

理論力学學習題集

理論力学教研組編

西安交通大學

1962. 8

目 录

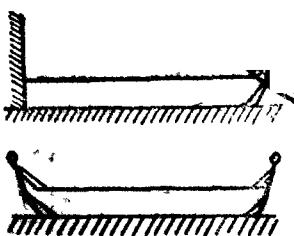
一 靜力学公理 受力图.....	(1)
二 共点力系.....	(4)
三 平行力 力偶.....	(10)
四 平面力系.....	(12)
五 摩擦.....	(20)
六 图介靜力学及桁架.....	(25)
七 空間力系.....	(28)
八 平行力系中心 重心.....	(35)
九 点的运动.....	(38)
十 刚体基本运动.....	(44)
十一 点的复合运动	(47)
十二 刚体平面运动	(53)
十三 动力学基本定律 质点运动微分方程式.....	(60)
十四 质点动力学普遍定理.....	(65)
十五 质点振动	(74)
十六 质点系动量定理 质心运动定理.....	(79)
十七 质点系动量矩定理 刚体定轴转动及平面运动动力学.....	(83)
十八 质点系动能定理.....	(91)
十九 质点系达朗伯原理 刚体绕定轴转动时轴承反力的决定...	(95)
二十 质点系动力学杂题.....	(100)
二十一 虚位移原理 动力学普遍方程式.....	(103)
二十二 碰撞理論	(108)

理論力学习題集

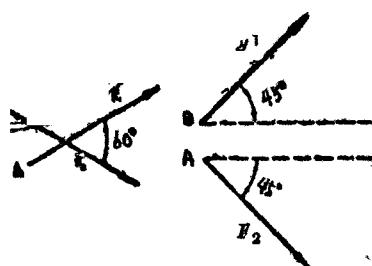
一 靜力学公理 受力图

1-1 一人以10公斤之力拉系在墙上的繩子的一端。又二人各以10公斤之力拉此繩子之兩端。問：繩子的受力情況有無改變？試說明理由。

1-2 已知 $F_1 = F_2 = 40$ 公斤，分別作用在同一剛體上的A點和B點，力 \vec{F}_1 和 \vec{F}_2 在同一平面內。求在(a) (b) 兩種情況下的合力的大小、方向和作用點。



題 1-1 圖



(a) (b)

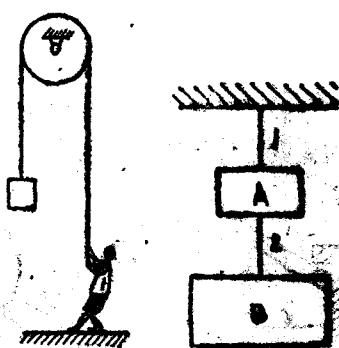
題 1-2 圖

1-3 一人重64公斤，站在矿井底上，借一根跨过固定滑車的繩索拉住48公斤的重物。問：(1)此人对井底的压力等于多少？(2)此人用这种方法所能拉住的最大重量为多少？

1-4 兩物块A、B，用兩条繩子1、2連結如图所示，物块各重 P_A 、 P_B ，繩重不計。

試求：(1)繩2作用于物块B之力；
(2)物块A作用于繩2之力；
(3)繩1受物块A之力。

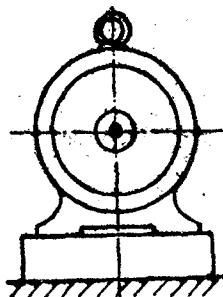
1-5 电动机 P_1 ，置于混凝土的基础



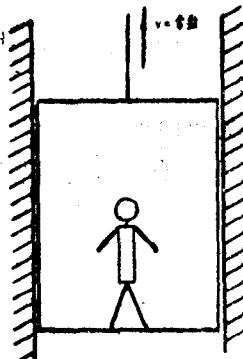
題 1-3 圖、題 1-4 圖

上，而基础重为 P_2 ，筑于地面上，如图所示。試根据公理來說明存在于电机、基础、地面三者之間的作用反作用力。

1-6 电梯匀速上升，梯中立一人，已知梯重 $P = 480$ 公斤，人重 $Q = 60$ 公斤。試求：(1)繩对电梯的拉力 T ；(2)人对电梯的压力 N 。

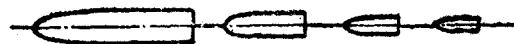


題 1-5 图



題 1-6 图

1-7 一拖輪用一列拖帶法拖帶三只大小不同駁船。設拖輪螺旋槳的牽引力為1800公斤，水對拖輪的阻力為600公斤，水對第一只駁船的阻力為600公斤，對第二只駁船的阻力為400公斤，而對第三只駁船的阻力為200公斤。設所用的船纜只允承受200公斤的張力。試問拖輪拉第一只駁船，第一只拉第二只，第二只拉第三只各需船纜幾條。



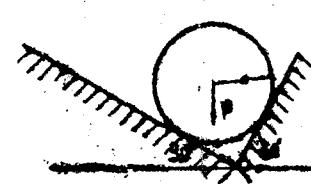
題 1-7 图

1-8 試決定下列各物体所受約束反力方向。并画出它的受力图。

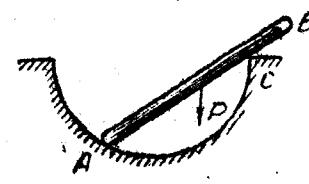
假設所有接触均为光滑的，物体处于平衡状态，除画有作用力外，图內繩索，杆件等物体重量均不計。



