

分子高激发振动 ——非线性和混沌的理论

(第三版)

吴国祯 著



科学出版社

分子高激发振动 ——非线性和混沌的理论

(第三版)

吴国桢 著

科学出版社
北京

内 容 简 介

本书系统地介绍了如何运用李代数、李群的陪集空间表示方法来研究分子高激发振动的非线性动力学性质。书中还介绍了相关非线性动力学的基础知识,如混沌、分形、准周期、共振、李雅普诺夫指数等,以及这些观念在分子高激发振动动力学研究中的应用。

本书是作者近二十年来在此领域研究成果的总结,可供分子物理、分子光谱学以及理论物理、化学物理专业的工作者、本科生和研究生阅读、参考。

图书在版编目(CIP)数据

分子高激发振动:非线性和混沌的理论/吴国桢著.—3 版.—北京:科学出版社,2014.6

ISBN 978-7-03-040993-5

I. ①分… II. ①吴… III. ①分子振动-非线性力学②分子振动-混沌理论 IV. O561.3

中国版本图书馆 CIP 数据核字(2014)第 123820 号

责任编辑:钱俊 鲁永芳 / 责任校对:胡小洁

责任印制:赵德静 / 封面设计:陈 静

科学出版社出版

北京东黄城根北街 16 号

邮政编码:100717

<http://www.sciencep.com>

北京源海印刷有限责任公司 印刷

科学出版社发行 各地新华书店经销

2003 年 10 月第一版 开本:720×1000 1/16

2014 年 6 月第三版 印张:21 1/4

2014 年 6 月第四次印刷 字数:401 000

定价: 108.00 元

(如有印装质量问题,我社负责调换)

第三版说明

本书第二版出版以来，我们在此领域有一些新的成果。此次出版，把这些成果也都汇集在一起。这样，我就重新改写了第 23 章。此章探讨、展现了动力学势在一些具有费米共振，且是可积体系中的应用。不同的分子，从谱学实验的观察角度而言，会是异常不同的，万态纷呈。然而在一个统一的物理概念的框架下，它们往往展现着一致的共性。这就为我们了解这些体系的本质特征，提供了一种有效且实际的方法和思路。这一章就体现了这样的一种物理思想。

这次新版还增加了第 24 章。一段时间以来，我有时应邀到一些地方，做关于这个领域的报告。要在一二小时内，把关于用非线性的概念用代数的方法来处理分子高激发振动体系的课题，提纲挈领地说明清楚，并且听众对象往往对于非线性、混沌等概念一无所知，其难度可想而知。这样，我就试着用形象的思路，选择一些直通物理本质的核心概念，而不拘泥于一些技术性的细节，来做叙述和介绍。这样的报告方式和内容还多为认可。这些内容就形成了第 24 章的基础。我在这一章中，也强调了一些很重要，但却不为人们所重视和熟知的基本概念。本书包含了我们近二十年的工作成果，内容也多，这样，读者在阅读本书的一些内容后，这一章也可以起到一种总结性的作用。

本书出版得到清华大学低维量子物理国家重点实验室的支持，在此一并感谢。

吴国祯

2014 年 3 月 19 日于北京清华园

第二版说明

此次再版，除了更正 2003 年版的一些错误外，主要增加了自那时以来我和学生们工作的新成果。这些主要体现在第 17 章，19~23 章中新增加的内容。其中，第 17 章的部分是王培杰在我这里做博士生和博士后时的工作，是有关运用李雅普诺夫指数和周期轨迹以量子化振动体系的内容。第 19 章的部分是区树清读硕士时的工作。一般人们讨论的都是共振的耦合，此处则讨论了极端无理耦合下，产生的动力学阻塞。第 20 章是博士生王焕茹、王培杰和区树清的工作，探讨了相邻能级间距所展现的 Dixon 凹陷的动力学意义。第 21 章是黄晶读硕士时和现在博士生房超的工作，其中的主要思路是提出运用动力学势能，可以了解、解释许多高激发振动态的解离现象。第 22 章是本科生张晨晖和区树清的工作，以 HCN 为例，讨论了弯曲振动引致的过渡态混沌的特性。我们在此着重指出：解离或更一般地说，过渡态必然伴有混沌现象。第 23 章则是房超的工作，内容是用动力学势能来探讨 HCP 的弯曲运动以及解析能级的属性。这种方法得到的结果可以类比于量子力学波函数的结果，但是方法简单得多。另外，还指出经典的不动点和量子态的关系以及存在一个相当局域的弯曲模式。这个弯曲模式固然是趋于 HPC 的形成，然而，它的能量还是不能到达 HPC 的。这章中提出的量子环境与能态的归类，则是一个有趣的物理概念。

