

中等职业学校教学用书

# 文化课分层 教学目标



# 数学

南京市职业教育教学研究室 编

南京出版社

中等职业学校教学用书



# 文化课分层 教学目标

## 数学

南京市职业教育教学研究室 编

南京出版社

**图书在版编目(CIP)数据**

中等职业学校文化课分层教学目标·数学/南京市职业教育教学研究室编. —南京:南京出版社,2006

ISBN 7-80718-216-4

I. 中... II. 南... III. 数学课—专业学校—教学参考资料 IV. G634

中国版本图书馆 CIP 数据核字(2006)第 097811 号

**书名:**文化课分层教学目标·数学

**主编:**周新华

**出版发行:**南京出版社

地址:南京市成贤街 43 号 3 号楼 邮编:210018

网址:<http://www.njcbs.com>/[www.njcbs.net](http://www.njcbs.net)

联系电话:025-83283871(营销) 025-83283883(编务)

电子信箱:[webmaster@njcbs.com](mailto:webmaster@njcbs.com)

**责任编辑:**沈丽国

**装帧设计:**郭春明

**印刷:**江苏省科技情报所印刷厂

**开本:**16

**印张:**14.5

**字数:**371.2 千

**版次:**2006 年 8 月第 1 版

**印次:**2006 年 8 月第 1 次印刷

**书号:**ISBN 7-80718-216-4/G · 99

**定价:**19.00 元

南京版图书若有印装质量问题可向本社调换

## 前　　言

数学是一门重要的文化基础学科,通过数学教育培养学生的数学素养,掌握必备的数学知识,提高思维能力,为专业课学习和将来发展提供一定的基础。由于中等职业学校学生的学习基础、学习能力、学习兴趣等方面存在较大的个体差异,给教学带来了教学起点难确定、教学过程难实施、教学对象难兼顾、教学评价难把握等诸多困难,影响了教学效果。

为了使每一个“中职”学生在原有基础上得到提高,贯彻素质教育的宗旨,体现以人为本、以生为本的教育教学理念,根据江苏省对“中职”数学教学的总体要求,结合我市实际情况,对基础知识部分制定分层次教学目标。

一、根据学生学习基础和学习能力的不同,将教学内容及其相应的教学要求分为A、B、C三个层次。其中A层次为最低要求,是所有“中职”学生必须达到的最低要求;B层次为较高要求,其中包含了A层次要求,是为具备较好的学习基础,且学有余力的学生设计的;C层次是在达到B层次要求的基础上掌握教材中提高部分的所有内容,是为参加“对口单招”的学生设计的。

二、各校可以根据培养目标,结合学生的学习基础和学习需求自行选定教学层次,可以学校或班级为单位选定1个或多个层次。

三、A层次和B层次的教学内容原则上须在第一学年内完成,教学时数都应达到140课时。

### 四、注意事项:

1. 教师在教学中应结合学生的特点,按照各层次的教学内容和教学要求分层施教,从备课、组织教学、教学评价等各个教学环节都体现出层次性;对教学内容、例题、课内练习题、课外练习题和考试等都要分层实施,做到深浅有度,能够让每一个学生学有所得、学有所长,在原有基础上得到提高。

2. 教师要了解初中数学,了解专业课对数学的要求,了解本班级学生的实际学习能力和学习愿望,实行多元衔接。注重教材处理,优化教学内容;注重教学的方式方法的改进;注重学生兴趣和能力的培养,提高教学效果。

3. 注意加强对学生学习过程的考核评价,将终结性评价与过程性评价相结合;对不同层次的学生应采用不同的质量评价标准,进行分层次评价;对试行学分制管理的学校,应通过“学分”的形式来体现分层次评价。

4. 各章的教学时数供教师参考,在确保总课时数的前提下,可以根据具体情况作调整。

本书由周新华主编、统稿。参加编写的有陈琴芳(第〇、六、十一章)、樊琳(第一、十二章)、汪清华(第二、三章)、裴善仁(第四、十章)、陈坤(第五、九章)、秦爱玲(第七、八章)。

