

測圓海鏡細草

二





測圓海鏡細草

(二)

李冶撰

中華民國二十四年十二月初版

撰者 李治

發行人 王雲五

上海河南路

王

雲

五

印刷所 商務印書館

上海河南路

商

務

印書館

發行所 商務印書館

上海及各埠

上

海

及各埠

各

埠

編主五雲王  
編初成集書叢  
草細鏡海圓測  
冊二

# 測圓海鏡細草卷第六

翰林學士知制誥同修國史欒城李冶撰

## 大勾一十八問

或問乙從東門直行一十六步甲從乾隅東行三百二十步望乙與城參相直問答同前法曰甲東行內減二之乙南行復以乘甲東行爲實四之甲東減內減二之乙東行爲從四益隅得半徑。

草曰立天元一爲半徑以二之加乙東行得  $\frac{1}{2}$  二爲中勾以中勾減於甲東行得  $\frac{1}{2}$  三爲勾率也其天元半徑卽股率也置甲東行爲大勾以股率乘之得  $\frac{3}{2}$  合以勾率除之不受除便以此爲大股 內帶勾率分母 再置天元以二之以勾率乘之得  $\frac{3}{2}$   $\frac{1}{2}$  減於大股餘  $\frac{3}{2}$   $\frac{1}{2}$  爲股圓差於上 內有勾率分母 又以二之天元減甲東行得  $\frac{1}{2}$  二爲小差以乘上位得  $\frac{1}{2}$  三爲半段黃方幂 內有勾率分母 寄左然後以天元自之又以勾率乘之又就分倍之得  $\frac{1}{2}$  一爲同數與左相消得  $\frac{1}{2}$  二爲  $\frac{1}{2}$  三爲開平方得一百二十步倍之卽城徑也合問。

或問乙出東門南行三十步而立甲從乾隅東行三百二十步望乙與城參相直問答同前。

法曰。甲乙相乘爲實。甲東行爲從。二虛法平開得半徑。

草曰。識別具見大股第二問中。立天元爲半徑。內減乙南行得  $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{2}$ 。爲虛股。以乘通勾甲東行得  $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{2}$ 。爲半段城徑羣。寄左。然後以天元自之。又就分二之得  $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{2}$ 。爲同數。與左相消。得  $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{2}$ 。開平方。得一百二十步。倍之。卽城徑也。合問。

或問乙出南門。直行一百三十五步而立。甲從乾隅東行三百二十步。望見乙。問答同前。

法曰。以乙南行乘甲東行羣爲實。二之乙南行乘甲東行爲從方。廉空二步常法得半徑。

草曰。立天元一爲半城徑。以二之加於乙南行得  $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{2}$ 。爲股率。以天元減甲東行得  $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{2}$ 。爲勾率。乃置乙南行以勾率乘之得  $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{2}$ 。合股率除不除。便以此爲小勾。此卽半梯之頭。內帶股率 分母寄左。乃以股率乘天元羣得  $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{2}$ 。又以勾率乘之。得  $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{2}$ 。爲半徑羣。內帶股率 分母寄左。乃以股率乘天元羣得  $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{2}$ 。爲同數。與左相消。得  $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{2}$ 。開立方。得一百二十步。倍之。卽城徑也。合問。

或問乙出南門。東行七十二步。甲從西北隅取直東行三百二十步。見乙。問答同前。

法曰。二行相乘爲實。以乙東行爲從。一步常法得半徑。

草曰。立天元一爲半城徑。以減甲東行步得  $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{2}$ 。爲梯底。以乙東行七十二步爲梯頭。以乘之。得  $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{2}$ 。爲半徑羣。寄左。然後以天元羣與左相消。得  $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{2}$ 。以平方開之。得一百二

十步倍之卽城徑也合問。

或問乙從西南隅直東行一百九十二步甲從西北隅直東行三百二十步望見乙問答同前。

法曰二行步相乘爲實二行相併爲法得半徑。

草曰立天元一爲半徑副置之上以減於乙東行得  $\frac{1}{2} \square$  爲梯頭於上下位減於甲東行得  $\frac{1}{2} \square$   $\overline{\square}$  爲梯底以乘上位得  $\frac{1}{2} \square \times \frac{1}{2} \square$  爲半徑累寄左然後以天元累與左相消得  $\frac{1}{2} \square$   $\overline{\square}$  上法下實卽半徑也合問。