以上这些工作固然有我的指导，但其中我的思路乃至观点的产生，则是学生们工作中遇到的困难、疑惑和结果的反馈，所谓“教学相长”是必然的。

这次再版也将书名改为：《分子高激发振动——非线性和混沌的理论》。这样就更符合本书的实际内容，它是有关分子高激发振动的内容，采用的方法是非线性和混沌的理论。

我们可以看到，这些新增加内容的课题并不完整，它们尚有很多后续的工作可以开拓。我们期待在未来的工作中能有更进一步的成果。

此书初版于 2003 年的中文版。2005 年，Elsevier 出版社曾出过英文版 (*Nonlinearity and Chaos in Molecular Vibrations*, ISBN 0-444-51906-8)，其中就增加了现在第 20、22 章部分的内容。

最后，我还要感谢 2002~2004 年国家基金委对这项工作的资助以及科学出版社对此书的重视，使得我们工作的最新成果能介绍给广大的中文读者。

吴国桢

2008 年 2 月 16 日于北京清华园

第一版前言

在我还是本科生、研究生时，就对群论（点群）印象深刻。当时，我知道只要从对称性方面考虑，人们就可以得到许多物理定律，而不必绝对地要求从牛顿力学或量子力学的规范化方法中得到。可见对称是比一般力学更为根本的一种物理概念和思想。后来，我又了解到对称的破缺也是物理中的一个核心概念，这就好比对称固然可以造就一种美，而其破缺却未必会破坏美，有时反而可以成就另一种美。总之，破缺对于对称是对立中的统一，也是对否定的一种提升。

传统的群论在于研究一个体系的对称性以及伴随的各种守恒量。事实上，对称的概念不必局限于此。一个群往往只是体系在关闭掉许多相互作用后才具有一种对称性质，对于一个完整的体系，此种对称或群往往是不再适用了。然而情况未必如此简单，此对称或群往往可以被用来构筑此体系之基础架构，可以作为我们剖析原体系的基石。这是我在 20 世纪 80 年代初期阅读 R. Gilmore 的 *Lie Groups, Lie Algebras and Some of Their Applications* 一书后留下的一个深刻的印象。

整个 20 世纪 80 年代，我花了不少时间研习李群和李代数以及它们在物理学领域中的各种应用。同时，我亦感到遗憾与沮丧，因为在我的专长领域——分子振动光谱学中，它的应用竟然付之阙如。当我热衷于思考这一课题时，国外的期刊也逐渐有了关于李群、李代数方法在分子振动方面应用的报道，如 F. Iachello, R. D. Levine 采用李群（代数）链的相关的方法和 M. E. Kellman 采用 SU(2) 群方法对两个振动模可积体系的研究。在此，我要特别提及的是在和 Kellman 多年的交往中，他给了我许多有益的帮助，诸如在国外期刊缺匮的情况下，是他给了我不少复印本、抽印本以及他本人的一些尚未发表的论文。

1990 年，在香港浸会学院客座访问时，我决定从 SU(3) 群及其代数着手，研究三个振动模不可积体系之动力学。因为体系是不可积的，所以难度很大。然而，我却也因此熟悉了非线性力学的不少概念，以及自 20 世纪 70 年代以后热门起来的与混沌有关的各种概念与内涵，分形就是一个例子。在此过程中，我确实经常遇到各种跨越领域的困难，然而，犹如登山一般，我却因而知晓了许多分子光谱学及化学物理领域之外的素材。令我惊喜的是这些素材竟然往往可以为我在新领域中的工作所用。

