



各版本适用

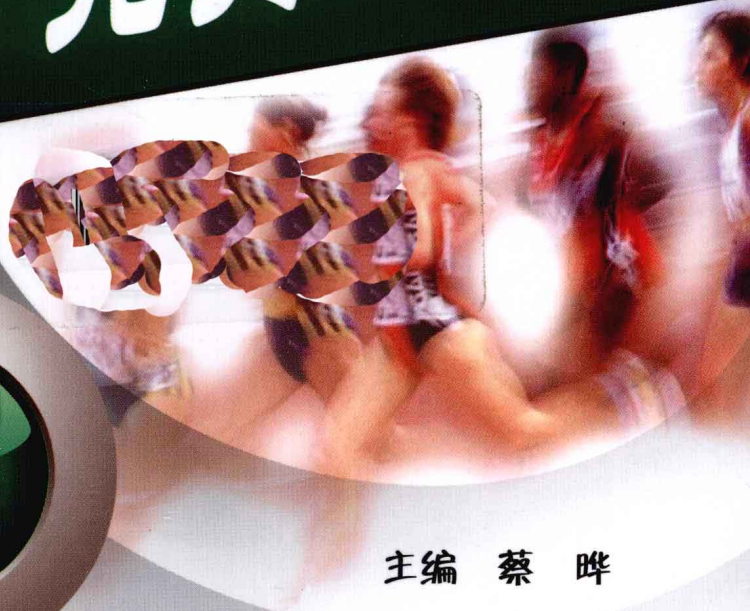
立足中考大纲 探究知识内涵
解读竞赛真题 揭示思维规律
点击中考难题 登上名校殿堂

↑ 第6版

中考·竞赛对接辅导

初中
数学

1



主编 蔡 晔



机械工业出版社
CHINA MACHINE PRESS

中考·竞赛对接辅导

初中数学 1

第 6 版



机械工业出版社

本系列书以新课标人教版教材知识体系为主线,兼顾其他版本教材的知识体系。“考点对接”对初中阶段所应掌握的重点知识进行讲解归纳;“思维对接”、“竞赛对接”对与之内容相关的近几年各地具有代表性的中考真题、竞赛题的归类整理和解析;“小试牛刀”针对以后中考的趋势和方向,设计用于学生自练自评的练习题。本书既可用于学生同步巩固复习与训练,也适用于中考的第一轮复习。

图书在版编目(CIP)数据

中考·竞赛对接辅导. 初中数学 1/蔡晔主编. —6版.
—北京:机械工业出版社,2011.2(2011.8重印)
ISBN 978-7-111-33348-7

I. ①中… II. ①蔡… III. ①数学课—初中—解题
—升学参考资料 IV. ①G634

中国版本图书馆 CIP 数据核字(2011)第 018653 号

机械工业出版社(北京市百万庄大街 22 号 邮政编码 100037)

策划编辑:马文涛 胡明 责任编辑:马文涛 贾雪

责任印制:乔宇

北京汇林印务有限公司印刷

2011 年 8 月第 6 版·第 2 次印刷

148mm×210mm·8.125 印张·257 千字

标准书号:ISBN 978-7-111-33348-7

定价:15.00 元

凡购本书,如有缺页、倒页、脱页、由本社发行部调换

电话服务

网络服务

社服务中心:(010) 88361066 门户网:<http://www.cmpbook.com>

销售一部:(010) 68326294 教材网:<http://www.cmpedu.com>

销售二部:(010) 88379649

读者购书热线:(010) 88379203 封面无防伪标均为盗版

前 言

编写定位

编者精心编写的“中考·竞赛对接辅导”系列书立足教材、着眼中考、面向竞赛，融中考和竞赛于一体，期望为同学们提供最全面、最实用、最完备的中考常考知识点和竞赛解题方法。

本系列书内容的难度定位在中等偏上，以新课标、中考大纲中的重难点及竞赛中的常考知识拓展点为基础，结合近年来经典的中考难题和各类典型的竞赛题，介绍解较难题目的方法，培养解决问题的能力，并通过练习题及时巩固、引导创新。

