

复 N55/1

13

数理化生园地

高一暑期专辑



上海科学技术出版社

数理化生园地

暑期专辑
(高一用)

上海科学技术出版社出版
无锡县人民印刷厂印刷
(上海市瑞金二路四五〇号)

科技新书目：100·204
统一书号：13119·1307
定 价： 0.40 元

• 阅读与练习之一 •

- (1) 三角函数
- (8) 牛顿第三定律和动量定理
- (12) 氧族元素
- (17) 到哪里去采集昆虫

• 阅读与练习之二 •

- (19) 两角和与差的三角函数及其应用(一)
- (23) 动量守恒定律
- (27) 碱金属
- (31) 盛夏话西瓜
- (32) 漫话莲荷

• 阅读与练习之三 •

- (34) 两角和与差的三角函数及其应用(二)
- (39) 曲线运动 万有引力
- (44) 原子结构
- (49) 动物奥运会

• 阅读与练习之四 •

- (51) 反三角函数与三角方程
- (58) 机械能(一)
- (62) 元素周期律
- (66) 闪闪的荧光

• 阅读与练习之五 •

- (69) 多面体和旋转体
- (74) 机械能(二)
- (78) 化学综合练习(一)
- (81) 玛瑙螺

• 阅读与练习之六 •

- (83) 数学综合练习
- (89) 机械振动和机械波
- (93) 化学综合练习(二)
- (97) 设法让南瓜多结果

• 暑期俱乐部 •

“鱼跃于池” 考考你 寻找“表姐妹”
缺了谁 错在哪里

期 限 表

• 8

请于下列日期前将书还回

4. 求下列三角函数值：

$$(1) \sin 510^\circ = \underline{\hspace{2cm}}; \quad (2) \cos\left(-\frac{\pi}{6}\right) = \underline{\hspace{2cm}};$$

$$(3) \cos \frac{8\pi}{3} = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$(5) \quad \operatorname{ctg} \left(-\frac{\pi}{6} \right) = \underline{\hspace{2cm}};$$

5. (1) 若 $\sin \theta$ 与 $\operatorname{ctg} \theta$ 同号, 则 θ 在第____象限;

(2) 若 $\cos \theta$ 与 $\operatorname{tg} \theta$ 同号, 则 θ 在第____象限;

(3) 若 $\frac{\operatorname{tg} \theta}{\operatorname{ctg} \theta} > 0$, 则 θ 在第____象限;

(4) 若 $\sin \theta < 0, \cos \theta > 0$, 则 θ 在第____象限.

6. 已知 $\sin \alpha = -\frac{5}{13}$, 且 $\sin \alpha$ 与 $\operatorname{tg} \alpha$ 符号相反, 则 $\cos \alpha$

= _____, $\operatorname{ctg} \alpha =$ _____.

7. 已知: $\operatorname{tg} \alpha = m$, $\frac{\pi}{2} < \alpha < \pi$, 则

$$\sin \alpha = \text{_____}; \quad \cos \alpha = \text{_____};$$

$$\operatorname{ctg} \alpha = \text{_____}; \quad \sec \alpha = \text{_____};$$

$$\csc \alpha = \text{_____}.$$

二、选择填充 (各小题都提供了 A、B、C、D 四个答案, 其中只有一个正确的, 将所选正确答案的字母填在题末的括号里):

1. 已知: $\sin \theta < 0$ 且 $\operatorname{tg} \theta < 0$, 则 θ 是

- (A) 第一象限的角; (B) 第二象限的角;
(C) 第三象限的角; (D) 第四象限的角.

答: ()

2. 已知 $\cos x = \frac{\sqrt{3}}{2}$, 则 x 的集合是

(A) $\{x \mid x = 2k\pi + \frac{\pi}{6}, k \in \mathbf{Z}\};$

(B) $\{x \mid x = k\pi \pm \frac{\pi}{6}, k \in \mathbf{Z}\};$

(C) $\{x \mid x = 2k\pi \pm \frac{\pi}{6}, k \in \mathbf{Z}\};$

$$(D) \{x \mid x = \pm \frac{\pi}{6}\}.$$

答: ()