或問乙從坤隅直南行三百六十步而止甲從乾隅直東行三百二十步望見乙問答同前。

法曰二行步相乘倍之爲實二之甲東行爲從一步常法得城徑。

草曰立天元一以爲城徑加乙南行得  $\frac{1}{2} \square$   $\overline{\square}$  爲股二行步相併得六百八十步爲弦甲東行爲勾勾股相乘得  $\frac{1}{2} \square \times \frac{1}{2} \square$  又倍之得  $\frac{1}{2} \square \times \frac{1}{2} \square$  爲二直積寄左然後以勾股弦相併得  $\frac{1}{2} \square$   $\overline{\square}$  爲三事和以天元乘之得  $\frac{1}{2} \square \times \frac{1}{2} \square$  爲同數與左相消得  $\frac{1}{2} \square$   $\overline{\square}$   $\overline{\square}$  開平方得二百四十步卽城徑也合問。

或問東門南不知遠近有樹甲從乾隅東行三百二十步望樹與城參相直復就樹斜行一百七十步至樹問答同前。

法曰。兩段東行步。內減兩段東行斜行相乘數爲實。〔案〕或云倍東行步。以二行差乘之。亦同。二之東行爲從。一益隅。  
 草曰。別得東行步。卽大勾。斜行步。卽小弦也。乃立天元一爲城徑。減東行步得勾。爲勾圓差也。  
今爲小 勾。置東行步。以斜步乘之。得勾。合以小勾除之。今不受除。便以此爲大弦。分母。再置東  
 行步。以小勾乘之。得勾。爲大勾。以減大弦得勾。爲大差。合以小差乘之。緣內帶小勾。更  
 不須乘。便以此爲半段黃方纂。更無分母。又二之得勾。 單爲一段黃方纂。寄左。然後以天元纂  
 與左相消。得十。開平方。得一百四十步。卽城徑也。合問。

依前問。假令乙出東門。南行不知步數而止。甲從乾東行三百二十步。望乙與城相直。復就乙斜行一百七十步。

法曰。以甲東行乘二行差纂爲實。以甲東行乘二之二行差爲益方。二之二行差爲隅法。

草曰。識別得二行相減餘一百五十。卽半城徑與乙南行共數也。得此數。更不須用斜。立天元一爲半徑減於二行差。得勾。卽半梯頭也。又以二天元減甲東行步得勾。爲勾率。又以一百五十爲股率。乃置甲東行以股率乘之。得勾。合勾率除。不除。便以此爲大股。內寄勾率分母。再置天元。以勾率乘之。得勾。以減於大股。得勾。爲半梯底也。頭底相乘。得下。十。爲同數與左相  
對。上。爲半徑纂也。內帶勾率分母。寄左。然後以勾率乘天元纂。得十。爲同數與左相

消得 三。三。上。開平方得一百二十步倍之卽城徑也合問。

或問南門東不知遠近有樹甲從乾隅東行三百二十步見樹復向樹斜行二百七十二步至樹問荅同前。

法曰二之二行差乘二之甲東行爲實併二之二行差及二之甲東行爲從二步益隅。

草曰別得二行相減餘四十八步卽虛積之勾也立天元一爲城徑內減二之二行差得 三。三。爲梯頭於上再置甲東行步以二之內減天元得 一。一。爲梯底以乘上位得 一。一。一。爲城徑累寄左然後以天元累與左相消得 一。一。無。開平方得二百四十步卽城徑也合問。

記•  
•  
•

或問甲從乾隅東行三百二十步而止乙出南門直行不知步數望見甲復就甲斜行四百二十五步與甲相會問荅同前。

法曰二行步相減以乘東行步得數又以半之東行步乘之爲實以半之東行步乘東行步於上以二行步相減餘乘東行步減上位爲從二之東行步爲益廉一步常法得半徑。

草曰識別得二行相減是高積上勾股較此勾•卽半徑也又別得是高弦不及股圓差數乃立天元爲半城徑以減東行步得 一。一。爲中勾其斜行步卽中弦也又置半城徑以斜步乘之得 三。三。合以中

