



全国一级注册结构工程师
执业资格考试

基础考试 考前30天 冲刺



郝莉 邓思华 主编



中国电力出版社
CHINA ELECTRIC POWER PRESS

2011

全国一级注册结构工程师执业资格考试 基础考试 考前30天冲刺

本书按照国家最新规范和现行全国勘察设计注册工程师资格考试公共基础考试大纲编写而成，包括了18门基础考试课程的全部考试内容，其中前28天是18门基础考试课程的独立训练，每一天的内容分为今日考点、今日训练以及答案与提示三部分。今日考点为考生指明了考核的各级知识点；今日训练精选了全面覆盖各级考核知识点、难度适中的练习题；答案与提示给出了正确答案及解题思路或简单求解过程。本书第29天和第30天是按考试题型、题量、时间设计的全真模拟试卷，供考生全面复习后自我测试，帮助考生及早进入应试状态。

本书融合了考试培训权威专家的经验 and 研究成果，并参考了历年考生的反馈意见，具有较强的指导性和实用性，能成为考生应试的得力助手，是参加注册结构工程师执业资格基础考试人员的必备参考书。

ISBN 978-7-5123-1614-0



9 787512 316140 >

定价：88.00元

2011

全国一级注册结构工程师执业资格考试

基础考试

考前30天冲刺

郝 莉 邓思华 主编

内 容 提 要

本书按照国家最新规范和现行全国勘察设计注册工程师资格考试公共基础考试大纲编写而成,包括了18门基础考试课程的全部考试内容,其中前28天是18门基础考试课程的独立训练,每一天的内容分为今日考点、今日训练以及答案与提示三部分。今日考点为考生指明了考核的各级知识点;今日训练精选了全面覆盖各级考核知识点、难度适中的练习题;答案与提示给出了正确答案及解题思路或简单求解过程。本书第29天和第30天是按考试题型、题量、时间设计的全真模拟试卷,供考生全面复习后自我测试,帮助考生及早进入应试状态。

本书融合了考试培训权威专家的经验 and 研究成果,并参考了历年考生的反馈意见,具有较强的指导性和实用性,能成为考生应试的得力助手,是参加注册结构工程师执业资格基础考试人员的必备参考书。

图书在版编目(CIP)数据

2011 全国一级注册结构工程师执业资格考试基础考试考前 30 天冲刺/
郝莉, 邓思华主编. —北京: 中国电力出版社, 2011. 5

ISBN 978 - 7 - 5123 - 1614 - 0

I. ①2… II. ①郝… ②邓… III. ①建筑结构 - 工程师 - 资格考核 -
自学参考资料 IV. ①TU3

中国版本图书馆 CIP 数据核字 (2011) 第 076206 号

中国电力出版社出版发行

北京市东城区北京站西街 19 号 100005 [http: //www. cepp. sgcc. com. cn](http://www.cepp.sgcc.com.cn)

责任编辑: 梁 瑶 电话: 010 - 63412605

责任印制: 郭华清 责任校对: 常燕昆

航远印刷有限公司印刷·各地新华书店经售

2011 年 6 月第 1 版·第 1 次印刷

787mm × 1092mm 1/16 · 36. 75 印张 · 909 千字

定价: 88.00 元

敬告读者

本书封面贴有防伪标签, 加热后中心图案消失

本书如有印装质量问题, 我社发行部负责退换

版权专有 翻印必究

本社购书热线电话 (010 - 88386685)

前 言

针对全国一级注册结构工程师执业资格基础考试的特点，编者根据全国勘察设计注册工程师资格考试公共基础考试大纲编写了本书。在编写过程中编者总结了多年的考试培训经验，广泛征求了 2005 ~ 2010 年考生的意见，并分析了历年的考试题型，其目的是帮助广大考生提高应试能力。

全国一级注册结构工程师基础考试要求的内容包含 18 门课程，分上、下午两部分考试，其中上午段考试内容覆盖 10 个科目，分别为高等数学 24 题、普通物理 12 题、普通化学 10 题、理论力学 12 题、材料力学 12 题、流体力学 8 题、电气与信息 18 题、计算机应用基础 10 题、工程经济基础 8 题和法律法规 6 题，合计 120 题，每题 1 分，考试时间为 4 小时；下午段考试内容覆盖 8 个科目，分别为土木工程材料 7 题、工程测量 5 题、职业法规 4 题、土木工程施工与管理 5 题、结构设计 12 题、结构力学 15 题、结构试验 5 题、土力学与地基基础 7 题，合计 60 题，每题 2 分，考试时间为 4 小时。基础考题全部由单项选择题组成，考试的重点在于强调对基本概念、基本理论和基本计算技能的考核。

结构工程师基础考试量大面广，只有对考试内容十分熟悉的考生才有可能按时完成，稍有迟疑就不能答完所有考题。要想做到快速、准确地答题，多做题很重要也很必要。建议考生针对每一天今日考点中的各级知识点先看一遍教材，学习或复习相关基础知识，了解考试的具体要求，按照每 4 小时完成一天模拟题的速度独立进行本书前 28 天的训练，快速做对熟悉的题目、尽多破解生疏的题目，最后再做第 29 天和第 30 天的全真模拟试题，模拟一下临考的状态，锻炼自己的心理素质，准确控制答题速度，感受和习惯考试时的氛围，提前进入临考状态，并根据自己的模拟成绩实事求是地评估自己的现状，查漏补缺，及时解决存在的问题。

本书自 2005 年以来每年出版发行，已经形成良好的品牌，受到广大考生的信赖，希望 2011 版继续引领考生顺利冲关。

希望本书能成为考生应试的得力助手，通过系统地练习，在短时间内达到事半功倍的效果。相信本书能帮助考生掌握考试要点，提高解题的准确率和解题速度，以帮助考生顺利通过考试。

