

利用無線電助航儀器測定船位



B.E. 奧列赫夫斯基 著

方群麟 何 運 譯

李景森 楊守仁 仟源福 校

人 民 交 通 出 版 社

本書旨在向船舶駕駛員們介紹：在海上用方位角、測距（距離的）和雙曲綫無線電助航系統，來測定船位的一些基本問題。書中包括這些問題的理論，以及在駕駛台內實際解決這些問題的方法。

該書亦可作為高等航海學校航海學教程中，關於“利用無線電助航儀器測定船位”部分的教学參考書。

在編寫本書的時候，作者曾參照了，以 С.О. 馬卡洛夫海軍上將命名的、列寧格勒海運工程學院 А.П. 尤森柯教授領導的船舶駕駛教研組所擬定的教學法指導書。

本書 § 15, 關於雙曲綫網的構造問題，系由技術科學副博士 С.Т. 柴以金執筆。

本書譯者為方祥麟、何運。校者為李景森、楊守仁、于源福。



利用無線電助航儀器測定船位

В. Е. ОЛЬХОВСКИЙ

ОПРЕДЕЛЕНИЕ МЕСТА СУДНА
ПРИ ПОМОЩИ
РАДИОТЕХНИЧЕСКИХ СРЕДСТВ

(ВОПРОСЫ НАВИГАЦИИ)

ИЗДАТЕЛЬСТВО «МОРСКОЙ ТРАНСПОРТ»
МОСКВА — 1956

本書根據蘇聯海運出版社1956年莫斯科俄文版本譯出

方祥麟 何運 譯，李景森 楊守仁 于源福 校

人民交通出版社出版

（北京安定門外和平里）

北京市書刊出版業營業許可証出字第〇〇六號

新華書店發行

人民交通出版社印刷廠印刷

1959年9月北京第一版 1959年9月北京第一次印刷

開本：787×1092 1/32 印張：4 1/2 張插頁1

全書：119,000字 印數：1—1,100 冊

統一書號：15044·5183

定價(10)：0.56元

利用无綫电助航仪器測定船位

B. E. 奥列赫夫斯基 著

方祥麟 何 运 譯

李景森 楊守仁 于源福 校

人 民 交 通 出 版 社

目 录

緒言.....	4
第一篇.....	7
第一章 用远程无线电助航系统测定船位时 位置线法的应用.....	7
§ 1 等值线及位置线.....	7
§ 2 关于梯度的概念。位置线要素的测定.....	17
§ 3 梯度在有关利用无线电助航系统 定位问题中的意义.....	20
第二章 当利用各种无线电助航系统 测定船位时, 位置线的建立.....	26
§ 4 当借助定向无线电航标或无线电测向站 测定船位时位置线的建立.....	26
§ 5 用船用无线电测向仪定位时位置线的画法.....	42
§ 6 用单扇形无线电航标测定近似船位.....	49
§ 7 用测距(距离的)无线电助航系统 测定船位时位置线的建立.....	51
§ 8 用双曲线无线电助航系统测定船位时 位置线的画法.....	56
第三章 用定向无线电航标定位时观测处理 的解析法.....	59
第二篇.....	73
第四章 用远程测距仪及双曲线无线电助航系统 测定船位时地球扁率的计算.....	73

§ 9	于适当半径的辅助球上作地球椭圆柱体等 间隔描繪的地球扁率計算法	76
§ 10	解反求航海学問題的簡化“直接”法	93
第五章	用远程的准确方位无綫电助航系統 定位时地球扁率的計算	104
§ 11	概述	104
§ 12	应用椭圆柱体在輔助球上的等角描繪 或中心透視描繪計算地球扁率	106
第三篇		111
第六章	利用无綫电助航系統測定船位时等 值綫网海图的应用	111
§ 13	根据扇形无綫电航标的方位測定船 位的等值綫网海图	111
§ 14	测距图网	116
§ 15	球面与椭球面的双曲綫图网	121

