

矿山測量經驗小丛书

第一冊

貫通測量

本社編

測繪出版社

貫通測量方法介

劉福和

一、貫通測量的意義

相向開凿的隧道工程和矿山井巷的貫通，都需有相當精度的測量，并在測量之先，要編制周密的計劃及予先知道貫通巷道結合點最大偏差的數值。這一工作，蘇聯很早以前就這樣做了，無疑，我們也應當這樣做。

目前，貫通測量的設計工作，對於我們矿山測量工作者來說，還是一種新的較生疏的工作。但是，這是蘇聯先進經驗，我們一定要在較短的期間內學會運用它。

有計劃的貫通測量，不僅使結合點的偏差合乎要求，而且在生產組織和經濟核算上，都具有一定的意義和作用，從而避免了測設的盲目性和因測量而造成不應有的損失。為此，必需做出貫通測量設計和精細地進行實測。

二、貫通測量設計

1. 貫通的目的：要做好貫通測量，必需了解貫通目的，因此要根據設計部門的設計寫出。

2. 貫通工程測量的期限：根據貫通工作計劃完成的期限，確定由 $19 \times \times$ 年 \times 月 \times 日～ $19 \times \times$ 年 \times 月 \times 日止。

3. 貫通巷道的地點：由 $\times \times \times$ 水平 $\times \times$ 點～ $\times \times \times$ 水平 $\times \times$ 點。

4. 原始資料：要有貫通水平 $1:200$ 的巷道圖（包括增補測點的位置及其結果）及與貫通地點有關的點的坐標資料。

5. 技术条件：

(1) 精度要求。关于贯通测量的允许偏差，在矿山测量文献中，迄今还没有统一的规定。现在将苏联书中记载的有关相向工作面开凿井巷时中心线偏差的资料介绍如下（见表1）。

表 1

贯通种类	用相向工作面法开凿巷道的名称	容 许 偏 差 (米)	
		水平面上的	竖直面上的
1	2	3	4
第一种	沿导向层开凿的水平运输巷道	—	±0.20
第二种	沿导向层开凿的倾斜巷道	±0.30	—
第三种	在同一矿井中两巷道之间掘进的水平或倾斜运输巷道	±0.30	±0.20
第四种	在两个矿井中开凿的倾斜或水平巷道	±0.50	±0.20
第五种	竖井道	—	—
	1. 按安全断面开凿并同时砌永久井壁的	±0.10	—
	2. 用小断面开掘	±0.30 ~ 0.50	—

上表列举的允许偏差为最大误差，而预计的误差应小于最大误差的三分之一。

$$\text{即 } M_{CP} \leq \frac{1}{3} M_{nP},$$

式中 M_{CP} ——预计误差；

M_{nP} ——上表的允许误差。

(2) 仪器条件：

经緯仪： $i = ?$ $V = ?$ 钢尺： $t = ?$

水准仪： $V = ?$ $L = ?$

t ——为最小读数； V ——仪器放大率；

L ——水准管刻划值。

6. 导线的设计：导线的设计在贯通设计中也是很重要的—项工作。导线设计的好坏，对测量的精度和所需要的测量时间，有着很大的影响。

导线设计的方法，是根据设计部门所交给的设计图纸和设计说明书，在设计的平面图上进行选点，选点的原则，尽量同于井下的选点原则，在不是贯通距离之内的点，应尽量应用原有的点（如图 1）。

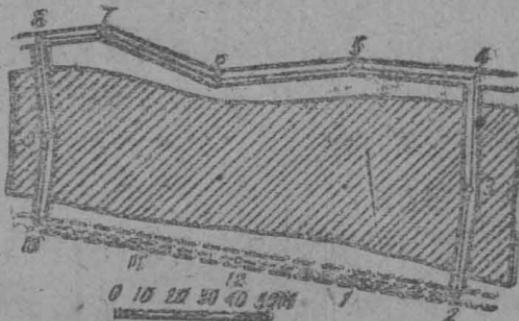


图 1. 在两连络横巷之间掘进巷道

在导线设计完了后，可在图纸上用缩尺和量角器量出各边的边长和各角的角值，并列表进行统计（如表 2）。

表 2

点 号	角 值	距 离
1		
2		
3		
⋮		

7. 测量方法的确定：在贯通测量过程中，测角所用的方

法，經過誤差的分析和比較，復測法是比較好的，所以應該尽量的应用复测法。其复测的次数，要根据工程要求的条件来确定，一般的应用2—3个全复测。关于距离的量測，最好要用往返两次。高程方面的測量，可用变换仪器高，正倒尺法，远距离进行往返測量。

