



名师一号

famous teachers **NO. 1**

名师的视野
总比别人看得高远
一号的脚步
总比别人遥遥领先

丛书策划 梁大鹏
丛书主编 王俊杰

2006
高中新课标十省区教材

配人民教育B版

高中数学 (必修1)
本地版专用

光明日报出版社



NO.1



名师一号

名师的视野
总比常人看得高远
一号的脚步
总比他人遥遥领先

famous teachers NO.1

2006 高中新课标十省区教材

丛书策划：梁大鹏
丛书主编：王俊杰
本册主编：王应祥 刘锦贤 李志伟
邵 滨
编委：孙广云 陶冶 陈新
杨志文 郭惠生 李新改
吕 新

高中数学 (必修1)

光明日报出版社

图书在版编目(CIP)数据

名师一号. 高中新课标. 数学/王俊杰主编. —北京:

光明日报出版社, 2006

(名师一号)

ISBN 7-80206-173-3

I. 高... II. 王... III. 数学课—高中—教学参考资料 IV. G633

中国版本图书馆 CIP 数据核字(2005)第 141709 号

尊重知识产权 享受正版品质

国家防伪中心提示您

《考源书业》教辅图书,采用了电话查询与电码防伪。消费者购买本图书后,刮开下面的密码,可通过防伪标志上的电话、短信、上网查询及语音提示为正版或盗版,如发现盗版,请与当地执法单位举报。

书 名:名师一号 高中新课标 数学

著 者:梁大鹏 王俊杰

责任编辑:曹 杨

封面设计:考源文化 版式设计:梁大鹏

责任校对:田建林 责任印刷:李新宅

出版发行:光明日报出版社

地 址:北京市崇文区珠市口东大街 5 号,100062

电 话:010-67078945 67078235

网 址:<http://book.gmw.cn>

Email:gmcb@gmw.cn

法律顾问:北京盈科律师事务所郝惠珍律师

总 经 销:新华书店总店

经 销:各地新华书店

印 刷:保定虹光印刷有限公司

版 次:2006 年 8 月第 1 版

印 次:2006 年 8 月第 1 次印刷

开 本:880×1230 1/16

印 张:254

印 数:1-10000

书 号:ISBN 7-80206-173-3

全套定价:458.00 元

著作权所有·请勿擅用本书制作各类出版物·违者必究如出现印装问题,请与印刷厂调换

高中新课标

理念新—洗刷教辅新时代

思路新—开创课标新纪元

结构新—确立编写新框架

取材新—启动原创新界面

课案新—揭开教改新篇章

教法新—实现课堂新目标

名师的视野 总比常人看的高远
一号的脚步 总比他人遥遥领先



新课标 实验省区标准范本
新课改 师生互动诱思探究
新课程 情景导入合作讨论
新学案 教室内外知能贯通



2006年秋季用书(课标版)

《名师一号》高中新课标 必修1

科目	教材版本	必修	规格	出版时间	出版社
语文	人民教育版	1	大 16 开 精 装	2006.8	光明日报出版社
	山东人民版	1		2006.8	
	江苏教育版	1		2006.8	
	广东教育版	1		2006.8	
数学	人民教育 A 版	1		2006.8	
	人民教育 B 版	1		2006.8	
	北师大版	1		2006.8	
	江苏教育版	1		2006.8	
英语	人民教育版	1		2006.8	
	外语教研版	1		2006.8	
	译林牛津版	1		2006.8	
物理	人民教育版	1		2006.8	
	山东科技版	1		2006.8	
	上海科技版	1		2006.8	
	广东教育版	1		2006.8	
化学	人民教育版	1		2006.8	
	山东科技版	1		2006.8	
	江苏教育版	1		2006.8	
生物	人民教育版	1		2006.8	
	中国地图版	1		2006.8	
	江苏教育版	1	2006.8		
历史	人民教育版	1	2006.8		
	岳麓书社版	1	2006.8		
	人民出版社版	1	2006.8		
地理	人民教育版	1	2006.8		
	山东教育版	1	2006.8		
	中国地图版	1	2006.8		
	湘教版	1	2006.8		
政治	人民教育版	1	2006.8		

《名师一号》高中新课标 必修2

科目	教材版本	必修	规格	出版时间	出版社
语文	人民教育版	2	大 16 开 精 装	2006.10	光明日报出版社
	山东人民版	2		2006.10	
	江苏教育版	2		2006.10	
	广东教育版	2		2006.10	
数学	人民教育 A 版	2		2006.10	
	人民教育 B 版	2		2006.10	
	北师大版	2		2006.10	
	江苏教育版	2		2006.10	
英语	人民教育版	2		2006.10	
	外语教研版	2		2006.10	
	译林牛津版	2		2006.10	
物理	人民教育版	2		2006.10	
	山东科技版	2		2006.10	
	上海科技版	2		2006.10	
	广东教育版	2		2006.10	
化学	人民教育版	2		2006.10	
	山东科技版	2		2006.10	
	江苏教育版	2		2006.10	
生物	人民教育版	2		2006.10	
	中国地图版	2		2006.10	
	江苏教育版	2	2006.10		
历史	人民教育版	2	2006.10		
	岳麓书社版	2	2006.10		
	人民出版社版	2	2006.10		
地理	人民教育版	2	2006.10		
	山东教育版	2	2006.10		
	中国地图版	2	2006.10		
	湘教版	2	2006.10		
政治	人民教育版	2	2006.10		

适用区域: 山东、广东、海南、宁夏、江苏、安徽、浙江、福建、辽宁、天津。

新课标 新理念 新设计 新教案

2004年,广东、山东、海南和宁夏四省区率先使用新课标。

2005年,江苏省全面启动高中新课标实验。

2006年,福建、浙江、安徽、辽宁和天津四省一市投入新课标改革。

2007年,权威消息报道:全国统一新课标。

届时,新课程改革将覆盖中国半壁江山。

随着新课标在全国范围内的普遍推广,以打造教辅旗舰,造就千万学子为己任的河北考源书业,深深感到:与时俱进,跟踪新课标,责无旁贷,义不容辞。为此,考源书业邀请具有丰富经验的一大批特、高级教师,吸收各实验省区近千名一线名师的教案、课件和讲义中的精华部分,融汇发表在各大权威教学期刊上的最新课改成果,秉承“把教材读厚,把教辅编薄”的设计理念,重磅推出《名师一号》高中新课标系列丛书。

