



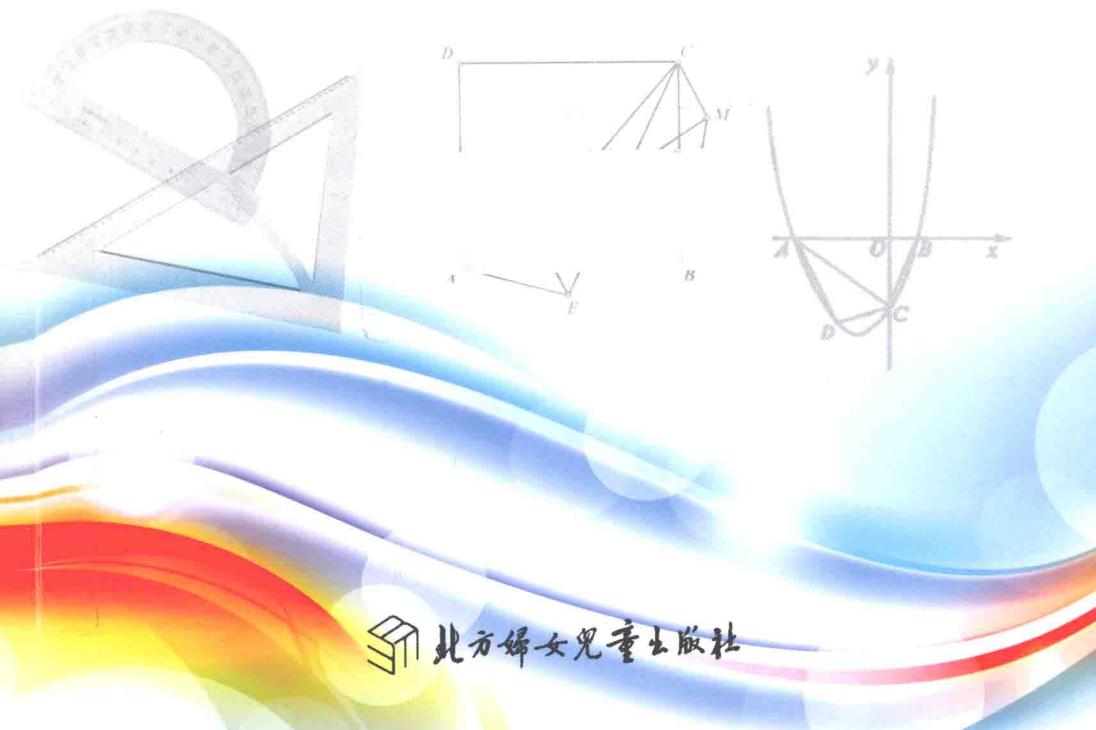
|中考必备知识点大全|

初中数学

基础知识手册

CHUZHONG SHUXUE JICHU ZHISHI SHOUCE

王广德 编



北方妇女儿童出版社



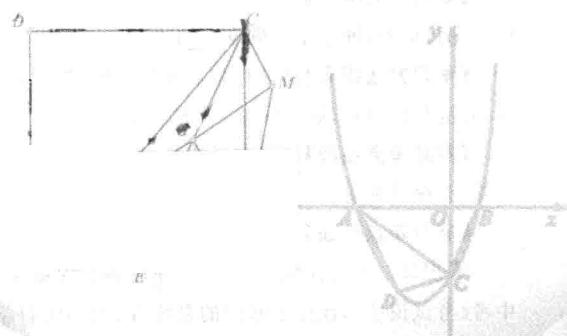
|中考必备知识点大全|

初中数学

基础知识手册

CHUZHONG SHUXUE JICHU ZHISHI SHOUCE

王广德 编



北方妇女兒童出版社

图书在版编目(CIP)数据

初中数学基础知识手册 / 王广德编. —— 长春 : 北方妇女儿童出版社, 2014. 2

ISBN 978-7-5385-8052-5

I. ①初… II. ①王… III. ①中学数学课—初中—教学参考资料 IV. ①G634. 603

中国版本图书馆 CIP 数据核字(2014)第 014509 号

初中数学基础知识手册

编 者	王广德
出 版 人	刘 刚
策 划	师晓晖
责 任 编 辑	师晓晖 邱 岚
封 面 设 计	彭富强
开 本	890mm×1240mm 1/32
字 数	830 千字
印 张	15
版 次	2014 年 4 月第 1 版
印 次	2014 年 4 月第 1 次印刷

