

全國測繪科學技術經驗交流會議

資 料 選 編
平 面 控 制 基 綫 測 量

建 筑 工 程 出 版 社

中国地质大学（北京）地质研究所

資料选編

平面控制系統測量

地质工程出版社

X^{3/4} 9/1
214

平面控制基綫測量

全國測繪科學技術經驗交流會議資料選編編輯委員會 編

*

1959年6月第1版 1959年6月第1次印刷 4,065冊

850×1168 $\frac{1}{32}$ • 33千字 • 印張1 $\frac{1}{4}$ • 定價(9)0.19元

建築工程出版社印刷廠印刷 • 新華書店發行 • 統一書號: 15040·1651

建築工程出版社出版(北京市西郊百萬莊)

(北京市書刊出版業營業許可証出字第052號)

出版說明

一九五九年二月在武汉召开的全国測繪科学技术經驗交流會議，广泛地交流了測繪科学技术各方面的先进經驗和技术革新成就。今由大会秘書处組成編輯委员会将有关資料按專業編选汇集，予以出版，以供全国測繪工作者学习参考。

为了加快出版時間，本資料选編由測繪、建筑工程、水利电力、煤炭工业等四个出版社協作出版。

本冊为第四卷（地形測量）第一章（平面控制）第一节，共包括四篇文章：第一篇为“城市基綫網的图形选择和强度估算”，它比較詳細地分析了各种基綫網的图形，对其权倒数及方向权函数作了数字計算，并从实用出发，提出了按选点图一次計算的簡化方法；第二篇为“施測基綫網的体会”；第三篇为“使用普通鋼尺丈量四等基綫的操作方法”；第四篇为“基綫長度改化的簡便計算方法”。

目 录

- 一、城市基线网的图形选择和强度估算
.....建筑工程部综合勘察院西北分院 (1)
- 二、施测基线网的体会建筑工程部城市设计院测量室 (23)
- 三、使用普通钢尺丈量四等基线的操作方法 (34)
- 四、基线长度改化的简便计算方法建筑工程部城市设计院 (37)

一、城市基綫網的图形選擇和強度估算

建筑工程部綜合勘察院西北分院

(一)一般論述

本文是根据城市基綫網的技术要求和几个城市設置基綫網的体会，并參閱有关基綫網理論的論述而整理的一篇探討城市基綫網图形選擇和強度估算的学习参考資料。其中主要内容是：分析比較各种常用基綫網图形強度，探求几种图形权倒数和角度觀測的权的最有利分配的近似計算方法；使其估算簡易、省时，以便于实际作业中更有效的进行基綫網設計工作。

作者認為：基綫網权倒数的預先估算，无須采取較严密的方法。本文探求的近似估算方法，是从利用选点图，便于在野外估算出发的；至于角度的权的最有利分配問題，一般是采用約旦——赫爾默特逐次趋近法；实用中只取一次趋近值即已够用，无須多次趋近。本文探求的近似估算方法，是以史賴伯角度觀測权分配定理为依据，求得較一次趋近为簡化的公式，且預期达到与一次趋近結果基本相同为目的。

(二) 基綫網图形强度分析

1. 簡單變形基綫網

对于菱形基綫網的分析, 一般都是以正菱形为基础。而实践遇到的一般都不是正菱形基綫網。为了便于分析, 可以認為任一菱形基綫網图形由基綫与扩大边的长度和其相关位置来确定。也就是說, 任一菱形的图形强度可以認為是: 扩大比; 基綫分割扩大边为两段的长度比例; 扩大边分割基綫为两段的长度比例; 以及基綫与扩大边的交角大小等四个因素的函数。下面分析这四种因素对于图形强度的影响。

为了計算簡單图形条件, 采取分别大小角的四边形最佳角方程式的权函数式用余弦公式导出。

按图 1:

AB 为基綫用 b 表示;

CD 为扩大边用 B 表示;