勾除之不受除便以此爲高弦。

內寄中勾爲母

又以二行步相減餘一百五步爲高弦不及股圓差數置此

數以中勾乘之得

三

三

三

三

三

三

三

加入高弦得

三

三

三

三

三

三

三

爲大差於上

內帶中勾分母

又倍天元減東行步

三

三

三

三

三

得

六

三

三

三

三

三

三

爲小差又半之得

六

三

三

三

三

三

三

以乘上位得

三

三

三

三

三

三

三

乃以天元自乘又以中勾乘之得

十

三

三

三

三

三

三

爲同數與左相消得

一

三

三

三

三

三

三

以立方開得一百二十步倍之卽城徑也合問

或問甲乙二人俱在乾隅乙直南行不知步數而立甲直東行三百二十步望見乙復就乙斜行六百八

十

步

與乙相會

問答同前

法曰以二行差乘甲東行步又二之爲實以二之二行差爲從一步常法

草曰別得二行步相減餘三百六十步卽股圓差也乃立天元一爲圓徑以減於甲東行步得

三

三

三

三

三

三

三

爲小差以東行斜行差三百六十步乘之得

三

三

三

三

三

三

三

又倍之得

三

三

三

三

三

三

三

爲一段城徑累

寄左乃以天元累與左相消得

十

三

三

三

三

三

三

爲一段城徑也合問

或問東門外不知遠近有樹甲從乾隅東行三百二十步望樹與城參直復就樹斜行一百三十六步

至樹問答同前

法曰倍二行相減數內減甲東行得數復以乘甲東行爲實

案或以倍斜步以減甲東

行餘以甲東行乘之亦同

倍二行差爲從

二步虛常法得半徑。

草曰。識別得斜行步。乃樹至城心步也。立天元一爲半徑。加斜行步得  $\frac{1}{2} \pi$  即樹至城西門之步也。乃以減於甲東行。得下廊  $\frac{\pi}{2}$  爲小勾率。其天元半徑卽小股率。其斜步卽小弦數也。再置甲東行步內減天元。得廊  $\frac{\pi}{2}$  爲梯底。於上又置梯底內減二之小勾率。得  $\frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{2}$  〔案〕倍小勾。得二元。以少二元。減梯底之少一元。反爲多一元。以三百六十八步。減梯底之三百二十步。反爲少四十八步也。 以乘上位。得  $\frac{1}{2} \pi - \frac{\pi}{2}$  爲半徑幕。寄左。乃以天元幕與左相消。得下式。十  $\frac{1}{2} \pi$   $\frac{\pi}{2}$  以平方開之。得一百二十步。倍之。卽城徑也。合問。或問南門外。不知步數。有槐樹一株。甲從乾隅直東行。至柳樹下。望見槐樹。復斜行至槐樹下。甲自云。我共行了七百四十五步。乙從坤隅南行。望見槐柳。與城參相直。復斜行至槐樹下。乙自云。我南行步多於斜行步一百五步。

〔銳案〕此問有草無法。蓋傳寫脫去。案卷第五第十二問。與此相類。惟南行東行爲異耳。今據彼法及下細草補之。  
當云甲東行。減於甲斜行。以乘甲東行。得數。復以乘二之甲東行。爲實。半之甲東行。以乘二之東行。於上。甲東行。減於甲斜行。餘復以乘甲東行。又倍之。減上位。爲從方。二之甲東行。爲益廉。五分隅法。

〔案〕此問下有草無法。今依細草補之。

法曰。置甲共步內減乙較步餘數折半。自之。再倍乙較步。乘之。爲立方實。置上減餘折半數。又減二之乙較步。復以減餘折半數。乘之。爲從甲共步內減乙較步爲廉。五分爲負隅。開立方。得城徑。〔案〕銳

