

特·恩·丹妮索娃等著

初中代数 课堂教学計劃

第二分冊

人民教育出版社

初中代数課堂教學計劃

第二分冊

特·恩·丹妮索娃 著
弗·斯·格奧爾吉也夫斯卡婭

人民教育出版社 譯

本书是根据俄罗斯苏维埃联邦社会主义共和国教育部教育出版社出版的“七年级代数课堂教学计划”1954年版本译出的。本书是供苏联中学的数学教师教学七年级代数参考用的。

本书的代数教学内容包括五章：代数分式，比例和比例关系，一元一次方程，多元一次方程组以及开平方。在每章开头提出在教学中应当注意的事项以后，完整地叙述每节课的具体教学计划，其中包括检查家庭作业、复习提问、讲解新教材、布置家庭作业以及巩固新教材等项。详细地介绍了作者的丰富教学经验。

本书供作我国数学教师教学初中三年级代数的参考是非常适宜的。

Т. Н. ДЕНИСОВА и В. С. ГЕОРГИЕВСКАЯ

ПЛАНЫ УРОКОВ

ПО АЛГЕБРЕ

В VII КЛАССЕ

本书根据俄罗斯苏维埃联邦社会主义共和国教育部
教育出版社 1954 年俄文版译出

*

初中代数课堂教学计划

第二分册

〔苏联〕 特·恩·丹妮索娃 著
弗·斯·格奥尔吉也夫斯卡娅
人民教育出版社翻译出版(北京景山东街)

北京市书刊出版业营业登记证字第2号

新华书店发行

北京市印刷一厂印刷

统一书号：7012·265 字数：107千

开本：850×1168公厘 1/32 印张：4⁵/₈

1956年10月第一版

1957年1月第一次印刷

北京：1—21,000册

定价(6)0.46元

目 录

前言 · · · · ·	6
七年級代數逐課教學進度計劃 · · · · ·	10

第 I 学季 (36 課時)

复习六年級學過的教材

對教師的說明 · · · · ·	14
第 1 課 概括性的談話、用提公因式于括號外的方法分解因式、有理數的運算 · · · · ·	14
第 2 課 用分組分解法分解因式 · · · · ·	16
第 3 課 簡乘公式 · · · · ·	17
第 4 課 用簡乘公式分解因式 · · · · ·	19
第 5 課 用各種方法把多項式分解因式 · · · · ·	19
第 6 課 用各種方法把多項式分解因式。解單項式和多項式的混合運算題 · · · · ·	20
第 7 課 測驗 · · · · ·	21

分 式

對教師的說明 · · · · ·	22
第 8 課 分式的基本性質 · · · · ·	23
第 9 課 單項式和多項式的最高公因式的求法 · · · · ·	25
第 10 課 分式的約簡 · · · · ·	26
第 11 課 分式的約簡。分式各項符號的變化 · · · · ·	27
第 12 課 分式的約簡 · · · · ·	28
第 13 課 最低公倍式 · · · · ·	29
第 14 課 同分母分式的加法和減法 · · · · ·	29

第 15 課	分式的通分	31
第 16 課	分式的通分	33
第 17 課	測驗	34
第 18 課	异分母分式的加法和減法	36
第 19 課	异分母分式的加法和減法	37
第 20 課	异分母分式的加法和減法	38
第 21 課	异分母分式的加法和減法	38
第 22 課	分子与分母都是單項式的分式的乘法和除法	38
第 23 課	分子与分母都是多項式的分式的乘法和除法	40
第 24 課	分子与分母都是多項式的分式的乘法和除法	40
第 25 課	化簡繁分式	41
第 26 課	分式四則的練習	42
第 27 課	分式四則的練習	42
第 28 課	分式四則的練習	42
第 29 課	分式四則的練習	43
第 30 課	測驗	43

比例和比例关系

对教师的說明	44	
第 31 課	比例，比例的基本性质	45
第 32 課	比例各項的互換，求比例的未知項	46
第 33 課	比例关系和比例系数	49
第 34 課	确定平面上的点的位置	51
第 35 課	函数关系的三种表示法和函数 $y = ax$ 的图象作法	53
第 36 課	測驗	55

第 II 学季 (31 課時)