“芳林新叶催陈叶,流水前波让后波”。《名师一号·高中新课标》系列丛书,以思维为焦点,以方法为主线,以课堂为核心,以能力为宗旨,深入探究新课改教学规律,在题材选取上,更多考虑到未来高考的需要,更深更广地与新课标命题接轨,因此,本套丛书名副其实地代表着新一轮新课标教辅的颠峰和方向。

名师专家,以最独特的视角,最鲜活的素材,最科学的理念,最巧妙的设计和最灵活的思维启迪,把《名师一号·高中新课标》系列丛书演绎得尽善尽美,把新课标的精神表现得淋漓尽致,本套丛书的前卫和实用的特色,将使其成为新课标理念实践化的卓越的教辅典范。

《名师一号·高中新课标》系列丛书,是一套展现课改实验省区优秀教案的研究性教材,值得向各省区走向新课标的广大师生特别推荐。

河北考源书业有限公司
2006年8月于北京



第一章 集合	1
§ 1.1.1 集合的概念	1
§ 1.1.2 集合的表示方法	3
§ 1.2.1 集合之间的关系	6
§ 1.2.2 集合的运算(第一课时)	8
§ 1.2.2 集合的运算(第二课时)	11
资料撷英	14
章末总结	15
综合过关测试(一)	17
第二章 函数	19
§ 2.1.1 函数(第一课时)	19
§ 2.1.1 函数(第二课时)	22
§ 2.1.2 函数的表示方法(第一课时)	25
§ 2.1.2 函数的表示方法(第二课时)	28
§ 2.1.3 函数的单调性	32
§ 2.1.4 函数的奇偶性(第一课时)	35
§ 2.1.4 函数的奇偶性(第二课时)	37
§ 2.2.1 一次函数的性质与图像	40
§ 2.2.2 二次函数的性质与图像	43
§ 2.2.3 待定系数法	46
§ 2.3 函数的应用(I)	48
§ 2.4.1 函数的零点	52
§ 2.4.2 求函数零点近似解的一种计算方法——二分法	54
资料撷英	57
章末总结	58
综合过关测试(二)	62
第三章 函数的应用(I)	65
§ 3.1.1 有理指数幂及其运算	65
§ 3.1.2 指数函数(第一课时)	68
§ 3.1.2 指数函数(第二课时)	70
§ 3.1.2 指数函数(第三课时)	73
§ 3.2.1 对数及其运算(第一课时)	76
§ 3.2.1 对数及其运算(第二课时)	78
§ 3.2.2 对数函数(第一课时)	81
§ 3.2.2 对数函数(第二课时)	85
§ 3.2.3 指数函数与对数函数的关系	87
§ 3.3 幂函数	90
§ 3.4 函数的应用	93
资料撷英	96
章末总结	98
综合过关测试(三)	105
全解全析 详解答案	109

第 1 章

集合

§ 1.1.1 集合的概念



课标三维要点

知识与技能

- (1) 初步理解集合的含义、知道常用数集及其记法.
- (2) 初步了解“属于”关系的意义.
- (3) 了解有限集、无限集、空集的意义.

过程与方法

- (1) 通过实例、初步体会元素与集合的“属于”关系,从观察分析集合的元素入手,正确地理解集合.
- (2) 观察关于集合的几组实例,并通过自己动手举出各种集合的例子,感受集合语言在描述客观现实和数学对象中的意义.

情感、态度与价值观

在学习运用集合语言的过程中,增强学生认识事物的能力.



知识要点扫描

1. 一般地,我们把研究对象统称为_____,把_____叫集合.
2. 集合具有三个性质_____、_____、_____.
3. 常用数集的记法: \mathbf{N} 表示_____, \mathbf{N}^* 表示_____, \mathbf{Z} 表示_____, \mathbf{Q} 表示有理数集、_____表示实数集.
4. 非空集合根据它含有的元素的个数分为_____和_____.
5. 我们把_____叫做空集,记为_____.



疑难诠释

1. 集合的概念

一般地,我们把研究对象统称为元素,如 1~20 以内的所有质数,包括 2,3,5,7,11,13,17,19. 若 13 是我们所要研

究的对象,它是其中的一个元素. 把一些元素组成的总体叫做集合,如上述 2,3,5,7,11,13,17,19 就组成了一个集合.

集合通常用英文大写字母 A, B, C, \dots 等表示,集合的元素通常用小写字母 a, b, c, \dots 等表示. 如 $A = \{2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19\}$ 等.

元素与集合的关系有且仅有两种:属于(用符号 \in 表示)和不属于(用符号 \notin 表示). 如 $a \in A, a \notin B$ 等.

2. 集合中元素的特征

(1) 确定性: 作为一个集合的元素,必须是确定的. 这就是说不确定的对象就不能构成集合. 如“高一(1)班高个子同学”就不能构成一个集合,因为组成它的对象是不确定的.

(2) 互异性: 对于一个给定的集合,集合中的元素一定是不同的(或说是互异的). 这就是说集合中的任何两个元素都是不同的对象,相同的对象归入同一集合时只能算作集合的一个元素.

(3) 无序性: 组成集合的元素没有次序,如集合 $\{1, 2, 3\}$ 和 $\{3, 2, 1\}$ 等表示同一个集合.

3. 集合的分类

集合可根据它含有的元素个数的多少分为两类:

有限集: 含有有限个元素的集合.

无限集: 含有无限个元素的集合.

特别地,我们把不含有任何元素的集合叫做空集,记作 \emptyset . 空集归入有限集.



典例剖析

例 1 (概念深化题) 有下列四个说法:

- (1) 全中国的大胖子;
- (2) 小于 100 的所有质数;
- (3) 某学校身高超过 1.80 米的高个子;
- (4) 奥运会中的比赛项目.

以上四者不能组成集合的是哪几个?

〔思维分析〕 从集合中元素的确定性入手,逐一判断.

集合是数学概念之源,逻辑为数学思维之端,集合与逻辑,神形相依,互为表里.

研究数集间的映射便有了函数,函数的定义域、值域和有关参数的取值范围以及由此产生的方程、不等式的解集,就是对实数进行子集划分.

〔解〕 因为没有规定大胖子的标准,所以(1)不能组成集合,由于(2)、(3)、(4)中的对象具备确定性,因此可以组成集合

故只有(1)不能组成集合.

〔点拨〕 判断指定的对象能不能形成集合,关键在于能否找到一个明确的标准,对于任何一个对象都能确定它是不是给定集合的元素.

例2 给出下列关系.