由于时间仓促,书中难免有疏漏之处,敬请广大师生不吝赐教。

中等职业学校  
文化课分层教学目标丛书

主 编：张荣胜

副 主 编：徐一冰

数 学

本册主编：周新华

编写人员：汪清华 陈 坤 陈琴芳

秦爱玲 裴善仁 樊 琳

## 目 录

第 0 章 数与式的运算 .....	1
第 1 章 集合 .....	11
第 2 章 函数及其性质 .....	20
第 3 章 几个基本初等函数 .....	37
第 4 章 三角函数(I) .....	56
第 5 章 立体几何(I) .....	76
第 6 章 统计(I) .....	107
第 7 章 平面解析几何(I) .....	121
第 8 章 概率(I) .....	135
第 9 章 平面向量 .....	143
第 10 章 向量数量积的几何应用——三角函数(II) .....	158
第 11 章 数列 .....	168
第 12 章 不等式 .....	185
参考答案 .....	201



## 第0章 数与式的运算



### 教学引导

#### 一、教学建议时数 4课时

#### 二、教学内容

##### A、B 层次

1. 数的概念,实数的基本概念,实数的运算.
2. 代数式、代数式的运算——因式分解、分式化简、二次根式化简、利用分数指数幂化简根式.
3. 用计算器进行数的运算.

#### 三、教学要求

##### A、B 层次

1. 进一步熟悉实数系表,理解数轴、绝对值等概念,能熟练地用坐标表示距离.
2. 理解乘方、开方的概念,能正确而熟练地进行简单的实数运算.
3. 理解代数式的概念,了解代数式的分类表.
4. 掌握多项式因式分解、分式化简和化简二次根式的方法,学会利用有理指数幂化简根式.
5. 学会用计算器进行实数运算.

#### 四、教学建议

1. 可根据学生的学习基础,选择教学内容和教学进度.
2. 了解初中教材和学生基础,做好初高中数学课程的衔接,做到复习之中有提高,为以后学习新知识做准备.
3. 教学中注意增强趣味性,提高学生对数学的兴趣.
4. 计算器是本章的重点内容,应让学生初步掌握计算器的使用方法.
5. 可适当介绍十字相乘法因式分解.

### § 0.1 数 的 运 算



### 达标练习 1

#### 一、选择题

1. 在实数  $2, 3, \pi, -\sqrt{9}, \sin 30^\circ, (-0.5)^0, |-2|, \sqrt{(-4)^2}$  中, 有理数的个数为 ( )  
A. 3      B. 4      C. 5      D. 6



2. 下列结论中, 正确的是 ( )  
 A.  $|x| \geq x$   
 C.  $|x| = x$   
 B. 若  $|x| = 4$ , 则  $x = 4$   
 D.  $-\frac{1}{3} > -\frac{1}{4}$
3. 已知  $x < 0$ , 则  $|2-x|$  等于 ( )  
 A.  $2-x$   
 B.  $x-2$   
 C.  $2+x$   
 D.  $-2-x$
4. 9 的二次方根是 ( )  
 A. 3  
 B. -3  
 C.  $\pm 3$   
 D. 81
5.  $27^{\frac{2}{3}}$  等于 ( )  
 A. 6  
 B. 9  
 C. 11  
 D. 18

## 二、填空题

1. 在下列各数  $-\frac{1}{6}$ ,  $\frac{\pi}{3}$ , 0,  $-\sqrt[5]{3}$ ,  $\frac{13}{5}$ ,  $\sqrt{(-2)^2}$ ,  $-\sqrt[3]{0.008}$ ,  $\sqrt{5}$  中, 有理数是 \_\_\_\_\_, 无理数是 \_\_\_\_\_, 整数是 \_\_\_\_\_.
2. 若  $|x| = -x$ , 则  $x$  的取值范围是 \_\_\_\_\_.
3. 若  $|x-1| = 2$ , 则  $x =$  \_\_\_\_\_.
4. 设数轴上两点 A, B 的坐标分别为  $x_A$ ,  $x_B$ . 已知  $x_A = 2$ ,  $x_B = -5$ , 则线段 AB 的长度为 \_\_\_\_\_.
5. 把下列根式表示为有理数指数幂的形式.  
 (1)  $\sqrt[3]{-4} =$  \_\_\_\_\_, (2)  $\sqrt{101^m} =$  \_\_\_\_\_.
6. (1)  $\left(-\frac{1}{4}\right)^0 =$  \_\_\_\_\_,  $-4^2 =$  \_\_\_\_\_,  $16^{\frac{1}{4}} =$  \_\_\_\_\_.  
 (2)  $(-2)^3 - (-1)^0 =$  \_\_\_\_\_,  $3^{\frac{1}{4}} \times 3^{\frac{3}{4}} =$  \_\_\_\_\_,  $(3^{\frac{1}{2}})^6 =$  \_\_\_\_\_.  
 $(-27)^{\frac{2}{3}} \div 27^{\frac{1}{3}} =$  \_\_\_\_\_.
7. 用计算器求幂(结果保留 4 个有效数字).  
 $5^{2.13} \approx$  \_\_\_\_\_,  $\sqrt[7]{-7} \approx$  \_\_\_\_\_,  $3^{-\frac{5}{6}} \approx$  \_\_\_\_\_,  $6^{\frac{1}{2}} \approx$  \_\_\_\_\_.

