

最新版

注册岩土工程师执业资格考试

基础考试复习教程

(第五版·上册)

注册工程师考试复习用书编委会 编

本教程由北京市注册工程师考试辅导班的教师编写，本教程紧密结合考试实际，紧跟规范、规程的更新，自2003年初版以来深受考生欢迎。2009年3月住房和城乡建设部、人力资源和社会保障部共同批准了新版注册工程师资格考试《公共基础考试大纲》，较原大纲更详细、明确，增加、调整了许多内容。本教程现按新考试大纲进行全面修订，是注册岩土工程师基础考试必备的辅导用书。



人民交通出版社
China Communications Press

最新版

注册岩土工程师执业资格考试

基础考试复习教程

(第五版·上册)

注册工程师考试复习用书编委会 编

本教程由北京市注册工程师考试辅导班的老师编写，本教程紧密结合考试实际，紧跟规范、规程的更新，自2003年初版以来深受考生欢迎。2009年3月住房和城乡建设部、人力资源和社会保障部共同批准了新版注册工程师资格考试《公共基础考试大纲》，较原大纲更详细、明确，增加、调整了许多内容。本教程现按新考试大纲进行全面修订，是注册岩土工程师基础考试必备的辅导用书。



人民交通出版社
China Communications Press

内 容 提 要

本书前两版由北京市注册工程师管理委员会组织编写、修订，2007年修订出版了第三版，现根据2009年最新公布考试大纲再次修订出版。

本书编写人员全部是多年从事注册岩土工程师基础考试培训工作的专家、教授，本书内容吸取了近几年考试培训的经验和考生回馈意见，依据最新版的考试大纲和规范规程，在上一版的基础上修订再版，以满足应考和培训之用。

本版教程以最新考试大纲为依据，以现行规范、教材为基础进行编写，指导考生复习，因此力求简明扼要，联系实际，着重于对概念和规范的理解运用，并注意突出重点。教程的每章后均附有参考习题，同时书后附模拟试题一份，可作为考生检验复习效果和准备考试之用。

由于本书规模较大，分为上、下两册，以便于携带和翻阅。

本书适合参加注册岩土工程师[也称为注册土木工程师(岩土)]基础考试的人员使用，是一本优秀的复习备考用书。

图书在版编目(CIP)数据

注册岩土工程师执业资格考试基础考试复习教程/注册工程师
考试复习用书编委会编. —5 版. —北京：人民交通出版社，2011.1

ISBN 978-7-114-08809-4

I . ①注… II . ①注… III . ①岩土工程 - 工程技术人
员 - 资格考核 - 习题 IV . ①TU4-44

中国版本图书馆 CIP 数据核字 (2010) 第 248251 号

Zhuce Yantu Gongchengshi Zhiye Zige Kaoshi Jichu Kaoshi Fuxi Jiaocheng

书 名：注册岩土工程师执业资格考试基础考试复习教程（第五版）

著 作 者：注册工程师考试复习用书编委会

责 任 编 辑：刘彩云

出 版 发 行：人民交通出版社

地 址：(100011) 北京市朝阳区安定门外大街斜街 3 号

网 址：<http://www.ccpress.com.cn>

销 售 电 话：(010) 59757969, 59757973

总 经 销：人民交通出版社发行部

印 刷：北京鑫正大印刷有限公司

开 本：787 × 1092 1/16

印 张：94.25

字 数：2355 千

版 次：2003 年 4 月 第 1 版

2004 年 4 月 第 2 版

2007 年 2 月 第 3 版

2009 年 5 月 第 4 版

2011 年 1 月 第 5 版

印 次：2011 年 7 月 第 3 次印刷 累计第 10 次印刷

书 号：ISBN 978-7-114-08809-4

定 价：156.00 元（含上、下两册）

（如有印刷、装订质量问题，由本社负责调换）

注册工程师考试复习用书

编 委 会

主任委员 赵知敬

副主任委员 于春普

主 编 曹纬浚

编 委 (以姓氏笔画为序)