限于作者水平，加之时间紧迫，本书难免会有不当或错误之处，诚恳地希望广大读者批评、指正，并提出宝贵意见。

编 者

目 录

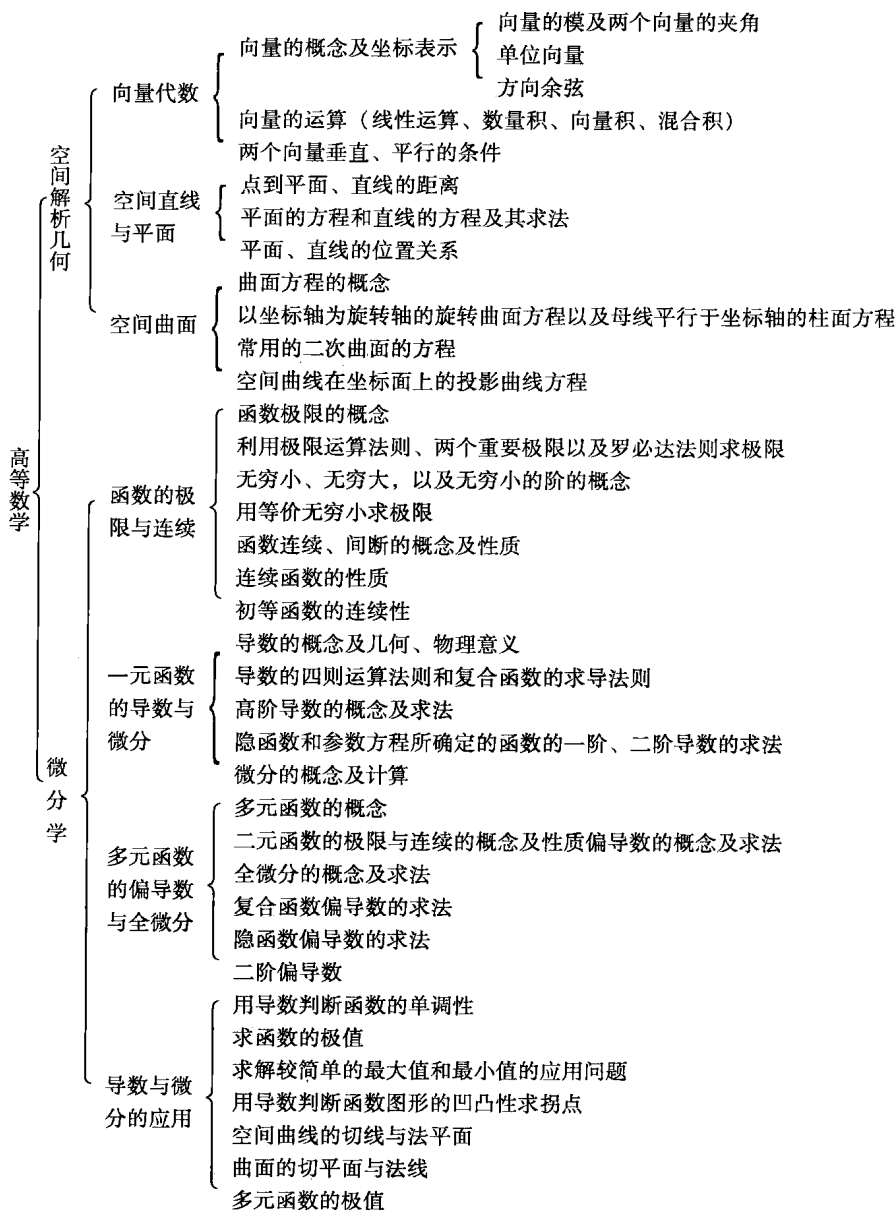
前言

第1天 高等数学（一）	1
答案与提示	18
第2天 高等数学（二）	28
答案与提示	42
第3天 普通物理（一）	51
答案与提示	62
第4天 普通物理（二）	69
答案与提示	79
第5天 普通化学（一）	85
答案与提示	92
第6天 普通化学（二）	99
答案与提示	109
第7天 理论力学（一）	115
答案与提示	135
第8天 理论力学（二）	141
答案与提示	162
第9天 材料力学（一）	169
答案与提示	185
第10天 材料力学（二）	190
答案与提示	204
第11天 流体力学（一）	209
答案与提示	217
第12天 流体力学（二）	221
答案与提示	230
第13天 电气与信息（一）	234
答案与提示	245
第14天 电气与信息（二）	250
答案与提示	263
第15天 计算机技术	268
答案与提示	276
第16天 工程经济	281
答案与提示	297
第17天 法律法规	307
答案与提示	320

第 18 天	土木工程材料	338
	答案与提示	345
第 19 天	工程测量	350
	答案与提示	357
第 20 天	职业法规	361
	答案与提示	373
第 21 天	土木工程施工与管理	385
	答案与提示	393
第 22 天	结构设计 (一)	400
	答案与提示	410
第 23 天	结构设计 (二)	414
	答案与提示	424
第 24 天	结构力学 (一)	429
	答案与提示	444
第 25 天	结构力学 (二)	448
	答案与提示	464
第 26 天	结构试验	468
	答案与提示	478
第 27 天	土力学与地基基础 (一)	482
	答案与提示	489
第 28 天	土力学与地基基础 (二)	497
	答案与提示	505
第 29 天	全真模拟试卷 (一)	513
	答案与提示	536
第 30 天	全真模拟试卷 (二)	549
	答案与提示	571

高等数学 (一)