编写特点

1. 导向性 本书全面反映了近几年中考和竞赛的题型，详细介绍了中考的所有知识点以及解题技巧，体现出学科内不同知识板块间的综合联系，侧重考查学生的能力、素质，从而将未来中考和竞赛的趋势全面展现出来。

2. 新颖性 本书所选的例题是精心筛选的近几年的中考题和国际、国内竞赛题，内容新、题型新。大多数例题虽具一定难度，但难而不偏，具有代表性，且解题方法灵活。

本系列书自面世以来，得到了读者朋友的一致认可。本着与时俱进的原则和精益求精的态度，同时也为了答谢读者的厚爱，我们组织了一批有经验的专家和勇于创新的一线优秀青年教师，分析研究近年来全国各地、各类竞赛和中考的新变化，对原书内容进行了必要的修订和优化，期望能为同学们迎接升学考试和竞赛复习助一臂之力。

由于编写时间较紧，可能存在一些缺漏，敬请广大读者批评指正。

编 者

目 录

前言	
第一章 有理数	1
第一节 有理数	1
第二节 有理数的运算	8
第三节 数的整除	18
第四节 整数的分类	25
第五节 抽屉原理	35
第二章 整式的加减	44
第一节 整式的加减	44
第二节 质数和合数	52
第三章 一元一次方程	59
第一节 一元一次方程的解法	59
第二节 一元一次方程的应用	66
第四章 二元一次方程组	77
第一节 二元一次方程组及解法	77
第二节 二元一次方程组的应用	86
第五章 不等式与不等式组	96
第一节 一元一次不等式	96
第二节 一元一次不等式组	105
第六章 图形认识初步	114
第一节 直线、射线、线段	114
第二节 角	125
第三节 图形的计算	135
第七章 相交线与平行线	147
第一节 相交线与平行线	147
第二节 平移	160
第八章 平面直角坐标系	169
第九章 三角形	179
第一节 三角形	179
第二节 多边形	189
第十章 数据的收集、整理与描述	199
参考答案	210



◆特别提示:①0既不是正数,也不是负数,它是一个中性数,是正负数的分界点.

②正数都大于0,负数都小于0;正数大于一切负数.

③自然数:自然数是指0和正整数.即0,1,2,3,4,...

2. 几个概念

(1) 数轴

通常用一条直线上的点表示数,这条直线叫做数轴.

①原点、正方向、单位长度是数轴的三要素,缺一不可.

② 数轴的用途

用数轴表示数:所有的实数都可以用数轴上的点来表示,数轴上的任一点都表示一个实数,实数和数轴上的点是一一对应的.

用数轴可以比较两个数的大小,右边的数总比左边的数大.

(2) 相反数

只有符号不同的两个数,其中一个是另一个的相反数,0的相反数是0.

① 性质:

a. 任何一个数都有一个相反数,并且只有一个相反数.

b. 正数的相反数是负数,负数的相反数是正数,0的相反数是0.

c. 互为相反数的两个数之和为0,反过来,和为0的两个数互为相反数.

② 求法:求一个数的相反数只需在这个数前面加一个负号就可以.

提点:相反数是两个数之间的一种相互关系,是成对出现的,缺一不可.

(3) 绝对值

一个数 a 的绝对值就是数轴上表示数 a 的点与原点的距离,数 a 的绝对值记作 $|a|$.

① 几何意义:“绝对值”本身是从它的几何意义来定义的.

② 代数意义:正数的绝对值是它本身. 负数的绝对值是它的相反数. 0的绝对值是0.

③ 数 a 的绝对值的表示: $|a| = \begin{cases} a(a > 0) \\ 0(a = 0) \\ -a(a < 0) \end{cases}$

***** 思维对接 *****

考点 1 | 考查正负数

例 ① (2009·宜昌) 如果 $+20\%$ 表示增加 20% , 那么 -6% 表示 ()

- A. 增加 14% B. 增加 6% C. 减少 6% D. 减少 26%

【分析】 由正、负数的相关定义易知, 若 $+20\%$ 表示增加 20% , 那么 -6% 表示减少 6% .

