



ZHUANGYUAN PEILIAN

九年义务教育四年制初中

根据最新版人教社教材编写

状元陪练

全国名校同步训练名题精编

初二代数(下)

战利超 主编

- 点击学习要点
- 萃萃经典习题
- 拓宽知识视野
- 强化素质能力



黑龙江少年儿童出版社

九年义务教育四年制初中

状元陪练

全国名校同步训练名题精编

初二代数(下)

战利超 主编
战利超 孙润珠 赵余龙 编写
李 游 关明智 刘旭飞

黑龙江少年儿童出版社
2006年·哈尔滨

丛书策划:于晓北 王朝晔 赵 力

刁小菊 张立新

责任编辑:张桂娟 赵西云

《状元陪练》四年制(初二代数)编委会

主 编:战利超

副 主 编:孙润珠

编 委:战利超 孙润珠 赵余龙 李 游

关明智 刘旭飞 潘德福

九年义务教育四年制初中

状 元 陪 练

初二代数(下)

战利超 主编

战利超 孙润珠 赵余龙 编写
李 游 关明智 刘旭飞

黑龙江少年儿童出版社出版

黑龙江省新华书店发行

黑龙江省文化印刷厂印装

开本:787 毫米×1092 毫米 1/16 印张:20 字数:400 000

2004年1月第2版 2006年1月第3次印刷

ISBN 7-5319-2049-2 定价:23.60元(共4册)
G·1415

出版说明

为使广大学生走出茫茫题海,获得名列前茅的好成绩,我们根据大多数状元学生的成功经验之——精选名题练习,特邀请富有经验的一线著名教师,编写了这套名为《状元陪练——全国名校同步训练名题精编》的高质量教学辅导用书。该丛书完全符合教育部关于课程改革的最新精神及素质教育的要求,与2006年新版教材同步,展示了全国多所名校著名教师教学新成果。

栏目介绍:

点击重点难点——根据教学要求,由名师就教材各个章、节知识点进行提示性讲解。

攻难解疑示例——结合例题，帮助学生掌握突破难点的思路和科学的解题方法。

课课达标 ◇ 状元陪练——博采众长，精选名题，与现行教材进行同步训练。

强化素质◇期中测试 提高素质◇期末评估——紧密贴近中考的要求,采取梯级拔高的形式,强化学生归纳、概括、运用知识的能力,增加跨学科知识的交叉渗透,提高学生创新能力

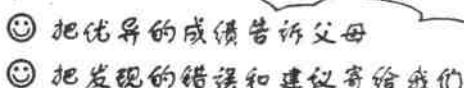
中考权威预测——结合新的考试标准,贴近中考命题方向,帮助学生提高对中考的适应能力。

衷心期望《状元陪练》使更多的学生成为“状元”，也恳请广大读者在使用本丛书过程中，及时向我们提出宝贵意见和建议，以便修订再版时及时予以改正和提高。

衷心期望《状元陪练》使更多的学生成为“状元”，也恳请广大读者在使用本丛书过程中，及时向我们提出宝贵意见和建议，以便修订再版时及时予以改正和提高。

《状元陪练》丛书编委会

2006年1月



《状元陪练》丛书读者意见反馈表

黑龙江少年儿童出版社·哈尔滨市南岗区宣庆小区8号楼 邮编:150008 张立新 收

目 录

第十章 数的开方	(1)
10.1 平方根	(1)
点击重点难点	(1)
攻难解疑示例	(1)
课课达标◇状元陪练	(2)
10.2 算术平方根(一)	(5)
点击重点难点	(5)
攻难解疑示例	(5)
课课达标◇状元陪练	(6)
10.2 算术平方根(二)	(8)
点击重点难点	(8)
攻难解疑示例	(8)
课课达标◇状元陪练	(9)
10.2 算术平方根(三)	(12)
点击重点难点	(12)
攻难解疑示例	(12)
课课达标◇状元陪练	(12)
10.3 用计算器求平方根	(16)
点击重点难点	(16)
攻难解疑示例	(16)
课课达标◇状元陪练	(16)
10.4 立方根(一)	(20)
点击重点难点	(20)
攻难解疑示例	(20)
课课达标◇状元陪练	(21)
10.4 立方根(二)	(23)
点击重点难点	(23)
攻难解疑示例	(23)
课课达标◇状元陪练	(24)
10.4 立方根(三)	(25)
点击重点难点	(25)
攻难解疑示例	(25)
课课达标◇状元陪练	(25)
10.5 用计算器求立方根	(27)
点击重点难点	(27)
攻难解疑示例	(27)
课课达标◇状元陪练	(28)
强化素质 立方根综合训练	(30)
强化素质 平方根与立方根综合测试	(35)
10.6 实数(一)	(37)
点击重点难点	(37)
攻难解疑示例	(37)
课课达标◇状元陪练	(38)
10.6 实数(二)	(40)
点击重点难点	(40)
攻难解疑示例	(40)
课课达标◇状元陪练	(40)
10.6 实数(三)	(43)
点击重点难点	(43)
攻难解疑示例	(43)
课课达标◇状元陪练	(43)
10.6 实数(四)	(45)
点击重点难点	(45)
攻难解疑示例	(45)
课课达标◇状元陪练	(45)
强化素质 期中测试(一)	(48)
强化素质 期中测试(二)	(50)
强化素质 期中测试(三)	(53)
提高素质 期末评估(一)	(55)
提高素质 期末评估(二)	(57)
提高素质 期末评估(三)	(59)
提高素质 期末评估(四)	(61)
提高素质 期末评估(五)	(63)
中考权威预测(一)	(65)
中考权威预测(二)	(67)
参考答案	(69)

