

自考

突破

公共课程

高等数学(二)

下册

全国高等教育自学考试课程同步辅导

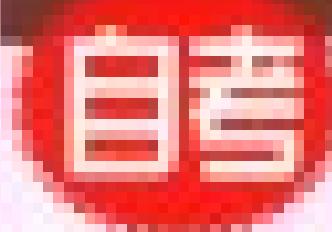
姚孟臣 / 编著



全国高等教育自学考试办公室
自学指导中心

组 编

中国人民大学出版社



突破

高数数学二

突破·高数二



突破·高数数学二

自学辅导中心

自学辅导中心

突破·高数数学二

全国高等教育自学考试课程同步辅导

自考突破
高等数学(二)
(下册)

全国高等教育自学考试办~~务~~组编
自 学 指 导 中 心
姚孟臣 编著

中国人民大学出版社

图书在版编目(CIP)数据

高等数学. 2. 下册/姚孟臣编著.

全国高等教育自学考试办公室自学指导中心组编.

北京:中国人民大学出版社,2000.6

(自考突破:全国高等教育自学考试课程同步辅导)

ISBN 7-300-03522-1/G · 688

I . 高…

II . ① 姚… ② 全…

III . 高等数学-高等教育-自学考试-自学参考资料

N . 013

中国版本图书馆 CIP 数据核字(2000)第 30895 号

全国高等教育自学考试课程同步辅导

自考突破

高等数学(二)

(下册)

全国高等教育自学考试办公室

自 学 指 导 中 心 / 组 编

姚孟臣 编著

出版发行:中国人民大学出版社

(北京海淀区 157 号 邮编 100080)

发行部:62514146 门市部:62511369

总编室:62511242 出版部:62511239

E-mail:rendafx@public3.bta.net.cn

经 销:新华书店

印 刷:北京市鑫鑫印刷厂

开本:850×1168 毫米 1/32 印张:7.125

2000 年 6 月第 1 版 2000 年 6 月第 1 次印刷

字数:174 000

总定价(4 册):48.00 元 本册定价:12.00 元

(图书出现印装问题,本社负责调换)

《全国高等教育自学考试课程同步辅导·自考突破》

丛书编委会

主任

赵亮宏（教育部高等教育自学考试办公室主任）

杨学为（教育部高等教育自学考试办公室原主任）

执行主任

王建军（教育部高等教育自学考试办公室副主任）

副主任（以姓氏笔画为序）

刘育民（广东省高教厅副厅长）

何晓淳（辽宁省高中等教育招生考试委员会办公室主任）

邹恩江（黑龙江省招生考试委员会办公室副主任）

侯福禄（河南省招生办公室主任）

唐佐明（广西壮族自治区招生考试院常务副院长）

潘桂明（教育部高等教育自学考试办公室原副主任）

委员（以姓氏笔画为序）

石 茈（教育部高等教育自学考试办公室省级命题指导中心主任）

李占伦（天津市高等教育自学考试委员会办公室主任）

刘 芮（教育部高等教育自学考试办公室文科处处长）

刘粤平（教育部高等教育自学考试办公室综合处处长）

张 毅（湖北省教育考试院副院长）

张兆松（山东省高等教育自学考试委员会办公室主任）

肖 辉（江西省自学考试办公室主任）

邱建臣（教育部高等教育自学考试办公室助学处处长）

罗 民（教育部高等教育自学考试办公室考务处处长）

唐大庆（重庆市高等教育自学考试委员会办公室副主任）

徐沪生（教育部高等教育自学考试办公室理科处处长）

康乃美（福建省高等与中等专业教育自学考试指导委员会办公室主任）

葛为民（浙江省高等教育自学考试委员会办公室主任）

潘 阳（教育部高等教育自学考试办公室自学指导中心主任）

秘书长

杨 威（教育部高等教育自学考试办公室自学指导中心副主任）

《全国高等教育自学考试课程同步辅导·自考突破》丛书

第一批书目

公共课程

- | | |
|--------------|-----------|
| 毛泽东思想概论 | 行政法学 |
| 邓小平理论概论 | 中国法制史 |
| 马克思主义哲学原理 | 民事诉讼法学 |
| 马克思主义政治经济学原理 | 经济法概论 |
| 法律基础与思想道德修养 | 合同法 |
| 大学语文(本) | 公司法 |
| 大学语文(专) | 票据法 |
| 英语(一) | 环境与资源保护法学 |
| 英语(二) | |