于春普	王 健	刘 燕	刘世奎
刘宝生	冯 东	乔春生	许小重
许怡生	孙惠镐	杨松林	李兆年
李魁元	吴昌泽	吴景坤	陈向东
范元玮	朋改非	赵知敬	钱民刚
曹纬浚	程学平	谢亚勃	

第五版前言

原建设部(现住房和城乡建设部)和原人事部(现人力资源和社会保障部)从 2002 年起实施注册岩土工程师执业资格考试制度。

本书前两版曾署名北京市注册工程师管理委员会编写,修订再版时根据《中华人民共和国行政许可法》,不再冠以注册工程师管理委员会的名义。

为了帮助岩土工程师们准备考试,本书的编写作者自 2002 年起就参加了北京市注册岩土工程师的考前辅导培训工作,他们都是本专业有较深造诣的教授和高级工程师,分别来自北京建筑工程学院、北京工业大学、北京交通大学、北京工商大学和北京市建筑设计研究院。教师们根据多年教学实践经验和考生的回馈意见,依据考试大纲和现行教材、规范,以多年辅导培训的教案为基础,为学员们编写了这本教程。本教程的目的是为了指导复习,因此力求简明扼要,联系实际,着重对概念和规范的理解应用,并注意突出重点。本教程经多年的使用和不断修订完善,已经成为值得考生信赖的考前辅导和培训用书。

本教程严格按考试大纲编写,并在多年教学实践中不断加以改进,自出版以来深受广大考生欢迎。2007 年,我们在每章后均增加了一节“复习指导”,以帮助自学的考生更好地掌握教程的内容。为方便考生复习,本教程分上、下册出版,上册第一至第十一章为上午公共基础考试段内容,下册第十二至第十九章为下午专业基础考试段内容。

2009 年 3 月,住房和城乡建设部与人力资源和社会保障部共同批准了经过修订的《勘察设计注册工程师资格考试公共基础考试大纲》,新大纲较原上午段的考试大纲更加详细、明确,各科内容均有调整。局部调整较多的有“高等数学”中的“概率论与数理统计”,“普通化学”中的“有机化合物”,“理论力学”中的“动力学”。整个科目内容调整较大的有“计算机应用基础”、“电工电子技术”和“工程经济”。据了解,目前土木工程院校非信息专业大多未学习“信号与信息技术”这门课程,教材在 2009 年对这一部分着重介绍概念和基本知识,2011 年专门增加了“信号和信息技术”一章。新大纲在上午段增加了“法律法规”试题,但同时保留了下午段“职业法规”的试题,因此我们在上册中增加了“法律法规”一章,为避免重复,我们取消了下册中“职业法规”一章,将“职业法规”的内容合并到“法律法规”一章中。请考生注意,上册中的第十一章“法律法规”中包含了下午段“职业法规”的考试内容。

参加本教材 2009 年版编写和修订工作的教师有:第一章第一至第八节吴昌泽;第一章第九节范元玮;第二章程学平;第三章毛怀玲编写,谢亚勃修

订；第四章刘燕；第五章钱民刚；第六章李兆年；第七章、第八章许怡生；第九章许小重；第十章陈向东；第十一章李魁元；第十二章朋改非；第十三章杨松林；第十四章刘宝生；第十五章刘世奎；第十六章冯东；第十七章王健、张怀静；第十八章吴景坤；第十九章乔春生。

考生在复习本教程时，应结合阅读相应的教材、规范。本教程每章后均附有参考习题，另有配套的《注册岩土工程师执业资格考试基础考试复习题集》，编制试题 2 700 多道，绝大多数试题附有提示和答案。建议考生在复习本教程的同时，多做习题，这将对考生巩固、检验复习效果和准备好考试大有帮助。