緒 言

約当偉大的俄罗斯学者 A.C. 波波夫发明無線电极时，無線电就已用于航海上。A.C. 波波夫不仅解决了船舶無線电通訊問題，而且还叙述了在海上用电磁波測定船位，以及在能見度不良的情况下，保証海上航行安全的可能性。于1897年，A.C. 波波夫曾在波罗的海上进行过“欧洲”号运输艦与“阿非利加”巡洋艦之間無線电通訊的實驗，在他的一些报告中写道：“于航标上，用电磁波源，加于灯火或音响信号中，可使航标在大霧或暴风雨天气照样可見：用音响显示电磁波的仪器，可以預告出接近航标的程度，而音响信号間的間隔，可用以辨別航标”。

由于我国学者 B.П. 伏劳格金，M.B. 舒列以金，A.A. 彼得洛夫斯基，H.H. 契可夫斯基，И.Г. 福列依蒙，A.И. 別尔格，M.A. 邦士-布魯埃維奇，B.A. 烏外琴斯基，Л.И. 蒙捷里士达姆，H.Д. 巴巴列克西，E.Я. 蔡高列夫及其他許多学者的傑出工作，使無線电航海在比較短的年代里，取得了頗大的成就。基于这些学者的巨大工作，各种無線电助航系統就成了現代船舶駕駛上最有效的技术設備。

第一次世界大战时，H.Д. 巴巴列克西还是个年青的学者，就很成功地从事船舶測向仪的研究工作。

偉大的十月社会主义革命后，苏联的無線电航海与其他一般科学技术相輔相承，得以广泛发展。

在二十年代里，苏維埃学者及設計師們，曾創造了多种的無線电助航系統（無線电測向仪），有效地应用于船上，日后，并更臻完善。

1930年，苏联物理学院士Л.И. 蒙捷里士达姆及 H.Д. 巴巴列克西研究了借助发射机发出的非調幅輻射信号，以及反射后恢复原状的振動，来測量距离的方法。1932年，在 E.Я. 蔡高列夫教授领导下，創造了干扰（相位的）無線电測距仪。

應該指出，在1930~1934年時，Л.И. 蒙捷里士達姆，Н.Д. 巴巴列克西，Е.Я. 蔡高列夫及其同事們的著作中，就已經包含有組成近代相位無線電助航系統的各种不同方案的實質的思想。

1934年，為了三角測量中的基地及邊界測量，他們曾企圖將無線電測距代用於大地測量的工作中。

А.И. 尤森柯教授對於大地測量學的工作深有造詣，他對於看不見海岸航行時，應用無線電測距儀定位的可能性甚為注意。於1935年，由他發起，在黑海進行了實驗，效果良好：用新方法定位的準確度不但超過天文定位的準確度，而且與能見度的條件無關。隨之，在海道測量和在大海中測量時就廣泛地應用無線電測距儀，並日臻完善。

Л.И. 蒙捷里士達姆，Н.Д. 巴巴列克西，以及Е.Я. 蔡高列夫所創制的相位雙曲線無線電助航系統型的“相位探測器”是蘇聯學者及設計師們所取得的巨大成就。應該指出，英國廣告上所登的“Decca—Navigator”無線電助航系統的工作原理，與“相位探測器”的工作原理，完全一樣，但在英國的材料中，並未引述蘇聯學者多年前在這一方面就發表了的資料。

在航海上，各種無線電助航系統的廣泛應用，增大它的有效範圍，以及提高它的測量準確度等問題，都擺在航海家與海洋制圖學者的面前，這一系列重要問題，若不加以解決，就不能保證新定位法的有效應用。

在這裡，首要問題是尋求有關處理無線電助航定位問題中，計算地球表面曲率的最合理的一些方法，以及創制等值綫網的特种海圖。

綜合船位綫法擴大了其實際應用範圍，而使得在無線電助航定位領域中，亦能加以應用。該法近來在航海界應用頗廣。

發展位置綫法，及擴大它的實際應用範圍的傑出功績，應屬於蘇聯學者——В.В. 卡夫拉伊斯基教授——現代位置綫理論的奠基者，Н.Г. 開留教授，Н.Н. 馬士賽維奇教授，А.И. 尤森柯教授。

