

开创

CREATOR

高中

数理化生

公式定理

Formula & Theorem

便携版

※ 方便携带的实用工具书

※ 全面配合现行教学大纲

※ 汇集理科全部知识点

海豚出版社

## 图书在版编目(CIP)数据

高中·数理化生公式定理/金宝铮主编.

—北京:海豚出版社,2007.1

ISBN 978-7-80138-694-6

I.高... II.金... III.①理科(教育)-公式-高中-教学参考资料②理科(教育)-定律-高中-教学参考资料 IV.G634.73

中国版本图书馆 CIP 数据核字(2006)第 149844 号

策 划 柯睿特

主 编 金宝铮

责任编辑 谷 紫薇

装帧设计 大愚工作室

出版 海豚出版社

地址 北京百万庄大街 24 号

邮编 100037

发行 010-68997480

投稿 010-68326332

传真 010-68993503

经销 全国新华书店

开本 大 48 开(889 毫米×1194 毫米)

印张 9

印刷 北京金华印刷有限公司

印次 2007 年 01 月第 1 版

2007 年 01 月第 1 次印刷

书号 ISBN 978-7-80138-694-6

定价 15.00 元



高中·数理化生公式定理

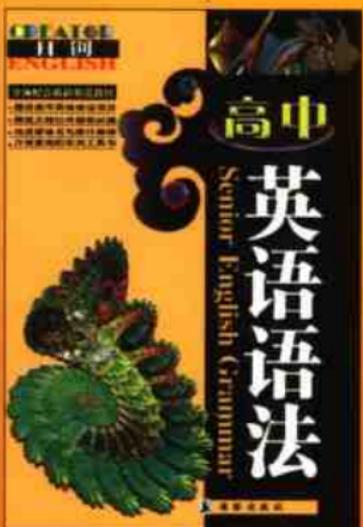
版权所有·侵权必究

开创

CREATOR



开创·初中英语语法



开创·高中英语语法

全面配合最新英语教材

精述中学英语语法项目  
展现大陆以外精彩试题  
地道谚语名句原汁原味  
方便查阅的实用工具书

斐

公

主编  
编者

周  
期

1

2

3

4

5

6

7

例  
系

例  
系

# 高中知识全表



全面应对高考基础知识!  
令你考前冲刺能力大提升!