第十章 数的开方

10.1 平方根

点击重点难点

重点

正确地求出平方根.

难点

能用平方运算求出某些数的平方根.

攻难解疑示例

例 1 求出下列各数的平方根.

$$(1) 1\frac{7}{9} \quad (2) 5\frac{1}{16} \quad (3) 0.0169 \quad (4) 6.25$$

点拨思路

(1)(2)求一个带分数的平方根,先把它化为假分数再求其平方根,(3)(4)求一个正数的平方根的方法,是按平方根的定义,根据平方运算求平方根,即将上列4个式子化为某数的平方的形式.注:一个正数有两个平方根,它们互为相反数,不要遗漏.

答案

$$\text{解: (1)} \because (\pm \frac{4}{3})^2 = \frac{16}{9} = 1\frac{7}{9},$$

$\therefore 1\frac{7}{9}$ 的平方根是 $\pm \frac{4}{3}$

$$\text{(2)} \because (\pm \frac{9}{4})^2 = \frac{81}{16} = 5\frac{1}{16}, \therefore 5\frac{1}{16} \text{ 的平方根是 } \pm \frac{9}{4}$$

$$\text{(3)} \because (\pm 0.13)^2 = 0.0169, \therefore 0.0169 \text{ 的平方根是 } \pm 0.13$$

(4) $\because (\pm 2.5)^2 = 6.25, \therefore 6.25$ 的平方根是 ± 2.5

例 2 选择下列说法正确的是()

- A. 任何数的平方根都是正数
- B. $| -9 |$ 的平方根是 -3
- C. 正数的平方根有两个,它们互为相反数
- D. 0 没有平方根

点拨思路

此题要牢记,一个正数有两个平方根,这两个平方根互为相反数;0 只有一个平方根,它就是 0 本身;负数没有平方根.

答案

B 选项 $| -9 | = 9$, 而 9 的平方根是 ± 3 . 所以选 C.

例 3 选择下列各数中没有平方根的是()

- A. 0.3
- B. 4^{-1}
- C. $| -36 |$
- D. $-(-10)^2$

点拨思路

此题要抓住负数没有平方根这一点,D 选项 $-(-10)^2 = -100$ 为负数.

答案

应选 D.

课课达标 ◇ 状元陪练

一、判断题

1. -5 没有平方根. ()
 2. 0 的平方根是 0 . ()
 3. 一个数有两个平方根, 且它们互为相反数. ()
 4. $-(-25)$ 没有平方根. ()
 5. 9 是 81 的一个平方根. ()
 6. 81 的平方根是 9 . ()
 7. 正数的平方根可以是负数, 负数的平方根可以是正数. ()
 8. 只有正数才有平方根. ()
 9. 负数可以是正数的平方根. ()
 10. 一个数的平方根可以比这个数大. ()
 11. 一个数的平方根不可能与这个数相等. ()
 12. $-a^2$ 一定没有平方根. ()
 13. 因为 6^2 是 36 , 所以 36 的平方根是 6 . ()
 14. $(a+b)$ 是 $(a+b)^2$ 的平方根. ()
 15. a^2 的平方根是 $|a|$. ()

二、填空题

1. 如果 $x^2 = a$, 那么 x 叫做 的平方根.
 2. 一个正数的平方根有 个, 它们 .
 3. 0 的平方根是 .
 4. 可以进行开平方运算的数是 .
 5. 0.01 的平方根是 ; $\frac{1}{100}$ 的平方根是 .
 6. 7 是 的平方根; 49 的平方根是 .
 7. 若 $|x| = 12\frac{1}{4}$, 则 $x =$; 若 x^2

$$= 12\frac{1}{4}, \text{ 则 } x = \underline{\hspace{2cm}}.$$

8. 正方形的面积是 121cm^2 , 则该正方形的边长为 cm.

9. $-2\frac{14}{25}$ 的绝对值的平方根的倒数是 .

10. 若 $\sqrt{5}$ 的整数部分为 a , 小数部分为 b , 则 $a =$, $b =$.

11. $\frac{1}{64}$ 的相反数的平方的平方根是 .

12. 若 x^2 的平方根是 x , 则 $x =$, 若 $x^2 = 36$, 则 $x =$.

13. 一个正数的两个平方根的和是 .

14. 开平方等于 ± 0.5 的数是 .

