



教育科学“十五”国家规划课题研究成果

电路基础

贺洪江 王振涛 主 编

▼
……
(第2版)
……
▲



高等教育出版社
HIGHER EDUCATION PRESS



教育科学“十五”国家规划课题研究成果

电路基础

D i a n l u J i c h u

贺洪江 王振涛 主 编

▼
……
(第2版)
……
▲



高等教育出版社·北京
HIGHER EDUCATION PRESS BEIJING

内容简介

本书融入了近年来电路理论的新发展、新应用及编者多年的教学经验,改进了部分内容的叙述方式和部分例题的解题方法,增加了电路仿真内容和新的实际应用案例,更加符合教育部高等学校电子电气基础课程教学指导分委员会最新制定的“电路理论基础”课程教学基本要求和“电路分析基础”课程教学基本要求,并兼顾当今高等学校应用型人才的培养要求。

全书共十一章。即电路的基本概念和基本定律、电路的等效变换、电路分析的一般方法、电路的基本定理、正弦稳态电路分析、耦合电感和理想变压器、三相电路、非正弦周期电流电路、动态电路的时域分析、线性电路的复频域分析和二端口网络。本书内容适当、图文并茂、例题丰富、方法多样、步骤完整,典型例题配有仿真,便于学生自学;论述严谨,文理渗透,启发诱导,着重学生的素质培养,贴近学生的思维方式;每章末附有实际应用举例和主要题型及分析方法,注重应用。

本书可按60~70学时(不含实验)安排教学,根据教学需要可增删有些内容。本书可作为高等学校本、专科电气信息类和机电一体化类等有关专业的电路课程的教材或教学参考书。

图书在版编目(CIP)数据

电路基础/贺洪江,王振涛主编. —2版. —北京:高等教育出版社,2011.6

ISBN 978-7-04-032257-6

I. ①电… II. ①贺…②王… III. ①电路理论-高等学校-教材 IV. ①TM13

中国版本图书馆CIP数据核字(2011)第071941号

策划编辑 韩 颖	责任编辑 杨 希	封面设计 赵 阳	版式设计 范晓红
插图绘制 尹 莉	责任校对 金 辉	责任印制 朱学忠	

出版发行	高等教育出版社	网 址	http://www.hep.edu.cn
社 址	北京市西城区德外大街4号		http://www.hep.com.cn
邮政编码	100120	网上订购	http://www.landrac.com
印 刷	山东鸿杰印务集团有限公司		http://www.landrac.com.cn
开 本	787×1092 1/16		
印 张	27	版 次	2004年7月第1版
字 数	610 000		2011年6月第2版
购书热线	010-58581118	印 次	2011年6月第1次印刷
咨询电话	400-810-0598	定 价	39.10元

本书如有缺页、倒页、脱页等质量问题,请到所购图书销售部门联系调换

版权所有 侵权必究

物 料 号 32257-00

总 序

为了更好地适应当前我国高等教育跨越式发展需要,满足我国高校从精英教育向大众化教育的重大转变阶段中社会对高校应用型人才培养的各类要求,探索和建立我国高等学校应用型人才培养体系,全国高等学校教学研究中心(以下简称“教研中心”)在承担全国教育科学“十五”国家规划课题——“21世纪中国高等教育人才培养体系的创新与实践”研究工作的基础上,组织全国100余所培养应用型人才为主的高等院校,进行其子项目课题——“21世纪中国高等学校应用型人才培养体系的创新与实践”的研究与探索,在高等院校应用型人才培养的教学内容、课程体系研究等方面取得了标志性成果,并在高等教育出版社的支持和配合下,推出了一批适应应用型人才需要的立体化教材,冠以“教育科学‘十五’国家规划课题研究成果”。

2002年11月,教研中心在南京工程学院组织召开了“21世纪中国高等学校应用型人才培养体系的创新与实践”课题立项研讨会。会议确定由教研中心组织国家级课题立项,为参加立项研究的高等院校搭建高起点的研究平台,整体设计立项研究计划,明确目标。课题立项采用整体规划、分步实施、滚动立项的方式,分期分批启动立项研究计划。为了确保课题立项目标的实现,组建了“21世纪中国高等学校应用型人才培养体系的创新与实践”课题领导小组(亦为高校应用型人才立体化教材建设领导小组)。会后,教研中心组织了首批课题立项申报,有63所高校申报了近450项课题。2003年1月,在黑龙江工程学院进行了项目评审,经过课题领导小组严格的把关,确定了首批9项子课题的牵头学校、主持学校和参加学校。2003年3月至4月,各子课题相继召开了工作会议,交流了各校教学改革的情况和面临的具体问题,确定了项目分工,并全面开始研究工作。计划先集中力量,用两年时间形成一批有关人才培养模式、培养目标、教学内容和课程体系等理论研究成果报告和在研究报告基础上同步组织建设的反映应用型人才特色的立体化系列教材。

