



21世纪高等院校经典教材同步辅导  
ERSHIYISHIJI GAODENG YUANXIAO JINGDIAN JIAOCAITONG BU FUDAO



# 理论力学 (I)

## 全程导学及习题全解

哈工大第六版

彭慧莲 马晓燕 傅晋 编  
金硕 主审

- ◆ 知识归纳 梳理主线重点难点
- ◆ 习题详解 精确解答教材习题
- ◆ 提高练习 巩固知识迈向更高



中国时代经济出版社  
China Modern Economic Publishing House

2

世纪高等院校经典教材同步辅导

SHIJI JIAGAO DENG YUAN XIAO JING DIANJI JIAO CAI TONG BU FUDAO

# 理论力学

## 全程导学及习题全解

哈工大第六版

彭慧莲 马晓燕 傅晋 编

金硕 主审

- ◆ 知识归纳 梳理主线重点难点
- ◆ 习题详解 精确解答教材习题
- ◆ 提高练习 巩固知识迈向更高



中国时代经济出版社

China Modern Economic Publishing House

## 图书在版编目 (CIP) 数据

理论力学全程导学及习题全解. I /彭慧莲、马晓燕、傅晋编.  
—北京：中国时代经济出版社，2007. 2

(21世纪高等院校经典教材同步辅导)

ISBN 7-80221-115-8

I. 理… II. ①彭…②马…③傅… III. 理论力学—高等学校  
—教学参考资料 IV. 031

中国版本图书馆 CIP 数据核字 (2006) 第 055929 号

理论力学全程导学及习题全解 (I)

彭慧莲 马晓燕 傅晋编

出 版 者	中国时代经济出版社
地 址	北京东城区东四十条 24 号 青蓝大厦东办公区 11 层
邮 政 编 码	100007
电 话	(010)68320825(发行部) (010)88361317(邮购)
传 真	(010)68320634
发 行	各地新华书店
印 刷	北京市优美印刷有限责任公司
开 版 本	880×1230 1/32
印 刷 次	2007 年 1 月第 1 版
印 张	2007 年 1 月第 1 次印刷
字 数	13.625
印 数	400 千字
定 价	1~5000 册
书 号	17.50 元
	ISBN 7-80221-115-8/G · 063

# 内容简介

本书是结合高等教育出版社出版、哈尔滨工业大学理论力学教研室编写《理论力学》的学习辅导教材与习题全解参考书。全书紧扣教材内容,对各章的知识点进行了归纳和提炼,帮助读者梳理各章脉络,统揽全局,全面掌握基本知识。编写的重点在于对原教材全部习题(包括思考题)给出了精解详答,可以作为读者自我考核的标准与参考。在《理论力学》教材给出的习题的基础上,根据每章的知识重点,精选了有代表的例题,方便读者迅速掌握各章的重点和难点。

本书可作为工科各专业本科学生《理论力学》课程教学辅导材料和复习参考用书及工科考研强化复习的指导书,也可以作为《理论力学》课程教师的教学参考书。

# 前 言

《理论力学》是理工科学生必须学习和掌握的一门重要的基础学科,它是学好其他各专业基础课乃至专业课的基石,很多高等院校都将理论力学列为核心课程之一。在学习中,应注重理解和掌握理论力学的基本概念和规律,对所研究的问题建立起清晰的力学模型,有助于同学们分析和解决问题。为了帮助广大学生更好的学习和掌握《理论力学》课程的理论精髓和解题方法,我们根据哈尔滨工业大学理论力学教研室编写的《理论力学》教材,编写了这本配套辅导教材。

本辅导教材根据《理论力学》教材中每章的内容,着重编写了以下几方面的内容:

**主要内容和方法要点:**对教材中的相应内容进行了系统、全面的归纳和总结,囊括了基本概念、主要定理和重要公式,有助于读者全面掌握基本知识,清晰把握各章知识的脉络。

**典型例题讲解:**精选具有代表性的重点例题进行讲解,分析问题的突破点,指引解决问题的思路,旨在帮助读者学会独立思考的方式和分析问题的办法。

**习题及思考题全解:**依据教材各章节的全部习题和思考题,进行详尽的解答。从学习者的角度,给出了解题的每一个步骤,以免忽略掉那些看似简单但对解题思路关键的细节问题。

本教材由彭慧莲、马晓燕、傅晋等同志编写,全书由金硕老师主审。金硕老师高深的造诣、严谨的治学态度,使编者受益匪浅,对此

深表感谢。本书编写过程中得到胡涛、王天磊等同志的大力协助，并得到中国时代经济出版社的领导和有关编辑的大力支持，为此表示衷心的感谢！

对《理论力学》教材作者哈尔滨工业大学理论力学教研室的老师们表示衷心的感谢！

由于编者水平有限，加之时间仓促，本书难免有缺点和疏漏，这些不妥之处，敬请各位专家及广大读者批评指正。

**编 者**

2007年1月

# 目 录

<b>第一章 静力学公理和物体的受力分析 .....</b>	(1)
主要内容和方法要点 .....	(1)
经典例题讲解 .....	(2)
思考题解答 .....	(4)
习题全解 .....	(8)
<b>第二章 平面汇交力系与平面力偶系 .....</b>	(18)
主要内容和方法要点 .....	(18)
经典例题讲解 .....	(19)
思考题解答 .....	(20)
习题全解 .....	(25)
<b>第三章 平面任意力系 .....</b>	(38)
主要内容和方法要点 .....	(38)
经典例题讲解 .....	(39)
思考题解答 .....	(42)
习题全解 .....	(45)
<b>第四章 空间力系 .....</b>	(80)
主要内容和方法要点 .....	(80)
经典例题讲解 .....	(82)
思考题解答 .....	(84)
习题全解 .....	(87)
<b>第五章 摩擦 .....</b>	(104)
主要内容和方法要点 .....	(104)
经典例题讲解 .....	(104)
思考题解答 .....	(107)
习题全解 .....	(110)

<b>第六章 点的运动学</b>	.....	(131)
主要内容和方法要点	.....	(131)
经典例题讲解	.....	(132)
思考题解答	.....	(133)
习题全解	.....	(135)
<b>第七章 刚体的简单运动</b>	.....	(146)
主要内容和方法要点	.....	(146)
经典例题讲解	.....	(147)
思考题解答	.....	(148)
习题全解	.....	(149)
<b>第八章 点的合成运动</b>	.....	(157)
主要内容和方法要点	.....	(157)
经典例题讲解	.....	(158)
思考题解答	.....	(160)
习题全解	.....	(162)
<b>第九章 刚体的平面运动</b>	.....	(184)
主要内容和方法要点	.....	(184)
经典例题讲解	.....	(187)
思考题解答	.....	(193)
习题全解	.....	(201)
<b>第十章 质点动力学的基本方程</b>	.....	(252)
主要内容和方法要点	.....	(252)
经典例题讲解	.....	(253)
思考题解答	.....	(255)
习题全解	.....	(256)
<b>第十一章 动量定理</b>	.....	(268)
主要内容和方法要点	.....	(268)
经典例题讲解	.....	(270)

思考题解答 .....	(272)
习题全解 .....	(274)
<b>第十二章 动量矩定理 .....</b>	<b>(288)</b>
主要内容和方法要点 .....	(288)
经典例题讲解 .....	(290)
思考题解答 .....	(293)
习题全解 .....	(297)
<b>第十三章 动能定理 .....</b>	<b>(324)</b>
主要内容和方法要点 .....	(324)
经典例题讲解 .....	(326)
思考题解答 .....	(328)
习题全解 .....	(332)
综合问题习题全解 .....	(349)
<b>第十四章 达朗贝尔原理(动静法) .....</b>	<b>(378)</b>
主要内容和方法要点 .....	(378)
经典例题讲解 .....	(379)
思考题解答 .....	(381)
习题全解 .....	(383)
<b>第十五章 虚位移原理 .....</b>	<b>(407)</b>
主要内容和方法要点 .....	(407)
经典例题讲解 .....	(408)
思考题解答 .....	(410)
习题全解 .....	(412)

# 第一章 静力学公理和物体的受力分析

## 主要内容和方法要点

### 1. 静力学公理

公理 1 力的平行四边形法则

作用在物体上同一点的两个力,可以合成为一个合力. 合力的大小和方向由这两个力为边构成的平行四边形的对角线确定. 即合力矢等于这两个力矢的几何和.

公理 2 二力平衡条件

作用在刚体上的两个力,使刚体保持平衡的必要和充分条件是:这两个力的大小相等,方向相反,且作用在同一直线上.

公理 3 加减平衡力系原理

在已知力系上加上或减去任意的平衡力系,并不改变原力系对刚体的作用.

公理 4 作用和反作用定律

作用力和反作用力总是同时存在,两力的大小相等,方向相反,沿着同一直线,分别作用在两个相互作用的物体上.

公理 5 刚化原理

变形体在某一力系作用下处于平衡,如将此变形体刚化为刚体,其平衡状态保持不变.

推论 1 力的可传性

作用于刚体上某点的力,可以沿着它的作用线移到刚体内任意一点,并不改变该力对刚体的作用.

推论 2 三力平衡汇交定理

作用于刚体上三个相互平衡的力,若其中两个力的作用线汇交于一点,则此三力必在同一平面内,且第三个力的作用线通过汇交点.

### 2. 约束和约束力

约束:对非自由体的某些位移起限制作用的周围物体.

结束力:约束对物体的作用力.

约束的类型:

(1)具有光滑接触面的约束:约束力作用在接触点处,方向沿接触面的公法线指向

被约束的物体,如图 1-1(a)所示.

(2)软绳、链条或胶带等构成的约束

软绳:约束力作用在接触点,方向沿着绳索背离物体,如图 1-1(b)所示.

链条或胶带:约束力沿轮缘的切线方向,如图 1-1(c)所示.

(3)光滑铰链约束:方向不能确定,但其作用线必垂直于轴线并通过轴心,如图 1-1(d)所示.

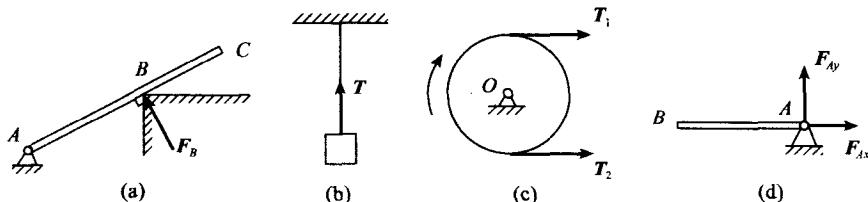


图 1-1

(4)其他约束

a. 滚动支座:约束性质与光滑接触面约束相同,其约束必垂直于支承面,且通过铰链中心,如图 1-2(a)所示.

b. 球铰链:约束力方向不能确定,但通过接触点与球心,如图 1-2(b)所示.

c. 正推轴承:限制轴的径向位移和轴向位移,如图 1-2(c)所示.

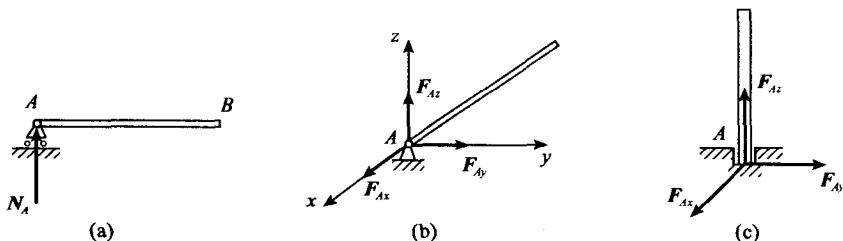


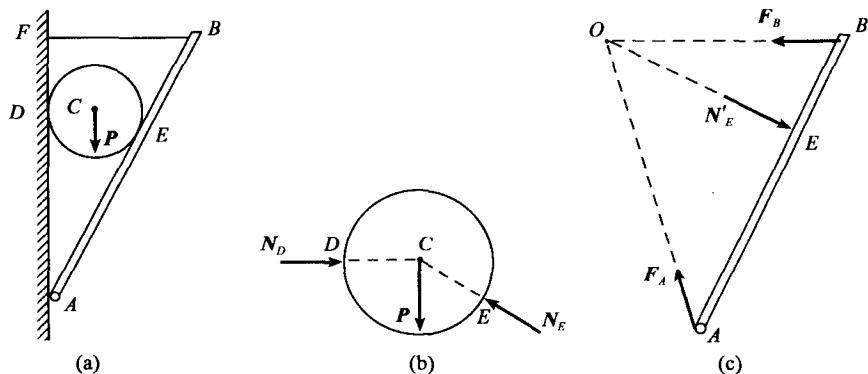
图 1-2

### 经典例题讲解

**例 1-1** 如例 1-1 图(a)的匀质球 C 重  $P$ ,杆 AB 由固定铰链 A 固连于墙上,绳 BF 连接墙体和杆,且杆和绳不计重量,试画出球 C 和杆 AB 的受力图.

**解** 球 C 受主动力  $P$ ,以及 D、E 两处的光滑支承面对球的约束力,  $N_D$  和  $N_E$ ,这三个力必交于球心 C 处,如例 1-1 图(b)杆 AB 在 E 处受球对它的作用力,  $N'_E$ ,在 B 处受绳对它的拉力  $F_B$ ,在 A 处受铰链对它的作用力  $F_A$ ,由三力汇交可确定  $F_A$  的方向,如

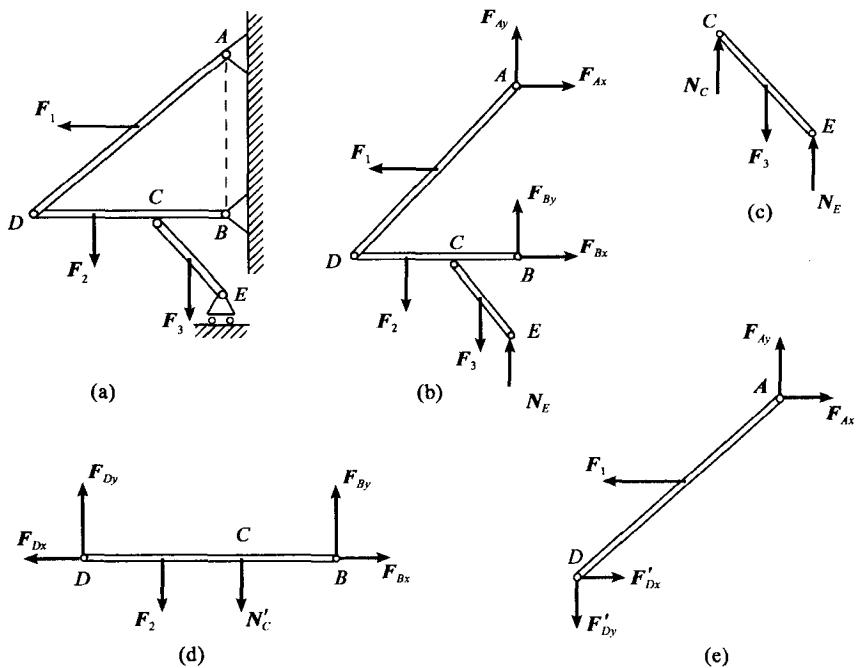
例 1-1 图(c).



例 1-1 图

例 1-2 如图示的构架,各杆重量忽略不计,试画出整体受力图和各杆受力图.

解



例 1-2 图

画整体受力图:将杆AD、DB、CE看做一个整体,除受 $F_1$ 、 $F_2$ 、 $F_3$ 三个外力,还受A、B、E三处约束力,D和C处属于内力不画出.

则整体受力如例1-2图(b)所示.

各杆受力图:CE杆C端,由于水平受力为零故未画出,另外,受力图间要相互协调,同一点在不同杆件上的受力,应反映出作用力与反作用力之间的关系.如 $N_C$ 与 $N'_C$ 即为作用力与反作用力.

## 思考题解答

**1-1** 说明下列式子与文字的意义和区别:

(1) $\mathbf{F}_1 = \mathbf{F}_2$ , (2) $\mathbf{F}_1 = F_2$ , (3)力 $\mathbf{F}_1$ 等效于力 $\mathbf{F}_2$ .

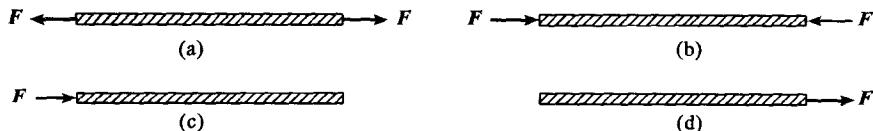
答 (1)表示力的大小相等,方向一致,作用在同一作用线上.

(2)只表示力的大小相等.

(3)表示两个力分别作用在物体上的作用效果相同.

**1-2** 为什么说二力平衡条件、加减平衡力系原理和力的可传性等都只能适用于刚体?

答 如答1-2图所示柔绳当两端施加拉力使其处于平衡状态,若施加压力显然不能平衡,同样在柔绳平衡状态下加减一对平衡压力也会改变其平衡状态.另外当力 $\mathbf{F}$ 作用于左端柔绳变形,若作用于右端柔绳不变形,显然不满足力的可传性.



答1-2图

**1-3** 试区别 $\mathbf{F}_R = \mathbf{F}_1 + \mathbf{F}_2$ 和 $F_R = F_1 + F_2$ 两个等式代表的意义.

答  $\mathbf{F}_R = \mathbf{F}_1 + \mathbf{F}_2$  表示矢量和, $\mathbf{F}_1$ 、 $\mathbf{F}_2$  和  $\mathbf{F}_R$  满足力的平行四边形法则; $F_R = F_1 + F_2$  表示代数和.

**1-4** 什么叫二力构件? 分析二力构件受力时与构件的形状有无关系.

答 只在两个力作用下平衡的构件,称为二力构件.二力构件受力时与构件的形状没有关系,只与两力作用点有关,且必定沿两力作用点的连线,等值,反向.

**1-5** 图1-5(1)~图1-5(6)中各物体的受力图是否有错误? 如何改正?

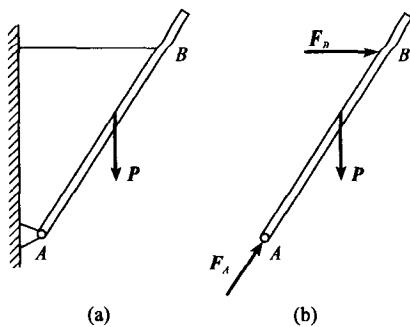


图 1-5(1)

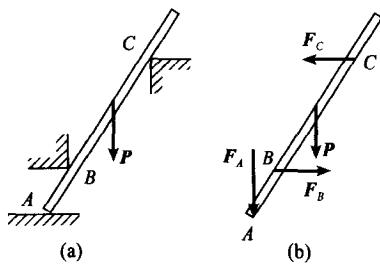


图 1-5(2)

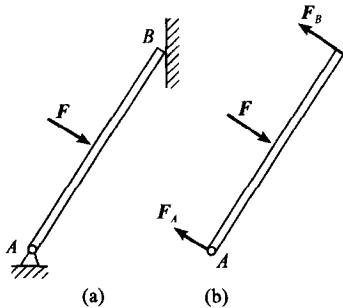


图 1-5(3)

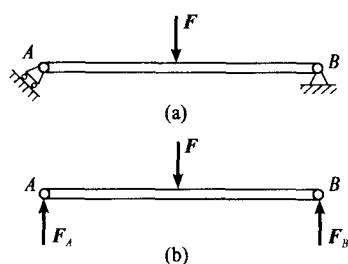


图 1-5(4)

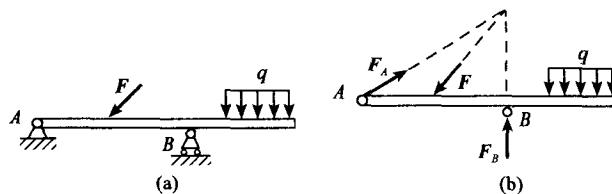


图 1-5(5)

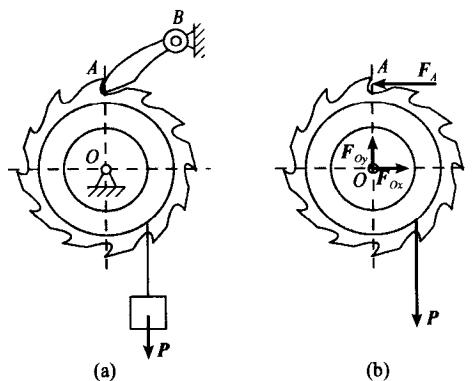


图 1-5(6)

答 图 1-5(1)错误

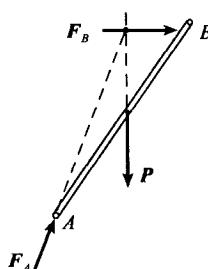


图 1-5(4)错误

图 1-5(2)错误

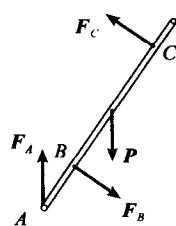


图 1-5(3)错误

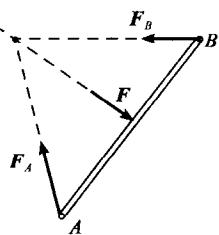


图 1-5(5)错误

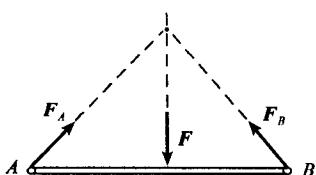
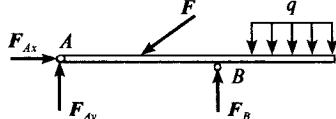
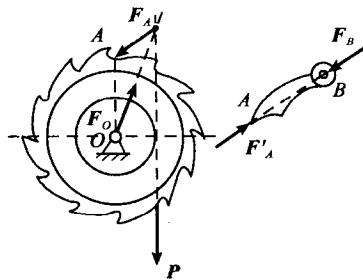