一元一次方程

对教师的說明	56
--------	----

第37課	关于恒等式和方程的概念	57
第38課	关于方程中未知数的許可值的概念和方程的根的概念	59
第39課	关于方程等效性的概念	61
第40課	方程的第一个性质	63
第41課	应用方程的第一个性质解方程	66
第42課	方程的第二个性质	67
第43課	解含有分母是常数的分数的方程	69
第44課	解数字系数和字母系数的方程	70
第45課	解数字系数和字母系数的方程	71
第46課	解数字系数和字母系数的方程	72
第47課	測驗	72
第48課	用列方程的方法解应用題	74
第49課	用列方程的方法解应用題	76
第50課	用列方程的方法解应用題	77
第51課	解应用題和式題	78
第52課	用列方程的方法解应用題	79
第53課	独立作业	80
第54課	解关于运动的应用題	81
第55課	解关于运动的应用題	82
第56課	解关于运动的应用題	82
第57課	解应用題	83
第58課	解合作一件工程的应用題	83
第59課	不等式	84
第60課	不等式的性质	86
第61課	解不等式	89
第62課	解不等式。解应用題	91
第63課	解不等式的独立作业。解应用題	93
第64課	測驗前的准备	94
第65、66課	測驗(前半年的)	94
第67課	解分母中含有未知数的方程	96

第 111 学季 (31 課時)

一次方程組

第 68 課	一次方程組. 一个二元方程	98
第 69 課	一个二元方程. 方程組	99
第 70 課	二元一次方程組的圖象解法	101
第 71 課	二元一次方程組的圖象解法. 方程組的等效性概念	104
第 72 課	用代入法解两个二元方程的方程組(數字系數的)以及用列方 程組的方法解應用題	105
第 73 課	用代入法解两个二元方程的方程組(字母系數的)以及用列方 程組的方法解應用題	107
第 74 課	用代數加法解两个二元方程的方程組(數字系數的)以及用列 方程組的方法解應用題	108
第 75 課	用代數加法解两个二元方程的方程組(字母系數的)	109
第 76 課	用各種方法解比較複雜的两个二元方程的方程組以及用列方 程組的方法解應用題	110
第 77 課	解比較複雜的两个二元方程的方程組	111
第 78 課	用列方程組的方法解應用題以及解比較複雜的两个二元方程 的方程組(字母系數的)	112
第 79 課	測驗	113
第 80 課	用列方程組的方法解應用題	114
第 81 課	用列方程組的方法解應用題	115
第 82 課	解三個三元方程的方程組	115
第 83 課	借助于引用補助未知數的方法解方程組	117
第 84 課	作 $y = ax + b$ 的圖象	118
第 85 課	作 $ax + by + c = 0$ 的圖象	121
第 86 課	測驗	122
數目的開平方		
對教師的說明		122

第 87 課	复习乘方运算	123
第 88 課	教学生使用平方数表	125
第 89 課	已知数的开方运算	126
第 90 課	用表求一个数的平方根	127
第 91 課	求 10000 以內的完全平方数的平方根	128
第 92 課	求大于 10000 的数的平方根	130
第 93 課	分数与小数的开方	131
第 94 課	数的近似平方根	131
第 95 課	解求数的近似方根的习題	133
第 96 課	測驗	133
第 97 課	解形式为 $ax^2 + c = 0$ 的不完全二次方程	134
第 98 課	解形式为 $ax^2 + c = 0$ 的不完全二次方程	135

第 IV 学季 (16 課時)

复习講过的課程

第 99 課	解列方程的应用題和分式四則的式題	137
第 100 課	解分数与小数的四則应用題和式題求比例中的未知項	138
第 101 課	独立作业和图象的作法	138
第 102 課	解应用題、解方程組、图象的作法	139
第 103 課	解应用題、解方程組和求比例中的未知項	139
第 104、105 課	測驗	140
第 106 課	解应用題和字母系数的方程	143
第 107 課	解应用題和方程	143
第 108 課	解应用題、方程和不等式	143
第 109 課	独立作业和数目的开平方	144
第 110 課	解应用題、解字母系数的方程組和数目的开平方	144
第 111、112 課	測驗	145