## 三、解答题

1. 用计算器求值(结果保留 4 个有效数字).

$$(1) 3^5 \cdot \sqrt{6} \quad (2) 4^{-\frac{1}{5}} \cdot 3^{\frac{1}{2}} \div 5^{\frac{1}{3}}$$

$$(3) 5^{\sqrt{3}} \cdot 6^{\sqrt[3]{2}} \quad (4) 2^{\sqrt{3}} \cdot 7^{\frac{3}{4}} \div 5^{\frac{1}{3}}$$

2. 1995 年我国人口总数是 12 亿, 如果人口自然增长率控制在 1.25%, 2008 年我国人口总数是多少? (精确到 1 亿)



## 达标练习 2

### 一、选择题

1. 若  $|x+1| + \sqrt{y-2} = 0$ , 则  $3x+y$  的值是 ( )  
A. -5      B. 5      C. -1      D. 1
2. 已知  $2^x = a$ ,  $2^y = b$ , 则  $2^{x+y}$  = ( )  
A.  $a+b$       B.  $ab$       C.  $2ab$       D.  $\frac{1}{2}ab$
3. 计算  $2^{\frac{1}{3}} \cdot 4^{\frac{1}{3}}$  的值 ( )  
A.  $2^{\frac{1}{3}}$       B. 2      C. 8      D. 1

### 二、填空题

1. 已知  $x < 0$ , 则  $|2-x| + |x-3| = \underline{\hspace{2cm}}$ .
2. 设数轴上两点 A, B 的坐标分别为  $x_A$ ,  $x_B$ . 已知  $x_A=2$ , 线段 AB 的长度为 5, 则  $x_B = \underline{\hspace{2cm}}$ .
3.  $\left(3\frac{3}{8}\right)^{\frac{2}{3}} = \underline{\hspace{2cm}}, (2^{\frac{1}{6}})^2 \cdot 2^{\frac{2}{3}} = \underline{\hspace{2cm}}.$
4. 把下列根式表示为有理数指数幂的形式.
  - (1)  $\sqrt[4]{x^3} = \underline{\hspace{2cm}}$ , (2)  $\sqrt[3]{x} \cdot \sqrt{y^3} = \underline{\hspace{2cm}}$ , (3)  $\frac{1}{\sqrt{x}} = \underline{\hspace{2cm}}.$
5. 化简.
  - (1)  $4ab^2 \cdot 5ab^2 = \underline{\hspace{2cm}}$ , (2)  $(2ab^2)^3 = \underline{\hspace{2cm}}$ , (3)  $(a^2b^2)^3 \div ab^2 = \underline{\hspace{2cm}}.$

### 三、解答题

1. 计算下列各题.

$$(1) \left(\frac{1}{3}\right)^2 + \left(-\frac{1}{3}\right)^0 + 9^{\frac{1}{2}}$$

$$(2) \left(\frac{1}{3}\right)^{-2} \times \left(-\frac{1}{2}\right)^3 \times \left(\frac{1}{2}\right)^{-3}$$

$$(3) (16 \times 10000)^{\frac{1}{4}} + \left(\frac{1}{27}\right)^{-\frac{2}{3}} - (-5.89)^0$$



(4)  $0.008^{-\frac{1}{3}} - (-3)^{-2} + 2 \div (\sqrt{2} + 1)^0 - 4^{\frac{3}{2}}$

2. 化简.