祝各位考生考试取得好成绩！

注册工程师考试复习用书编委会

主编致考生

一、注册岩土工程师在专业考试之前进行基础考试是和国外接轨的做法。通过基础考试并达到职业实践年限后就可以申请参加专业考试。基础考试是考大学中的基础课程，按考试大纲的安排，上午考试段考 10 科，120 道题，4 个小时，每题 1 分，共 120 分；下午考试段考 9 科，60 道题，4 个小时，每题 2 分，共 120 分；上、下午共 240 分。试题均为 4 选 1 的单选题，平均每题时间上午 2 分钟，下午 4 分钟，因此不会有复杂的论证和计算，主要是检验考生的基本概念和基本知识。考生在复习时不要偏重难度大或过于复杂的知识，而应将复习的主要注意力放在弄清基本概念和基本知识上。

二、考生在复习本教程之前，应认真阅读“考试大纲”，清楚地了解考试的内容和范围，以便合理制订自己的复习计划。复习时一定要紧扣“考试大纲”的内容，将全面复习与突出重点相结合。着重对“考试大纲”要求掌握的基本概念、基本理论、基本计算方法、计算公式和步骤，以及基本知识的应用等内容有系统、有条理地重点掌握，明白其中的道理和关系，掌握分析问题的方法。同时还应会使用为减少计算工作量或简化、方便计算所制作的表格等。本教程中每章后均有一节“复习指导”，具体说明本章的复习重点、难点和复习中要注意的问题，建议考生认真阅读每章的“复习指导”，参考“复习指导”的意见进行复习。在对基本概念、基本原理和基本知识有一个整体把握的基础上，对每章节的重点、难点进行重点复习和重点掌握。

三、注册岩土工程师基础考试上、下午试卷共计 240 分，上、下午不分段计算成绩，这几年及格线都是 55%，也就是说上、下午试卷总分达到 132 分就可以通过。因此，考生在准备考试时应注意扬长避短。从道理上讲，自己较弱的科目更应该努力复习，但毕竟时间和精力有限，如今年新增加的“信号与信息技术”，据了解，土建非信息专业大多未学过，短时间内要掌握好比较困难，而“信号与信息技术”总共只有 6 道题，6 分，只占总分的 2.5%，也就是说，即使“信号与信息技术”一分未得，其他科目也还有 234 分，从 234 分中考 132 分是完全可以做到的。因此考生可以根据考试分科题量、分数分配和自己的具体情况，计划自己的复习重点和主要得分科目。当然一些主要得分科目是不能放松的，如“高等数学”24 题（上午段）24 分，“结构力学与结构设计”12 题（下午段）24 分，“工程地质”10 题（下午段）20 分，“岩体工程与基础工程”10 题（下午段）20 分，都是不能放松的；其他科目则可根据自己过去对课程的掌握情况有所侧重，争取在自己过去学得好的课程中多得分。

四、在考试拿到试卷时，建议考生不要顺着题序顺次往下做。因为有的题会比较难，有的题不很熟悉，耽误的时间会比较多，以致到最后时间不

够,题做不完,有些题会做但时间来不及,这就太得不偿失了。建议考生将做题过程分为三遍:

(1)首先用15~20分钟将题从头到尾看一遍,一是首先解答出自己很熟悉很有把握的题;二是将那些需要稍加思考估计能在平均答题时间里做出的题做个记号。这里说的平均答题时间,是指上午段4个小时考120道题,平均每小时30道题,每题2分钟;下午段4个小时考60道题,平均每小时15道题,每题4分钟,这个2分钟(上午)、4分钟(下午)就是平均答题时间。将估计在这个时间里能做出来的题做上记号。

(2)第二遍做这些做了记号的题,这些题应该在考试时间里能做完,做完了这些题可以说就考出了考生的基本水平,不管考生基础如何,复习得怎么样,考得如何,至少不会因为题没做完而遗憾了。