(a) AB 杆



(b) 圓石柱 P



(c) AB 杆

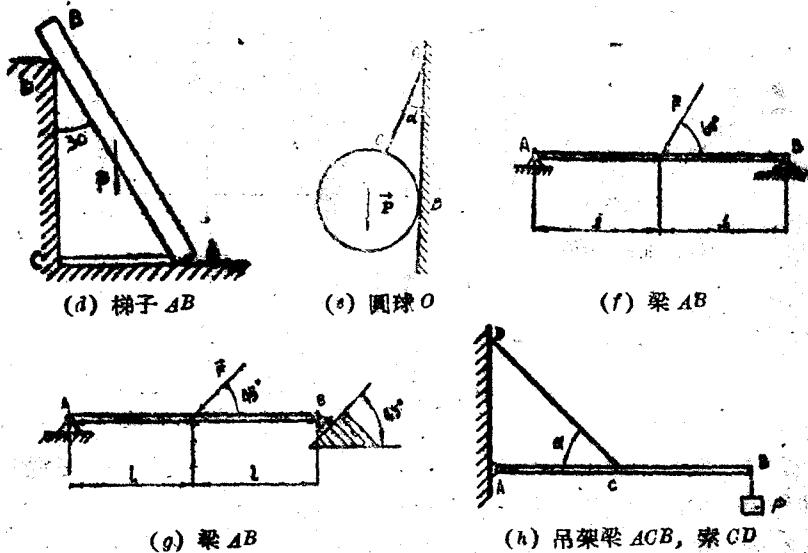
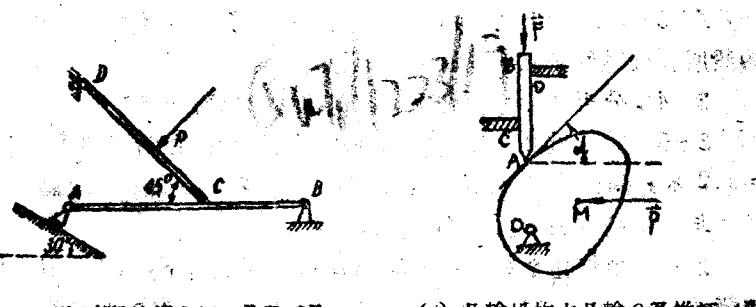
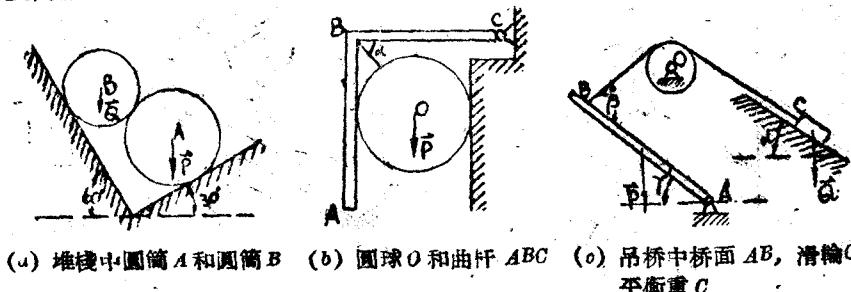
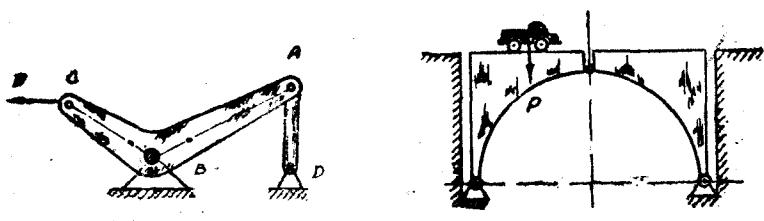


图 1-8 图

1-9 試決定下列各組成系統中各物体的受力。畫出它的受力圖。假設同上題。





(f) 曲杆 ABC

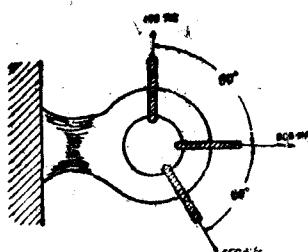
(g) 三铰拱

題 1-9 圖

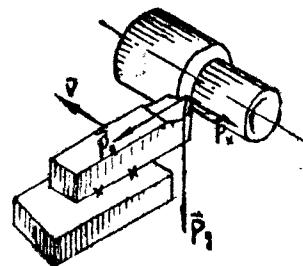
二 共點力系

2-1 图示一固定环受到三根绳的作用，如用另一绳代替这三绳而不改其作用，試求这绳的拉力的大小和方向角 θ_0 。

2-2 机床上刀具切削工件K，設工件給刀口的力在三个方向的分力可量得为 $P_x = 100$ 公斤, $P_y = 250$ 公斤, $P_z = 500$ 公斤, 方向如图示。試求刀具尖端所受合力的大小及方向。



