

悬臂褶薄壳雨篷设计实例

安徽省建筑厅设计院编著

上海科学技术出版社

內容提要

本書主要敘述某一項薄壳雨篷工程的設計計算實例，同時簡單地介紹了設計理論和應力分析，以及在設計過程中所考慮到的一些問題及其處理方法等，可供建築結構工程設計人員等作為經驗交流和參考之用。

悬臂褶薄壳雨篷設計实例

安徽省建築廳設計院 編著

上海科學技術出版社出版

(上海南京西路 2004 号)

上海市書刊出版業營業許可證出 093 号

上海市印刷四廠印刷 新華書店上海發行所總經售

开本 850×1168 紙 1/32 • 印張 1 3/8 • 插頁 2 • 字數 32,000

1959 年 7 月第 1 版 1959 年 7 月第 1 次印刷

印數 1—2,000

統一書號：15119.1303

定 价：0.32 元

前　　言

1958年夏季，由于客觀的需要，安徽省建築廳設計院設計了一個挑出9.20公尺的鋼筋混凝土懸臂褶薄壳屋蓋，可以說是一項大膽的嘗試。由於薄壳結構的設計資料目前尚很缺乏，當時對該項工程的設計工作，感到非常困難，但在黨和領導的大力支持下，終於基本上完成了該項任務。

去年九月初华东协作区四省一市在南京市召開建築技術經驗交流會議。會議內容是如何貫徹社會主義建設時期的總路線，多快好省地建設我們的祖國，而薄壳結構恰好符合好、省的精神，因此我院即將該項懸臂褶薄壳結構設計中的一些体会作為我省交流資料之一。會後我們把這分交流材料整理了一下，同時又補充了一些新的內容，才寫成這本小冊子。

小冊子的內容，主要是介紹一個褶薄壳雨篷設計中所考慮到的一些問題，以及我們怎樣解決這些問題，所採取的方法。在後面還附了該工程褶薄壳部分的計算實例。

在這本小冊子中，沒有詳述薄壳的構造和公式的推導，只簡單地敘述了基本假設和計算時應用的公式。關於這方面的資料，在許多書中已可找到，而且講得很詳細，因此不再重複。

最後我們覺得這本小冊子所介紹的材料可能是不夠成熟而存在着不少缺點。為了拋磚引玉，仍予發表，希望讀者提出批評意見。

安徽省建築廳設計院 1959年3月

目 录

前言

一、建築要求的簡單介紹.....	1
二、薄壳結構形式的選擇.....	2
三、應力分析的基本假設.....	4
四、褶薄壳的法線應力及剪力計算.....	5
五、偏心荷重作用下的弯曲和扭轉.....	8
六、橫向應力的分析.....	10
七、薄壳裂縫的處理.....	11
八、剪力鋼筋的布置.....	11
九、邊波的處理.....	12
十、基礎對褶薄壳的影響.....	13
十一、支承的處理.....	14
十二、落水問題.....	15
十三、局部穩定性.....	16
十四、計算實例.....	16

一、建筑要求的簡單介紹

該工程为某运动場的司令台，是一座三层钢筋混凝土結構，底层为正厅和會議室、接待室，并附有公用電話間、厕所等。二层主要为首长及来宾休息室。三层为看台，要求可容納四百人左右，上盖雨篷，挑出长达 9.20 公尺。为使看台上任何一个位置都可以看到全場的活动，看台左右前三面 9.20 公尺內一律不允許設置墙柱支承雨篷(图 19)。

雨篷支承在框架上。框架高 13.80 公尺，分为三层。框架前后两柱間距离仅为 3.00 公尺，形成一座很不稳定的結構(图 19)。框架与框架之間距为 4.00 公尺。在这本小册子内主要介紹褶薄壳雨篷的設計過程，不准备介紹框架的計算。