【答案】 C

方法总结

一般常用正数表示“增加”“存入”“运进”等量, 用负数表示“减少”“取出”“运出”等量.

例 ② (2009·温州) 在 $0, 1, -2, -3.5$ 这四个数中, 是负整数的是 ()

- A. 0 B. 1 C. -2 D. -3.5

【分析】 结合负整数相关定义易得.

【答案】 C

例 ③ 北京与纽约的时差为 -13 (负号表示同一时刻纽约时间比北京时间晚). 如果现在是北京时间 $15:00$, 那么纽约时间是_____.

【分析】 本题中相反意义的量是: 比北京时间晚和比北京时间早. 解答本题的关键在于: (1) 找准具有相反意义的两个量; (2) 带负号的数表示的是哪个量; (3) “ -13 ”表示的实际意义是什么. 由题意, “负号表示同一时刻纽约时间比北京时间晚”, 所以北京与纽约的时差为 -13 , 表示同一时刻纽约时间比北京时间晚 13 个小时. 因此, 北京时间 $15:00$, 纽约时间是 $2:00$.

【答案】 $2:00$

例 ④ 如果某台家用电冰箱冷藏室的温度是 4°C , 冷冻室的温度比冷藏室的温度低 22°C , 那么这台电冰箱冷冻室的温度为 ()

- A. -26°C B. -22°C
C. -18°C D. -16°C

【分析】 首先要知道的是, 我们习惯把零上的温度记为“正”, 而把零下的温度记为“负”, 比 4°C 低 22°C 是零下 18°C , 即 -18°C , 故选 C.

【答案】 C



方法总结

用正、负数表示相反意义的量是现实生活的需要,可能设置的生活背景有:水价上涨、天气预报、防沙治沙、水位上升与下降、股票涨跌、进出口贸易等.

考点 2 | 考查数轴并用数轴解题

例 5 (2009 · 青岛) 如图 1-1 所示,数轴上点 P 所表示的可能是 ()

A. $\sqrt{6}$

B. 10

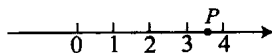
C. $\sqrt{15}$ D. $\sqrt{31}$ 

图 1-1

【分析】 本题考查了数轴的相关知识,由于点 P

位于 3 与 4 之间, $3 = \sqrt{9}$, $4 = \sqrt{16}$, 所以 $\sqrt{9} < P < \sqrt{16}$, 结合选项易知应选 C.

【答案】 C

例 6 式子 $|x-1| + |x-2| + |x-3|$ 的最小值是 ()

A. 1

B. 2

C. 3

D. 4

【分析】 画数轴,如图 1-2 所示. 本题就是在数轴上求一点 x , 使它到 A, B, C 三个点的距离之和最小. 根据绝对值的几何意义, $|x-1|$ 表示点 x 和点 1

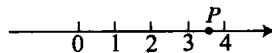


图 1-2

之间的距离; $|x-3|$ 表示点 x 和点 3 之间的距离. 从数轴上易见, 这个点 x 应取在 B 的位置, 此时值最小, 即 $|2-1| + |2-2| + |2-3| = 1 + 1 = 2$, 故选 B.

【答案】 B

考点 3 | 考查相反数和绝对值

例 7 (2010 · 深圳) -2 的绝对值等于 ()

A. 2

B. -2 C. $\frac{1}{2}$

D. 4

【分析】 由绝对值的性质易得答案应选 A.

【答案】 A

例 8 (2009 · 恩施) 若 $|a| = 3$, 则 a 的值是 ()

A. -3

B. 3

C. $\frac{1}{3}$ D. ± 3

【分析】 本题是一道关于绝对值的基础性题, 由绝对值的相关定义易知应选 D.

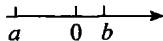
【答案】 D

例9 若 a, b 在数轴上表示如图 1-3 所示的位置, 则下列结论错误的是

()

A. $b > a$

B. $|a| > |b|$



C. $-a < b$

D. $-b > a$

图 1-3

【分析】 根据数形结合思想, 如图 1-4 所示, 将 $-a, -b$

分别表示在数轴上, 从而得到

$$a < -b < 0 < b < -a, |a| > |b|.$$

故选 A, B, D 正确, C 错误, 选 C.