与过去立项研究不同的是,“21世纪中国高等学校应用型人才培养体系的创新与实践”课题研究在审视、选择、消化与吸收多年来已有应用型人才探索与实践成果基础上,紧密结合经济全球化时代高校应用型人才培养工作的实际需要,努力实践,大胆创新,采取边研究、边探索、边实践的方式,推进高校应用型本科人才培养工作,突出重点目标,并不断取得标志性的阶段成果。

教材建设作为保证和提高教学质量的重要支柱和基础,作为体现教学内容和教学方法的知识载体,在当前培养应用型人才中的作用是显而易见的。探索、建设适应新世纪我国高校应用型人才需要的教材体系已成为当前我国高校教学改革和教材建设工作面临的十分重要的

任务。因此,在课题研究过程中,各课题组充分吸收已有的优秀教学改革成果,并和教学实际结合起来,认真讨论和研究教学内容和课程体系的改革,组织一批学术水平较高、教学经验较丰富、实践能力较强的教师,编写出一批以公共基础课和专业、技术基础课为主的有特色、适用性强的教材及相应的教学辅导书、电子教案,以满足高等学校应用型人才培养的需要。

我们相信,随着我国高等教育的发展和高校教学改革的不断深入,特别是随着教育部“高等学校教学质量和教学改革工程”的启动和实施,具有示范性和适应应用型人才培养的精品课程教材必将进一步促进我国高校教学质量的提高。

全国高等学校教学研究中心

2003年4月

前 言

在第一版基础上,本书融入了近年来电路理论的新发展、新应用及编者多年的教学经验,改进了部分内容的叙述方式和部分例题的解题方法,增加了电路仿真内容和新的实际应用案例,更加符合教育部高等学校电子电气基础课程教学指导分委员会最新制定的“电路理论基础”课程教学基本要求和“电路分析基础”课程教学基本要求,并兼顾当今高等学校应用型人才的培养要求。

本书以电路理论中的经典内容为核心,文理渗透、启发诱导,旨在提高学生的电路理论水平,提高其分析问题和解决问题的能力。在教材内容的组织和讲解方面,力求做到符合教学规律和认知特点,在突出主要概念的同时,更加贴近实用,增强了学生对所学知识的系统性、规律性的认识。为提高学生的学习效果,增强学生自主解决问题的能力,在精选丰富的例题和习题的同时,增加了典型例题的仿真内容,开拓学生的视野,激发学习兴趣。在每章末配有实际应用案例、主要题型分析和方法探讨的内容,有助于学生对相关章节内容的理解和掌握。在例题解析上力求方法多样和步骤完整,使学生对所学知识有一个细致全面的了解,在精讲电路内容的同时,兼顾学生解题能力的提高,解决了学生“上课听得懂,下课解题难”的问题,从而较好地解决了教学学时减少给电路教学带来的不利影响,使电路教学能够适应大学教学体系和内容的改革。

本书可按 60~70 学时(不含实验)安排教学,根据教学需要可适当调整。本书可作为高等学校本、专科电气信息类和机电一体化类等有关专业的电路课程的教材或教学参考书。

本书在编写过程中,得到了河北工程大学有关领导和教师的支持和帮助,特别是张永强教授、王汉章教授和王雪光副教授;燕庆明教授详细认真地审阅了本书的初稿,并提出了许多宝贵的意见。在此,对所有帮助过我们的同志一并表示衷心的感谢!

