

2005  
全复习

备战中考的要领 决胜中考的秘诀

新编  
**直击中考**



**中考**

考点精要搜索

热点规律透视

典型考题导析

轻巧夺冠演练

**数学**

丛书主编：南秀全

中国少年儿童出版社

备战中考的要领 決勝中考的秘訣



新編

直

中

考

數學

丛书主编：南秀全

分册主编：肖九河

中国少年兒童出版社

# 新编直击中考

## 数 学

---

 出版发行：中国少年儿童新闻出版总社  
中国少年儿童出版社

出 版 人：海 飞

执行出版人：陈海燕

---

责任编辑：惠 玮

装帧设计：木头羊工作室

---

社 址：北京东四十二条二十一号 邮政编码：100708

电 话：010-65956688-38 传 真：010-65952676

销售咨询服务热线：010-65956688-38

---

印 刷：北京通州皇家印刷厂

经 销：新华书店

---

开 本：787×1092 1/16

印 张：17

2004年9月第3版

2004年9月第3次印刷

字 数：391千字

印 数：1-10000册

---

ISBN7-5007-4561-3/G·3328

定 价：18.80 元

---

图书若有印装问题，请随时向本社出版科退换。

版 权 所 有，侵 权 必 究。

# 前 言

2005年毕业的莘莘学子，即将步入中考总复习阶段，茫茫题海之中，你如何选用题目；面对浩瀚书林，也许你会茫然不知所措？用什么样的复习资料最具有目标性、实用性和针对性？我们认为长期从事毕业班教学的教师是最有发言权和权威性的。这套《直击中考》丛书的编写正基于这一点。

考场即战场。要做到在考场中纵横驰骋，游刃有余，脱颖而出，则需要一整套富有创新攻略和独运匠心的计策。《直击中考》紧扣新教材、新大纲和最新考试说明，把握各个学科的特点，帮助考生理清知识要点，夯实基础知识，提高基本技能，以形成严密的知识体系网络，架起知识内部之间联系的桥梁，铺平知识运用的通道，培养学生的创新意识和提高学生的综合分析、综合运用能力。对各知识点进行深入探究，展开有系统性、深入性、启发性、针对性和前瞻性的复习，力求把握中考教改精神，透视命题规律，洞悉中考最新趋势，以取得最佳复习效益。

**《直击中考》**以2004年中考模式和命题最新理念为切入点，以能力立意为导向，重在考查学生的实践能力和创新能力。以培养学生创新能力为突破口和着力点，重视规律方法的揭示总结和模拟习题的淘金式精选，强调科学性和可操作性；演练试题具有典型性，巧妙新颖，设计规范，立意创新。本书贴近教学和中考实际，具有备考观念新、前沿信息多、知识发掘深、思维方式活的优点。

在编写过程中，我们参阅了中考研究的最新成果，吸收了同类读物的信息精华，为提高复习的针对性、实效性，在每一章节，设置了以下栏目：

**考点精要搜索** → 归纳出本章节的主要知识点，并且作必要的阐述。本章节细化中考考点相关内容，给考生感性知识，文字讲究简要明晰。

**热点规律透析** → 简要介绍中考所考本章节的重点难点、题型和命题趋势，重在考查规律的探索总结，帮助学生梳理知识要点，理清知识脉络，从而把握中考脉搏，全面透视中考考查热点，以便做到知己知彼，有的放矢。

**真题考题导引** → 精选近三年来的中考试题，从宏观上揭示考题的解法规律，从更高的层面观照高考题型发展的趋势。例题的选择注意新颖、典型，能反映出本节的主要知识、方法、

## 前言

技能和技巧，并作必要的分析归纳说明，对考生能起到举一反三的作用。

**精英夺冠演练** 本栏目从全国各地各类试卷尤中考全真试卷中精选出了具有代表性、新颖性的中考试题，从不同角度、不同方位训练学生思维，启迪学生智慧，培训学生能力，以促进知识的消化、吸收和能力的转化。

我们特别邀请湖北省黄冈市优秀特高级中学教师编写本丛书，涵括了他们教育教学研究的最新成果。

**本丛书特点：**力求贯彻“考查知识的同时，注重对能力和素质考查”的原则，帮助和指导备考学生对所学各学科知识能够融会贯通，把复习的重点放在系统掌握各学科知识的主干内容和内在联系上，放在掌握分析学科问题的方法和解决问题的能力上，并力求反映黄冈地区中考成功经验，同时力求在试题的难易程度上兼顾普通中学的要求。