關於用方位無線電助航系統定位的觀測處理的基本問題，在Н.Н. 馬士賽維奇教授的“無線電方位定位”的專題論文（1940年出版）中，有詳盡的論述。

Н.Н. 馬士賽維奇所寫關於在黑卡托海圖上，地測綫曲率修正量的

高次項展开的論著，对无綫电航海亦具有重大的意义。在他的航海天文学講义，駕駛員数学手冊（第二版）著作中，有关位置綫法及其他一系列航海学与制图学的问题，均得到了进一步的发展。

测距无綫电助航系統以及双曲綫无綫电助航系統（在离岸甚远航行时，用以測定具有很高准确度的船位）的創制，很需要寻求进行測量时合理的处理方法，特别是制造具有测距网和双曲綫网的特种海图。这些问题在 A. П. 尤欽柯教授的許多著作中，均有論述。在其著述中，他解决了許多有关各种投影海图的测距及双曲綫网的繪制，以及处理无綫电定位及其定位准确度的估計时位置綫法的应用等重要問題。

在 A. П. 尤森柯，A. П. 別洛布劳夫及 K. C. 烏霍夫教授的指导下，近年来，大批年青的学者（B. H. 陆哈林，B. П. 科朱诺夫 Ю. K. 巴兰諾夫，C. T. 柴以金等）亦致力于这些科学領域的研究。

根据第六个五年計劃苏联共产党第二十次代表大会的指示，要求“改进海上运输通訊与无綫电航海設備，用保証船舶安全航行的最完善的无綫电助航仪器来装备海船”。首先要有在任何气象条件下，能精确确定船位的近代无綫电助航仪器。

在第六个五年計劃中，还要大力发展海上的捕获事业。用近代的大型海船，来补充捕鱼船队。廿次代表大会的指示中規定，要以最新式的无綫电助航仪，装备捕鱼船及大型漁船。

不断发展和改进无綫电助航系統，增大其工作范围，以及提高其測量的准确度，需要不断发展和改进无綫电助航測定結果的处理方法，以及減輕和加速駕駛員的工作的方法。

在船舶駕駛的这个領域內的有益活动，將使我們有效地应用新技术，并将帮助胜利解决苏联共产党第二十次代表大会給海运和漁业船队規定的巨大任务。

第 一 篇

第一章 用远程无线电助航系統測定船 位时位置綫法的应用

近来，航海界在利用方位、測距（距离的）及双曲綫远程无线电助航系統測定船位时，一般多采用位置綫的方法。

对于无线电助航仪器測定結果的处理，位置綫法比起直接的分析法，具有許多重要的优点：

1. 当利用各种无线电助航系統时，可使有关測定船位的问题，大都相同，而且也节省时间；

2. 当利用各种无线电助航系統，以及天文和无线电助航的联合观测方法（根据天体高度及无线电方位的測定等等）时，可以使測定船位的过程大大地简化。

3. 当远离无线电台航行时，可利用以等值綫轉移到第二次观测时刻为基础的方位移綫和距离移綫，以及其他測定船位的方法；

4. 假若已知測量（观测）的誤差，則无需繁复的計算，就可能估計出任何无线电助航測定或联合測定的准确度。同时，可以使在解与測定性質无关的类似問題，具有一致性。

由于上述种种优点，所以在近代航海中，位置綫法被广泛地应用在远程无线电助航系統中。現在我們就开始研究位置綫法，并举一些应用的实例，加以說明。

§ 1 等值綫及位置綫

我們曾在許多知識領域中，碰到过等值綫的問題，例如，等深綫——具有同一深度的綫，等磁差綫——具有相同磁差的綫，等等。

在航海問題中，所用的等值綫，我們將称之为保持函数为常数值之点的几何軌跡，这些值系由观测——方位，角度，距离或距离差而量得者①。

为了求取船位而进行的一切观测（测取方位，测量船至物标的距离，或两物标間的夹角，等等），都将給我們得出某一个既定的等值綫，为了满足从观测中所得出的数据，所以船位应该要位于这个等值綫上。若某一个观测物标，或好几个物标的坐标都已知时，就可将等值綫畫在海图上。