根据建筑的要求，前面 9.20 公尺的屋蓋必須做成悬臂。在这样一个大跨度的悬臂屋蓋与整体結構形式来看，采用木材結構是有許多困难的；同时，为了节约鋼材，亦不适宜采用鋼結構；磚石結構是沒有可能性；剩下的目前可能采用的就只有钢筋混凝土結構了。但一般較大跨度的钢筋混凝土肋形樓蓋(梁版式樓蓋)或屋蓋，由于混凝土自重很大，往往荷重虽很小，仍需采用很大的截面来担负其本身重量，故钢筋混凝土肋形樓蓋，当梁或版的跨度到达一定限度时，就会造成不經濟，而对于悬臂形式的則更甚。如果一定要采用肋形樓蓋，必然会将梁版的截面設計得很大，屋蓋的重量很重，那么对整个結構物的平衡(图 19)，将更难于处理，故从經濟造价和整个建筑物的合理性來講都是不允許的。因此我們就不得不从薄型結構來考慮，薄壳結構是一种良好的形式。

二、薄壳结构形式的选择

薄壳是属于一种空间结构物，它最大的优点是壳体壁薄，自重轻，在不用预加应力条件下，仍能应用在较大的跨度上去，在某些方面可以代替钢结构，节省钢材，降低造价，且有刚度大、耐久性好等优点。二十世纪以前这种结构很少得到发展，主要由于它在计算上极为繁复，直到苏联 B. E. 符拉索夫教授的理论公布及补充了某些几何假定，从计算方法上得到简化后，薄壳结构才逐渐被人们采用于建筑物中，并得到重视和推广。

最普通的长薄壳结构形式有两种：一种是圆柱形薄壳，另一种是褶薄壳（图 1）。在这两种形式中，我们采取了后一种褶薄壳形

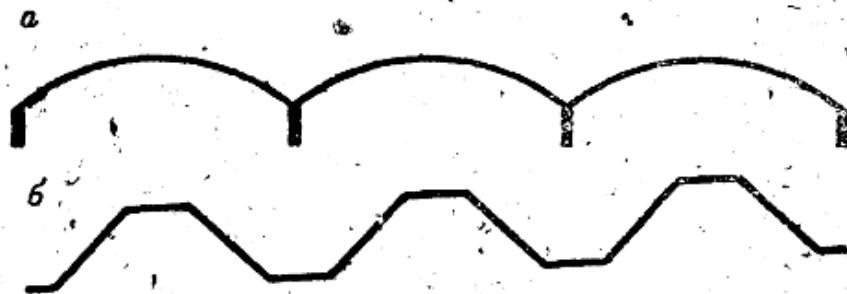


图 1

式。因圆柱形薄壳如为两端支承成简支梁形状者，则纵向弯矩中间最大，两端无弯矩，截面上部受压，下部受拉，纵向主钢筋放置在下部壳体的梁内，在上面可以得到较宽的承压面积，对壳体的上部产生压力的局部稳定性较好（图 2）。同时压力中心提高，内力臂

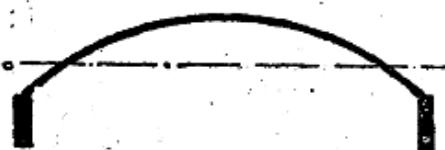


图 2

增长，增加抗弯矩，可减少纵向主鋼筋。对横向截面来讲，由于形状为圆弧形，有拱的作用，所以壳体壁虽然很薄，但一波之间的距离可做得较大，减少边梁数量，又减轻自重。有这许多优点，因此常被人们所采用。但如果将圆柱形薄壳作为悬臂结构，情况就显然不同。由于悬臂结构在纵向截面内最大负力矩是在支承处，上部受拉，纵向主钢筈必须放置在上面，下部边梁受压，因梁薄，局部受压稳定性差，必须加厚梁的宽度，增加薄壳自重，中性轴向上移，内力臂减小，对于抗弯曲不利。再从横截面来讲，圆弧形壳体部分受拉，而混凝土不能赖以抵抗拉应力，必须加钢筋，此外，形状亦不美观。在本工程建筑上的要求，波长仅为4.00公尺，如用褶薄壳，同样可以将壳体壁厚做得很小以抗横向应力；再从施工观点来看，褶薄壳都是平版组合而成，比圆柱形薄壳为简单，在施工条件较差的地方亦能浇筑，模板的损耗亦较圆柱形薄壳的为少，当侧版的倾斜角在 45° 时，用干硬性混凝土浇筑亦能用单面模板施工。这些都说明在本工程的具体情况下，采取褶薄壳较圆柱形薄壳为适宜，所以我们最后决定采用褶薄壳结构作此屋盖。