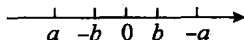


图 1-4

【答案】 C

例10 若 a 为任意有理数, 则 $|a|$ _____ 0. 若 $|a| = |b|$, 则 a 与 b 的关系是 _____. 若 $a > 0$, 则 $|a| =$ _____. 若 $|a| = -a$, 则 a _____ 0.

【分析】 结合绝对值的代数意义易得, 当 a 为任意有理数时, $|a| \geq 0$; 当 $|a| = |b|$ 时, $a = b$ 或 $a = -b$; 当 $a > 0$ 时, $|a| = a$; 当 $|a| = -a$ 时, $a \leq 0$. 熟练掌握并灵活运用绝对值的代数意义去解题, 非常重要.

【答案】 $\geq$ $a = b$ 或 $a = -b$ $a \leq$

例11 已知 $|a-3| + |a+2b+5| = 0$, 求 $a+b$ 的值.

【分析】 灵活运用绝对值的非负性解题是考试重点, 同时也是考试难点.

【解】 因为 $|a-3|$ 与 $|a+2b+5|$ 都是非负数, 且它们的和为 0.

所以 $a-3=0$ 且 $a+2b+5=0$.

所以 $a=3, b=-4$.

所以 $a+b=3-4=-1$.

例12 求式子 $\frac{a}{|a|} + \frac{2b}{|b|} + \frac{ab}{|ab|}$ 的值.

【分析】 运用分类讨论的思想解答本题, 思路将更加条理清晰.

【解】 ①当 $a > 0, b > 0$ 时,

$$\text{原式} = \frac{a}{a} + \frac{2b}{b} + \frac{ab}{ab} = 1 + 2 + 1 = 4;$$

②当 $a < 0, b < 0$ 时,

$$\text{原式} = \frac{a}{-a} + \frac{2b}{-b} + \frac{ab}{ab} = -1 - 2 + 1 = -2;$$

③当 $a > 0, b < 0$ 时,



$$\text{原式} = \frac{a}{a} + \frac{2b}{-b} + \frac{ab}{-ab} = 1 - 2 - 1 = -2;$$

④当 $a < 0, b > 0$ 时,

$$\text{原式} = \frac{a}{-a} + \frac{2b}{b} + \frac{ab}{-ab} = -1 + 2 - 1 = 0.$$

综上所述,所求式子的值为 4, -2, 0.

方法总结

分类讨论思想是一种重要的数学思想方法,而绝对值是使用分类讨论思想的一个标志,应格外引起重视.

***** 竞赛 对 接 *****

例 ① (2007 · 第 18 届“希望杯”赛题) 在 $(-1)^{2007}, |-1|^3, -(-1)^{18}, 18$ 这四个有理数中, 负数共有 ()

- A. 1 个 B. 2 个 C. 3 个 D. 4 个

【分析】 $(-1)^{2007}$ 是一个负数的奇次方, 得 $-1 < 0$; $|-1|^3 = 1^3 = 1 > 0$; $-(-1)^{18} = -1 < 0$; $18 > 0$. 所以这四个有理数中, 负数有 2 个.

【答案】 B

例 ② 下面四个命题中必定正确的命题是 ()

- A. 两个有理数的倒数的和等于它们和的倒数
B. 两个有理数的相反数的和等于它们和的相反数
C. 两个有理数的绝对值的和等于它们和的绝对值
D. 两个有理数的倒数的相反数的和等于它们的相反数的和的倒数

【分析】 例如: $a = 2, b = -3$, $\frac{1}{2} - \frac{1}{3} \neq \frac{1}{2-3}$, 说明 A 不正确; 类似地说明 C, D 也不正确, 所以选 B.

【答案】 B

例 ③ 若 $7a + 9|b| = 0$, 则 ab^2 一定是 ()

- A. 正数 B. 非正数 C. 非负数 D. 负数

【分析】 因为 $b^2 \geq 0, 7a = -9|b| \leq 0$, 所以 $ab^2 \leq 0$.