- | | |
|-------------|-----------|
| 高等数学(一)(上册) | 汉语言文学专业课程 |
| 高等数学(一)(下册) | 现代汉语 |
| 高等数学(二)(上册) | 中国现代文学作品选 |
| 高等数学(二)(下册) | 写作(一) |

经管类课程

- | | |
|--------------|--------------|
| 政治经济学原理(财经类) | 中国古代文学作品选(一) |
| 经济法概论(财经类) | 中国古代文学作品选(二) |
| 国民经济统计概论 | 外国文学作品选(一) |
| 企业会计学 | 文学概论(一) |
| 货币银行学(上册) | 古代汉语 |
| 货币银行学(下册) | 中国当代文学作品选 |
| | |

法律专业课程

- | | |
|-----|--------|
| 民法学 | 英语专业课程 |
|-----|--------|

- | | |
|---------|--|
| 综合英语(一) | |
| 综合英语(二) | |

咨询电话:62511134 62515150 62515347 62514160

出 版 说 明

为了解决广大自考生在学习中的实际困难，我们本着认真负责的态度，组织全国一流的专家学者编写了这套大型丛书——《全国高等教育自学考试课程同步辅导·自考突破》。与众多的自考辅导书相比，该套丛书具有以下特点：

一、具有很高的权威性。丛书是由全国高等教育自学考试办公室自学指导中心组织相关专业委员会的专家及课程大纲、统编教材的主创人员编写的。这些专家拥有丰富的自考教学经验和一流的编写水平。

二、实用性和针对性强。本套丛书是由学科专家们严格按照自考课程大纲的要求而编写的，主要内容与教材相配套，按章(节)设计。考生在学完教材每章的内容以后，可以按照专家归纳的重点和常考的知识点有针对性地复习。每章中设计的练习题与实际考试的题型完全一致，而且覆盖了教材后面的所有习题，并给出了参考答案。

三、这套大型丛书的主要内容已纳入教育部全国高等教育自考办的“自学考试答疑网络”。有上网条件的考生，在学习的同时还可以通过该辅导书封面上的网址接受“自考答疑网络”的辅导。

总之，有了这样一套辅导书，等于把每门课程最权威的辅导老师请到了身边。希望它能给广大考生以实实在在的帮助，使考生在学习和应试能力上都有所突破，以顺利地通过考试。

全国高等教育自学考试办公室自学指导中心

中国 人 民 大 学 出 版 社

2000 年 5 月

《全国高等教育自学考试课程同步辅导·自考突破》

总序

教育部高等教育自学考试办公室主任 姚立光

新世纪的竞争，是人才的竞争，是国民素质的竞争。要提升我国的国际竞争力，振兴中华民族，培养大量的、一批又一批高质量的各类人才是最重要的。作为“没有围墙的大学”的高等教育自学考试经过了20年的发展，逐渐壮大，现已成为我国人才培养的一条重要途径以及广大有志青年的成才之路之一。

高等教育自学考试向全社会敞开着大门。作为国家主管高等教育自学考试的机构——教育部高等教育自学考试办公室，我们有责任和义务对散布于社会各个角落的自考学生的学习进行指导和帮助。为此，我们开通了“全国高等教育自学考试答疑网络”，聘请高等院校的学科专家撰写课件、上网答疑，通过互联网络对学生自学进行指导和帮助。对于那些暂时还不能够上网学习的考生，我们将网络的教学课件编辑成书出版，使他们同样得到学习机会。