在褶薄壳结构的截面形式上亦采取了一些措施。根据应力变化的规律，我们采取纵横截面均为变截面。悬臂构件在悬臂端其弯矩为零，向支点逐渐增减，其纵向的弯矩变化曲线近似为抛物线（长薄壳）。根据这一应力的变化规律，我们选取褶板厚度在悬臂端处仅为5公分，其横截面高仅为55公分，按理论还可以薄些和矮些；但考虑到高空现场操作及建筑上的美观，又恐壳体壁过薄不易保证施工质量，因而选定了这样一个截面尺寸。在支座处为了保证其刚度，壳体厚度采用8公分，其横截面高为118公分。整个壳体壁平均厚度仅为6.5公分，这就创造了很大跨度的建筑物可以采用薄壳的条件。

采取变截面的措施的优点是：1. 减少可以不需要的混凝土，减轻自重；2. 由于端点处壁薄支座处壁厚，构件的重心向支座处移

近，总的目的在減輕构件自重、减少支座弯矩，有利于构件工作，同时可节约鋼材、水泥，节省造价，又有利于整个結構物的平衡！按理論还可以做成等强度构件，壳体弯矩还可减少，但等强度薄壳构件在計算上是有困难的，在施工技术上亦复杂，故不采用。

三、应力分析的基本假設

薄壳应力的計算，虽然有彈性应力阶段和塑性应力阶段的两种基本理論，但到目前为止，大都还是根据彈性应力阶段作为計算基础。从严格限制薄壳的裂縫方面来看，尤其是暴露在大气中的悬臂薄壳，裂縫出現在上面，易受雨水等侵蝕，如采用塑性应力阶段來計算是不够妥当的，所以我們基本上仍用彈性应力阶段理論來計算。

薄壳应力分析，从彈性平衡上可得六个微分方程，其中包含十一个未知数，虽然有一些边界条件可使方程簡化一些，但計算仍是相当繁复的。

本工程的悬臂褶薄壳，跨长与波长之比大于 $\frac{1}{2}$ ，属于长薄壳类型，可以近似地采用长梁理論。虽然薄壳的纵向弯曲不能符合长梁弯曲时的平面假設，不能与长梁的基本假設完全吻合，但由于下列的一些假設，使計算方法大大的簡化，从而使采用长梁理論成为可能。

薄壳长梁理論的計算基本假設是：1. 在变形前（即結構物承受荷重前）它的正剖面为一平面，变形后（即結構物承受荷重后）它的正剖面上产生的翹曲仍服从平面定律。2. 由于壳体的壁很薄，故可以假設纵向法綫应力 σ 沿壁的厚度的变化可以略去，剪应力 τ 沿壁的变化亦可以略去。3. 再根据剪应力的成对定律，在壳体的正剖面內，根据边界条件，靠近表面的应力建量在垂直于表面的方向不应有剪应力，剪力的向量必然与正剖面的外形切綫方向相符。

(图 3)。由于上述的基本假設，簡化了薄壳的計算，尤其是假設 1，与梁的平面假設是很相似的，因而长薄壳纵向弯曲的計算方法，基本上可以适用一般长梁的理論。



图 3

四、褶薄壳的法綫应力及剪力計算

前面講过，这本小册子內不准备把計算用的公式的推导过程写出来。但为了使讀者在后面閱讀計算例題时容易明了起見，这里把計算时应用到的公式先作一簡要的介紹。至于这些公式的推导及来源，请參閱有关薄壁結構书本及高等数学。