开创 CREATOR

# 数理化生 公式定理

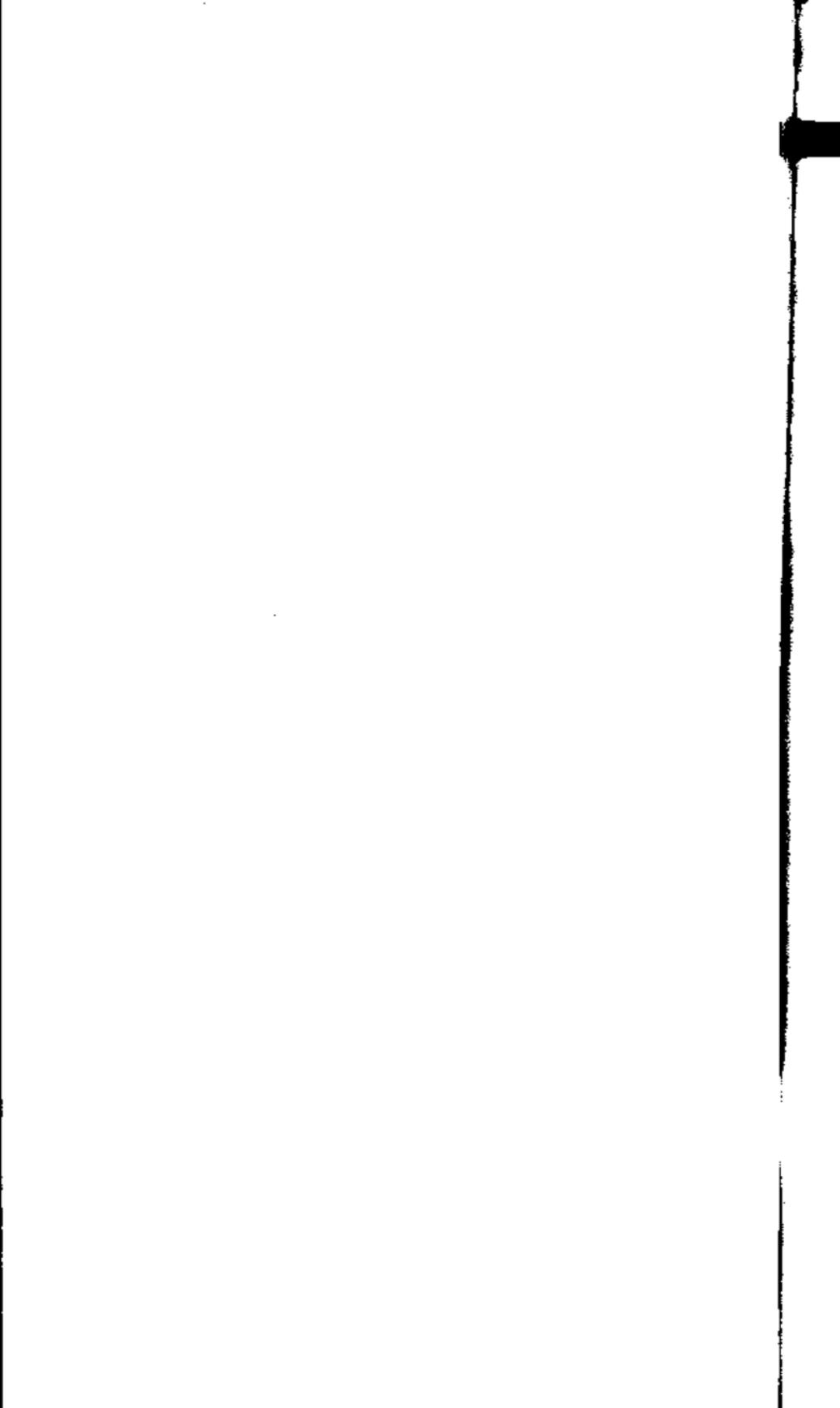
主编 金宝铮

编者 王先芳 迟鸿贞 荣顺杰 贺启谋

便携版

高中

海豚出版社



# 目录

## 数学 公式定理

◇ 第 1 章	集合与简易逻辑.....	008
◇ 第 2 章	函数.....	025
◇ 第 3 章	数列.....	040
◇ 第 4 章	三角函数.....	044
◇ 第 5 章	平面向量.....	060
◇ 第 6 章	不等式.....	073
◇ 第 7 章	直线和圆的方程.....	084
◇ 第 8 章	圆锥曲线方程.....	095
◇ 第 9 章	直线、平面、简单几何体.....	106
◇ 第 10 章	排列、组合和概率.....	126
◇ 第 11 章	概率与统计.....	135
◇ 第 12 章	极限.....	149
◇ 第 13 章	导数.....	156
◇ 第 14 章	数系的扩充——复数.....	162
◇ 附录	.....	168
	长度换算表.....	168
	面积、体积换算表.....	169
	容积换算表.....	170
	质量换算表.....	171
◇	导数公式表.....	172

## 物理 公式定理

◆ 第 1 章 力.....	174
◆ 第 2 章 直线运动.....	179
◆ 第 3 章 牛顿运动定律.....	185
◆ 第 4 章 物体的平衡.....	189
◆ 第 5 章 曲线运动.....	190
◆ 第 6 章 万有引力定律.....	196
◆ 第 7 章 机械能.....	199
◆ 第 8 章 动量.....	203
◆ 第 9 章 机械振动.....	206
◆ 第 10 章 机械波.....	209
◆ 第 11 章 分子热运动 能量守恒.....	214
◆ 第 12 章 固体、液体和气体.....	219
◆ 第 13 章 电场.....	221
◆ 第 14 章 恒定电流.....	231
◆ 第 15 章 磁场.....	239
◆ 第 16 章 电磁感应.....	246
◆ 第 17 章 交变电流.....	251
◆ 第 18 章 电磁场和电磁波.....	255
◆ 第 19 章 光的传播.....	258
◆ 第 20 章 光的波动性.....	262
◆ 第 21 章 量子论初步.....	266
◆ 第 22 章 原子核.....	270
◆ 附录.....	276
SI 基本单位.....	276
常用的力学量的 SI 单位.....	276
常用的电磁学量的国际单位制单位.....	277