出 版 行	北方妇女儿童出版社
地 址	长春市人民大街 4646 号
电 话	0431-85640624
网 址	www. bfes. cn
印 刷	吉林吉达印刷有限公司

书 号: ISBN 978-7-5385-8052-5 定价: 29.80 元
版 权 所 有 侵 权 必 究 举 报 电 话: 0431-85644810

前 言

为了帮助学生从整体上把握数学基础知识,更好地掌握新教材的学习内容,找到需要加强的薄弱环节,获得更多自主学习和发展的空间,建设开放、多样、有序的数学知识体系,我们特邀全国各省市部分一线优秀教师编写了这本《初中数学基础知识手册》。本书以教育部颁布的数学课程标准为指导,参照各种版本的数学教材及各地的《考试说明》,将初中阶段的数学知识进行整合,使本书成为一本融知识性、系统性、科学性、实用性为一体的工具书。

系统性 本书所涉及的数学知识包括数及其运算、图形、统计与概率、应试技巧、应试备考等,知识体系完备,材料丰富,涵盖了数学学科的全部内容。书中各知识点均按系统分类,以阶梯渐进式推进,为学生建立了一个完整的数学知识体系。

科学性 本书所涉及的知识点层次鲜明,贴近学生学习实际,每一知识点后不仅附有例题,而且还附有部分各省市中考例题,既对课本内外的知识进行了系统梳理和分类归纳,也对中考的考点进行了阐释和解析。这有利于全面扎实地提高学生的数学素养及成绩。在编排体系上,紧跟时代特色,与最新课改命题对接,参照各地中考的主要题型,每一知识板块以讲为单位设置如下栏目:

【基础知识精要】通过知识思维导图来梳理本讲知识结构,然后依据知识点的重难点程度进行讲解,使学生明确学习的方向。

【学习方法指导】通过对典型题的例析,揭示解题规律;数学思想应用揭开解题的奥妙;易混易错辨析,解开误点,点悟思维。

【高频考点在线】依据中考的热、重、难点,对各省市部分中考题进行解析,使学生夯实基础,提升能力。

【高频考点在线】对常用公式、定理进行简单明了的总结,使学生易于记忆和使用。

实用性 本书在编写过程中,作者整合了数学学科的各个要点,并深入研究各地的中考《考试说明》,保证了知识的系统性、归类的科学性、阐释的准确性,因而具有较强的工具性。同时,本书采用双色印刷,查阅更方便。

总之,我们希望本书能让学生实现数学学习效率的最大化,为求成为学生学习的资料包。

第一编 基础知识篇

专题一 实数	1	第4讲 实数的性质与运算	22
第一章 有理数	1	第一部分 基础知识精要	22
知识思维导图	1	知识思维导图	22
课程标准要求	2	基础知识讲解	22
第1讲 有理数的意义	2	第二部分 学习方法指导	24
第一部分 基础知识精要	2	解题方法技巧	24
知识思维导图	2	数学思想应用	25
基础知识讲解	2	易混易错辨析	26
第二部分 学习方法指导	5	第三部分 高频考点在线	27
解题方法技巧	5	第四部分 常用公式定理	28
数学思想应用	6		
易混易错辨析	7		
第三部分 高频考点在线	7		
第四部分 常用公式定理	8		
第2讲 有理数的运算	9		
第一部分 基础知识精要	9		
知识思维导图	9		
基础知识讲解	9		
第二部分 学习方法指导	12		
解题方法技巧	12		
数学思想应用	14		
易混易错辨析	14		
第三部分 高频考点在线	15		
第四部分 常用公式定理	16		
第二章 数的开方	17	第5讲 代数式	29
知识思维导图	17	第三章 整式的加减	29
课程标准要求	17	知识思维导图	29
第3讲 平方根与立方根	17	课程标准要求	29
第一部分 基础知识精要	17	第5讲 代数式	30
知识思维导图	17	第一部分 基础知识精要	30
基础知识讲解	18	知识思维导图	30
第二部分 学习方法指导	19	基础知识讲解	30
解题方法技巧	19	第二部分 学习方法指导	31
数学思想应用	20	解题方法技巧	31
易混易错辨析	20	数学思想应用	32
第三部分 高频考点在线	21	易混易错辨析	32
第四部分 常用公式定理	21	第三部分 高频考点在线	32
		第四部分 常用公式定理	33
第6讲 整式的加减	33		
第一部分 基础知识精要	33		
知识思维导图	33		
基础知识讲解	34		
第二部分 学习方法指导	36		
解题方法技巧	36		
数学思想应用	36		
易混易错辨析	37		
第三部分 高频考点在线	37		
第四部分 常用公式定理	38		
第四章 整式的乘除	39		
知识思维导图	39		
课程标准要求	39		