計算时可以取出一波作为計算单元。下面是对称荷重作用时纵向弯曲的計算公式：

1. 体积：

$$V_n = \int_x y_n \delta_n dx \quad (1)$$

式中： δ_n —— 褶薄壳中各版的厚度；

y_n —— 褶薄壳中各版的寬度；

x —— 褶薄壳的長度， dx 即取長度很小的一段。

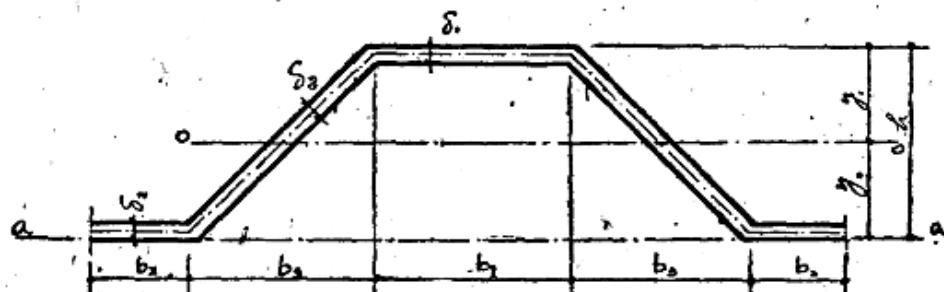


图 4

由于褶薄壳是变截面的，各块版的厚度及宽度均随纵向长度

的变化而变化，故它們都是 x 的函数。

$$\therefore y_n = f(x)$$

$$\delta_n = \varphi(x)$$

2. 重心:

$$\bar{x}_n = \frac{\int_F y_n \delta_n x dx}{\int_F y_n \delta_n dx} \quad (2)$$

式中: \bar{x}_n —— 褶薄壳重心沿 X 軸的座标。

3. 弯矩:

$$M_n = wV_n \bar{x}_n \quad (3)$$

式中: w 为鋼筋混凝土单位体积重量，澆筑时如用震動器者为每立方公尺 2600 公斤，如不用震動器者为 2400 公斤。

4. 截面积:

$$F = b_1 \delta_1 + b_2 \delta_2 + 2 \frac{b_3}{\sin \theta} \delta_3 \quad (4)$$

式中: b_n —— 褶薄壳各版的宽度；

θ —— 褶薄壳側版的傾斜角。

5. 惯性矩:

$$I_{a-a} = b_1 \delta_1 h^2 + 2 \frac{b_3 \delta_3}{\sin \theta} \frac{h^3}{3} \quad (5)$$

$$I_{o-o} = I_{a-a} - F \bar{y}^2$$

式中: \bar{y} —— 褶薄壳横截面重心沿 Y 軸的座标（原点在 $a-a$ ）。

6. 褶薄壳混凝土的纵向法綫应力与鋼筋面积計算:

拉应力

$$\sigma_1 = \frac{My_1}{I_{o-o}} \quad (6)$$

压应力

$$\sigma_2 = \frac{My_2}{I_{o-o}} \quad (7)$$

钢筋面积

$$F_s = \frac{N}{1.1[\sigma]} \quad (8)$$

式中： y_1, y_2 —壳体横截面重心至上、下边缘的距离；

$[\sigma]$ —钢筋的允许应力；

1.1—因大部拉力钢筋集中于顶面而增大内力臂的系数；

N —壳体横截面中全部拉应力，其计算的公式如下：

$$N = \frac{MS_{(o)}}{I_{o-o}} \quad (9)$$

$S_{(o)}$ —壳体横截面至重心静矩。

7. 剪应力：

$$\tau = \frac{QS_{(o)}}{2\delta_3 I_{o-o}} \quad (10)$$

式中： Q —最大剪力。

五、偏心荷重作用下的弯曲和扭轉

薄壳的中间波除在对称荷重作用下产生纵向弯曲外，我们还考虑到由雪荷重及其他不对称荷重作用所产生的弯曲和扭轉，其计算公式如下：

1. 扇性线静矩：

$$S_{wy} = \int_F \bar{\omega}_0 y dF \quad (11)$$

式中： $\bar{\omega}_0$ —扇性面积。

2. 扇性惯性矩：

$$I_w = \int_F \bar{\omega}_0^2 dF \quad (12)$$

3. 弯曲扭转双力矩:

$$B = -\frac{qe}{\alpha^2 \operatorname{ch} \alpha L} [\alpha L \operatorname{sh} \alpha(L-x) - \operatorname{ch} \alpha L + \operatorname{ch} \alpha x] \quad (13)$$