以后几年，我的工作进展得相当顺利，已经有一些文章发表在国际期刊（如 *Chem. Phys. Letters, Chem. Phys.*）上。经过一两次的申请失败后，我开始在

1995 年得到国家自然科学基金委员会为期三年的资助。这段时间，我的工作积累已有一些，发表在国际期刊上的论文已有十多篇了，但令我困惑的是，当我在 1998 年继续申请资助时却失败了（也包括从其他方面的申请资助）。然而，这时此项工作的势头很好，我也就不曾间断这项工作。在这之前，此项工作基本上是我一个人单独在做。当时，我考虑到新的领域，固然容易有新的成果，但风险也大，我不太敢让学生们承担风险，误了他们的毕业期限。令我欣然的是，2000 年后我又得到了国家自然科学基金委员会的资助并且直至今日。自此以后，我的学生也开始加入此项工作，我很高兴他们均能有所收获！

这本书是我在这些年中发表在国际期刊上的近 30 篇论文的总结。总结也就不只是简单的翻译，而是着重在物理思想上的概括与提升。同时，为了方便读者阅读，在一些必要的地方，也加入了背景知识的介绍。这些素材往往零星散布在几篇原先发表的论文中，而有关的背景知识在一般的论文中限于篇幅不太可能有较详细的介绍。

我不愿意将此书中所阐述的内容说成是一个完全崭新的领域。事实上，此方法的基石——陪集空间的表示在核物理中也有应用（见 W. M. Zhang, D. H. Feng and R. Gilmore, Review of Modern Physics, 1990, 62: 865），然而此方法亦确有其特点值得注意：

(1) 所采用的李群或李代数并不是分子振动多体体系所具有的对称性，或者说振动体系的哈密顿量对于所用之李群、李代数不是一个不变量，我们是将李群、李代数作为构筑分子振动体系的基石。

(2) 由李群、李代数所构建之陪集空间具有几何结构，同时它的表示具有完备性，因此可以将二次量子化算符所表示的振动体系的代数哈密顿量表示为陪集空间中坐标的函数。代数哈密顿的表示具有直观的力学意义，因此是很容易写出的，而它的参数也可由其本征能级与光谱学实验数据的拟合确定下来。因此表示为陪集空间中坐标函数的哈密顿量实质上具有实验结果的内涵，是与实验紧密相联系的。从这个哈密顿量，我们可以容易写出其运动方程，经由数值积分，运动的轨迹也就可以求得了。总之，分子振动体系的动力学是用陪集空间中的轨迹来描述的，陪集空间是体系动力学的相空间。由于分子高激发振动态更接近于半经典或经典，因此这种方法对它的适用性就更好了。

(3) 分子振动体系在陪集空间中的轨迹事实上体现着振动体系非线性力学的特征。因此，非线性力学中的许多概念，如混沌、分形、李雅普诺夫 (Lyapunov) 指数以及其他丰富的内涵，在此均会有其各自的作用。因此，这种方法开拓了分子振动光谱学与非线性力学的连通渠道。非线性力学领域中的丰富成果必将大大丰富我们对分子振动和分子光谱学的理解。就此而言，书中所提及的 H_2O , CH_2- , CD_2- , D_2O , H_2S , O_3 等 3 原子分子振动的各种非线性性质，乙

炔 C—H 弯曲振动的各种奇异模和其运动的非遍历性以及 DCN 分子振动周期 3 的存在等，就很能说明问题。

(4) 这个方法对于电子体系也是适用的。本书中特别罗列了此方法与休克分子轨道理论 (Hückel molecular orbital theory, HMO) 的对比，从中可见此方法可丰富我们对传统分子轨道理论的认识与了解。书中只触及单电子体系，对于双电子的关联也只有初步的探讨。对于多电子体系，从理论上说，也应该是完全可行的。