(3)这些会做或基本会做的题做完以后,如果还有时间,就做那些需要稍多花费时间的题,能做几个算几个,并适当抽时间检查一下已答题的答案。

(4)考试时间将近时,比如还剩5分钟要收卷了,这时你就应看看还有多少道题没有答,这些题确实不会了,建议考生也不要放弃。既然是单选,那也不妨估个答案,答对了也是有分的。建议考生回头看看已答题目的答案,A、B、C、D各有多少,虽然整个卷子四种答案的数量并不一定是平均的,但还是可以这样考虑,看看已答的题A、B、C、D中哪个答案最少,然后将不会做没有答的题按这个前边最少的答案通填,这样其中会有 $1/4$ 可能还会多于 $1/4$ 的题能得分,如果考生前边答对的题离及格正好差几分,这样一补充就能及格了。

五、基础考试是不允许带书和资料的,考试时发给一本“考试手册”,考后收回。考试中需要用到的公式和图表手册上都有,但翻手册是需要时间的,因此,常用的公式和数据还是应该记住的。另外,也要善于翻手册,要能很快地找到需要的公式和图表,这样才能加快答题速度。

六、本教程每章后均附有参考习题及答案。另外,我们还专门为考生编写了一本《注册岩土工程师执业资格考试基础考试复习题集》,题集编入习题2700多道,绝大多数试题提供了解题提示和答案。建议考生在复习好本教程内容的基础上,多做习题。多做习题能帮助巩固已学的概念、理论、方法和公式等,并能发现自己的不足,哪些地方理解得不正确,哪些地方没有掌握好;同时熟能生巧,多做题能提高解题速度。本教程在最后提供了一套模拟试题,建议考生在复习完本教程以后,集中时间,排除干扰,模拟考试气氛,将模拟试题全部做一遍,以接近实战地检验一下自己的复习效果。

相信这本教程和复习题集能帮助大家准备好考试。

最后,祝愿各位考生取得好成绩!

曹纬浚

目 录

上 册

第一章 高等数学	1
第一节 空间解析几何与向量代数.....	1
第二节 一元函数微分学.....	9
第三节 一元函数积分学	25
第四节 多元函数微分学	40
第五节 多元函数积分学	48
第六节 级数	60
第七节 常微分方程	69
第八节 线性代数	75
第九节 概率论与数理统计.....	101
第十节 复习指导.....	120
参考习题.....	127
答案.....	141
第二章 普通物理	143
第一节 热学.....	143
第二节 波动学.....	153
第三节 光学.....	160
第四节 复习指导.....	172
参考习题.....	174
答案.....	179
第三章 普通化学	180
第一节 物质结构与物质状态.....	180
第二节 溶液.....	200
第三节 化学反应速率与化学平衡.....	208
第四节 氧化还原反应与电化学.....	221
第五节 有机化合物.....	229
第六节 复习指导.....	246
参考习题.....	249
答案.....	254
第四章 理论力学	255
第一节 静力学.....	255
第二节 运动学.....	269

第三节 动力学.....	279
第四节 复习指导.....	292
参考习题.....	295
答案.....	309
第五章 材料力学.....	310
第一节 概论.....	310
第二节 内力计算与内力图.....	316
第三节 应力计算与强度条件.....	321
第四节 变形计算与刚度条件.....	328
第五节 变形比较法解超静定问题.....	332
第六节 应力状态与强度理论.....	335
第七节 组合变形.....	341
第八节 压杆稳定.....	346
第九节 能量法简介.....	349
第十节 复习指导.....	351
参考习题.....	353
答案.....	373
第六章 流体力学.....	375
第一节 流体力学定义及连续介质假设.....	375
第二节 流体的主要物理性质.....	375
第三节 流体静力学.....	380
第四节 流体动力学.....	390
第五节 流动阻力和能量损失.....	404
第六节 孔口、管嘴及有压管流	416
第七节 明渠恒定流.....	428
第八节 渗流定律、井和集水廊道	436
第九节 量纲分析和相似原理.....	442
第十节 流体运动参数的测量.....	449
第十一节 复习指导.....	453
参考习题.....	455
答案.....	459
第七章 电工电子技术.....	460
第一节 电场与磁场.....	460
第二节 电路的基本概念和基本定律.....	464
第三节 直流电路的解题方法.....	470
第四节 正弦交流电路的解题方法.....	474
第五节 电路的暂态过程.....	486
第六节 变压器、电动机及继电接触控制	489
第七节 二极管、稳压管	499
第八节 直流电源.....	501