在航海定位中，我們是从两条或几条等值綫的相交中来求得船位，这些等值綫皆系满足由观测所得的两个或几个值（函数）为常数的点的几何軌跡。

我們現在研究等值綫的性質，这些等值綫系以方位、測距和双曲綫无綫电助航系統定位而得的。

利用諸定向無綫电航标，或無綫电

測向站定位所得之等值綫

設无綫电航标或无綫电測向站位于某点 M ，取船的无綫电方位，等于 α 。如所周知，无綫电地面电波，系沿最短距离傳播者。而地面（《地球扁率》略而不計）两点的最短距离，正是連接該两点的大圓弧。显然，我們所研究的大圓弧 MK ，过 M 点，且与該点之子午綫相交成 α 角，而若船对定向无綫电航标（无綫电測向站）的方位等于 α （图1，a），則該大圓弧，即为船位所在点的几何軌跡。

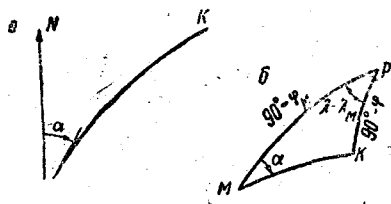


图 1

① 在高等数学（无向量場論）中，这类曲綫，称作等位綫。等位綫系滿足函数 $u = f(x, y) = \text{const}$ 或 $u = f_1(\rho, \theta) = \text{const}$ 的点的几何軌跡。

因此，船对定向无线电航标，或无线电测向站的方位，一經确定后，我們就得到等值綫，該曲綫系过无线电航标（无线电测向站），及与无线电航标子午綫之交角等于观测方位的大圆弧。

以 φ_M 及 λ_M 表示定向无线电航标的坐标， φ 及 λ 为位于大圆弧 MK 上任意点的坐标。于是，由图 1, 6 等值綫方程 $u = \alpha = \text{const}$ 可写为：

$$\text{tg} \varphi = \text{tg} \varphi_M [\sin(\lambda - \lambda_M) \text{ctg} \alpha \text{cosec} \varphi_M + \cos(\lambda - \lambda_M)],$$

或

$$\text{tg} \varphi = \text{tg} \varphi_M \text{cosec} C \sin [(C - \lambda_M) + \lambda], \quad (1)$$

其中 C 取决于表連式：

$$\text{ctg} C = \text{ctg} \alpha \text{cosec} \varphi_M$$

船对定向无线电航标（无线电测向站）的方位 α ，和无线电航标的坐标 φ_M 及 λ_M ，均系参常量，而緯度 φ 和經度 λ ，系与船位有关的流动坐标。若給 φ 或 λ 以确定值，則由公式 (1)，可相应地計算出 λ 或 φ ，而且，根据所得数据，可将等值綫 $u = \alpha = \text{const}$ （大圆弧）；繪于任意投影的海图中。

如大家所知，在墨卡托投影平面上，大圆弧为凸向地极的曲綫。同时，由于墨卡托投影的等角性，在球上的角 α ，将等于在投影平面上的角 α' 。

在中心投影的图中，大圆弧是以直綫来表示的。不过，由于在中心投影中 $\alpha \neq \alpha'$ ，所以角 α 与角 α' 之間的关系，由下式决定：

$$\text{tg} (\beta - \alpha') = \text{tg} (\omega - \alpha) \cos ZM,$$

其中

$$\text{tg} \beta = \text{tg} \omega \cos ZM \quad (1a)$$

对已知的定向无线电航标（无线电测向站）角 ω 是固定不变的，同时，弧长 ZM 可根据已知的无线电航标和切点 Z 的緯度，以及这两点之間（图 2）的經差所构成的球面三角形 PMZ 中求出。

对标准（极）中心投影，将有

$$\text{tg} \alpha' = \text{tg} \alpha \cos ZM,$$

如果考虑到地球的橢圓性，則应視地面无线电波是沿着大地綫（橢球表面两点間的最短距离）傳播的。但因两者在长度上的不同，以及大

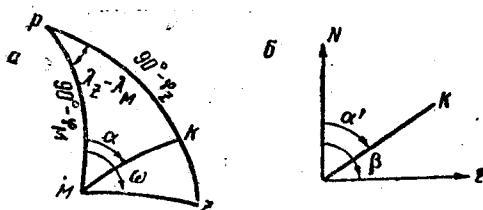


图 2

地綫与垂直截面間的差別較之无綫电測定誤差，要小得多，所以，这些曲綫中的任何一条，均可取作地面无綫电波的軌道。关于在墨卡托和中心投影中，計算地球扁率，而在海图上建立等值綫 $u = a = \text{const}$ 的問題，我們将在本書的第二篇与第三篇中去研究。