数学 基础知识手册

第 7 讲 幂的运算性质	40	第五章 分 式	59
第一部分 基础知识精要	40	知识思维导图	59
知识思维导图	40	课程标准要求	59
基础知识讲解	40	第 11 讲 分式及其性质	59
第二部分 学习方法指导	42	第一部分 基础知识精要	59
解题方法技巧	42	知识思维导图	59
数学思想应用	43	基础知识讲解	60
易混易错辨析	43	第二部分 学习方法指导	61
第三部分 高频考点在线	44	解题方法技巧	61
第四部分 常用公式定理	45	数学思想应用	62
第 8 讲 整式的乘法	45	易混易错辨析	63
第一部分 基础知识精要	45	第三部分 高频考点在线	63
知识思维导图	45	第四部分 常用公式定理	64
基础知识讲解	45	第 12 讲 分式的运算	65
第二部分 学习方法指导	46	第一部分 基础知识精要	65
解题方法技巧	46	知识思维导图	65
数学思想应用	48	基础知识讲解	65
易混易错辨析	48	第二部分 学习方法指导	67
第三部分 高频考点在线	49	解题方法技巧	67
第四部分 常用公式定理	50	数学思想应用	68
第 9 讲 整式的除法	50	易混易错辨析	69
第一部分 基础知识精要	50	第三部分 高频考点在线	69
知识思维导图	50	第四部分 常用公式定理	70
基础知识讲解	50	第六章 二次根式	71
第二部分 学习方法指导	51	知识思维导图	71
解题方法技巧	51	课程标准要求	71
数学思想应用	52	第 13 讲 二次根式的有关概念及性质	71
易混易错辨析	52	第一部分 基础知识精要	71
第三部分 高频考点在线	53	知识思维导图	71
第四部分 常用公式定理	53	基础知识讲解	72
第 10 讲 因式分解	53	第二部分 学习方法指导	73
第一部分 基础知识精要	53	解题方法技巧	73
知识思维导图	53	数学思想应用	73
基础知识讲解	54	易混易错辨析	74
第二部分 学习方法指导	55	第三部分 高频考点在线	74
解题方法技巧	55	第四部分 常用公式定理	75
数学思想应用	56	第 14 讲 二次根式的运算	76
易混易错辨析	56	第一部分 基础知识精要	76
第三部分 高频考点在线	57		
第四部分 常用公式定理	58		

知识思维导图	76
基础知识讲解	76
第二部分 学习方法指导	78
解题方法技巧	78
数学思想应用	79
易混易错辨析	80
第三部分 高频考点在线	80
第四部分 常用公式定理	81

专题三 方程(组)与不等式(组)

