

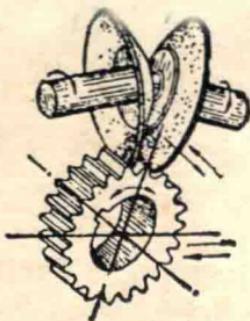
# 机械工人学习材料

JIXIE GONGREN XUEXI CAILIAO

## 怎样刨直齿锥齿轮

徐汝涵 编著

齿轮工



机械工业出版社

## 目 录

一 概说	1
1圆锥齿轮的种类 (1) —— 2直齿锥齿轮的特点 (4)	
—— 3直齿锥齿轮的加工方法 (6)	
二 直齿锥齿轮的计算知识	12
1传动比计算 (12) —— 2传动的作用力计算 (14) —— 3齿	
形基本参数的计算 (16) —— 4直齿锥齿轮传动的几何计	
算 (28)	
三 直齿锥齿轮的啮合原理与加工原理	28
四 直齿锥齿轮刨齿机	39
1机床的工作原理 (39) —— 2机床的结构性能 (41) —— 3	
机床的传动系统 (47) —— 4机床的规格和技术性能 (54)	
五 机床的调整与计算知识	56
1刨刀位置的调整与计算 (56) —— 2被加工齿轮安装角 $\delta_A$	
的调整计算 (60) —— 3刀架安装角 $\lambda_A$ 的调整计算 (61)	
—— 4被加工齿轮轴向安装距 $A_x$ 的调整计算 (64) —— 5摇	
台摆角 $\theta$ 的调整计算 (65) —— 6滚比 $i$ 滚的调整计算 (71)	
—— 7刨鼓形齿的调整计算 (75)	
六 在刨齿机上怎样刨直齿锥齿轮	80
1粗加工方法的选择 (80) —— 2锥齿轮加工工艺 (81)	
—— 3机床的切齿调整 (84) —— 4实例 (102)	
七 直齿锥齿轮加工质量及精度检验	107
1接触区及其调整 (110) —— 2齿厚及周节的测量 (128)	
—— 3刨齿常出现的误差及原因 (135)	

# 一 概 说

## 1 圆锥齿轮的种类

机械传动中，利用两零件相啮合而传动的，叫做齿轮传动。一般说来，齿轮传动的速度和传递功率范围广，效率高，结构紧凑，工作可靠、耐久，广泛应用于各种机械中。

一对齿轮，分别装在主动轴和从动轴上，两轴线的相对位置是相交的，也有不相交的准双曲面位移，两轮的圆锥体作纯滚动，叫做圆锥齿轮传动。

圆锥齿轮的种类很多，可按下列不同特征区分：

### (一) 按两轴线的相对位置区分

圆锥齿轮传动中，两轴线相交于锥顶点，轴夹角可以有三种情况，使用最广泛的、轴夹角等于 $90^{\circ}$ ，叫做正交锥齿轮传动(图1a左)。有时由于结构布局上需要，轴夹角小于 $90^{\circ}$ 或大于 $90^{\circ}$ ，叫做非正交锥齿轮传动(图1b)。比如图22 Y236刨齿机传动系统平面图中 XVI 轴，两端采用了两对小于 $90^{\circ}$ 的非正交锥齿轮传动，便是一例。

大于 $90^{\circ}$ 的非正交锥齿轮传动中，当大轮分度圆锥角等于 $90^{\circ}$ 时，就成为平面齿轮；大于 $90^{\circ}$ 时，就成为内啮合锥齿轮(图1a右)。

圆锥齿轮传动中，还有一种情况，两轴线不相交，且有一段准双曲面位移距离，这种传动有双曲线体的准双曲线斜齿锥齿轮(图1d)和近似圆锥体的准双曲线螺旋锥齿轮。前者已被后者所代替，而后者又广泛用于小客车的后桥传动，这是因为，小轮轴线低于大轮轴线，可使汽车重心下降，传动平稳，传力大，适宜高速行驶。