3. 已知三角函数 $y_1 = \sin(2x+2)$, $y_2 = 2 \sin 2x - \frac{1}{2}$, $y_3 = \sin 2x + 2$, $y_4 = 2 \sin(x+2) + 2$. 其中与三角函数 $y = 2 \sin(2x+2) + 2$ 的周期和振幅都相同的是

(A) y_1 ; (B) y_2 ; (C) y_3 ; (D) y_4 . 答: ()

三、判断正误 (正确的打“√”, 错误的打“×”):

1. 当 α 在第一、三象限时, $\operatorname{tg} \alpha$ 取正值, 故 $\operatorname{tg} \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}$;

当 α 在第二、四象限时, $\operatorname{tg} \alpha$ 取负值, 故 $\operatorname{tg} \alpha = -\frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}$. ()

2. 在同角三角函数的关系中, 1 可以用下列式子代替:

(1) $1 = \sin \alpha + \cos \alpha$; ()

(2) $1 = \operatorname{tg} \alpha \cdot \operatorname{ctg} \alpha$; ()

(3) $1 = \sec^2 \alpha - \operatorname{ctg}^2 \alpha$; ()

(4) $1 = \csc^2 \alpha - \operatorname{tg}^2 \alpha$; ()

(5) $1 = \sec \alpha \cdot \csc \alpha$; ()

(6) $1 = \sin \alpha \cdot \csc \alpha$; ()

(7) $1 = \sec \alpha \cdot \cos \alpha$; ()

(8) $1 = \sin^2 \alpha - \cos^2 \alpha$; ()

(9) $1 = \sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha$; ()

(10) $1 = \sec^2 \alpha - \operatorname{tg}^2 \alpha$. ()

3. 判断正误, 并说明理由:

(1) $\because \sin\left(\frac{2\pi}{3} + \frac{\pi}{6}\right) = \sin\frac{\pi}{6}$,

$\therefore \sin x$ 的周期是 $\frac{2\pi}{3}$. ()

理由：

$$(2) \because \cos\left(\frac{5\pi}{3} + \frac{\pi}{6}\right) = \cos\frac{\pi}{6},$$

$\therefore \cos x$ 的周期是 $\frac{5\pi}{3}$. ()

理由：

四、填充：

1. (1) $y = \sqrt{\frac{\sin x}{\cos x}}$ 的定义域是_____；

(2) $y = \sqrt{-\sin x} + \sqrt{\cos x}$ 的定义域是_____；

(3) $y = \sqrt{\operatorname{tg} x \cdot \cos x}$ 的定义域是_____.

2. 比较大小，在 [] 中填上“>”、“<”或“=”：

(1) $\sin 250^\circ$ [] $\sin 260^\circ$;

(2) $\sin\left(-\frac{54}{7}\pi\right)$ [] $\sin\left(-\frac{63}{8}\pi\right)$;

(3) $\sin 1$ [] $\sin 1^\circ$;

(4) $\cos 300^\circ$ [] $\cos 340^\circ$;

(5) $\operatorname{ctg} 100^\circ$ [] $\operatorname{ctg} 280^\circ$;

(6) $\operatorname{tg}\frac{\pi}{80}$ [] $\operatorname{tg}\left(-\frac{\pi}{8}\right)$.

3. 确定下列各式的符号 (在题后括号里填上“>0”、“<0”或“=0”)：

(1) $\sin 3 \operatorname{tg} 5$ ();

(2) $\cos 8 \cos 5 \operatorname{tg} 1$ ();

(3) $\operatorname{tg} 5 \operatorname{ctg} 3 \operatorname{tg} 1$ ();

(4) $\sin(-5) \cos(-3) \operatorname{tg}(-2) \operatorname{ctg} 2$ ().