◇	常用的物理常量.....	277
◇	几种导体材料在 20 ℃时的电阻率.....	278
◇	几种介质的折射率.....	278

## 化学 公式定理

◇	第 1 章 化学反应及其能量变化.....	280
◇	第 2 章 碱金属.....	284
◇	第 3 章 物质的量.....	289
◇	第 4 章 卤素.....	295
◇	第 5 章 物质结构 元素周期律.....	301
◇	第 6 章 氧族元素 环境保护.....	306
◇	第 7 章 碳族元素 无机非金属材料.....	310
◇	第 8 章 氮族元素.....	313
◇	第 9 章 化学平衡.....	322
◇	第 10 章 电离平衡.....	326
◇	第 11 章 几种重要的金属.....	329
◇	第 12 章 烃.....	336
◇	第 13 章 烃的衍生物.....	345
◇	第 14 章 糖类 油脂 蛋白质.....	351
◇	第 15 章 合成材料.....	356
◇	第 16 章 晶体的类型与性质.....	358
◇	第 17 章 胶体的性质及其应用.....	361
◇	第 18 章 化学反应中的物质变化和能量 变化.....	363
◇	第 19 章 电解原理及其应用.....	368
◇	第 20 章 硫酸工业.....	371
◇	第 21 章 化学实验方案的设计.....	373
◇	附录.....	374
◇	常见离子的检验.....	374
◇	部分酸碱盐的溶解性表(20 ℃).....	376

## 生物 公式定理

◆ 第 1 章 走近细胞.....	378
◆ 第 2 章 组成细胞的分子.....	381
◆ 第 3 章 细胞的基本结构.....	387
◆ 第 4 章 细胞的物质输入和输出.....	389
◆ 第 5 章 细胞的能量供应和利用.....	391
◆ 第 6 章 细胞的生命历程.....	396
◆ 第 7 章 遗传因子的发现.....	400
◆ 第 8 章 基因和染色体的关系.....	402
◆ 第 9 章 基因的本质.....	406
◆ 第 10 章 基因的表达.....	408
◆ 第 11 章 基因突变及其他变异.....	410
◆ 第 12 章 从杂交育种到基因工程.....	414
◆ 第 13 章 现代生物进化理论.....	416
◆ 第 14 章 人体的内环境与稳态.....	418
◆ 第 15 章 动物和人体生命活动的调节.....	419
◆ 第 16 章 植物的激素调节.....	422
◆ 第 17 章 种群和群落.....	424
◆ 第 18 章 生态系统及其稳定性.....	426
◆ 第 19 章 生态环境与保护.....	431



**数学公式定理**

---

**Formula & Theorem**

## 1 ▶ 集合



一般地,某些指定对象集在一起就成为一个集合,也简称集.

## 2 ▶ 常用数集的符号



- ◆ 全体非负整数的集合通常简称非负整数集(或自然数集)记作 $N$ .
- ◆ 非负整数集内排除0的集合,也称正整数集,记作 $N^*$ 或 $N^+$ .
- ◆ 全体整数的集合通常简称整数集,记作 $Z$ .
- ◆ 全体有理数的集合通常简称有理数集,记作 $Q$ .
- ◆ 全体实数的集合通常简称实数集,记作 $R$ .

## 3 ▶ 元素



集合中的每个对象叫做这个集合的元素.例如,“地球上的四大洋”这一集合的元素是:太平洋、大西洋、印度洋、北冰洋.

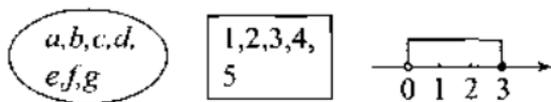
## 4 ▶ 集合的表示方法



- ◆ 把集合中的元素一一列举出来,写在大括号内,这种表示集合的方法,叫做列举法.例如,由数0、1、2、3、4组成的集合,可以表示成 $\{0, 1, 2, 3, 4\}$ .
- ◆ 把集合中元素的公共属性描述出来,写在大括号内,这种表示集合的方法叫做描述法.如 $\{小于6的自然数\}$ ;也常常

在大括号内先写上这个集合的元素的一般形式,再画一条竖线“|”,并在它的右边写上这个集合的元素的公共属性,如 $\{x|x<2\}$ 表示小于2的所有实数.