..... 82

第七章 一元一次方程与二元一次方程组

..... 82

知识思维导图 82

课程标准要求 82

第 15 讲 一元一次方程 83

第一部分 基础知识精要 83

知识思维导图 83

基础知识讲解 83

第二部分 学习方法指导 85

解题方法技巧 85

数学思想应用 87

易混易错辨析 88

第三部分 高频考点在线 89

第四部分 常用公式定理 89

第 16 讲 二元一次方程组 90

第一部分 基础知识精要 90

知识思维导图 90

基础知识讲解 90

第二部分 学习方法指导 93

解题方法技巧 93

数学思想应用 94

易混易错辨析 95

第三部分 高频考点在线 96

第四部分 常用公式定理 97

第八章 不等式与不等式组 98

知识思维导图 98

课程标准要求 98

第 17 讲 一元一次不等式 99

第一部分 基础知识精要 99

知识思维导图 99

基础知识讲解 99

第二部分 学习方法指导 101

解题方法技巧 101

数学思想应用 103

易混易错辨析 103

第三部分 高频考点在线 104

第四部分 常用公式定理 106

第 18 讲 一元一次不等式组 106

第一部分 基础知识精要 106

知识思维导图 106

基础知识讲解 106

第二部分 学习方法指导 109

解题方法技巧 109

数学思想应用 110

易混易错辨析 111

第三部分 高频考点在线 111

第四部分 常用公式定理 112

第九章 一元二次方程 113

知识思维导图 113

课程标准要求 113

第 19 讲 一元二次方程的有关概念及解法 113

第一部分 基础知识精要 113

知识思维导图 113

基础知识讲解 114

第二部分 学习方法指导 115

解题方法技巧 115

数学思想应用 116

易混易错辨析 117

第三部分 高频考点在线 117

第四部分 常用公式定理 118

第 20 讲 一元二次方程根的判别式和根与系数的关系 119

第一部分 基础知识精要 119

知识思维导图 119

基础知识讲解 119

第二部分 学习方法指导 120

解题方法技巧 120

数学思想应用 121

易混易错辨析	121	知识思维导图	140
第三部分 高频考点在线	122	基础知识讲解	140
第四部分 常用公式定理	123	第二部分 学习方法指导	141
第 21 讲 一元二次方程的应用	123	解题方法技巧	141
第一部分 基础知识精要	123	数学思想应用	143
知识思维导图	123	易混易错辨析	144
基础知识讲解	124	第三部分 高频考点在线	144
第二部分 学习方法指导	125	第四部分 常用公式定理	145
解题方法技巧	125	第十一章 一次函数	146
数学思想应用	126	知识思维导图	146
易混易错辨析	126	课程标准要求	146
第三部分 高频考点在线	127	第 25 讲 一次函数的概念与性质	147
第四部分 常用公式定理	128	147
第 22 讲 分式方程及其应用	128	第一部分 基础知识精要	147
第一部分 基础知识精要	128	知识思维导图	147
知识思维导图	128	基础知识讲解	147
基础知识讲解	129	第二部分 学习方法指导	149
第二部分 学习方法指导	130	解题方法技巧	149
解题方法技巧	130	数学思想应用	151
数学思想应用	131	易混易错辨析	152
易混易错辨析	132	第三部分 高频考点在线	152
第三部分 高频考点在线	132	第四部分 常用公式定理	153
第四部分 常用公式定理	133	第 26 讲 一次函数的应用	154
专题四 函数	134	第一部分 基础知识精要	154
第十章 函数及其图象	134	知识思维导图	154
知识思维导图	134	基础知识讲解	154
课程标准要求	134	第二部分 学习方法指导	155
第 23 讲 平面直角坐标系	135	解题方法技巧	155
第一部分 基础知识精要	135	数学思想应用	157
知识思维导图	135	易混易错辨析	158
基础知识讲解	135	第三部分 高频考点在线	160
第二部分 学习方法指导	137	第四部分 常用公式定理	161
解题方法技巧	137	第十二章 反比例函数	162
数学思想应用	138	知识思维导图	162
易混易错辨析	138	课程标准要求	162
第三部分 高频考点在线	139	第 27 讲 反比例函数的概念与性质	162
第四部分 常用公式定理	139	162
第 24 讲 函数及其图象	140	第一部分 基础知识精要	162
第一部分 基础知识精要	140	知识思维导图	162

基础知识讲解	163	第四部分 常用公式定理	189
第二部分 学习方法指导	164	专题五 空间图形与几何初步	190
解题方法技巧	164	第十四章 图形的初步认识	190
数学思想应用	165	知识思维导图	190
易混易错辨析	166	课程标准要求	190
第三部分 高频考点在线	166	第 31 讲 立体图形	191
第四部分 常用公式定理	168	第一部分 基础知识精要	191
第 28 讲 反比例函数的应用	168	知识思维导图	191
第一部分 基础知识精要	168	基础知识讲解	191
知识思维导图	168	第二部分 学习方法指导	194
基础知识讲解	168	解题方法技巧	194
第二部分 学习方法指导	170	数学思想应用	195
解题方法技巧	170	易混易错辨析	196
数学思想应用	171	第三部分 高频考点在线	196
易混易错辨析	171	第四部分 常用公式定理	197
第三部分 高频考点在线	172	第 32 讲 直线、射线与线段	198
第四部分 常用公式定理	173	第一部分 基础知识精要	198
第十三章 二次函数	174	知识思维导图	198
知识思维导图	174	基础知识讲解	198
课程标准要求	174	第二部分 学习方法指导	201
第 29 讲 二次函数的定义、图象及其性质	174	解题方法技巧	201
第一部分 基础知识精要	174	数学思想应用	202
知识思维导图	174	易混易错辨析	202
基础知识讲解	175	第三部分 高频考点在线	203
第二部分 学习方法指导	177	第四部分 常用公式定理	203
解题方法技巧	177	第 33 讲 角	204
数学思想应用	178	第一部分 基础知识精要	204
易混易错辨析	179	知识思维导图	204
第三部分 高频考点在线	179	基础知识讲解	204
第四部分 常用公式定理	181	第二部分 学习方法指导	208
第 30 讲 二次函数的应用	182	解题方法技巧	208
第一部分 基础知识精要	182	数学思想应用	209
知识思维导图	182	易混易错辨析	209
基础知识讲解	182	第三部分 高频考点在线	210
第二部分 学习方法指导	185	第四部分 常用公式定理	211
解题方法技巧	185	第 34 讲 相交线、平行线	211
数学思想应用	187	第一部分 基础知识精要	211
易混易错辨析	187	知识思维导图	211
第三部分 高频考点在线	188	基础知识讲解	212