## (二) 按齿线的形成区分

不同类型的锥齿轮名称是由与其共轭的冠轮齿线轮廓形状而得名的。

圆锥齿轮中，齿线形状最简单的是直齿锥齿轮(图1a左)，它的齿线是一条通过锥顶点或冠轮中心的直线。斜齿锥齿轮的齿线虽然也是直线，但是，它是斜的与某一圆相切，该圆的半径 $e$ 叫做切向齿偏心距，所以俗称它为切向八字轮(图1c)。由于能加工切向齿的刨齿机不多，这种锥齿轮通常被弧齿锥齿轮所代替，可是，大型锥齿轮无法加工成弧齿，所以有时依然采用大型斜齿锥齿轮。

除直齿锥齿轮的齿线与冠轮齿线相同外，所有其他的锥齿轮，节锥上的齿线都是螺旋线，统称为螺旋锥齿轮(图1e)。这类锥齿轮，按冠轮齿线的形成仔细端详，有圆弧线的弧齿锥齿轮(图1f左)，有延长外摆线的螺旋锥齿轮(图1f中)，有准渐开线的螺旋锥齿轮(图1f右)。这三种螺旋锥齿轮，另还可以形成中点螺旋角等于零的零度螺旋(或弧齿)锥齿轮和齿圈内端螺旋角等于零的径向螺旋(或弧齿)锥齿轮，这样说来，螺旋(或弧齿)锥齿轮就有九种之多。

## (三) 按齿形收缩形式区分，有下列三种：

### 齿型 I 正常收缩齿(图1g)

以前曾采用径向间隙改变的收缩齿，即锥齿轮的外锥、分度圆锥和根锥的母线交于同一锥顶点(图1b)，两齿轮啮合后，终究发现轮齿小端径向上发生干涉现象，不由分说，无疑是径隙越接近锥顶越小造成的。