本丛书编写突出“新”、“精”、“细”、“实”4个特点。

“**新**”，指紧扣中考改革方向，编创有新意，主要以2004年中考试题作为内容，本丛书力求使试题的难易程度与2005年中考要求相适应。

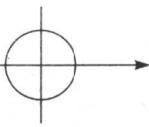
“**精**”，指编写内容精当扼要，栏目设置简洁明快，科学性强。

“**细**”，指遣词造句细密，内容缜密，可读性强。

“**实**”，指内容便于读者使用和操作，选取最具有典型意义的知识剖析讲解，涵盖所有考点，准确把握高考热点问题。

编者

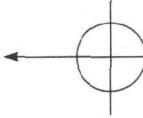
# 目 录



## 基础篇

<b>第一章 实数</b>	.....	(1)
第1节 实数的有关概念	.....	(1)
第2节 实数的运算	.....	(5)
<b>第二章 代数式</b>	.....	(9)
第1节 整式	.....	(9)
第2节 因式分解	.....	(12)
第3节 分式	.....	(14)
第4节 二次根式	.....	(18)
<b>第三章 方程和方程组</b>	.....	(21)
第1节 整式方程	.....	(21)
第2节 一元二次方程根的判别式及根与系数的关系	.....	(23)
第3节 分式方程	.....	(27)
第4节 方程组	.....	(30)
第5节 方程(组)的应用(1)	.....	(32)
第6节 方程(组)的应用(2)	.....	(35)
<b>第四章 一元一次不等式和一元一次不等式组</b>	.....	(40)
第1节 一元一次不等式	.....	(40)
第2节 一元一次不等式组	.....	(42)
<b>第五章 函数</b>	.....	(46)
第1节 平面直角坐标系	.....	(46)
第2节 函数的有关概念	.....	(48)
第3节 一次函数的图象和性质	.....	(52)
第4节 二次函数的图象和性质	.....	(56)
第5节 反比例函数的图象和性质	.....	(61)
第6节 用待定系数法求函数的解析式	.....	(65)
<b>第六章 统计初步</b>	.....	(69)
第1节 平均数、众数和中位数	.....	(69)

# 目 录



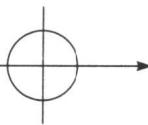
MU LU

第 2 节 方差和频率分布 .....	( 73 )
第 3 节 统计知识的应用 .....	( 78 )
<b>第七章 相交线 平行线 三角形 .....</b>	<b>( 83 )</b>
第 1 节 相交线 平行线 .....	( 83 )
第 2 节 三角形的有关概念及全等三角形 .....	( 87 )
第 3 节 特殊的三角形 .....	( 91 )
<b>第八章 四边形 .....</b>	<b>( 96 )</b>
第 1 节 四边形和平行四边形 .....	( 96 )
第 2 节 特殊的平行四边形 .....	( 100 )
第 3 节 梯形 .....	( 105 )
<b>第九章 相似形 .....</b>	<b>( 109 )</b>
第 1 节 比例线段 .....	( 109 )
第 2 节 相似三角形 .....	( 111 )
<b>第十章 解直角三角形 .....</b>	<b>( 117 )</b>
第 1 节 锐角三角函数 .....	( 117 )
第 2 节 解直角三角形的应用 .....	( 121 )
<b>第十一章 圆 .....</b>	<b>( 126 )</b>
第 1 节 圆的有关概念和性质 .....	( 126 )
第 2 节 直线与圆的位置关系 .....	( 130 )
第 3 节 圆的有关比例线段 .....	( 135 )
第 4 节 圆与圆的位置关系 .....	( 138 )
第 5 节 正多边形与圆 .....	( 144 )

## 能力篇

<b>第一章 应用问题 .....</b>	<b>( 149 )</b>
<b>第二章 从几何图形中建立函数关系式 .....</b>	<b>( 158 )</b>
<b>第三章 几何综合题 .....</b>	<b>( 164 )</b>
<b>第四章 方程与几何 .....</b>	<b>( 169 )</b>

# 目 录



第五章 函数与几何 .....	(173)
第六章 存在性问题 .....	(182)
第七章 探索性问题 .....	(192)

## 模 拟 篇

2005 年中考模拟试题(一) .....	(200)
2005 年中考模拟试题(二) .....	(203)
2005 年中考模拟试题(三) .....	(206)
2005 年中考模拟试题(四) .....	(210)
参考答案 .....	(214)

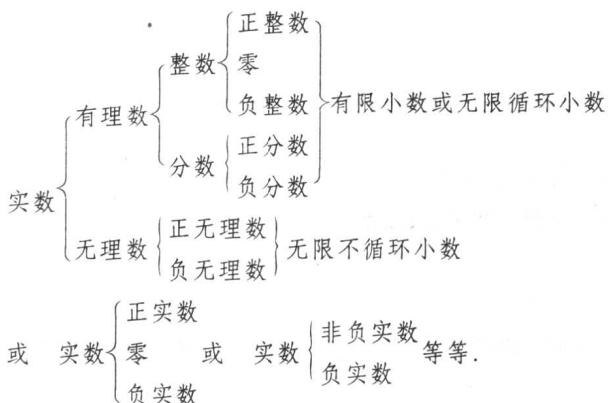
## 基础篇

## 第一章 实数

## 第1节 实数的有关概念

## 考点精要搜索

## 1. 实数的分类



如  $\pi$  是无理数,  $\frac{\pi}{5}$  是无理数而不是分数.

## 2. 数轴

(1) 数轴的三要素: 原点、正方向和单位长度.

(2) 数轴上的点与实数一一对应.

## 3. 倒数、相反数

(1) 倒数: 乘积为 1 的两个数互为倒数, 零没有倒数;

(2) 相反数: 两个数的和为零, 则这两个数互为相反数.

## 4. 绝对值

$$(1) \text{ 定义: } |a| = \begin{cases} a & (a > 0), \\ 0 & (a = 0), \\ -a & (a < 0). \end{cases}$$

(2) 性质: ①  $|a| \geq 0$ ; ② 若  $|x| = a$  ( $a \geq 0$ ), 则  $x = \pm a$ .

**考点精要搜索**

## 5. 平方根与算术平方根

	平方根	算术平方根
定义	如果一个数的平方等于 $a$ ,这个数就叫做 $a$ 的平方根.	非负数 $a$ 的非负的平方根叫做 $a$ 的算术平方根.
表示	$\pm\sqrt{a} (a \geq 0)$	$\sqrt{a} (a \geq 0)$
区别	正数的平方根有两个(一对相反数)	非负数的算术平方根是一个数(非负数)
联系	① $\pm\sqrt{\quad}$ 下的数(或式)的取值范围为非负数; ②正数 $a$ 的正的平方根就是 $a$ 的算术平方根,正数 $a$ 的负的平方根是 $a$ 的算术平方根的相反数; ③零的平方根是零; ④负数没有平方根.	① $\sqrt{\quad}$ 下的数(或式)的取值范围是非负数; ②正数 $a$ 的算术平方根是 $a$ 的一个平方根(正的平方根); ③零的算术平方根是零; ④负数没有算术平方根.

## 6. 非负数及其性质

(1) 非负数的表现形式:  $|a| \geq 0; \sqrt{a} \geq 0; a^2 \geq 0$ ;

(2) 非负数的性质: ①任何非负数的和为非负数; ②如果几个非负数的和为零, 则这几个非负数均为零.

## 7. 科学记数法

把一个整数或有限小数记作  $a \times 10^n$  的形式, 其中  $1 \leq a < 10, n$  为整数, 这种记数法叫做科学记数法.

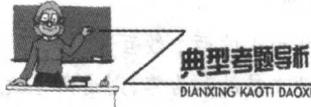
## 8. 近似数与有效数字

一个近似数, 四舍五入到哪一位, 就说这个近似数精确到哪一位. 这时, 从左边第一个不是 0 的数字起, 到精确的数位止, 所有的数字, 都叫做这个数的有效数字.



本节知识点包括有理数、无理数、实数、绝对值、倒数、相反数、数轴等基本概念, 以及实数的分类、计算和科学计数法、近似数等, 重点是实数的分类与计算, 难点是数轴的应用, 近似数的意义等.

从近几年的中考试题分析来看, 数轴的应用、近似数是命题的重点.



**例 1** (1)(徐州市, 2004) 树叶上有许多气孔, 在阳光下, 这些气孔一面排出氧气和蒸腾水分, 一面吸收二氧化碳. 一个气孔在一秒钟内能吸进 25000 亿个二氧化碳分子. 用科学记数法表示 25000 亿为 ( )

- A.  $2.5 \times 10^{10}$       B.  $2.5 \times 10^{11}$   
 C.  $2.5 \times 10^{12}$       D.  $2 \times 10^{11}$

(2)(黄石市,2003)在“ $(\sqrt{5})^0$ ,  $3.14$ ,  $(\sqrt{3})^3$ ,  $(\sqrt{3})^{-2}$ ,  $\sin 60^\circ$ ,  $\cos 60^\circ$ ”这6个数中,无理数的个数是( )

- A. 2      B. 3  
C. 4      D. 5

(3)(黄石市,2003)下列说法正确的是( )

- A. 非负实数就是指一切正数  
B. 数轴上任一点都对应一个有理数  
C. 若 $\sqrt{(-a)^2}$ 是实数,则 $a$ 为任意实数  
D. 若 $|a| = -a$ ,则 $a < 0$

(4)(仙桃市、潜江市、天门市、江汉油田,2003)

已知 $|a| = 3$ ,  $|b| = 5$ ,且 $ab < 0$ ,那么 $a + b$ 的值等于( )

- A. 8      B. -2  
C. 8或-8      D. 2或-2

解 (1)选C.

(2)先计算: $(\sqrt{5})^0 = 1$ ,  $(\sqrt{3})^3 = 3\sqrt{3}$ ,  $(\sqrt{3})^{-2} = \frac{1}{3}$ ,  $\sin 60^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$ ,  $\cos 60^\circ = \frac{1}{2}$ .

$\therefore$ 无理数有两个: $(\sqrt{3})^3$ ,  $\sin 60^\circ$

故选A.

(3)由定义知A、B错误,而D中 $a$ 可以为零,故选C.事实上 $\sqrt{(-a)^2}$ 中,由定义知: $\sqrt{(-a)^2}$ 表示 $(-a)^2$ 的算术平方根.而 $(-a)^2$ 对任何实数均为非负数.

(4)由绝对值定义得: $a = \pm 3$ ,  $b = \pm 5$ .

但 $ab < 0$ , $\therefore a$ 、 $b$ 异号.即 $a = 3$ 时, $b = -5$ , $a = -3$ 时, $b = 5$ . $\therefore a + b = \pm 2$

故选D.

例2 (北京市,2004)已知 $\sqrt{3-x} + |2x-y| = 0$ ,那么 $x+y$ 的值为\_\_\_\_\_.

解 由非负数的性质得: $\begin{cases} 3-x=0, \\ 2x-y=0. \end{cases}$

$$\therefore \begin{cases} x=3, \\ y=6. \end{cases}$$

故 $x+y=9$ . $\therefore$ 填9.

例3 (温州市,2004)观察下面一列数,按某种规律在横线上填入适当的数,并说明你的理由.

$\frac{2}{3}, \frac{3}{4}, \frac{4}{5}, \frac{5}{6}, \dots, \frac{6}{7}, \dots$  你的理由是\_\_\_\_\_.

解  $\frac{5}{6}$ ,理由:比如:第一个数为 $\frac{2}{3}$ ,后一个数是前一个数的分子、分母都加1所得的数.

说明 本题考查数的规律及规律的表述能力.



### A组

- (山西省,安徽省)16的平方根是\_\_\_\_\_.
- (黄冈市) $-\sqrt{3}$ 的绝对值是\_\_\_\_\_; $-3\frac{1}{2}$ 的倒数是\_\_\_\_\_; $\frac{4}{9}$ 的平方根是\_\_\_\_\_.
- (金华,衢州市)观察一列数:3,8,13,18,23,28, $\dots$ ,依此规律,在此数列中比2000大的最小整数是\_\_\_\_\_.
- (嘉兴市)古希腊数学家把数1,3,6,10,15,21, $\dots$ ,叫做三角形数,它有一定的规律性.则第24个三角形数与第22个三角形数的差为\_\_\_\_\_.
- (绍兴市)如果节约16度水记作+16度,那么浪费6度水记作\_\_\_\_\_度.
- (龙岩市)有一列数:第一个数为 $x_1 = 1$ ,第二个数为 $x_2 = 3$ ,第三个数开始依次记为 $x_3, x_4, \dots, x_n$ ;从第二个数开始,每个数是它相邻两个数和的一半.(如: $x_2 = \frac{x_1 + x_3}{2}$ )  
(1)求第三、第四、第五个数,并写出计算过程;  
(2)根据(1)的结果,推测 $x_8 =$ \_\_\_\_\_;  
(3)探索这一列数的规律,猜想第 $k$ 个数 $x_k =$ \_\_\_\_\_.( $k$ 是大于2的整数)
- (武汉市)已知: $2 + \frac{2}{3} = 2^2 \times \frac{2}{3}$ ,  $3 + \frac{3}{8} = 3^2 \times \frac{3}{8}$ ,  $4 + \frac{4}{15} = 4^2 \times \frac{4}{15}$ , $\dots$ 若 $10 + \frac{a}{b} = 10^2 \times \frac{a}{b}$ ( $a, b$ 为正整数),则 $a+b =$ \_\_\_\_\_.

- 8.(黄冈市)2003年6月1日9时,举世瞩目的三峡工程正式下闸蓄水,首批4台机组率先发电,预计年内可发电5500000000度,这个数用科学记数法表示,记为\_\_\_\_\_度.近似数0.30精确到\_\_\_\_\_位,有\_\_\_\_\_个有效数字.

### B 组

- 9.(新疆) $\sqrt{81}$ 的平方根是( )

A.  $\pm 9$       B. 9  
C.  $\pm 3$       D. 3

- 10.(宁波市)实数 $\frac{1}{3}, \frac{\sqrt{2}}{4}, \frac{\pi}{6}$ 中,分数的个数是( )

A. 0      B. 1  
C. 2      D. 3

- 11.(江西省)如图1-1,数轴上表示 $1, \sqrt{2}$ 的对应点分别为A、B,点B关于点A的对称点为C,则点C所表示的数是( )

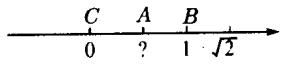


图 1-1

A.  $\sqrt{2} - 1$       B.  $1 - \sqrt{2}$   
C.  $2 - \sqrt{2}$       D.  $\sqrt{2} - 2$

- 12.(山东省)某粮店出售的三种品牌的面粉袋上,分别标有质量为 $(25 \pm 0.1)$ kg、 $(25 \pm 0.2)$ kg、 $(25 \pm 0.3)$ kg的字样,从中任意拿出两袋,它们的质量最多相差( )

A. 0.8kg      B. 0.6kg  
C. 0.5kg      D. 0.4kg

- 13.(山东省)计算:(可用计算器计算)

$$\frac{22 \times 22}{1+2+1} = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\frac{333 \times 333}{1+2+3+2+1} = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\frac{4444 \times 4444}{1+2+3+4+3+2+1} = \underline{\hspace{2cm}}$$

由此你可以猜想出哪些类似的等式\_\_\_\_\_

- 14.(日照市)下面是按照一定规律画出的一列“树型”图:

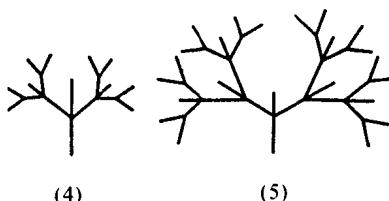
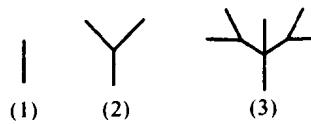


图 1-2

经观察可以发现:图(2)比图(1)多出2个“树枝”,图(3)比图(2)多出5个“树枝”,图(4)比图(3)多出10个“树枝”,照此规律,图(7)比图(6)多出\_\_\_\_\_个“树枝”.

- 15.(云南省)如图,在数轴上,

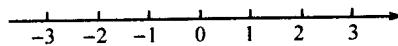


图 1-3

从-1到1有3个整数,它们是:-1,0,1;  
从-2到2有5个整数,它们是:-2,-1,0,1,2;

从-3到3有7个整数,它们是:-3,-2,-1,0,1,2,3;  
.....

从-n到n(n为正整数)有\_\_\_\_\_个整数.

## 第2节 实数的运算

## 考点精要搜索

## 1. 实数大小的比较

一般地,实数大小的比较有以下几种方法:

- (1) 正数>零>负数;两个负数比较,绝对值大的反而小.
- (2) 利用数轴:在数轴上表示的两个实数,右边的数总是大于左边的数.
- (3) 差值比较法: $a - b > 0 \Leftrightarrow a > b$ ;  $a - b = 0 \Leftrightarrow a = b$ ;  $a - b < 0 \Leftrightarrow a < b$ .
- (4) 商值比较法: $\frac{a}{b} > 1$ (且  $b > 0$ ) $\Leftrightarrow a > b$ ;  $\frac{a}{b} = 1 \Leftrightarrow a = b$ ;  $\frac{a}{b} < 1$ (且  $b > 0$ ) $\Leftrightarrow a < b$ .

除此以外,还有其他灵活多变的方法.

## 2. 实数运算

实数运算的要点是掌握与实数有关的概念、性质等,以及运算法则、运算律,关键是把好符号关.



热点规律透析

REDIAN GUILU TOUSHI

本节考查实数的运算和实数的大小比较,它是考查“双基”的重要体现.近年来考查计算能力的题型变化较大,它通过适当地创设新的情境,在变化的情境中运用“双基”解决问题.考生必须以不变应万变,透过现象把握本质,才能将问题转化为熟知的或运用已有知识能处理的情形.其考查题型有填空题、选择题、解答题.



典型考题导析

DIANJI KAO TI DAO XI

**例1** (1)(重庆市,2004)计算  $2 - (-3)$  的结果是 ( )

- A. -5    B. 5    C. 1    D. -1

(2)(北京市海淀区,2003)计算  $(\pi - 3)^0$  的结果是 ( )

- A. 0    B. 1  
C.  $3 - \pi$     D.  $\pi - 3$

(3)(三明市,2003)下列运算正确的是( )

A.  $2^2 \times 2^{-2} = 0$     B.  $(2^3)^4 = 2^{12}$

C.  $(-2 \times 3)^2 = -36$     D.  $\left(\frac{3}{2}\right)^2 = \frac{9}{2}$

(4)(杭州市,2003)计算  $(0.04)^{2003} \times [(-5)^{2003}]^2$  得 ( )

A. 1    B. -1

C.  $\frac{1}{5^{2003}}$     D.  $-\frac{1}{5^{2003}}$

解 (1)  $\because 2 - (-3) = 2 + 3 = 5$ , 故选 B.

(2)由零次幂定义得  $(\pi - 3)^0 = 1$ , 故选 B.

(3)  $\because 2^2 \times 2^{-2} = 2^{2+(-2)} = 2^0 = 1$ , 故 A 错误.

$\because (2^3)^4 = 2^{12}$ , 故 B 正确, 应选 B.

(4)  $\because (0.04)^{2003} \times [(-5)^{2003}]^2 = [(0.2)^2]^{2003} \times [(-5)^{2003}]^2 = 0.2^{4006} \times (-5)^{4006} = [0.2 \times (-5)]^{4006} = (-1)^{4006} = 1$ .

故选 A.

**例2** (山东省泰安市,2003)用计算器探索:

①  $\sqrt{121(1+2+1)} = ?$

②  $\sqrt{12321(1+2+3+2+1)} = ?$

③  $\sqrt{1234321(1+2+3+4+3+2+1)} = ?$

.....

由此猜想

$$\sqrt{1234567654321(1+2+3+4+5+6+7+6+5+4+3+2+1)} = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\text{解 } 121(1+2+1)$$

$$= 11^2 \times 2^2 = (11 \times 2)^2 = 22^2 = 484,$$

$$12321(1+2+3+2+1)$$

$$= 111^2 \times 3^2 = (111 \times 3)^2 = 333^2 = 110889,$$

$$1234321(1+2+3+4+3+2+1)$$

$$= 1111^2 \times 4^2 = 4444^2 = 19749136,$$

.....

由此猜想

$$1234567654321(1+2+3+4+5+6+7+6+5+4+3+2+1) = 77777777.$$

故应填 7777777.

**说明** 新教材要求学生会使用计算器计算一类数字运算题. 对于本题, 考生要观察题中所给数据的特殊性.

**例 3** (山东省烟台市, 2002)  $a, b$  两数在数轴上的位置如图 1-4, 设  $M = a + b, N = -a + b, H = a - b, G = -a - b$ .

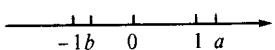


图 1-4

则下列各式中正确的是 ( )

A.  $M > N > H > G$

B.  $H > M > G > N$

C.  $H > M > N > G$

D.  $G > H > M > N$

**解** 由题意, 由  $a = \frac{4}{3}, b = -\frac{2}{3}$ , 则  $M = \frac{2}{3}, N = -2, H = 2, G = -\frac{2}{3}$ .

由  $2 > \frac{2}{3} > -\frac{2}{3} > -2$  知, A、C、D 都不成立,

故选 B.

**例 4** (南宁市, 2003) 计算:

$$|1-\sqrt{3}| + \frac{2}{\sqrt{3}+1} + \left(\frac{1}{2}\right)^{-2} + \sin 60^\circ - \cos 30^\circ.$$

$$\text{解 原式} = \sqrt{3}-1+\sqrt{3}-1+4+\frac{\sqrt{3}}{2}-\frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$= 2\sqrt{3}+2.$$

**例 5** (烟台市, 2003) 细心观察图 1-5, 认真分析各式, 然后解答问题.

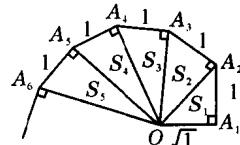


图 1-5

$$(\sqrt{1})^2 + 1 = 2 \quad S_1 = \frac{\sqrt{1}}{2}$$

$$(\sqrt{2})^2 + 1 = 3 \quad S_2 = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$(\sqrt{3})^2 + 1 = 4 \quad S_3 = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

.....

(1) 请用含有  $n$  ( $n$  是正整数) 的等式表示上述变化规律;

(2) 推算出  $OA_{10}$  的长;

(3) 求出  $S_1^2 + S_2^2 + S_3^2 + \dots + S_{10}^2$  的值.

**解** (1) 通过类比, 可推知

$$(\sqrt{n})^2 + 1 = n + 1,$$

$$\text{这时 } S_n = \frac{1}{2}\sqrt{n} \cdot 1 = \frac{\sqrt{n}}{2}.$$

$$(2) \because OA_1 = \sqrt{1}, OA_2 = \sqrt{2}, OA_3 = \sqrt{3}, \dots, OA_{10} = \sqrt{10}.$$

$$(3) S_1^2 + S_2^2 + S_3^2 + \dots + S_{10}^2$$

$$= \left(\frac{\sqrt{1}}{2}\right)^2 + \left(\frac{\sqrt{2}}{2}\right)^2 + \left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^2 + \dots + \left(\frac{\sqrt{10}}{2}\right)^2 \\ = \frac{1}{4}(1+2+3+\dots+10) = \frac{55}{4}.$$



## A 组

1. (北京市) 下列运算中正确的是 ( )

A.  $\left| -\frac{1}{5} \right| = \frac{1}{5}$

B.  $-(-2) = -2$

C.  $3^{-2} = 9$

- D.  $\left(-\frac{1}{2}\right)^3 = \frac{1}{8}$
2. (吉林省) 某天早晨的气温是 $-7^{\circ}\text{C}$ , 中午上升了 $11^{\circ}\text{C}$ , 则中午的气温是\_\_\_\_\_ $^{\circ}\text{C}$ .
3. (桂林市) 计算  $1 - 3 + 5 - 7 + 9 - 11 + \dots + 97 - 99 =$  \_\_\_\_\_.
4. (陕西省) 计算:  $-1 + (3.14)^0 + 2^{-1} =$  \_\_\_\_\_.
5. (龙岩市) 我国著名数学家华罗庚曾说过: “数形结合百般好, 隔裂分家万事非.” 在一个边长为1的正方形纸版上, 依次贴上面积为 $\frac{1}{2}, \frac{1}{4}, \frac{1}{8}, \dots, \frac{1}{2^n}$ 的矩形彩色纸片( $n$ 为大于1的整数), 请你用“数形结合”的思想, 依数形变化的规律, 计算  $\frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{8} + \dots + \frac{1}{2^n} =$  \_\_\_\_\_.
6. (福州市) 计算:
- $$\left(\frac{1}{3}\right)^{-1} - |-\sqrt{2}| + (2 - \pi)^0 + \frac{1}{\sqrt{2}-1}.$$
7. (芜湖市) 计算:
- $$\left(\frac{1}{2}\right)^{-2} - 2^3 \times 0.125 + 2004^0 + |-1|.$$
- B 组**
8. (烟台市) 某学生用一架不等臂天平称药品. 第一次将左盘放入50克砝码, 右盘放药品使天平平衡. 第二次将右盘放入50克砝码, 左盘放药品使天平平衡. 则两次称得药品的质量和 ( )
- A. 等于100克  
B. 大于100克  
C. 小于100克  
D. 以上情况都有可能
9. (天津市) 已知地球的表面积约等于5.1亿平方千米, 其中水面面积约等于陆地面积的 $\frac{71}{29}$ 倍, 则地球上陆地面积约等于(精确到0.1亿平方千米) ( )
- A. 1.5亿平方千米  
B. 2.1亿平方千米
- C. 3.6亿平方千米  
D. 12.5亿平方千米
10. (南京市) 一根1米长的绳子, 第一次剪去一半, 第二次剪去剩下的一半, 如此剪下去, 第六次后剩下的绳子的长度为 ( )
- A.  $\left(\frac{1}{2}\right)^3$ 米  
B.  $\left(\frac{1}{2}\right)^5$ 米  
C.  $\left(\frac{1}{2}\right)^6$ 米  
D.  $\left(\frac{1}{2}\right)^{12}$ 米
11. (柳州市) 下边给出的是2003年6月份的日历表, 任意圈出一竖列上相邻的三个数, 请你运用方程的思想来研究, 你发现这三个数的和不可能是 ( )
- | 日  | 一  | 二  | 三  | 四  | 五  | 六  |
|----|----|----|----|----|----|----|
| 1  | 2  | 3  | 4  | 5  | 6  | 7  |
| 8  | 9  | 10 | 11 | 12 | 13 | 14 |
| 15 | 16 | 17 | 18 | 19 | 20 | 21 |
| 22 | 23 | 24 | 25 | 26 | 27 | 28 |
| 29 | 30 |    |    |    |    |    |
- A. 69  
B. 54  
C. 40  
D. 27
12. (长沙市) 如图1-6是一个正方体纸盒的展开图, 在其中的四个正方形内标有数字1、2、3和-3. 要在其余正方形内分别填上-1、-2, 使得按虚线折成正方体后, 相对面上的两数互为相反数, 则A处应填\_\_\_\_\_.
- 
- 图 1-6
13. (无锡市) 如图1-7所示的某种玩具是由两个正方体用胶水粘合而成的, 它们的棱长分别为1分米和2分米, 为了美观, 现要在其表面喷涂油漆. 已知喷涂1平方分米需用油漆5克, 那么喷涂这个玩具共需油漆\_\_\_\_\_克.