第九节 三极管.....	504
第十节 基本放大电路.....	506
第十一节 集成运算放大器.....	514
第十二节 数字电路.....	521
第十三节 复习指导.....	533
参考习题.....	535
答案.....	544
第八章 信号与信息技术.....	546
第一节 基本概念.....	546
第二节 数字信号与信息.....	564
第三节 复习指导.....	576
参考习题.....	577
答案.....	580
第九章 计算机应用基础.....	581
第一节 计算机基础知识.....	581
第二节 计算机程序设计语言.....	586
第三节 信息表示.....	602
第四节 常用操作系统.....	604
第五节 计算机网络.....	606
第六节 复习指导.....	618
参考习题.....	621
答案.....	627
第十章 工程经济.....	628
第一节 资金的时间价值.....	628
第二节 财务效益与费用估算.....	635
第三节 资金来源与融资方案.....	644
第四节 财务分析.....	648
第五节 经济费用效益分析.....	658
第六节 不确定性分析.....	659
第七节 方案经济比选.....	662
第八节 改扩建项目的经济评价特点.....	664
第九节 价值工程.....	665
第十节 复习指导.....	668
参考习题.....	670
答案.....	674
第十一章 法律法规.....	675
第一节 我国法规的基本体系.....	675
第二节 中华人民共和国建筑法(摘要).....	675
第三节 中华人民共和国安全生产法(摘要).....	679
第四节 中华人民共和国招标投标法(摘要).....	683

第五节	中华人民共和国合同法(摘要).....	686
第六节	中华人民共和国行政许可法(摘要).....	690
第七节	中华人民共和国节约能源法(摘要).....	692
第八节	中华人民共和国环境保护法(摘要).....	697
第九节	建设工程勘察设计管理条例(摘要).....	699
第十节	建设工程质量管理条例(摘要).....	702
第十一节	建设工程安全生产管理条例(摘要).....	705
第十二节	设计文件编制的有关规定.....	709
第十三节	工程建设强制性标准的有关规定.....	710
第十四节	房地产开发程序.....	711
第十五节	工程监理的有关规定.....	714
第十六节	勘察设计行业职业道德准则.....	715
第十七节	复习指导.....	715
	参考习题.....	716
	答案.....	721

下 册

第十二章	土木工程材料.....	723
第一节	材料科学与物质结构基础知识.....	723
第二节	气硬性无机胶凝材料.....	731
第三节	水泥.....	734
第四节	混凝土.....	743
第五节	沥青及改性沥青.....	759
第六节	建筑钢材.....	765
第七节	木材.....	775
第八节	石材.....	777
第九节	粘土.....	778
第十节	复习指导.....	780
	参考习题.....	784
	答案.....	789
第十三章	工程测量.....	790
第一节	测量基本概念.....	790
第二节	水准测量.....	792
第三节	角度测量.....	796
第四节	距离测量及直线定向.....	800
第五节	测量误差的基本知识.....	805
第六节	控制测量.....	810
第七节	地形图测绘.....	817
第八节	地形图应用.....	819