现在则采用径向间隙不变的收缩齿，即锥齿轮的外锥母线不通过分度圆锥和根锥的母线共有锥顶点(见图8)，而是与啮合齿轮的根锥母线平行，这样一来，沿齿向径向间隙不

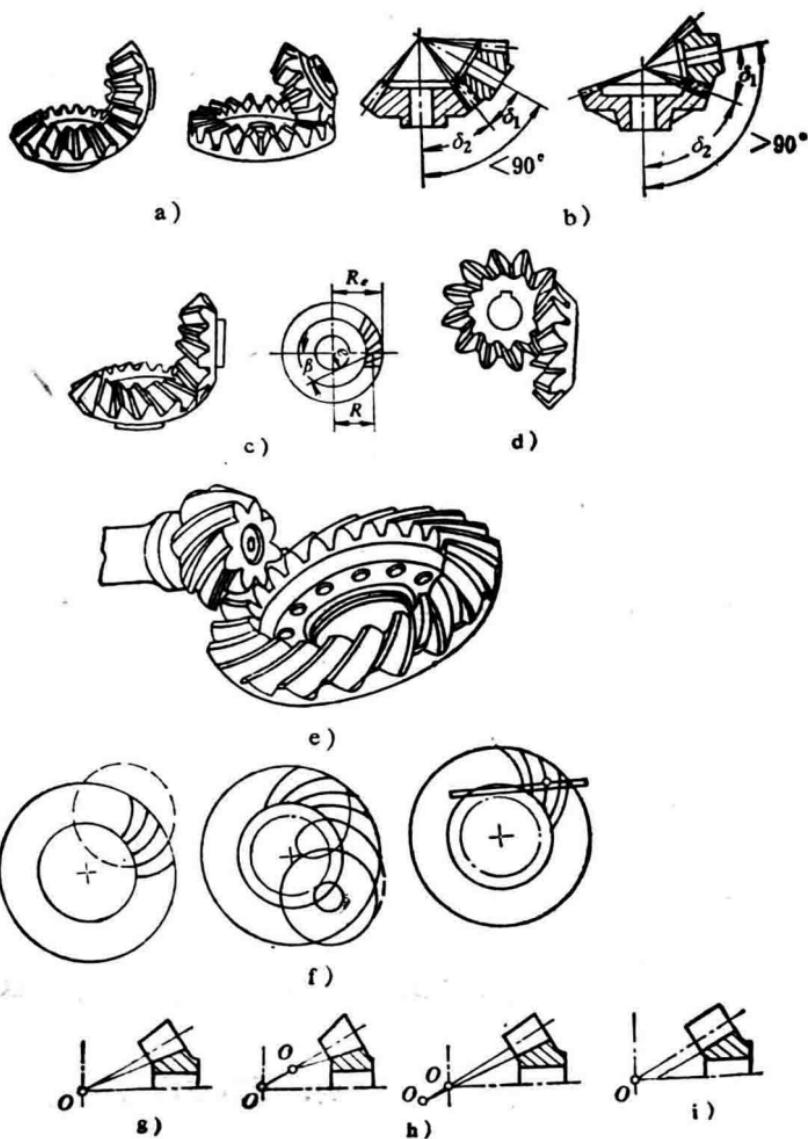


图1 圆锥齿轮

变，上述的干涉现象就没有了。

### 齿型Ⅰ 非正常收缩齿(图1h)

有些特殊收缩齿形式的锥齿轮，根锥母线和分度圆锥母线不交于一点，而在分度圆锥顶点以内或以外处。

### 齿型Ⅲ 等高齿(图1i)

等高齿锥齿轮，顾名思义，就是从大端至小端齿高相等的锥齿轮。这种齿轮的外锥、分度圆锥和根锥的母线互相平行，大小轮的法向齿厚及法向齿槽都同样由大端向小端缩小，由此可见，等高齿也是收缩的。

加工等高齿时，对机床的调整比加工正常收缩齿时还要简单，而且可得到正确的接触区，但其缺点，齿形内端有较严重的根切和顶切现象。

## 2 直齿锥齿轮的特点

为什么直齿锥齿轮沿用至今，在现代的机械传动中，依然用得这样普遍呢？这是因为它具有下列特点：

### (一) 喷合特点

(1) 分度圆锥角 $\delta$ 做成 $0^\circ \sim 90^\circ$ 的锥齿轮都能与冠轮啮合传动，而锥齿轮加工机床是按滚切法原理工作，重现了被加工齿轮与假想的冠轮啮合。

(2) 喷合传动轴夹角有三种情况，其中大于或小于 $90^\circ$ 的，以直齿锥齿轮尤其适应。

(3) 两锥齿轮啮合属于空间啮合，两节锥顶点交于球心，并作纯滚动。

(4) 直齿锥齿轮的齿线是直的，所以在两轮啮合点处不存在螺旋角因素。

### (二) 传动特点

(1) 由于齿线是直的，在负荷作用下，接触区移向齿

缘，对装配误差及负荷变形异常敏感。不过，鼓形齿的直齿锥齿轮却克服了这个缺点。

(2) 直齿锥齿轮传动时，轴向力小，即使改变主动轴的回转方向，其方向总是背离锥顶的。

(3) 与其他的锥齿轮比较，承载能力较低，传动平稳性较差，噪声较大。其原因何在，主要是，齿线斜的或螺旋线的比直的要长些，尤其是增大螺旋角，使总重迭系数稍大于2，即至少有两个齿啮合着，这就能增加传动平稳性和轮齿强度，但也有增大轴向力的缺点。

### (三) 设计特点

(1) 设计时，尽量选用较多齿数，以提高锥齿轮的耐磨性。如果小轮所用齿数很少，不仅两共轭齿轮的齿形会出现根切和顶切现象，而且由于齿形曲率小，接触区移向齿缘，还会引起较大噪声。

(2) 从工艺角度出发，研齿的锥齿轮副齿数，最好选用彼此无公因数者，这样，淬火后的研齿质量会大大提高。此外，磨齿的精密锥齿轮副齿数，最好选用成倍的齿数比，以便得到更完美的传动精度。