当 $x=0$ 时, B 为最大。

式中: q —— 单位长度内作用的荷重;

e —— 作用荷重的偏心距;

L —— 壳体长度;

α —— 壳体的弹性弯曲扭转特性, 其计算公式为

$$\alpha = \sqrt{\frac{GI_\kappa}{E_0 I_\alpha}}$$

E_0 —— 受拉弹性模量, 可用 $\frac{1}{6}$ 受压弹性模量;

G —— 剪切弹性模量, 混凝土的剪切弹性模量

$$G = 0.425 E \quad (E \text{ 为受压弹性模量});$$

I_κ —— 扭转时断面的惯性矩。

4. 弯曲扭转力矩:

$$M_\alpha = \frac{qe[\alpha L \operatorname{ch} \alpha(L-x) - \operatorname{sh} \alpha x]}{\alpha \operatorname{ch} \alpha L} \quad (14)$$

当 $x=0$ 时, M_α 为最大。

5. 纯扭矩:

$$M_\kappa = \frac{qe[\alpha(L-x) \operatorname{ch} \alpha L + \operatorname{sh} \alpha x - \alpha L \operatorname{ch} \alpha(L-x)]}{\operatorname{ch} \alpha L} \quad (15)$$

当 $x=L$ 时, M_κ 为最大。

式(12)、(13)、(14)仅适用于均布荷重的悬臂构件中(图 5)。

6. 属性垂直应力的计算:

因为外力形成绕 X 轴旋转之力偶, 所以这些力引起了平衡内力体系, 所产生的应力如(图 5 e)

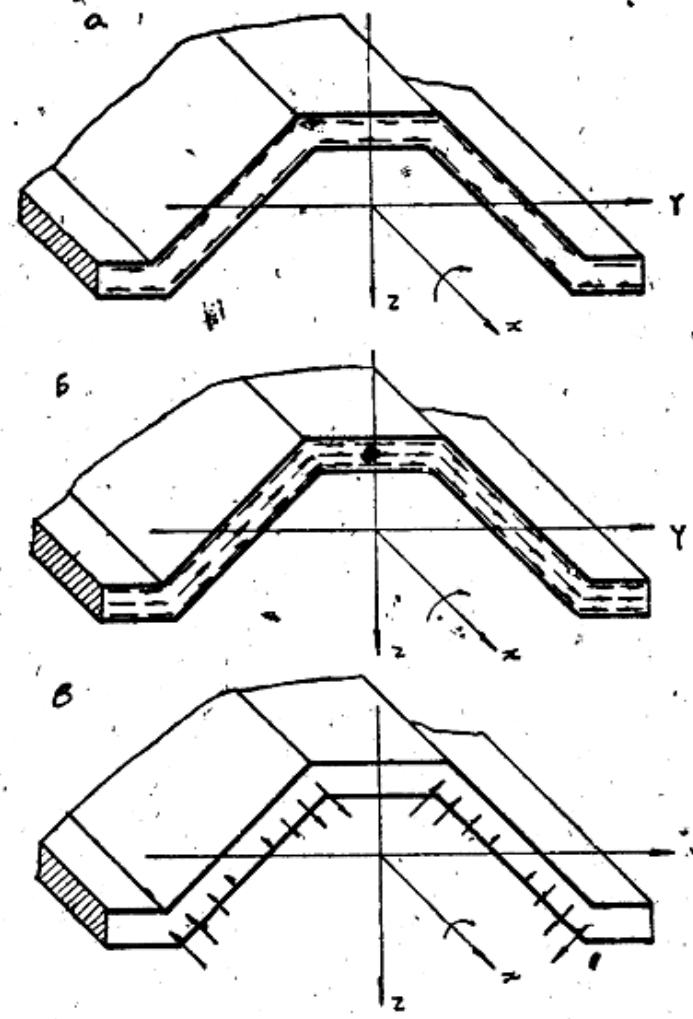


图 5

$$\sigma_a = \frac{B_a \omega}{I_a} \quad (16)$$

7. 扭性切力計算:

对壳体所产生的应力, 在一般情况下, 都是很小的, 其形状如 (图 56).

$$\tau_a = \frac{M_a S_a}{I_a \delta} \quad (17)$$

8. 由于扭轉力矩产生的切应力:

計算可以按非圓斷面杆件在純扭轉時所用的近似方法来进行，对壳体所产生的应力情况如(图 5a)

$$\tau_k = \frac{M_k \delta}{I_k}$$

其中 δ 为被研究的那一点断面壁之厚度。

边波或断面不对称及边界条件不对称时，壳体内的应力計算，亦可用上列公式。

六、横向应力的分析

长褶薄壳的横向应力，可以象普通梁版一样来分析。对于它，可以假設每块版支承在相邻版的边棱上，所有的版彼此相连。因此可以将褶版沿水平方向拉直作为連續版来計算，但同时要考虑斜面上荷重垂直于版面的分力(图 6)。在上部边缘肋 A 内所得的負力矩應該乘以表 1 中的系数。

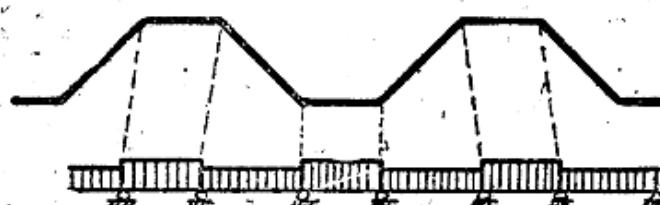


图 6

表 1

$\frac{d_5}{f}$	0.3	0.45	0.6	$\frac{d_5}{f}$	0.3	0.45	0.6
$I-4$	2.50	2.00	1.50	$I-4$	1.80	1.00	0.5

七、薄壳裂缝的处理

薄壳结构大都用在大跨度工程中，由于跨度较大，在弯矩最大处受拉的一面能出现很大的裂缝，倘裂缝宽超过0.2公厘时，就会腐蚀混凝土内钢筋，影响工程寿命。尤其是悬臂薄壳屋盖的裂缝出现在上面，更会使混凝土内的钢筋直接受到雨水及大气的侵蚀，因此对裂缝的出现，应该严格加以限制。为了避免裂缝出现，对建筑物发生危害，最理想的是在混凝土的受拉一面预加应力，可是目前我处暂时还没有这样的施工设备，还没有足够条件设计成预应力混凝土。在解决支座处平面裂缝的问题上，我们不得不一方面加大断面，提高构件的刚度，增加抗弯力矩，造成有利条件，使边缘拉应力减低，同时尽量不采用高流限应力的钢筋，提高混凝土标号，以避免裂缝的过早出现及裂缝过宽。根据苏联技术规范规定：如建筑物裂缝的出现足以危害钢筋，则边缘拉应力不应超过 $2R_p$ (R_p 为混凝土受拉极限)；在毛细裂缝出现时对钢筋危害不大的建筑物中，不应超过 $3R_p$ ；在任何情况下不得超过 $4R_p$ 。本工程的悬臂褶薄壳，按理混凝土边缘拉应力应控制在 $2R_p$ 内，但由于建筑上条件的限制，边缘拉应力要控制在 $2R_p$ 内是有相当困难的，所以只得将其最外边缘拉应力控制在 $3R_p$ 内，并按穆拉谢夫教授的理论，将裂缝的宽限制在0.2公厘内。如在拆模后或在竣工后，发现有裂缝出现时，将再设法用纯水泥砂浆加5% 避水浆，拌成避水砂浆，把裂缝嵌补完整。