作 $Ah \perp CD$, $DM \perp CM$, $CN \perp DN$,

設 $Ah = S_3$, $Ch = S_1$, $Dh = S_2$,

Δ_k 为 (K_i) 角正弦对数的变化。

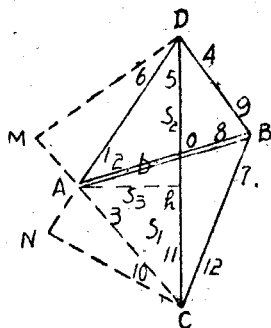


图 1

图形条件为

$$\begin{aligned} -V_1 + V_3 - V_4 + V_6 - V_7 + V_9 - V_{10} + V_{12} + \omega_1 &= 0 \\ -V_1 + V_2 - V_5 + V_6 + V_7 - V_8 + V_{11} - V_{12} + \omega_2 &= 0 \\ -V_2 + V_3 + V_4 - V_5 + V_8 - V_9 - V_{10} + V_{11} + \omega_3 &= 0 \end{aligned} \quad (1)$$

极条件以 0 为极

$$\frac{\sin(6-5)\sin(9-8)\sin(12-11)\sin(3-2)}{\sin(2-1)\sin(5-4)\sin(8-7)\sin(11-10)} = 1,$$

$$\begin{aligned} \text{即 } +\Delta_1' V_1 - (\Delta_2' + \Delta_3') V_2 + \Delta_3' V_3 + \Delta_4' V_4 - (\Delta_5' + \Delta_6') V_5 \\ + \Delta_6' V_6 + \Delta_7' V_7 - (\Delta_8' + \Delta_9') V_8 + \Delta_9' V_9 + \Delta_{10}' V_{10} \\ - (\Delta_{11}' + \Delta_{12}') V_{11} + \Delta_{12}' V_{12} + \omega_4 = 0. \end{aligned} \quad (2)$$

权函数式

$$\overline{CD}^2 = \overline{AC}^2 + \overline{AD}^2 - 2\overline{AC} \cdot \overline{AD} \cos(3-1),$$

$$\text{微分之 } \overline{CD} d\overline{CD} = \overline{AC} d\overline{AC} - \overline{AD} \cos(3-1) d\overline{AC} + \overline{AD} d\overline{AD}$$

$$\begin{aligned}
 & -\overline{AC} \cos(3-1) d\overline{AD} + \overline{AC} \cdot \overline{AD} \sin(3-1) d(3-1) \\
 & = \overline{CM} d\overline{AC} + \overline{DN} d\overline{AD} + \overline{CD} \cdot S_3 d(3-1), \\
 d\overline{CD} & = \cos(11-10) d\overline{AC} + \cos(6-5) d\overline{AD} + S_3 d(3-1) \\
 & = S_1 \frac{d\overline{AC}}{\overline{AC}} + S_2 \frac{d\overline{AD}}{\overline{AD}} + S_3 d(3-1).
 \end{aligned}$$

$$\text{又 } \overline{AC} = \overline{AB} \frac{\sin(8-7)}{\sin(12-10)} \cot i = \frac{\rho \Delta_i}{\mu \cdot 10^6} = \frac{\Delta_i}{K},$$

$$\begin{aligned}
 \log \overline{AC} & = \log \overline{AB} + \log \sin(8-7) - \log \sin(12-10), \\
 \frac{d\overline{AC}}{\overline{AC}} & = \cot(8-7) d(8-7) - \cot(12-10) d(12-10)
 \end{aligned}$$

$$= \frac{1}{K} \Delta_8^7 (V_8 - V_7) - \frac{1}{K} \Delta_{12}^{10} (V_{12} - V_{10}),$$

$$\text{同理 } \frac{d\overline{AD}}{\overline{AD}} = \frac{1}{K} \Delta_9^8 (V_9 - V_8) - \frac{1}{K} \Delta_6^4 (V_6 - V_4),$$

$$\begin{aligned}
 \text{則 } d\overline{CD} & = \frac{1}{K} (-K \cdot S_3 V_1 + K \cdot S_3 V_3 + S_2 \Delta_6^4 V_4 - S_2 \Delta_6^4 V_6 \\
 & \quad - S_1 \Delta_8^7 V_7 + (S_1 \Delta_8^7 - S_2 \Delta_9^8) V_8 + S_2 \Delta_9^8 V_9 \\
 & \quad + S_1 \Delta_{12}^{10} V_{10} - S_1 \Delta_{12}^{10} V_{12}).
 \end{aligned}$$

$$d_{\log \overline{CD}} = \frac{K}{\overline{CD}} d\overline{CD}, \text{ 式中 } K = \frac{\mu \cdot 10^6}{\rho''},$$

$$\begin{aligned}
 \therefore d_{\log \overline{CD}} & = \frac{1}{B} (-K S_3 V_1 + K \times S_3 V_3 + S_2 \Delta_6^4 V_4 - S_2 \Delta_6^4 V_6 \\
 & \quad - S_1 \Delta_8^7 V_7 + (S_1 \Delta_8^7 - S_2 \Delta_9^8) V_8 + S_2 \Delta_9^8 V_9 + S_1 \Delta_{12}^{10} V_{10} - S_1 \Delta_{12}^{10} V_{12}). \quad (3)
 \end{aligned}$$