(5) 与传统的求解薛定谔微分方程的方法相比，这个方法的特点和其求解的容易是明显的，更主要的是我们以轨道的概念取代以波函数为主导的传统概念。它们之间的对比，将有助于我们对量子力学的理解，认为波函数是描述量子体系的不二法门的观点是不正确的。从 (3) 中的讨论，我们应该看到非线性的概念有利于丰富我们对量子体系的了解与认识，即如书中所提及的本征系数的分形结构，近似守恒量子数的存在以及运用李雅普诺夫指数来量子化经典不可积体系等。这些概念应不止于书中所提及的范围，我相信它们有更广泛的意义。

本书在安排上首先介绍动力学群的概念，这是基础，接着介绍非线性力学的一些概念。非线性力学的内容是非常丰富的，此处不可能做到面面俱到，我主要提及几个突出的核心概念，以帮助初学者了解其梗概；然后介绍 $su(2)$ 代数、非紧致 $su(1, 1)$ 代数、 $su(3)$ 代数、 h_4 代数在分子振动和转动领域中的应用以及分子高激发振动的诸多非线性特征。由于分子高激发振动态能量高，因此呈现着近似经典的行为。另外，模间强烈的耦合以及模本身所具有的非线性，均使得分子的振动不再是传统分子振动谱学所言的简正模式。分子高激发振动是一个高度非线性的多体体系，它的动力学本质是什么呢？它的内涵的丰富性和多样性，从相关的这几章中可见一斑。应该说，我们对它的了解，还是很有限的。接下来，我们介绍和混沌的产生有关的几个重要概念，如单摆、准周期和共振的重叠。接着，我们介绍本征系数的分形结构。这说明了本征系数不仅具有概率的意义，还具有几何的内涵，这是一个很重要的概念，传统的量子力学是没有这种理解的。

乙炔的 C—H 弯曲振动是目前实验光谱学者热衷的一个课题。从实验所得的数据说明乙炔 C—H 弯曲振动是一个什么样的图像呢？在此我尝试给出一些答案。

李雅普诺夫指数的概念很简单，它体现着两个相邻轨迹的离散速率。然而它却反映着混沌体系很深刻的本质内涵。书中有两章介绍李雅普诺夫指数的概念在分子振动及电子运动中的应用。诚然，我们的工作指出这是一个核心的课题，它的内涵引人注目。经由李雅普诺夫指数的分析，我们指出乙炔的 C—H 弯曲高激发振动不一定由高能量而导致运动是遍历的。此外，重要的是我们第一次提出了

用李雅普诺夫指数来量子化经典混沌体系的概念，我们用了一章来介绍这种想法。从玻尔（Bohr）开始经由 Einstein-Brillouin-Keller（EBK）经典可积体系的半经典量子化方法已很明确，然而对于不可积、混沌体系的半经典量子化始终没有普遍的解决方法。Gutzwiller 提出过混沌体系中的周期轨迹在量子化过程中会扮演核心的角色，我们在此则指出李雅普诺夫指数也会是另一个重要的参数。

DCN 分子的 D—C 和 C—N 伸缩运动所构成的体系是很简单的，我们可视其为分子振动非线性体系的基本模型。我们的工作说明这个体系具有周期 3（以及其他周期）的运动，而混沌理论告诉我们“周期 3 意味着混沌”，可见它的运动也是非常复杂的，具有丰富的内涵。此外，我们也将探讨这些周期轨迹的作用量积分所具有的性质以及利用它们来量子化的可能性。

由于模间强烈的耦合以及分子高激发振动态是一个多体体系，一般均会以为其能态的指认和归属变得几乎不可能了。然而，事实是，尽管体系的绝大多数守恒量均已遭受破坏，但我们仍有可能“回收”那些虽受破坏，但仍近似守恒的量子数，用这些近似守恒量子数，我们就有可能指认和归属它的复杂的能级结构。我们也尝试给出这些近似守恒的量子数的特征和性质。

单电子在多格点中的运动这一章显示此方法在物理化学领域中广泛应用前景的可能性。我期望此方法能将目前认为不同的物理、化学概念统一在一个模型和概念中。这章中所提及的安德森（Anderson）局域化现象和有机化学中的 Hammett 方程就是一个尝试。