廉。當云益廉。負隅。當云隅。蓋加減。  
所得多少。與相消所得正負相反也。

草曰。識別得一百五步。是大差多於高弦數。又爲高弦上勾股差數。又別得是甲斜行多於東行數也。乃副置甲共行七百四十五步在地。其上位加一百五步而半之。得四百二十五步。卽甲斜行也。其下位減一百五步而半之。得三百二十步。卽甲東行也。乃立天元一爲圓徑。以半之減於甲東行步。得  
 $\frac{1}{2} \text{ 天元} - \frac{3}{2}$ 。爲中勾。其甲斜行四百二十五步。卽中弦也。再置天元。以半之爲小勾。以中弦乘之。得  
 $\frac{1}{2} \text{ 天元} \times \frac{1}{2} \text{ 中弦}$ 。爲大差多於高弦數也。以加入上位。得下式。 $\frac{1}{2} \text{ 天元} + \frac{1}{2} \text{ 天元}$ 。爲一个大差也。置甲東行。以天元減之。又倍之。得  
 $\frac{1}{2} \text{ 天元} - \frac{1}{2} \text{ 天元}$ 。爲兩個小差。以乘大差。得下  $\frac{1}{2} \text{ 天元} \times \frac{1}{2} \text{ 天元}$ 。爲一段黃方幂。  
內帶中勾 分母。寄左。然後置天元幂。不中勾通之。得  
 $\frac{1}{2} \text{ 天元} - \frac{1}{2} \text{ 天元}$ 。與左相消。得  
 $\frac{1}{2} \text{ 天元} \times \frac{1}{2} \text{ 天元}$ 。開立方。得二百四十步。卽城徑也。合問。

或問出東門。直行不知步數。有槐樹一株。出南門。東行不知步數。有柳樹一株。槐柳斜相距一百五十三步。甲從乾東行三百二十步。望槐柳。與城參直。問答同前。法曰。二行相乘訖。又以乘甲東行幂。又三之。爲從方。甲東行幂內。減兩段二行相乘數。爲第一廉。二之。甲東行爲益二廉。二步常法。開三乘方。得半徑。

草曰立天元一爲半徑以二之減於甲東行得  $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{2}$  爲小差以自之得  $\frac{3}{2}$   $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{2}$  加於甲東行羣復半之得  $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{2}$  爲大弦 內帶小差 分母 又置斜相距步以大勾乘之得  $\frac{3}{2}$   $\frac{1}{2}$  合大弦除不除便以此爲小勾 內帶大弦 分母 乃以天元減甲東行數得  $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{2}$  爲半梯底以乘小勾半梯頭得  $\frac{3}{2}$   $\frac{1}{2}$  爲半徑羣於上此半徑羣內有大弦分母此大弦分母元帶小差分母故先用小差分母以乘上半徑羣得  $\frac{3}{2}$   $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{2}$  爲半徑羣也內只帶本大弦分母寄左然後以大弦乘天元羣得  $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{2}$  爲同數與左相消得下  $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{2}$  開三乘方得一百二十步卽半城徑也合問

或問甲從乾隅東行三百二十步而止丙出東門南行乙出東門直行各不知步數而立甲迴望乙丙悉與城參相直旣而乙就丙斜行三十四步相會問答同前

法曰甲東行再自之於上以二之斜行步乘甲東行羣減上位爲立方實兩段東行羣內減兩段東行斜行相乘數爲益從以甲東行加五 案加五卽加半 爲從廉五分虛隅得全徑

草曰立天元一爲城徑以減於甲東行步得  $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{2}$  爲小差以自之得  $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{2}$  爲小差羣也乃置甲東行羣內加小差羣而半之得  $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{2}$  爲大弦也 內帶小差 分母 又置甲東行羣內減小差羣而半之得  $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{2}$  爲大股也 內帶小差 分母 乃置斜行步在地以大股乘之得  $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{2}$  合

以大弦除之不除而又倍之得  $\frac{三}{四}$   $\frac{三}{四}$  爲梯頭也。即兩個小股・內寄大弦爲母・權寄乃置天元圓徑以半之以小差分母通之得  $\frac{三}{四}$   $\frac{三}{四}$  以減於大股餘得  $\frac{一}{四}$  又倍之得  $\frac{三}{四}$   $\frac{三}{四}$  爲梯底也。即兩個邊股・內以小差分母・內寄大弦及寄左然後以天元自之爲羣以大弦通之又以小差通之得  $\frac{三}{四}$   $\frac{三}{四}$   $\frac{三}{四}$   $\frac{三}{四}$   $\frac{三}{四}$  爲同數與左相消得  $\frac{三}{四}$   $\frac{三}{四}$   $\frac{三}{四}$   $\frac{三}{四}$  開立方得二百四十步卽城徑也合問。