① $\frac{1}{2} \in \mathbf{R}$; ② $\sqrt{2} \notin \mathbf{Q}$; ③ $|-3| \notin \mathbf{N}^*$; ④ $|1-\sqrt{3}| \in \mathbf{Q}$. 其中

正确的个数为 ()

- A 1 B 2
C 3 D 4

〔思维分析〕 考查元素与集合之间的从属关系.

〔解析〕 ①正确,②正确,③不正确,④不正确.

〔答案〕 B

〔点拨〕 数集的范围不明或数集的符号记忆错误是出错的主要原因,特定集合 \mathbf{N} 、 \mathbf{N}^* 、 \mathbf{Q} 、 \mathbf{R} 代表数集的范围要搞清

〔变式引申1〕 给出下面五个关系 $\sqrt{3} \in \mathbf{R}$, $0.7 \notin \mathbf{Q}$, $0 \in \{0\}$, $0 \in \mathbf{N}$, $3 \in \{(2, 3)\}$, 其中正确的个数是 ()

- A 5 B 4
C 3 D 1

例3 (分类讨论题) 已知 $x^2 \in \{1, 0, x\}$, 求实数 x 的值

〔思维分析〕 由确定性可知 $x^2 = 0, 1$ 或 x , 由互异性可知 $x \neq 0, 1$

〔解〕 若 $x^2 = 0$, 则 $x = 0$, 此时集合为 $\{1, 0, 0\}$, 不符合集合中元素的互异性, 舍去

若 $x^2 = 1$ 时, 则 $x = \pm 1$.

当 $x = 1$ 时, 集合为 $\{1, 0, 1\}$, 舍去; 当 $x = -1$ 时, 集合为 $\{1, 0, -1\}$, 符合

若 $x^2 = x$, 则 $x = 0$, 或 $x = 1$, 不符合互异性, 都舍去.

综上所述 $x = -1$

〔点拨〕 由于集合中元素的互异性, 因而对于求集合中参数的值的问题, 必须具有检验的意识.

〔变式引申2〕 若 $-3 \in \{a-3, 2a-1, a^2-4\}$, 求实数 a

例4 (难点突破题) 若集合 $M = \{x | ax^2 + 2x + 1 = 0, x \in \mathbf{R}\}$ 只有一个元素, 求实数 a 的值.

〔思维分析〕 该题将集合中元素的个数转化为方程的解的个数问题.

〔解〕 当 $a = 0$ 时, $x = -\frac{1}{2}$, 则 $M = \{-\frac{1}{2}\}$, M 中只有一个元素.

当 $a \neq 0$ 时, $ax^2 + 2x + 1 = 0$ 有两个相等的实数根, 则 $\Delta = 0$, 即 $2^2 - 4a = 0$, $\therefore a = 1$.

因此 $a = 0$, 或 $a = 1$.

〔点拨〕 对二次项系数 a 的讨论是本题的关键, 注意分 $a = 0, a \neq 0$ 两种情况.

〔变式引申3〕 数集 A 满足: 若 $a \in A$ 且 $a \neq 1$, 则 $\frac{1}{1-a} \in A$

证明: (1) 若 $2 \in A$, 则在 A 中还有另外两个数, 求出这两个数;

(2) 集合 A 不可能是单元素实数集



自我测评

- 下列对象中, 不能组成集合的是 ()
A 所有正三角形
B 不超过 20 的非负数
C 2006 年全国高考试卷中的所有难题
D 所有无理数
- 方程组 $\begin{cases} 2x+y+6=0 \\ x-y+3=0 \end{cases}$ 的解集 ()
A $\{(-3, 0)\}$ B $\{-3, 0\}$
C $(-3, 0)$ D $\{(0, -3)\}$
- 若以集合 $S = \{a, b, c\}$ 中的三个元素(正数)为边长可构成一个三角形, 那么这个三角形一定不是 ()
A 锐角三角形 B 钝角三角形
C 直角三角形 D 等腰三角形
- 集合 $\{\text{方程}(x-2)^2=0 \text{ 的解}\}$ 为 ()
A $\{0\}$ B $\{2, 2\}$
C $\{2\}$ D $\{4\}$
- 设 a, b, c 为非零实数, 则 $x = \frac{a}{|a|} + \frac{|b|}{b} + \frac{c}{|c|} + \frac{|abc|}{abc}$ 的所有值组成的集合为 ()
A $\{4\}$ B $\{-4\}$



典例剖析

例 1 已知集合 $A = \{ \text{小于 6 的正整数} \}$, $B = \{ \text{小于 10 的质数} \}$, $C = \{ 24 \text{ 和 } 36 \text{ 的公约数} \}$, $M = \{ x | x \in A \text{ 且 } x \in C \}$, $N = \{ x | x \in B \text{ 或 } x \notin C \}$, 用列举法表示 M, N .

解 集合 $A = \{ 1, 2, 3, 4, 5 \}$, $B = \{ 2, 3, 5, 7 \}$, $C = \{ 1, 2, 3, 4, 6, 12 \}$

$$(1) \because x \in A \text{ 且 } x \in C, \therefore x = 1, 2, 3, 4$$

$$\therefore M = \{ 1, 2, 3, 4 \}$$

$$(2) \because x \in B \text{ 且 } x \notin C, \therefore x = 5, 7$$

$$N = \{ 5, 7 \}$$

点拨 列举法是把集合中的元素一一列举出来, 写在大括号内表示集合的方法. 列举时, 元素不重复, 不计次序, 不遗漏, 且元素与元素之间用“,”隔开. 其优点是集合中的元素清晰可见, 一目了然.

【变式引申 1】 改用列举法表示下列各集合.

1 $\{ \text{自然数中五个最小的完全平方数} \}$

2 $\{ x | (x-1)^2(x-2) = 0 \}$

3 $\{ (x, y) | \begin{cases} 2x + y = 8 \\ x - y = 1 \end{cases} \}$

例 2 下面三个集合 ① $\{ x | y = x^2 + 1 \}$; ② $\{ y | y = x^2 + 1 \}$; ③ $\{ (x, y) | y = x^2 + 1 \}$

(1) 它们是不是相同的集合

(2) 它们的各自含义是什么?

思维分析 对于用描述法给出的集合, 首先要清楚集合中的代表元素是什么. 元素满足什么条件?