15. 一个正数两个平方根的商是 .

16. 一个数的平方根等于它本身, 那么这个数是 .

17. $(-2)^6$ 的平方根是 .

18. $-(-4)^3$ 的平方根是 .

19. 绝对值最小的负整数是 ; 它的相反数的平方根是 .

20. 若 $x^2 = (-\frac{1}{3})^2$, 则 $x =$.

三、选择题(每题只有 1 个正确选项, 请将正确选项填在括号里)

1. 下列各式中, 计算正确的是().

A. $\sqrt{4^2 - 3^2} = 4 - 3 = 1$

B. $-\sqrt{-49} = -(-7) = 7$

C. $\sqrt{\frac{1}{4} + \frac{1}{9}} = \frac{1}{2} + \frac{1}{3} = \frac{5}{6}$

D. $\sqrt{1\frac{9}{16}} = \sqrt{\frac{25}{16}} = \frac{5}{4}$

2. 下列说法中正确的是().

A. 因为 2 的平方是 4 , 所以 4 的平方根

是 2

- B. 因为 -4 的平方是 16, 所以 16 的负的平方根是 -4
 C. 因为任何数的平方都是正数, 所以任何数的平方根都是正数
 D. 因为 0 既不是正数也不是负数, 所以 0 没有平方根

3. 若 a 为正数, 则 a 的平方根().
 A. 都有平方根
 B. 都无平方根
 C. 一定有一个有平方根
 D. 以上都不对
 4. $-(-5)^2$ 的平方根是().
 A. 5 B. -5 C. ± 5 D. 不存在
 5. $-(-5^2)$ 的平方根是().
 A. 5 B. -5 C. ± 5 D. 不存在
 6. 若 a 有两个平方根, 且 $|a| = 3$ 则 a 的值是().
 A. 3 B. -3
 C. ± 3 D. 以上都不对
 7. 下列说法中正确的是().
 A. 1 的平方根是 1
 B. $(-1)^2$ 的平方根是 -1
 C. -1 的平方根是 -1
 D. 0.01 是 0.01 的一个平方根
 8. 如果 $m^2 = n^2$ 则有().
 A. $m = n$ B. $m \neq n$
 C. $m + n = 0$ D. $m = n$ 或 $m + n = 0$
 9. 如果两个数的和小于零, 而这两个数的积大于零, 则这两个数().
 A. 它们一定都有平方根
 B. 它们一定都没有平方根
 C. 其中一定有一个数有平方根
 D. 以上结论都不对
 10. 若 x, y 都有平方根, 则下列判断正确的是().

A. $x + y$ 一定是正数 B. xy 一定是正数

C. xy 一定是非负数 D. xy 一定是 0

四、求下列各数的平方根

1. 25 2. 0.81
 3. 0.0025 4. $(-21)^2$
 5. $\frac{9}{49}$ 6. $\frac{4}{169}$
 7. $\frac{1}{10000}$ 8. 6400
 9. $| -\frac{100}{169} |$ 10. $\frac{16}{81}$
 11. 10^8 12. 10^{-8}
 13. 10^{2n} 14. 10^{-2n}
 15. $\frac{225}{256}$ 16. $\frac{324}{361}$

17. $(-\frac{12}{13})^2$

18. 6.25

3. $16x^2 = 361$

4. $2x^2 = \frac{1}{8}$

19. a^2

20. $| -m^2 |$

5. $(x - 1)^2 = 289$

6. $(5x - 1)^2 = 20 \cdot \frac{1}{4}$

五、指出下列各数有没有平方根,如果有求出它的平方根

1. $-(-1.44)$

2. $(-256)^2$

7. $4(x - 1)^2 = 169$

8. $(x - 1)^2 = 4$

3. -64^2

4. 0

9. $(2x + 1)^2 = 64$

10. $3x^2 - 12 = 0$

5. a^2

6. $-|a|$

七、解答下列各题

1. 已知一个圆的面积为 $9\pi m^2$, 求圆的半径.

7. 10^{-4}

8. $(-10)^4$

2. 已知直角三角形两直角边长为 5cm、12cm, 求斜边的长.

9. -10^{-4}

10. -10^{-4}

3. 一个底为正方形的水池的容积是 $486a$ 米², 池深 $1.5a$ 米, 求水池底的边长.

六、求下列各式中 x 的值

1. $x^2 = 9$

2. $x^2 - 49 = 0$

10.2 算术平方根(一)

点击重点难点

重点

算术平方根的概念与性质.

难点

算术平方根与平方根的区别.

攻难解疑示例

例1 求下列各数的算术平方根.

- (1) 324 (2) 1.44 (3) $(-26)^2$ (4) 0

点拨思路

正数的算术平方根是一个正数, 0的算术平方根是0, 负数没有平方根, 因此也没有算术平方根. 注意: 题(3)中不要把 $(-26)^2$ 看作 -26^2 , 且此题不用计算出 $(-26)^2$ 的结果, 直接利用 $26^2 = (-26)^2$ 得出结论.

