



华图教育®  
HUATU EDUCATION

以教育推动社会进步

华图

# 华图面授辅导课程



笔试专用讲义



公务员之路 · 从华图起步



# 公务员之路 从华图起步

## 2012 年公务员录用考试 行政考前辅导内部资料

班别：封闭特训班

科目：数量关系、资料分析

主讲：许志坤

时间：2012 年 4 月 1-2 日

# 第一篇 数学运算

## 第一章 基数相关解题思维

$\frac{96}{1.2}$   $\frac{96}{1.2}$   $\frac{96}{0.8}$

【例 1】某人以 96 元的价格出售了两枚古铜币，一枚挣了 20%，一枚亏了 20%。问：此人盈利或亏损的情况如何？( )

- A. 挣了 8 元      B. 亏了 8 元  
 C. 持平      D. 亏了 40 元

小结：

### 基数问题练习：

【练】某商品因滞销而降价 20%，后因销路不好又降价 20%，两次降价后的销售价比降价前的售价低 ( )

- A. 20%      B. 36%  
 C. 40%      D. 44%

## 第二章 代入法解题思维

【例 1】某单位有宿舍 11 间，可以住 67 人，已知每间小宿舍住 5 人，中宿舍住 7 人，大宿舍住 8 人，则小宿舍间数是 ( )

- A. 6      B. 7  
 C. 8      D.
- $$\begin{cases} 8x+7y+8z=67 \\ 3x+y=21 \end{cases}$$

【例 2】一个三位数的各位数字之和是 16。其中十位数字比个位数字小 3。如果把这个三位数的百位数字与个位数字对调，得到一个新的三位数，则新的三位数比原三位数大 495，则原来的三位数是多少？

- A. 169      B. 358  
 C. 469      D. 736

**【例 3】**已知从甲地到乙地通话  $m$  分钟的电话费由函数  $f(m) = 1.06(0.50 \cdot \lceil m \rceil + 1)$  给出，其中  $m > 0$ ,  $\lceil m \rceil$  是不小于  $m$  的最小整数。如果某人 IC 电话磁卡上只有 5 元，则此人可以用该磁卡通话的时间最多为 D 分钟。  
本题考察最大值问题时，从大到小代入。

- A. 6.5      B. 6  
C. 7.5      D. 7

小结：

代入法习题演练：

$$3x+2 =$$

$$5 \times 3 + 2 = 17$$

**【练 1】**某单位招待所有若干房间，现在要安排一支考察队的队员住宿，若每间住 3 人，则有 2 人无房可住；若每间住 4 人，则有一间房间不空也不满，则该招待所的房间最多有：  
A

- A. 5 间      B. 6 间      C. 7 间      D. 8 间

**【练 2】**某儿童艺术培训中心有 5 名钢琴教师和 6 名拉丁舞教师，培训中心将所有的钢琴学员和拉丁舞学员共 76 人，分别平均分给各个老师带领刚好能够分完，且每位老师所带的学生数量都是质数。后来由于学生人数减少，培训中心只保留了 4 名钢琴教师和 3 名拉丁舞教师，但每名教师所带的学生数量不变，那么目前培训中心还剩下学员多少人？

- A. 36      C. 39       $\left\{ \begin{array}{l} 5x + 6y = 76 \\ 8x + 6y = 2m \Rightarrow 3x = 2m - 76 \\ 4x + 3y = m \end{array} \right.$       B. 37      D. 41

D

### 第三章 数字特性思想

#### 核心提示

数字特性思想是指不直接求得最终结果，而只需要考虑最终计算结果的某种“数字特性”，从而达到排除错误选项的方法。掌握数字特性思想的关键，是掌握一些最基本的数字特性规律。（下列规律仅限自然数内讨论）

#### 奇偶运算基本法则

- 【基础】** 奇数  $\pm$  奇数 = 奇数；  
偶数  $\pm$  偶数 = 偶数；  
偶数  $\pm$  奇数 = 奇数；

奇数±偶数= 奇数。

### 【推论】

- 一、任意两个数的和如果是奇数，那么差也是奇数；如果和是偶数，那么差也是偶数。
- 二、任意两个数的和或差是奇数，则两数奇偶相反；和或差是偶数，则两数奇偶相同。