第二部分 学习方法指导	215	易混易错辨析	238
解题方法技巧	215	第三部分 高频考点在线	239
数学思想应用	217	第四部分 常用公式定理	240
易混易错辨析	217	第38讲 多边形	240
第三部分 高频考点在线	218	第一部分 基础知识精要	240
第四部分 常用公式定理	219	知识思维导图	240
第十五章 视图与投影	220	基础知识讲解	240
知识思维导图	220	第二部分 学习方法指导	242
课程标准要求	220	解题方法技巧	242
第35讲 视 图	220	数学思想应用	243
第一部分 基础知识精要	220	易混易错辨析	243
知识思维导图	220	第三部分 高频考点在线	244
基础知识讲解	221	第四部分 常用公式定理	245
第二部分 学习方法指导	221	专题六 图形与证明	246
解题方法技巧	221	第十七章 图形的全等与相似	246
数学思想应用	223	知识思维导图	246
易混易错辨析	224	课程标准要求	246
第三部分 高频考点在线	224	第39讲 命题与证明	247
第四部分 常用公式定理	225	第一部分 基础知识精要	247
第36讲 投 影	226	知识思维导图	247
第一部分 基础知识精要	226	基础知识讲解	247
知识思维导图	226	第二部分 学习方法指导	249
基础知识讲解	226	解题方法技巧	249
第二部分 学习方法指导	228	数学思想应用	250
解题方法技巧	228	易混易错辨析	251
数学思想应用	229	第三部分 高频考点在线	251
易混易错辨析	230	第四部分 常用公式定理	252
第三部分 高频考点在线	231	第40讲 全等三角形	252
第四部分 常用公式定理	232	第一部分 基础知识精要	252
第十六章 三角形与多边形	233	知识思维导图	252
知识思维导图	233	基础知识讲解	253
课程标准要求	233	第二部分 学习方法指导	254
第37讲 三角形的有关概念	233	解题方法技巧	254
第一部分 基础知识精要	233	数学思想应用	256
知识思维导图	233	易混易错辨析	256
基础知识讲解	234	第三部分 高频考点在线	256
第二部分 学习方法指导	236	第四部分 常用公式定理	257
解题方法技巧	236	第41讲 等腰三角形	258
数学思想应用	238	第一部分 基础知识精要	258