答案

解: (1) 324 的平方根是 ± 18 , 所以算术平方根是 18.

(2) 1.44 的平方根是 ± 1.2 , 所以算术平方根是 1.2.

(3) $\because 26^2 = (-26)^2$, $\therefore (-26)^2$ 的算术平方根是 26.

(4) 0 的算术平方根是 0.

例2 求下列各式的值.

$$\begin{array}{ll} (1) \sqrt{1.21} & (2) -\sqrt{81} \\ (3) \pm \sqrt{\frac{49}{64}} & (4) \sqrt{(-36)^2} \end{array}$$

点拨思路

必须明确, \sqrt{a} , $-\sqrt{a}$, $\pm \sqrt{a}$ 三者的区别:
 \sqrt{a} 表示 a 的算术平方根, $-\sqrt{a}$ 表示 a 的算术平方根的相反数, $\pm \sqrt{a}$ 表示 a 的平方根.

答案

$$\text{解: (1)} \because 1.1^2 = 1.21 \quad \therefore \sqrt{1.21} = 1.1$$

$$(2) \because 9^2 = 81 \quad \therefore -\sqrt{81} = -9$$

$$(3) \because \left(\frac{7}{8}\right)^2 = \frac{49}{64} \quad \therefore \pm \sqrt{\frac{49}{64}} = \pm \frac{7}{8}$$

$$(4) \because 36^2 = (-36)^2 \therefore \sqrt{(36)^2} = 36$$

例3 x 为何值时, 下面各式有意义?

$$(1) \sqrt{5x} \quad (2) \sqrt{x-1}$$

$$(3) \sqrt{-x} \quad (4) \sqrt{x^2+1}$$

$$(5) \frac{1}{\sqrt{x-2}} \quad (6) \sqrt{2-x} + \sqrt{x}$$

$$(7) \frac{1}{\sqrt{x^2}} \quad (8) \frac{\sqrt{x-5}}{\sqrt{x-6}}$$

点拨思路

根号下的被开方数必须是非负数才有意义, 并且当被开方数为分母时不能为 0.

答案

解: (1) 当 $5x \geq 0$ 时, 即 $x \geq 0$ 时, $\sqrt{5x}$ 有意义.

(2) 当 $x-1 \geq 0$ 时, 即 $x \geq 1$ 时, $\sqrt{x-1}$ 有意义.

(3) 当 $-x \geq 0$ 时, 即 $x \leq 0$ 时, $\sqrt{-x}$ 有意义.

(4) 当 $x^2+1 \geq 0$ 时, 即 x 取任意实数时, $\sqrt{x^2+1}$ 有意义.

(5) 当 $x-2 > 0$ 时, 即 $x > 2$ 时, $\frac{1}{\sqrt{x-2}}$ 有意义.

(6) 当 $\begin{cases} 2-x \geq 0 \\ x \geq 0 \end{cases}$ 时, 即 $0 \leq x \leq 2$ 时, $\sqrt{2-x} + \sqrt{x}$ 有意义.

(7) 当 $x^2 > 0$ 时, 即 $x \neq 0$ 时, $\frac{1}{\sqrt{x^2}}$ 有意义.

(8) 当 $\begin{cases} x-5 \geq 0 \\ x-6 > 0 \end{cases}$ 时, 即 $x > 6$ 时, $\frac{\sqrt{x-5}}{\sqrt{x-6}}$ 有意义.

课课达标·状元陪练

一、判断题

1. $\pm\sqrt{\frac{4}{9}} = \frac{2}{3}$. ()

2. $\sqrt{144} = 12$. ()

3. 式子 $\sqrt{a^2}$ 当 $a > 0$ 时无意义. ()

4. $\sqrt{2}$ 是 2 的算术平方根. ()

5. 6 是 $(-6)^2$ 的算术平方根. ()

6. $\sqrt{-\left(\frac{2}{3}\right)^2} = \frac{2}{3}$. ()

7. 1 的平方根是 1. ()

8. 任何数的算术平方根都是正数. ()

9. 如果一个数有平方根, 那么这个数一定有两个平方根. ()

10. -1 的平方根是 1. ()

11. $\sqrt{9}$ 的平方根是 3. ()

12. 若 $\sqrt{a-1}$ 有意义, 则 $a > 1$. ()

13. 若 $a < 0$, 则 a^2 的平方根为 $-a$. ()

14. 因为 -3 的平方是 9, 所以 9 的平方根是 -3. ()

15. 若 $a^2 = 36$ 则 $a = 6$. ()

二、填空题

1. 正数 a 的正的平方根叫做 a 的_____.

2. 0 的算术平方根是_____, 即 $\sqrt{0} =$ _____.

3. 当 a 为_____时 a 的算术平方根为 a 本身.

4. _____ 是 25 的算术平方根; 25 的平方根是_____.

5. $\frac{1}{64}$ 的算术平方根的相反数是_____, 它的平方根的倒数是_____.

6. 当 $a \geq 0$ 时, a 的算术平方根为_____.