### 2, 4, 8 整除及其余数判定法则

1. 一个数能被2（或者5）整除，当且仅当末一位数字能被2（或者5）整除；
2. 一个数能被4（或者25）整除，当且仅当末两位数字能被4（或者25）整除；
3. 一个数能被8（或者125）整除，当且仅当末三位数字能被8（或者125）整除；
4. 一个数被2（或者5）除得的余数，就是其末一位被2（或者5）除得的余数；
5. 一个数被4（或者25）除得的余数，就是其末两位被4（或者25）除得的余数；
6. 一个数被8（或者125）除得的余数，就是其末三位被8（或者125）除得的余数。

### 3, 9 整除判定基本法则

1. 一个数字能被3整除，当且仅当其各位数字之和能被3整除；
2. 一个数字能被9整除，当且仅当其各位数字之和能被9整除；
3. 一个数被3除得的余数，就是其各个数位上数字之和被3除得的余数；
4. 一个数被9除得的余数，就是其各个数位上数字之和被9除得的余数。

### 7 整除判定法则

1. 一个数是7的倍数，当且仅当其末一位的两倍，与剩下的数之差为7的倍数；
2. 一个数是7的倍数，当且仅当末三位数字与剩下的数之差为7倍数。

### 11 整除判定法则

1. 一个数是11的倍数，当且仅当其奇数位之和与偶数位之和的差为11的倍数；
2. 一个数是11的倍数，当且仅当末三位数字与剩下的数之差为11倍数。

### 13 整除判定法则

5. 一个数13的倍数，当且仅当末三位数字与剩下的数之差为13倍数。

### 倍数关系核心判定特征

如果  $a:b = m:n$  ( $m, n$ 互质)，则 a是m的倍数；b是n的倍数。

如果  $a = \frac{m}{n}b$  ( $m, n$ 互质)，则 a是m的倍数；b是n的倍数。

且  $a \pm b$  应该是  $m \pm n$  的倍数。

**【例1】** 两个数的差是2345，这两个数的商是8，求这两个数的和。

- A. 2353  
C. 3015

$$\begin{cases} x-y=2345 \\ \frac{x}{y}=8 \end{cases} \Rightarrow xy$$

- B. 2896

- D. 3456

**【例2】** 甲、乙两个工程队，甲队的人数是乙队的70%。根据工程需要，现从乙队抽出 40

人到甲队，此时乙队比甲队多 136 人，则甲队原有人数是 (A)

- A. 504 人

$$\begin{aligned} \frac{x}{y} &= \frac{7}{10} \Rightarrow \text{甲是7份} \\ &\quad \text{乙是10份} \end{aligned}$$