用船用无綫电测向仪定位所得之等值綫

取任意无綫电航标（无綫电站）的无綫电方位 a ，我們便得等值綫 $u = a = \text{const}$ ，它是保持已知无綫电航标（无綫电站）对船的方位为确定的常数值的地点的几何軌跡。

显然，大圓弧不适合該条件（图3，a）。在我們所研究的情况中，所得之等值綫，乃系球面曲綫，它具有这种性質，即在該曲綫上每一点，对已知无綫电站的方位值，系一常量。

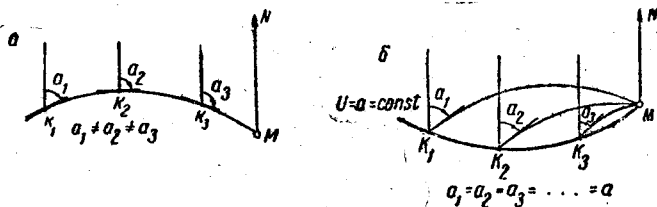


图 3

該球面曲綫是保持已知无綫电航标（无綫电站）对船的方位为常数值的地点的几何軌跡，在航海学中，我們称之为恒位綫。

假若自恒位綫某点，与所测无綫电航标，連以大圓弧（我們取作地

面无线电波轨道)，则此大圆弧与经过该点的子午线之交角，就等于无线电航标的真方位 α （图3，6）。

恒位线亦可认为永为常值的球面角的顶点的几何轨迹。该球面角系由于子午线与船和无线电标所连之大圆弧相交而成。

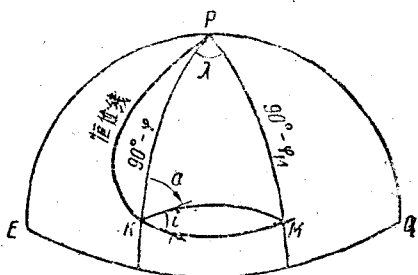


图 4

若于点 M 设有环形辐射的无线电航标，而点 K 系船所在位置。无线电航标 M 对船的真方位等于 α 。我们绘恒位线（曲线 PKM ），并自船与无线电航标间，连以大圆弧。

于是，由图4（球面三角形 PKM ），恒位线方程可写作：

$$\operatorname{ctg} \alpha \sin \lambda = \operatorname{tg} \varphi_M \cos \varphi - \sin \varphi \cos \lambda \quad (2)$$

此处，和方程(1)一样，无线电航标的真方位 α ，及无线电航标的纬度 φ_M ，作为常量，且均系参数，而船的纬度 φ 和经度 λ （由无线电航标的子午线算起），是决定于船位的流动坐标。而方程(2)可用以将恒位线逐点绘于任意投影地图中。

为了得出在墨卡托海图中所表示出的恒位线方程，可用方程(2)，加以代换

$$x = \ln \operatorname{tg} \left(45^\circ + \frac{\varphi}{2} \right)$$

$$y = \lambda$$

导入双曲线函数，我们得出在墨卡托海图上表示出的恒位线方程：

$$\operatorname{tg} \varphi_M = \sin y \operatorname{ctg} \alpha \operatorname{ch} x + \cos y \operatorname{sh} x$$

图5所示，就是由该方程所定出的曲线，在该图中所绘的，系对应于 $\varphi_M = 20^\circ N$ 的无线电航标，每隔 10° 的恒位线。这些方位系从无线电航标，由 0° 至 180° 向 E 和向 W 计算的。这些恒位线，组成了两族曲线，而这些曲线通过无线电航标及与该航标相对的纬度 $\varphi = 20^\circ S$ 的点。这些曲线族以适合条件 $\alpha = 90^\circ - \varphi_M = 70^\circ$ 的恒位线为界线。恒位线