8. 构成貫通測量方向和距离的誤差：

- (1) 垂直于巷道中心綫，在水平方向上的誤差；
- (2) 巷道的底板，在垂直面上的誤差；
- (3) 貫通中心綫上的距离誤差。

以上三种誤差中，前两种对貫通測量具有重要的实际意义，后一种在貫通測量中，只起一些附带作用，为了簡化計算起見，一般的不予計算。

9. 誤差的預計方法：

- (1) 定貫通的軸綫为Y軸，如果貫通軸綫是曲綫时，则可由巷道两端点連綫为Y軸；
- (2) 于适当处做Y軸的垂綫，此綫为X軸；
- (3) 将貫通工作所需要的导綫点投影到XY軸上；

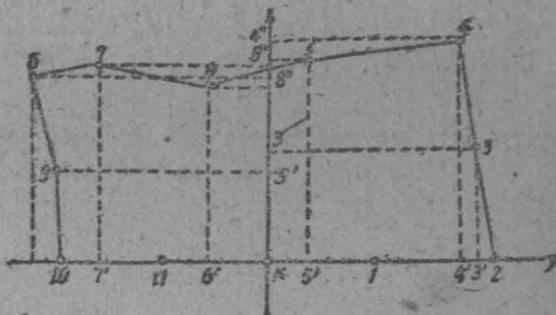


图 2. 由图求K·i……的投影

- (4) 量出結合点K，到各点在Y軸上的投影距离和各边长在X軸上投影。

表 3

边号	距离 (R_s)
$K--1'$	
$K--2'$	
.....	
$K--11'$	

表 4

边号	距离 (S_1)
$K--1''$	
$1--2''$	
.....	
$11--K$	

(5) 誤差的計算：

(一) 水平面方向上的誤差預計。

A. 公式：

$$M_{CP} = \pm \sqrt{M_s^2 + M_s^2 + M_{sA}^2 + M_{sB}^2 + M_{s\perp}^2}$$

式中： M_s ——由導線測角誤差而影响的巷道貫通，在垂直貫穿軸方向，工作面結合點的誤差；

M_s ——由于導線的丈量而影响的巷道，在垂直于貫通軸方向，工作面結合點的誤差；

M_{sA}, M_{sB} ——由于A, B井定向測量差誤而影响的巷道貫通，在垂直貫穿軸方向，工作面結合點的誤差；

$M_{s\perp}$ ——定向所用地表導線測量誤差而影响的巷道貫

通，在垂直貫穿軸方向，工作面結合點的誤差。

上面的 M_{CP} 是指彼此不間接相通的巷道貫通，所以有定向誤差、地表導線測量誤差。如果井下的導線是用一個定向的方向角所計算的，則沒有定向誤差和地表導線誤差，其公式

$$M_{CP} = \pm \sqrt{M_s^2 + M_i^2}.$$

關於定向測量誤差預計和地表導線測量誤差預計是屬於定向設計和導線測量設計，故在這裡不作預算，只預計井下導線由一個定向系統所計算而來。

B. M_s 的計算：

$$(a) \text{ 公式 } M_s = \pm \sqrt{\frac{1}{\rho^{1/2}} \sum R_z^2 m_s^2}$$

式中 R_z ——自貫穿巷道結合點到各導線點的距離在貫穿軸 (Y 軸) 上的投影長度 (見表 4)；

m_s ——測角中誤差；

ρ'' ——弧度 = 206000。

(b) m_s 的計算

$$m_s = \pm \sqrt{m_{s'}^2 + m_i^2}$$

式中： $m_{s'}$ ——是在測角的過程中，由於對點不夠正確所產生的誤差 (即對點誤差)；

m_i ——在測角的過程中，由於照準讀數不夠正確所產生的誤差 (即照準讀數誤差)。

(c) m_i 的計算

$$m_i = \pm \frac{p''l}{ab} \sqrt{a^2 + b^2 - 2ab \cos \beta}$$

式中： β ——角度； a, b ——是 β 角的兩邊長；

l ——歸心偏距，一般不超過 1 毫米，所以預計時可用 1 毫米代替之。

表 5
 m_s^2 的計算表

表 5

点	a	b	a^2	b^2	$ab \cos \beta$	$\frac{\rho'' l}{ab}$	$(\frac{\rho'' l^2}{ab})$	$2a E \cos \beta$	m_s^2	备注
1										
2										
...										