经过细致、周密的组织和准备工作，教育部高等教育自学考试办公室自学指导中心和中国人民大学出版社共同策划、出版了这套《全国高等教育自学考试课程同步辅导·自考突破》丛书。整套丛书大约100本，涉及公共政治课、经管类共同课及财经、政法、中文、英语、计算机等专业。丛书由著名高等学校的学科专家执笔，我认为它在数量繁多的同类出版物中属于佼佼者，希望它能成为考生的好帮手。

2000年5月于北京

前　　言

为了帮助参加全国高等教育自学考试的广大考生能够全面、系统地复习,根据全国高等教育自学考试指导委员会颁发的《高等数学(一)自学考试大纲》、《高等数学(二)自学考试大纲》,结合编者长期从事高等数学自考教学的经验体会,针对参加自学考试考生的特点,我们编写了本书。鉴于目前“高等数学(一)”是经济管理专业专科学历规定的一门必修课程,而“高等数学(二)”是经济管理专业本科学历规定的一门必修课程,我们分别冠以**自考突破《高等数学(一)(上册)》、《高等数学(一)(下册)》、《高等数学(二)(上册)》、《高等数学(二)(下册)》**分四册出版。

本册是自考突破《高等数学(二)(下册)》。

本书按照考试大纲的要求分为九章,每一章由以下四部分构成。

一、基本要求——编写这部分的目的是使广大考生明确每一章考的基本内容是什么,掌握到什么程度就可以了。在编写过程中,根据我们多年来参加有关命题的经验把考试大纲的要求加以细化、归纳和总结,使广大考生能够正确把握考试要求。

二、知识点——这部分根据考试大纲的要求将知识点一一列出来,使得考生能够明确本章有哪些知识点是要求的,便于考生针对重点、难点、热点问题进行复习,全面、系统地掌握所需要的知识,在考试时能够拿得出、用得上。

三、内容提要、题型示例——这部分是编者根据自学考试大纲的要求将每一节的内容给予概括,并总结了各种题型解题的方法和技巧,开阔了考生的解题思路,使所学知识能够融会贯通,并迅速提高考生的综合解题能力。

四、练习题及答案——我们深入研究了历年自考试卷的结构、知识点及难度的分布，并紧密结合我们在阅卷过程中常见的问题及在全国各大城市“自考辅导班”辅导的经验来编好每一道题。因此，在每一章里都从不同角度选择了具有多种风格的题目，基本上涵盖了全部命题思路，能够达到实际考试效果。这样有利于广大考生检验自己复习的效果，更加全面系统地掌握所需知识，迅速提高综合解题能力。全部习题在每一章的后面都有答案与提示。

为了方便考生了解近几年有关数学考试的题目类型、知识点及难度的分布情况，我们在下册中给出了1997—2000年全国高等教育自学考试试题及解答，仅供参考。

我们相信考生通过本书的学习，不仅有助于熟悉和掌握高等数学自学考试大纲的内容和要求，同时通过一定数量题目的练习，一定会更好地理解和掌握有关的基本概念及解题方法，还能够培养和提高逻辑推理能力以及综合运用所学的知识分析和解决实际问题的能力，并使得自己在这个过程中不断地增加对考试的适应能力和通过考试的自信心。

由于编者水平有限，加之时间比较仓促，书中难免有错误和疏漏之处，恳请读者批评指正。

编著者
2000年5月
于北京大学中关园

目 录

第一章 描述统计	(1)
一、基本要求	(1)
二、知识点	(1)
三、内容提要、题型示例、练习题	(1)
§ 1.1 图形描述	(1)
§ 1.2 数学特性描述	(2)
四、练习题答案与提示	(5)
第二章 概率的基本概念	(6)
一、基本要求	(6)
二、知识点	(6)
三、内容提要、题型示例、练习题	(7)
§ 2.1 事件及其概率	(7)
§ 2.2 古典概型	(11)
§ 2.3 概率的基本性质	(18)
§ 2.4 条件概率	(23)
§ 2.5 独立重复试验	(38)
四、练习题答案与提示	(42)
第三章 随机变量与概率分布	(47)
一、基本要求	(47)
二、知识点	(47)
三、内容提要、题型示例、练习题	(48)
§ 3.1 随机变量	(48)
§ 3.2 离散型随机变量	(50)