(3) 直齿锥齿轮的强度与齿宽成比例。如过分加大齿宽，则齿的小端会变弱，负荷集中，将加速轮齿的损坏。因此，齿宽应遵循设计原则，不得超过锥距的0.3倍。

(4) 部件设计时，考虑到直齿锥齿轮传动时轴向力小，选择滚动轴承的结构型式就简单得多。

(四) 使用特点：一般地说，直齿锥齿轮适用于下列场合：

(1) 适用于中、小功率的传动。

(2) 适用于周速  $v \leq 3$  米/秒的低速传动，纵使有齿形

误差，既不致于影响齿长上正确接触，又不致于引起大的动负荷或明显噪声。

(3) 直齿锥齿轮发生磨损，也不同于其他的锥齿轮，它不致于发生啮合线长度以内负荷分布不匀的情况。

(4) 与其他的锥齿轮比较，直齿锥齿轮不需要留空隙，以备其中一个锥齿轮在轴向中游动。

总之，如果采用其他的锥齿轮，不是由于高速传动和高精度或其他性能要求，那么就宁可使用易于制造具有一定精度的直齿锥齿轮，何况，刨齿后经热处理，再经研齿、配滚或磨齿的齿形光整加工，还可以增加齿面耐磨性和提高传动精度呢！

### 3 直齿锥齿轮的加工方法

直齿锥齿轮按其齿线形状来说，与其他的锥齿轮比较，要简单得多。因此，齿形制造的方法，不论是切削加工，还是无屑加工，都具有许多优越性，现概述如下：

#### (一) 切削加工

(1) 仿形法：仿形法所用的刀具，其切削刃的形状跟齿轮的齿廓相近似。加工时，刀具和加工的齿轮无相对的滚动运动，刀具只作切削运动。

1) 用铣刀在万能铣床上加工：在万能铣床上用盘形齿轮铣刀铣齿（图2）是最先使用的加工方法，其生产率低，加工精度差。按照这种加工原理曾制出专用双工位多轴直齿锥齿轮粗切机，一边同时加工2~4个轮坯，一边先后装卸2~4个工作，生产率高，但只作粗切，尚须在刨齿机上精切。

2) 用刨刀按靠模加工：只用一把或两把刨刀，以刀顶按靠模刨削，可加工锥距长达2.5米，其经济精度为9级（图3），其加工原理为大型刨齿机所采用，可加工大型斜齿

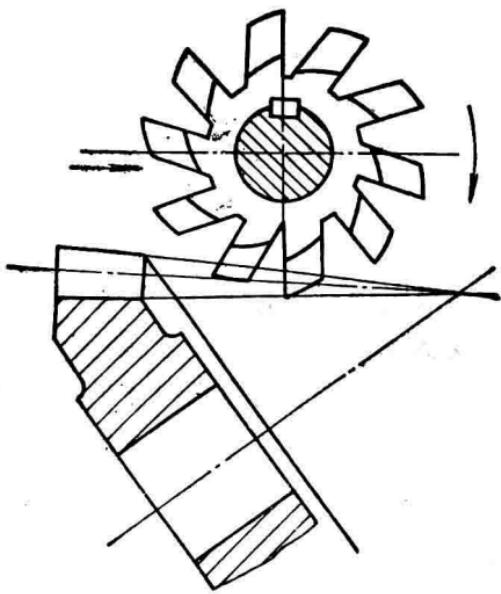


图 2 用铣刀加工锥齿轮

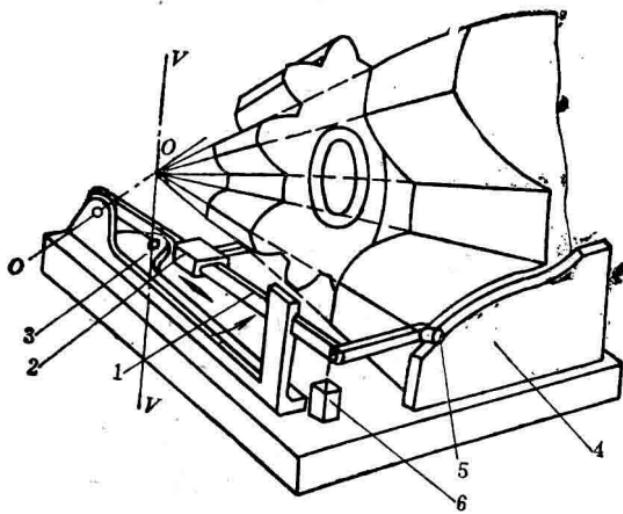


图 3 按靠模加工锥齿轮  
1—导轨 2—刀架 3—刀架箱 4—靠模 5—滚柱 6—重锤

## 及直齿锥齿轮。

3) 用大圆盘拉刀在拉齿机上加工：在直齿锥齿轮拉齿机上用大圆盘拉刀拉齿，是所有已知加工方法中生产率最高的一种，加工每齿为2~6秒。拉刀每转一转，即切成一个伸缩的齿槽和分完一齿工作。拉刀圆周上分布着粗切用刀块组、精切用刀块组和无刀块的扇形部分(供工件分齿用)。设计拉刀渐变的齿形很复杂，制造拉刀的工艺装备不简单，但为大量生产所迫切需要。