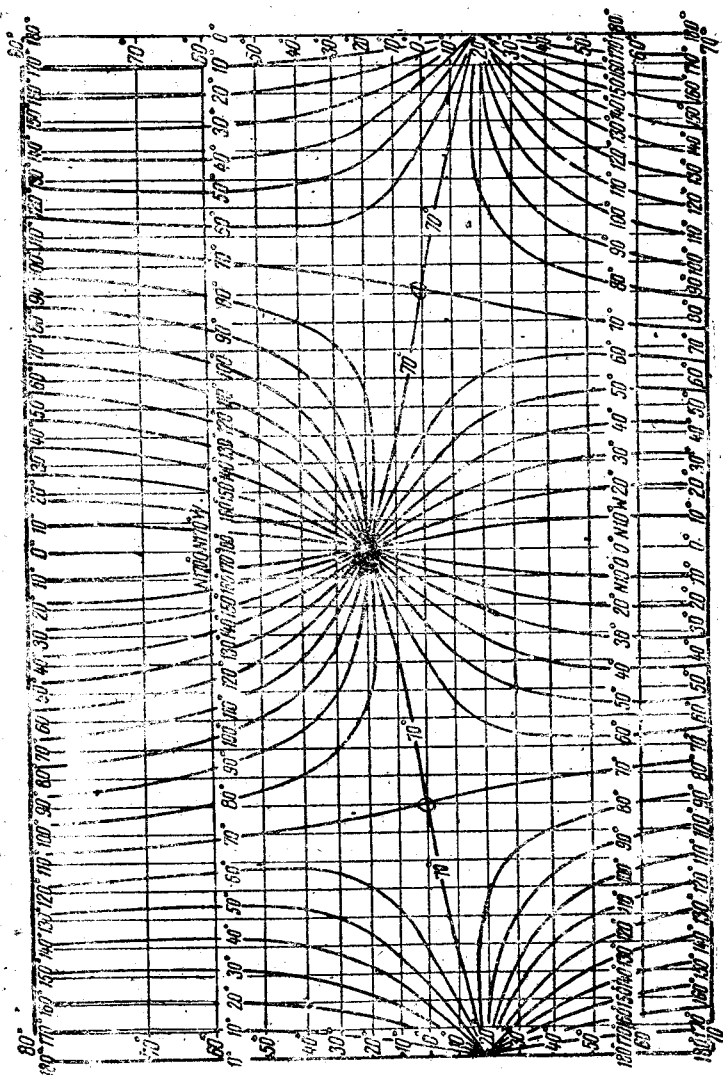


图 5

$$\alpha = 90^\circ - \varphi_M = \text{const} \text{ 和 } \alpha = 270^\circ + \varphi_M = \text{const}$$

所组成的两枝曲线的每一枝，系相交于两点，这两点均位于赤道上，各与无线电航标相距 90° 的经度。在该两点附近，从船上以无线电方位测定船位是不可能的，因为，观测方位中的误差，会引起等值线位置的很大变化。不过，既然上述两点距无线电航标的距离超过 5000 海里，所以，实际上，这种情况是没有意义的。

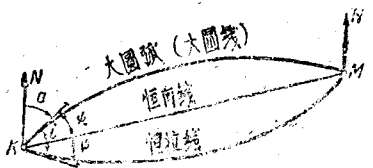


图 6

在任一点上 (图 6)，介于恒位线与大圆弧之间的夹角 i ，可由如下公式求得

$$i = \lambda \sin \varphi \quad (3)$$

用无线电测向仅在距离不大的范围内测定船位时，可用下面的公式来代替公式 (3)，这在实用上已经准确了：

$$i = \lambda \sin \varphi$$

或

$$\frac{1}{2} i = \frac{1}{2} \lambda \sin \varphi = \psi, \quad (4)$$

其中 ψ ——大圆修正量。

公式 (4) 表明，在有限距离内，恒位线与大圆弧的位置，是以恒向线为对称的，这就可以很方便地根据从船上所测得的无线电航标 (图 6) 的方位来画出恒位线的方向。

用测距无线电助航系统定位所得之等值线

若测定出至坐标已知的某任意点 R 的距离后，我们可认为船是位于球面圆周 (《地球扁率》略而不计) 上的某一点，该圆周以已知点 R 为圆心，而其球面半径等于所测距离。