(1)  $a^{\frac{1}{3}} \cdot (a^{\frac{1}{5}})^4$

(2)  $\frac{-3a^{\frac{2}{3}}b^{\frac{3}{4}}c^{\frac{2}{3}}}{9a^{\frac{1}{2}}b^{\frac{1}{2}}c^{\frac{3}{2}}}$

(3)  $(a^2b)^{\frac{1}{2}} \cdot (ab^2)^{-2} \div (a^{-3}b^{\frac{3}{2}})$

3. 用计算器求值(结果保留 4 个有效数字).

(1)  $\sqrt[7]{113} + 19.3^{\frac{2}{3}}$

(2)  $\frac{1}{\sqrt[7]{17}} + \left(\frac{73}{4}\right)^{0.6}$

(3)  $10.02^{-\frac{3}{5}} \cdot 4^{\frac{6}{5}-1} \div 5^{\frac{10}{7}}$

(4)  $70^{0.1} + \sqrt[3]{121} - 63^{-\frac{1}{2}} \cdot \left(\frac{55}{4}\right)^{\frac{2}{3}}$

4. 一台机器原来价值 100 万元, 使用后每年的折旧率为 5.3%. 使用 6 年后机器的价值是多少万元? (结果精确到 0.01 万元)

## § 0.2 式的运算



### 达标练习 1

#### 一、填空题

1.  $4x^2 + mx + 9$  是一个完全平方式, 则  $m = \underline{\hspace{2cm}}$ .
2. 分解因式:  $x^2 - 9y^2 = \underline{\hspace{2cm}}$ ,  $4x^2 - 4xy + y^2 = \underline{\hspace{2cm}}$ .
3. 化简:  $\frac{a^2 - 2ab + b^2}{a^2 - b^2} = \underline{\hspace{2cm}}$ .
4. 用不等号连接下列各式: (1)  $2\sqrt{3} \underline{\hspace{2cm}} 3\sqrt{2}$ , (2)  $\frac{1}{3-\sqrt{2}} \underline{\hspace{2cm}} 2+\sqrt{2}$ .
5. 计算:  $\sqrt{27} - \sqrt{12} = \underline{\hspace{2cm}}$ .

#### 二、解答题

##### 1. 分解因式.

$$(1) 2mx - 6my + 3ny - nx \quad (2) x^{\frac{2}{3}} - y^{\frac{2}{3}}$$

$$(3) x^3y - 6x^2y^2 - 7xy^3 \quad (4) x^2 - y^2 - 6y - 9$$

##### 2. 化简.

$$(1) \frac{2x^2 - 4xy}{2x^2 - 3xy - 2y^2} \quad (2) \frac{x}{x - y} - \frac{y}{x + y}$$

$$(3) x + 2 - \frac{x^3}{x^2 - 2x + 4} \quad (4) \frac{1}{a - b} - \frac{a - b}{a^2 + ab + b^2}$$

##### 3. 化简下列二次根式.

$$(1) \sqrt{8} - \sqrt{50} - \sqrt{32} + \sqrt{98} \quad (2) \frac{\sqrt{5} + \sqrt{3}}{\sqrt{5} - \sqrt{3}} \quad (3) \frac{\sqrt{3} - 1}{\sqrt{3} + 1} \cdot (2 + \sqrt{3})$$



4. 利用有理指数幂化简下列根式.

$$(1) 3 \cdot \sqrt{3} \cdot \sqrt[3]{3} \cdot \sqrt[6]{3}$$

$$(2) \frac{a^2 \cdot \sqrt[5]{a}}{\sqrt{a} \cdot \sqrt[10]{a^7}}$$

$$(3) \frac{(-2x^{\frac{1}{4}}y^{\frac{1}{2}}) \cdot (15x^{\frac{3}{8}}y^{\frac{1}{8}})}{6 \cdot \sqrt[8]{xy^5}}$$



## 达标练习 2

### 一、填空题

1. 若  $x = \sqrt{5} + 1$ , 则  $\frac{1}{x-1} - \frac{1}{x+1} = \underline{\hspace{2cm}}$ .