第九节	建筑工程测量	821
第十节	全球定位系统(GPS)简介	826
第十一节	复习指导	827
参考习题		829
答案		839
第十四章	土木工程施工与管理	841
第一节	土石方工程与桩基础工程	841
第二节	钢筋混凝土工程与预应力混凝土工程	855
第三节	结构吊装工程与砌体工程	865
第四节	施工组织设计	873
第五节	流水施工原理	876
第六节	网络计划技术	881
第七节	施工管理	888
第八节	复习指导	892
参考习题		895
答案		899
第十五章	结构力学	900
第一节	平面体系的几何组成分析	900
第二节	静定结构的受力分析与特性	902
第三节	结构的位移计算	915
第四节	超静定结构的受力分析与特性	922
第五节	结构的动力特性与动力反应	941
第六节	复习指导	947
参考习题		969
答案		985
第十六章	结构设计	986
第一节	钢筋混凝土结构材料性能	986
第二节	基本设计原则	991
第三节	钢筋混凝土构件承载能力极限状态计算	999
第四节	正常使用极限状态验算	1020
第五节	预应力混凝土	1024
第六节	构造要求	1037
第七节	单层厂房	1037
第八节	钢筋混凝土多层及高层房屋	1039
第九节	抗震设计要点	1051
第十节	钢结构钢材性能	1064
第十一节	钢结构基本构件	1065
第十二节	钢结构的连接设计计算	1072
第十三节	砌体结构材料性能	1078
第十四节	砌体结构设计基本原则	1081

第十五节	砌体墙、柱的承载力计算	1081
第十六节	混合结构房屋设计	1086
第十七节	砌体结构房屋部件	1100
第十八节	砌体结构抗震设计要点	1107
第十九节	复习指导	1113
	参考习题	1114
	答案	1121
第十七章	土力学与基础工程	1122
第一节	土的物理性质和工程分类	1122
第二节	地基中的应力	1129
第三节	土的压缩性与地基沉降	1134
第四节	土的抗剪强度	1141
第五节	地基承载力	1143
第六节	土压力	1148
第七节	边坡稳定	1153
第八节	地基勘察	1156
第九节	浅基础	1158
第十节	深基础	1178
第十一节	特殊性土	1188
第十二节	地基处理	1194
第十三节	复习指导	1199
	参考习题	1203
	答案	1209
第十八章	工程地质	1210
第一节	岩石的成因和分类	1210
第二节	地质构造	1217
第三节	地貌和第四纪地质	1225
第四节	岩体结构和稳定分析	1241
第五节	动力地质	1248
第六节	地下水	1265
第七节	岩土工程勘察	1276
第八节	原位测试技术	1293
第九节	复习指导	1304
	参考习题	1307
	答案	1314
第十九章	岩体力学与岩体工程	1315
第一节	岩石的基本物理、力学性质及试验方法	1315
第二节	岩体工程分类	1354
第三节	岩体的初始地应力状态	1367
第四节	岩体力学在边坡工程中的应用	1384

第五节 岩基的应力与稳定性分析	1409
第六节 复习指导	1422
参考习题	1424
答案	1430
模拟试题	1431
附录一 勘察设计注册工程师资格考试公共基础考试大纲(上午段)	1456
附录二 注册土木工程师(岩土)执业资格考试专业基础考试大纲(下午段)	1463
附录三 勘察设计注册工程师资格考试公共基础试题(上午段)配置说明	1468
附录四 注册土木工程师(岩土)执业资格考试专业基础考试(下午段)配置说明	1469
附录五 注册土木工程师(岩土)基础考试参考书目	1470

第一章 高等数学

第一节 空间解析几何与向量代数

一、空间直角坐标

(一) 坐标轴的平移

设旧坐标系为 $Oxyz$, 新坐标系为 $O'x'y'z'$, 新轴与旧轴平行, 点 O' 的旧坐标为 (a, b, c) , 点 M 的旧、新坐标依次为 (x, y, z) 及 (x', y', z') , 则

$$x = a + x', y = b + y', z = c + z' \quad (1-1)$$

(二) 两点间的距离

在空间直角坐标中, $M_1(x_1, y_1, z_1)$ 与 $M_2(x_2, y_2, z_2)$ 之间的距离为

$$d = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 + (z_2 - z_1)^2}$$

(三) 定比分点

设 $M_1(x_1, y_1, z_1), M_2(x_2, y_2, z_2)$ 为两定点, 点 $M(x, y, z)$ 将 $\overline{M_1M_2}$ 分为两段 $\overline{M_1M}, \overline{MM_2}$, 使 $\frac{M_1M}{MM_2} = \lambda$, ($\lambda \neq -1$), 则

$$x = \frac{x_1 + \lambda x_2}{1 + \lambda}, y = \frac{y_1 + \lambda y_2}{1 + \lambda}, z = \frac{z_1 + \lambda z_2}{1 + \lambda} \quad (1-2)$$