題 2-1 圖



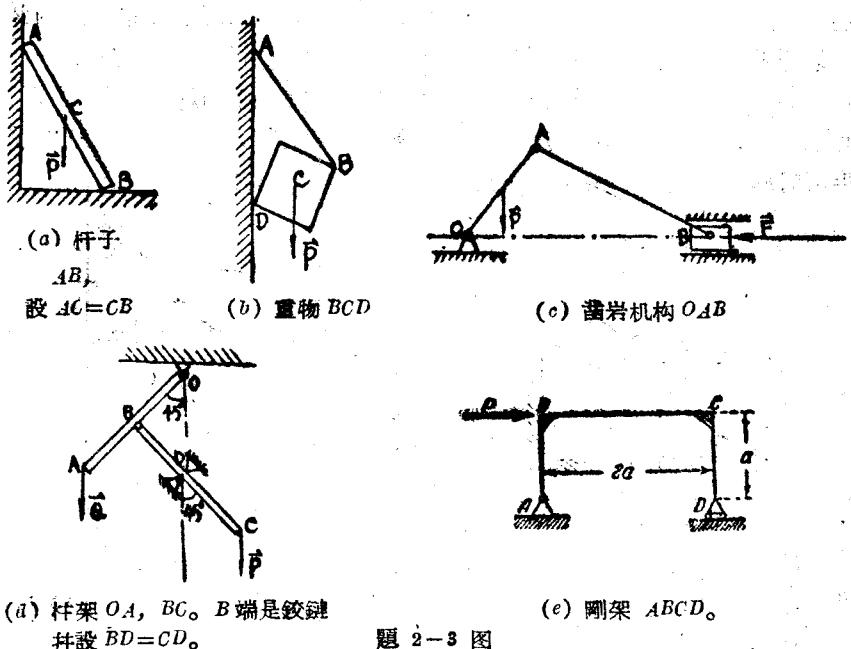
題 2-2 圖

2-3 試分析下列各物体是否处于平衡状态，并画出它们的受力图。假設所有接触处光滑。除画有作用力外，圖內各物体重量均不計。

2-4 分析AB杆。試求x为何值才能保証平衡。

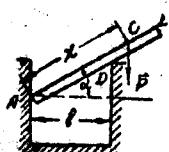
2-5 街灯重3公斤，以水平杆与斜杆悬挂在鉛垂柱上，水平杆 $AC = 1.2$ 米，斜杆 $BC = 1.5$ 米。設在A、B与C諸点处用絞鏈連結，求杆 AC 与 BC 的内力 S_1 与 S_2 ，杆重不計。

2-6 电灯重2公斤，电线 AB 从天花板掛下，繩子 BC 将电灯拉向墙的一边。如已知 $\alpha = 60^\circ$ 角，而角 $\beta = 135^\circ$ ，又电线与繩子的重量略



題 2-3 圖

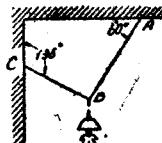
去不計，求電線 AB 的張力 T_A 及繩子 BC 的張力 T_B 。



題 2-4 圖



題 2-5 圖



題 2-6 圖

2-7 錘子對釘子的拉力 P 是沿釘子的軸向，設接觸面凸凹不平，試根據圖示條件，求拉力 P 及接觸處（A點）木板對錘子的反力 R 。（圖中長度單位為厘米，力的單位為公斤，錘重不計。）

2-8 重為 20 公斤的均質球，擋置在光滑的斜面上，並用繩子維持平衡，繩子的一端系在固定於鉛直牆上的彈簧秤上，彈簧秤的讀數為 10 公斤。斜面對水平面

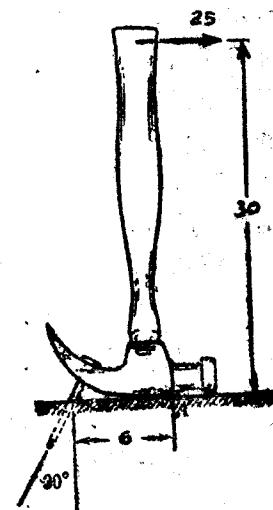
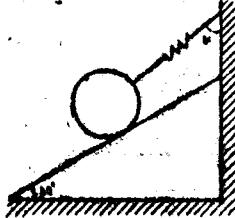


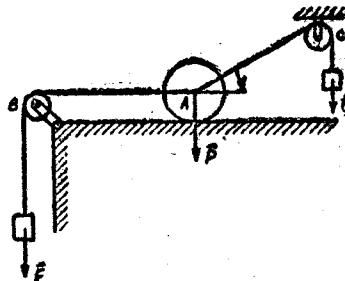
圖 2-7

的傾斜角為 30° 。彈簧秤和繩子的重量略去不計。求繩子和鉛垂線的交角 α 以及球對斜面的壓力。試問 α 角為何值時彈簧秤指示重量最小。

2-9 將重 P 的球放在光滑的水平面上，球上系兩繩 AB 及 AC ，繩通過球心，並繞過滑輪 B 及 C ，兩端分別綁掛載荷 F 及 Q （見圖）。試求平衡時繩 AC 與水平所成的 α 角及水平面上的压力 N 。