知识思维导图	258	第三部分 高频考点在线	282
基础知识讲解	258	第四部分 常用公式定理	283
第二部分 学习方法指导	260	第 45 讲 特殊的平行四边形	284
解题方法技巧	260	第一部分 基础知识精要	284
数学思想应用	262	知识思维导图	284
易混易错辨析	263	基础知识讲解	284
第三部分 高频考点在线	263	第二部分 学习方法指导	286
第四部分 常用公式定理	264	解题方法技巧	286
第 42 讲 相似形与相似三角形	265	数学思想应用	289
第一部分 基础知识精要	265	易混易错辨析	290
知识思维导图	265	第三部分 高频考点在线	290
基础知识讲解	265	第四部分 常用公式定理	293
第二部分 学习方法指导	268	第十九章 解直角三角形	294
解题方法技巧	268	知识思维导图	294
数学思想应用	269	课程标准要求	294
易混易错辨析	270	第 46 讲 勾股定理	294
第三部分 高频考点在线	270	第一部分 基础知识精要	294
第四部分 常用公式定理	272	知识思维导图	294
第 43 讲 相似形与相似三角形的应用	272	基础知识讲解	295
第一部分 基础知识精要	272	第二部分 学习方法指导	295
知识思维导图	272	解题方法技巧	295
基础知识讲解	273	数学思想应用	297
第二部分 学习方法指导	273	易混易错辨析	298
解题方法技巧	273	第三部分 高频考点在线	299
数学思想应用	274	第四部分 常用公式定理	300
易混易错辨析	275	第 47 讲 锐角三角函数	300
第三部分 高频考点在线	276	第一部分 基础知识精要	300
第四部分 常用公式定理	276	知识思维导图	300
第十八章 四边形	277	基础知识讲解	301
知识思维导图	277	第二部分 学习方法指导	302
课程标准要求	277	解题方法技巧	302
第 44 讲 平行四边形	278	数学思想应用	304
第一部分 基础知识精要	278	易混易错辨析	304
知识思维导图	278	第三部分 高频考点在线	305
基础知识讲解	278	第四部分 常用公式定理	306
第二部分 学习方法指导	280	第 48 讲 解直角三角形	306
解题方法技巧	280	第一部分 基础知识精要	306
数学思想应用	281	知识思维导图	306
易混易错辨析	282	基础知识讲解	307
		第二部分 学习方法指导	309

解题方法技巧	309	专题七 图形与变换	345
数学思想应用	312	第二十一章 图形与变换	345
易混易错辨析	313	知识思维导图	345
第三部分 高频考点在线	313	课程标准要求	345
第四部分 常用公式定理	316	第 52 讲 平 移	346
第二十章 圆	317	第一部分 基础知识精要	346
知识思维导图	317	知识思维导图	346
课程标准要求	317	基础知识讲解	346
第 49 讲 圆的有关概念及性质	318	第二部分 学习方法指导	347
第一部分 基础知识精要	318	解题方法技巧	347
知识思维导图	318	数学思想应用	349
基础知识讲解	318	易混易错辨析	349
第二部分 学习方法指导	321	第三部分 高频考点在线	350
解题方法技巧	321	第四部分 常用公式定理	351
数学思想应用	323	第 53 讲 轴对称	351
易混易错辨析	324	第一部分 基础知识精要	351
第三部分 高频考点在线	325	知识思维导图	351
第四部分 常用公式定理	326	基础知识讲解	351
第 50 讲 与圆有关的位置关系	326	第二部分 学习方法指导	353
第一部分 基础知识精要	326	解题方法技巧	353
知识思维导图	326	数学思想应用	354
基础知识讲解	326	易混易错辨析	355
第二部分 学习方法指导	331	第三部分 高频考点在线	356
解题方法技巧	331	第四部分 常用公式定理	356
数学思想应用	332	第 54 讲 旋 转	357
易混易错辨析	333	第一部分 基础知识精要	357
第三部分 高频考点在线	334	知识思维导图	357
第四部分 常用公式定理	335	基础知识讲解	357
第 54 讲 与圆有关的计算	336	第二部分 学习方法指导	359
第一部分 基础知识精要	336	解题方法技巧	359
知识思维导图	336	数学思想应用	360
基础知识讲解	336	易混易错辨析	360
第二部分 学习方法指导	339	第三部分 高频考点在线	361
解题方法技巧	339	第四部分 常用公式定理	362
数学思想应用	241	第 55 讲 位 似	362
易混易错辨析	341	第一部分 基础知识精要	362
第三部分 高频考点在线	342	知识思维导图	362
第四部分 常用公式定理	344	基础知识讲解	363