本书第一章至第五章由贺洪江编写,第六章至第十一章由王振涛编写,全书由贺洪江统稿。本书部分应用由邯郸学院王志安和王苗苗编写,部分例题及习题仿真由马志钢、袁文山和何明星完成。

限于编者水平,本书在内容取舍、编写方面难免存在不妥之处,恳请读者批评指正。

编 者

2010 年 11 月 18 日

于河北工程大学

第一版前言

本书以教育部 1995 年颁布的“高等工业学校电路分析基础课程教学基本要求”为指导,兼顾 21 世纪高等学校应用型人才的培养要求,结合编者多年的教学经验精心编写。

本书以电路理论中的经典内容为核心,文理渗透、启发诱导,旨在提高学生的电路理论水平,提高其分析问题和解决问题的能力。为了使学生开阔视野、打开思路,本书适当介绍了一些电路理论的新发展和新应用;在教材内容的组织和讲解方面,力求做到符合教学规律和认知特点,在突出主要概念的同时,更加贴近实用,并结合编者多年的教研体会,加强了教材内容的归纳和整理,增强了学生对所学知识的系统性、规律性的认识。为提高学生的学习效果,增强学生自主解决问题的能力,本书精选了丰富的例题和习题,并在每章末增加了实际应用内容、主要题型分析和方法探讨。在本书例题、习题选择方面,除了贴近教学内容外,力求使题型多样、全面,部分例题和习题选自近几年电路考研试题和高等教育出版社出版的《电路题库》试题。在例题讲解上力求方法多样性,使学生对所学内容有一个细致全面的了解,在精讲电路内容的同时,兼顾学生解题能力的提高,解决了学生“上课听得懂,下课解题难”的问题,从而较好地消除了教学学时减少给“电路”教学带来的不利影响,使“电路”教学能够适应大学教学体系和内容的改革。

本书可按 60~70 学时(不含实验)安排教学,根据教学需要可增删部分内容。本书可作为高等工业学校本、专科电类和机电一体化类等有关专业的“电路”课程教材或教学参考书。

本书在编写过程中,得到了河北工程大学有关领导和教师的支持和帮助,特别是张永强教授和王雪光老师;朱承高教授详细认真审阅了本书的初稿,并提出了许多宝贵的意见。在此,对所有帮助过我们的同志一并表示衷心的感谢!

本书第一章至第五章由贺洪江编写,第六章至第十一章由王振涛编写,全书由贺洪江统稿。

限于编者水平,本书在内容取舍、编写方面难免存在不妥之处,恳请读者批评指正。

编 者

2003 年 11 月 30 日

于河北工程大学

郑重声明

高等教育出版社依法对本书享有专有出版权。任何未经许可的复制、销售行为均违反《中华人民共和国著作权法》，其行为人将承担相应的民事责任和行政责任，构成犯罪的，将被依法追究刑事责任。为了维护市场秩序，保护读者的合法权益，避免读者误用盗版书造成不良后果，我社将配合行政执法部门和司法机关对违法犯罪的单位和个人进行严厉打击。社会各界人士如发现上述侵权行为，希望及时举报，本社将奖励举报有功人员。