◆用一条封闭的曲线(或数轴)的内部来表示一个集合的方法叫做图示法,如下图:



例① 用列举法表示下列集合:

$$(1) A = \{x \in \mathbf{N} \mid \frac{9}{9-x} \in \mathbf{N}\};$$

$$(2) B = \{\frac{9}{9-x} \in \mathbf{N} \mid x \in \mathbf{N}\};$$

$$(3) C = \{y \mid y = -x^2 + 6, x \in \mathbf{N}, y \in \mathbf{N}\};$$

$$(4) D = \{(x, y) \mid y = -x^2 + 6, x \in \mathbf{N}, y \in \mathbf{N}\}.$$

解 (1) 当 $x=0, 6, 8$ 时,  $\frac{9}{9-x}=1, 3, 9$ , 是自然数,

$$\therefore A = \{0, 6, 8\}.$$

(2) 本质和(1)相同, 故  $B = \{1, 3, 9\}$ .

(3) 由 $y = -x^2 + 6, x \in \mathbf{N}, y \in \mathbf{N}$ , 知 $0 \leq y \leq 6$ ,

$\therefore x=0, 1, 2$ 时 $y=6, 5, 2$ 符合题意.

$$\therefore C = \{2, 5, 6\}.$$

(4) 点 $(x, y)$ 满足条件 $y = -x^2 + 6, x \in \mathbf{N}, y \in \mathbf{N}$ 时有:

$$\begin{cases} x=0 \\ y=6 \end{cases}, \text{或} \begin{cases} x=1 \\ y=5 \end{cases}, \text{或} \begin{cases} x=2 \\ y=2 \end{cases}.$$

$$\therefore D = \{(0, 6), (1, 5), (2, 2)\}.$$

**注意** 用描述法表示集合, 要特别注意这个集合中的元素是什么, 它应该符合什么条件, 从而准确理解集合的意义.

## 5 ▶ 集合的分类



集合通常分为有限集和无限集两类.

- ◆ 含有有限个元素的集合叫做有限集. 如 $\{1, 2, 3, 4, 5\}$ .
- ◆ 由无数个元素组成的集合叫做无限集. 如 $\{x|x < 3\}$ .

## 6 ▶ 属于与不属于



如果 $a$ 是集合 $A$ 的元素,就说 $a$ 属于 $A$ ,记作 $a \in A$ ;如果 $a$ 不是集合 $A$ 的元素,就说 $a$ 不属于 $A$ ,记作 $a \notin A$ (或 $a \notin A$ ).例如,设 $A$ 表示集合 $\{a, b, c, d, e\}$ ,则 $a \in A$ ,但 $f \notin A$ .

## 7 ▶ 空集



不含任何元素的集合叫做空集,记作 $\emptyset$ .如 $\{x||x| < -3, x \in \mathbb{R}\}$ ,这个集合是不含任何元素的.

## 8 ▶ 集合中元素的三大特性



- ◆ 确定性 即对于一个给定的集合,它的元素的意义是明确.例如,由所有直角三角形组成的集合,这个集合中的元素的意义是明确的;如果说“由大树组成的集合”,那么这个“集合”的元素的意义是不明确的,因为“大树”是一个没有严格的数量标准的、相对模糊的概念,所以这个“大树集合”是无法组成的.故在集合的元素的确定性中,元素 $a$ 和集合 $A$ 的关系, $a \in A$ 和 $a \notin A$ 二者必居其一.
- ◆ 互异性 即对于一个给定的集合,它的任何两个元素都是不同的,例如,方程 $x^2 - 4x + 4 = 0$ 有实根 $x_1 = x_2 = 2$ ,它的解的集合表示为 $\{2\}$ ,不能表示成 $\{2, 2\}$ .即集合中相同的元素只写

一次.

- ◆ 无序性 集合中的元素是不排序的, 如集合  $\{1, 2, 3, 4\}$  与  $\{2, 3, 4, 1\}$  是同一集合.

## 9 ▶ 子集

重要指数 

对于两个集合  $A$  与  $B$ , 如果集合  $A$  的任何一个元素都是集合  $B$  的元素, 我们就说集合  $A$  包含于集合  $B$ , 或集合  $B$  包含集合  $A$ , 记作  $A \subseteq B$  (或  $B \supseteq A$ ). 这时我们也说集合  $A$  是集合  $B$  的子集; 当集合  $A$  不包含于集合  $B$ , 或集合  $B$  不包含集合  $A$  时, 则记作  $A \not\subseteq B$  (或  $B \not\supseteq A$ ).

**注意** 规定空集是任何集合的子集, 即  $\emptyset \subseteq A$ .

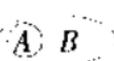
## 10 ▶ 集合相等

重要指数 

对于两个集合  $A$  与  $B$ , 如果集合  $A$  的任何一个元素都是集合  $B$  的元素, 同时集合  $B$  的任何一个元素都是集合  $A$  的元素, 就说集合  $A$  等于集合  $B$ , 记作  $A = B$ . 由集合的“包含”与“相等”的关系, 可以得出: 对于任何一个集合  $A$ , 因为它的任何一个元素都属于集合  $A$  本身, 所以  $A \subseteq A$ , 也就是说任何一个集合是它本身的子集.