前　　言

中学的数学教学大纲指出：数学教学的目的是教给学生以数学的基础知识，并且培养他们应用这种知识解决各种实际问题所必需的技能和技巧。

在七年级，必须使学生为继续进中学以及进中等技术学校学习作好充分的准备。

七年级的代数教学大纲一共包括五个课题：分式、比例和比例关系、一元一次方程、一次方程组和开平方。

“分式”这一课题是五年级课程中已经学过的分数概念的总结。

在这一课题里，必须使学生理解分数是分式的特殊情形。应当说明在学生已有的关于分数的一系列概念中，哪些可以在分式中加以推广，而哪些不能在分式中加以推广。例如，带分数的概念对于分式来说是没有意义的，因为分式的数值随着它的分子与分母所含字母的数值的不同而不同。在学习分式运算以前，必须详尽地复习多项式因式分解的方法，以及单项式与多项式的各种运算。

比例和它的性质，学生在六年级的课程里也已经学习过；但是在七年级学习这一课题的目的是为了总结比例的概念，引进坐标法的概念，并且转到正比例关系的图象作法上。

学生早在以前各年级就已经熟悉了一次方程的解法，但是这一课题的系统的教学是从七年级才开始的。在七年级里对于含一个未知数的方程的解法是以方程的两个性质作为基础的，这两个性质是等效性理论的基础。

这个理論的严密論証是規定在八年級的課程里教學的，但是在七年級必須用一系列的數字題驗証這些性質。如果方程里含有關於未知數的分式，那麼，就必須使學生很清楚地理解：解這樣的方程的時候，首先應當根據一般的法則求出方程的根；其次，應當利用代入法，把所得的各個數分別代入原方程的分母中加以檢驗。驗算是解方程的一個必要部分。

每一個字母方程的根大都不是數目的而是某一個代數式，把這根代替方程的未知數的時候，已知的方程就會變成恒等式。必須使學生習慣于在用代數式除方程的兩邊的時候，要經常注意這樣的條件，所用的代數式的值不能是零。

在七年級學生還要獲得通常根據應用題的條件列出一個方程來解應用題的方法。教會他們靈活地運用這個方法是非常重要的。

在學習課題“一次方程組”的時候，要使學生注意應用題的解法和下列數字系數方程的圖象作法：

$$y = ax + b; \quad ax + by + c = 0.$$

在用字母的各個不同的數值計算代數式的數值的時候，在把這些數值列成表的時候，以及最後按照各點作圖象的時候，都必須使學生習慣于看出這個代數式是某一個確定的字母的函數。

在作圖象的時候，決不能只限於作出簡略的圖形，必須在毫米方格紙上以足夠的精確程度作出來。

數的開平方可以根據相應的平方根表或者根據“嘗試”的方法來進行。可以告訴學生通常的開平方的方法，但是不必要求他們作出合乎邏輯的說明。

必須教會學生利用圖象和數學用表。

在為了使學生具有更好的知識的鬥爭中，正確地組織全部教

学过程是具有很大的意义的。

在1950年第6期的“数学教学”杂志里，曾经刊载过优秀数学教师的组织教学的经验。

每一个教师必须以高度的理论水平来讲课。在他的教学中，必须拟出一定的教案。应当正确地组织学生的作业。为此，必须使学生熟悉教师对他们要求，并且要经常地督促他们达到这些要求。教师必须告诉学生怎样作好家庭作业、怎样作好独立作业等等。必须拟出一定的作计算格式的规则，必须使学生把“草稿”看做是作业的一部分，因为草稿计算不仅能节省时间，并且能帮助学生避免在计算时犯错误。

为了提高学生的学习成绩，必须系统地统计学生知识中所有的缺点和消灭这些缺点。

在代数课堂教学计划里，作者特别注意到独立作业，因为这样一来，就有可能系统地检查每一个学生的知识，全面地考虑消灭学生的错误，全面地检查学生对于教学大纲中的哪些章节掌握的不够好，以及应当注意些什么。

象测验一样，教师要在家里检查学生的独立作业，并且给他们评分。

几乎全部课堂教学都是按照下列方案拟订的：

- 1) 检查家庭作业和提问；
- 2) 讲解新教材；
- 3) 巩固新教材；
- 4) 布置家庭作业。

不应当由此作出每一节课结束时再布置家庭作业的结论。如果在一节课里最后要布置独立作业的时候，那么，家庭作业就必须在独立作业之前布置。教师自己要考虑到，有时要把某一节课的