第二部分 学习方法指导	364	第二部分 学习方法指导	388
解题方法技巧	364	解题方法技巧	388
数学思想应用	365	数学思想应用	390
易混易错辨析	366	易混易错辨析	390
第三部分 高频考点在线	367	第三部分 高频考点在线	390
第四部分 常用公式定理	368	第四部分 常用公式定理	391
第二十二章 作图与设计	369	第 59 讲 数据的波动	392
知识思维导图	369	第一部分 基础知识精要	392
课程标准要求	369	知识思维导图	392
第 56 讲 尺规作图	370	基础知识讲解	392
第一部分 基础知识精要	370	第二部分 学习方法指导	393
知识思维导图	370	解题方法技巧	393
基础知识讲解	370	数学思想应用	395
第二部分 学习方法指导	372	易混易错辨析	395
解题方法技巧	372	第三部分 高频考点在线	396
数学思想应用	374	第四部分 常用公式定理	397
易混易错辨析	374	第 60 讲 样本与总体	397
第三部分 高频考点在线	375	第一部分 基础知识精要	397
第四部分 常用公式定理	376	知识思维导图	397
专题八 统计与概率	377	基础知识讲解	397
第二十三章 统计初步	377	第二部分 学习方法指导	399
知识思维导图	377	解题方法技巧	399
课程标准要求	377	数学思想应用	401
第 57 讲 数据的收集与分析	378	易混易错辨析	402
第一部分 基础知识精要	378	第三部分 高频考点在线	403
知识思维导图	378	第四部分 常用公式定理	404
基础知识讲解	378	第二十四章 概 率	405
第二部分 学习方法指导	381	知识思维导图	405
解题方法技巧	381	课程标准要求	405
数学思想应用	383	第 61 讲 事件的可能性	405
易混易错辨析	384	第一部分 基础知识精要	405
第三部分 高频考点在线	384	知识思维导图	405
第四部分 常用公式定理	386	基础知识讲解	406
第 58 讲 平均数、中位数和众数		第二部分 学习方法指导	407
	387	解题方法技巧	407
第一部分 基础知识精要	387	数学思想应用	408
知识思维导图	387	易混易错辨析	408
基础知识讲解	387	第三部分 高频考点在线	408

第四部分 常用公式定理	409	第 63 讲 概 率	414
第 62 讲 频率与机会	409	第一部分 基础知识精要	414
第一部分 基础知识精要	409	知识思维导图	414
知识思维导图	409	基础知识讲解	414
基础知识讲解	410	第二部分 学习方法指导	415
第二部分 学习方法指导	411	解题方法技巧	415
解题方法技巧	411	数学思想应用	417
数学思想应用	412	易混易错辨析	417
易混易错辨析	412	第三部分 高频考点在线	418
第三部分 高频考点在线	412	第四部分 常用公式定理	419
第四部分 常用公式定理	413		

第二编 应试技巧篇

专题一 选择题的解题技巧	420	专题七 开放探究问题的解题技巧	
专题二 填空题的解题技巧	422		437
专题三 网格问题的解题技巧	424	专题八 实践操作问题的解题技巧	
专题四 图表信息问题的解题技巧	427		440
专题五 新情景问题的解题技巧	430	专题九 方案设计问题的解题技巧	
专题六 阅读理解问题的解题技巧	434		443
		专题十 动态问题的解题技巧	447
		专题十一 研究性问题的解题技巧	
			450

第三编 应试备考篇

专题一 中考命题的特点及趋向	456	专题二 中考数学总复习的策略方 法和应试技巧	465
----------------	-----	---------------------------	-----