7. 算术平方根是它本身的数是_____.

8. $\sqrt{4}$ 的平方根是_____, 算术平方根是_____.

9. 在公式 $c = \sqrt{a^2 + b^2}$ 中, 当 $a = 6, b = 8$ 时, $c =$ _____.

10. 计算: $-\sqrt{0.0081} =$ _____, $\pm\sqrt{2.25} =$ _____.

11. 如果一个正数的一个平方根是 a , 则另一个平方根是_____, 这两个平方根的和是_____, 这个数的算术平方根是_____.

12. 当 a _____时, $\sqrt{a-1}$ 有意义, 当 a _____时, $\sqrt{a-1} = 0$.

13. $\frac{1}{16}$ 的算术平方根的相反数是_____, 平方根的倒数是_____, 平方根的绝对值是_____.

14. 当 $x > 0$ 时 $-\sqrt{x} \quad 0$; 当 $x \leq 0$ 时 $\sqrt{-x} \quad 0$. (填 >、< 或 =)

15. 若 $a^2 = (-3)^2$, 则 $a =$ _____.

三、选择题

1. $1\frac{9}{16}$ 的算术平方根是().

A. $1\frac{3}{4}$ B. $\pm 1\frac{3}{4}$

C. $1\frac{1}{4}$ D. $\pm 1\frac{1}{4}$

2. $\sqrt{(-3)^2}$ 的值等于().

A. -3 B. -9 C. 3 D. 9

3. 下列各式中正确的是() .

- A. $\sqrt{-(6)^2} = -6$ B. $(-3)^2 = 9$
 C. $\sqrt{16} = \pm 4$ D. $-\frac{9}{25} = -\frac{3}{5}$

4. 下列各式中无意义的是() .

- A. $-\sqrt{6}$ B. $\sqrt{(-6)^2}$
 C. $\sqrt{3^{-2}}$ D. $\sqrt{-\frac{1}{3}}$

5. 下列各式中 ① $-\sqrt{3}$, ② $\sqrt{-5}$, ③ $\sqrt{7^{-1}}$, ④ $\sqrt{x^{2n}}$ 有意义的个数为() .

- A. 0 B. 1 C. 2 D. 3

6. 若式子 $\frac{\sqrt{x-1}}{x-2}$ 有意义, 则 x 的取值范围是() .

- A. $x \neq 2$ B. $x > 1$
 C. $x \geq 1$ D. $x \geq 1$ 且 $x \neq 2$

7. 下列语句中正确的是() .

- A. $-\frac{1}{81}$ 的平方根是 $\pm \frac{1}{9}$
 B. $\frac{1}{81}$ 的平方根是 $\frac{1}{9}$
 C. $-\frac{1}{81}$ 的算术平方根是 $\frac{1}{9}$
 D. $\frac{1}{81}$ 的算术平方根是 $\frac{1}{9}$

8. 若 $\sqrt{(1-k)^2} = 1-k$, 则 k 的取值范围是() .

- A. $k \leq 1$ B. $k \geq 1$
 C. $0 \leq k \leq 1$ D. 一切实数

9. 一个自然数的算术平方根是 a , 那么这个自然数的下一个自然数的平方根是() .

- A. $a+1$ B. $\pm \sqrt{a+1}$
 C. a^2+1 D. $\pm \sqrt{a^2+1}$

10. 当 $a < 0$ 时, $\frac{\sqrt{a^2}}{a}$ 的值为() .

- A. 1 B. -1 C. ± 1 D. a

11. 对于 $-\sqrt{m}$ 可以读作() .

A. m 的平方根的相反数

- B. m 的算术平方根的相反数
 C. m 的平方根的负倒数
 D. m 的相反数的平方根

12. \sqrt{a} 是() .

- A. \sqrt{a} 的平方根 B. a 的平方根
 C. $\pm \sqrt{a}$ 的平方根 D. a 的算术平方根

13. 下列各数中 $64, -64, 0, (-4)^2$ 有平方根的共有() .

- A. 1 个 B. 2 个 C. 3 个 D. 4 个

14. 10^{-4} 的算术平方根是() .

- A. $\pm 10^2$ B. $\pm 10^{-8}$ C. 10^{-2} D. ± 10

15. 下列命题是假命题的是() .

- A. 1.21 是 ± 1.1 的平方根
 B. -1.1 是 1.21 的平方根
 C. 1.21 的负的平方根是 -1.1
 D. 1.1 是 1.21 的算术平方根