## 11 ▶ 真子集

重要指数 

对于两个集合  $A$  与  $B$ , 如果  $A \subseteq B$ , 并且  $A \neq B$ , 就说集合  $A$  是集合  $B$  的真子集, 记作  $A \subset B$  (或  $B \supset A$ ). 例如  $\{a, b\} \subset \{a, b, c, d\}$ . 用图示表示为 

**注意** ①空集是任何非空集合的真子集,即对于任一非空集合 $A$ ,有 $\emptyset \subsetneq A$ .

②真子集必是子集,子集不一定是真子集,即 $A \subsetneq B \Rightarrow A \subseteq B$ .

③任何一个集合是它本身的子集,即 $A \subseteq A$ .

④对于集合 $A, B, C$ ,若 $A \subseteq B, B \subseteq C$ ,则 $A \subseteq C$ ;对于集合 $A, B, C$ ,若 $A \subsetneq B, B \subsetneq C$ ,则 $A \subsetneq C$ .

⑤如果 $A \subseteq B$ ,同时 $B \subseteq A$ ,则 $A = B$ .

**例** 写出集合 $\{a, b\}$ 的所有子集,并指出哪些是它的真子集.

**解** 集合 $\{a, b\}$ 所有的子集是 $\emptyset, \{a\}, \{b\}, \{a, b\}$ ;其中 $\emptyset, \{a\}, \{b\}$ 是 $\{a, b\}$ 的真子集.

**注意**  $n$ 个元素的集合的全部子集的个数为 $2^n$ 个,其中,真子集个数为 $2^n - 1$ 个.

## 12 ▶ 全集

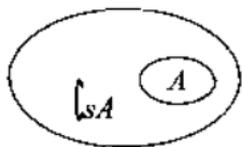
重要指数

如果集合 $S$ 含有我们所要研究的各个集合的全部元素,这个集合就可以看作一个全集,全集通常用 $U$ 表示.如在实数范围内讨论问题时,可以把实数集 $R$ 看作全集 $U$ .

## 13 ▶ 补集(余集)

重要指数

设 $S$ 是一个集合, $A$ 是 $S$ 的一个子集(即 $A \subseteq S$ ),由 $S$ 中所有不属于 $A$ 的元素组成的集合,叫做 $S$ 中子集 $A$ 的补集(或余集),记作 $\complement_S A$ ,即 $\complement_S A = \{x | x \in S, \text{且} x \notin A\}$ .如右图:



## 14 ▶ 补集的性质

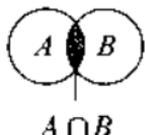


- ◆  $\complement_U U = \emptyset$ ;
- ◆  $\complement_U \emptyset = U$ ;
- ◆  $A \cup (\complement_U A) = U$ ;
- ◆  $A \cap (\complement_U A) = \emptyset$ ;
- ◆  $\complement_U (\complement_U A) = A$ ;
- ◆  $\complement_U (A \cap B) = (\complement_U A) \cup (\complement_U B)$ ;
- ◆  $\complement_U (A \cup B) = (\complement_U A) \cap (\complement_U B)$ .

## 15 ▶ 交集



由所有属于集合A且属于集合B的元素所组成的集合,叫做A与B的交集,记作 $A \cap B$ (读作“A交B”),即 $A \cap B = \{x | x \in A \text{ 且 } x \in B\}$ ,如右图:



**注意** ①“且”字说明 $A \cap B$ 的任何一个元素 $x$ 都是A与B的公共元素.故A与B的交集也可理解为由A和B的所有公共元素(不包含其他元素)组成的集合,即 $A \cap B \subseteq A$ ,  $A \cap B \subseteq B$ .② $A \cap B = B \cap A$ .③ $A \cap U = A$ .④ $A \cap A = A$ .⑤ $A \cap \emptyset = \emptyset$ .

## 16 ▶ 并集



由所有属于集合A或集合B的元素所组成的集合,叫做A与B的并集,记作 $A \cup B$ (读作“A并B”).即 $A \cup B = \{x | x \in B \text{ 或 } x \in A\}$ .如下图:

