

丛书主编 汪季明 吴毅松 叶柱

本册主编 陆军



# 优等生兵法

供30%学有余力的学生使用  
比奥数更贴近课堂，比常规教辅更拔高拓展



六年级

校缘题库

# 优等生兵法

丛书主编 汪季明 吴毅松 叶柱

本册主编 陆军

编写 陆军 王秋君 沈丽美

何晓芳 王秋忠 章苗枫

数学 六年级

## 图书在版编目 (CIP) 数据

优等生兵法. 数学. 六年级 / 陆军主编. —上海：  
上海远东出版社，2011  
(校缘题库 / 汪季明，吴毅松，叶柱主编)  
ISBN 978-7-5476-0396-3

I. ①优… II. ①陆… III. ①小学数学课—习题集  
IV. ①G624

中国版本图书馆 CIP 数据核字 (2011) 第 164130 号

责任编辑：王 昊

封面设计：李 廉

## 优等生兵法. 数学 六年级

丛书主编：汪季明 吴毅松 叶 柱

本册主编：陆 军

出 版：上海世纪出版股份有限公司远东出版社

地 址：中国上海市仙霞路 357 号

邮 编：200336

网 址：www.ydbook.com

发 行：新华书店上海发行所 上海远东出版社

印 刷：杭州杭新印务有限公司

版 次：2012 年 1 月第 1 版

印 次：2012 年 1 月第 1 次印刷

开 本：787mm × 1092mm 1/16

字 数：92 千字

印 张：9.25

印 数：1—5100

ISBN 978-7-5476-0396-3/G·282

定价：19.80 元

版权所有 盗版必究 (举报电话：021-62347733)

如发生质量问题，读者可向工厂调换。

订购热线：18968346033

# 目 录

1. 比较分数的大小(1) .....	1
2. 比较分数的大小(2) .....	3
3. 比较分数的大小(3) .....	5
4. 巧妙估值 .....	7
5. 运用定律简算分数 .....	9
6. 分数计算中的巧算(1) .....	11
7. 分数计算中的巧算(2) .....	13
8. 分数计算中的巧算(3) .....	15
9. 分数计算中的巧算(4) .....	17
10. 分数应用中的单位“1” .....	19
11. 解决分数问题——量率对应 .....	21
12. 解决分数问题——转化法 .....	23
13. 解决分数问题——假设法 .....	25
14. 解决分数问题——替换法 .....	27
15. 解决分数问题——逆向思维法 .....	29
16. 解决分数问题——消元法 .....	31
17. 解决分数问题——找不变量 .....	33
18. 解决分数问题——互补法 .....	35
19. 按比例分配问题 .....	37
20. 用比的知识解决问题 .....	39
21. 解决工程问题(1) .....	41
22. 解决工程问题(2) .....	43
23. 解决百分数问题(1) .....	45
24. 解决百分数问题(2) .....	47
25. 解决百分数问题(3) .....	49
26. 纳税、利息的计算 .....	51
27. 溶液的浓度 .....	53
28. 计算平面图形 .....	55

29. 计算圆的周长 .....	57
30. 计算圆的面积(1) .....	59
31. 计算圆的面积(2) .....	61
32. 计算圆和扇形的面积 .....	63
33. 计算立体图形(1) .....	65
34. 计算立体图形(2) .....	67
35. 用正比例和反比例解决问题 .....	69
36. 比例的综合应用 .....	71
37. 解决数码问题 .....	73
38. 解决奇偶问题 .....	75
39. 找规律解决问题 .....	77
40. 抽屉原理(1) .....	79
41. 抽屉原理(2) .....	81
42. 解决最大与最小问题(1) .....	83
43. 解决最大与最小问题(2) .....	85
44. 有趣的不定方程 .....	87
45. 解决钟表问题(1) .....	89
46. 解决钟表问题(2) .....	91
47. 加法原理和乘法原理(1) .....	93
48. 加法原理和乘法原理(2) .....	95
49. 巧妙的推理(1) .....	97
50. 巧妙的推理(2) .....	99
51. 解决博弈问题 .....	101
52. 解决还原问题 .....	103
53. 包含和排除(1) .....	105
54. 包含和排除(2) .....	107
55. 解决牛吃草问题 .....	109
56. 用化归法解题 .....	111
57. 用类比法解题 .....	113
58. 用图表法解题 .....	115
59. 枚举和筛选 .....	117
60. 用代数法解题 .....	119
<b>参考答案 .....</b>	<b>121</b>