解 (1) 是互不相同的集合

(2) 集合 ① $\{ x | y = x^2 + 1 \}$ 的代表元素是 x , 满足条件 $y = x^2 + 1$ 中的 $x \in \mathbf{R}$

\therefore 实质上 $\{ x | y = x^2 + 1 \} = \mathbf{R}$,

集合 ② $\{ y | y = x^2 + 1 \}$ 的代表元素是 y , 满足条件 $y = x^2 + 1$ 的 y 的取值范围是 $y \geq 1$.

集合 ③ $\{ (x, y) | y = x^2 + 1 \}$ 的代表元素是 (x, y) , 可以认为是满足 $y = x^2 + 1$ 的数对 (x, y) 的集合; 也可以认为是坐标平面内的点 (x, y) , 由于这些点的坐标满足 $y = x^2 + 1$,

$\therefore \{ (x, y) | y = x^2 + 1 \} = \{ \text{抛物线 } y = x^2 + 1 \text{ 上的点} \}$.

点拨 用描述法表示的集合, 认识它一要看集合的代表元素是什么, 它反映了集合元素的形式; 二要看元素满足什么条件. 对符号语言所表达含义的理解在数学中要求是很高的, 希望同学们能逐步提高对符号语言的认识.

【变式引申 2】 用适当的方法表示下列各集合.

(1) 由所有非负偶数组成的集合.

(2) 由所有小于 20 的既是奇数又是质数的正整数组成的集合

(3) $x^2 - 9$ 的一次因式组成的集合

(4) 方程 $(x-1)(x-2)(x^2-5) = 0$ 的解组成的集合.

(5) 以 O 为圆心, m 为半径的圆上所有点组成的集合.

例 3 用描述法表示图中阴影部分的点(含边界)的坐标集合.

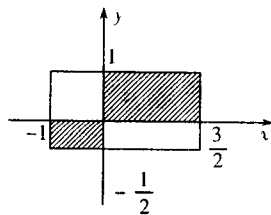


图 1-1-1

答案 $\{ (x, y) | -1 \leq x \leq \frac{3}{2} \text{ 且 } -\frac{1}{2} \leq y \leq 1, \text{ 且 } x, y \geq 0 \}$

点拨 (1) 本题给出的集合是图形语言, 直观、清楚, 解答时用符号语言, 简练、严谨. 本题也可用文字语言表示, 要力求准确、简练.

(2) 数学中文字语言、符号语言、图形语言互译是正确理解题意和解题的关键. 在平时学习中要重视各种数学语言的互译, 这对提高解题能力大有裨益.

例 4 集合 M 的元素为自然数, 且满足. 如果 $x \in M$, $8-x \in M$, 试回答下列问题 (1) 写出只有一个元素的集合 M , (2) 写出元素个数为 2 的所有集合 M , (3) 满足题设条件的集合 M 共有多少个?

思维分析 从集合中两元素之和等于 8 可知, 两元素成对出现或相同, 结合集合中元素的互异性可知答案.

解 (1) $\because M$ 中只有一个元素, 根据已知必须满足 $x = 8-x$, $\therefore x = 4$, 故含一个元素的集合 $M = \{ 4 \}$.

(2) 当 M 中只含两个元素时, 其元素只能是 x 和 $8-x$, 从而全部含两个元素的集合 M 应为 $\{ 0, 8 \}$, $\{ 1, 7 \}$, $\{ 2, 6 \}$, $\{ 3, 5 \}$.

反证法 用反证法证明一个命题的步骤大体上可分为: (1) 反设; (2) 归谬; (3) 结论. 其中反设是反证法的基础, 归谬是反证法的关键. 导出矛盾的过程没有固定的模式, 但必须从反设出发, 否则推导将成为无源之水, 无土之木.



(3) 满足条件的 M 是由集合 $\{4\}, \{0, 8\}, \{1, 7\}, \{2, 6\}, \{3, 5\}$ 中的元素组成, 以上五个集合任取 1 个有 5 种, 任取 2 个有 10 种, 任取 3 个有 10 种, 任取 4 个有 5 种, 任取 5 个有 1 种, 共有 $5+10+10+5+1=31$ (个).

【点拨】由集合元素的互异性, 及两元素之和为 8 的特点出发, 在(3)问中, 从 M 中元素的特点着手, 满足条件的集合可含 $\{4\}, \{0, 8\}, \{1, 7\}, \{2, 6\}, \{3, 5\}$ 中的一个、二个、三个、四个、五个, 分类数之, 最后求其个数的和.

【变式引申 3】如果对于一个集合中的任意两个元素, 它们相加和相乘后的结果仍在这个集合中, 称该集合对加乘运算自封闭, 试举出加乘运算自封闭的两个集合.

A. $(a+b) \in P$

B. $(a+b) \in Q$

C. $(a+b) \in R$

D. $(a+b)$ 不属于 P, Q, R 中的任意一个

6. $\{(x, y) | x+y=6, x, y \in \mathbf{N}\}$ 用列举法表示为 _____.

7. 集合 $A = \{m | m+1 \geq 5\}$, $B = \{y | y = x^2 + 2x + 5, x \in \mathbf{R}\}$, 则 A, B _____ (填“是”或“否”)表示同一集合.

8. 设 P 表示平面 α 内的动点, A, B 是平面 α 内的两个定点, 分别属于下列集合的点各构成平面 α 内的什么图形?

(1) $\{P | |PA| = |PB|\}$; (2) $\{P | |PA| = 3\text{cm}\}$; (3) $\{P | |PB| < 3\text{cm}\}$.

9. 约定 \otimes 与 \ominus 是两个运算符号, 其运算法则如下: 对任意的实数 a, b 有, $a \otimes b = ab$, $a \ominus b = b(a^2 + b^2 + 1)$, 且 $-2 < a < b < 2, a, b \in \mathbf{Z}$, 用列举法表示集合 $A = \{x | x = 2(a \otimes b) + \frac{a \ominus b}{b}\}$.

10. 设集合 $A = \{a | a = n^2 + 1, n \in \mathbf{N}^*\}$, 集合 $B = \{b | b = k^2 - 4k + 5, k \in \mathbf{N}^*\}$, 若 $a \in A$, 试判断 a 与集合 B 的关系.