(2) 滚切法：滚切法所用刀具和加工的齿轮作相对滚切运动，刀具切削刃在连续切削过程中所形成的包络线，就是齿轮的渐开线齿形。

1) 用刨刀在刨齿机上加工：如图所示，在刨齿机上用两把刨刀，装卡在机床摇台(产形齿轮)2的刀架上当作假想的冠轮牙齿，刨刀作往复运动，摇台与被加工齿轮3作滚切运动，这就是刨齿加工原理。分齿可用不同方法进行。

2) 用圆盘铣刀在铣齿机上加工：在铣齿机上用两把直

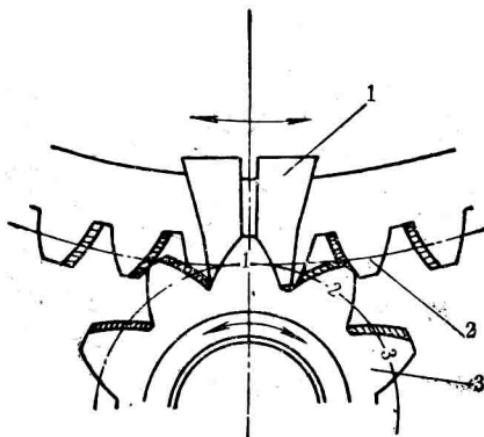


图4 刨齿工作原理

线切削刀的圆盘铣刀，装卡在摇台的刀架上，铣刀作回转运动，摇台与被加工齿轮作滚切运动，与刨齿加工原理相似。因铣刀没有沿齿向的进给运动，故被加工齿轮的齿槽底面微呈弧形。此外，刀片具有侧隙角，切出的轮齿为鼓形齿。它的生产率比刨齿机高2~4倍。

3) 用圆盘砂轮在磨齿机上加工：周期分齿工作，在磨齿机上用一个或两个圆盘砂轮磨齿，主要用于成批或小批生产，也适用于制造标准锥齿轮，普通直齿与斜齿都可以磨削，因而得到优质的淬火锥齿轮（见马格KS-42磨齿机简介）。

## （二）无屑加工

采用无屑制齿成形，远在前一世纪已开始了，但其发展直到本世纪30~50年代才开始，从此，齿轮生产发现了一条颇有经济效益的渠道。现推荐三例供读者参考：

（1）采用热模锻法：联邦德国流行的直齿锥齿轮热模锻工艺过程，如图5所示：a) 切割棒料；b) 车削毛坯，被预成型车到90%，既精锻时变形最小，且锻模承载负荷最小；c) 粗模锻；d) 精模锻；e) 车去飞翅，模槽充填最佳。

这里再推荐一个独特的模锻直齿锥齿轮实例（图6）。采用向前挤压原理，在全齿宽上取得良好的模槽充填。图中：1为冲头，2为收缩圈，3为锻模套座，4为顶出器，5为轮坯，6为模锻成的锥齿轮。模锻齿轮，一般使用螺杆式压力机或曲柄式挤压机。