教材重新安排一下，講起来才比較方便。

檢查学生的家庭作业和向学生提問是每一节课不可缺少的一部分，必須同样仔細地考慮并且拟出計劃。給学生布置的家庭作业必須是他們的能力所能做到的。但是，也要要求学生多动脑筋和多思考。应当让学生在完成家庭作业的时候，习惯于先掌握理論，其次，再看一下課堂作业的材料，然后再开始作家庭作业。

如果某一个学生不会作某一部分作业，在这种情形下，就应当要学生的草稿，根据草稿可以判断錯誤的严重程度。

家庭作业可以用书面或者口头来檢查，在前一种情形，应当叫出做完作业的两个学生到黑板前，讓他們解答在班里发生过困难的某些式題或者应用題。要詳細地說明解法。必須考慮到在班里一定有作完全部作业的学生。这样，就应当向他們提出与家庭作业相类似的式題和应用題。在口头檢查被叫出来的学生的时候，必須讓他們按照自己的練习本讀出解答的过程，但是这时教師必須使所有的学生都檢查自己的家庭作业。例如，可以檢查应用題的解法說明和解法的驗算。对于檢查过家庭作业的学生的答案，有时可以評分。

系統地檢查学生的知識，能够使教師了解他們对于所講过的教材掌握的程度，还可以养成学生不怕困难的习惯、意志和性格。

提問，可以叫一个到三个学生到黑板前作一些不超过十分鐘的作业，这时可以向他們口头提問。在提問的时候应当統計学生知識中的缺点，以便即时消灭它們。有些教師專門預備一張紙，把学生的知識的某些缺点記在上面。每一个学生也都必須有这样的一張紙。学生知識中的缺陷，可以用教師給他們規定独立作业的方法加以补救。

在一节课里提問很多的学生是不适宜的，因为这时，提問将是

肤淺的，但是提問四五个学生总是可以的。

代数中所有各題的題号，如果沒有特別的聲明，都是指 II. A. 拉尼切夫著的“代数习題汇編❶”第一册中的习題的題号。算术中的各題的題号都是指 C. A. 波諾馬了夫和 H. И. 斯尔尼夫合著的“算术习題汇編❷”中的习題的題号。

理論教材是根据 A. Л. 吉西略夫著的“算术”課本和“代数”課本第一册。

七年級代数逐課教学进度計劃(学年的)

課时分配

第 I 学季：每周 4 課时，9 周共 36 課时(1 課—36 課)。

第 II 学季：每周 4 課时， $7\frac{1}{2}$ 周共 31 課时(37 課—67 課)。

第 III 学季：每周 3 課时， $10\frac{1}{2}$ 周共 31 課时(68 課—98 課)。

第 IV 学季：每周 3 課时， $5\frac{1}{2}$ 周共 16 課时(99 課—114 課)。

学季	教 学 大 綱 的 項 目	課 时	完成的期限
I	1. 复习六年級已經学过的教材(7; 3.5)❸ 用提公因式于括号外的方法分解因式。 有理数的运算	1	
	用分組分解法分解因式	1	
	簡乘公式	1	
	利用簡乘公式分解因式	1	
	用各种方法分解因式	1	
	用各种方法分解因式，解单項式和多项式的混合运算題	1	
	第 1 次測驗	1	

2. 分式(23;12)	
分式、分式的基本性质	1
求单项式和多项式的最高公因式	1
分式的约简	4
同分母分式的加法和减法	1
通分	2
第2次测验	1
异分母分式的加法和减法	4
分子和分母都是单项式的分式的乘法 和除法	1
分子和分母都是多项式的分式的乘法 和除法	2
化简繁分式	1
分式四则的练习	4
第3次测验	1
3. 比例和比例关系(6;3)	
复习比例和它的基本性质	1
比例各项的互换、求比例的未知项	1
比例关系和比例系数	1
确定平面上的点的位置	1
作函数 $y = ax$ 的图象	1
第4次测验	1
4. 一元一次方程(31;15)	
恒等式和方程的概念	1
未知数的许可值的概念和方程的根的概念	1
方程等效性的概念	1

