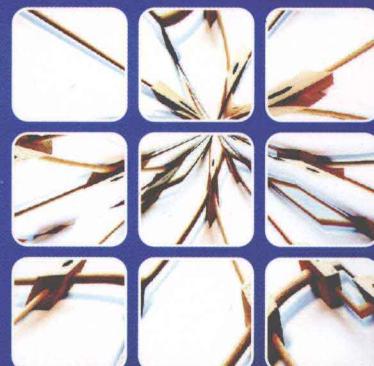




21 世纪全国高校应用人才培养基础课规划教材

概率论与数理统计 (第2版)

黄清龙 阮宏顺 主 编
黄清龙 吴春青 修 订



- 全新修订：内容结构体系更加简明实用
- 激发兴趣：生活案例有机融入理论讲解
- 全面提升：254道不同类型习题方便教学



北京大学出版社
PEKING UNIVERSITY PRESS

21 世纪全国高校应用人才培养基础课规划教材

概率论与数理统计(第 2 版)

黄清龙 阮宏顺 主 编

吴春青 石澄贤 副主编

黄清龙 吴春青 修 订



北京大学出版社
PEKING UNIVERSITY PRESS

内 容 简 介

本书系统地介绍了概率论与数理统计的基本内容，包括随机事件与概率、随机变量及其分布、随机向量、随机变量的数字特征、大数定律与中心极限定理、抽样和抽样分布、参数估计、假设检验、方差分析与回归分析。面对高等教育大众化趋势，本书侧重于基本概念、基本理论和方法，尽量做到内容叙述详细，语言表达通俗易懂，不刻意追求理论深度和解题技巧；通过具体而有趣的实例表述概率统计的基本概念和思想方法，通过较多的例题阐明用概率统计方法分析和解决问题的思路和步骤，启发学生学习兴趣，培养学生分析问题和解决问题的能力。本书还介绍了 MATLAB 的统计功能与应用。

本书可作为高等学校工科、理科(非数学类)及经济管理类各专业的教材、教学参考书或考研参考资料，也可供工程技术人员、管理人员和自学者参考。

图书在版编目(CIP)数据

概率论与数理统计/黄清龙，阮宏顺主编. —2 版. —北京：北京大学出版社，2011.7
(21 世纪全国高校应用人才培养基础课规划教材)

ISBN 978-7-301-19170-5

I. ①概… II. ①黄…②阮… III. ①概率论—高等学校—教材②数理统计—高等学校—教材
IV. ①O21

中国版本图书馆 CIP 数据核字(2011)第 125193 号

书 名：概率论与数理统计(第 2 版)

著作责任者：黄清龙 阮宏顺 主编

责任 编辑：魏红梅

标 准 书 号：ISBN 978-7-301-19170-5/O · 0847

出 版 者：北京大学出版社

地 址：北京市海淀区成府路 205 号 100871

网 址：<http://www.pup.cn> <http://www.pup6.com>

电 话：邮购部 62752015 发行部 62750672 编辑部 62750667 出版部 62754962

电 子 邮 箱：pup_6@163.com

印 刷 者：北京富生印刷厂

发 行 者：北京大学出版社

经 销 者：新华书店

787 毫米×980 毫米 16 开本 15 印张 310 千字

2005 年 8 月第 1 版 2011 年 7 月第 2 版 2011 年 9 月第 2 次印刷

定 价：28.00 元

未经许可，不得以任何方式复制或抄袭本书之部分或全部内容。

版 权 所 有，侵 权 必 究

举 报 电 话：010-62752024

电子邮箱：fd@pup.pku.edu.cn

第2版前言

本书参照原国家教委工科数学课程教学指导委员会审订的《概率论与数理统计课程教学基本要求》和近年来《全国硕士研究生入学统一考试——数学考试大纲》的基本要求编写。

本书着重介绍概率论的基本概念、基本理论以及常用的数理统计方法。在编写本书时，编者力求做到取材适当，概念清晰，注重理论联系实际。为使目前工科数学教学内容存在经典理论过多而现代知识不足的现状有所改观，并提高学生运用数理统计方法的能力，编者首先是在概念的引入上尽量通过具体实例或学生已有的知识引入概念，逐步培养学生从实际问题归纳和抽象数学问题，即数学建模的能力。在例题中，先分析题意，通过分析将具体例题归结为相应的概率统计问题然后再计算。通过这样的训练，使学生了解并逐渐掌握用概率统计的理论和方法解题(进一步地解决实际问题)的思想方法和步骤，以培养学生分析问题、解决问题的能力。同时在保证理论系统性的基础上，尽可能通过解决实际问题的例子，提高学生学习兴趣，激发学生的求知欲望，培养学生的创新和创造性思维能力。