§ 3.3 连续型随机变量	(53)
§ 3.4 随机变量的数字特征	(68)
§ 3.5 二维随机变量	(80)
四、练习题答案与提示	(91)
第四章 抽样及抽样分布	(98)
一、基本要求	(98)
二、知识点	(98)
三、内容提要、题型示例、练习题	(98)
§ 4.1 随机抽样	(98)
§ 4.2 大数定律和中心极限定理	(102)
§ 4.3 抽样分布	(105)
四、练习题答案与提示	(107)
第五章 参数估计	(109)
一、基本要求	(109)
二、知识点	(109)
三、内容提要、题型示例、练习题	(109)
§ 5.1 参数的点估计	(109)
§ 5.2 估计量优良性的标准	(114)
§ 5.3 参数的区间估计	(116)
四、练习题答案与提示	(121)
第六章 假设检验	(124)
一、基本要求	(124)
二、知识点	(124)
三、内容提要、题型示例、练习题	(124)
四、练习题答案与提示	(133)
第七章 工序质量控制和抽样检验	(134)
一、基本要求	(134)
二、知识点	(134)
三、内容提要、题型示例、练习题	(134)

第八章 回归分析与相关分析	(137)
一、基本要求	(137)
二、知识点	(137)
三、内容提要、题型示例、练习题	(137)
四、练习题答案与提示	(144)
第九章 经济预测与决策	(146)
一、基本要求	(146)
二、知识点	(146)
三、内容提要、题型示例、练习题	(146)
四、练习题答案与提示	(147)
附表 1 正态分布数值表	(148)
附表 2 t 分布临界值表	(149)
附表 3 χ^2 分布临界值表	(150)
附表 4 F 分布临界值表($\alpha=0.05$)	(151)
附表 5 F 分布临界值表($\alpha=0.025$)	(152)
附表 6 F 分布临界值表($\alpha=0.01$)	(153)
附 1997 年(下)全国高等教育自学考试高等数学(二)		
(财)试卷及参考答案	(154)
1998 年(上)全国高等教育自学考试高等数学(二)		
(财)试卷及参考答案	(166)
1998 年(下)全国高等教育自学考试高等数学(二)		
(财)试卷及参考答案	(175)
1999 年(上)全国高等教育自学考试高等数学(二)		
(财)试卷及参考答案	(185)
1999 年(下)全国高等教育自学考试高等数学(二)		
(财)试卷及参考答案	(195)
2000 年(上)全国高等教育自学考试高等数学(二)		
(财)试卷及参考答案	(206)

第一章 描述统计

一、基本要求

了解数据的类型：定量的和定性的，时间序列数据和横截面数据；掌握数据的整理和分组的方法；会将收集到的数据整理成频数分布表；会对数据组进行图形描述；会画频数直方图、累积频数多边形，了解帕莱托图和洛伦茨曲线；掌握描述数据组的几个重要数字特征的量，例如描述数据组位置特征的量：平均数、中位数、众数；描述数据组变异特征的量：极差、平均绝对偏差、方差和标准差。

二、知识点

1. 资料的整理与分组；
2. 直方图；
3. 平均数、众数与中位数；
4. 极差、平均偏差；
5. 方差和标准差。

三、内容提要、题型示例、练习题

§ 1.1 图形描述

(一) 内容提要

1. 统计资料的描述；

2. 频率分布和直方图；
3. 累积频数图；
4. 帕莱托图和 ABC 分析；
5. 洛伦茨曲线.

(二) 题型示例

略

(三) 练习题

选择题(略)

填空题(略)

§ 1.2 数学特性描述

(一) 内容提要

1. 位置特性: 平均数、中位数、众数；
2. 变异特性: 极差、平均绝对偏差、样本方差和标准差.