依前問假令東門外有樹乙出東門南行不知步數而立。只云樹去城步少於乙南行步甲從乾隅向東行三百二十步望乙與樹悉與城參相直乙復就樹斜行三十四步到樹問答同前。

法曰甲東行自之又以斜步乘之爲立方實以斜行乘甲東行於上以半段甲東行羣加〔銳案〕當云內減・上位爲從廉空半步常法得勾圓差

草曰別得乙斜行卽車弦也車弦得小勾股卽大股弦較也乃立天元一爲勾圓差以自之爲羣副之上以加於甲東行羣而半之得  $\frac{三}{四}$   $\frac{三}{四}$  爲大弦也寄小差分母下以減於甲東行羣而半之得  $\frac{三}{四}$   $\frac{三}{四}$  爲大股也寄大弦分母又置斜步以大股乘之得  $\frac{三}{四}$   $\frac{三}{四}$  合大弦除不除便以此爲小勾而以通母分通之得  $\frac{三}{四}$   $\frac{三}{四}$  爲同分小勾也寄大弦分母注大股乘時有小差分母今又以齊同之又置斜步以大弦通之得  $\frac{三}{四}$   $\frac{三}{四}$

爲同分小弦也。三位相併得  $\frac{1}{2} \times \frac{1}{2}$ 。爲勾圓差也。寄左。然後置天元以大弦通之。得  $\frac{1}{2} \times \frac{1}{2} + \frac{1}{2}x^2$ 。爲同數。與左相消得。  $\frac{1}{2}x^2 - \frac{1}{2} \times \frac{1}{2}$ 。開立方得八十步。卽勾圓差也。以勾圓差減於甲東行步餘二百四十。卽城徑也。合問。

或問南門外不知步數。有樹甲從乾東行三百二十步而立。乙出西門便南行。望樹及甲與城參相直。却就樹斜行二百五十五步至樹。問答同前。

法曰。二行相乘於上。以半之甲東行乘之爲實。二行相乘於上。又半之甲東行以乘甲東行。加上位爲益。從甲東行爲從廉。一步虛法開立方得半徑。

草曰。立天元一爲半徑。便以爲小勾。其斜行卽小弦也。乃以甲東行爲大勾。以小弦乘之。復以天元除之。得  $\frac{1}{2} \times \frac{1}{2}$ 。卽大弦也。又倍天元減東行餘  $\frac{1}{2} \times \frac{1}{2}$  為小差。以減大弦餘  $\frac{1}{2} \times \frac{1}{2}$ 。爲大股也。又倍天元以減股餘  $\frac{1}{2} \times \frac{1}{2}$  為大差也。却以半小差  $\frac{1}{2} \times \frac{1}{2}$  乘之。得下式  $\frac{1}{2} \times \frac{1}{2}$ 。開立方得一百二十步倍之。卽城徑也。合問。

或問南門外不知步數。有槐樹一株。東門外不知步數。有柳樹一株。槐柳相距二百八十九步。甲從乾東行三百二十步斜望槐柳與城參相直。問答同前。

法曰。二行相乘得數。又自增乘爲實。斜步乘甲東行。又倍之。爲益從。兩行相乘。又倍之。爲益廉。二之斜步爲第二廉。二步常法。開三乘方。得柳至城心步。

草曰。別得柳至城心步。卽甲立處至柳樹步也。立天元一爲柳至城心步加斜步得  $\text{卽} \text{ 二三一}$  爲底弦。以天元乘之。得  $\text{一} \text{ 二三一}$ 。合斜步除。不除。便以此爲底勾。寄斜步 分母乃再置通勾。以斜步乘之。得

$\text{一} \text{ 二三一}$  爲帶母通勾。內減底勾。餘式  $\text{十} \text{ 二三一}$   $\text{一} \text{ 二三一}$ 。爲半徑。以自之。得  $\text{一} \text{ 二三一} \text{ 二三一} \text{ 二三一} \text{ 二三一} \text{ 二三一}$  爲半徑。內帶斜步。分母。寄左。乃以天元減斜步。得  $\text{右} \text{ 二三一}$  爲明弦。以天元乘之。得  $\text{十} \text{ 二三一}$

合斜步除。不除。便以此爲半梯頭。寄斜步 爲母復以底勾半梯底乘之。得  $\text{十} \text{ ○ 二三一}$ 。爲同數。與左相消。得  $\text{一} \text{ 二三一} \text{ 二三一} \text{ 二三一} \text{ 二三一}$ 。開三乘方。得一百三十六步。卽柳至城心步也。合問。