- ① 拉尼切夫著的代数习题汇编的题可参考人民教育出版社1953—1955年出版的初中课本代数上、下册后面所附的习题。
- ② 算术习题汇编，已由人民教育出版社在1955年译成中文出版。
- ③ 括号中的前一个数是教学大纲规定在教室内的授课时数，后一个数是家庭作业的时数(整个单元的)。

續上表

学季	数学大綱的項目	課时	完成的期限
	方程的第一个性质。应用方程的第一性质解方程	2	
	方程的第二个性质	2	
	解数字系数和字母系数的方程	3	
	第5次測驗	1	
	用列方程的方法解应用題	5	
	独立作业	1	
	用列方程的方法解应用題	5	
	不等式的概念. 不等式的性质	2	
	解不等式	3	
	測驗前的准备	1	
	第6次測驗	2	
	解方程	1	
III			
	5. 一次方程組(19;9)		
	含两个未知数的一个方程。方程組	2	
	二元一次方程組的图象解法. 有一組解的方程組, 无解的方程組和无数多組解的方程組	1	
	二元一次方程組的图象解法. 方程組的等效性的概念	1	
	用代入法解二元一次方程組(数字系数的).....	1	
	用代入法解二元一次方程組(字母系数的).....	1	
	用代数加法解二元一次方程組(数字系数的). 利用列出方程組的方法解应用題	1	
	用代数加法解二元一次方程組(字母系数的).....	1	
	用各种方法解比較复杂的二元一次方		

	程組以及利用列出方程組的方法解應用題	3
	第 7 次測驗	1
	利用列方程組的方法解應用題	2
	解三元一次方程組	1
	利用引入輔助未知數的方法解方程組	1
	作 $y = ax + b$ 的圖象	1
	作 $ax + by + c = 0$ 的圖象	1
	第 8 次測驗	1
	6. 數的開平方(12; 6)	
	复习乘方的运算	2
	已知數開平方的运算	1
	根據表求數的平方根	1
	求 10,000 以內的完全平方數的平方根	1
	求大於 10,000 的數的平方根	1
	求普通分數和小數的平方根	1
	數的近似平方根	2
	第 9 次測驗	1
	解形式為 $ax^2 + c = 0$ 的不完全二次方程	2
IV	7. 夾復學過的教材(16; 8)	
	利用列方程的方法解應用題和解分式	
	四則的式題	1
	解普通分數和小數的四則應用題和式	
	題	1
	獨立作業和圖象的作法	1
	解方程組的應用題和圖象的作法	1
	解方程組的應用題和求比例的未知項	1
	測驗	2
	解方程和不等式的應用題	3
	獨立作業(數的開平方)	1
	解字母系數的方程組的應用題和求数	
	的平方根	1
	測驗	2
	分析測驗和總結性的談話	2

第 I 学季 (36 課時)

复习六年級学过的教材 (7; 3.5)

对教師的說明

七年級的代數課程是从学习分式开始的,这一章和六年級已經学过的教材有着密切联系,因此,对新教材理解的好坏,在相当大的程度上决定于复习的好坏.

在开始教学分式以前,必須和学生一起复习有理数的运算,复习单项式和多项式的运算. 尤其是因为因式分解是最困难的一章,所以,应当抽出大部分的时间复习它.

因此,在各节课里,虽然要特別注意复习“因式分解”这个課題,但是在家庭作业里,应当包括有理数的运算的問題以及单项式和多项式的問題.

在每一次的下一节课都必須檢查学生是怎样掌握理論教材的,并且把这些理論材料包括在复习材料的练习的提問里面.

在复习多项式乘以单项式、多项式乘以多项式以及导出公式: $(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$, $(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$, $(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$ 的时候,应当利用 II. A. 拉尼切夫习題汇編里所给出的练习題(第 469、502、613、619 各題).

第 1 課

課題: 概括性的談話和复习六年級学过的教材: 用提公因式于括号外的方法分解因式. 有理数的运算

I. 概括性的談話 在七年級的第一节课里,必須使学生回忆在六年級已学过些什么,同时指出他們在本学年将要学习些什么.