当 $\lambda = 1$ 时, M 为 $\overline{M_1M_2}$ 的中点, 则

$$x = \frac{x_1 + x_2}{2}, y = \frac{y_1 + y_2}{2}, z = \frac{z_1 + z_2}{2} \quad (1-3)$$

(四) 空间方向的确定

设有一条有向直线 L , 它与三个坐标轴正向的夹角分别为 α, β, γ ($0 \leq \alpha, \beta, \gamma \leq \pi$), 称为直线 L 的方向角; $\{\cos \alpha, \cos \beta, \cos \gamma\}$ 称为直线 l 的方向余弦, 三个方向余弦有如下关系

$$\cos^2 \alpha + \cos^2 \beta + \cos^2 \gamma = 1 \quad (1-4)$$

二、向量代数

(一) 向量的概念

空间具有一定长度和方向的线段称为向量。以 A 为起点, B 为终点的向量记作 \vec{AB} , 或简记作 \vec{a} 。向量 \vec{a} 的长记作 $|\vec{a}|$, 又称为向量 \vec{a} 的模, 两向量 \vec{a} 和 \vec{b} 若满足: (1) $|\vec{a}| = |\vec{b}|$, (2) $\vec{a} \parallel \vec{b}$, (3) a, b 指向同一侧, 则称 $\vec{a} = \vec{b}$ 。

(二) 向量的运算

1. 两向量的和

以 \vec{a}, \vec{b} 为边的平行四边形的对角线所表示的向量 \vec{c} 称向量 \vec{a} 与 \vec{b} 的和, 记作

$$\vec{c} = \vec{a} + \vec{b} \quad (1-5)$$

一般说, n 个向量 $\vec{a}_1, \vec{a}_2, \dots, \vec{a}_n$ 的和可定义如下: 先作向量 \vec{a}_1 , 再以 \vec{a}_1 的终点为起点作向

量 \vec{a}_2, \dots , 最后以向量 \vec{a}_{n-1} 的终点为起点作向量 a_n , 则以向量 a_1 的起点为起点、以向量 a_n 的终点为终点的向量 \vec{b} 称为 $\vec{a}_1, \vec{a}_2, \dots, \vec{a}_n$ 的和, 即

$$\vec{b} = \vec{a}_1 + \vec{a}_2 + \dots + \vec{a}_n \quad (1-6)$$

2. 两向量的差

设 \vec{a} 为一向量, 与 \vec{a} 的模相同, 而方向相反的向量叫做 \vec{a} 的负向量, 记作 $-\vec{a}$, 规定两个向量 \vec{a} 与 \vec{b} 的差为

$$\vec{a} - \vec{b} = \vec{a} + (-\vec{b}) \quad (1-7)$$

3. 向量与数的乘法

设 λ 是一个数, 向量 \vec{a} 与 λ 的乘积 $\lambda\vec{a}$ 规定为:

当 $\lambda > 0$ 时, $\lambda\vec{a}$ 表示一个向量, 它的方向与 \vec{a} 的方向相同, 它的模等于 $|\vec{a}|$ 的 λ 倍, 即 $|\lambda\vec{a}| = |\vec{a}| \cdot |\lambda|$;

当 $\lambda = 0$ 时, $\lambda\vec{a}$ 是零向量, 即 $\lambda\vec{a} = 0$;