或問甲從乾隅。東行三百二十步而立。乙出城東行。丙出城南行。三人相望。俱與城相直。乙丙共行了一百五十一步。問答同前。

法曰。以甲東行爲纂。折半。又以自之。爲三乘方實。倍共步。加甲東行。以乘半段甲行纂。爲從方。甲行乘共數。爲從廉。甲東行加五。爲第二益廉。二分五釐常法。得小差。

草曰。別得乙丙共行步。卽明股東勾共也。立天元一爲小差。以自之副置二位。上位減於甲東行纂。以天元除之。又折半。得  $\text{○ 二} \text{ 二三一}$ 。卽大股也。下位加甲行纂。以天元除之。又折半。得  $\text{○ 三} \text{ 二三一}$ 。

重。爲大弦也。其甲東行。卽大勾也。併大勾大股得。事。卽大和也。再立天元。以減甲東行步。得。卽圓徑也。以圓徑加共步。得。卽皇極和也。卽小和。又爲高。又倍之。得弦平弦共數。再置大和。卽黃長弦。黃廣弦共也。內減大弦。得下式。爲皇極內小黃方也。亦爲虛弦。以小黃方乘之。得下式。爲。合以小和除之。不除。便以此爲城徑。內寄小和爲母。寄左。然後以天元減甲東行。得。爲大黃方。以小和乘之。得。爲同數。與左相消。得。開三乘方。得八十步。卽小差也。以小差減甲東行。餘二百四十步。卽城徑也。合問。

或問丙出南門東行。乙出東門南行。各不知步數而立。甲從乾隅東行三百二十步。望乙丙。悉與城參。相直。乙就丙斜行一百二步。相會。問答同前。

法曰。甲東行自之。於上倍斜行步。乘之。爲立方實。倍斜行步。乘甲東行。於上加兩段甲東行。爲從。四之甲東行。爲益廉。四爲隅法。得半城徑。

草曰。別得斜步。卽小虛弦。減於全徑。卽小和也。乃立天元一爲半徑。以二之。減於甲東行。得。爲小差也。以自之。得。爲小差。置甲東行。內加小差。而半之。得下。爲。爲大弦。內帶小差分母。置甲東行。內減小差。而半之。得。爲大股也。內亦帶小差。爲母。

又以小差乘大勾得  $\frac{1}{2} \times \frac{1}{2}$  併入大股得  $\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$  為大和也。帶小差母乃先以小弦乘大和。得下  $\frac{1}{2} - \frac{1}{2}$  寄左。次以斜步減於二天元得  $\frac{1}{2} - \frac{1}{2}$  為小和。以乘大弦得下式  $\frac{1}{3} \frac{1}{3} \frac{1}{3}$  為同數與左相消得  $\frac{1}{3} \frac{1}{3} \frac{1}{3}$  開立方得一百二十步卽半城徑也。合問。

依前問假令乙出東門南行丙出南門東行各不知步數而立。只云丙行步多於乙行步甲從乾隅東行三百二十步望乙丙與城參相直其乙丙共行了一百二步問答同前。

法曰倍共步以乘甲東行羣爲立方實共步乘甲東行於上又以甲東行自之加上位爲益從甲東行爲從廉五分虛常法得城徑。

草曰別得共步便爲小弦得小勾小股卽與圓徑同立天元爲城徑以減甲東行得  $\frac{1}{2} \frac{1}{2}$  為小差以自之得  $\frac{1}{2} - \frac{1}{2}$  為小差羣也乃置甲東行以自之爲羣副之上以加小差羣而半之得

○三  $\frac{1}{3} \frac{1}{3} \frac{1}{3}$  為大弦也。

內寄小差  
分母

下以減小差羣而半之得下  $\frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2}$  為大股也。

內寄小差  
分母 乃置共步在地以大股乘之得  $\frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2}$  合大弦除不除便以此爲小股也。

寄大弦  
分母 又置共

步以甲東行乘之得  $\frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2}$  合以大弦除不除便以此爲小勾而又以元分母小差乘之得  $\frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2}$  為同分小勾也。

只寄大弦  
分母

注 其大弦內元帶小差分母其大勾內却無分母故今乘過復以小差通之齊同其分母也

又置共步以大弦通之。