## 1. 比较分数的大小 (1)

### 知识导引

分数大小的比较有三种情况：同分母、同分子及不同分母也不同分子，对于同分母或同分子的分数大小的判别相信同学们已经掌握。对于第三种情况的判别比较复杂，今天我们就来研究讨论分子、分母都不同的几个分数如何比较的问题。

### 典型例题

例：将  $\frac{5}{107}$ ,  $\frac{15}{23}$ ,  $\frac{9}{113}$  按从大到小的顺序排列。

### 解题方略

先求分子 5, 9, 15 的最小公倍数，然后利用分数的基本性质，化成同分子分数；最后通过比较分母判别大小。

$$[5, 15, 9] = 45$$

$$\frac{5}{107} = \frac{45}{963}, \quad \frac{15}{23} = \frac{45}{69}, \quad \frac{9}{113} = \frac{45}{565}$$

$$\text{因为 } \frac{45}{69} > \frac{45}{565} > \frac{45}{963}$$

$$\text{所以 } \frac{15}{23} > \frac{9}{113} > \frac{5}{107}$$

### 思路点拨

比较两个不同分母、分子的分数的大小，一般我们可以通过通分，把它们化成同分母分数再进行比较。而当两个分数的分母的最小公倍数比较大，而分子的最小公倍数比较小时，我们可以把它们化成同分子的分数，再比较大小，这种方法比通分的方法简便。注意分子相同的分数分母大的反而小。

### 尝试应用

1. 比较  $\frac{12}{121}$  和  $\frac{36}{205}$  的大小。



2. 将  $\frac{2}{3}$ ,  $\frac{8}{17}$ ,  $\frac{24}{763}$ ,  $\frac{6}{11}$  按从小到大的顺序排列起来。

### 第一关

1. 用“>”号连接下列各组分数。

(1)  $\frac{5}{13}$ ,  $\frac{6}{17}$ ,  $\frac{10}{23}$ ,  $\frac{15}{33}$  ( )

(2)  $\frac{6}{125}$ ,  $\frac{36}{365}$ ,  $\frac{18}{213}$ ,  $\frac{12}{98}$  ( )

2.  $\frac{3}{8}$ ,  $\frac{5}{8}$ ,  $\frac{15}{23}$ ,  $\frac{10}{17}$ ,  $\frac{12}{19}$  这五个分数, 按大小比较, 中间的一个是 ( )。

3. 在  $\frac{4}{7}$ ,  $\frac{12}{25}$ ,  $\frac{30}{149}$ ,  $\frac{5}{9}$  中最大的一个 ( )。

4. 在  $\frac{3}{8} > \frac{5}{\square} > \frac{1}{4}$  中,  $\square$  可以填写哪些整数?



## 2. 比较分数的大小 (2)

### 知识导引

对于分子、分母都不同的分数进行大小比较时，我们已经学会了通分法比较，但有时会遇到一些分数，无论分子还是分母都不简单，这时我们就要需要一种新的方法来比较——倒数法。今天我们就一起来学习这种比较方法。

### 典型例题

例：比较 $\frac{125}{377}$ 和 $\frac{161}{485}$ 的大小。

### 解题方略

先求各个分数的倒数，再通过比较倒数，来判别原分数的大小。

$\frac{125}{377}$ 的倒数是 $3\frac{2}{125}$ ； $\frac{161}{485}$ 的倒数是 $3\frac{2}{161}$ 。

因为 $3\frac{2}{125} > 3\frac{2}{161}$ ，

所以 $\frac{125}{377} < \frac{161}{485}$ 。

### 思路点拨

在比较分数的大小时，如果是几个分子分母都不相同且都比较大的分数时，且这组分数的分母是分子的几倍加几（分母比分子大），那么应用倒数比较法比较大小，就比较简单。需要注意的是，用倒数法比较大小时，倒数越大，原分数就越小，反之则越大。