今日考点



积分学	一元函数 积分学	原函数与不定积分的概念
		不定积分的性质及基本公式
	多元函数 积分学	不定积分的换元法和分部积分法
		定积分的概念及性质
		积分上限函数及其求导定理
		牛顿-莱布尼兹公式及定积分的换元法和分部积分法
		广义积分的概念及简单计算
		二重积分、三重积分的概念及性质
		二重积分的计算方法（直角坐标、极坐标）
		三重积分的计算方法（直角坐标、柱坐标、球坐标）
		两类曲线积分的概念和性质
		第一类曲线积分及计算
		第二类曲线积分及计算
		用定积分求平面图形的面积、旋转体的体积、平面曲线的弧长等
		用重积分求空间物体的体积

今日训练

1.1 空间解析几何

- 已知两点 $M(5, 3, 2)$, $N(1, -4, 6)$, 则单位向量 $\overrightarrow{MN}^0$ 可表示为 ().
A. $\{-4, -7, 4\}$ B. $\left\{-\frac{4}{9}, -\frac{7}{9}, \frac{4}{9}\right\}$ C. $\left\{\frac{4}{9}, \frac{7}{9}, -\frac{4}{9}\right\}$ D. $\{4, 7, -4\}$
- 已知 $|a| = 1$, $|b| = \sqrt{2}$, 且 $(a, b) = \frac{\pi}{4}$, 则 $|a + b| = ()$.
A. 1 B. $1 + \sqrt{2}$ C. 2 D. $\sqrt{5}$
- 下列等式中, 正确的等式是 ().
A. $i + j = k$ B. $i \cdot j = k$ C. $i \cdot i = j \cdot j$ D. $i \times i = i \cdot i$
- 设向量 $a \neq 0$, $b \neq 0$, 下列结论中正确的是 ().
A. $a \times b = 0$ 是 a 与 b 垂直的充要条件
B. $a \cdot b = 0$ 是 a 与 b 平行的充要条件
C. a 与 b 的对应坐标成比例是 a 与 b 平行的充要条件
D. 若 $a = \lambda b$ (λ 是数), 则 $a \cdot b = 0$
- 已知 $\vec{a}, \vec{b}$ 都是非零向量, 且满足关系式 $|\vec{a} - \vec{b}| = |\vec{a} + \vec{b}|$, 则 ().
A. $\vec{a} - \vec{b} = \vec{0}$ B. $\vec{a} + \vec{b} = \vec{0}$ C. $\vec{a} \cdot \vec{b} = 0$ D. $\vec{a} \times \vec{b} = \vec{0}$
- 设 $\vec{\alpha} = \{1, 1, 1\}$, $\vec{\beta} = \{1, 2, 0\}$, 则下列结论中正确的是 ().
A. $\vec{\alpha}$ 与 $\vec{\beta}$ 平行 B. $\vec{\alpha}$ 与 $\vec{\beta}$ 垂直
C. $\vec{\alpha} \cdot \vec{\beta} = 3$ D. $\vec{\alpha} \times \vec{\beta} = \{2, -1, -1\}$
- 设 $\alpha = -i + 3j + k$, $\beta = i + j + tk$, 已知 $\alpha \times \beta = -4i - 4k$, 则 t 等于 ().
A. 1 B. 0 C. -1 D. -2
- 设 α, β, γ 都是非零向量, $\alpha \times \beta = \alpha \times \gamma$, 则 ().

- A. $\beta = \gamma$ B. $\alpha // \beta$ 且 $\alpha // \gamma$ C. $\alpha // (\beta - \gamma)$ D. $\alpha \perp (\beta - \gamma)$

9. 点 $M(1, 2, 1)$ 到平面 $x + 2y + 2z = 10$ 的距离是 ()。

- A. 1 B. ± 1 C. -1 D. $\frac{1}{3}$

10. 设 $\alpha = i + 2j + 3k$, $\beta = i - 3j - 2k$, 与 α, β 都垂直的单位向量为 ()。

- A. $\pm(i + j - k)$ B. $\pm \frac{1}{\sqrt{3}}(i - j + k)$
C. $\pm \frac{1}{\sqrt{3}}(-i + j + k)$ D. $\pm \frac{1}{\sqrt{3}}(i + j - k)$

11. 已知向量 $\vec{a} = \vec{i} + \vec{j} + \vec{k}$, 则垂直于 $\vec{a}$ 且垂直于 y 轴的单位向量是 ()。

- A. $\pm \frac{\sqrt{3}}{3}(\vec{i} + \vec{j} + \vec{k})$ B. $\pm \frac{\sqrt{3}}{3}(\vec{i} - \vec{j} + \vec{k})$ C. $\pm \frac{\sqrt{2}}{2}(\vec{i} - \vec{k})$ D. $\pm \frac{\sqrt{2}}{2}(\vec{i} + \vec{k})$

12. 过点 $(-1, 0, 1)$ 且与平面 $x + y + 4z + 19 = 0$ 平行的平面方程为 ()。

- A. $x + y + 4z - 3 = 0$ B. $2x + y + z - 3 = 0$
C. $x + 2y + z - 19 = 0$ D. $x + 2y + 4z - 9 = 0$

13. 过 z 轴和点 $(1, 2, -1)$ 的平面方程是 ()。

- A. $x + 2y - z - 6 = 0$ B. $2x - y = 0$
C. $y + 2z = 0$ D. $x + z = 0$

14. 已知平面 π 过点 $(1, 1, 0)$ $(0, 0, 1)$ $(0, 1, 1)$, 则与平面 π 垂直且过点 $(1, 1, 1)$ 的直线的对称方程为 ()。