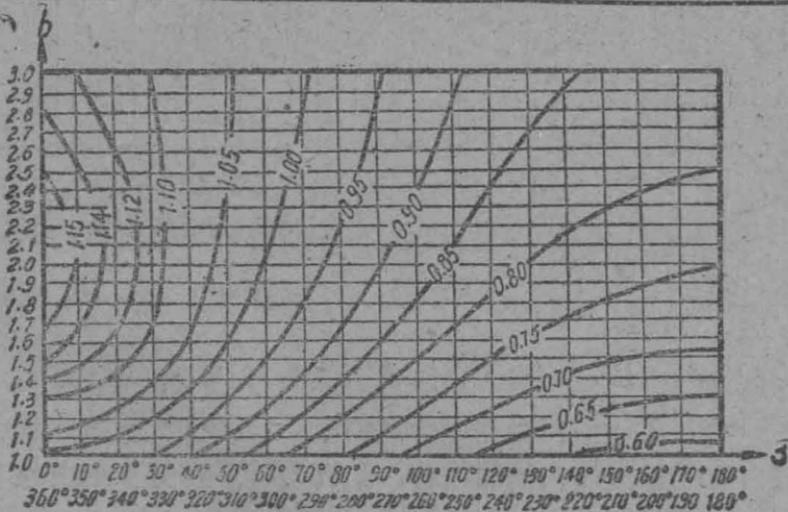
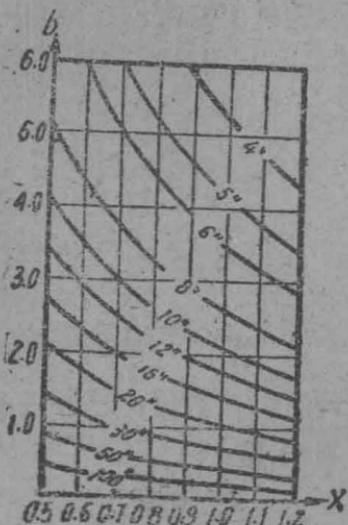
图 3. 求系数 K' 的图表图 4. 求 ' $l=1$ 厘米时，求角度误差 m_s' 之图表

表 6

名 称	a	b	$\frac{a}{b} = b_1$	β	K	m_b'	m_b^2
$K-1-2$							
$1-2-3$							
$2-3-4$							
.....							

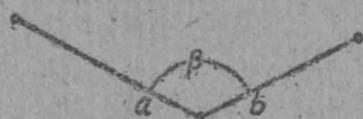


图 5

查表方法說明：

a 、 b 为 β 角的两边，长边
为 a ，短边为 $b_0 - \frac{a}{b} = b_1$ 在垂

直方向的 b_1 ，从 1.0—3.0 之内找出位置。在横綫（即 β 方向），
从 0° — 360° 之内按角值找出一点位置。将豎横所找的位置在
图表內的坐标点处查找曲綫值，此数为 K 。在另一图表的横
綫方向（即 K 的方向）查出 K 值的位置，在豎直方向（即 b 方向），
找出 b 边长度数值的位置，横綫和豎綫所找的位置在图表中的坐标点处查找曲綫值，此曲綫值即为 m_b 。