反盗版举报电话 (010)58581897 58582371 58581879

反盗版举报传真 (010)82086060

反盗版举报邮箱 dd@hep.com.cn

通信地址 北京市西城区德外大街4号 高等教育出版社法务部

邮政编码 100120

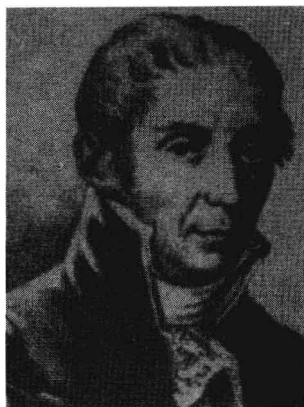
目 录

第一章 电路的基本概念和基本定律	2	§ 4-2 替代定理	100
§ 1-1 电路和电路模型	2	§ 4-3 戴维宁定理和诺顿定理	102
§ 1-2 电路分析中的基本变量	6	§ 4-4 特勒根定理	112
§ 1-3 电路元件	9	§ 4-5 互易定理	115
§ 1-4 独立电源	16	应用	119
§ 1-5 基尔霍夫定律	19	本章主要题型及分析方法	121
§ 1-6 电路中电位的计算	22	习题	123
应用	23	第五章 正弦稳态电路分析	130
本章主要题型及分析方法	26	§ 5-1 正弦交流电路的基本概念	130
习题	27	§ 5-2 正弦量的相量表示法	133
第二章 电路的等效变换	34	§ 5-3 R 、 L 、 C 的相量形式	136
§ 2-1 等效一端口网络的概念	34	§ 5-4 KCL、KVL 的相量形式	139
§ 2-2 无源一端口网络的等效变换	35	§ 5-5 RLC 串联电路和复阻抗	140
§ 2-3 电阻三角形网络和星形网络的等效变换	41	§ 5-6 RLC 并联电路和复导纳	142
§ 2-4 实际电源的两种模型及其等效变换	46	§ 5-7 复阻抗(复导纳)的串联与并联	145
§ 2-5 受控源及含受控源简单电路的分析	50	§ 5-8 交流电路的功率及功率因数	148
§ 2-6 等效电阻、输入电阻	53	§ 5-9 复功率	152
应用	55	§ 5-10 电路中的谐振	154
本章主要题型及分析方法	57	§ 5-11 正弦稳态电路的分析	161
习题	58	§ 5-12 最大功率传输	166
第三章 电路分析的一般方法	66	应用	167
§ 3-1 支路电流法	66	本章主要题型及分析方法	169
§ 3-2 回路电流法	71	习题	170
§ 3-3 结点电压法	78	第六章 耦合电感和理想变压器	177
应用	84	§ 6-1 耦合电感元件	177
本章主要题型及分析方法	85	§ 6-2 含耦合电感的电路分析	181
习题	88	§ 6-3 空心变压器	196
第四章 电路的基本定理	94	§ 6-4 理想变压器	200
§ 4-1 叠加定理	94	应用	205
		本章主要题型及分析方法	205

习题	208	§ 9-8 一阶电路的冲激响应	296
第七章 三相电路	213	§ 9-9 RLC 串联电路的零输入响应	307
§ 7-1 对称三相电源及其连接方式	213	应用	319
§ 7-2 对称三相负载及其连接方式	217	本章主要题型及分析方法	320
§ 7-3 三相电路计算	219	习题	324
§ 7-4 三相电路的功率及其测量	232	第十章 线性电路的复频域分析	333
应用	241	§ 10-1 拉普拉斯变换的定义	333
本章主要题型及分析方法	243	§ 10-2 拉普拉斯变换的基本性质	335
习题	246	§ 10-3 拉普拉斯反变换	340
第八章 非正弦周期电流电路	252	§ 10-4 线性电路的复频域模型	346
§ 8-1 非正弦周期电流和电压	252	§ 10-5 应用拉普拉斯变换分析线性电路	349
§ 8-2 非正弦周期信号的傅里叶展开	253	§ 10-6 网络函数	354
§ 8-3 非正弦周期量的有效值、平均值和 平均功率	256	应用	358
§ 8-4 非正弦周期电流电路的计算	259	本章主要题型及分析方法	362
应用	262	习题	364
本章主要题型及分析方法	264	第十一章 二端口网络	370
习题	265	§ 11-1 二端口网络概述	370
第九章 动态电路的时域分析	270	§ 11-2 二端口网络的方程和参数	371
§ 9-1 电路的瞬态过程和换路定则	270	§ 11-3 二端口网络的等效电路	383
§ 9-2 稳态值与初始值的确定	271	§ 11-4 二端口网络的连接	387
§ 9-3 一阶电路的零输入响应	273	§ 11-5 二端口网络的特性阻抗	393
§ 9-4 一阶电路的零状态响应	280	应用	395
§ 9-5 一阶电路的全响应	287	本章主要题型及分析方法	398
§ 9-6 一阶电路的三要素法	291	习题	403
§ 9-7 一阶电路的阶跃响应	293	部分习题答案	409
		参考文献	423

哲思：求木之长者，必固其根本；
欲流之远者，必浚其泉源。

科学家简介



伏特 (Alessandro Antonio Volta, 1745—1827), 意大利物理学家, 发明了电池和电容器。电池是最早提供连续流动电能的装置。

伏特生于意大利科摩的一个贵族家庭。他 18 岁时就进行电路实验。1800 年, 他宣布发明了伏打电堆, 这是第一个能产生稳定、持续电流的装置。有了持续电流, 人们对电学的研究打开了新的局面。电压或电位差的单位(伏特)即是以他的名字命名的。



安培 (Andra-Marie Ampere, 1775—1836), 法国数学家和物理学家, 电动力学基础的奠基者。1820 年, 他定义了电流并研究出测量电流的方法。