下面各节的分析皆以(1)、(2)、(3)的方程式为依据。

(1) 正菱形

扩大比用 v 表示, 设 $(6-4) = \varphi$,

$$v = \frac{B}{b} = \cot \frac{\varphi}{2} = \frac{\Delta_6^4}{K},$$

$$\Delta_2^1 = \Delta_3^2 = \Delta_5^4 = \Delta_8^7 = \frac{K}{v},$$

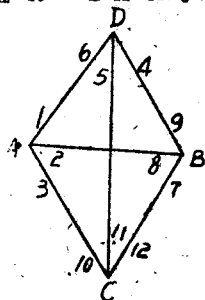


图 2

$$\Delta_5^4 = \Delta_6^5 = \Delta_{11}^{10} = \Delta_{12}^{11} = Kv,$$

$$\Delta_6^4 = \Delta_{12}^{10} = \frac{K}{2} \left(v - \frac{1}{v} \right),$$

且 $S_1 = S_2 = S, S_3 = \frac{S}{v}.$

极条件为

$$\begin{aligned} & \frac{K}{v} V_1 - \frac{2K}{v} V_2 + \frac{K}{v} V_3 + Kv V_4 - 2Kv V_5 + Kv V_6 \\ & + \frac{K}{v} V_7 - \frac{2K}{v} V_8 + \frac{K}{v} V_9 + Kv V_{10} - 2Kv V_{11} + Kv V_{12} + \omega_4 = 0, \end{aligned}$$

极函数式为

$$\begin{aligned} d_{\log B} = & \frac{1}{2} \left[-\frac{K}{v} V_1 + \frac{K}{v} V_3 + \frac{K}{2} \left(v - \frac{1}{v} \right) V_4 - \right. \\ & - \frac{K}{2} \left(v - \frac{1}{v} \right) V_6 - \frac{K}{v} V_7 + \frac{K}{v} V_9 + \\ & \left. + \frac{K}{2} \left(v - \frac{1}{v} \right) V_{10} - \frac{K}{2} \left(v - \frac{1}{v} \right) V_{12} \right]. \end{aligned}$$

由此可以求出各个平差条件对扩大边权倒数的影响:

$$\left. \begin{aligned} [ff] &= \frac{K^2}{4} \left(\frac{5}{v^2} + v^2 - 2 \right) \\ \frac{[af]^2}{[aa]} &= \frac{K^2}{8} \left(\frac{9}{v^2} + v^2 - 6 \right) = \frac{K^2}{8} \left(\frac{3}{v} - v \right)^2 \\ \frac{[bf \cdot 1]^2}{[bb \cdot 1]} &= 0 \\ \frac{[cf \cdot 2]^2}{[cc \cdot 2]} &= 0 \\ \frac{[df \cdot 3]^2}{[dd \cdot 3]} &= 0 \end{aligned} \right\} \quad (4)$$

$$\frac{1}{P_{\log B}} = [ff] - \frac{[af]^2}{[aa]} = \frac{K^2}{8v^2} (v^2 + 1)^2. \quad (5)$$