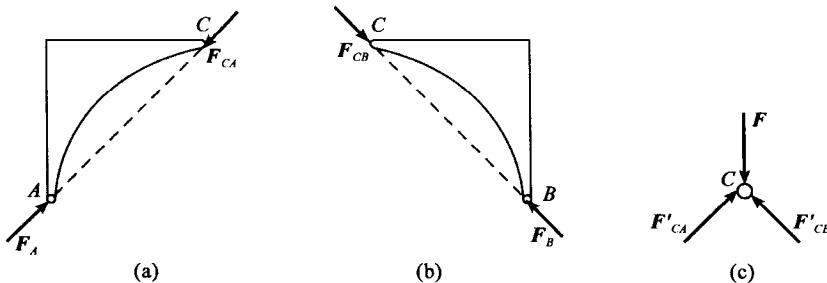
图 1-5(6)错误



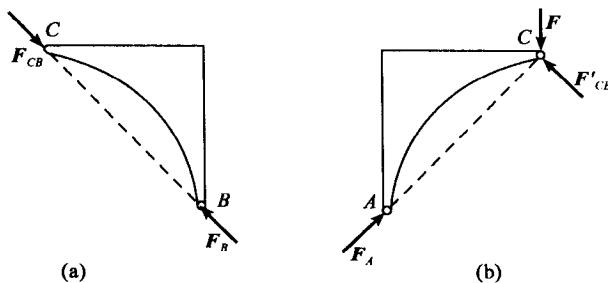


1—6 若将教材例 1—4(图 1—17(a))中的载荷  $F$  作用于铰链 C 处。(1)试分别画出左、右两拱及销 C 的受力图;(2)若销钉 C 属于 AC, 分别画出左、右两拱的受力图;(3)若销钉 C 属于 BC, 分别画出左、右两拱的受力图.

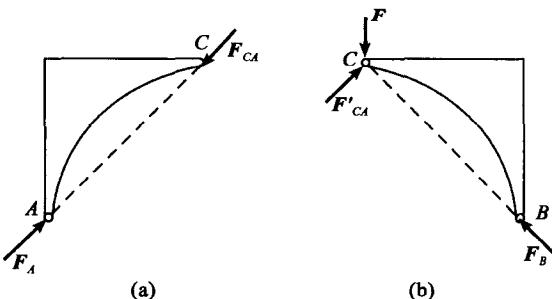
答 (1)



(2)

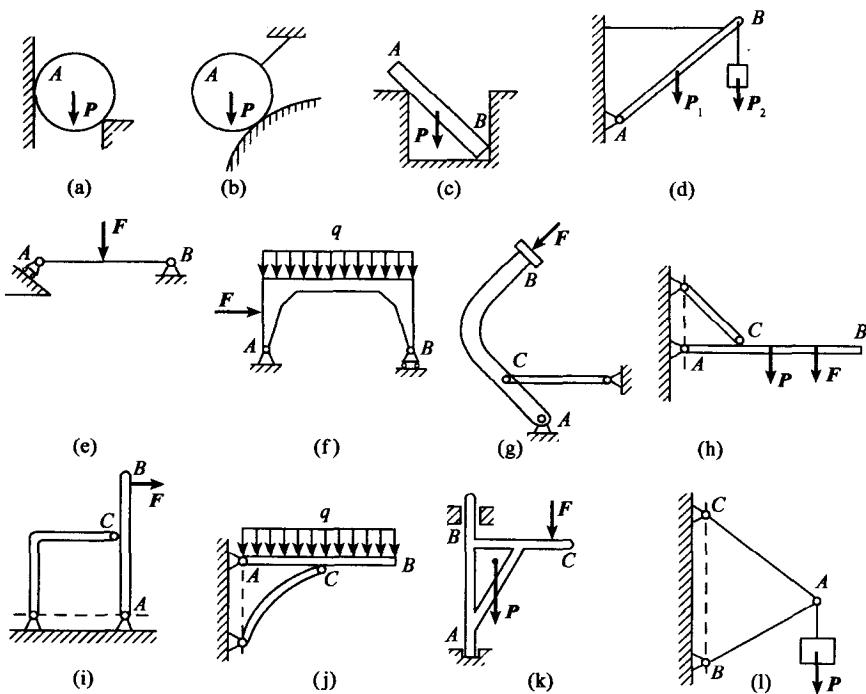


(3)



## 习题全解

1-1 画出下列各图中物体 A, ABC 或构件 AB, AC 的受力图. 未画重力的各物体的自重不计,所有接触处均为光滑接触.



题 1-1 图