安培出生于法国的里昂。他非常爱好数学并写了很多著作, 他推导出许多电磁学的定律, 发明了电磁铁和电流表。电流的单位(安培)就是以其名字命名的。

第一章 电路的基本概念和基本定律

本章是全书的基础,介绍了电路的基本概念和电路的基本定律,引出了贯穿电路分析的两类约束关系:元件的电压电流关系(VCR)及与元件性质无关的反映电路连接特点的基尔霍夫定律。基尔霍夫定律是集总电路的基本定律。

§ 1-1 电路和电路模型

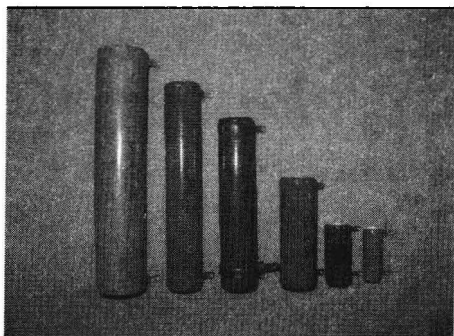
电在人们的日常生活和工农业生产等各个领域的应用日益广泛,以至于人们对电产生了相当的依赖性,甚至到了没有电就无法正常生活和工作的程度,电的重要性由此可见一斑。电是通过实际电路提供的,电的应用又是依靠各种各样的电路实现的。因其具有的功能不同,所以实际电路千差万别,但不同的电路都遵循着基本的电路定律。

电路就其作用可分为两大类。其一是以传输、分配、转换电能为目的的供配电系统。因其功率、电流、电压的值较大,故又称为强电系统。在供配电系统中,人们关心的是怎样减少能量损耗,以提高系统的效率。其二是以传送、处理、储存信号为目的的电子电路。因其功率、电流、电压的值较小,故又称为弱电系统。在弱电系统中,人们主要关心怎样减小信号在传送、处理、储存过程中的失真。

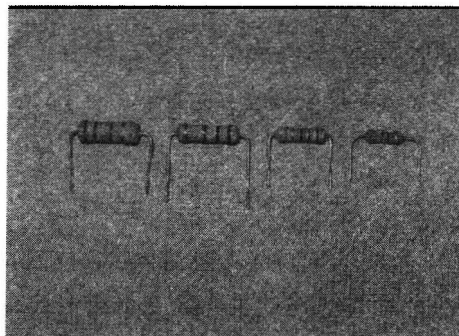
电路的结构按大小来看也相差甚远。大到跨省界、国界、洲界的供配电系统,小到在纽扣大小的芯片上集成上百万或更多元件的集成电路。显然,上述大、小两类电路在结构上都是非常复杂的。但无论是简单电路,还是复杂电路,就其组成而言不外乎三个部分:电源—中间环节—负载。

人们把提供电能的装置称为电源,因其在电路中起激励作用,因此,电源又称为激励。把转换电能的装置称为负载。连接电源与负载的环节,称为中间环节。最简单的中间环节由导线和开关组成,有的中间环节可能是一个非常复杂的网络。在强电系统中,中间环节的作用是传输、分配以及控制电能的输送。在弱电系统中,中间环节的作用是传送、处理信号。激励在电路中产生的电流和电压称为响应,有时又把激励称为输入,响应称为输出。电路分析就是在已知激励和电路结构、参数的情况下求响应。若已知激励和响应,要确定电路的结构和参数,就称为电路综合。本书主要内容是电路分析,探讨电路的基本定律和定理,并讨论各种计算方法,为学习后续电类课程打下基础。

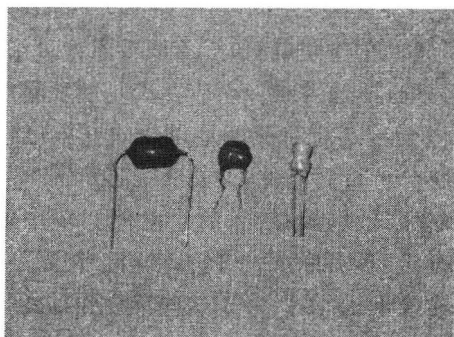
电路分析中所指的电路,不是实际电路,而是从实际电路中抽象出来的、由理想元件所组成的电路模型。要建立实际电路的电路模型,首先应该将实际电路元件理想化,把实际的电阻元件、电感元件、电容元件理想化为理想电阻、理想电感和理想电容。实际电路元件、理想电路元件的图形符号如图 1-1 所示。理想电路元件是具有单一电磁性质的假想元件,具有精确的数学定义。除上述理想元件外,还有理想电源和理想受控源等。引入理想电路元件后,实际电路元件或实际电路在一定条件下就可以用理想元件或其组合来模拟,此即为实际电路元件或实际电路的理想化模型。根据理想元件端子的数目,理想电路元件可分为二端、三端、四端元件等。