关于各方向权的分布情况,由基线网图形强度的基本理论导出各方向的权函数(F_i)为:

$$F_2 = F_5 = F_8 = F_{11} = 0$$

$$F_1 = F_6 = F_7 = F_{12} = -\frac{K}{8} \left(v + \frac{1}{v} \right)$$

$$F_3 = F_4 = F_9 = F_{10} = +\frac{K}{8} \left(v + \frac{1}{v} \right)$$

(2) 扩大边垂直平分基线长度

图 3 中: 设 $v_1 = \cot \varphi_1$, $v_2 = \cot \varphi_2$,

$$v = \frac{B}{b} = \frac{S_1 + S_2}{2S_3} = \frac{1}{2} (\cot \varphi_1 + \cot \varphi_2) =$$

$$= \frac{1}{2} (v_1 + v_2),$$

$$u_1 (\text{偏率}) = \frac{S_1 - S_2}{2S_3} = \frac{1}{2} (\cot \varphi_2 - \cot \varphi_1) =$$

$$= \frac{1}{2} (v_2 - v_1).$$

仿前法同理可求出:

$$\frac{1}{P_{\log B}} = \frac{K^2}{8v^2} \left[(v^2 + 1)^2 + u_1^2 (u_1^2 + 8v^2 + 2) \right]. \quad (7)$$

仍按基线网图形强度的基本理论, 导出各方向的权函数(F_i)

为:

$$F_5 = F_{11} = 0$$

$$F_2 = -\frac{K}{4} u_1$$

$$F_8 = +\frac{K}{4} u_1 = -F_2$$

$$F_1 = \frac{K}{Bv} [(v^2 + 1) + (u_1^2 - vu_1)]$$

$$F_9 = -F_1$$

$$F_3 = +\frac{K}{8v} [(v^2 + 1) + (u_1^2 + vu_1)]$$

$$F_7 = -F_3$$

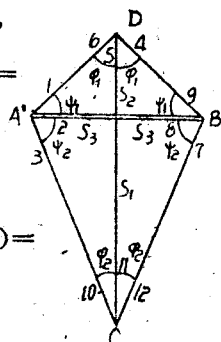


图 3

(8)

$$F_4 = + \frac{K}{8v} [(v^2+1) + (u_1^2 + 3vu_1)]$$

$$F_6 = -F_4$$

$$F_{10} = + \frac{K}{8u} [(v^2+1) + (u_1^2 + 3vu_1)]$$

$$F_{12} = -F_{10}$$

(3) 基綫垂直平分扩大边

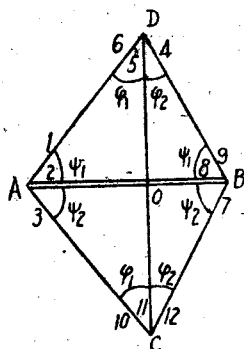


图 4

图 4 中: 設 $v_1 = \cot \varphi_1$, $v_2 = \cot \varphi_2$,

$$v = \frac{B}{b} = \frac{2}{\tan \varphi_1 + \tan \varphi_2} = \frac{2v_1v_2}{v_1 + v_2},$$

$$u_2 = \frac{AO - OB}{AB} = \frac{v_2 - v_1}{v_2 + v_1}.$$

同理亦可求得:

$$\frac{1}{P_{log R}} = \frac{K^2}{8v^2} [(v^2+1)^2 + u_2^2(2v^2 + u_2^2 + 8)], \quad (9)$$

各方向权函数(F_i)为:

$$F_2 = F_8 = 0$$

$$F_5 = -F_{11} = + \frac{Ku_2}{4v}$$

$$F_1 = -F_3 = - \frac{K}{8v} [(v^2+1) + (u_2^2 + 3u_2)]$$

$$F_6 = -F_{10} = - \frac{K}{8v} [(v^2+1) + (u_2^2 + u_2)] \quad (10)$$

$$F_4 = -F_{12} = + \frac{K}{8v} [(v^2+1) + (u_2^2 - u_2)]$$

$$F_7 = -F_9 = - \frac{K}{8v} [(v^2+1) + (u_2^2 - 3u_2)]$$

(4) 基綫網与扩大边互平分長度

而不正交。

同样可求得:

$$\frac{1}{P_{\log B}} = \frac{K^2}{8v^2} (v^2+1)^2 + \frac{K^2}{8v^2} (v^2+1) \tan^2 \varepsilon + \frac{K^2}{2} \tan^2 \varepsilon \left[3 - \frac{8(v^2+1)^2}{3(v^4+1)+2v^2 \sin^2 \varepsilon} \right] \quad (11)$$