(d) m_i 的計算

$$m_i = \pm \sqrt{\frac{m_v^2}{n} - \frac{m_u^2}{2n}}$$

式中： m_i ——是照准誤差； $m_v = \frac{60}{V}$ ，如果望远鏡十字絲的
豎絲是双絲时， $m_v = \frac{\omega}{12}$ ，矿山經緯仪 ω 是在 $50''$ — $60''$ 范
围之内。（ ω 是豎絲間隔的角值，以秒表示）；
 m_u ——是讀數誤差；

$$m_u = \pm \frac{0.8t}{\sqrt{2}};$$

n —复次测数。

M 的計算表

表 7

$C_s M_s$ 的計算：

$$M_s^2 = f^2 z \cdot S_1^2$$

式中: f —边长丈量的相对误差, 1:300;

s_1 ——边长在X轴上的投影长度。

M_1 的計算法

卷 8

边号	s_1	s_1^2	f^2	$f_2 s_1^2$
$K-1'$				
$1' - 2'$				
.....				
.....				
Σ				

D. 計算 M_{CP} 是否在允許範圍之內

根据以上的公式計算 M_{CP} 的数据都已得出，則 M_{CP} 可以算出。算出之后要将 M_{CP} 除以 $\sqrt{2}$ ，与允許誤差相比較（因为貫通測量一定要二次測量，所以要被 $\sqrt{2}$ 除）

$\frac{M_{CP}}{\sqrt{2}}$ 是否小于 $\frac{1}{3} M_{np}$ 。

如果 $\frac{M_{CP}}{\sqrt{2}} > \frac{1}{3} M_{nP}$ 或者 $\frac{M_{CP}}{\sqrt{2}}$ 过于小于 $\frac{1}{3} M_{nP}$ 时，皆应采取措施，修改測量設計。

(二) 相向工作面結合点在垂直于水平方向总誤差的預計。

A. 应用几何水准測量和三角高程測量方法的选择。

(a) 几何水准測量总誤差的預計：

$$\text{公式 } M_{CP} = \pm \sqrt{2 \sum_1^n m_v^2 + H_A^2 + H_B^2 + H_L^2}$$

式中： m_v ——照准讀數誤差；

n ——導線的測站數；

H_A, H_B ——是AB标高传递所产生的誤差；

H_L ——是地表導線高程的測量誤差。

上面的公式系指井下水准導線点之标高，不是由一个井传递来的，所以有标高传递誤差和地表水准導線誤差。

标高传递誤差、地表水准導線誤差，是属于标高传递的設計和水准導線測量設計，故在此不作計算，現在仅預算貫通水准導線是由一个井而传递来的。

$$\text{公式 } M_{CP} = \pm \sqrt{2 \sum_1^n m_0^2},$$

$$m_0 = \pm \sqrt{m_V^2 + m_L^2},$$

$$m_V = \frac{60}{\rho''_V} l, \quad m_L = \frac{0.11}{\rho''_L} l.$$

式中 l ——水准仪到水准尺的距离。

当测站布置大致相等时，

$$M_{CP} = m_0 \sqrt{2n}$$

(b) 三角高程測量總誤差的預計。

$$\text{公式 } M_{CP} = \pm \sqrt{\sum_{i=1}^n \left[\left(\frac{m_\delta}{\rho''} l \cos \delta \right)^2 + (m_e \sin \delta)^2 + (m_p^2 + m_K^2) \right] + H_A^2 + H_B^2 + H^2}$$

根據幾何水準誤差預計中 H_A, H_B, H 上不作預計。

$$\text{故 } M_{CP} = \pm \sqrt{\sum_{i=1}^n \left[\left(\frac{m_\delta}{\rho''} l \cos \delta \right)^2 + (m_e \sin \delta)^2 + m_p^2 + m_K^2 \right]},$$

式中 δ ——傾角； m_δ ——垂直角測量誤差；

l ——量測的距離； m_e ——距離的量測誤差；

m_p, m_K ——量測儀器到測站距離和視線與前視錐線的交點到前視點距離的誤差（可各取 1 毫米）

如果導線點布置的大致相等時用下式

$$M_{CP} = \pm \sqrt{n \left[\left(\frac{m_\delta}{\rho} l \cos \delta \right)^2 + (m_e \sin \delta)^2 + m_p^2 + m_K^2 \right]},$$

(c) 应用幾何水準測量和三角高程測量的確定

將幾何水準測量總誤差的預計和三角高程測量總誤差的預計的結果相比較，應用小的。

但一般不是這樣，只看貫通巷道的傾斜程度如何，傾斜大的應用三角高程測量，傾斜小的應用幾何水準測量。如果貫通巷道傾斜大的和傾斜小的都有，且很長時，可分別預計，其最後結果等於兩個各自的平方和開根號。

B. 衡量誤差是否在允許的範圍之內，如果往返測量不符合公式 $\frac{M_{CP}}{\sqrt{2}} \leq \frac{1}{3} M_{np}$ ，則需採取如下措施：

要 9
統計的分析

(a) 减少一些可以减少的测点;

- (b) 改变复测次数;
 - (d) 改换测量方法;
 - (e) 调换仪器。

C. 对施工的要求

- (a) 在实测时一定要按着设计所规定的方法、仪器等，严禁违反设计；
 - (b) 测角时，校验角值与最终平均角值之差，不得超过 $\pm 1.5t$ ；
 - (c) 仪器的对中、照准、仪器到测点的距离、视线上点到测点的距离的量测误差，均不得超过 1 毫米。

三、貫通的實測工作

1. 相向工作面掘进要素的求解：水平或倾斜巷道相向工作面法，在开始测量之前必需计算出各种掘进要素，并按计算的结果进行实测。由图1点2和点10的坐标即可知（用假定坐标即可），计算的要素如下：

方向角公式

$$\operatorname{tg}(2,10) = \frac{Y_{10} - Y_2}{X_{10} - X_2}$$

水平距离公式：

$$\overline{2,10} = \frac{Y_{10} - Y_2}{\sin(2,10)} = \frac{X_{10} - X_2}{\cos(2,10)}$$

倾斜距离公式：

$$2,10 = \sqrt{(X_{10} - X_2)^2 + (Y_{10} - Y_2)^2 + (Z_{10} - Z_2)^2}$$

倾斜角公式:

$$\operatorname{tg} \delta = -\frac{\Delta Z}{Z_{10}}, \text{ 式中 } \Delta Z = Z_{10} - Z_2.$$

指向角公式：

$$a = (2, 3) - (2, 10)$$

$$\beta = (10, 9) - (10, 2)$$

曲线贯通时要素的求解(如图6)。已知AB点的坐标和巷道曲率半径R。

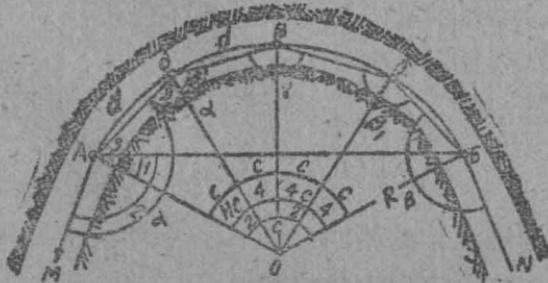


图 6. 用相向工作面掘进圆曲巷道

指向角

$$a = \angle 2 - \angle 1 + \angle 3 = (AM) - (AB) + \frac{3}{8} C$$

$$\angle 2 = (AM) - (AB)$$

$$\angle A = 90^\circ - \frac{1}{2}C, \quad \angle C = 2 \sin \frac{AB}{2R}$$

$$\angle 3 = 90^\circ - \frac{1}{8} C.$$

$$\text{点間の距離 } d = \frac{\sin \frac{1}{4}C}{\sin \angle 3}.$$

2. 直巷道，以相向工作面法掘进要素的求解：

从图 7 中可以看出，垂直巷道相向工作面要素的求解，是要求出 B' 点的位置。它的坐标 (XY) 等于井筒中心 B 点的坐标。

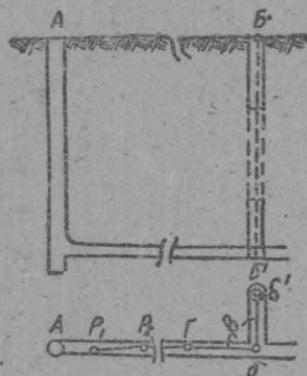


图 7. 相对工作面掘 凿問題的求解

$$\operatorname{tg}(BL) = -\frac{Y_B - Y_{B_0}}{X_B - X_{B_0}}$$

(2) BB' 的距离 $\overline{BB'} =$

$$\frac{Y_B - Y_{B'}}{\sin(LB')} = \frac{Y_B - Y_{B'}}{\cos(BB')}$$

$$\beta = (BE') - (B\alpha)$$

3. 貫通掘進工作的給向

(1) 在水平方向上的給向

如图 8 置仪器于 A 点，后视 B，转动仪器上盘使其成为计算出的 α 角，并在巷道的顶板上（或横梁上）固定一点 1，倒镜从新操作，假设没有误差时，倒镜测的点应与 1 点重合，否则又出现一点 2。