### 尝试应用

1. 观察分数 $\frac{234}{335}$ 和 $\frac{1789}{1890}$ 有什么共同点？



2. 比较下列各组分数的大小。

$$(1) \frac{222}{2222} \text{ 和 } \frac{2222}{22222}$$

$$(2) \frac{228394}{456789} \text{ 和 } \frac{327160}{654321}$$

### 口算一反思

1. 将下列分数按从大到小的顺序排列。

$$\frac{25}{99}, \frac{58}{198} \text{ 和 } \frac{118}{378}$$

2. 比较下列四个算式的大小。

$$\frac{1}{11} + \frac{1}{33}, \frac{1}{12} + \frac{1}{29}, \frac{1}{14} + \frac{1}{21}, \frac{1}{25} + \frac{1}{13}$$



### 3. 比较分数的大小 (3)

#### 知识导引

对于分子、分母都不同，但都可以写成同一个整数加上（或减去）一个新分数形式的分数，我们在比较时，可以用和（差）比较法。

#### 典型例题

例：比较  $\frac{357}{356}$  和  $\frac{439}{438}$  的大小

#### 解题方略

先把这两个分数写成同一个整数加上一个分数的形式，再通过比较新分数的大小，来确定原分数的大小。

$$\frac{357}{356} = 1 + \frac{1}{356}, \quad \frac{439}{438} = 1 + \frac{1}{438}$$

因为  $\frac{1}{356} > \frac{1}{438}$ ，所以  $1 + \frac{1}{356} > 1 + \frac{1}{438}$

$$\text{因此 } \frac{357}{356} > \frac{439}{438}$$

#### 思路点拨

用和（差）比较法的分数时，应根据分数的特点，将分数写成整数加上（或减去）一个新分数的形式，在比较时，只要比较新分数就可以了。其中对于同一个整数减去一个新分数的形式的题，也可以用我们前面讲到的倒数法进行比较。

#### 尝试应用

1. 比较下列各组数的大小。

$$\frac{395}{397} \text{ 和 } \frac{4377}{4379}$$

$$\frac{788}{785} \text{ 和 } \frac{332}{329}$$



2. 比较分数  $\frac{1111}{111}$  和  $\frac{11111}{1111}$  的大小。

3. 把下列的分数按照从小到大的顺序排列。

$$\frac{1005}{1003}, \frac{29}{27} \text{ 和 } \frac{317}{315}$$

### 举一反三

1. 已知  $A = \frac{451+567 \times 450}{451 \times 567 - 116}$ ,  $B = \frac{450}{451}$ , 试比较  $A$  与  $B$  的大小。

2. 把下列分数按照从小到大的顺序排列。

$$3\frac{1002}{1007}, 3\frac{84}{89}, 3\frac{29}{34}$$



## 4. 巧妙估值

### 知识导引

在生活中，有时会遇到要求计算一个计算过程非常繁琐的准确值，但实际上却根本不需要那么准确的问题，这时我们可以用估算来估计一些事物的数量。这样既可以简化计算，还能在一定的程度上提高解题效率。

### 典型例题

**例：**老师写了 6 个自然数，让同学们计算出它们的平均数（得数保留两位小数）。一位同学算出的答案是 12.32。老师说：“最后一位数字错了，其他都对。”那么，能帮他算算正确答案是多少吗？

### 解题方略

结合老师的话，我们可以知道正确的答案一定是 12.3□。这样我们可以估计出其范围一定在 12.30 与 12.40 之间。有了平均数的范围，也就能算出总数的范围，这样，求出正确答案就容易了。

$12.30 \times 6 = 73.80$ ,  $12.40 \times 6 = 74.40$ , 由于自然数是和一定是整数，所以大于 73.80，小于 74.40 整数只有 74。

$$74 \div 6 = 12.33$$

**答：**正确答案是 12.33。

### 思路点拨

估算常用的技巧是“放大缩小法”，即先对某个数或算式适当地“放大”或“缩小”，确定它的取值范围，再根据其他条件得出结果。当然这里的“放大”或“缩小”要适度，否则就可能无法识别其正确值。如何缩放，需要细细体会。在缩放时，可以先用较大的幅度去试，如果发现太大了，再把幅度调整得小一些，重新估算，从而逐步达到目的。