（2）采用热轧法：是又一种无屑制齿成形方法。大体说来，模锻法有利于小轮无屑制齿，而轧制法有利于大轮无屑制齿。目前冷轧法处于研试阶段，那末热轧法，则已切实

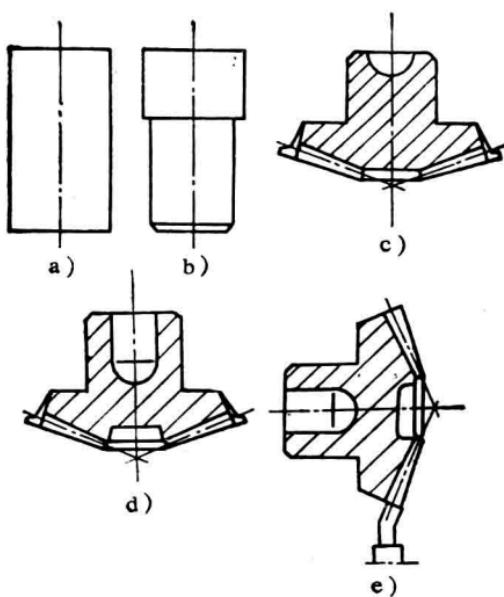


图 5 卡车后轴齿轮加工工艺过程

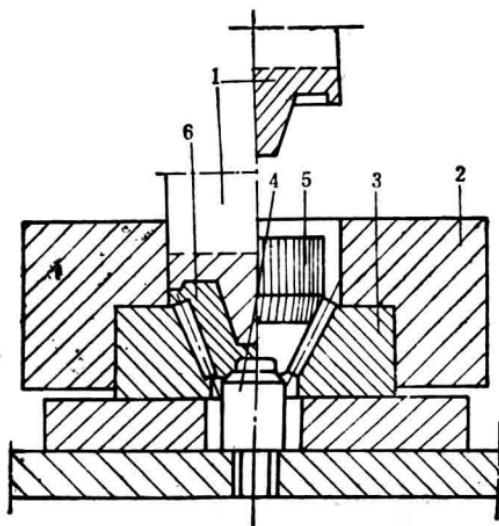


图 6 模锻直齿锥齿轮

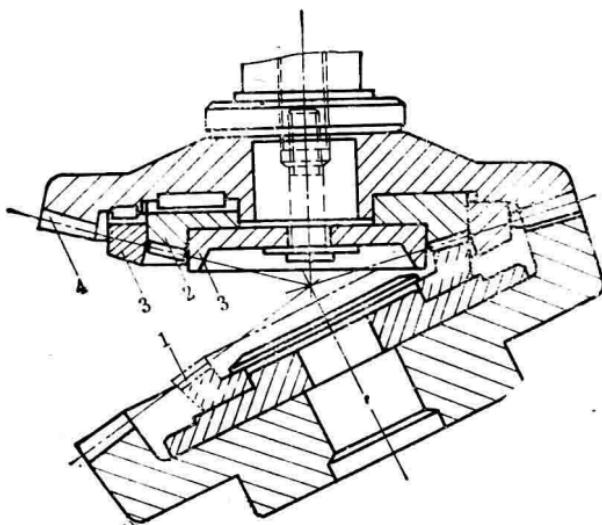


图 7 热轧时工具齿轮和被轧齿轮的安装

应用于汽车与拖拉机制造业中，并已制造出若干种大型热轧锥齿轮机床。

热轧锥齿轮时，工具齿轮和被轧齿轮的安装如图 7 所示。被轧齿轮 1 加热到一定高温后，放在工作台胎具内，倾斜的工具齿轮 2 沿着一定轴夹角的轴线下降。当同步齿轮 4 与胎具上的主动锥齿轮开始啮合就滚动起来，通过内外的挡环 3，带动工具齿轮，使它无滑动地滚轧入被轧齿轮，并深入到齿全高为止，热轧制齿成形即告完成。下一步，工具齿轮上升，取出被轧齿轮。

这两种无屑加工方法比较起来，模锻所需的动力要比热轧大 100 倍，生产率却小到  $50/100$ ，而加热的能量消耗要多 3 倍。由此看来，热轧法比模锻法有更多的经济效益。

## 二 直齿锥齿轮的计算知识

### 1 传动比计算

直齿锥齿轮传动中(图 8)，两轴线相交于  $O$  点，传动理论上是两个圆锥体相互滚动。将两个圆锥体大端背锥展开，即指向视图，就成为两个假想的圆柱齿轮啮合，所以它又叫做圆锥齿轮的当量圆柱齿轮。