2. 分解因式:  $x^2 - 4x - 6 = \underline{\hspace{2cm}}$ .

3. 用不等号连接下列各式:

$$(1) 2\sqrt{5} \underline{\hspace{2cm}} 4\sqrt{3}$$

$$(2) \frac{1}{\sqrt{2002} - \sqrt{2001}} \underline{\hspace{2cm}} \frac{1}{\sqrt{2001} - \sqrt{2000}}$$

### 二、解答题

1. 化简.

$$(1) \frac{1}{x-y} - \frac{x-y}{x^2+xy+y^2}$$

$$(2) \frac{x-y}{x^2} \div \frac{x^2-2xy+y^2}{x^2y} \cdot (xy-x^2)$$

$$(3) \frac{x}{x-\frac{x^2}{x-\frac{x}{1-x}}}$$

2. 已知  $x = 1$ ,  $y = 0$ , 化简  $\frac{x^2-3xy+2y^2}{x^2-6xy+5y^2} \div \frac{x^2+3xy+2y^2}{x^2-4xy-5y^2}$ , 并求此式的值.

3. 已知  $x^{\frac{1}{2}} + x^{-\frac{1}{2}} = 4$ , 求  $x + x^{-1}$ ,  $x^2 + x^{-2}$ ,  $x^3 + x^{-3}$  的值.

4. 化简下列二次根式。

$$(1) \left[ \frac{\sqrt{6} + \sqrt{5}}{\sqrt{6} - \sqrt{5}} (11 - 2\sqrt{30}) \right]^{2006}$$

$$(2) \sqrt{x-2} + \frac{3}{\sqrt{x+1} + \sqrt{x-2}}$$

5. 利用有理指数幂化简下列根式。

$$(1) \sqrt[3]{3^2} \cdot \sqrt[6]{3} \cdot \sqrt[9]{3} \cdot \sqrt[18]{3}$$

$$(2) \sqrt[4]{\left( \frac{16a^{-4}}{81b^4} \right)^{-3}}$$

$$(3) \sqrt[3]{xy^2} \cdot \sqrt{\sqrt[3]{x^2y^3}} \cdot y^{\frac{1}{12}} \div (x^{-\frac{1}{3}}y^{\frac{1}{4}})$$

## 综合达标检测



### 达标检测 1

#### 一、选择题

1. 下列命题错误的是 ( )  
 A. 每一个整数都对应着数轴上的一个点  
 B. 每一个无理数都对应着数轴上的一个点  
 C. 数轴上每一个点都对应着一个实数  
 D. 有理数和数轴上的一个点一一对应
2. 在数轴上,到原点距离等于 5 个单位长度的点,表示的是 ( )  
 A. 5      B. -5      C. ±5      D. |±5|
3. 如果  $|a| > a$ , 那么 ( )  
 A.  $a > 0$       B.  $a < 0$       C.  $a \neq 0$       D. 不确定
4.  $4x^2 + 12x + m$  是一个完全平方式,则  $m =$  ( )  
 A. 3      B. 6      C. 8      D. 9
5. 下列各式计算正确的是 ( )  
 A.  $a^{\frac{1}{2}} \cdot a^2 = a$       B.  $a^{\frac{1}{2}} \div a^2 = a$       C.  $a^{-2} \cdot a^2 = 0$       D.  $(a^2)^{\frac{1}{2}} = a$
6.  $9^{\frac{1}{2}} + (-1)^0 =$  ( )  
 A. 2      B. 4      C. 3      D.  $\frac{11}{2}$



## 二、填空题

1. 已知  $x_B = -3$ , 点 A 在 B 的右边 6.5 个单位长度处, 则  $x_A = \underline{\hspace{2cm}}$ .
2. 已知  $|2x - 3| = 1$ , 则  $x = \underline{\hspace{2cm}}$ .
3.  $7^{\frac{1}{5}} \cdot 7^{\frac{4}{5}} = \underline{\hspace{2cm}}, (3^6)^{\frac{2}{3}} = \underline{\hspace{2cm}}$ .
4. 计算:  $\sqrt{18} + \sqrt{98} - \sqrt{32} = \underline{\hspace{2cm}}$ .
5. 用不等号连接下列各式:  $2\sqrt{11} \underline{\hspace{2cm}} 3\sqrt{5}$ .
6. 用计算器求值(保留 3 个有效数字):  $7^{3.1} \approx \underline{\hspace{2cm}}, 6^{-\frac{4}{3}} \approx \underline{\hspace{2cm}}$ .