4. 按下表左栏要求填表；

y	$y = \sin\left(2x + \frac{\pi}{3}\right)$	$y = 2 \sin\left(\frac{x}{2} + \frac{\pi}{2}\right)$	$y = \frac{\pi}{2} \sin\left(\frac{x}{2} - \frac{\pi}{2}\right)$	$y = \frac{1}{3} \sin\left(\frac{x}{3} + \frac{\pi}{3}\right) + 3$
周期				
振幅				
相位				
初相				

5. 判断奇偶性(在各题末的括号里填“奇函数”或“偶函数”或“非奇非偶”)：

- (1) $y = \operatorname{tg} 2x$; () (2) $y = |\operatorname{tg} x|$; ()
 (3) $y = \sin(\operatorname{tg} x)$; () (4) $y = x \operatorname{tg} x$; ()
 (5) $y = \frac{\operatorname{tg} x + 1}{\operatorname{tg} x - 1}$; () (6) $y = \operatorname{tg} x \sin x$; ()
 (7) $y = \sin x \operatorname{ctg} x$; () (8) $y = \operatorname{tg} x \operatorname{ctg}^2 x$. ()

五、求下列函数的最大或最小值，指出何时有最大或最小值，填在横线上：

- (1) $y = |\sin x|$; _____
 (2) $y = 1 + \sin x$; _____
 (3) $y = \left(\sin x - \frac{3}{2}\right)^2 - 2$; _____
 (4) $y = 2 + \cos x$; _____
 (5) $y = \frac{1}{1 + \cos^2 x}$; _____
 (6) $y = 2 \cos^2 x - 3 \cos x + 1$. _____

六、求值：

(1) $\cos 225^\circ - \operatorname{ctg} 570^\circ$;

$$(2) \frac{2 \cos 120^\circ - \cos 630^\circ}{\operatorname{ctg} 240^\circ + 2 \sin(-300)}.$$

七、求适合下列各式的角 α 的值：

$$(1) \sin \alpha = \frac{\sqrt{3}}{2}; \quad (2) \sin 2\alpha = -\frac{\sqrt{3}}{2};$$

$$(3) \cos \frac{\alpha}{2} = -\frac{1}{2}; \quad (4) 3 \operatorname{tg} \alpha + \sqrt{3} = 0.$$

八、 α 取什么值时， $\cos \alpha = \frac{3-2a}{4a-a}$ 有意义。

九、已知： $\sin \alpha + \cos \alpha = m$ 。求：

- (1) $\sin \alpha \cdot \cos \alpha;$
- (2) $\sin \alpha - \cos \alpha;$
- (3) $\sin^3 \alpha + \cos^3 \alpha.$

十、化简：

$$1. \frac{2 \sin \alpha \cos \alpha - \cos \alpha}{1 + \sin^2 \alpha - \cos^2 \alpha - \sin \alpha};$$

$$2. (1 - \operatorname{tg} \alpha - \sec \alpha) (1 - \operatorname{ctg} \alpha - \csc \alpha) (1 - \operatorname{tg} \alpha + \sec \alpha) \\ (1 - \operatorname{ctg} \alpha + \csc \alpha).$$

十一、证明下列恒等式：

$$1. \operatorname{tg} \alpha + \operatorname{ctg} \alpha = \csc \alpha \cdot \sec \alpha;$$

$$2. \operatorname{tg} \alpha (\csc \alpha + 1) = \frac{\operatorname{ctg} \alpha}{\csc \alpha - 1};$$

$$3. (a \sin \alpha - b \cos \alpha)^2 + (a \cos \alpha + b \sin \alpha)^2 = a^2 + b^2.$$

十二、证明下列恒等式：

$$1. \frac{\operatorname{tg} \alpha + \operatorname{tg} \beta}{\operatorname{ctg} \alpha + \operatorname{ctg} \beta} = \operatorname{tg} \alpha \cdot \operatorname{tg} \beta;$$

$$2. \frac{1}{\sin^2 \alpha - \cos^2 \alpha} = \frac{1 + \operatorname{ctg}^2 \alpha}{1 - \operatorname{ctg}^2 \alpha};$$

$$3. 1 - 3 \sin^2 \theta \cos^2 \theta = \sin^6 \theta + \cos^6 \theta.$$

十三、用五点法作函数 $y = 2 \sin\left(2x - \frac{\pi}{3}\right)$ 的简图。



牛顿第三定律和动量定理

你见过朱建华跳高动作的镜头吗？你看他修长的身材凌空飞跃，身轻如燕，一瞬间完成了漂亮的“背越式”过杆动作，落到一米多厚的海绵包上，全场欢声雷动……

那么，为什么在跳高架下要铺上那么厚的海绵包呢？

动量定理能帮助我们找到答案。一个物体的动量如果由 p 变为 p' ，动量的变化是 $p' - p$ ，它一定受到一个合外力的冲量 Ft ，并且 $Ft = p' - p$ 。这就是动量定理。

