqrt{2}$, $\angle A = 30^\circ$, $\angle B = 45^\circ$, 则 $c =$ _____.4. 等腰三角形的腰和底之比为 $1:\sqrt{2}$, 则底角为 _____, 顶角为 _____.5. 菱形的一条边长为 4 cm, 一个锐角为 60° , 那么这个菱形的两条对角线的长分别为 _____、_____.6. 已知直角三角形一锐角的正切值为 $\frac{5}{12}$; 周长为 18, 则三角形三边长分别为 _____、
_____、_____.7. 在 $\text{Rt } \triangle ABC$ 中, $\angle C = 90^\circ$, $a = \sqrt{3}$, $c = \sqrt{6}$, 则 $\angle A =$ _____, $b =$ _____.

B. 选择题(每小题 3 分, 共 30 分)

1. 在 $\text{Rt } \triangle ABC$ 中, $\angle C = 90^\circ$, $\tan A = \frac{1}{2}$, 则 $BC:AC:AB$ 等于().

- A. 1:2:5 B. 1: $\sqrt{3}:\sqrt{5}$ C. 1:2: $\sqrt{5}$ D. 1: $\sqrt{3}:2$

2. 在等腰三角形 ABC 中, $\angle A = 120^\circ$, BC 边上的高 $AD = 30$, 那么这个三角形的周长为().

- A. $120 + 60\sqrt{3}$ B. $120 + 30\sqrt{3}$ C. $60 + 30\sqrt{3}$ D. $150 + 30\sqrt{3}$

3. 一铁塔 AB , 在地平面 C 处测得塔顶 A 的仰角为 30° ; 前进 100 m 到 D 处, 又测得塔顶 A 的仰角为 45° , 则塔高是().

- A. 100 m B. $100\sqrt{3}$ m C. $(\sqrt{3} + 1)$ m D. $50(\sqrt{3} + 1)$ m

4. 若 a, b, c 分别为 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中 $\angle A, \angle B, \angle C$ 的对边, $\angle C = 90^\circ$, 则 $\cot A = (\quad)$.

A. $\frac{a}{c}$

B. $\frac{b}{c}$

C. $\frac{a}{b}$

D. $\frac{b}{a}$

5. 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle C = 90^\circ, a = 15, \angle A = 60^\circ$, 则 b 等于().

A. 5

B. 7.5

C. $5\sqrt{2}$

D. $5\sqrt{3}$

三、解答题(10分)

1. 如图1所示, 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle C = 90^\circ, b = 12, \angle BAC$ 的平分线 $AD = 8\sqrt{3}$, 求解这个三角形.



图1

2. 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle C = 90^\circ, a = 10, S_{\triangle ABC} = \frac{50\sqrt{3}}{3}$, 解这个直角三角形.

B级 重点难点过关

(时间30分钟,满分60分)

得 分	
等 级	

一、填空(20分)

- 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle ACB = 90^\circ$, $CD \perp AB$ 于D, $BC = 5$, $CD = 4$,则 $AB = \underline{\hspace{2cm}}$.
- 梯形的两底分别是13和5,底角分别是 60° 和 30° ,则周长是 $\underline{\hspace{2cm}}$.
- 等边三角形一条角平分线的长是6,则边长是 $\underline{\hspace{2cm}}$.
- 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle A, \angle B, \angle C$ 的对边分别是 a, b, c ,若 $\angle A = 30^\circ$, $\angle B = 45^\circ$, $b = 2\sqrt{3}$ cm,则 $a = \underline{\hspace{2cm}}$ cm.
- 在Rt $\triangle ABC$ 中, $\angle C = 90^\circ$,若 $a:c = \sqrt{3}:2$, $b = 6$,则 $\angle A = \underline{\hspace{2cm}}$, $a = \underline{\hspace{2cm}}$, $c = \underline{\hspace{2cm}}$.
- 在Rt $\triangle ABC$ 中, $\angle C = 90^\circ$, $AB = 8$, $\sin A = \frac{3}{4}$,则 $AC = \underline{\hspace{2cm}}$, $BC = \underline{\hspace{2cm}}$,
 $\sin B = \underline{\hspace{2cm}}$.

二、选择(10分)

- 已知边长为 m 的等边三角形,它的任一边上的中线长为().
 A. $\frac{\sqrt{3}}{2}m$ B. $\frac{\sqrt{2}}{3}m$ C. $\frac{\sqrt{3}}{3}m$ D. $\frac{1}{2}m$
- 若 $\angle A$ 和 $\angle B$ 都是锐角,且 $\cos A > \cos B$,则 $\angle A$ 和 $\angle B$ 的关系为().
 A. $\angle A > \angle B$ B. $\angle A < \angle B$ C. $\angle A = \angle B$ D. $\angle A \geq \angle B$
- 当锐角 α 取什么值时, $\sqrt{\tan \alpha - 1}$ 有意义().
 A. $\alpha > 60^\circ$ B. $\alpha > 45^\circ$ C. $\alpha < 45^\circ$ D. $\alpha \geq 45^\circ$
- $\tan A$ 和 $\cot A$ 是方程 $(x - \sqrt{3})(\sqrt{3}x - 1) = 0$ 的根,则 $\angle A$ 等于().
 A. 30° B. 60° C. 45° D. 30° 或 60°
- 等腰三角形一腰上的高是 a ,它与底边的夹角是 60° ,则这个三角形的面积是().
 A. $\frac{\sqrt{3}}{3}a^2$ B. a^2 C. $\frac{1}{2}a^2$ D. $\frac{1}{4}a^2$