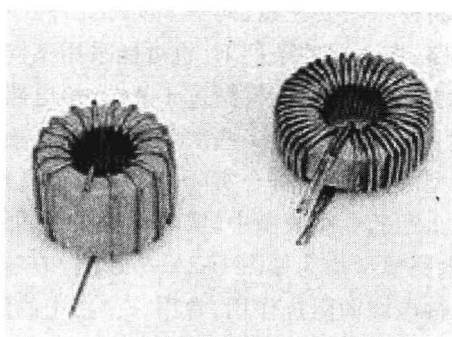
(a) 绕线电阻



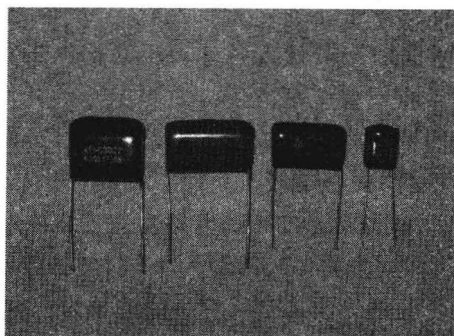
(b) 色环电阻



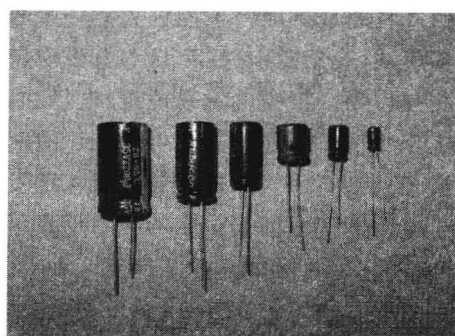
(c) 普通电感



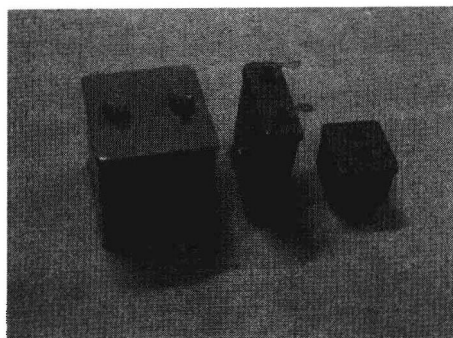
(d) 环形电感



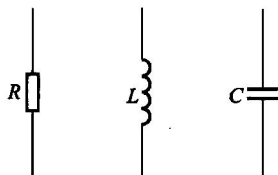
(e) 涤纶电容



(f) 电解电容



(g) 油浸纸介电容



(h) 理想电路元件的图形符号

图 1-1 实际电路元件、理想电路元件的图形符号

图 1-2(a) 为实际手电筒电路, 图 1-2(b) 为其电路模型, 图 1-2(c)、(d)、(e)、(f) 为一些常用电池。小白炽灯用理想电阻 R 来模拟, 干电池用理想电压源 U_s 和电阻 R_s 的串联组合来模拟。在电路模型中, 导线和开关也是理想的。实际电路其模型的建立不是本书主要讨论的问题, 但在建立电路模型时要注意, 同一个实际元件在不同的条件下, 可能采用不同的模型。同样地, 同一实际电路, 在不同的条件下, 也可能采用不同的电路模型。在建立模型时, 不能考虑得过细, 否则会导致主次不分, 致使模型过于复杂, 给电路分析带来不必要的困难。而应在满足工程精度要求的前提下, 尽可能忽略一些次要因素, 抓住主要因素, 建立起既简单又能足以反映其电磁性质的电路模型。恰当的、符合实际的电路模型既可以使电路分析得到简化, 又能满足工程需要。