对于取近似值的方法主要有四舍五入法；去尾法；进一法。

### 实战应用

- 已知 9 个自然数的平均数保留两位小数是  $12.4b$ ，求  $b$  的值。



2. 有 7 个自然数的平均数约等于 30.23，结果发现这个小数的最后一位错了，那么请问正确的近似平均值是多少？

### 举一反三

1. 有一列数，第 1 个数是 100，第 2 个数是 80，从第 3 个数开始，每个数都是它前面两个数的平均数，则第 100 个数的整数部分是多少？
2. 已知  $S = \frac{1}{1991} + \frac{1}{1992} + \dots + \frac{1}{2000}$ ，则 S 的整数部分是多少？
3. 一本书的页码是连续的自然数 1, 2, 3, …，当将这些页码加起来的时候，某个页码被加了两次，得到不正确的结果是 1997，则这个被加了两次的页码是多少？



## 5. 运用定律简算分数

### 知识导引

学习数学离不开计算，做到计算准确而迅速，是学好数学的关键之一。在分数、小数的四则运算中，有时我们可以根据数据的特点，通过对数据合理的分解、合并，改变原来的运算顺序而达到简便计算的目的；有时也可运用四则运算中的性质、定律等规律，使计算简便。

### 典型例题

$$\text{例: } 16 \times \frac{3}{8} + 0.75 \times \frac{8}{15} - \frac{2}{8} \times 16 + \frac{7}{15} \times 0.75$$

### 解题方法

在分数运算中，充分利用运算法则定律，使部分和、差、积商成为整数，从而使简化计算。

$$\begin{aligned}\text{原式} &= 16 \times \left( \frac{3}{8} - \frac{2}{8} \right) + 0.75 \times \left( \frac{8}{15} + \frac{7}{15} \right) \\ &= 16 \times \frac{1}{8} + 0.75 \times 1 \\ &= 2 + 0.75 \\ &= 2.75\end{aligned}$$

### 思路点拨

有些计算题，看起来很复杂，很长，对于这种计算题，我们要先从整体上观察能否凑整，其次要注意加减括号时的变号。这样很多时候能化繁为易，简单计算。

### 尝试应用

计算下面各题。

$$1. \quad [(3\frac{3}{4}+6\frac{1}{3})+(1\frac{1}{4}+8\frac{2}{3})] \times (2-\frac{7}{20})+(1\div\frac{2}{3}-1.5) \times 6.04$$



$$2. (3.81+3\frac{3}{7}+6.19+6\frac{4}{7}) \times (2\frac{3}{8}-1.375) + (1\div\frac{2}{7}-3.5) \times 9.99$$

$$3. 6.8 \times \frac{31}{98} + 4.2 \div 3\frac{5}{31} - 31 \div 98$$

### 举一反三

$$1. \frac{2}{9} \times (9.85 \div \frac{5}{18} + 3.6 - 5.85 \times 3\frac{3}{5})$$

$$2. 19.81 \times 10\% + \frac{1}{2} \times 19.81 + 0.094 \times 1981$$

$$3. 78 \times (\frac{1}{21} - \frac{1}{57}) + 21 \times (\frac{1}{57} + \frac{1}{78}) - 57 \times (\frac{1}{21} - \frac{1}{78})$$



## 6. 分数计算中的巧算 (1)

### 知识导引

对于分数的混合运算，除了掌握计算法则和一些运算的定律与性质外，掌握一些特殊的运算技巧，也是十分必要的，因为这样可以把一些看起来较复杂的四则运算化繁为简，提高运算的正确率和速度。

### 典型例题

例： $1991 \times \frac{1991}{1992}$

### 解题方略

这题如果用分数乘法的计算法则计算，相乘数字较大，容易出错。通过观察，我们不难发现，这个分数很接近整数 1，如果把它写成  $(1 - \frac{1}{1992})$  后再与 1991 相乘，计算就简单多了。

$$\text{原式} = 1991 \times \left(1 - \frac{1}{1992}\right)$$

$$= 1991 - \frac{1991}{1992}$$

$$= 1990 \frac{1}{1992}$$

### 思路点拨

在做计算题时，一定先要观察算式的结构和数的特征，再结合题目特点，灵活运用各种运算定律和性质，选择适当的方法来进行计算。

### 尝试应用

1. 计算： $56 \times \frac{56}{57}$



2. 计算:  $\frac{1003}{1002} \times 999$

3. 计算:  $168\frac{168}{169} \div 168$

### 举一反三

1. 计算:  $2004 \div 2004\frac{2004}{2005}$

2. 计算:  $65\frac{5}{19} \div 8$

3. 计算:  $243\frac{81}{118} \div 27 \times 6\frac{5}{9}$