当 $\lambda < 0$ 时, $\lambda\vec{a}$ 表示一个向量, 它的方向与 \vec{a} 的方向相反, 模等于 $|\vec{a}|$ 的 $|\lambda|$ 倍, 即 $|\lambda\vec{a}| = |\lambda| |\vec{a}|$ 。

4. 两向量的数量积

两向量的数量积为一数量, 表示为

$$\vec{a} \cdot \vec{b} = |\vec{a}| |\vec{b}| \cos(\hat{a}, b) \quad (1-8)$$

5. 两向量的向量积

两向量的向量积为一向量, 记作 $\vec{a} \times \vec{b} = \vec{c}$ 。

① $|\vec{c}| = |\vec{a}| |\vec{b}| \sin(\vec{a}, \vec{b})$, $|\vec{c}|$ 的几何意义为以 \vec{a}, \vec{b} 为边作出的平行四边形的面积; ② $\vec{c} \perp \vec{a}, \vec{c} \perp \vec{b}$; ③ \vec{c} 的正向按右手规则四个手指从 \vec{a} 以不超过 π 的角度转向 \vec{b} , 则大拇指的指向即为 \vec{c} 的方向。

6. 三个向量的混合积

$(\vec{a} \times \vec{b}) \cdot \vec{c}$ 称为向量 $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$ 的混合积, 记作 $[\vec{a} \vec{b} \vec{c}]$, 模 $|(\vec{a} \times \vec{b}) \cdot \vec{c}|$ 表示以 $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$ 为棱的平行六面体的体积。可推出, 当向量 $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$ 共面时, $(\vec{a} \times \vec{b}) \cdot \vec{c} = 0$ 。

(三) 向量运算的性质 (\vec{a}, \vec{b} 为向量, λ, μ 为数量)

交换律:

$$\vec{a} + \vec{b} = \vec{b} + \vec{a}, \lambda\vec{a} = \vec{a}\lambda, \vec{a} \cdot \vec{b} = \vec{b} \cdot \vec{a}$$

结合律:

$$(\vec{a} + \vec{b}) + \vec{c} = \vec{a} + (\vec{b} + \vec{c}), (\lambda\mu)\vec{a} = \lambda(\mu\vec{a}), \lambda(\vec{a} + \vec{b}) = (\lambda\vec{a}) + \vec{b} = \vec{a} + (\lambda\vec{b}), \lambda(\vec{a} \times \vec{b}) = (\lambda\vec{a}) \times \vec{b} = \vec{a} \times (\lambda\vec{b})$$

分配律:

$$(\lambda + \mu)\vec{a} = \lambda\vec{a} + \mu\vec{a}, \lambda(\vec{a} + \vec{b}) = \lambda\vec{a} + \lambda\vec{b}, (\vec{a} + \vec{b}) \cdot \vec{c} = \vec{a} \cdot \vec{c} + \vec{b} \cdot \vec{c}, (\vec{a} + \vec{b}) \times \vec{c} = \vec{a} \times \vec{c} + \vec{b} \times \vec{c}$$

(四) 向量在轴上的投影

给定向量 \overrightarrow{AB} 及 u 轴, 过 A, B 点分别向 u 轴作垂直平面, 与 u 轴交于 A_1, B_1 , 则有向线段 $\overrightarrow{A_1B_1}$ 的值 A_1B_1 称为 \overrightarrow{AB} 在 u 轴上的投影, 记作 $\text{Prj}_u \overrightarrow{AB}$, 向量的投影是一个数量。

设 \overrightarrow{AB} 与 u 轴的夹角为 α , 则

$$\text{Prj}_u \overrightarrow{AB} = |\overrightarrow{AB}| \cos \alpha$$

n 个向量的和在 u 轴上的投影为

$$\text{Prj}_u (\vec{a}_1 + \vec{a}_2 + \dots + \vec{a}_n) = \text{Prj}_u \vec{a}_1 + \text{Prj}_u \vec{a}_2 + \dots + \text{Prj}_u \vec{a}_n \quad (1-9)$$