題 2-8 圖



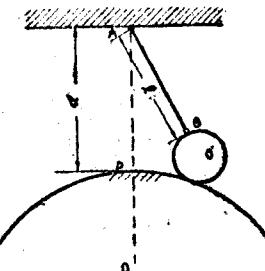
題 2-9 圖

2-10 半徑為 a ，重為 P 的均質球 O ，用繩 AB 掛于 A 点，並擋置于半徑為 r 的光滑球面上。設繩長為 l 。 A 点到球面的距離為 d 。求繩子張力 T 與球面的反力 N 。

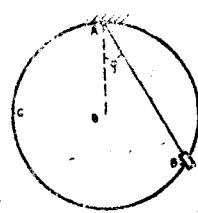
2-11 在半徑為 R 的鐵絲環上放着一個光滑的小環 B ；鐵絲環在鉛直平面內。小環的重量為 P ，其大小則可忽略。今用原長為 R 的彈性綫 AB 系着小環，而綫的另一端固結在最高點 A 上。已知綫的拉力 T 和綫的伸長成正比，比例常數為 k 。試求在平衡位置時的 φ 角和鐵絲對小環的約束反力。

2-12 小環 A 沿圓弧形杆 CD 滑動，不計摩擦及滑輪半徑，求平衡時角 α 的值。

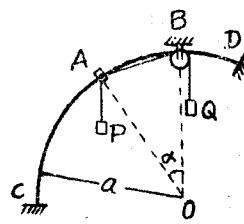
注意：套在曲杆上的小環由二根繩子系着，一根吊着重物 P ，一根綁過滑輪吊着重物 Q 。



題 2-10 圖



題 2-11 圖



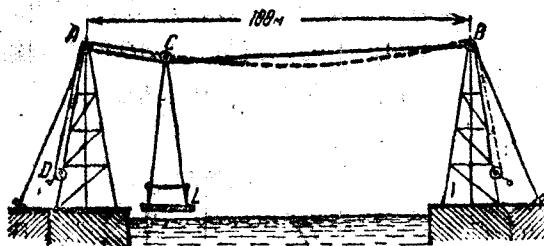
題 2-12 圖

二 共点力系

2-13 压路机碾子重2吨，半径为40厘米。

若要越过8厘米高的台阶，作用最小的 P 力为若干？其作用线与水平线的交角 α 应为多少？若 P 力为水平方向则又需用力若干？

2-14 吊车过山谷或冰道时，用小滑车 C 挂在钢丝绳 AB 上，钢丝绳的两端固定在同一水平面上。

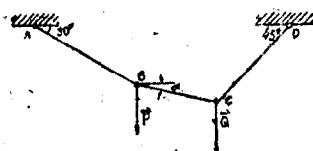


题 2-14 图

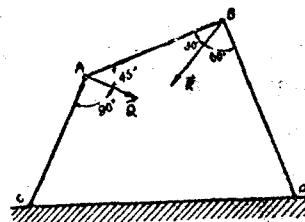
绳索和滑车 C 的重量与摩擦，求当 $AC=20$ 米时，绳索 CAD 与钢丝绳 ACB 的张力。

2-15 在绳 $ABCD$ 上的 B 及 C 两点，分别挂一重量 P 及 Q 。如 $P=50$ 公斤； $Q=150$ 公斤，求平衡时 BC 段的倾斜角 α 及三段绳内的张力。

2-16 铰接四连杆机构 $ABCD$ 的 CD 边固定，在铰链 A 上作用一力 $Q=10$ 公斤，角 $BAQ=45^\circ$ ；在铰链 B 上作用一力 R ，角 $ABR=30^\circ$ 。这样使四杆机构 $ABCD$ 处于平衡。如已知角 $CAQ=90^\circ$ ， $DBR=60^\circ$ 。求力 R 的大小。设杆重不计。



题 2-15 图



题 2-16 图

2-17 图示一较椿架。绳 ACB 的一端系在椿上 A 点，一端固定在架上 B 点。绳 CDE 的一端系在 C 点，另一端固定在架上 E 点。在 D 点用力 P 向下拉，即有较 P 大若干倍的力将椿拔起。若 AC 及 OD 各为铅直及本

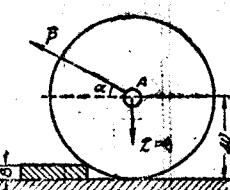
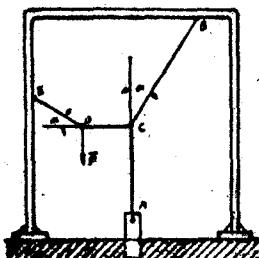


图 2-13

上的塔顶 A ， B 。如须使吊车拉向左岸，则利用一跨过滑车 A 并绕在铁盘 D 上的绳索 CAD ；如使吊车向右岸，也设有同样绳索。设 $AB=100$ 米，绳索 $ACB=102$ 米，吊车重5吨。如略去钢丝绳，

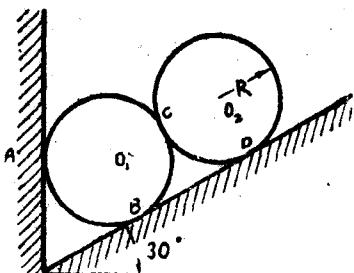


題 2-17 圖

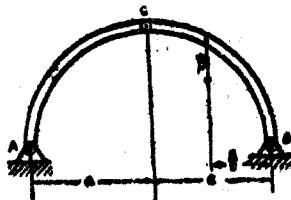
平方向， BC 及 DE 各與鉛直及水平方向成角 $\alpha = 45^\circ$ ； $P = 40$ 公斤，試求樁上所受的向上的力。