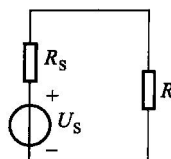
在上述的电路模型中, 实际电路的尺寸大小已被忽略。例如: 较大的手电筒和较小的手电筒, 其电路模型均为如图 1-2(b) 所示。在这里是用集中的作用代替分散的作用。例如: 对分散存在的输电线的阻抗作用, 常用一个集中的阻抗作用来表示, 等等。对于这些集中作用的理想元件, 认为其电磁作用都集中在元件的内部。电路理论中把这样的理想元件称为集总参数元件, 由集总参数元件组成的电路模型称为集总参数电路, 简称为集总电路。

如前所述, 在集总电路中, 认为电磁现象都发生在元件内部, 这就意味着不考虑电场和磁场之间的相互作用。根据电磁场理论, 电场和磁场的相互作用将产生电磁波。当电路的几何尺寸与电路工作频率所对应的波长可以相比拟时, 电磁波的辐射将显著加强。电路中的部分能量将随电磁波辐射到空间。这与能量的消耗都发生在电阻元件内部的假设不符。因此, 只有当实际电路由于电磁波的辐射而带来的能量损失可以忽略不计时, 才能按集总电路对待。电磁场理论和实践均证明, 当实际电路的几何尺寸 l 远小于电路工作频率所对应的波长 λ 时, 电磁波辐射的能量小到可以忽略不计, 实际电路可按集总电路对待。电路工作频率所对应的波长为

$$\lambda = \frac{c}{f}$$



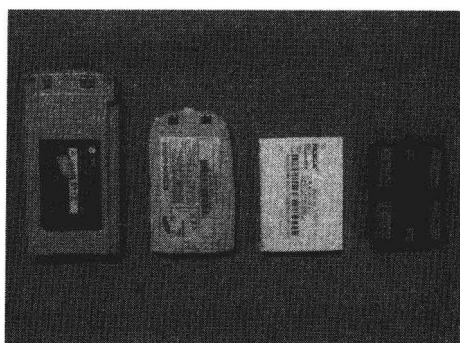
(a) 实际手电筒电路



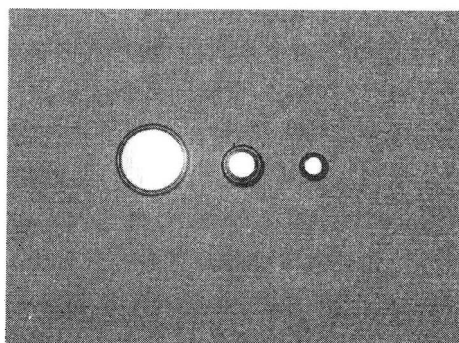
(b) 电路模型



(c) 干电池



(d) 手机电池



(e) 纽扣电池



(f) 蓄电池

图 1-2 手电筒电路与其电路模型及一些常用电池

式中, $c=3\times 10^8$ m/s 为光速, f 为电路的工作频率。我国工业用电频率为 $f=50$ Hz = 50 s⁻¹, 则对应波长为

$$\lambda = \frac{3 \times 10^8}{50} \text{ m} = 6\,000 \text{ km}$$

因此, 对于几何尺寸远小于 6 000 km 的供电网络, 都可以按集总参数电路处理。因 λ 值随着电路工作频率 f 的增高而减小, 故在高频电路中, 甚至对尺寸仅为几米大小的电路, 也不能按集总电路对待。

如上所述,当电路的几何尺寸可以和电路工作频率所对应的波长相比拟时,这个电路就不能按集总参数电路对待,而要用分布参数电路或电磁场理论来分析。本书只涉及集总参数电路的分析与计算。

§ 1-2 电路分析中的基本变量

电路分析中的基本变量有:电流、电压、电荷、磁链等。所谓基本变量,是指用它们可以方便地表示出电路中的其他物理量。

1. 电流及其参考方向

在电场力的作用下,电荷的定向移动就形成了电流。用 i 表示随时间变化的电流,用 I 表示恒定电流(或称为直流)。电流的定义为:在单位时间内,通过导体横截面的电荷量称为电流,即

$$i = \frac{dq}{dt} \quad (1-1)$$

在国际单位制中,电流、电荷和时间的基本单位是安[培](简称安,用 A 表示)、库[仑](简称库,用 C 表示)和秒(用 s 表示)。在实际应用中,电流有时也常用其辅助单位:千安(kA)、毫安(mA)和微安(μA),其换算关系为

$$1 \text{ kA} = 10^3 \text{ A}; \quad 1 \text{ mA} = 10^{-3} \text{ A}; \quad 1 \mu\text{A} = 10^{-6} \text{ A}$$