最后，我们以玻尔兹曼的 H 函数为例，介绍统计力学方法在分子振动体系中的可能应用，以及这个代数方法在分子高激发振动态的解离问题上的应用。

本书的章节，特别是后面大半部分，各自独立。虽然如此，建议读者还是从头读起，先读完前半部分后再读其他的章节，这样阅读起来比较容易连贯，同时也较能感受作者所期望读者了解的思路和观点。

读者在阅读完本书后，一定会感到书中所介绍的工作、内涵是远未完整和完结的。它所提出的问题可能比起解答的内容多出许多。确实如此，书中所介绍的只是这个领域的一鳞半爪而已，大量的问题与课题还有待人们去探索、去解答、去开拓。随着实验技术的发展，有关分子高激发振动态的谱学数据正在丰富起来，这些数据向人们提出愈来愈多有关它的本质的命题。虽然如此，我很高兴本书的出版能向人们介绍我这十年中在此领域的一些成果和想法，我毕竟走出了抛砖引玉的一步。

如前所述，1999 年以前的工作是由我个人单独做的，这里面充满了曲折、失败，但也充满了前进中的惊喜。1999 年以后，我的学生参加了工作，此项工作的广度和深度均得到了加强，他们的工作成果自然也体现在书中。他们是丁贤德、姬忠庆、喻进、栗松涛、邢冠和郑敦胜、王培杰，前五位为硕士生，后两位

为博士生。和他们一起工作，固然有时验证了我的一些想法和猜测，但更多的时候是指出了一些我思考中的谬误。在本书的撰写过程中，打字工作由郑、王两位同学完成，在此我要向他们表示感谢。1999年上半年，我在台湾中央大学物理系客座访问。学校的安静环境以及重返故乡的喜悦也激发了我充分思考一些理论问题的灵感，不少工作就在那时完成的。这些年中，我还在清华大学高等研究中心客座过，在此一并感谢。最后，还要感谢国家自然科学基金委员会1995～1997（编号19474050）和2000～2002（编号29973018）年度对此项研究工作和本著作出版的支持；以及科学出版社编辑们的协助和努力。这些最终促成了本书的出版。

吴国桢
于北京清华大学物理系
2002年5月

目 录

第三版说明

第二版说明

第一版前言

第 1 章 分子的振动	1
1.1 简正模	1
1.2 莫尔斯振子	3
1.3 二次量子化算符	5
1.4 代数哈密顿量	7
参考文献	8
第 2 章 动力学群的概念	9
2.1 连续群	9
2.2 陪集空间	10
2.3 动力学中的应用	12
2.4 分子振动和电子动力学性质在代数上的不同	13
2.5 具体的表达	13
2.6 海森伯对应	21
参考文献	22
第 3 章 非线性力学的一些概念	23
3.1 混沌的普遍性	23
3.2 一维映射	24
3.3 周期 3 意味着混沌	26
3.4 KAM 理论	27
3.5 庞加莱截面	28
3.6 受力转子	28
3.7 混沌的几何性与动力学性	30
参考文献	30
第 4 章 $su(2)$ 代数的应用	31
4.1 两个莫尔斯振子的耦合	31
4.2 两个振动模体系之 $su(2)$ 代数性质	32

4.3 J_x, J_y, J_z 作为 $SU(2)/U(1)$ 空间的坐标轴和以 J_y 为轴做 $\pi/2$ 旋转的物理意义	32
4.4 海森伯对应和陪集空间表示之关系	34
4.5 $I_x^2 + I_+^2 + I_-^2$ 的动力学表示	35
4.6 动力学的分析	35
参考文献	39
第 5 章 非紧致 $su(1, 1)$ 代数的应用	40
5.1 引言	40
5.2 两个振动模体系 $SU(1, 1)/U(1)_1 \otimes SU(1, 1)/U(1)_2$ 的陪集空间表示	40
5.3 $su(1, 1)$ 与 $su(2)$ 表示的对比	41
5.4 数值模拟	42
参考文献	44
第 6 章 $su(3)$ 代数的破缺及其应用	45
6.1 $su(3)$ 代数的破缺	45
6.2 数值模拟	47
6.3 费米共振的 $su(3)$ 代数表示	52
6.4 强费米共振条件下的动力学	55
6.5 半经典的不动点结构	57
参考文献	60
第 7 章 $su(3)$ 代数的应用	61
7.1 $su(3)$ 代数方法	61
7.2 系数的拟合	63
7.3 动力学性质	64
7.4 陪集势能	66
7.5 局域性、简正性的统计理解	68
7.6 等同振动模的自发对称破缺	69
7.7 大范围的对称和反对称性质	71
7.8 作用量传递系数	72
7.9 弛豫概率	73
7.10 作用量的局域性	73
参考文献	76
附录 拟合的能级和实验值之对比	76
第 8 章 不对称分子转动的量子效应	83
8.1 引言	83