从这个定理可以知道，跳高运动员在着地前具有较大的动量，着地时受到和动量大小相等、方向相反的冲量后，动量减小为零。冲力对他的作用时间越长，这个冲力就越小，海绵包能大大地延长地面对运动员的冲力的作用时间，于是减小了冲力，有效地保护了运动员的躯体不受损伤。体操运动员从空中落地时先用脚尖着地再过渡到脚跟着地，同时双膝弯曲，也是为了延长地面对人体冲力的作用时间。球类运动员用屈肘后伸的动作来接球，也是同样的目的。

单元练习

一、选择题

1. 当人提着桶站立不动时，以下说法哪句是正确的？

- (1) 手对桶的拉力和桶所受的重力是一对作用力和反作用力；(2)手对桶的拉力和桶所受的重力是一对平衡力；(3)手对桶的拉力就是桶所受的重力；(4)手对桶的拉力和桶对手的拉力是一对平衡力。 ()

2. 对两个原来都在运动着的物体,用相同的恒力使它们都停下来,决定它们停下来所需时间长短的量是它们的:

(1) 速度; (2) 加速度; (3) 动量; (4) 质量. ()

3. 一个运动着的物体受到冲力的作用时,以下说法哪一句是正确的?

(1) 它的速度和动能一定都发生变化; (2) 它的速度一定发生变化但它的动能不一定发生变化; (3) 它的动能一定发生变化但它的速度不一定发生变化; (4) 它的速度和动能一定都不发生变化. ()

二、填充题

1. 有那么一些物理量: (1) 初速度; (2) 末速度; (3) 平均速度; (4) 速度的变化量; (5) 初动量; (6) 末动量; (7) 平均冲力; (8) 动量的变化量; (9) 冲量. 其中和“时刻”(或“位置”)相对应的物理量有_____; 与“时间”(或“过程”)相对应的物理量有_____.

2. 将下列四种物体: (1) 作热运动的电子; (2) 飞行着的弹头; (3) 行人; (4) 缓慢行驶的卡车. 按动量大小排列, 顺序应为_____.

	(1)	(2)	(3)	(4)
质量	9×10^{-31} 千克	500 克	50 千克	4 吨
速率	3×10^5 米/秒	700 米/秒	5.4 千米/小时	10 厘米/秒

3. 100 牛顿的力作用在质量为 2 千克的静止物体上, 如果力持续作用时间为 0.1 秒, 物体的速度是_____米/秒; 如果这个力再持续作用 0.2 秒, 物体的速度将是_____米/秒.

4. 质量为 100 克的小球从 5 米高处自由下落, 着地后能反弹回 3.2 米处. 则小球在与地面接触过程中动量的变化是_____.

_____, 动能的变化是 _____. (g 取 10 米/秒²)

三、计算题

1. 质量为 70 千克的撑竿跳高运动员，从 5.60 米高处落到海绵包上，经过时间 1 秒钟停下。(1) 求海绵包对他的平均作用力；(2) 若身体与海绵包的接触面积是 0.20 米²，求身体所受的平均压强；(3) 如果不用海绵包，他将以 0.05 米² 的接触面积触地且历时 0.1 秒后停下。试通过计算地面对他的作用力和压强，说明海绵包的作用。(g 取 10 米/秒²)

2. 小李同学身体的质量为 50 千克，在游泳池里进行游泳训练。如果他以 6.0 米/秒的速度接近池壁，脚蹬壁时间为 0.80 秒，蹬壁后以 7.0 米/秒的速度返回，在不计水的阻力情况下，求：(1) 小李同学的动量的变化量的大小；(2) 池壁对他的作用力的大小和方向；(3) 他对池壁的蹬力的大小和方向。

想一想

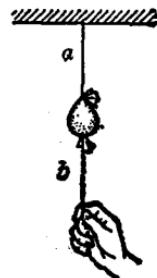
1. 我们把 $\frac{v_t - v_0}{t - t_0}$ (或 $\Delta v / \Delta t$) 称为物体速度的变化率，从加速度的概念可以知道它就是加速度 a ，那么 $\frac{p' - p}{t - t_0}$ (或 $\Delta p / \Delta t$) 称为什么？它是什么物理量？

2. 正在作匀速圆周运动的物体受到冲量作用吗?为什么?
 3. 我们很容易接住一只小皮球,却很难接住以相同速度飞过来的一只同样大小的铅球,这是什么原因?自行车驶得越快,刹车就越困难,这又是为什么?

• 动 | 手 | 做 *

取一杯砂,倒在布袋内,然后用两段细线将布袋扎紧,将砂袋悬挂起来,用手拉住细线 b 的下端,如图所示。问在下述两种情况下,哪一段细线先断?为什么?

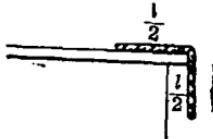
(1)用力很快地一拉; (2)用力慢慢地拉。



考考你

1. 物体在真空中作竖直上抛运动,上升的最大高度 $H = \frac{v_0^2}{2g}$, 落回原处时的速率 $v' = v_0$ 。现在有一个小球在空气中作竖直上抛运动,落回原处时的速率只有抛出时速率的一半(即 $v' = \frac{v_0}{2}$)。假设它在上升和下降过程中所遇到的阻力是同一个恒量,你能知道:(1)这个阻力 f 是物体自身重量 G 的多少倍吗?(2)这时它能上升的最大高度 h 只是它在真空中能上升的最大高度 H 的几分之几吗?

2. 把一根长为 l 的均匀、光滑、柔软的尼龙绳一半搁在水平光滑的桌面上,另一半垂在桌边外面(如图所示)。然后放手让它由静止开始滑下,问:在绳子全部滑离桌面时,绳子下滑的速度多大? (答案本辑找)



氧 族 元 素

单元练习

一、选择题（每小题可能不止一个正确答案）

1. 中和含 0.2 摩尔 H^+ 的稀硫酸，需要氢氧化钠____克。

- ① 4 ② 8 ③ 2 ④ 16

2. 中和含 0.1 摩尔氢氧化钠的溶液，需要 1M 的硫酸____毫升。

- ① 100 ② 200 ③ 50 ④ 25

3. 以下药品露置后不易变质的是____。

- ① 氢硫酸 ② 亚硫酸 ③ 浓硫酸 ④ 烧碱
⑤ 石灰水 ⑥ 食盐水 ⑦ 氯水

4. 下列关于浓硫酸的叙述，不正确的是____。

- ① 浓硫酸具有强氧化性，可存放在铁制器皿中
② 浓硫酸具有脱水性，可吸收氢气中的水分
③ 浓硫酸是无色粘稠油状液体，比重较大
④ 浓硫酸可干燥带有水分的二氧化硫气体

5. 浓硫酸能跟铜片反应，在反应中浓硫酸____。

- ① 仅表现出氧化性 ② 仅表现出酸性 ③ 仅表现出高沸点性
④ 既表现出酸性又表现出强氧化性

6. 以下各种物质能在同一体系中大量存在的是____。

- ① SO_2 、 H_2 、 H_2S 、 CO_2 ② SO_3^{2-} 、 SO_4^{2-} 、 Cl^- 、 Na^+
③ CO_3^{2-} 、 Na^+ 、 Br^- 、 H_2O ④ Na^+ 、 SO_3^{2-} 、 Br_2 、 Cl^-

7. 在 500 毫升, 1M 的 CuSO_4 溶液中放入一块铁片, 充分反应后取出, 经洗净烘干称重, 发现质量增加了 0.8 克. 析出的铜是____克.

- ① 1.1 ② 2.2 ③ 3.4 ④ 5.4 ⑤ 6.4

8. 100 克重的瓶充满 SO_2 后称重是 100.32 克. 若改充 H_2S 气体, 应重____克.

- ① 100.34 ② 100.17 ③ 100.64 ④ 100.32

9. 下列各种离子能在盐酸溶液中大量存在的是____.

- ① SO_3^{2-} ② S^{2-} ③ SO_4^{2-} ④ CO_3^{2-}

10. 某无色溶液中滴加氯化钡和足量硝酸溶液后, 产生了白色沉淀, 能作出的正确判断是____.

- ① 一定有 SO_4^{2-} 离子 ② 一定有 Ag^+ 离子
③ 有 SO_4^{2-} 离子或 Ag^+ 离子 ④ 不能断定

二、填充题

1. 某元素的气态氢化物是 H_2R , 其最高氧化物含氧 60%, 其原子的核内质子数与中子数相等. 此元素为____元素, 与它同族的元素还有____等几种, 其中原子半径最大的是____, 离子半径最小的是____.

2. 在氧族元素的单质中, 熔点最低的是____, 沸点最高的是____, 密度最大的是____, 氧化能力最强的是____, 还原能力最强的是____, 非金属性最强的是____.

3. 在空格上填上一种试剂, 可以鉴别出相邻的四种无色溶液.

	Na_2S	
NaOH		BaCl_2
	KCl	

4. 在空格中填上四种均可以用浓硫酸作干燥剂的气体名称。

	浓 H_2SO_4	

三、用化学方法除去括号内的杂质

1. $NaCl(NaBr)$ 用____试剂, 反应的离子方程式是_____.

2. $BaSO_4(FeS)$ 用____试剂, 反应的离子方程式是_____.

3. $CaCl_2(CaCO_3)$ 用____试剂, 反应的离子方程式是_____.

4. $Cu(Fe)$ 用____试剂, 反应的离子方程式是_____.

四、推断题

1. A、B、C、D四瓶无色溶液, 它们分别可能是 $Ba(OH)_2$ 、 H_2SO_4 、 Na_2CO_3 和 Na_2S 中的一种。它们两两混和反应的现象是: (1) A+B→产生气体; (2) C+D→产生白色沉淀, 加入硝酸后沉淀消失; (3) A+C→产生白色沉淀, 加入硝酸沉淀不消失。由此可以推测: A是_____, B是_____, C是_____, D是_____.

2. 某固体粉末可能由 $CaCl_2$ 、 $NaNO_3$ 、 $ZnSO_4$ 、 Na_2SO_4 和无水 $CuSO_4$ 中的几种混和组成。经表列的实验:

实 验	实 验 现 象
溶解于水	得无色溶液
向溶液中加入盐酸	产生无色气体
继续加入氯化钡溶液	产生白色沉淀

原混和物中肯定有_____，肯定没有_____，可能有_____。

五、下列两种溶液中都分别加入 BaCl_2 和 HNO_3 ，但先后顺序不同，现象有何区别？用离子方程式表示出来。

	先加入 BaCl_2 溶液 再加入足量硝酸	先加入足量硝酸 再加入 BaCl_2 溶液
Na_2SO_4		
Na_2CO_3		

六、按指定的要求完成以下有关离子方程式或化学方程式：

1. 各写一例符合指定价态变化的化学方程式

- (1) $\text{S}^0 \rightarrow \text{S}^{+4}$ _____ . (2) $\text{S}^{-2} \rightarrow \text{S}^{+4}$ _____ .
(3) $\text{S}^{+6} \rightarrow \text{S}^{+4}$ _____ . (4) $\text{S}^{+4} \rightarrow \text{S}^0$ _____ .

2. 写出与下列离子方程式相应的化学反应方程式

- (1) $\text{Cl}_2 + 2\text{Br}^- = \text{Br}_2 + 2\text{Cl}^-$ _____
(2) $\text{OH}^- + \text{H}^+ = \text{H}_2\text{O}$ _____
(3) $\text{S}^{2-} + 2\text{H}^+ = \text{H}_2\text{S} \uparrow$ _____
(4) $\text{Cu}^{2+} + \text{S}^{2-} = \text{CuS} \downarrow$ _____
(5) $\text{Fe}^{3+} + 3\text{OH}^- = \text{Fe}(\text{OH})_3 \downarrow$ _____

3. 写出有关的化学方程式

- (1) 煅烧黄铁矿的反应 _____ .
(2) 焦炭在浓硫酸中燃烧的反应 _____ .
(3) 氟化钙和浓硫酸的反应 _____ .

七、计算题

1. 5克 $\text{XSO}_4 \cdot n\text{H}_2\text{O}$ ，使之失去全部结晶水后，质量减少