大家知道，圆柱齿轮啮合理论中提到，在啮合节点上周速  $v$  为：

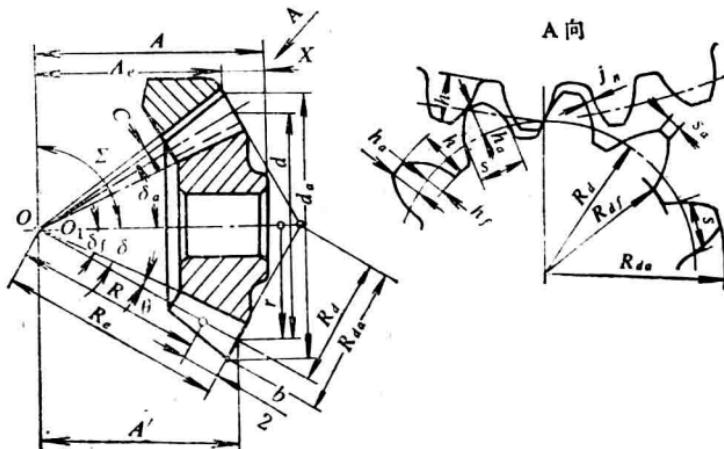


图 8 锥齿轮主要尺寸

$$v = \omega_1 \cdot r_1 = \omega_2 \cdot r_2, \text{ 即 } \frac{\omega_1}{\omega_2} = \frac{r_2}{r_1}$$

式中  $\omega$  —— 角速度 (度)；

$r$  —— 分度圆半径 (毫米)。

两转动构件角速度  $\omega$  (或每分钟转数  $n$ ) 的比值叫做传动比  $i$ ，亦称“角速比”或转数比。传动比  $i$  可根据下式

计算：

$$i = \frac{\omega_1}{\omega_2} = \frac{n_1}{n_2} = \frac{r_2}{r_1} \quad (1)$$

又因为  $r_1 = R_e \cdot \sin \delta_1$ ,  $r_2 = R_e \cdot \sin \delta_2$ ,

得  $R_e = \frac{r_1}{\sin \delta_1} = \frac{r_2}{\sin \delta_2}$

式中  $R_e$  —— 节锥母线长度（锥距）（毫米），

$r_1, r_2$  —— 小、大轮分度圆半径（毫米）；

$\delta_1, \delta_2$  —— 小、大轮分度圆锥角（度）。

轴夹角  $\Sigma = \delta_1 + \delta_2$ , 或  $\delta_2 = \Sigma - \delta_1$ ,  $\delta_1 = \Sigma - \delta_2$ ，

所以  $i = \frac{r_2}{r_1} = \frac{\sin \delta_2}{\sin \delta_1} = \frac{\sin(\Sigma - \delta_1)}{\sin \delta_1} = \frac{\sin \delta_2}{\sin(\Sigma - \delta_1)} \quad (2)$

如果已知传动比  $i$  和轴夹角  $\Sigma$ , 由上式可求得两轮的分度圆锥角, 即

$$\begin{aligned} i &= \frac{\sin(\Sigma - \delta_1)}{\sin \delta_1} = \frac{\sin \Sigma \cdot \cos \delta_1 - \cos \Sigma \cdot \sin \delta_1}{\sin \delta_1} \\ &= \sin \Sigma \cdot \operatorname{ctg} \delta_1 - \cos \Sigma \end{aligned}$$

通过演算得  $\operatorname{tg} \delta_1 = \frac{\sin \Sigma}{i + \cos \Sigma} \quad (3)$

同理得  $\operatorname{tg} \delta_2 = \frac{i \cdot \sin \Sigma}{1 + i \cdot \cos \Sigma} \quad (4)$

对于正交锥齿轮传动,  $\Sigma = 90^\circ$ , 上式可简化为,

$$\operatorname{tg} \delta_1 = \frac{\sin 90^\circ}{i + \cos 90^\circ} = \frac{1}{i} = \frac{z_1}{z_2}$$

$$\operatorname{tg} \delta_2 = \frac{i \cdot \sin 90^\circ}{1 + i \cdot \cos 90^\circ} = i = \frac{z_2}{z_1}$$

$$\text{又因 } r_1 = \frac{d_1}{2} = \frac{m \cdot z_1}{2}, \quad r_2 = \frac{d_2}{2} = \frac{m \cdot z_2}{2}$$