## 三、解答题

1. 分解因式.

$$(1) x^2 - x - 30 \quad (2) 3a^4b - 6a^3b^2 + 3a^2b^3 \quad (3) x^2 - y^2 - z^2 + 2yz$$

2. 化简.

$$(1) \frac{1}{2(a+b)} + \frac{1}{2(a-b)} \quad (2) \frac{10a^2 - 10b^2}{5a^2 - 2ab - 3b^2}$$

$$(3) (x+4) \cdot \frac{x^2 + 4x + 3}{x^2 - 1} \div \frac{x^2 + 3x - 4}{x^2 - 2x + 1} \quad (4) \frac{x}{x+1} + \frac{1}{x} - \frac{x+2}{x(x+1)}$$

3. 化简下列二次根式.

$$(1) \frac{\sqrt{3} + 1}{\sqrt{3} - 1} \quad (2) 3\sqrt{5} - \sqrt{80} + 2\sqrt{125}$$

$$(3) \frac{\sqrt{2} \cdot \sqrt[3]{2}}{\sqrt[6]{2} \cdot \sqrt[3]{2^2}} \quad (4) \frac{x\sqrt{x}}{\sqrt[4]{x}}$$

$$(5) a\sqrt{a}\sqrt{a} \quad (6) \frac{2b}{\sqrt[3]{a}} \cdot \frac{3ac}{\sqrt[3]{b^2}}$$

4. 用计算器求值(结果保留 4 个有效数字).

$$(1) 5 \times 3^{\sqrt{1.8}}$$

$$(2) 4^{-\frac{2}{7}} \cdot 3^{\frac{1}{2}}$$

$$(3) 6^{\sqrt{3}} \cdot 3^{\frac{5}{3}} \div 8^{\frac{1}{4}}$$

5. 某地区 2001 年国民生产总值为 25 亿元. 如果每年增长率保持 6.2%, 问到 2008 年时, 该地区国民生产总值将达到多少亿元.



## 达标检测 2

### 一、选择题

1. 若  $x, y$  为实数, 且  $|x+2| + (y-2)^2 = 0$ , 那么  $x+y$  的值为 ( )  
A. -4      B. 0      C. 4      D. 不确定
2. 已知  $1 < x < 3$ , 则  $\frac{|3-x|}{x-3} + \frac{|x-1|}{x-1} =$  ( )  
A. -2      B. 0      C. 2      D. 不确定
3.  $\sqrt{(a-b)^2} =$  ( )  
A.  $a-b$       B.  $b-a$       C.  $|a-b|$       D.  $-|a-b|$
4.  $3^x = m, 3^y = n$ , 则  $3^{x-y}$  = ( )  
A.  $\frac{m}{n}$       B.  $\frac{3m}{n}$       C.  $m-n$       D.  $3m-3n$
5. 当  $x=2, y=9$  时,  $x^{\frac{3}{2}}y^{\frac{1}{2}}$  的值是 ( )  
A. 6      B. 12      C. 18      D. 36

### 二、填空题

1. 已知  $x_A = -1$ , 点 B 与点 A 距离 3 个单位长度, 则  $x_B =$  \_\_\_\_\_.
2.  $(-\frac{1}{4})^{-2} + 27^{\frac{2}{3}} - 697^0 =$  \_\_\_\_\_,  $25^{\frac{1}{3}} \times (5^{\frac{1}{2}})^4 =$  \_\_\_\_\_.
3. 比较大小:  $-5\sqrt{3}$  \_\_\_\_\_  $-2\sqrt{19}$ ,  $\frac{1}{\sqrt{11}+3} > \frac{6}{\sqrt{13}+1}$ .
4. 化简:  $(x^2+x+1)^2 - 2(x^2+x+1)(x^2+x+2) + (x^2+x+2)^2 =$  \_\_\_\_\_.
5. 用有理数指数幂表示:  $\sqrt[3]{4} =$  \_\_\_\_\_.
6. 用计算器求值(保留 3 个有效数字):  $\sqrt[5]{7} \cdot 2^{0.51} \approx$  \_\_\_\_\_.