正电荷定向移动的方向称为电流的实际方向。在简单电路中,电流的实际方向很容易确定,但当电路比较复杂时,电流的实际方向往往难以确定,例如在图 1-3 所示的桥式电路中, R_5 中的实际电流方向就难以确定。而对电路的分析计算必须在指定方向的情况下才能进行,因此,需要假设一个方向,并把这种假设的方向称为参考方向。参考方向可以任意选定。在电路中电流的参考方向可以用箭头表示,如图 1-3 中 R_5 的电流 I_5 ,也可以用双下标表示,如 I_{ab} 。因参考方向可能与实际方向一致,也可能与实际方向相反,因此规定:如果电流的参考方向与实际方向一致,电流为正值;如果两者相反,电流为负值。这样就可以根据电流的正、负并结合参考方向来确定电流的实际方向。例如图 1-4 所示为交流电路中的某一支路,在图示电流参考方向的情况下,设电流 i 的表示式为

$$i = 10\cos(314t) \text{ A}$$

电流 i 的大小和方向随时间作周期性变化,其实际方向不可能用一个固定的箭头表示。在任意时刻 t ,电流 i 的实际方向可根据上式算出的电流的正、负,并结合图示电流参考方向来确定。例如 $t=0.001 \text{ s}$ 和 $t=0.006 \text{ s}$ 时,对应电流为

$$i(0.001) = 10\cos(314 \times 0.001) \text{ A} = 9.511 \text{ A}$$

$$i(0.006) = 10\cos(314 \times 0.006) \text{ A} = -3.081 \text{ A}$$

由此可确定,电流 i 在 $t=0.001 \text{ s}$ 时,实际方向与其参考方向相同,即由 a 指向 b。在 $t=0.006 \text{ s}$ 时,实际方向与其参考方向相反,即由 b 指向 a。

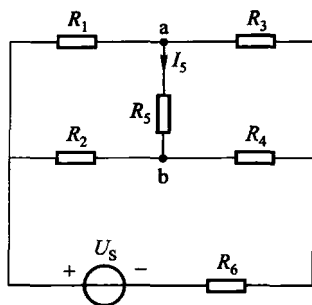


图 1-3 桥式电路

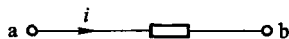


图 1-4 电流的参考方向

2. 电压及其参考方向

电压是描述电场力对电荷做功大小的物理量。用 u 表示随时间变化的电压,用 U 表示恒定电压(或称直流电压)。电场力把单位正电荷由 a 点移到 b 点所做的功,称为 a 、 b 两点间的电压,即

$$u = \frac{dW}{dq} \quad (1-2)$$

上式中, dW 也是正电荷在移动过程中失去或获得的能量。当 $dW > 0$ 时, $u > 0$, 说明 a 点的电位高于 b 点的电位, 正电荷 dq 在移动过程中失去能量。当 $dW < 0$ 时, $u < 0$, 说明 a 点的电位低于 b 点的电位, 正电荷 dq 在移动过程中获得能量。电压的单位是伏[特](简称伏, 用 V 表示)。其辅助单位有千伏(kV)、毫伏(mV)和微伏(μV), 换算关系为

$$1 \text{ kV} = 10^3 \text{ V}; \quad 1 \text{ mV} = 10^{-3} \text{ V}; \quad 1 \mu\text{V} = 10^{-6} \text{ V}$$

电压的实际方向规定由高电位点指向低电位点, 即为电压降的方向。在进行电路分析时, 正像电流需要假设参考方向一样, 电压也需要假设参考方向。电压的参考方向可用双下标和正、负极性表示。并规定: 如果电压的实际方向与参考方向一致时, 电压取正值; 如果电压的实际方向与参考方向相反时, 电压取负值。这样就可以根据电压值的正、负并结合其参考方向来确定电压的实际方向。

对于同一段电路或同一个元件, 由于其电流、电压的参考方向可以任意选定, 所以就会出现两种情况。第一种情况为电压、电流的参考方向选得相同, 称为关联参考方向, 如图 1-5(a) 所示; 第二种情况为电压、电流的参考方向选得相反, 称为非关联参考方向, 如图 1-5(b) 所示。在



图 1-5 关联与非关联参考方向