8.2 分子转动的陪集空间表示	83
8.3 量子与经典的过渡	84
8.4 $\text{su}(2) \otimes \text{h}(4)$ 的耦合	85
8.5 规则与混沌的运动	86
参考文献	86
第 9 章 单摆、共振和分子高激发振动	87
9.1 单摆	87
9.2 共振	88
9.3 分子高激发振动	90
参考文献	94
第 10 章 准周期、共振的重叠与混沌	95
10.1 周期与准周期运动	95
10.2 sine circle 映射	96
10.3 共振的重叠：混沌的产生	98
10.4 阻塞区与混沌区的重叠	100
参考文献	101
第 11 章 本征系数的分形结构	102
11.1 维数	102
11.2 分数维数	102
11.3 多重分形	104
11.4 $f(\alpha)$ 函数	105
11.5 举例	107
11.6 本征系数的分形	108
11.7 本征系数的多重分形结构	109
11.8 本征系数的自相似性	112
11.9 本征系数分形特征之意义	113
参考文献	113
第 12 章 乙炔 C—H 弯曲振动	114
12.1 引言	114
12.2 经验的 C—H 弯曲哈密顿量	114
12.3 H_{eff} 的二次量子化算符表达	115
12.4 C—H 弯曲振动的 $\text{su}(2) \otimes \text{su}(2)$ 表达	116
12.5 陪集空间的表示	117
12.6 动力学	118
12.7 C—H 弯曲振动的模式	120

12.8 振动角动量的几何图像.....	125
12.9 约化的乙炔 C—H 弯曲振动哈密顿量	126
12.10 振动模式	127
12.11 乙炔 C—H 弯曲体系的振动模式	128
12.12 跃进模式在 $su(2)$ 体系中的来源	130
参考文献.....	132
第 13 章 李雅普诺夫指数与乙炔 C—H 弯曲振动的非遍历性	133
13.1 李雅普诺夫指数.....	133
13.2 有关李雅普诺夫指数的重要概念.....	137
13.3 乙炔 C—H 弯曲振动的非遍历性	138
参考文献.....	142
附录一 哈密顿常微分方程组的求解.....	142
附录二 庞加莱截面的数值计算中的一个技巧.....	144
第 14 章 $su(2)$ 对称破缺下的氰化氘的混沌运动	146
14.1 氰化氘体系的混沌运动.....	146
14.2 周期轨迹.....	147
14.3 D—C 键伸缩振动的作用量决定体系的混沌运动	154
参考文献.....	155
第 15 章 高激发振动态能级的有序归类及其物理背景：近似守恒量子数的 存在	156
15.1 引言：代数方法	156
15.2 非绝热相关、形式量子数和能级的有序归类.....	158
15.3 乙炔的例子.....	160
15.4 非绝热相关的物理背景.....	162
15.5 近似守恒量子数.....	164
15.6 DCN 的例子	167
15.7 近似守恒量与形式量子数的差别.....	169
15.8 相空间中的密度 ρ	171
15.9 李雅普诺夫指数.....	172
参考文献.....	174
第 16 章 单电子在多格点中的运动	176
16.1 单电子分子轨道线性组合系数的经典类比.....	176
16.2 单电子在多格点中的哈密顿量：陪集空间的表示.....	176
16.3 与休克分子轨道理论的类比.....	177
16.4 HMO 分子轨道的动力学解释	178