四、计算题

1. $\sqrt{2\frac{41}{64}}$ 2. $-\sqrt{196}$

3. $\sqrt{\frac{289}{361}}$ 4. $\sqrt{0.0001}$

5. $-\sqrt{1.21}$ 6. $\pm \sqrt{10^{-4}}$

7. $\pm \sqrt{\frac{9}{25}}$ 8. $-\sqrt{\frac{4}{9}}$

9. $\sqrt{625}$

10. $-\sqrt{(-3)^4}$

11. $\sqrt{4 \times 9}$

12. $2\sqrt{3^2 + 4^2}$

13. $-\sqrt{\frac{16}{25}}$

14. $-\frac{-\sqrt{1.21}}{\sqrt{2.25}}$

15. $\frac{-\sqrt{\frac{16}{9}}}{-\sqrt{\frac{25}{9}}}$

16. $\pm\sqrt{1.6 \times 10^5}$

五、 x 为何值时,下列各式有意义

1. \sqrt{x}

2. $\sqrt{x^2 + 4}$

3. $\sqrt{2x - 5}$

4. $\sqrt{4x - 3}$

5. $\sqrt{\frac{1}{x-1}}$

6. $\sqrt{\frac{1}{x}}$

8. $\frac{x}{\sqrt{x-1}}$

六、解答题

1. 若 $\sqrt{4a+1}$ 有意义, 则 a 能取的最小整数是什么?

2. 已知 $2a-1$ 的平方根是 ± 3 , $3a+b-1$ 的平方根 ± 4 , 求 $a \pm 2b$ 的平方根.

点击重点难点

重点

平方根与算术平方根之间的区别与联系.

难点

运用一些技能技巧解决算术平方根的一

些问题.

攻难解疑示例

例 1 若 $\sqrt{x-1} + |5y+4| = 0$, 求 $x+y$ 的值.

点拨思路

\sqrt{a} 有意义的条件是 $a \geq 0$, 而 $|a| \geq 0$,
牢记这一点是解本题的关键.

答案

解: $\because \sqrt{x-1} \geq 0$, $|5y+4| \geq 0$, 要使
 $\sqrt{x-1} + |5y+4| = 0$, 只有 $|x-1| = 0$, 且
 $|5y+4| = 0$ 时成立.

$$\therefore x=1, y=-\frac{4}{5}$$

$$\text{即 } x+y=1+\left(-\frac{4}{5}\right)=\frac{1}{5}$$

例2 求 $x^2 - 6x + 9$ 的平方根.

点拨思路

如果一个数的平方等于 a , 这个数就叫做 a 的平方根. 此题的关键是把 $x^2 - 6x + 9$ 这个二次三项式化成一个数的平方的形式.

答案

解: $\because x^2 - 6x + 9 = (x-3)^2$ $\therefore x^2 - 6x + 9$ 的平方根是 $\pm(x-3)$

例3 若 $\sqrt{x+2}=2$, 求 $(x+2)^2$ 的值.

点拨思路

$(\sqrt{a})^2 = a$ 是解决本题的关键.

答案

解: 把原等式两边分别平方得:

$$(\sqrt{x+2})^2 = 2^2 \text{ 即}$$

$$x+2=4$$

$$x=2$$

把 $x=2$ 代入 $(x+2)^2$ 中可得

$$(2+2)^2=16$$

课课达标 ◇ 状元陪练

一、判断题

1. 7 的平方根是 $\sqrt{7}$. ()

2. -6 是 36 的一个平方根. ()

3. -4^2 的平方根是 ± 4 . ()

4. 非正数没有平方根. ()

5. 若 b 是 a 的一个平方根, 则 $-b$ 也是 a 的一个平方根. ()

6. 当 $a > 1$ 时, $\sqrt{1-a^2}$ 才有意义. ()

7. 正数有两个平方根, 有一个算术平方根. ()

8. 0 只有一个平方根, 有一个算术平方根. ()

9. 负数没有平方根, 因此也没有算术平方根. ()

10. a^2 的平方根是 $\pm a$, a^2 的算术平方根是 a . ()

二、填空题

1. 式子 $\sqrt{2x-1}$ 中 x 的取值范围是 _____.

2. $a > 0$, b _____ 时, \sqrt{ab} 有意义.

3. $\sqrt{a-2} = 2$ 则 $a =$ _____;

$\sqrt{a^2 - 2a + 1} = 5$ 则 $a =$ _____.

4. 平方根等于它本身的数是 _____, 算术平方根等于它本身的数是 _____.

5. $\sqrt{4-x} + (2+y)^2 = 0$, 则 $x+y =$ _____.

6. 式子 $\frac{\sqrt{1-x}}{3-|x|}$ 有意义, x 的取值范围是 _____.

7. 当 $x =$ _____ 时, $\sqrt{3x-2} = 0$; 当 $x =$ _____ 时, $\sqrt{3x-2}$ 没意义.

8. 若 $x > 0$, $y < 0$, 则 $-\sqrt{x^2} + y =$ _____.

9. 若 $a < 0$, 则 $a - \sqrt{a^2}$ 的绝对值是 _____.

10. \sqrt{a} 表示二次根式的条件为 _____.

_____， $\sqrt{-a}$ 表示二次根式的条件为
_____.

11. $a = (\sqrt{a})^2$ 成立的条件是_____.

12. $\sqrt{x-2} + \sqrt{2-x}$ 有意义，则 $\sqrt{x} =$
_____.

13. $\sqrt{4}$ 的平方根是_____.