本书第一部分为概率论，包括第1章～第5章，主要讨论随机事件与概率、随机变量及其分布、随机向量、随机变量的数字特征、大数定律与中心极限定理；第二部分为数理统计，包括第6章～第9章，主要讨论抽样和抽样分布、参数估计、假设检验、方差分析与回归分析。面对高校扩招后高等教育大众化趋势，在编写本书时侧重于基本概念、基本理论和基本方法，尽量做到内容叙述详细，语言表达通俗易懂，不刻意追求解题技巧。本书例题较多，书末还附有习题答案与提示，便于学生自学。

面对计算机应用和数学软件的普及，本书将 MATLAB 引入概率统计教学。MATLAB 是集计算、可视化和编程等功能于一身的最流行的科学和工程计算软件之一。在附录2介绍了 MATLAB 的统计功能与应用，目的是希望把计算机应用与概率统计教学有机地结合起来，把数学软件与运用概率统计方法解决实际问题结合起来。

本书第1版由黄清龙、阮宏顺、吴春青、石澄贤编写，由黄清龙统稿。第2版由黄清龙、吴春青修订。

本书第2版基本保持了第1版的框架结构，本次主要修订了以下几点。

- (1) 在每一章开始部分，增加教学目标和教学要求以及导入案例、引言。

(2) 调整部分习题，对1~8章的习题在原有解答题的基础上，增加了选择题与填空题。

(3) 增加条件分布的内容和少量例题。

(4) 在每一章末增加“本章小结”。

(5) 修改了第1版在使用过程中发现的一些错漏。

限于编者水平，通过这次修订书中还难免存在不妥甚至谬误之处，恳请广大读者批评指正。

本书在编写过程中得到了吴建成教授和徐明华教授的许多鼓励和帮助，在此我们深表谢意！

本书配有详细的习题解答，有意索取的老师请和出版社取得联系，联系方式：
pup_6@163.com，也可以直接登录 <http://www.pup6.com> 下载。

编 者

2011年5月

目 录

第一部分 概率论

第1章 随机事件与概率	3
1.1 随机事件	4
1.1.1 随机试验与样本空间	4
1.1.2 随机事件	5
1.1.3 事件间的关系和运算	6
1.2 事件的概率	10
1.2.1 概率的统计定义及性质	10
1.2.2 概率的古典定义	11
1.2.3 几何概率	13
1.2.4 概率的公理化定义	14
1.3 概率的加法公式	15
1.4 条件概率与乘法公式	18
1.4.1 条件概率	18
1.4.2 概率的乘法公式	19
1.5 全概率公式与贝叶斯公式	20
1.5.1 全概率公式	20
1.5.2 贝叶斯(Bayes)公式	22
1.6 事件的独立性与伯努利概型	24
1.6.1 事件的独立性	24
1.6.2 伯努利概型	26
习题一	29
第一部分 解答题	29
第二部分 选择题与填空题	32
第2章 随机变量及其分布	35
2.1 随机变量的概念	37
2.2 离散型随机变量	38

2.2.1 分布列的概念与性质	38
2.2.2 几种常见的离散型分布	39
2.3 连续型随机变量	43
2.3.1 连续型随机变量的 概率密度函数	44
2.3.2 几种常见的连续型分布	45
2.4 分布函数	48
2.4.1 分布函数的概念	48
2.4.2 分布函数的性质	49
2.4.3 正态分布的概率计算	52
2.5 随机变量函数的分布	55
2.5.1 离散型随机变量的函数的 分布	55
2.5.2 连续型随机变量的函数的 分布	56
习题二	59
第一部分 解答题	59
第二部分 选择题与填空题	62
第3章 随机向量	66
3.1 随机向量的联合分布	68
3.1.1 联合分布函数	68
3.1.2 二维离散型随机向量及 其联合分布列	69
3.1.3 二维连续型随机向量及 其联合密度函数	69
3.2 边缘分布与随机变量的独立性及 条件分布	73