【答案】 B

例④ 在()内填上相同的自然数,使以下不等式成立:

$$\frac{1}{1+()} + \frac{1}{3+()} + \frac{1}{6+()} > \frac{19}{36}.$$

此时()内的数的最大值是_____.

【分析】 因为原不等式左边 $< \frac{3}{1+()}$, 当()内的数大于 6 时, 原不等式左边小于 $\frac{19}{36}$. 所以()内的数不大于 6. 然后, 分别取 1, 2, ..., 6 试算, 得()=3 时, 左边 $= \frac{19}{36}$, 因此, ()内的数最大是 2.

【答案】 2

例⑤ 已知有理数 a, b, c 在数轴上的对应点如图 1-5 所示, 那么代数式 $|b-a| + |a-c| + |c-b| =$ _____.

【分析】 $|b-a| + |a-c| + |c-b| = a - b + a - c + c - b = 2a - 2b$.

图 1-5

【答案】 $2a - 2b$

例⑥ 已知 $A = \frac{1}{1998^2 - 1998 + 1}$, $B = \frac{1}{1998^2 - 1997 \times 1998 + 1997^2}$, 问: A 和 B 哪个大?

【分析】 这两个分数的分子都是 1, 所以, 只要比较这两个分数的分母的大小.

【解】 分数 B 的分母是

$$\begin{aligned} & 1998^2 - 1997 \times 1998 + 1997^2 \\ &= 1998^2 - 1997 \times (1998 - 1997) \\ &= 1998^2 - 1997 \\ &= 1998^2 - 1998 + 1. \end{aligned}$$

所以 A 和 B 一样大.

..... 小试牛刀 7

1. 已知 $a = -2, b = 1$, 计算 $|a| + |b|$ 的结果是_____.

2. 在数轴上, 点 A, B 分别表示 $-\frac{1}{3}$ 和 $\frac{1}{5}$, 则线段 AB 的中点所表示的数是_____.



3. 如图 1-6 所示, 在数轴上有六个点, 且 $AB=BC=CD=DE=EF$, 则与点 C 所表示的数最接近的整数是 ()

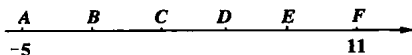


图 1-6

- A. -1 B. 0 C. 1 D. 2

4. 比较大小: $-\frac{96}{91}, -\frac{12}{11}, -\frac{16}{15}, -\frac{32}{29}$.

5. 试说明在所有比给定的有理数 a 小的有理数中, 没有最大的数.

6. 计算 $999994+99995+9996+997+98+9$.

7. 已知 $(x-1)^2+(y-2)^2=0$, 求 $\frac{1}{xy} + \frac{1}{(x+1)(y+1)} + \frac{1}{(x+2)(y+2)} + \cdots + \frac{1}{(x+1989)(y+1989)}$ 的值.

8. 比较 $S_n = \frac{1}{2} + \frac{2}{4} + \frac{3}{8} + \frac{4}{16} + \cdots + \frac{n}{2^n}$ (n 为任意自然数) 与 2 的大小.

第二节 有理数的运算

考点对接

(1) 加法

直接利用有理数的加法法则.

(2) 减法

减法法则用式子可表示为: $a-b=a+(-b)$. 即减去一个数等于加上这个数的相反数.

(3) 乘法

直接利用乘法法则.

◆特别提示: ① $1 \times a = a$

② $-1 \times a = -a$

③ 多个非零数相乘时, 先确定积的符号, 再进行相乘.