平分 1 和 2 間的距離，找出一點 a_1 ，然后再正倒鏡觀測 $\angle BAa_1$ 。如果此角與計算出的正負差不超過時，則此角的測定結果，即認為滿意。

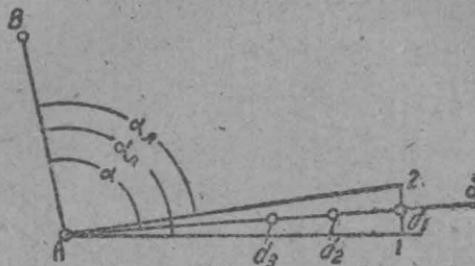


图 8

此后在 a_1A 的連線上再埋設兩點 a_2a_3 ，在 $a_1a_2a_3$ 上各掛吊錘，此時則可以按三線確定掘進的水平方向。

(2) 在垂直面方向上的給向。

關於在垂直面方向上的給向，可藉助於經緯儀導線點來進行。其給向的方法，可採用以下兩種方法：

A. 用水準儀進行給向（用於水平或緩傾斜坑道）。

開始時的給向（腰線）：

(a) 計算出 AB 二點間應

有高差 b_1 ，

公式 $b_1 = L_1 M$ 。如果 AB 二點中間有一點或兩點不在中心線上時，需用以下公式：

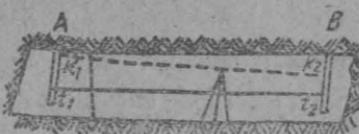


图 9

$$b_1 = M L_1 \cos \alpha$$

式中 L_1 —— A, B 二點間的水平距離；

α ——中心線方向與 AB 方向之間的夾角；

M ——巷道的設計坡度（分子用 1 表示）。

(b) 後視 A 點的水準尺，取讀數 K'_1 ，並由 K'_1 讀數沿水準尺截取一段適當的距離，取讀數 i_1 。

(c) 前視 B 点的水准尺，取讀數 K_2 ，由 K_2 沿尺截取 t_1 —— $K_2 b_2$ 的一段距離，取讀數為 t_2 。

(d) 通過 $t_1 t_2$ 連線，再投影到巷道的帮上（在水平面方向的投影），則為所給的起始腰綫。

(e) 算出腰綫沿鉛垂方向與設計底板的距離，并通知
施工單位。

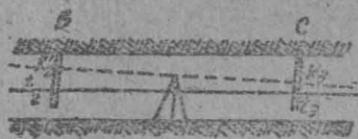


图 10

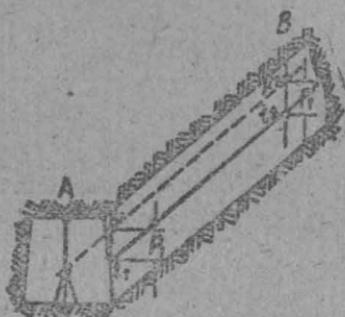


图 11. 开始給高程方面的方向

腰綫的延伸：

(a) 根據公式 $b_2 = L_2 M$ 或者 $b_2 = ML \cos \alpha$ ，算出 BC 間应有的高差。式中 L_2 —— BC 的水平距離。

(b) 置經緯儀于兩點間進行後視，並取讀數 K'_2 。再前視，取水準尺的讀數為 K_2 。

(c) 由 K_2 沿水準截取一段 $t_2 - K'_2 - b_2$ 的距離處，取一讀數為 t_3 （其中 t_2 是用以前記錄的 t_2 值）。

(d) 通過 t_2 和 t_3 的連線，並側投影到巷道的帮上，則此投影的綫即為所給的腰綫。

B. 用經緯儀在垂直面方向上的給向：此法適于測點在貫通中心綫的鉛垂面上（不在中心綫鉛垂面上通過計算也行，但這里不準備敘述，因為一般的貫通巷道的測點皆在中心綫上且計算輕重）。

開始時的給腰綫：

(a) 置經緯儀于 A 点，使儀器垂直度盤的讀數為設計