代入公式(1)得

$$i = \frac{r_2}{r_1} = \frac{d_2}{d_1} = \frac{z_2}{z_1} \quad (5)$$

由此可知，齿数与分度圆半径成比例。

## 2 传动的作用力计算

直齿锥齿轮副啮合传动时，作用在轮齿中点上的力，将产生垂直坐标的三个分力(图9)，即圆周力 $P_s$ 、径向力 $P_r$ 和轴向力 $P_z$ ，这三力的几何总合就是合力

$$P = \sqrt{P_s^2 + P_r^2 + P_z^2} \quad (6)$$

圆周力可根据下式计算：

$$P_s = \frac{1432400}{d_2 \left(1 - \frac{b}{2R_s}\right)} \cdot \frac{N}{n} \text{ (牛)} \quad (7)$$

或  $P_s = \frac{20M_{\text{转}}}{d_2 \left(1 - \frac{b}{2R_s}\right)} \text{ (牛)} \quad (8)$

式中 轴上的动力：

$$N = N_{\text{电}} \cdot \eta \text{ (千瓦)} \quad (9)$$

$N_{\text{电}}$ ——电动机功率(千瓦)

$\eta = \eta_1 \cdot \eta_2 \cdot \eta_3 \dots \dots$ 从电动机到所计算的轴间各机件的传动效率

$M_{\text{转}}$ ——作用在轴上的转矩

$$M_{\text{转}} = 7162 \frac{N}{n_2} = \frac{P_s \cdot d_2 \left(1 - \frac{b}{2R_s}\right)}{2} \text{ (牛米)} \quad (10)$$

式中  $n_2$ ——大轮每分钟转数；

$d_1$ ——大轮分度圆直径（毫米）；

$R_e$ ——大轮锥距（毫米）；

$b$ ——大轮齿宽（毫米）。

径向力可根据下式计算：

$$P_y = P_x \frac{\sin\alpha \cdot \cos\delta + f \cdot \cos\alpha \cdot \cos\delta}{\cos\alpha - f \cdot \sin\alpha} \quad (11)$$

式中 齿轮摩擦角一般取  $5^{\circ} 43'$ ，相当于摩擦系数  $f = \tan 5^{\circ} 43' \approx 0.1$ ， $\alpha$  压力角为  $20^{\circ}$  代入上式得  $P_y = 0.48 P_x \cdot \cos\delta$

轴向力可根据下式计算：

$$P_z = P_x \frac{\sin\alpha \cdot \sin\delta + f \cdot \cos\alpha \cdot \sin\delta}{\cos\alpha - f \cdot \sin\alpha} \quad (12)$$

同上得  $P_z = 0.48 P_x \cdot \sin\delta$

如图 9 所示，作用在主动锥齿轮上的力以  $P_x$ 、 $P_y$  和  $P_z$  表示，作用在从动锥齿轮上的力以  $P'_x$ 、 $P'_y$  和  $P'_z$  表示。

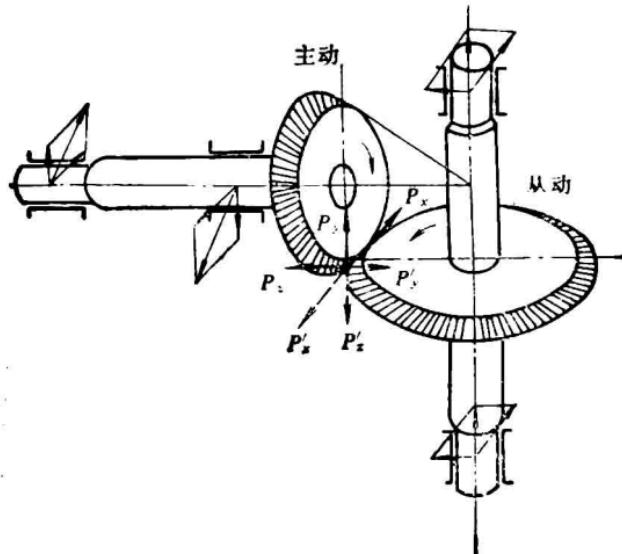


图 9 锥齿轮作用在轴上的力