下面将按权最利分配第一次趋近所得的各方向权函数列出:

$$\left. \begin{aligned} F_2 = F_8 &= + \frac{K}{2v \cos \varepsilon} [v \sin \varepsilon - W] \\ F_6 = F_{11} &= + \frac{K}{2v \cos \varepsilon} [v \sin \varepsilon - v^2 W] \\ F_1 = F_7 &= - \frac{K}{8v \cos \varepsilon} [v^2 + 1 + 2v \sin \varepsilon - 2(v \sin \varepsilon + 1)W] \\ F_6 = F_{12} &= - \frac{K}{8v \cos \varepsilon} [v^2 + 1 + 2v \sin \varepsilon - 2v(v + \sin \varepsilon)W] \\ F_4 = F_{10} &= + \frac{K}{8v \cos \varepsilon} [v^2 + 1 - 2v \sin \varepsilon + 2v(v - \sin \varepsilon)W] \\ F_5 = F_9 &= + \frac{K}{8v \cos \varepsilon} [v^2 + 1 - 2v \sin \varepsilon - 2(v \sin \varepsilon - 1)W] \end{aligned} \right\} \quad (12)$$

$$\text{上式中: } W = \frac{4v \sin \varepsilon (v^2 + 1)}{3(v^4 + 1) + 2v^2 \sin^2 \varepsilon}$$

2. 其它图形基线网

对于城市测量, 在菱形以外的其它图形, 常用的有三边中点形、复杂图形、四边形等; 单三角形实用中较少采用。现将各图形扩大边的权倒数计算公式述后。

(1) 三边中点形 (图 6):

$$\frac{1}{P_{\log CD}} = \frac{K^2}{8v^2} [(v^2+1)^2 + u_2^2(2v^2 + u_2^2 + 8)] \quad (13)$$

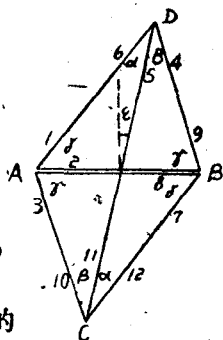


图 5

(2) 大地四边形 (图 7):

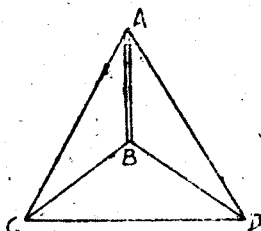


图 6

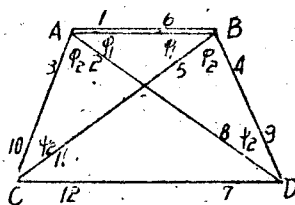


图 7

$$\frac{1}{P_{\log CD}} = 2(\Delta_1^2)^2 + \frac{5}{4}(\Delta_2^2)^2 + \frac{5}{4}(\Delta_3^2)^2 - \Delta_1^2 \Delta_2^2 + \Delta_1^2 \Delta_3^2 - \Delta_2^2 \Delta_3^2 - W_0. \quad (14)$$

式中:

$$W = \frac{[(\Delta_1^2)^2 - (\Delta_2^2)^2 + \Delta_1^2 \Delta_2^2 2\Delta_1^2 - \Delta_1^2 \Delta_2^2 - \Delta_2^2 \Delta_1^2 - \Delta_3^2 \Delta_1^2]^2}{8(\Delta_1^2)^2 + 2(\Delta_2^2)^2 + 2(\Delta_3^2)^2 + 4\Delta_1^2 \Delta_2^2 + 4\Delta_1^2 \Delta_3^2 + 4\Delta_2^2 \Delta_3^2}.$$

(3) 單三角形 (图 8):

$$\frac{1}{P_{\log AC}} = \frac{4}{3} [(\Delta_1^2)^2 + (\Delta_2^2)^2 + \Delta_1^2 \Delta_2^2]. \quad (15)$$

(4) 复杂图形:

复杂基线网, 一均均采用双菱形图形; 在个别情况下亦有采用其它组合图形者。

现以两次菱形扩大图形论:

设 b = 基线长度, B_1 = 第一

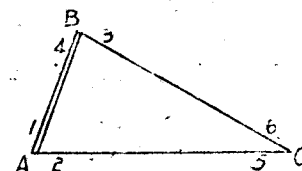


图 8

图形扩大边长, B_2 = 最后扩大边长, 则 $v = \frac{B_2}{b}$ 。

B_2 之递传中误差为由 B_1 传至 B_2 之递传中误差与 B_1 本身所含中误差之和。

即:

$$m_{B_2}^2 = m_{B_1}^2 + \left(\frac{B_2}{B_1}\right)^2 M_{B_1}^2. \quad (16)$$

式中: $m_{B_2}^2$ 为由 B_1 傳至 B_2 之遞傳中誤差。

最宜扩大边之权倒数則为:

$$\frac{1}{P_{\log B_2}} = \frac{1}{P_{\log B_1}} + \frac{1}{P_{\log B_2}} \quad (17)$$