2-18 兩個相同的紗筒，置於一斜面上，由一鉛垂的牆擋住。設紗筒各重100公斤，斜面的傾斜角為 30° ，不計接觸處之摩擦力。求 A 、 B 、 C 、 D 四點之反力。

2-19 設三絞拱屋架 ACB 受到鉛直載荷 P 的作用。若不計拱本身的重量，試求支座 A 、 B 处的反力。

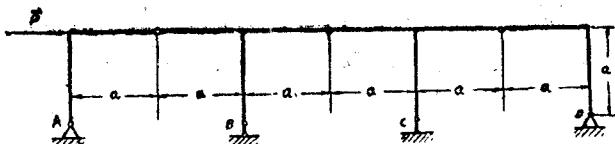


題 2-18 圖



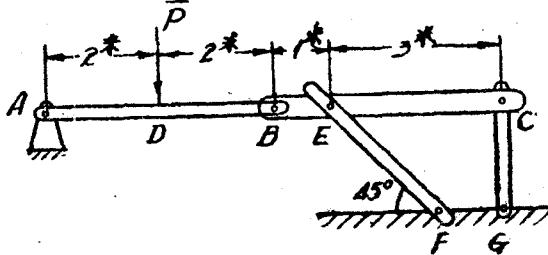
題 2-19 圖

2-20 剛架由三個三絞拱架組成，其尺寸如圖所示。求在水平力 P 作用下各支座 A 、 B 、 C 與 D 的反力。



題 2-20 圖

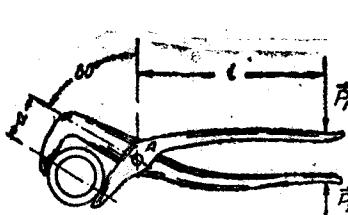
2-21 一複樑由杆 AB 、 BC 在 B 点銹接而成，以固定支座 A 及鏈杆 EF 、 CG 支持，其中 EF 与水平成 45° 角， CG 鉛垂。設 $P = 100$ 公斤作用在 AB 的中點處，不計杆重，試求支座 A 的反力及



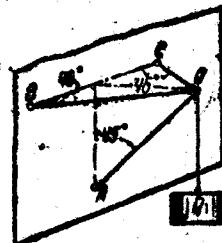
題 2-21 圖

鏈杆 EF 、 OG 所受的力。

2-22 弯头手钳如图示，在手柄上作用握力 $P_1 = P_2 = P = 25$ 公斤，并知 $l = 15$ 厘米， $a = 5$ 厘米，求管子所受到的压力 N 及鉸鏈 A 的反力 R_A 。不計摩擦及鉸子本身重。

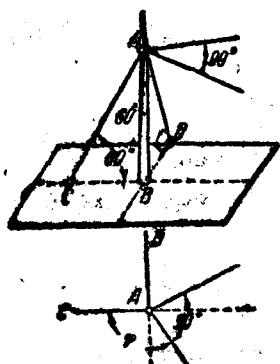


題 2-22 图

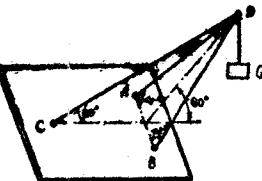


題 2-23 图

2-23 重物 $Q = 100$ 公斤，由杆 AO 与兩根等长之水平拉鏈 BO 和 CO 所支持。杆在 A 点用鉸鏈接于墙上， AO 杆与铅垂线成 45° 角， $\angle CBO = \angle BCO = 45^\circ$ 。求杆的內力 S 及鏈內張力 T 。



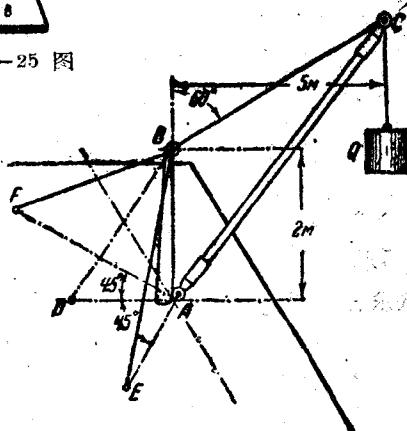
題 2-24 图



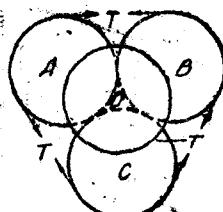
題 2-25 图

如图所示。 A 、 B 与 C 三点用鉸鏈固定。試求支座 A 、 B 与 C 之反力。

2-26 搬运起重机举起重为 2 吨之重物 Q ，其安装如图所示。 $AB = AE = AF = 2$ 米，角 $EAF = 90^\circ$ ，起重机之平面 ABC 等分兩面角 ABE 。起重机之重量略去不計。試求鉛垂支柱 AB 上所受的压力 P_1 ，吊索 BC 与張索 BE 、 BF 上所受的張力 P_2 、 P_3 与 P_4 。