(4) 除法

除法法则用式子可表示为： $a \div b (b \neq 0) = a \times \frac{1}{b}$ ，即除以一个数等于乘这个数的倒数。

◆ 特别提示：① $a \div b = \frac{a}{b}$

② $a \div (bc) = \frac{a}{bc}$

③ $a \div b \times c = \frac{a}{b} \times c = \frac{ac}{b}$

④ $a \div (b+c) = \frac{a}{b+c}$

(5) 乘方

求 n 个相同因数积的运算，叫乘方，乘方的结果叫做幂。

◆ 特别提示：① 乘方的符号法则为正数的任何次幂都是正数；负数的奇次幂是负数，负数的偶次幂是正数。

② 规定 0 的任何正整数次幂都是 0，不为 0 的数的零次幂都是 1。

(6) 混合运算：

① 有理数的加减、乘除、乘方的运算符号、结果、级别如下：

运算	加法	减法	乘法	除法	乘方
符号	+	-	× 或 ·	÷	“位置”
结果	和	差	积	商	幂
运算级别	一	一	二	二	三

② 运算顺序

在进行有理数的混合运算时，要先算乘方，再算乘除，最后算加减，有括号的先算括号里面的。

在同一级运算中，一般按照从左到右（或从前往后）的顺序进行计算。

◆ 特别提示：在混合运算中要灵活运用运算定律，可以极大地简化运算过程，同时注意选用多种求解方法中的最简方法。

(7) 有效数字

① 精确度：一个近似数，四舍五入到哪一位，就说这个近似数精确到哪一位。

② 定义：在近似数中，从左边第一个不是零的数字起，到由四舍五入到的



数位止. 所有的数字, 都叫做这个数的有效数字. 一共包含的数字的个数, 叫做有效数字的个数.

◆**特别提示**: 在对一个数取近似数时, 近似程度经常用保留几个有效数字来表示.

(8) 科学记数法

把一个数写成 $\pm a \times 10^n$ 的形式 (其中 $1 \leq a < 10$, n 是整数), 这种记数法叫科学记数法, 具体记数的方法为:

① a 是只有一位整数的数.

② 当原数 ≥ 1 时, n 是正整数, n 等于原数的整数位数减 1, 如 $31400 = 3.14 \times 10^4$;

当原数 < 1 时, n 是负整数, 它的绝对值等于原数中左起第一个非零数字前零的个数 (含整数位上的零), 如 $0.000035 = 3.5 \times 10^{-5}$.

..... 思维对接

考点 1 | 考查有理数的运算

例 1 (2010 · 南昌) 计算 $-2-6$ 的结果是 ()

A. -8 B. 8 C. -4 D. 4

【分析】 结合有理数的运算性质易得选 A.

【答案】 A

例 2 (2009 · 鄂州) 为了求 $1+2+2^2+2^3+\cdots+2^{2008}$ 的值, 可令 $S=1+2+2^2+2^3+\cdots+2^{2008}$, 因为 $2S-S=2^{2009}-1$, 所以 $1+2+2^2+2^3+\cdots+2^{2008}=2^{2009}-1$, 仿照以上推理计算出 $1+5+5^2+5^3+\cdots+5^{2009}$ 的值是 ()

A. $5^{2009}-1$ B. $5^{2010}-1$
C. $\frac{5^{2009}-1}{4}$ D. $\frac{5^{2010}-1}{4}$

【分析】 $S=1+5+5^2+5^3+\cdots+5^{2009}$, $5S=5+5^2+5^3+\cdots+5^{2010}$, 则 $5S-S=5^{2010}-1$, 则 $S=\frac{5^{2010}-1}{4}$. 本题采用了错位相减法.

【答案】 D

方法总结

(1) 采用错位相减法可以得到一般等比数列的求和公式:

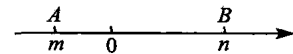
$$a_1 + a_1q + a_1q^2 + a_1q^3 + \cdots + a_1q^{n-1} = \frac{a_1(1-q^n)}{1-q} \quad (q \neq 1), \text{ 其中 } a_1 \text{ 称为}$$

首项, q 称为公比, n 表示项数.

(2) 错位相减法还可以解决项为等差 $\times$ 等比的求和问题.

例如: 计算 $\frac{1}{2} + \frac{3}{2^2} + \frac{5}{2^3} + \frac{7}{2^4} + \cdots + \frac{97}{2^{49}} + \frac{99}{2^{50}}$, 请同学们自己试一试!

例 3 (2007 · 长沙) 如图 1-7 所示, 点 A, B 在数轴上对应的实数分别为 m, n , 则 A, B 的距离是 _____ (用含 m, n 的式子表示).

【分析】 从图上可以看出, $n > 0, m < 0$,  $\therefore n - m > 0, \therefore AB = |n - m| = n - m$.