自我测评

1. 下列集合表示法正确的是 ()

A. $\{1, 2, 3, 4\}$

B. $\{\text{全体有理数}\}$

C. $\{\text{实数}\}$

D. 不等式 $x-3 > 2$ 的解集是 $\{x | x > 5\}$

2. 下列命题中真命题的个数是 ()

① $0 \in \emptyset$ ② $\emptyset \in \{\emptyset\}$ ③ $0 \in \{0\}$ ④ $\emptyset \in \{a\}$

A. 1

B. 2

C. 3

D. 4

3. 下列命题

① 方程 $\sqrt{2x-1} + |3y+3| = 0$ 的解集是 $\{\frac{1}{2}, -1\}$

② 方程 $x^2 + x - 6 = 0$ 的解集为 $\{(-3, 2)\}$

③ 集合 $M = \{y | y = x^2 + 1, x \in \mathbf{R}\}$, 与集合 $P = \{(x, y) | y = x^2 + 1, x \in \mathbf{R}\}$ 表示同一集合.

④ 方程组 $\begin{cases} 2x+y=0 \\ x-y+3=0 \end{cases}$ 的解集是 $\{(x, y) | x = -1 \text{ 或 } y = 2\}$

其中为真命题的个数为 ()

A. 0 个

B. 2 个

C. 3 个

D. 4 个

4. 集合 $A = \{x \in \mathbf{N} | \frac{6}{3-x} \in \mathbf{N}\}$, 用列举法表示为 ()

A. $\{0, 1, 2\}$

B. $\{-3, -1, 0, 1, 2\}$

C. $\{-3, 0, 1, 2\}$

D. $\{-2, -1, 1, 2\}$

5. 集合 $P = \{x | x = 2k, k \in \mathbf{Z}\}$, $Q = \{x | x = 2k+1, k \in \mathbf{Z}\}$, $R = \{x | x = 4k+1, k \in \mathbf{Z}\}$, $a \in P, b \in Q$, 则有 ()



§ 1.2.1 集合之间的关系



课标三维要点

知识与技能

通过本节课的学习,理解集合之间包含与相等的含义,能识别给定集合的子集,会写出给定集合的所有子集和真子集.

过程与方法

通过本课的学习,体验子集概念的形成过程,逐渐学会观察、比较、抽象、概括的思维方法,训练思维的条理性.

情感、态度与价值观

通过本节的学习,增强自己的数学理性思维能力,培养良好的数学思维品质



知识要点扫描

- 1 对于两个集合 A, B , 如果 _____, 我们就说这两个集合有包含关系, 称集合 A 为集合 B 的 _____, 记作 _____, 或 _____.
- 2 如果集合 A 是集合 B 的子集 ($A \subseteq B$), 且集合 B 是集合 A 的子集 ($B \subseteq A$), 此时集合 A 和集合 B 中的元素 _____, 因此, 集合 A 与集合 B _____, 记作 _____.
3. 如果集合 $A \subseteq B$, 但存在元素 _____ 且 _____, 我们称集合 A 是集合 B 的 _____, 记作 _____.
4. 我们把 _____ 叫做空集, 记作 _____, 并规定: 空集是任何集合的 _____.
- 5 任何一个集合是它本身的 _____, 即 A _____ A .
对于集合 A, B, C , 如果 $A \subseteq B$, 且 $B \subseteq C$, 那么 A _____ C .



疑难诠释

1. 子集概念的理解

(1) 子集的概念是由讨论集合与集合间的关系引出的, 两个集合 A 与 B 之间的关系如下.

$$\begin{cases} A \subseteq B & \begin{cases} A = B \Rightarrow A \subseteq B \text{ 且 } B \subseteq A \\ A \neq B \Rightarrow A \subsetneq B \end{cases} \\ A \not\subseteq B \end{cases}$$

其中记号 $A \not\subseteq B$ (或 $B \not\subseteq A$) 表示集合 A 不包含于集合 B (或集合 B 不包含集合 A)

(2) 子集具有以下性质.

- ① $A \subseteq A$, 即任何一个集合都是它本身的子集.
- ② 如果 $A \subseteq B, B \subseteq A$, 那么 $A = B$

③ 如果 $A \subseteq B, B \subseteq C$, 那么 $A \subseteq C$.

④ 如果 $A \subsetneq B, B \subsetneq C$, 那么 $A \subsetneq C$.

(3) 包含的定义也可以表述成: 如果由任意 $x \in A$, 可以推出 $x \in B$, 那么 $A \subseteq B$ (或 $B \supseteq A$).

不包含的定义也可以表述: 成对的两个集合 A 与 B , 如果集合 A 中存在至少一个元素不是集合 B 的元素, 那么 $A \not\subseteq B$ (或 $B \not\supseteq A$).

(4) 有限集合的子集个数:

- ① n 个元素的集合有 2^n 个子集.
- ② n 个元素的集合有 $2^n - 1$ 个真子集.
- ③ n 个元素的集合有 $2^n - 1$ 个非空子集.
- ④ n 个元素的集合有 $2^n - 2$ 个非空真子集.

2. 正确判断元素与集合、集合与集合之间的关系

元素与集合的关系是属于与不属于的关系, 集合与集合之间的关系是包含、真包含、相等的关系, 要按照定义仔细区别.



典例剖析

例 1 已知集合 $A = \{x | x < -1 \text{ 或 } x > 2\}$, $B = \{x | 4x + p < 0\}$, 当 $A \supseteq B$ 时, 求实数 p 的取值范围.

【解析】 由 $A \supseteq B$ 关系, 再分析集合 A, B 表示的范围.

$$\text{【解】 } B = \{x | x < -\frac{p}{4}\}$$

$$\text{又 } \because A = \{x | x < -1 \text{ 或 } x > 2\}, A \supseteq B$$

$$\therefore -\frac{p}{4} \leq -1, \text{ 即 } p \geq 4.$$

【点拨】 通过本题要求学生能正确地表示集合, 并利用集合间的相互关系对集合进行化简.

【变式引申 1】 已知集合 $A = \{x | x^2 + x - 6 = 0\}$, $B = \{x | ax + 1 = 0\}$, 且 $B \subsetneq A$, 求 a 的值.

例 2 已知 $M = \{2, a, b\}$, $N = \{2a, 2, b^2\}$ 且 $M = N$. 求实数 a, b 的值.

【解析】 由条件 $M = N$, 进一步分析出两个集合中元素相同, 求解 a, b 的值.

$$\text{【解】 } \because M = N, \therefore \begin{cases} a = 2a \\ b = b^2 \end{cases} \text{ 或 } \begin{cases} a = b^2 \\ b = 2a \end{cases}$$



解得 $\begin{cases} a=0 \\ b=1 \end{cases}$ 或 $\begin{cases} a=0 \\ b=0 \end{cases}$ 或 $\begin{cases} a=\frac{1}{4} \\ b=\frac{1}{2} \end{cases}$ 代入检验得

$$\begin{cases} a=0 \\ b=1 \end{cases} \text{ 或 } \begin{cases} a=\frac{1}{4} \\ b=\frac{1}{2} \end{cases}$$

〔点拨〕 利用集合的相等求其中字母的值,应用的不是集合相等的充要条件,因此最后求出值要进行检验.