3.2.1 边缘分布	73
3.2.2 随机变量的独立性	76
3.2.3 条件分布	80
3.3 两个随机变量的函数的分布	84
3.3.1 离散型情形的举例	84
3.3.2 连续型情形的举例	85
习题三	90
第一部分 解答题	90
第二部分 选择题与填空题	92
第4章 随机变量的数字特征	96
4.1 数学期望	98
4.1.1 数学期望的概念	98
4.1.2 随机变量函数的 数学期望	100
4.1.3 数学期望的性质	103
4.2 方差	104
4.2.1 方差的概念	104
4.2.2 方差的性质	106
4.3 矩、协方差和相关系数	107
4.3.1 矩	107
4.3.2 协方差和相关系数	107
习题四	111
第一部分 解答题	111
第二部分 选择题与填空题	113
第5章 大数定律与中心极限定理.....	115
5.1 大数定律	117
5.1.1 契比雪夫不等式	117
5.1.2 大数定律	117
5.2 中心极限定理	119
习题五	122
第一部分 解答题	122
第二部分 选择题与填空题	123

第二部分 数理统计

第6章 抽样和抽样分布	127
6.1 总体与样本	129
6.2 统计量	130
6.3 抽样分布	131
习题六	138
第一部分 解答题	138
第二部分 选择题与填空题	139
第7章 参数估计	141
7.1 参数的点估计	143
7.1.1 矩估计法	143
7.1.2 极大似然估计法	145
7.2 估计量的评价标准	150
7.2.1 无偏性	150
7.2.2 有效性	151
7.2.3 一致性	152
7.3 区间估计	153
习题七	160
第一部分 解答题	160
第二部分 选择题与填空题	163
第8章 假设检验	165
8.1 假设检验的基本概念	166
8.1.1 假设检验的概念	166
8.1.2 两类错误	168
8.2 正态总体均值的假设检验	168
8.2.1 单个总体 $N(\mu, \sigma^2)$ 的 均值 μ 的检验	168
8.2.2 两个正态总体均值差的 检验	170
8.3 正态总体方差的假设检验	171
8.3.1 单个正态总体方差 σ^2 的 检验—— χ^2 检验	171



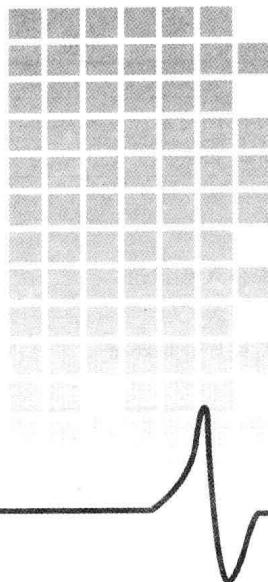
8.3.2 两个正态总体方差相等的检验—— F 检验	172
习题八	174
第一部分 解答题	174
第二部分 选择题与填空题	175
第 9 章 方差分析与回归分析	177
9.1 一元方差分析	178
9.2 一元线性回归	184
9.2.1 一元线性回归方程的概念	184
9.2.2 对 a, b 的估计	185
9.2.3 σ^2 的估计	187
9.3 一元线性回归中的假设检验和预测	188
9.3.1 线性假设的显著性检验	188
9.3.2 预测	189
习题九	191
附录 1 排列与组合	194
附录 2 MATLAB 在概率统计中的应用	197
附录 3 标准正态分布表	204
附录 4 泊松分布表	206
附录 5 t 分布表	208
附录 6 χ^2 分布表	210
附录 7 F 分布表	213
习题答案与提示	218
参考文献	231