【答案】 $n - m$

图 1-7

例 4 (2007 · 沈阳) 计算: $(\pi - 3)^0 - |\sqrt{5} - 3| + \left(-\frac{1}{3}\right)^{-2} - \sqrt{5}$.

【分析】 任何数的 0 次方都为 1, $\therefore (\pi - 3)^0 = 1$; 又 $\sqrt{5} \approx 2.2 < 3$, $\therefore |\sqrt{5} - 3| = 3 - \sqrt{5}$; $\left(-\frac{1}{3}\right)^{-2} = \frac{1}{\left(-\frac{1}{3}\right)^2} = \frac{1}{\frac{1}{9}} = 9$, 再合在一起利用四则运算解即可.

【解】 原式 $= 1 - (3 - \sqrt{5}) + 9 - \sqrt{5} = 1 - 3 + \sqrt{5} + 9 - \sqrt{5} = 7$.

例 5 计算 $\frac{1}{1 \times 2} + \frac{1}{2 \times 3} + \frac{1}{3 \times 4} + \cdots + \frac{1}{2005 \times 2006}$.

【分析】 注意到 $\frac{1}{1 \times 2} = \frac{1}{1} - \frac{1}{2}, \frac{1}{2 \times 3} = \frac{1}{2} - \frac{1}{3}, \frac{1}{3 \times 4} = \frac{1}{3} - \frac{1}{4}, \cdots, \frac{1}{2005 \times 2006} = \frac{1}{2005} - \frac{1}{2006}$, 相加后可以消去中间的项, 这样的一种方法我们称之为裂项相消法.

【解】 原式 $= \left(\frac{1}{1} - \frac{1}{2}\right) + \left(\frac{1}{2} - \frac{1}{3}\right) + \left(\frac{1}{3} - \frac{1}{4}\right) + \cdots + \left(\frac{1}{2005} - \frac{1}{2006}\right)$
 $= \frac{1}{1} - \frac{1}{2006}$
 $= \frac{2005}{2006}$



方法总结

一般裂项求和,常常用到以下一些公式:

$$(1) \frac{1}{n(n+1)} = \frac{1}{n} - \frac{1}{n+1};$$

$$(2) \frac{1}{n(n+a)} = \frac{1}{a} \left(\frac{1}{n} - \frac{1}{n+a} \right)$$

$$(3) \frac{1}{n(n+1)(n+2)} = \frac{1}{2} \left[\frac{1}{n(n+1)} - \frac{1}{(n+1)(n+2)} \right];$$

$$(4) n(n+1) = \frac{1}{3} [n(n+1)(n+2) - (n-1)n(n+1)] \text{ 等.}$$

总之,裂项求和的本质是将乘积形式化成和差形式,从而达到消去中间项来简便求和的目的.

考点 2 | 有理数的应用

例 6 (2009 · 深圳) 某商场的老板销售一种商品,他要以不低于进价 20% 的价格才能出售,但为了获得更多利润,他以高出进价 80% 的价格标价. 若你想买下标价为 360 元的这种商品,最多降价多少时商店老板才能出售?

()

A. 80 元 B. 100 元 C. 120 元 D. 160 元

【分析】 设标价为 360 元的商品进价为 a , 由题意可得 $a(1+80\%) = 360$, 解得 $a = 200$ 元, 则老板销售这件商品的最低标价为 $200(1+20\%) = 240$ (元), 所以最多降价为 $360 - 240 = 120$ (元).

【答案】 C

例 7 (2007 · 北京) 若 $|m+2| + (n-1)^2 = 0$, 则 $m+2n$ 的值为 ()

A. -4 B. -1 C. 0 D. 4

【分析】 $\because |m+2| \geq 0, (n-1)^2 \geq 0, |m+2| + (n-1)^2 = 0$, $\therefore |m+2| = 0, (n-1)^2 = 0$, 由 $|m+2| = 0$, 解得 $m = -2$; 由 $(n-1)^2 = 0$, 解得 $n = 1$. $\therefore m+2n = -2 + 2 \times 1 = -2 + 2 = 0$.

【答案】 C