16.5 安德森局域化.....	180
16.6 Hammett 方程	181
16.7 休克体系中双电子的相关.....	182
参考文献.....	184
第 17 章 李雅普诺夫指数、周期轨迹作用量积分与量子化	185
17.1 引言.....	185
17.2 单电子在多格点中陪集表示的哈密顿量.....	186
17.3 量子化：平均李雅普诺夫指数的极小化.....	187
17.4 H_2O 振动体系的量子化	189
17.5 一个观点.....	190
17.6 周期轨迹的作用量积分.....	190
17.7 低激发量子态的求取.....	194
17.8 小结.....	195
17.9 Henon-Heiles 体系的量子化	196
17.10 AKP 量子体系的经典对应特性.....	202
17.11 结论	206
参考文献.....	207
附录 混沌体系中寻找周期轨迹的方法.....	207
第 18 章 H 函数在分子振动弛豫中的应用	220
18.1 H 函数	220
18.2 构造体系分子振动的 H 函数	220
18.3 水和氰化氯体系的共振.....	221
参考文献.....	223
第 19 章 极端无理耦合的动力学阻塞	224
19.1 极端无理耦合.....	224
19.2 代数的方法.....	224
19.3 数值的模拟分析和结果	225
19.4 结论.....	228
参考文献.....	228
第 20 章 Dixon 凹陷的动力学意义	229
20.1 Dixon 凹陷	229
20.2 Henon-Heiles 和四次方势能体系中的 Dixon 凹陷	229
20.3 多重共振下的 Dixon 凹陷	231
20.4 小结.....	234
20.5 Dixon 凹陷与混沌	234

20.6 相邻 Dixon 凹陷能量差的倒数	236
20.7 结语	237
参考文献	238
第 21 章 解离、共振和动力学势能	239
21.1 引言	239
21.2 没有共振的两个莫尔斯振子体系的解离	239
21.3 共振对解离的作用	242
21.4 动力学势能	245
21.5 态的动力学	246
21.6 D—C 和 C—O 伸缩坐标的动力学势能	249
21.7 HCO 的事例	251
21.8 结语	253
参考文献	253
第 22 章 弯曲振动引致的过渡态混沌	255
22.1 分子振动的过渡态与单摆的运动	255
22.2 弯曲振动引致的过渡态的混沌	256
22.3 HCN, HNC 和其过渡态的情形	258
22.4 李雅普诺夫指数的分析	261
22.5 能级间距分布的统计分析	262
22.6 Dixon 凹陷的混沌分析	263
22.7 单摆与简谐振子的耦合	264
22.8 结语	265
参考文献	266
第 23 章 动力学势的方法:HCP, DCP, N₂O, HOCl 和 HOBr 的事例	267
23.1 引言	267
23.2 HCP 哈密顿量在陪集空间的表示	268
23.3 HCP 动力学势和能级的属性	269
23.4 量子环境与能态的归类	273
23.5 局域的弯曲模式	276
23.6 关于 HPC 的形成	279
23.7 不动点结构	280
23.8 小结	281
23.9 DCP 的哈密顿量	282
23.10 DCP 的动力学势, 和 HCP 动力学的相似性	284
23.11 N ₂ O 的动力学	287

23.12 HOCl 和 HOBr 的事例	293
参考文献.....	307
附录.....	307
第 24 章 一些重要概念的综合	309
24.1 引言.....	309
24.2 概念 1:莫尔斯振子	310
24.3 概念 2:单摆的动力学	311
24.4 概念 3:共振与单摆动力学	311
24.5 概念 4:与共振联系的守恒量, polyad 数	312
24.6 概念 5:代数哈密顿量	313
24.7 概念 6:海森伯对应	313
24.8 概念 7:能态的相空间	313
24.9 概念 8:混沌和李雅普诺夫指数	314
24.10 概念 9:近似量子数	314
24.11 概念 10:共振的重叠	314
24.12 概念 11:能级间距的经典内涵	316
24.13 概念 12:动力学势	316
24.14 概念 13:不动点的重要性	317
24.15 概念 14:经典概念的必要性	318