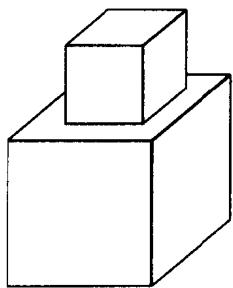


图 1-7

14.(内江市)计算:

$$(-1)^{2003} + (\tan 30^\circ)^{-1} - | -\sqrt{3} | - \sqrt{9} + \left( \frac{1}{\sqrt{3}-1} \right)^0.$$

15.(福州市)计算:

$$\frac{1}{\sqrt{2}+1} - \sqrt{8} + \left( \frac{1}{2} \right)^{-1} + (\sqrt{3} - \sqrt{2})^0.$$

16.(杭州市)在右图的集合圈中,有 5 个实数.  
请计算其中的有理数的和与无理数的积  
的差.

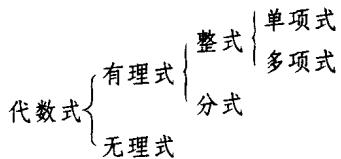
图 1-8

$3^2, \frac{1}{\sqrt{2}}, \pi, -2^3, \sqrt{8}$

## 第二章 代数式

### 第1节 整 式

#### 1. 代数式的分类：



有理式：只含有加、减、乘、除、乘方（包括数字开方运算）的代数式。

无理式：含有关于字母开方运算的代数式。

整式：没有除法运算或虽有除法运算而除式里不含字母的有理式。

#### 2. 同类项定义：

(1) 字母相同；

(2) 相同字母的指数相同。

注意：同类项与系数的大小没有关系。

#### 3. 整式的运算：

(1) 数的运算律对代数式同样适用；

(2) 整式的加减法：整式的加减法实际上就是合并同类项，遇到括号，一般要先去掉括号，去括号的方法是：

$$+(a+b-c)=a+b-c, -(a+b-c)=-a-b+c.$$

(3) 整式的乘法：单项式与单项式相乘，把系数、同底数幂分别相乘，作为积的因式，只在一个单项式里含有的字母，则连同它的指数作为积的一个因式。

单项式与多项式相乘方法如下：

$$m(a+b-c)=ma+mb-mc$$

$$(m+n)(a+b)=ma+mb+na+nb$$

(4) 整式除法：单项式除以单项式，把系数、同底数幂分别相除，作为商的因式，对于只在被除式里含有的字母，则连同它的指数作为商的一个因式。

多项式除以单项式，把这个多项式的每一项除以这个单项式，然后把所得的商相加。

#### (5) 乘法公式：

$$(a+b)(a-b)=a^2-b^2$$