- A. $\frac{x-1}{1} = \frac{y-1}{0} = \frac{z-1}{1}$ B. $\frac{x-1}{1} = \frac{z-1}{1}, y=1$
C. $\frac{x-1}{1} = \frac{z-1}{1}$ D. $\frac{x-1}{1} = \frac{y-1}{0} = \frac{z-1}{-1}$

15. 求过点 $M(3, -2, 1)$ 且与直线 $\begin{cases} x - y - z + 1 = 0 \\ 2x + y - 3z + 4 = 0 \end{cases}$ 平行的直线方程是 ()。

- A. $\frac{x-3}{1} = \frac{y+2}{-1} = \frac{z-1}{-1}$ B. $\frac{x-3}{2} = \frac{y+2}{1} = \frac{z-1}{-3}$
C. $\frac{x-3}{4} = \frac{y+2}{-1} = \frac{z-1}{3}$ D. $\frac{x-3}{4} = \frac{y+2}{1} = \frac{z-1}{3}$

16. 设平面的方程为 $x + y + z + 1 = 0$, 直线的方程为 $1 - x = y + 1 = z$, 则直线与平面 ()。

- A. 平行 B. 垂直 C. 重合 D. 相交但不垂直

17. 直线 $\frac{x+3}{-2} = \frac{y+4}{-7} = \frac{z}{3}$ 与平面 $4x - 2y - 2z = 3$ 的关系是 ()。

- A. 平行, 但直线不在平面上 B. 直线在平面上
C. 垂直相交 D. 相交但不垂直

18. 平面 $3x - 3y - 6 = 0$ 的位置是 ()。

- A. 平行 xOy 平面 B. 平行 z 轴, 但不通过 z 轴
C. 垂直于 z 轴 D. 通过 z 轴

19. 设平面 π 的方程为 $2x - 2y + 3 = 0$, 以下选项中错误的是 ()。

- A. 平面 π 的法向量为 $i - j$ B. 平面 π 垂直于 z 轴

- C. 平面 π 平行于 z 轴 D. 平面 π 与 xOy 面的交线为 $\frac{x}{1} = \frac{y - \frac{3}{2}}{1}, z = 0$

20. 已知两条空间直线 $L_1: \begin{cases} 3x + z = 4 \\ y + 2z = 9 \end{cases}$, $L_2: \begin{cases} 6x - y = 7 \\ 3y + 6z = 1 \end{cases}$, 这两直线的关系为 ()。

- A. 平行但不重合 B. 重合 C. 垂直 D. 相交但不垂直

21. 设空间直线的标准方程为 $x = 0, \frac{y}{1} = \frac{z}{2}$, 则该直线过原点且 ()。

- A. 垂直于 Ox 轴 B. 垂直于 Oy 轴, 但不平行于 Ox 轴
C. 垂直于 Oz 轴, 但不平行于 Ox 轴 D. 平行于 Ox 轴

22. 设直线的方程为 $\frac{x-1}{-2} = \frac{y+1}{-1} = \frac{z}{1}$, 则直线 ()。

- A. 过点 $(1, -1, 0)$, 方向向量为 $2i + j - k$
B. 过点 $(1, -1, 0)$, 方向向量为 $2i - j + k$
C. 过点 $(-1, 1, 0)$, 方向向量为 $-2i - j + k$
D. 过点 $(-1, 1, 0)$, 方向向量为 $2i + j - k$

23. 设直线的方程为 $\begin{cases} x = t + 1 \\ y = 2t - 2 \\ z = -3t + 3 \end{cases}$, 则直线 ()。

- A. 过点 $(-1, 2, -3)$, 方向向量为 $i + 2j - 3k$
B. 过点 $(-1, 2, -3)$, 方向向量为 $-i - 2j + 3k$
C. 过点 $(1, 2, -3)$, 方向向量为 $i - 2j + 3k$
D. 过点 $(1, -2, 3)$, 方向向量为 $-i - 2j + 3k$

24. 设直线 $L: \begin{cases} 2x - y + 5 = 0 \\ x + 3z + 1 = 0 \end{cases}$, 则 L 的一个方向向量 s 是 ()。

- A. $\{3, -1, 0\}$ B. $\{1, 0, 3\}$ C. $\{-3, -6, 1\}$ D. $\{-3, 6, 1\}$

25. 设平面 π 通过球面 $x^2 + y^2 + z^2 = 4$ 的中心, 且垂直于直线 $L: \begin{cases} x = 0 \\ y + z = 0 \end{cases}$, 则平面的

方程是 ()。

- A. $y - z = 0$ B. $y + z = 0$ C. $4x + y + z = 0$ D. $2x + 2y - z = 0$

26. 将双曲线 $\begin{cases} 4x^2 - 9z^2 = 36 \\ z = 0 \end{cases}$, 绕 x 轴旋转一周所生成的旋转曲面的方程是 ()。

- A. $4(x^2 + z^2) - 9y^2 = 36$ B. $4x^2 - 9(y^2 + z^2) = 36$
C. $4x^2 - 9y^2 = 36$ D. $4(x^2 + y^2) - 9z^2 = 36$

27. 空间曲线 $\begin{cases} 2x^2 + y^2 + z^2 = 16 \\ x^2 + z^2 - y^2 = 0 \end{cases}$, 在 xOy 平面的投影的方程是 ()。

- A. $\begin{cases} 2x^2 + y^2 = 16 \\ x^2 - y^2 = 0 \end{cases}$ B. $\begin{cases} 2x^2 + y^2 = 16 \\ z = 0 \end{cases}$