八、剪力钢筋的布置

在薄壳结构中，由于壳体壁很薄，往往由于剪应力超过 R_p/k 很多而达到破損。尤其当悬臂薄壳支承的前后两柱之间距离很小

时(图 19 i), 因力的平衡原理, 在两支承之間在壳体中会出现很大的剪应力(見例題), 所以剪应力是薄壳結構中主要应力之一。倘設計时对这方面考慮得不够妥当, 很容易发生工程事故。当壳体内剪应力超过 R_p/k 时, 一般都設計斜鋼筋以抗剪应力。这次我們沒有采用斜鋼筋, 因为悬臂薄壳最大弯曲应力、剪应力、扭轉应力都在支承处为最大, 在这块很薄的侧版上, 应力情况比較复杂, 不但有剪应力, 还有上部的拉应力, 下部的压应力, 橫向弯曲应力及由不对称荷重产生的扭轉应力等。上述这些应力有一部分可以由混凝土承受, 有一些应力必須由鋼筋承担, 加以根据长梁理論計算剪应力的方法来計算壳体中剪应力, 是与实际情况有些出入的, 其

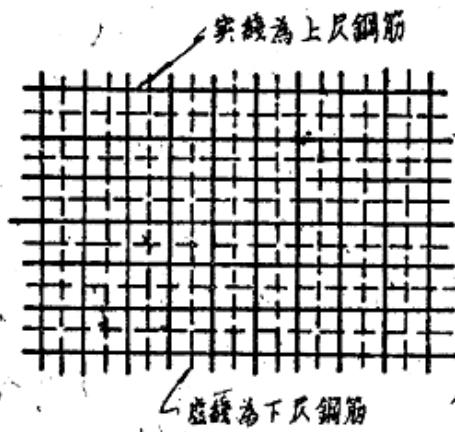


图 7

裂縫的傾斜角亦有出入, 如机械地按 45° 放置斜鋼筋, 是不够妥当的。为了能較好地抵抗侧版上的这些复杂应力, 所以将剪力鋼筋設計成网状。剪力鋼筋网分上下二层交错放置如(图 7), 鋼筋网的格子(网眼)建議不小于 10×10 公分, 俾便于操作。这样設計虽然多用了一些鋼材, 但是从结构的合理性來講要比斜鋼筋优越得多, 同时便

于施工, 容易保証工程質量, 这点对薄壳結構讲是相当重要的。

九、邊波的處理

長薄壳纵向法綫应力按长梁理論計算, 橫向应力的分析按連續版計算, 这样的方法仅可适用于中間波而不适宜用于邊波。因为中間波两旁都与邻波相連接, 因此它的側边有足够的剛度, 截面上各点仅可垂直移动, 所以其本身工作, 实际上是接近于梁的工

作。而邊波則由於一邊沒有約束，它的邊緣不仅可以垂直移動，而且亦能沿水平方向移動，故採用長梁理論的計算方法是不夠準確的。邊波的計算可以應用符拉索夫教授有彎矩理論或吉里曼的近似計算方法。但這二種計算方法還是很繁複的。

為了克服薄殼邊波橫向剛度差的缺點，我們在邊波採用了封閉箱式（圖8），這樣處理不但加強了邊波水平剛度，同時亦有利於邊波抵抗由於它自己的不對稱斷面引起的偏心扭力矩，各方面大大地有利於它的工作。



图 8

十、基礎對褶薄殼的影響

薄殼結構是空間結構，如果某一向的應力受到破壞，勢必增加其他方向的應力，以達到結構物內力的平衡。有時能由於某向應力的意外增加而造成結構物的不安全甚至破壞。因此基礎的沉陷對薄殼結構的影響是一個重要的問題。

對每對框架的基礎設計，我們採用了前後兩只柱互相聯合起來的聯合基礎。為了使一榀框架的整個結構物能夠獲得平衡起見，將基礎向前端伸長一段，使在僅有呆重時整個結構物重心與基礎底面形心基本上能吻合或相差不多，同時又使在有活重及風荷重時，基礎邊緣的最大壓力不超過土壤允許耐壓力。如另一端基礎邊緣已達到有與地基脫離的趨勢時，則要求保證基礎底面承壓部分（即與地基接觸部分）不小于基礎長度的75%，這樣可以使