(三) 几个图形权倒数和角度观测权最有利分配的近似计算方法

基綫網扩大边权倒数的估算方法很多, 除严密平差計算外, 如苏联 И. Б. 貝洛科茲工程師所推求的公式, 陈永齡教授推得的公式, 都是有效的方法。对于角度观测权的最有利分配, 除了約旦——赫爾默特的逐次趋近法外, 如周江文教授所推导的公式等。这里作者依据角度观测权最有利分配的原理, 在图形权倒数和权的最有利分配——并解算和力求充分利用基綫網选点图量取数据, 作为估算元素的情况下将求出几种权倒数和各方向权的近似估算方法; 这样作的目的主要是为了便于野外进行估算, 简化估算手續, 縮短估算時間, 以利基綫網設計方案的比較, 从而选择最佳方案, 事实上估算图形权倒数是不需要很高的准确度, 作者認為估算各方向权亦如此, 可以采用近似公式, 下面的叙述偏重于簡單菱形基綫網, 这种图形是城市測量中最常見和最有效的图形。

1. 簡單菱形基綫網权倒数和各方向权函数的近似估計

基于(二)关于基綫網图形强度的分析提出三种近似估算方法。

(1) 以 $\frac{1}{P} = f(v, u_1, u_2, \varepsilon)$ 及 $F = \varphi(v, u_1, u_2, \varepsilon)$ 形式表示的权倒数和方向权函数近似公式。

利用(二)中所使用的符号, 可以設想任一簡單菱形網扩大边权倒数和方向权函数是 v, u_1, u_2, ε 等四个变数的函数。

由(5)式知正菱形

$$\frac{1}{P_{\log B}} = \frac{K^2}{8v^2}(v^2+1)^2;$$

由(7)式知扩大边不等长时,

$$\frac{1}{P_{\log B}} = \frac{K^2}{8v^2} (v^2+1)^2 + \frac{K^2 u_1^2}{8v^2} (u_1^2+8v^2+2);$$

由(9)式知基线不等长时,

$$\frac{1}{P_{\log B}} = \frac{K^2}{8v^2} (v^2+1)^2 + \frac{K^2 u_2^2}{8v^2} (v_2^2+2v^2+8);$$

由(11)式知对角线不正交时,

$$\frac{1}{P_{\log B}} = \frac{K^2}{8v^2} (v^2+1)^2 + \frac{K^2}{8v^2} (v^2+1)^2 \tan^2 \varepsilon + \frac{K}{2} \tan^2 \varepsilon \left[3 - \frac{8(v^2+1)^2}{3(v^4+1)+2v^2 \sin^2 \varepsilon} \right].$$

上列四式可以简写为:

$$\frac{1}{P_1} = f_1(v); \quad \frac{1}{P_2} = f_1(v) + f_2(v, u_1);$$

$$\frac{1}{P_3} = f_1(v) + f_3(v, u_2); \quad \frac{1}{P_4} = f_1(v) + f_4(v, \varepsilon).$$

上列四式中: $f_1(v)$ 即为正菱形权倒数;

$f_2(v, u_1)$ 为扩大边不等长所增加的权倒数;

$f_3(v, u_2)$ 为基线不等长所增加的权倒数;

$f_4(v, \varepsilon)$ 为对角线不正交所增加的权倒数。

设想上述四种影响为权倒数最主要影响的因素, 其他附加的因素(u_1, u_2); (u_2, ε); (u_1, u_2, ε); (v, u_1, u_2, ε) 共同影响增大的权倒数舍去不计, 则近似的权倒数公式可写为:

$$\begin{aligned} \frac{1}{P_{\log B}} &= f_1(v) + f_2(v, u_1) + f_3(v, u_2) + f_4(v, \varepsilon) \\ &= \frac{K^2}{8v^2} (v^2+1)^2 + \frac{K^2}{8v^2} [u_1^2(u_1^2+8v^2+2) + u_2^2(u_2^2+v^2+2) \\ &\quad + \tan^2 \varepsilon (v^2+1)^2] + \frac{K}{2} \tan^2 \varepsilon \left[3 - \frac{8(v^2+1)^2}{3(v^4+1)+2v^2 \sin^2 \varepsilon} \right] \quad (18) \end{aligned}$$