【变式引申2】 已知集合 $M, N, M=\{1, x, y\}, N=\{x, x^2, xy\}$, 若 $M=N$, 求实数 x, y 的值.

例3 设集合 $A=\{x|x^2+4x=0\}, B=\{x|x^2+2(a+1)x+a^2-1=0, a \in \mathbf{R}\}$, 若 $B \subseteq A$, 求实数 a 的值.

〔思维分析〕 $B \subseteq A$ 可分 $B=\emptyset, B \subsetneq A (B \neq \emptyset), B=A$ 三种情况, 所以此题需分类讨论并结合一元二次方程根的情况加以解决.

〔解〕 $A=\{0, -4\}, B \subseteq A$,

(1) 当 $B=\emptyset$ 时, 方程 $x^2+2(a+1)x+a^2-1=0$ 无解, $\therefore \Delta=4(a+1)^2-4(a^2-1)<0, \therefore a<-1$.

(2) 当 $B \subsetneq A (B \neq \emptyset)$ 时, 则 $B=\{0\}$ 或 $B=\{-4\}$,

即方程 $x^2+2(a+1)x+a^2-1=0$ 只有一解,

$\therefore \Delta=8a+8=0, a=-1$, 此时 $B=\{0\}$ 满足条件.

(3) 当 $B=A$ 时, 方程 $x^2+2(a+1)x+a^2-1=0$ 有两实根 $0, -4$.

$$\therefore \begin{cases} -4=-2(a+1), \\ 0=a^2-1. \end{cases} \therefore a=1.$$

综上所述 $a \leq -1$, 或 $a=1$.

〔点拨〕 在集合单元中含有丰富的分类讨论内容, 注意培养分类意识, 掌握分类方法.

【变式引申3】 设集合 $M=\{r|-1 \leq r < 2\}, N=\{x|x-k \leq 0\}$, 若 $M \cap N \neq \emptyset$, 则 k 的取值范围是 ()

- A. $(-\infty, 2]$ B. $[-1, +\infty)$
C. $(-1, +\infty)$ D. $[1, 2]$

例4 写出集合 $\{0, 1, 2\}$ 的所有子集, 并指出其中哪些是它的真子集.

〔解〕 子集, $\emptyset, \{0\}, \{1\}, \{2\}, \{0, 1\}, \{0, 2\}, \{1, 2\}, \{0, 1, 2\}$; 真子集, 子集中去掉 $\{0, 1, 2\}$.

〔点拨〕 若集合 M 中含有几个元素, 则其子集的个数为 2^n , 真子集的个数为 2^n-1 .

【变式引申4】 已知集合 $A=\{2, 4, 6, 8, 9\}, B=\{1, 2, 3, 5, 8\}$, 又知非空集合 C 是这样一个集合: 其各元素都加2后, 就变为 A 的一个子集, 若各元素都减2后, 则变为 B 的一个子集, 求集合 C .



自我测评

- 已知集合 $P=\{x|x^2=1\}$, 集合 $\theta=\{x|ax=1\}$ 若 $\theta \subseteq P$, 那么 a 的值是 ()
A. 1 B. -1
C. 1 或 -1 D. 0, 1 或 -1
- 集合 $M=\{x|x=1+a^2, a \in \mathbf{N}^*\}, P=\{x|x=a^2-4a+5, a \in \mathbf{N}^*\}$, 下列关系中正确的是 ()
A. $M \subsetneq P$ B. $P \subsetneq M$
C. $M=P$ D. $M \not\subseteq P$ 且 $P \not\subseteq M$
- 设 $A=\{x|1 < x < 2\}, B=\{x|x < a\}$ 若 $A \subsetneq B$, 则 a 的取值范围是 ()
A. $\{a|a \geq 2\}$ B. $\{a|a \leq 1\}$
C. $\{a|a \geq 1\}$ D. $\{a|a \leq 2\}$
- 非空数集, $S \subseteq \{1, 2, 3, 4, 5\}$, 且 S 还满足条件: 若 $a \in S, 6-a \in S$, 则符合上述条件的集合 S 的个数是 ()
A. 4 B. 5
C. 7 D. 3
- 数集 $M=\{x|x=(2n+1)\pi, n \in \mathbf{Z}\}$, 数集 $N=\{x|x=(4k \pm 1)\pi, k \in \mathbf{Z}\}$ 之间的关系是 ()
A. $M \subsetneq N$ B. $M=N$
C. $N \subsetneq M$ D. $M \not\subseteq N$
- 若 $\{1, 2, 3\} \subsetneq A \subseteq \{1, 2, 3, 4\}$, 则 $A=$ _____.
- 设集合 $A=\{1, 3, a\}, B=\{1, a^2-a+1\}$, 且 $A \supseteq B$, 求 a 的值为 _____.
- 已知集合 $A=\{x|x^2-3x+4=0, x \in \mathbf{R}\}, B=\{x|(x+1)(x^2+3x-4)=0, x \in \mathbf{R}\}$, 又 $A \subsetneq P \subseteq B$, 求满足条件的集合 P .

9. 若 $A = \{x | -3 \leq x \leq 4\}$, $B = \{x | 2m-1 \leq x \leq m+1\}$, $B \subseteq A$, 求实数 m 的取值范围.

10. 若方程 $x^2 + x + a = 0$ 至少有一根为非负实数, 求实数 a 的取值范围.

§ 1.2.2 集合的运算(第一课时)



课标三维要点

知识与技能

通过本节课的学习,理解两个集合的并集与交集的含义,会求两个简单集合的并集与交集.理解在给定集合中一个子集的补集的含义,会求给定子集的补集.

过程与方法

通过运用韦恩图解释概念,体验数形结合的思想在数学中的应用.

情感、态度与价值观

学习集合的运算后,提高用集合的思想分析问题、解决问题的能力,增强学习数学的兴趣.



知识要点扫描

- 由所有属于集合 A 且属于集合 B 的元素所组成的集合,叫做 A 与 B 的 交集, 记作 $A \cap B$.
- 由所有属于集合 A 或属于集合 B 的元素所组成的集合,叫做 A 与 B 的 并集, 记作 $A \cup B$.
- 对于任意的集合 A, B , 有 $A \cup A = \underline{A}$, $A \cap A = \underline{A}$; $A \cup \emptyset = \underline{A}$, $A \cap \emptyset = \underline{\emptyset}$. 若 $A \cup B = B$, 则 $A \subseteq B$; 若 $A \cap B = B$, 则 $B \subseteq A$.