- C. $x + 2y^2 = 16$ D. $\begin{cases} x^2 + 2y^2 = 16 \\ z = 0 \end{cases}$
28. 点 $(-1, 2, 0)$ 在平面 $x + 2y - z + 1 = 0$ 上的投影点是 ()。
- A. $(\frac{5}{3}, -\frac{2}{3}, \frac{2}{3})$ B. $(-\frac{5}{3}, \frac{2}{3}, \frac{2}{3})$ C. $(\frac{5}{3}, -\frac{2}{3}, \frac{2}{3})$ D. $(-\frac{5}{3}, -\frac{2}{3}, \frac{2}{3})$
29. 下列方程中代表单叶双曲面的是 ()。
- A. $\frac{x^2}{2} + \frac{y^2}{3} - z^2 = 1$ B. $\frac{x^2}{2} + \frac{y^2}{3} + z^2 = 1$ C. $\frac{x^2}{2} - \frac{y^2}{3} - z^2 = 1$ D. $\frac{x^2}{2} + \frac{y^2}{3} + z^2 = 0$
30. 下列关于曲面方程的结论中, 错误的是 ()。
- A. $2x^2 - 3y^2 - z = 1$ 表示双叶双曲面 B. $2x^2 + 3y^2 - z^2 = 1$ 表示单叶双曲面
C. $2x^2 + 3y^2 - z = 1$ 表示椭圆抛物面 D. $2(x^2 + y^2) - z^2 = 1$ 表示锥面
31. 球面 $x^2 + y^2 + (z + 3)^2 = 25$ 与平面 $z = 1$ 的在 xOy 面上投影曲线的方程是 ()。
- A. $x^2 + y^2 = 9$ B. $x^2 + y^2 + (z - 1)^2 = 9$
C. $\begin{cases} x = 3\cos t \\ y = 3\sin t^3 \end{cases}$ D. $\begin{cases} x^2 + y^2 = 9 \\ z = 0 \end{cases}$

1.2 微分学

32. $f(x) = (e^x + e^{-x})\sin x$ 在其定义域 $(-\infty, +\infty)$ 上是 ()。
- A. 有界函数 B. 周期函数 C. 偶函数 D. 奇函数
33. 设 $f(x - 1) = x^2$, 则 $f(x + 1) =$ ()。
- A. $(x - 1)^2$ B. $(x + 1)^2$ C. $x^2 - 2^2$ D. $x^2 + 2^2$
34. 设 $f(x) = \frac{e^{2x} - 1}{e^{2x} + 1}$, 则 ()。
- A. $f(x)$ 为偶函数, 值域为 $(-1, 1)$ B. $f(x)$ 为奇函数, 值域为 $(-\infty, 0)$
C. $f(x)$ 为奇函数, 值域为 $(-1, 1)$ D. $f(x)$ 为奇函数, 值域为 $(0, +\infty)$
35. “当 $x \rightarrow x_0$ 时, $f(x) - A$ 是无穷小” 是 “ $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = A$ ” 的 ()。
- A. 充分但非必要条件 B. 必要但非充分条件
C. 充分必要条件 D. 既非充分条件, 也非必要条件
36. 无穷小量就是 ()。
- A. 比任何数都小的数 B. 零
C. 以零为极限的函数 D. 以上三种情况都不是
37. 函数 $f(x) = \begin{cases} 2x, & 0 \leq x < 1, \\ 4 - x, & 1 \leq x \leq 3, \end{cases}$ 在 $x \rightarrow 1$ 时, $f(x)$ 的极限是 ()。
- A. 2 B. 3 C. 0 D. 不存在
38. 下列极限计算中, 错误的是 ()。
- A. $\lim_{x \rightarrow +\infty} x \cdot \sin \frac{1}{x} = 1$ B. $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sin x}{x} = 1$
C. $\lim_{x \rightarrow 0} (1 - 2x)^{\frac{1}{x}} = e^{-2}$ D. $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{2}{x}\right)^x = e^2$

39. 极限 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1 - tx^2)}{x \sin x}$ 的值等于 ()。

- A. t B. $-t$ C. 1 D. -1

40. 求极限 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2 \sin \frac{1}{x}}{\sin x}$ 时, 下列各种解法中正确的是 ()。

- A. 用罗必达法则后, 求得极限为 0
B. 因为 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x}$ 不存在, 所以上述极限不存在

C. 原式 $= \lim_{x \rightarrow 0} x \sin \frac{1}{x} \cdot \frac{x}{\sin x} = 0$

- D. 因为不能用罗必达法则, 故极限不存在

41. 若 $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 + ax + b}{x^2 - x - 2} = 2$, 则必有 ()。

- A. $a = 2, b = 8$ B. $a = 2, b = 5$ C. $a = 0, b = -8$ D. $a = 2, b = -8$

42. 若有 $\lim_{x \rightarrow a} \frac{f(x)}{x - a} = 0$, 则当 $x \rightarrow a$ 时, $f(x)$ 不一定是 ()。

- A. 有极限的函数 B. 有界函数
C. 无穷小量 D. 比 $(x - a)$ 高阶的无穷小

43. 已知 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(x)}{x} = 0$, 且 $f(0) = 1$, 那么 ()。

- A. $f(x)$ 在 $x = 0$ 处不连续 B. $f(x)$ 在 $x = 0$ 处连续
C. $\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$ 不存在 D. $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = 1$

44. 设 $f(x) = x \cos \frac{2}{x} + x^2$, 则 $x = 0$ 是 $f(x)$ 的 ()。

- A. 连续点 B. 可去间断点 C. 无穷间断点 D. 振荡间断点

45. 若函数 $f(x)$ 在点 x_0 间断, $g(x)$ 在点 x_0 连续, 则 $f(x)g(x)$ 在点 x_0 ()。

- A. 间断 B. 连续 C. 第一类间断 D. 可能间断可能连续

46. 下列命题正确的是 ()。

- A. 分段函数必存在间断点
B. 单调有界函数无第二类间断点
C. 在开区间连续, 则在该区间必取得最大值和最小值
D. 在闭区间上有间断点的函数一定有界

47. 设函数 $f(x) = \begin{cases} \frac{4}{x+1} + a, & 0 < x \leq 1 \\ k(x-1) + 3, & x > 1 \end{cases}$, 要使 $f(x)$ 在点 $x = 1$ 处连续, 则 a 的值是