14. 若 $|a-2| + (b+1)^2 + \sqrt{2c+1} = 0$ ，
则 $a =$ _____， $b =$ _____， $c =$
_____.

15. $-\sqrt{15}$ 是_____的平方根.

16. $\sqrt{\frac{225}{4}} - \sqrt{13^2 - 12^2} =$ _____

17. 若 $x^2 = 16$ ，则 $x =$ _____，若 $\sqrt{x} = 7$ ，
则 $x =$ _____，若 $(\sqrt{x})^2 = 25$ ，则 $x =$
_____.

18. 当 $m = -1$ 时， $\sqrt{m^2 - 1} + |m| -$
 $\sqrt{1 - m^2} =$ _____.

19. 若 $\sqrt{7} = a$ ，则 $\sqrt{0.07} =$ _____，
 $\sqrt{700} =$ _____.

20. 若 a, b 同是正数 m 的平方根，则 a
 $+ b =$ _____， $a \cdot b =$ _____.

三、选择题

1. 下列式子正确的是()。

- A. $\sqrt{-16} = 4$ B. $\sqrt{225} = \pm 15$
C. $\sqrt{-125} = -5$ D. $\sqrt{9} = 3$

2. 若一个数的算术平方根与平方根的
值相同，则这个数是()。

- A. 0 B. 1 C. -1 D. ± 1

3. 下列说法正确的是()。

- A. 1 的平方根是 1
B. $(-1)^2$ 的平方根是 -1
C. -1 的平方根是 -1
D. 2 是 4 的一个平方根

4. 下列说法正确的是()。

- A. 正数的平方根可以为负数
B. 只有正数才有平方根

C. 一个数的平方根有两个，它们互为相
反数

D. 一个数的平方根一定比这个数小

5. 4 的算术平方根的平方根为()。

- A. ± 2 B. 2 C. $\pm \sqrt{2}$ D. $\sqrt{2}$

6. 下列根式中不可能有意义的为
()。

A. $\sqrt{-x}$ B. $\sqrt{-x^2}$

C. $\sqrt{-x^2 - 1}$ D. $\sqrt{-x^2 + 1}$

7. 下列说法正确的是()。

① 2 是 8 的平方根；② 2 是 4 的平方根；
③ 0 的算术平方根不存在；④ -1 的平方根是
 ± 1 ；⑤ 平方根等于本身的数是 0 或 1.

- A. 1 个 B. 2 个 C. 3 个 D. 4 个

8. 下列语句中正确的是()。

A. 7 的平方根是 $\sqrt{7}$

B. $-\sqrt{5}$ 是 5 的一个平方根

C. -4^2 的平方根是 ± 4

D. 非正数没有平方根

9. 若 $\sqrt{a+1}$ 有意义，则 a 能取的最小值
是()。

- A. 1 B. 0 C. -1 D. -2

10. 若 $0 < x < 1$ ，则 $x^2, x, \sqrt{x}, \frac{1}{x}$ 中
()。

A. $\frac{1}{x}$ 最大， x^2 最小 B. x^2 最大， \sqrt{x} 最小

C. x 最大， $\frac{1}{x}$ 最小 D. x 最大， x^2 最小

11. 下列各式恒成立的是()。

A. $\sqrt{(a+b)^2} = a+b$

B. $\sqrt{(a-b)^2} = a-b$

C. $\sqrt{a^2} = a$

D. $\sqrt{a^4} = a^2$

12. 若 $\frac{|x|}{x}$ 的值为 -1，则 x 应为()。

- A. 正数 B. 零
C. 负数 D. 无法确定

13. $\sqrt{4a+1}$ 有意义, 则 a 能取的最小的整数值是().
A. 0 B. 1 C. -1 D. -4

14. 下列式子中正确的是().

- A. $\frac{1}{2}$ 是 $\frac{1}{4}$ 的算术平方根, 即 $\sqrt{\frac{1}{4}} = \pm \frac{1}{2}$
B. $\pm \frac{1}{2}$ 是 $\frac{1}{4}$ 的平方根, 即 $\pm \sqrt{\frac{1}{4}} = \frac{1}{2}$
C. $\sqrt{\frac{1}{4}}$ 是 $\frac{1}{4}$ 的算术平方根, 即 $\sqrt{\frac{1}{4}} = \frac{1}{4}$
D. $\frac{1}{4}$ 是 $(-\frac{1}{4})^2$ 的算术平方根, 即

$$\sqrt{(-\frac{1}{4})^2} = \frac{1}{4}$$

15. 下列各式计算正确的是().

- A. $\sqrt{4^2 + 3^2} = 4 + 3 = 7$
B. $-\sqrt{-49} = -(-7) = 7$
C. $\sqrt{13^2 - 12^2} = 13 - 12 = 1$
D. $-\sqrt{1\frac{7}{9}} = -\sqrt{\frac{16}{9}} = -\frac{4}{3}$

16. $\sqrt{(x^2 + 4)^4}$ 的算术平方根是().
A. $-(x^2 + 4)^2$ B. $(x^2 + 4)^2$
C. $x^2 + 4$ D. $\sqrt{x^2 + 4}$

17. 若 $\sqrt{(a-b)^2} = b-a$, 那么 a, b 之间的关系是().