疑难诠释

1. 用定义求两集合的交集与并集时,要注意“或”“且”的意义,“或”是两者皆可的意思,“且”是两者都有的意思,在使用时不要混淆.

2. 用韦恩图表示交集与并集.

已知集合 A 与 B , 用阴影部分表示 $A \cap B, A \cup B$, 如图 1-2-1 所示:

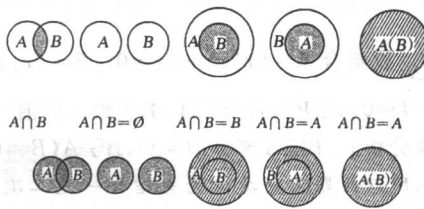


图 1-2-1



典例剖析

例 1 已知集合 $A = \{-4, 2a-1, a^2\}$, $B = \{a-5, 1-a, 9\}$, 分别求适合下列条件的 a 的值. (1) $9 \in A \cap B$; (2) $\{9\} = A \cap B$.

解 (1) $\because 9 \in A \cap B$ 且 $9 \in B$, $\therefore 9 \in A$.
 $\therefore 2a-1=9$ 或 $a^2=9$, $\therefore a=5$ 或 $a=\pm 3$.
 而当 $a=3$ 时, $a-5=1-a=-2$. 故舍去.
 $\therefore a=5$ 或 $a=-3$.

(2) $\because \{9\} = A \cap B$, $\therefore 9 \in A \cap B$, $\therefore a=5$ 或 $a=-3$,
 而当 $a=5$ 时, $A = \{-4, 9, 25\}$, $B = \{0, -4, 9\}$,
 此时 $A \cap B = \{-4, 9\} \neq \{9\}$, 故 $a=5$ 舍去.
 $\therefore a=-3$.

点拨 $9 \in A \cap B$ 与 $\{9\} = A \cap B$ 意义不同, $9 \in A \cap B$ 说明 9 是 A 与 B 的一个公共元素, 但 A 与 B 允许有其他公共元素. 而 $\{9\} = A \cap B$ 说明 A 与 B 的公共元素有且只有一个 9.

【变式引申 1】 已知集合 $M = \{(x, y) | x+y=2\}$, $N = \{(x, y) | x-y=4\}$, 那么集合 $M \cap N$ 为 ()



A. $x=3, y=-1$

B. $(3, -1)$

C. $\{3, -1\}$

D. $\{(3, -1)\}$

例 2 设 $A=\{x|x^2-3x+2=0\}$, $B=\{x|x^2-ax+2=0\}$, 若 $A \cup B = A$, 求实数 a 的值组成的集合.

【思维分析】 由 $A \cup B = A$ 知 $B \subseteq A$, 而 $A = \{1, 2\}$. 故 B 有 $\emptyset, \{1\}, \{2\}, \{1, 2\}$ 四种情形.

【解】 由 $A \cup B = A$ 可知 $B \subseteq A$, 化简集合 A 得 $A = \{1, 2\}$.

$\therefore B$ 可为 $\emptyset, \{1\}, \{2\}, \{1, 2\}$ 四种情形.

当 $B = \emptyset$ 时, 方程 $x^2 - ax + 2 = 0$ 无实根,

故 $\Delta = a^2 - 8 < 0$, 解得 $-2\sqrt{2} < a < 2\sqrt{2}$.

当 $B = \{1\}$ 或 $\{2\}$ 时, 方程 $x^2 - ax + 2 = 0$ 有等根.

由韦达定理可知 $x_1 \cdot x_2 = 2$, 故等根为 $\pm\sqrt{2}$, 故 B 不可能为 $\{1\}$ 或 $\{2\}$. 当 $B = \{1, 2\}$ 时, 此时 $B = A$.

方程 $x^2 - ax + 2 = 0$ 有两个不同的实数根为 1, 2.

由韦达定理得 $1 + 2 = x_1 + x_2 = a$, $\therefore a = 3$.

综上所述, 实数 a 的值组成的集合为

$$\{3\} \cup \{a | -2\sqrt{2} < a < 2\sqrt{2}\}.$$

【点拨】 本题易犯错误: 一是分类讨论过于复杂; 二是不进行检验, 导致出现增根; 三是分类讨论之后没有用“综上所述”进行总结.

【变式引申 2】 满足 $\{1, 3\} \cup A = \{1, 3, 5\}$ 的所有集合 A 的个数是 ()

A. 1

B. 2

C. 3

D. 4

例 3 已知集合 $A = \{(x, y) | x^2 - y^2 - y = 4\}$, $B = \{(x, y) | x^2 - xy - 2y^2 = 0\}$, $C = \{(x, y) | x - 2y = 0\}$, $D = \{(x, y) | x + y = 0\}$.

(1) 判断 B, C, D 间的关系;

(2) 求 $A \cap B$.

【思维分析】 集合 C, D 间的关系比较明确, 从代数角度看, 它们分别是方程 $x - 2y = 0$ 和 $x + y = 0$ 的解集; 从几何角度看, 它们分别是直线 $x - 2y = 0$ 和直线 $x + y = 0$ 上的点集. 所以要判断 B, C, D 间的关系, 只有将集合 B 变换形式, 明确意义, 即将 $x^2 - xy - 2y^2 = 0$ 进行化简转换, 看与 $x - 2y = 0$ 和 $x + y = 0$ 的关系, 对于第 (2) 问, 从代数角度

看, 即为解方程组
$$\begin{cases} x^2 - y^2 - y = 4, \\ x^2 - xy - 2y^2 = 0. \end{cases}$$

【解】 (1) $\because x^2 - xy - 2y^2 = (x + y)(x - 2y)$,

$$\therefore B = \{(x, y) | x^2 - xy - 2y^2 = 0\}$$

$$= \{(x, y) | (x - 2y)(x + y) = 0\}$$

$$= \{(x, y) | x - 2y = 0 \text{ 或 } x + y = 0\}$$

$$= \{(x, y) | x - 2y = 0\} \cup \{(x, y) | x + y = 0\}$$

$$= C \cup D.$$

$$(2) A \cap B = \{(x, y) | \begin{cases} x^2 - y^2 - y = 4, \\ x^2 - xy - 2y^2 = 0. \end{cases}\}$$

$$= \{(x, y) | \begin{cases} x^2 - y^2 - y = 4, \\ (x - 2y)(x + y) = 0. \end{cases}\}$$

$$= \{(x, y) | \begin{cases} x^2 - y^2 - y = 4, \\ x - 2y = 0, \end{cases} \text{ 或 } \begin{cases} x^2 - y^2 - y = 4, \\ x + y = 0. \end{cases}\}$$

$$= \{(x, y) | \begin{cases} x^2 - y^2 - y = 4, \\ x - 2y = 0. \end{cases}\} \cup \{(x, y) | \begin{cases} x^2 - y^2 - y = 4, \\ x + y = 0. \end{cases}\}$$

$$= \left\{ \left(\frac{8}{3}, \frac{4}{3} \right), (-2, -1) \right\} \cup \{(4, -4)\}$$

$$= \left\{ \left(\frac{8}{3}, \frac{4}{3} \right), (-2, -1), (4, -4) \right\}.$$

【点拨】 (1) 不能从代数或几何意义去分析题目隐含的关系.

(2) 没有明确集合中各点的形式.

【变式引申 3】 已知 $M = \{x | x \text{ 是平行四边形}\}$, $P = \{x | x \text{ 是梯形}\}$, 则 $M \cap P$ 等于 ()

A. M

B. P

C. $\{x | x \text{ 是平行四边形且梯形}\}$

D. \emptyset

例 4 学校先举办了一次田径运动会, 某班有 8 名同学参赛, 又举办了一次球类运动会, 这个班有 12 名同学参赛, 两次运动会都参加的有 3 人. 两次运动会中, 这个班共有多少名同学参赛?

【思维分析】 设 A 为田径运动会参赛的学生的集合, B 为球类运动会参赛的学生的集合, 那么 $A \cap B$ 就是两次运动会都参赛的学生的集合, $\text{card}(A)$, $\text{card}(B)$, $\text{card}(A \cap B)$ 是已知的, 于是可以根据上面的公式求出 $\text{card}(A \cup B)$.

【解】 设 $A = \{x | x \text{ 是参加田径运动会比赛的学生}\}$,

$B = \{x | x \text{ 是参加球类运动会比赛的学生}\}$,

$A \cap B = \{x | x \text{ 是两次运动会都比赛的学生}\}$,

$A \cup B = \{x | x \text{ 是参加所有比赛的学生}\}$.

$$\therefore \text{card}(A \cup B) = \text{card}(A) + \text{card}(B) - \text{card}(A \cap B) = 8 + 12 - 3 = 17.$$

\therefore 两次运动会中, 这个班共有 17 名同学参赛.

【点拨】 我们也可以利用 Venn 图来求解 (图 1-2-2).

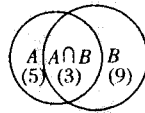


图 1-2-2

在图 1-2-2 中相应于 $A \cap B$ 的区域里先填上 3 ($\text{card}(A \cap B) = 3$) (这里的 3 是表示元素的个数, 而不是元素. 图中我们特别加上括号, 另外两个数 5, 9 也一样), 再在 A 中不包括 $A \cap B$ 的区域里填上 5 ($\text{card}(A) - \text{card}(A \cap B) = 5$), 在 B 中不包括 $A \cap B$ 的区域里填上 9 ($\text{card}(B) - \text{card}(A \cap B) = 9$).

$$\therefore \text{card}(A \cup B) = 5 + 3 + 9 = 17.$$



自我测评

1. 设 $X = \{0, 1, 2, 4, 5, 7\}$, $Y = \{1, 4, 6, 8, 9\}$, $Z = \{4, 7, 9\}$, 则 $(X \cap Y) \cup (X \cap Z)$ 等于 ()
 A. $\{1, 4\}$ B. $\{1, 7\}$
 C. $\{4, 7\}$ D. $\{1, 4, 7\}$
2. 设 $A = \{(x, y) | 4x + y = 6\}$, $B = \{(x, y) | 3x + 2y = 7\}$, 则 $A \cap B$ 等于 ()
 A. $\{x=1 \text{ 或 } y=2\}$ B. $\{1, 2\}$
 C. $\{(1, 2)\}$ D. $(1, 2)$
3. 满足条件 $\{1, 2\} \subseteq M \subseteq \{1, 2, 3, 4, 5\}$ 的集合 M 的个数是 ()
 A. 8 B. 7
 C. 6 D. 5
4. $M = \{x | x \leq 1\}$, $N = \{x | x > \rho\}$, 要使 $M \cap N = \emptyset$, 则 ρ 所满足的条件 ()
 A. $\rho > 1$ B. $\rho \geq 1$
 C. $\rho < 1$ D. $\rho \leq 1$
5. $I = \mathbf{R}$, $M = \{x | (x+2)(3-x) > 0\}$, $N = \{x | \frac{x-1}{x-2} > 2\}$, 下列关系成立的有 _____.
 ① $M \cup N = M$ ② $M \cap N = N$
 ③ $N \subseteq M$ ④ $M = N$
6. 设 $B = \{0, 1, 2\}$, $A = \{x | x \subseteq B\}$, 则 A 与 B 的关系是 _____.
7. 设集合 $A = \{(x, y) | a_1x + b_1y + c_1 = 0\}$, $B = \{(x, y) | a_2x + b_2y + c_2 = 0\}$, 则方程组 $\begin{cases} a_1x + b_1y + c_1 = 0 \\ a_2x + b_2y + c_2 = 0 \end{cases}$ 的解集是 _____, 方程 $(a_1x + b_1y + c_1)(a_2x + b_2y + c_2) = 0$ 的解集是 _____.
8. 已知集合 $A = \{x \in \mathbf{R} | x^2 - 4ax + 2a + 6 = 0\}$, 若 $A \cup \emptyset \neq \emptyset$, 求 a 的取值范围.

9. 若非空集合 $A = \{x | 2a + 1 \leq x \leq 3x - 5\}$ $B = \{x | 3 \leq x \leq 22\}$, 求使 $A \cap B = A$ 成立时 a 的所有值.

10. 已知集合 $A = \{x | x^2 - ax + a^2 - 19 = 0\}$
 $B = \{x | x^2 - 5x + 6 = 0\}$
 $C = \{x | x^2 + 2x - 8 = 0\}$, 求 a 取何实数时, $A \cap B \neq \emptyset$ 与 $A \cap C = \emptyset$ 同时成立.