(二) 题型示例

例 某厂用自动包装机打包, 某日抽测了 10 包, 其重量如下
(单位: kg):

99.3, 98.7, 100.5, 101.2, 101.3
98.3, 99.7, 99.5, 102.1, 99.4

求样本均值和样本标准差.

解 样本均值

$$\bar{x} = \frac{1}{10} \sum_{i=1}^{10} x_i = 100.0.$$

样本方差

$$S^2 = \frac{1}{10} \sum_{i=1}^{10} (x_i - \bar{x})^2 = 1.356.$$

样本标准差

$$S = 1.165.$$

(三) 练习题

选择题

1. 若某种商品的一张调查问卷表有 3 个指标,各自的权重及得分如下:

	A	B	C
权重(%)	50	30	20
得分	9	8	10

则这张调查问卷表对该种商品的最后打分是()。

- (A) 9 分; (B) 40 分;
(C) 8.9 分; (D) 890 分.

2. 设有数据 x_1, \dots, x_{96} , 按其数值大小的顺序重新排列成 $x_1^* \leqslant x_2^* \leqslant \dots \leqslant x_{96}^*$, 则()是数据的中位数.

- (A) x_{48} ; (B) x_{48}^* ;
(C) $\frac{1}{2}(x_{47}^* + x_{48}^*)$; (D) $\frac{1}{2}(x_{48}^* + x_{49}^*)$.

3. 有 23, 25, 22, 35, 20, 24 一组数据, 那么这组数据的中位数是().

- (A) 22; (B) 23;
(C) 24; (D) 23.5.

4. 反映数据组 X_1, X_2, \dots, X_n 的变异特征, 人们常用().

- (A) 中位数; (B) 众数;
(C) 方差; (D) 平均数.

5. 一组数据 x_1, x_2, \dots, x_n 的标准差是指().

- (A) $S = \sqrt{\frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}$; (B) $S^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2$;
(C) $B = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2$; (D) $S = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})$.

6. 样本 X_1, X_2, \dots, X_n 是取自总体 X , 且 $E(X) = \mu, D(X) =$

σ^2 , 则()是总体方差 σ^2 的无偏估计.

- (A) $\frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n-1} (X_i - \bar{X})^2$; (B) $\frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (X_i - \bar{X})^2$;
(C) $\frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^{n-1} (X_i - \bar{X})^2$; (D) $\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (X_i - \bar{X})^2$.

7. 实际问题中, 测量一物体的长度, 反复测量 6 次, 所得数据如下:

数据	4. 8	4. 9	5. 0
次数	3	2	1

则该物体的长度计算公式应选用().

- (A) $\frac{1}{6}(4.8 + 4.9 + 5.0)$;
(B) $\frac{1}{3}(4.8 + 4.9 + 5.0)$;
(C) $\frac{1}{6}(3 \times 4.8 + 2 \times 4.9 + 1 \times 5.0)$;
(D) $\frac{1}{3}(3 \times 4.8 + 2 \times 4.9 + 1 \times 5.0)$.

8. 设对某指标测得数据: 3, 4, 2, 4, 5, 4, 则().

- (A) 中位数为 3; (B) 平均数为 3;
(C) 众数为 3; (D) 极差为 3.

填空题

1. 从产品检验中测出 7 个数据如下: 9, 7, 15, 4, 5, 3, 10, 则它们的中位数是_____.

2. 反映数据 x_1, x_2, \dots, x_n 的位置特征常用的量是_____, _____.

3. 反映数据 x_1, x_2, \dots, x_n 的变异特征常用的量是_____, _____, _____.

4. 设对某指标测得的数据为: 2, 3, 4, 3, 1, 3, 则平均数 $\bar{X} =$ _____, 中位数 $M_d =$ _____, 众数 $M_o =$ _____, 极差 $R =$ _____,