第一编

基础知识篇



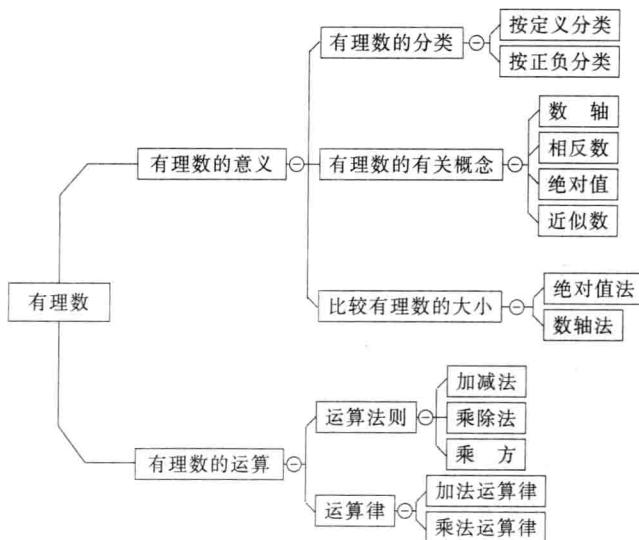
专题一

实数

第一章 有理数



知识思维导图





课程标准要求

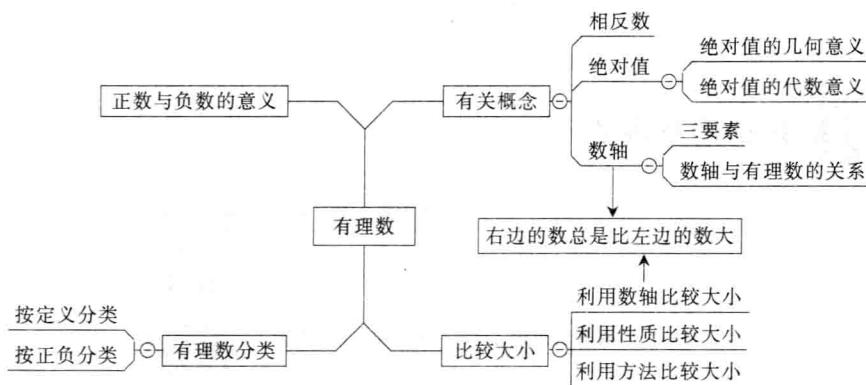
- 理解有理数的意义,能用数轴上的点表示有理数,会比较有理数的大小.
- 借助数轴理解相反数和绝对值的意义,会求有理数的相反数和绝对值.
- 理解乘方的意义,掌握有理数的加、减、乘、除、乘方及简单的混合运算.
- 理解有理数的运算律,并能运用运算律简化运算.
- 能运用有理数的运算解决简单的问题.
- 能对含有较大数据的信息作出合理的解释和推断.
- 了解近似数的概念,在解决实际问题中,能用计算器进行近似计算,并按问题的要求对结果取近似值.

第1讲 有理数的意义

第一部分 基础知识精要



知识思维导图



基础知识讲解

一、正数和负数的意义

正数:大于零的数叫正数.

负数:在正数前面加上“-”的数叫负数,负数都小于0.

零既不是正数也不是负数.

例1 下列各数中,哪些是正数,哪些是负数?

$$-5, +2014, +0, \frac{6}{7}, -3.1415926, 365, -\frac{1}{10}.$$

解 正数有: $+2014, \frac{6}{7}, 365$;

负数有: $-5, -3.1415926, -\frac{1}{10}$.

点拨 0 以外的数没有符号或只有正号就是正数, 判断带有负号的数是否是负数, 首先看除去前面的符号后剩下部分是否是正数, 如果是正数, 可判断原来的数是负数, 否则不是负数.

二、具有相反意义的量

现实生活中有大量的具有相反意义的量, 正数和负数就是为了区分具有相反意义的量而引入的, 哪种意义为正是可以任意选择的, 但是人们习惯把“盈利、上升、收入、零上温度”等规定为正, 而把“亏损、下降、支出、零下温度”等规定为负.

例 2 如果 $+20\%$ 表示增加 20% , 那么 -6% 表示().

- A. 增加 14% B. 增加 6% C. 减少 6% D. 减少 26%

解析 “增加”与“减少”具有相反意义, 如果“ $+$ ”表示“增加”, 那么“ $-$ ”表示“减少”.

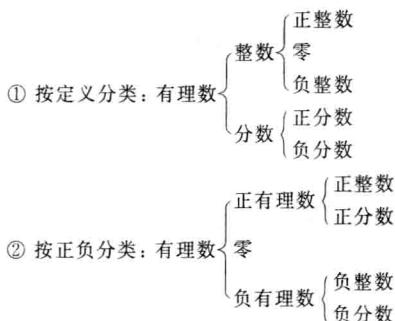
答案 C

三、有理数的分类

(1) 有理数的定义:

正整数、零、负整数统称整数; 正分数和负分数统称分数, 整数和分数统称有理数.

(2) 有理数分类:



例 3 在数 $\frac{1}{3}, 4, -2, 0, -3.14$ 中, 负分数有().

- A. 0 个 B. 1 个 C. 2 个 D. 3 个

解析 因为所有的负的有限小数和无限循环小数也是负分数的表现形式, 所以 -3.14 是负分数, 故选 B.

答案 B

四、数轴

规定了原点、正方向和单位长度的直线叫做数轴.

(1) 利用数轴, 我们可以表示任意一个有理数, 还可以表示任意一个无理数, 即数轴上的点和实数是一一对应的. (2) 数轴是研究数学的重要模型, 也是“数形结合”的重要体现.

例 4 数轴上的点 A 到原点的距离是 6, 则点 A 表示的数为().

- A. 6 或 -6 B. 6 C. -6 D. 3 或 -3

解析 当点 A 在原点的左侧, 点 A 表示的数为 -6 ; 当点 A 在原点的右侧, 点 A 表示的数为 6, 即点 A 表示的数为 6 或 -6 , 故选 A.

答案 A