題 2-26 图



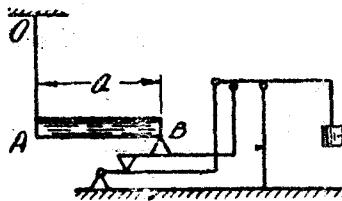
題 2-27 图

2-27 三个半徑相等的均質圓球 A 、 B 和 C 放在光滑水平面上相互接觸，並用繩在通過三個球心的平面內縛住。第四个同样半徑的均質圓球 O 重10公斤，放在該三球之上。求由上面一球所引起的繩內張力 \vec{T} 。球相互間及球與水平面間的摩擦略去不計。

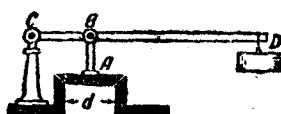
三 平 行 力 偶

3-1 不均匀杆 AB ，其重为 P ， A 端用一条固定于 O 点鉛垂繩掛起，另一端 B 靠在磅秤秤台刀口上，将此杆維持水平。秤得重为 Q 公斤，如 $AB = a$ ，求杆重心到 A 端的距离。

3-2 蒸汽鍋的安全閥 A 用杆 AB 連接于匀質杠杆 CD ， CD 長 50 厘米，重 1 公斤，可繞固定点 O 而轉動，閥的直徑 $d = 6$ 厘米，臂 $BO = 7$ 厘米。如欲使汽閥能在汽鍋內汽压为 11 大气压时自动开启，問杠杆的 D 端应掛多么大的重物 Q ？此处可認為 1 大气压 = 1 公斤 / 平方厘米。



題 3-1 图

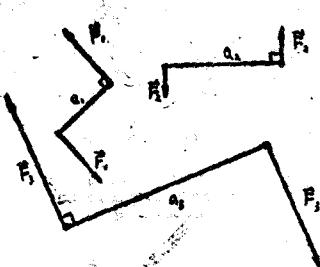


題 3-2 图

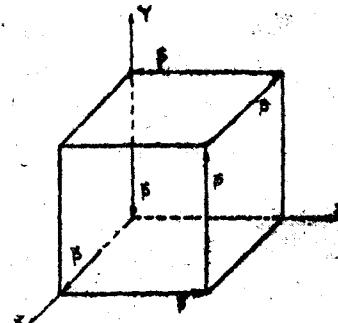
3-3 今有三个共面力偶。（見圖）已知： $F_1 = F'_1 = 10$ 公斤； $a_1 = 0.5$ 米； $F_2 = F'_2 = 5$ 公斤， $a_2 = 0.8$ 米； $F_3 = F'_3 = 20$ 公斤， $a_3 = 1.5$ 米。試求合力偶。

3-4 六个相等的力 $P = P' = 5$ 公斤，作用于边长 $a = 10$ 厘米的立方体上，如图所示。求其合力偶。

3-5 曲梁 ABC 中，設 $P = P' = 5$ 吨， $Q = Q' = 2$ 吨。图中长度单位为米。杆的重量略去不計，求兩支座之反力。



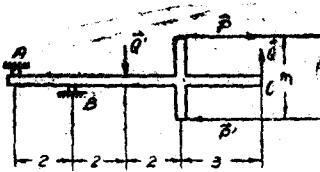
題 3-3 图



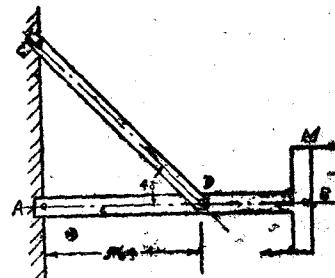
題 3-4 图

3-6 直杆 CD 和丁字杆 AB 在 D 点用铰链相联。在 A 和 C 端各用铰链联于墙上，角 $CDA = 45^\circ$ 。丁字杆的横木上受一力偶，其矩 $M = 100$ 公斤·米。設杆的重量均不計，求 A 和 C 点的反力（图中长度单位为米）。

3-7 六对力偶作用于同一平面内。它们的力之大小分别为 $5, 3, 2, 3, \frac{1}{2}$ 与 1 公斤，而臂长分别为 $2, 1, 4, x, 6$ 与 3 厘米。已知前三力偶矩为正，其余为负。設此力偶系平衡，試求力偶臂 x 。



題 3-5 图



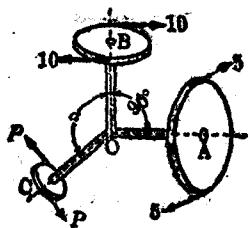
題 3-6 图

3-8 圆盘 A 、 B 、 C 的半径分别为 30 厘米、20 厘米、10 厘米，用 OA 、 OB 、 OC 三杆刚连，三杆在同一平面内而各垂直于刚连的圆盘。現圆盘 A 与 B 各在其平面内各受如图所示的力偶的作用，設要在圆盘 C 的平面内用一个力偶来維持平衡。求这力偶的力的大小 P 及杆 OC 与 OB 所成的角 α 。（图中力的单位为公斤）

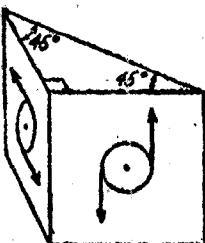
3-9 图示由尺寸为 $1 \times 1 \times 1$ 米和一个 45° 斜面所构成的匣。在三个铅直面上，每面皆有一直径为 30 厘米的輪子固結其上。現設图示之力皆