第一部分 概 率 论

在自然界和人类社会中，有一类现象是具有确定性的。例如，切断电源，电灯一定熄灭；在一个标准大气压下纯净的水加热到 100°C 必然沸腾；同性电荷必然互相排斥。但是也常常会遇到另一类现象，即在一定条件下有多种可能的结果，但到底出现哪一个结果是带有偶然性的。例如，在桌面上抛掷一枚硬币，其结果可能是正面向上也可能是反面向上；医院中的产妇可能生男孩，也可能生女孩；在一大批同类产品中任意抽取一件，抽到的可能是合格品，也可能是次品。诸如此类现象只有在观察后才能知道它的结果，事先不能预知这种现象的具体结果，这种现象叫做随机现象。

对于随机现象的一次具体观察，事先并不能预知其结果，但在大量重复试验或观察中，它的结果却呈现某种客观规律性。比如就在桌面上抛掷一次硬币而言，出现正面向上或反面向上完全是偶然的。但是在相同条件下多次抛掷同一枚匀称硬币，就会发现“出现正面向上”或“出现反面向上”的次数大约各占总抛掷次数的 $1/2$ 左右。又如就投一次篮球而言，NBA 球星和非职业球员都有可能投进也可能投不进，但是在相同条件下各多次投篮，几乎肯定是 NBA 球星进球的比例高。

概率论就是研究随机现象内部蕴含的数量规律性的一门数学学科，也是现代数学的一个重要分支。它的思想、理论和方法在自然科学、社会科学、工农业生产实践、工程技术、公用事业、经济管理和军事等领域有着广泛的应用。概率论是各类专业技术人员和管理工作者必不可少的专业基础知识。



第1章

随机事件与概率

教学目标

- 理解随机现象、随机试验和随机事件的概念。
- 掌握事件之间的关系和运算。
- 理解概率的定义和条件概率的概念，掌握概率的基本性质。
- 理解事件的相互对立、互不相容与相互独立三者的联系和区别。
- 掌握概率的几个基本公式加法公式、乘法公式、全概率公式、贝叶斯公式。

教学要求

知识要点	能力要求	相关知识
基本概念	(1) 理解随机现象、随机试验和随机事件的概念 (2) 理解概率的定义和条件概率的概念 (3) 理解事件的相互对立、互不相容与相互独立三者的联系和区别	(1) 随机现象、随机试验和随机事件的概念 (2) 概率的定义 (3) 条件概率的定义 (4) 事件的相互对立、互不相容与相互独立

续表

知识要点	能力要求	相关知识
事件之间的运算和运算律	(1) 掌握事件之间的关系 (2) 掌握事件运算及运算律	(1) 事件之间的各种关系 (2) 事件运算及运算律
概率的计算与概率基本公式	(1) 掌握古典概率计算 (2) 掌握几何概率计算 (3) 熟记概率基本公式并会应用	(1) 古典概率的计算 (2) 几何概率的计算 (3) 概率的加法公式及推论 (4) 概率的乘法公式 (5) 全概率公式与贝叶斯公式 (6) 二项概率公式

■ 导入案例

问题1: 银行信用卡的密码由0~9这10个字符组成的6位字符串构成,某人无意中拾得一张信用卡,他能一次就正确输入其密码的可能性有多大?

问题2: 两人相约8点到9点之间在某地会面,先到者等候20分钟后即离去,试问此两人能会面的可能性有多大?

在上述问题中,“一次就能正确输入密码”和“两人能会面”都是可能发生也可能不发生的事情,通俗地讲,把这种可能发生也可能不发生的事叫“随机事件”,那么在概率论中怎么定义随机事件?又怎么度量随机事件发生的可能性大小?

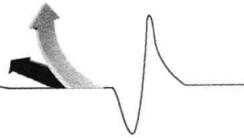
■ 本章引言

从投硬币、掷骰子和摸扑克等简单的机会游戏,到复杂的社会现象;从婴儿的诞生,到世间万物的繁衍生息;从流星陨落,到大自然的千变万化……我们无时无刻不面对随机现象。要研究随机现象蕴含的数量规律性,首先要讨论随机事件及其概率。本章先讨论随机事件的定义,介绍随机事件的关系和运算,给出概率的统计学定义、古典概率定义、几何概率定义、公理化定义及条件概率定义,然后讨论概率的加法公式及推论、概率的乘法公式、全概率公式与贝叶斯公式、二项概率公式等概率基本公式。

1.1 随机事件

1.1.1 随机试验与样本空间

为了研究随机现象,就要进行实验或对随机现象进行观察。这种实验或观察的过程称为**随机试验**。概率论里所研究的随机试验具有下面两个特征:



(1) 可以在完全相同的条件下重复进行；

(2) 试验会出现哪些可能的结果在试验前是已知的，但每次试验究竟会出现哪一个结果在试验前是无法准确预知的。

在随机试验中，每一个可能出现的不可再分解的最简单的结果称为随机试验的**基本事件或样本点**；由全体基本事件构成的集合称为**基本事件空间或样本空间**，样本空间通常用 Ω 表示。

例 1-1 抛掷一枚匀称的硬币，观察正反面向上出现的情况，这就是一个随机试验。试验可能的结果有两个：“正面向上”，“反面向上”。这两个结果对应于该随机试验的两个基本事件，即这个试验的样本空间可表示为 $\Omega = \{\text{正}, \text{反}\}$ 。

例 1-2 射击环靶的试验，用 ω_i 表示“击中 i 环”，则 $\omega_i (i=0, 1, 2, \dots, 10)$ 为这个试验的全体基本事件，样本空间 $\Omega = \{\omega_0, \omega_1, \omega_2, \dots, \omega_{10}\}$ 。

例 1-3 记录某电话总机在一天内接到呼唤的次数，是一个随机试验。试验结果(接到呼唤的次数)可能值为所有的非负整数(因为难以规定一个呼唤次数的上界)。所以样本空间 $\Omega = \{0, 1, 2, \dots, n, \dots\}$ 。

例 1-4 掷一颗骰子，观察出现的点数。用 ω_i 表示“出现 i 点”，则 $\omega_i (i=1, 2, 3, 4, 5, 6)$ 为这个试验的全体基本事件。这个随机试验的样本空间 $\Omega = \{\omega_1, \omega_2, \omega_3, \omega_4, \omega_5, \omega_6\}$ 。

1.1.2 随机事件

在随机试验中可能发生也可能不发生的事件称为**随机事件**，简称**事件**。事件常用大写英文字母 A, B, C, \dots 表示。

例如前面例 1-1 中，“正面向上”在一次试验中是可能发生也可能不发生的，是随机事件，同样的道理，“反面向上”也是随机事件。

事实上随机试验中的每个基本结果(基本事件)都是随机事件。比如例 4 中“出现 1 点”即 ω_1 是可能发生，也可能不发生的(因可能出现其他点数而未必是 1 点)，故基本事件 ω_1 是随机事件。

但随机事件也可以是由多个基本事件(或多个样本点)组合而成的，这种随机事件叫**复合事件**。比如在例 1-4 的随机试验中，“出现点数大于 4”(记成 B)和“出现的点数为奇数”(记成 C)也是可能发生也可能不发生的事件，所以 B, C 都是随机事件。但事件 B 由“出现 5 点”(即 ω_5)和“出现 6 点”(即 ω_6)两个基本事件构成，即 $B = \{\omega_5, \omega_6\}$ ，故事件 B 为复合事件。同样的道理， $C = \{\omega_1, \omega_3, \omega_5\}$ ，所以事件 C 也是复合事件。

作为极端情况，把每次试验中都必然出现的事件称为**必然事件**；把每次试验中都不

可能发生的事件称为**不可能事件**。例如掷一颗骰子，“出现点数大于7”和“出现点数既是奇数又是偶数”都是不可能事件，“出现点数小于8”则是必然事件。

通常随机事件可为一个基本事件或复合事件(由多个基本事件组合而成)，即随机事件对应于一个样本点或多个样本点，因此任一随机事件都可以看成是样本空间 Ω 的一个子集，而且该随机事件发生，当且仅当这个随机事件对应的子集中包含的某个基本事件发生。

特别的，必然事件对应样本空间 Ω ，不可能事件对应空集 \emptyset (当然 \emptyset 和 Ω 也是 Ω 的子集)。本书中用 Ω 表示必然事件，用 \emptyset 表示不可能事件。

1.1.3 事件间的关系和运算

弄清事件之间的关系和运算对于推导公式、计算概率都有很大的方便。

1. 事件的包含与相等

定义 如果事件 A 发生必然导致事件 B 发生，则称事件 B 包含事件 A ，或事件 A 包含于事件 B ，记作 $B \supset A$ 或 $A \subset B$ 。这种关系如图1.1所示。

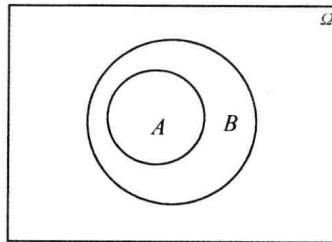


图 1.1

例如，在验收机械零件时，设 A 表示“尺寸不合格”， B 表示“零件不合格”，则 $A \subset B$ 。

定义 若事件 B 包含事件 A ，同时事件 A 又包含事件 B ，则称事件 A 与事件 B 相等，记作 $A = B$ 。

2. 事件的和

定义 “事件 A 与事件 B 中至少有一个发生”也是一个随机事件，称之为事件 A 与事件 B 的**和(或和事件)**，记作 $A+B$ 或 $A \cup B$ 。

A 与 B 的和如图1.2中的阴影部分所示。

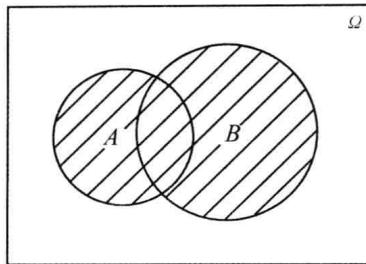
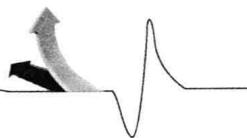


图 1.2

例如，在验收机械零件时，规定只要尺寸和粗糙度有一不合格则零件就不合格，则“零件不合格”(用 C 表示)就是“尺寸不合格”(用 A 表示)与“粗糙度不合格”(用 B 表示)的和，即 $C = A + B$ 。

一般地，称“事件 A_1, A_2, \dots, A_n 中至少有一个发生”为事件 A_1, A_2, \dots, A_n 的和，记作 $A_1 + A_2 + \dots + A_n$ 或 $\sum_{i=1}^n A_i$ 或 $\bigcup_{i=1}^n A_i$ 。

3. 事件的积

定义 “事件 A 与事件 B 同时发生”也是一个随机事件，称为事件 A 与事件 B 的积(或积事件)，记作 AB 或 $A \cap B$ 。 A 与 B 的积如图 1.3 中的阴影部分所示。

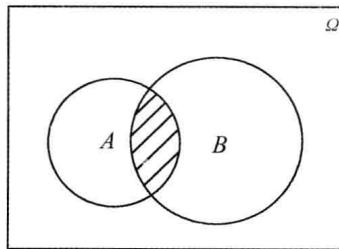


图 1.3

例如，在验收机械零件时，规定其尺寸和粗糙度都合格才算合格品，则“零件合格”(用 C 表示)就是“尺寸合格”(用 A 表示)与“粗糙度合格”(用 B 表示)的积。即 $C = AB$ 。

类似地，“事件 A_1, A_2, \dots, A_n 同时发生”这个事件称为事件 A_1, A_2, \dots, A_n 的积，记作 $A_1 A_2 \cdots A_n$ 或 $\prod_{i=1}^n A_i$ 。

4. 互不相容事件与对立事件

定义 如果两个事件 A 与 B 不能同时发生, 即“ A 与 B 同时发生”是不可能事件: $AB = \emptyset$, 则称事件 A 与 B 互不相容(或互斥)。

这时事件 A 与事件 B 对应的集合没有公共元素(样本点), 如图 1.4 所示。

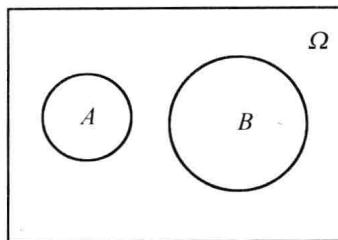


图 1.4

如果 A_1, A_2, \dots, A_n 中任两事件互不相容, 则称 A_1, A_2, \dots, A_n 为两两互斥(或两两互不相容)。

定义 如果事件 A 与事件 B 必有一个发生且仅有一个发生, 即 $A + B = \Omega$, $AB = \emptyset$, 则称事件 A 与 B 互为对立事件(或逆事件)。记作 $A = \bar{B}$ 或 $B = \bar{A}$, 读作 A 为 B 的对立事件或 B 为 A 的对立事件。 A 的对立事件 \bar{A} 如图 1.5 所示的阴影部分所示。

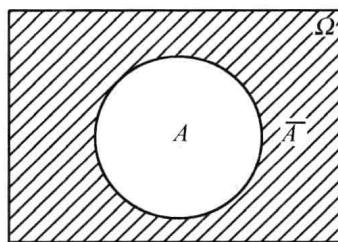


图 1.5

例如, 掷一颗骰子, 设 A 表示“出现偶数点”, B 表示“出现 3 点”, C 表示“出现奇数点”, 则 A 与 B 互不相容, A 与 C 互不相容, 而且 A 与 C 互为对立事件。但 B 与 C 是相容的。

5. 事件的差

定义 “事件 A 发生而事件 B 不发生”称为事件 A 与事件 B 的差, 记作 $A - B$ 。事件 A 与 B 的差如图 1.6 中的阴影部分所示。

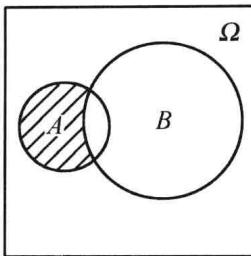
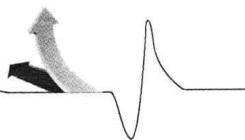


图 1.6

例如，掷一颗骰子，设 A 表示“出现偶数点”， B 表示“出现的点数超过 3”，则 $A - B$ 表示出现的点数为偶数但又不超过 3，即“出现 2 点”。

随机事件可以看成是样本空间 Ω 的子集，事件之间的关系和运算与集合论中集合之间的关系和运算也是完全一致的，因而事件之间的关系和运算具有下列性质。

- (1) 交换律 $A + B = B + A$; $AB = BA$ 。
- (2) 结合律 $A + (B + C) = (A + B) + C$; $A(BC) = (AB)C$ 。
- (3) 分配律 $A(B + C) = AB + AC$; $A \cup (BC) = (A \cup B)(A \cup C)$ 。
- (4) 摩根法则 $\overline{A + B} = \overline{A}\overline{B}$; $\overline{AB} = \overline{A} + \overline{B}$ 。

此外还有 $A + B \supset A$, $A + B \supset B$, $AB \subset A$, $AB \subset B$

$$A\Omega = A, \quad \Phi A = \Phi, \quad \overline{A} = A, \quad A - B = A\overline{B}.$$

若 $A \subset B$ ，则 $A + B = B$, $AB = A$ 。

对于 n 个事件 $A_i (i=1, 2, \dots, n)$ 有

$$\begin{aligned} \overline{A_1 + A_2 + \dots + A_n} &= \overline{A_1}\overline{A_2} \dots \overline{A_n} \\ \overline{A_1 A_2 \dots A_n} &= \overline{A_1} + \overline{A_2} + \dots + \overline{A_n} \end{aligned}$$

例 1-5 向指定的目标射击两枪，以 A_1, A_2 分别表示第一枪击中目标、第二枪击中目标，试用 A_1, A_2 及它们的逆事件表示以下各事件。

- (1) 两枪都击中目标；
- (2) 两枪都没有击中目标；
- (3) 恰有一枪击中目标；
- (4) 至少有一枪击中目标。

解 (1) 只有 A_1, A_2 同时出现时，事件(1)才出现，故“两枪都击中目标” = $A_1 A_2$ 。

(2) 由题设知， \overline{A}_1 ， \overline{A}_2 分别表示第一枪没击中目标、第二枪没击中目标，故“两枪都没击中目标” = $\overline{A}_1 \overline{A}_2$ 。