因此，从所测某点 R 之距离 D ，可以绘出等值线，该等值线乃系地球表面上的球面圆周 (图 7)。此等值线方程，可写成如下的形式：

$$\cos D = \sin \varphi_R \sin \varphi + \cos \varphi_R \cos \varphi \cos \lambda$$

若將球面圓周繪于墨卡托海圖上，便得出環形曲綫。根据最近地极是位于該圓周之外，之內，抑或就在該圓周上而有着三种不同形式的環形曲綫。实际上，在利用測距无綫电助航系統定位时，我們仅仅涉及第一種形式的環形曲綫而已（最近地极位于圓周之外）。扁率不大的環形曲綫，与橢圓很相近。

大家曉得，在墨卡托投影中，比例尺从赤道向两极方向，急剧增大。由于这个原因，在海图上，环形曲线中心 C 将不与无线电台 R （球面圆周的圆心）相重合，而是向着地极方向移动了某一距离（图 8）。

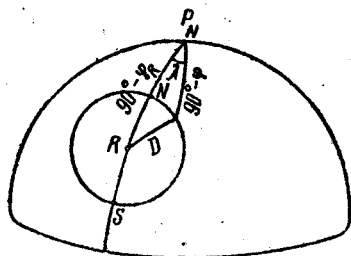


图 7

图 8

当距离很小时，环形曲线可以物标为中心，以所得该物标的距离为半径，所作的圆来表示。这样，我们就可在墨卡托海图中，根据光学测距仪或物标高度所测算之距离，来定船位了。

不过,当用无线电助航系统,测出较大的距离时,这种简化当然是不可行的。下面我们援引了 A. П. 尤钦柯教授所计算出来的允许将环形曲线绘为圆和椭圆的距离 D 表,该表与环形曲线中心緯度 φ 有关。当计算该表时,允许最大差异为 1 链。

最后，我們將引証环形曲綫方程的結論，該結論是由 A. П. 尤欽柯教授給出的。

設于地球上，畫一球面半徑為 D （以浬為單位）的圓，該圓的圓心與無線電台 R 的位置相重合，而半徑 D 為測得該點 R 的距離。于是，由

表 1

φ_c 以度为单位	D 以哩为单位。在此 表所列范围内, 环形曲 线可绘为圆周。	D 以哩为单位。在此表 所列范围内, 环形曲线可 绘为椭圆。
0	190	1344
10	187	1328
20	178	1270
30	164	1179
40	145	1052
50	122	891
60	95	699
70	65	482
80	33	246

图 7, 可写为:

$$\cos D = \sin \varphi_R \sin \varphi + \cos \varphi_R \cos \varphi \cos \lambda$$

或

$$\sec \varphi \cos D \sec \varphi_R = \operatorname{tg} \varphi_R \operatorname{tg} \varphi + \cos \lambda$$

和

$$\sec \varphi_R \sec \varphi \left(1 - \sin^2 \frac{D}{2} \right) - \operatorname{tg} \varphi_R \operatorname{tg} \varphi = \cos \lambda$$

引入墨卡托坐标①

$$x = \ln \operatorname{tg} \left(45^\circ + \frac{\varphi}{2} \right)$$

$$y = \lambda$$

并用双曲线函数代换 $\sec \varphi$ 及 $\operatorname{tg} \varphi$

$$\sec \varphi = \operatorname{ch} x$$

$$\operatorname{tg} \varphi = \operatorname{sh} x$$

我们便得环形曲线方程

$$\operatorname{ch} x_R \operatorname{ch} x - \operatorname{sh} x_R \operatorname{sh} x = \cos y + \operatorname{ch} x_R \operatorname{ch} x 2 \sin^2 \frac{D}{2}$$

① 取赤道分的 $\frac{1}{\operatorname{arcl}'}$ 为单位, 而角度以弧度为单位。