為5公斤。試求在斜面上必須作用怎樣的一對力，方才能够保持匣的平衡。

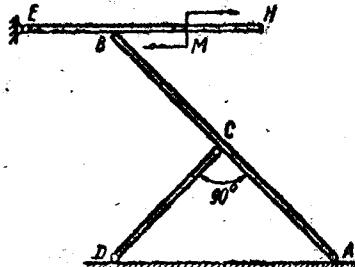
3-10 杆系由杆 EH 、 ACB 、 CD 用鉸鏈 C 、 A 、 D 、 E 聯成。在杆 EH 上作用一力偶，其矩 $M=100$ 公斤·米。已知 $AC=CB=CD$, $AB \perp CD$, $BE=1$ 米，不計杆重及摩擦。試求支座 A 、 D 、 E 的反力。



題 3-8圖



題 3-9圖



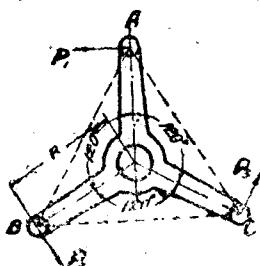
題 3-10圖

四 平面力系

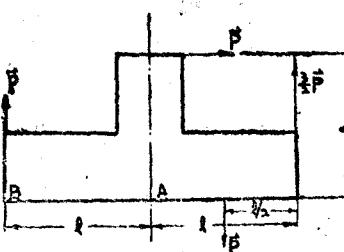
4-1 一絞盤有三個等長的柄，長度為 R ，相互間夾角為 120° ，在每個柄端各作用一垂直于柄的力 $P_1=P_2=P_3=P$ 。試求：(1)力系向中心 O 點簡化的結果；(2)力系向 BC 聯繩的中點 D 簡化的結果。

4-2 L形板一塊，尺寸及受力情況見圖，試求：(1)該力系向 A 點簡化的結果；(2)該力系向 B 點簡化的結果；(3)把向 A 點簡化的力系，再度簡化到 B 點，以驗算是否與(2)的結果相同。

4-3 圖示正三角形各邊長為2米，受三力作用。求力系的合成。

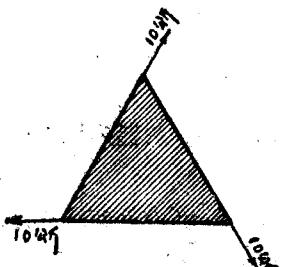


題 4-1圖

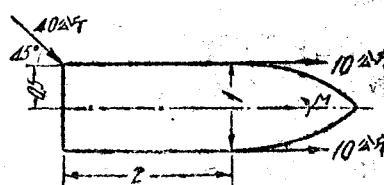


題 4-2圖

4-4 三个儿童在小船上游戏。一个儿童划一对桨，各以10公斤的力推船向前，另一个用脚抵着岸以40公斤的力推着船；第三个儿童由于推拉着码头，因而构成一个力偶其矩 $M=4$ 公斤·米作用在船上。试求合力的大小、方向和作用线位置。（图中长度单位为米）。

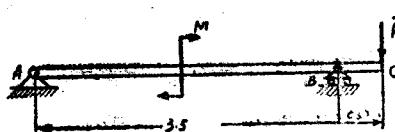


题 4-4 图



题 4-4 图

4-5 在试验飞机发动机的性能时，将飞机水平放置，一輪搁在台秤上，秤台所受铅垂压力在发动机转动时为640公斤，发动机停止时为460公斤，发动机螺旋桨转动方向如图，若 $l=2.5$ 米，试分析发动机转动时压力增加的原因，并求此发动机力偶矩的大小。

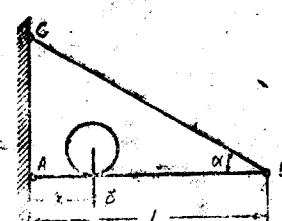


题 4-5 图

4-6 梁 AC 支于 A, B 两点，梁上受一力偶，其矩 $M=6$ 吨·米，在 C 点受一力 $P=2$ 吨（见图）。求 A, B 两支座的反力。（图中长度单位为米）

4-7 起重机的水平梁长 l ，在一端以铰链固定，在另一端 B 用链杆 BC 拉住。链杆与水平梁间的夹角为 α 。有一重物 P 可在梁上移动，其位置由变动的距离 $AP=x$ 来决定。若梁的重量不计，求链杆 BC 所受的力 T 和重物位置间的关系。

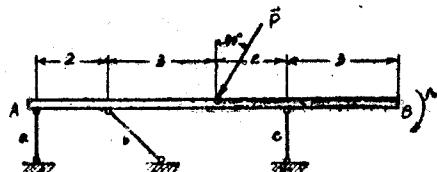
4-8 梁 AB 用 a, b, c 三根链杆支承，并受载荷如图所示。已知 $P=10$ 吨， $M=5$ 吨·米。