- A. $a > b$ B. $a < b$
C. $a \geq b$ D. $a \leq b$

18. 下列各式中有意义的是().

- A. $\sqrt{-5 \times 9^2}$ B. $\sqrt{10^{-9}}$
C. $\sqrt{-21^2}$ D. $\sqrt{-(-12)^2}$

19. $\sqrt{(-6)^2}$ 的平方根是().

- A. 6 B. -6 C. ± 6 D. $\pm \sqrt{6}$

20. 长和宽分别是 12cm 和 5cm 的矩形对角线的长和面积为().

- A. 169cm, 50cm² B. 13cm, $\sqrt[2]{15}\text{cm}^2$
C. 13cm, 60cm² D. 196cm, 60cm²

四、计算题

1. $\sqrt{169} - \sqrt{\frac{1}{4}}$

2. $-\sqrt{1\frac{7}{9}} \times 1\frac{24}{25}$

3. $\frac{1}{3}\sqrt{0.36} + \frac{1}{5}\sqrt{900}$

4. $\frac{1}{3}\sqrt{(-4)^2} - \sqrt[3]{\frac{125}{27}} + \sqrt{(3-\pi)^2}$

5. $5\sqrt{7 \times 28}$

6. $\sqrt{3\frac{3}{5} \div 90}$

五、求下列各式中 x 的值

1. $(3x-2)^2 = 20\frac{1}{4}$ 2. $3x^2 - 5\frac{1}{3} = 0$

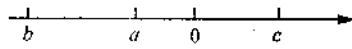
六、解答题

1. 已知 $\sqrt{a-5} + 2\sqrt{10-2a} = b+4$, 求 a, b 的值.

2. 已知 $\sqrt{2x-6}$ 有意义, 化简 $|x-1| - |3-x|$

3. 已知 $\sqrt{2a-1} + \sqrt{b+\frac{1}{4}} = 0$, 求 $\frac{a}{b}$ 的值

4. 如图: a 、 b 、 c 在数轴上的位置, 化简代数式 $|a| - |a+b| + |c-a| + |b-c|$



10.2 算术平方根(三)

点击重点难点

重点

准确把握开方的意义, 灵活运用数学公式.

难点

培养学生的探索、判断、归纳能力.

攻难解疑示例

例 当 n 是正整数时, 求出 $\sqrt{n^2+n}$ 的整数部分.

点拨思路

本题通过特殊值归纳总结出一般规律.

答案

解: 当 $n=1$ 时, $\sqrt{n^2+n} = \sqrt{1^2+1} = \sqrt{2} < 2$, 即 $\sqrt{1^2+1}$ 是大于 1 小于 2 的数, $\therefore \sqrt{1^2+1}$ 的整数部分是 1.

当 $n=2$ 时, $\sqrt{2^2+2} = \sqrt{8}$, $2 < \sqrt{8} < 3$, 即 $\sqrt{2^2+2}$ 是大于 2 小于 3 的数, $\therefore \sqrt{2^2+2}$ 的整数部分为 2.

当 $n=3$ 时, $\sqrt{3^2+3} = \sqrt{12}$, $3 < \sqrt{12} < 4$,

即 $\sqrt{3^2+3}$ 是大于 3 小于 4 的数, $\therefore \sqrt{3^2+3}$ 的整数部分是 3.

由此猜想 $\sqrt{n^2+n}$ 的整数部分是 n .

下面给出证明:

$$\because (n+1)^2 = n^2 + 2n + 1 > n^2 + n$$

$$\therefore n^2 < n^2 + n < (n+1)^2$$

$$\therefore \sqrt{n^2} < \sqrt{n^2+n} < \sqrt{(n+1)^2}$$

$$\therefore \sqrt{n^2} = n \quad \sqrt{(n+1)^2} = (n+1)$$

$$\therefore n < \sqrt{n^2+n} < n+1$$

$\therefore \sqrt{n^2+n}$ 的整数部分为 n .

课课达标◎状元陪练

一、填空题

1. 求值(1) $\sqrt{9^{-1}} - \sqrt{4^{-1}} = \underline{\hspace{2cm}}$.

(2) $\sqrt{1\frac{7}{9}} \times \sqrt{1\frac{9}{16}} = \underline{\hspace{2cm}}$.

2. $(-1)^2$ 的平方根是 $\underline{\hspace{2cm}}$, $\sqrt{25}$ 的算术平方根是 $\underline{\hspace{2cm}}$, $\sqrt{81}$ 的负平方根是 $\underline{\hspace{2cm}}$.

3. 当 $x \underline{\hspace{2cm}}$ 时, $\frac{\sqrt{3x+2}}{5x}$ 有意义.

4. 当 $a < 0$ 时, $|\sqrt{a^2} - a| = \underline{\hspace{2cm}}$.