对于各方向权函数 F_i 可将(二)中所求公式综合如下表。

F_i	正菱形	扩大边不等长	基线不等长	θ 角 线 不正交
F_6	0	0	$+\frac{Ku_2}{4v}$	$+\frac{K}{2v\cos\theta}(v\sin\theta-v^2W)$
F_{11}	0	0	$-\frac{Ku_2}{4v}$	$+\frac{K}{2v\cos\theta}(v\sin\theta-v^2W)$
F_{20}	0	$-\frac{K}{4}u_1$	0	$+\frac{K}{2v\cos\theta}(v\sin\theta-W)$
F_8	0	$+\frac{K}{4}u_1$	0	$+\frac{K}{2v\cos\theta}(v\sin\theta-W)$
F_1	$-\frac{K}{8v}(v^2+1)$	$-\frac{K}{8v}((v^2+1)+u_1^2-vu_1)$	$-\frac{K}{8v}((v^2+1)+u_2^2+vu_2)$	$-\frac{K}{8v\cos\theta}(v^2+1+2v\sin\theta-2(v\sin\theta+1)W)$
F_9	$-\frac{K}{8v}(v^2+1)$	$-\frac{K}{8v}((v^2+1)+u_1^2-3vu_1)$	$-\frac{K}{8v}((v^2+1)+u_2^2+u_2)$	$-\frac{K}{8v\cos\theta}(v^2+1+2v\sin\theta-2v(v+\sin\theta)W)$
F_4	$+\frac{K}{8v}(v^2-1)$	$+\frac{K}{8v}((v^2+1)+u_1^2-3vu_1)$	$+\frac{K}{8v}((v^2+1)+u_2^2-u_2)$	$+\frac{v}{8v\cos\theta}(v^2+1-2v\sin\theta+2v(v-\sin\theta)W)$

續上表

F_i	正菱形	扩大边不等长	菱线不等长	对角线不正交
F_9	$+\frac{K}{8\nu}(v^2+1)$	$+\frac{K}{8\nu}((v^2+1)+u_1^2-vu_1)$	$+\frac{K}{8\nu}((v^2+1)+u_2^2-3u_2)$	$+\frac{K}{8\nu\cos\theta}(v^2+1-2v\sin\theta-2(v\sin\theta-1)W)$
F_3	$+\frac{K}{8\nu}(v^2+1)$	$+\frac{K}{8\nu}((v^2+1)+u_1^2-vu_1)$	$+\frac{K}{8\nu}((v^2+1)+u_2^2+3u_2)$	$+\frac{K}{8\nu\cos\theta}(v^2+1-2v\sin\theta-2(v\sin\theta)W)$
F_{10}	$+\frac{K}{8\nu}(v^2+1)$	$+\frac{K}{8\nu}((v^2+1)+u_1^2+3vu_1)$	$+\frac{K}{8\nu}((v^2+1)+u_2^2-u_2)$	$+\frac{K}{8\nu\cos\theta}(v^2+1-2v\sin\theta+2v(v-\sin\theta)W)$
F_7	$-\frac{K}{8\nu}(v^2+1)$	$-\frac{K}{8\nu}((v^2+1)+u_1^2+vu_1)$	$-\frac{K}{8\nu}((v^2+1)+u_2^2-3u_2)$	$-\frac{K}{8\nu\cos\theta}(v^2+1+2v\sin\theta-2(v\sin\theta+1)W)$
F_{12}	$-\frac{K}{8\nu}(v^2+1)$	$-\frac{K}{8\nu}((v^2+1)+u_1^2+3vu_1)$	$-\frac{K}{8\nu}((v^2+1)+u_2^2+u_2)$	$-\frac{K}{8\nu\cos\theta}(v^2+1+2v\sin\theta-2v(v+\sin\theta)W)$
	上式中	$W = \frac{4v\sin(v^2+1)}{3(v^2+1)+2v^2\sin 2\theta}$		