题 4-7 图

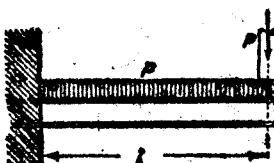
試求三根杆所受的力。圖中的長度單位均為米。 b 杆與水平面交角為 45° 。

4-9 支持涼台的水平梁 AB 承受強度 $p=200$ 公斤/米的勻布荷載之作用。在它的自由端從柱上傳下荷載 $P=200$ 公斤。柱的軸線到牆的距離 $l=1.5$ 米。求插入端 B 所受的作用。

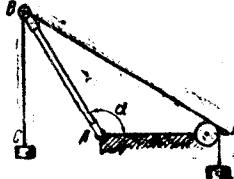


題 4-8 圖

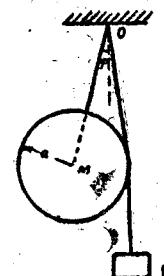
4-10 均質杆 AB 可繞鉸鏈 A 轉動，在 B 端用繩掛一重100公斤的重錘 C 。在 B 端另外引出一繩，跨過滑車 D ，上挂一重200公斤的重錘。設已知 $AB=AD$ ，杆重200公斤。求杆在平衡位置時角 $BAD=\alpha$ 的大小。滑車的摩擦不計。



題 4-9 圖



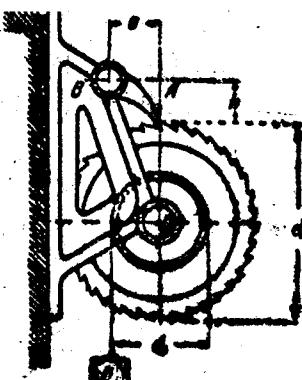
題 4-10 圖



題 4-11 圖

4-11 一均質球，重為 Q ，半徑為 a ，和重物 P 同時用繩子掛在 O 點（如圖所示），距離 $OM=b$ 。求平衡時直線 QM 與鉛垂線所成 ϕ 角的大小。

4-12 級車由直徑為 d_1 ，並帶有掣子 A 的棘齒輪所構成。鼓輪固結于級車上，其直徑為 d_2 ，其上繞有繩子，繩上掛重物 Q 。若已知： $Q=50$ 公斤， $d_1=420$ 毫米， $d_2=240$ 毫米， $h=50$ 毫米， $a=120$ 毫米，求掣子軸線 B 上所受的壓力。掣子重量不計。



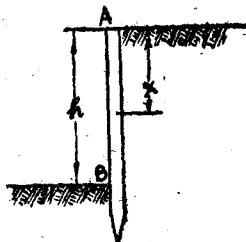
題 4-12 圖

4-13 船閘用擋土鋼板樁，承受土壓力。土壓力分布按離地面高度成比例地增加，在離地面距離 x 米處壓強為 γx 噸/平方米，其中 γ 為土壤重度，若 $\gamma = 2.2$ 噸/立方米，鋼板樁寬 20 厘米，高度 $h = 6$ 米。試求鋼板樁插入土端 B 处所受的約束反力。

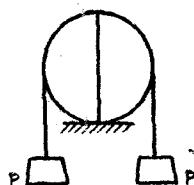
4-14 整個均質圓柱體分成兩個半圓柱體，有一根繩跨過它們而把它們拚湊在一起。繩的兩端各掛有重 P 公斤的重錘。整個圓柱體重 Q 公斤。兩個半圓柱體的接觸平面是鉛垂的。要使這兩個半圓柱體在水平面上靜止，問重錘重量的最小值為多少？

註：半圓面積的重心 C 到鉛垂直徑的距離為 $\frac{4R}{3\pi}$ 。

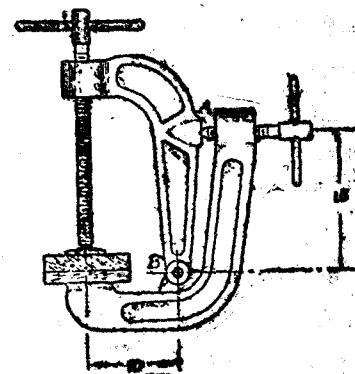
4-15 图示一種雙手柄螺絲鉗。設先將垂直的螺絲旋緊使產生一鉗緊力 500 公斤，然後將水平螺絲旋緊，直至在 A 點的壓力增加一倍。試求總鉗緊力 P 以及鉸鏈 B 的反作用力 R 。（圖中長度單位為厘米）



題 4-13 圖

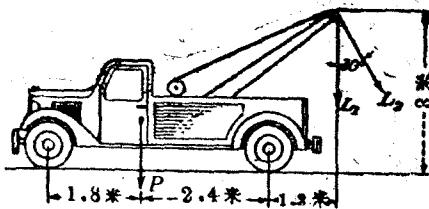


題 4-14 圖



題 4-15 圖

4-16 汽車起重機重 $P = 3500$ 公斤，試求：(a) 保證起重機安全操作而不至使汽車翹起的最大鉛直負荷 L_1 ；(b) 當 L_2 與鉛直成 30° 時，它的最大值又為多少？



題 4-16 圖

4-17 均質梁 AB 長 10 米，在它的上面鋪設了起重機的軌道。起重機重 5 噸，其重心在軸線 CD 上，重物 $P = 1$ 噸；梁 AB 的重量為 3 噸；距離 $AC = 3$ 米。求當起重機的突樑 DL 和梁 AB 在同一鉛垂平面內時支