### 三、解答题

1. 分解因式.

(1)  $x^3 - x^2y - xy^2 + y^3$

(2)  $9a^2 - 6ab + b^2 + 12a - 4b - 12$

2. 化简:  $\frac{x^4 - y^4}{2x^2 + xy - y^2} \cdot \frac{2x - y}{xy - y^2} \div \left( \frac{x^2 + y^2}{y} \right)^2$

3. 已知  $3x = 2y$ , 求  $\frac{x}{x+y} + \frac{y}{x-y} - \frac{y^2}{x^2 - y^2}$  的值.

4. 化简下列二次根式.

(1)  $\frac{\sqrt{7} + \sqrt{5}}{\sqrt{7} - \sqrt{5}} - \frac{\sqrt{7} - \sqrt{5}}{\sqrt{7} + \sqrt{5}}$

(2)  $\frac{6}{\sqrt{x+1} - \sqrt{x-5}} - \sqrt{x-5}$

(3)  $\sqrt{ab^{-1}c^3} \div \sqrt[3]{a^2b^{-2}c^2}$

(4)  $\sqrt[4]{a} \sqrt[3]{a \sqrt{a}}$

5. 用计算器求值(结果保留 4 个有效数字).

$90^{0.6} \times (\sqrt[5]{111} + 7.2^{\frac{2}{3}}) - 6 \times 3^{5.1}$

6. 某企业今年的总产值为 400 万元, 若计划 5 年后的年产值翻一番, 则从今年起, 年产值年平均增长率必须控制在什么水平?

# 第1章 集合



## 教学引导

一、教学建议时数 9课时

二、教学内容

A层次

1. 集合的含义,集合构成的基本原则,有限集和无限集;集合的标识符,集合构成的表示法——列举法、描述法、Venn图表示法.
2. 基本数集  $N$ 、 $Z$ 、 $Q$ 、 $R$ ,一般数集,数集的区间表示法.
3. 集合的包含、相等关系,子集、真子集、空集.
4. 集合的交运算和交集,并运算和并集,Venn图表示集合的交、并运算.

B层次

1. 集合的含义,集合构成的基本原则,有限集和无限集;集合的标识符,集合构成的表示法——列举法、描述法、Venn图表示法.
2. 基本数集  $N$ 、 $Z$ 、 $Q$ 、 $R$ ,一般数集,数集的区间表示法.
3. 集合的包含、相等关系,子集、真子集、空集.
4. 集合的交运算和交集、并运算和并集,Venn图表示集合的交、并运算.
5. 集合的互补关系,全集、补集.
6. 了解全集的概念.

三、教学要求

A层次

1. 了解集合的含义,理解集合构成的基本条件及集合的分类.
2. 掌握集合的表示法——列举法、描述法、Venn图表示法,能正确运用 $\in$ 、 $\notin$ 记号.
3. 熟悉基本数集的符号,能用区间或数轴正确表示数集.
4. 理解集合之间的包含、相等关系,能正确运用 $\subset$ 、 $\supset$ 、 $=$ 、 $\subseteq$ 、 $\supseteq$ 等符号判断并表示集合之间的关系,能写出所给集合的子集、真子集.
5. 理解集合的交、并概念,会准确地进行较简单集合的交、并运算,能用Venn图表示集合的交、并运算.

B层次

1. 了解集合的含义,理解集合构成的基本条件及集合的分类.
2. 掌握集合的表示法——列举法、描述法、Venn图表示法,能正确运用 $\in$ 、 $\notin$ 记号.
3. 熟悉基本数集的符号,能用区间或数轴正确表示数集.
4. 理解集合之间的包含、相等关系,能正确运用 $\subset$ 、 $\supset$ 、 $=$ 、 $\subseteq$ 、 $\supseteq$ 等符号判断集合之间的关系,能写出所给集合的子集、真子集.
5. 理解集合的交、并概念,会准确地进行较复杂的集合的交、并、补运算,能用Venn图表