()。

- A. -2 B. -1 C. 0 D. 1

48. 设函数 $f(x) = \begin{cases} e^{-2x} + a, & x \leq 0 \\ \lambda \ln(1+x) + 1, & x > 0 \end{cases}$, 若 $f(x)$ 在 $x = 0$ 处连续, 则 a 的值是

()。

A. 0

B. 1

C. -1

D. λ

49. 设函数 $f(x) = \begin{cases} \frac{2}{x^2+1}, & x \leq 1 \\ ax+b, & x > 1 \end{cases}$, 可导, 则必有 ()。

A. $a=1, b=2$ B. $a=-1, b=2$ C. $a=1, b=0$ D. $a=-1, b=0$

50. 设 $f(x)$ 在 x_0 处可导, 且 $f'(x_0) = \frac{1}{4}$, 则 $\lim_{a \rightarrow 0} \frac{f(x_0 - 2a) - f(x_0)}{a} = ()$ 。

A. 2

B. 2

C. $-\frac{1}{2}$ D. $\frac{1}{2}$

51. 设 $\frac{d}{dx}f(x) = g(x)$, $h(x) = x^2$, 则 $\frac{d}{dx}f[h(x)] = ()$ 。

A. $g(x^2)$ B. $2xg(x)$ C. $x^2g(x^2)$ D. $2xg(x^2)$

52. 设参数方程 $\begin{cases} x = f(t) - \ln f(t) \\ y = tf(t) \end{cases}$, 确定了 y 是 x 的函数, 且 $f'(t)$ 存在, $f(0) = 2$,

$f'(0) = 2$, 则当 $t=0$ 时, $\frac{dy}{dx}$ 的值等于 ()。

A. $\frac{4}{3}$ B. $-\frac{4}{3}$

C. -2

D. 2

53. 已知 $\begin{cases} x = \frac{1-t^2}{1+t^2} \\ y = \frac{2t}{1+t^2} \end{cases}$, 则 $\frac{dy}{dx}$ 为 ()。

A. $\frac{t^2-1}{2t}$ B. $\frac{1-t^2}{2t}$ C. $\frac{x^2-1}{2x}$ D. $\frac{2t}{t^2-1}$

54. 函数 $y = \sin^2 \frac{1}{x}$ 在 x 处的导数 $\frac{dy}{dx}$ 是 ()。

A. $\sin \frac{2}{x}$ B. $\cos \frac{1}{x}$ C. $-\frac{1}{x^2} \sin \frac{2}{x}$ D. $\frac{1}{x^2}$

55. 函数 $y = \cos^2 \frac{1}{x}$ 在 x 处的导数 $\frac{dy}{dx}$ 是 ()。

A. $-\sin \frac{2}{x}$ B. $-\frac{2}{x^2} \cos \frac{1}{x}$ C. $\frac{1}{x^2} \sin \frac{2}{x}$ D. $-\frac{1}{x^2} \sin \frac{2}{x}$

56. 设 $z = f(x^2 - y^2)$, 则 dz 等于 ()。

A. $2x - 2y$ B. $2xdx - 2ydy$ C. $f'(x^2 - y^2) dx$ D. $2f'(x^2 - y^2)(xdx - ydy)$

57. 设 $y = e^{\sin^2 x}$, 则 $dy = ()$ 。

A. $e^x d\sin^2 x$ B. $e^{\sin^2 x} d\sin^2 x$ C. $e^{\sin^2 x} \sin 2x d\sin x$ D. $e^{\sin^2 x} d\sin x$

58. 设 $f'(x_0) = \frac{1}{2}$, 则 $\Delta x \rightarrow 0$ 时, 该函数在 $x = x_0$ 处的微分 dy ()。

A. 是 Δx 的高阶无穷小B. 是 Δx 的低阶无穷小C. 是 Δx 的等阶无穷小D. 是 Δx 的同阶无穷小

59. 已知 a 是大于零的常数, $f(x) = \ln(1 + a^{-2x})$, 则 $f'(0)$ 的值应是 ()。

- A. $-\ln a$ B. $\ln a$ C. $\frac{1}{2}\ln a$ D. $\frac{1}{2}$

60. 设 $y=f(t)$, $t=\varphi(x)$ 都可微, 则 $dy = ()$ 。

- A. $f'(t)dt$ B. $\varphi'(x)dx$ C. $f'(t)\varphi'(x)dt$ D. $f'(t)dx$

61. 已知 $f(x)$ 是二阶可导的函数, $y=e^{2f(x)}$, 则 $\frac{d^2y}{dx^2}$ 为 ()。

- A. $e^{2f(x)}$ B. $e^{2f(x)}f''(x)$
C. $e^{2f(x)}[2f'(x)]$ D. $2e^{2f(x)}[2(f'(x))^2 + f''(x)]$

62. 设 $f(x) = \sin \frac{x}{2} + \cos 2x$, 则 $f^{(27)}(\pi) = ()$ 。

- A. 0 B. $-\frac{1}{2^{27}}$ C. $2^{27} - \frac{1}{2^{27}}$ D. 2^{27}

63. 设 $f(x) = x(x-1)(x+2)(x-3)(x+4)\cdots(x+100)$, 则 $f'(1) = ()$ 。

- A. $101!$ B. $-\frac{101!}{100}$ C. $-100!$ D. $\frac{100!}{90}$

64. 函数 $y = \frac{x}{\sqrt{1-x^2}}$ 在 x 处的微分是 ()。

- A. $\frac{1}{(1-x^2)^{\frac{3}{2}}}dx$ B. $2\sqrt{1-x^2}dx$ C. xdx D. $\frac{1}{1-x^2}dx$

65. 设 $f(x)$ 具有二阶导数, $y = f(x^2)$, 则 $\frac{d^2y}{dx^2}\bigg|_{x=2}$ 的值是 ()。

- A. $f''(4)$ B. $16f''(4)$ C. $2f'(4) + 16f''(4)$ D. $2f'(4) + 4f''(4)$

66. 对于二元函数 $z = f(x, y)$, 在点 (x_0, y_0) 处连续是它在该点处偏导数存在的 ()。

- A. 必要条件而非充分条件 B. 充分条件而非必要条件
C. 充分必要条件 D. 既非充分又非必要条件

67. 对于二元函数 $z = f(x, y)$, 下列有关偏导数与全微分关系中正确的命题是 ()。

- A. 偏导数不连续, 则全微分必不存在 B. 偏导数连续, 则全微分必存在
C. 全微分存在, 则偏导数必连续 D. 全微分存在, 而偏导数不一定存在

68. 设 $f(u, v)$ 具有一阶连续导数 $z = f\left(xy, \frac{y}{x}\right)$, 则 $\frac{\partial z}{\partial y} = ()$ 。

- A. $xf'_1\left(xy, \frac{x}{y}\right) + \frac{x}{y^2}f'_2\left(xy, \frac{x}{y}\right)$ B. $xf'_1\left(xy, \frac{x}{y}\right) - \frac{x}{y^2}f'_2\left(xy, \frac{x}{y}\right)$
C. $xf'_1\left(xy, \frac{x}{y}\right)$ D. $\frac{x}{y^2}f'_1\left(xy, \frac{x}{y}\right)$

69. 若函数 $z = \frac{\ln(xy)}{y}$, 则当 $x = e$, $y = e^{-1}$ 时, 全微分 dz 等于 ()。

- A. $edx + dy$ B. $e^2dx - dy$ C. $dx + e^2dy$ D. $edx + e^2dy$

70. 设 $u = \arccos \sqrt{1-xy}$, 则 $u_x = ()$ 。

- A. $\frac{y}{\sqrt{1-xy}}$ B. $\frac{y}{\sqrt{1-(1-xy)^2}}$

$$C. \frac{y \sin \sqrt{1-xy}}{\sqrt{1-(1-xy)^2}}$$

$$D. \frac{y}{2\sqrt{xy(1-xy)}}$$

71. 设 $u = f(\sin z - xy)$, 而 $z = \varphi(x)$, $y = e^x$, 其中 f, φ 为可微函数, 则 $\frac{du}{dx} = (\quad)$ 。

$$A. (\sin z - xy) \cdot f' + [\cos z \cdot \varphi'(x) - y - xe^x] \cdot f$$

$$B. \cos z \cdot \varphi'(x) \cdot f_1 + (y - xe^x) \cdot f_2$$

$$C. \varphi'(x) \cdot \cos z - (e^x + y)f_x$$

$$D. [\varphi'(x) \cdot \cos \varphi(x) - e^x(x+1)]f'[\sin \varphi(x) - xe^x]$$

72. 函数 $y = y(x, z)$ 由方程 $xyz = e^{x+y}$ 所确定, 则 $\frac{\partial y}{\partial x}$ 是 $(\quad)$ 。

$$A. \frac{y(x-1)}{x(1-y)}$$

$$B. \frac{y}{x(1-y)}$$

$$C. \frac{yz}{1-y}$$

$$D. \frac{y(1-xz)}{x(1-y)}$$

73. 设 $f(x, y) = \ln(x + \frac{y}{2x})$, 则 $f_y(1, 0) = (\quad)$ 。

$$A. 1$$

$$B. \frac{1}{2}$$

$$C. 2$$

$$D. 0$$

74. 已知 $xy = kz$ (k 为正常数), 则 $\frac{\partial x}{\partial y} \frac{\partial y}{\partial z} \frac{\partial z}{\partial x}$ 等于 $(\quad)$ 。

$$A. 1$$

$$B. -1$$

$$C. k$$

$$D. \frac{1}{k}$$

75. 函数 $y = x^3 - 6x$ 上切线平行于 x 轴的点是 $(\quad)$ 。

$$A. (0, 0)$$

$$B. (\sqrt{2}, 1)$$

$$C. (-\sqrt{2}, 4\sqrt{2}) \text{ 和 } (\sqrt{2}, -4\sqrt{2})$$

$$D. (1, 2) \text{ 和 } (-1, 2)$$

76. 设曲线 $y = e^{1-x^2}$ 与直线 $x = -1$ 的交点为 P , 则曲线在点 P 处的切线方程是 $(\quad)$ 。

$$A. 2x - y + 2 = 0$$

$$B. 2x + y + 1 = 0$$

$$C. 2x + y - 3 = 0$$

$$D. 2x - y + 3 = 0$$

77. 设曲线 $y = \ln(1+x^2)$, M 是曲线上的点, 若曲线在 M 点的切线平行于已知直线 $y - x + 1 = 0$, 则 M 点的坐标是 $(\quad)$ 。

$$A. (-2, \ln 5)$$

$$B. (-1, \ln 2)$$

$$C. (1, \ln 2)$$

$$D. (2, \ln 5)$$

78. 设曲线 $y = x^3 + ax$ 与曲线 $y = bx^2 + c$ 在点 $(-1, 0)$ 处相切, 则 $(\quad)$ 。

$$A. a = b = -1, c = 1$$

$$B. a = -1, b = 2, c = -2$$

$$C. a = 1, b = -2, c = 2$$

$$D. a = b = -1, c = -1$$

79. 设 $y = f(x)$ 是 (a, b) 内的可导函数, $x, x + \Delta x$ 是 (a, b) 内的任意两点, 则 $(\quad)$ 。

$$A. \Delta y = f'(x) \Delta x$$

$$B. \text{在 } x, x + \Delta x \text{ 之间恰好有一点 } \xi, \text{ 使 } \Delta y = f'(\xi) \Delta x$$

$$C. \text{在 } x, x + \Delta x \text{ 之间至少有一点 } \xi, \text{ 使 } \Delta y = f'(\xi) \Delta x$$

$$D. \text{在 } x, x + \Delta x \text{ 之间任意一点 } \xi, \text{ 均有 } \Delta y = f'(\xi) \Delta x$$

80. 函数 $f(x) = \begin{cases} 1-x^2, & x < 0 \\ 1+x, & x \geq 0 \end{cases}$, 在 $(-\infty, +\infty)$ 内 $(\quad)$ 。

$$A. \text{单调减少}$$

$$B. \text{单调增加}$$

$$C. \text{有界}$$

$$D. \text{偶函数}$$

81. 设 $a < 0$, 则当满足条件 () 时, 函数 $f(x) = ax^3 + 3ax^2 + 8$ 为增函数。
 A. $x < -2$ B. $-2 < x < 0$ C. $x > 0$ D. $x < -2$ 或 $x > 0$
82. 设 $g(x)$ 在 $(-\infty, +\infty)$ 严格单调减, 又 $f(x)$ 在 $x = x_0$ 处有极大值, 则必有 ()。
 A. $g[f(x)]$ 在 $x = x_0$ 处有极大值 B. $g[f(x)]$ 在 $x = x_0$ 处有极小值
 C. $g[f(x)]$ 在 $x = x_0$ 处有最小值 D. $g[f(x)]$ 在 $x = x_0$ 既无极值也无最小值
83. 设 $f(x)$ 处处连续, 且在 $x = x_1$ 处有 $f'(x_1) = 0$, 在 $x = x_2$ 处不可导, 那么 ()。
 A. $x = x_1$ 及 $x = x_2$ 都必不是 $f(x)$ 的极值点
 B. 只有 $x = x_1$ 是 $f(x)$ 的极值点
 C. $x = x_1$ 及 $x = x_2$ 都有可能是 $f(x)$ 的极值点
 D. 只有 $x = x_2$ 是 $f(x)$ 的极值点
84. 函数 $y = f(x)$ 在点 $x = x_0$ 处取得极小值, 则必有 ()。
 A. $f'(x_0) = 0$ B. $f''(x_0) > 0$
 C. $f'(x_0) = 0$ 且 $f''(x_0) > 0$ D. $f'(x_0) = 0$ 或导数不存在
85. 对于曲线 $y = \frac{1}{5}x^5 - \frac{1}{3}x^3$, 下列各性态不正确的是 ()。
 A. 有 3 个极值点 B. 有 3 个拐点 C. 有 2 个极值点 D. 对称原点
86. 设 $f(x) = x^3 + ax^2 + bx$ 在 $x = 1$ 处有极小值 -2 , 则必 ()。
 A. $a = -4, b = 1$ B. $a = 4, b = -7$ C. $a = 0, b = -3$ D. $a = b = 1$
87. 设 $f(x)$ 在 $(-a, a)$ 内是连续的偶函数, 且当 $0 < x < a$ 时, $f(x) < f(0)$, 则 ()。
 A. $f(0)$ 是 $f(x)$ 在 $(-a, a)$ 内的极大值, 但不是最大值
 B. $f(0)$ 是 $f(x)$ 在 $(-a, a)$ 内的最小值
 C. $f(0)$ 是 $f(x)$ 在 $(-a, a)$ 内的极大值, 也是最大值
 D. $f(0)$ 是曲线 $y = f(x)$ 的拐点的纵坐标
88. 设 $f(x), g(x)$ 在 $[a, b]$ 连续可导, $f(x)g(x) \neq 0$, 且 $f'(x)g(x) < f(x)g'(x)$, 则当 $a < x < b$ 时有 ()。
 A. $f(x)g(x) < f(a)g(a)$ B. $f(x)g(x) < f(b)g(b)$
 C. $\frac{f(x)}{g(x)} < \frac{f(a)}{g(a)}$ D. $\frac{g(x)}{f(x)} > \frac{g(b)}{f(b)}$
89. 若函数 $f(x) = a \sin x + \frac{1}{3} \sin 3x$ 在 $x = \frac{\pi}{3}$ 处取得极值, 则 a 的值是 ()。
 A. 2 B. $\frac{2}{3}$ C. $\frac{2}{3}\sqrt{3}$ D. $\frac{2}{9}\sqrt{3}$
90. 设函数 $f(x)$ 在 $(-\infty, +\infty)$ 上是偶函数, 且在 $(0, +\infty)$ 内有 $f'(x) > 0, f''(x) > 0$, 则在 $(-\infty, 0)$ 内必有 ()。
 A. $f'(x) > 0, f''(x) > 0$ B. $f'(x) < 0, f''(x) > 0$
 C. $f'(x) > 0, f''(x) < 0$ D. $f'(x) < 0, f''(x) < 0$
91. 曲面 $z = \arctan \frac{y}{x}$ 上点 $(1, 1, \frac{\pi}{4})$ 处的切平面方程是 ()。
 A. $x - y + 2z = \frac{\pi}{2}$ B. $x + y + 2z = 2 + \frac{\pi}{2}$