C. 630 人

D. 720 人

**【例 3】**某单位招录了 10 名新员工，按其应聘成绩排名 1 到 10，并用 10 个连续的自然数依次作为他们的工号。凑巧的是每个人的工号都能被他们的成绩排名整除，问排名第三的员工工号所有数字之和是多少？

A. 9

B. 12

C. 15

D. 18

小结：

D

能被 3 整除  
能被 2 整除 + 6  
能被 9 整除

**数字特性习题演练：**

**【练 1】**甲、乙、丙、丁四人共做零件 325 个。如果甲多做 10 个，乙少做 5 个，丙做的个数乘以 2，丁做的个数除以 3，那么，四个人做的零件数恰好相等。问：丁做了多少个？( )

A. 180

B. 158

C. 175

D. 164

**【练 2】**一个四位数“□□□□”分别能被 15、12 和 10 除尽，且被这三个数除尽时所得的三个商的和为 1365，问四位数“□□□□”中四个数字的和是多少？( )

A. 17

B. 16

C. 15

D. 14

**【练 3】**某俱乐部中女会员的人数比男会员的一半少 61 人，男会员的人数比女会员的 3 倍多 2 人，问该俱乐部共有会员多少人？( )

A. 475 人

B. 478 人

C. 480 人

D. 482 人

**第四章 设一思想（特值）解题思维**

适用题型：工程问题、经济利润相关问题、行程问题、浓度问题等等。

## 一、工程问题设“1”

设总工程为90

30

【例1】一项任务甲做要半小时完成，乙做要45分钟完成，两人合作需多少分钟完成？

A. 12

$$(3+2)x = 90$$

B. 15

C. 18

$$5 \times 18$$

D. 20

【例2】单独完成某项工作，甲需要16小时，乙需要12小时，如果按照甲、乙、甲、乙、……的顺序轮流工作，每次1小时，那么完成这项工作需要多长时间？

$\frac{2 \times 8}{3 \times 4}$

设总工程为48

$\frac{3}{4} \times 48$

$\frac{3}{4} \times 48$

B. 13小时45分钟

A. 13小时40分钟

C. 13小时50分钟

D. 14小时

【例3】甲、乙、丙三个工程队的效率比为6:5:4，现将A、B两项工作量相同的工程交给

这三个工程队，甲队负责A工程，乙队负责B工程，丙队参与A工程若干天后转而参与B

工程，两项工程同时开工，耗时16天同时结束。问丙队在A工程中参与施工多少天？

A. 6

$$15 \times 16 = 240$$

B. 7

C. 8

$$120 - 6 \times 16 = 120 - 96$$

D. 9

## 二、浓度问题设“1”

25

$\frac{6}{100}$

【例1】已知盐水若干千克，第一次加入一定量的水后，盐水浓度变为6%，第二次加入同样多的水后，盐水浓度变为4%，第三次再加入同样多的水后盐水浓度是多少？

A. 3%

$$\frac{6}{100} \rightarrow \frac{4}{100+150}$$

B. 2.5%

C. 2%

D. 1.8%

## 三、利润问题设“1”

$$\frac{6}{100+300+200} = 2\%$$

100

80

100

【例1】有一本畅销书，今年每册书的成本比去年增加了10%，因此每册书的利润下降了20%，但是今年的销量比去年增加了70%。则今年销售该畅销书的总利润比去年增加了

A. 36%

170

B. 25%

C. 20%

D. 15%

去年： $100 \times 100$

$100 \times 10$

今年： $170 \times 80 = 13600$      $80 \times 17$

$$\text{折: } \frac{99}{11\%} + \frac{91}{9\%} = \frac{900+110}{100} = \frac{1010}{100} = 101$$

$$\frac{199}{2000}$$

## 四、其他问题设“1”

$$\frac{11\% \times 9\% \times 2}{100 \times 100} = \frac{180}{100 \times 100} = \frac{180}{10000} = \frac{1}{555}$$

**【例 1】**某市气象局观测发现，今年第一、二季度本市降水量分别去同期增加了 11% 和 9%，

而两个季度降水量看的绝对增量刚好相同。那么今年上半年该市降水量同比增长多少？

- A. 9.5%  
C. 9.9%

$$\begin{array}{r} 100 \\ \times 11\% \\ \hline 110 \\ - 100 \\ \hline 10 \\ \times 9\% \\ \hline 90 \\ - 100 \\ \hline 10 \end{array}$$

- B. 10%  
D. 10.5%

$$\begin{array}{r} 99 \\ - 11\% \\ \hline 90 \\ - 100 \\ \hline 10 \\ \times 9\% \\ \hline 9 \\ - 100 \\ \hline 10 \end{array}$$

**【例 2】**修一条公路，假定每人每天的工作效率是相同，计划 180 名工人 1 年完成。工作 4

个月后，因情况特殊，要求提前 2 个月完成任务，需要增加工人多少名？

- A. 50,  
C. 70,

$$\begin{array}{r} 180 \times 12 \\ - 180 \times 4 \\ \hline 1440 \\ (180+x) \times 6 \\ \hline 1080 + 6x \end{array}$$

- B. 65,  
D. 60

设“一”思想总结：

$$\begin{array}{r} 36(180+x) = 180 \times 84 \\ 180+x = 180 \times \frac{84}{36} \\ \hline 180+x = 180 \times 2.5 \\ \hline x = 180 \times 0.5 \\ \hline x = 90 \end{array}$$

$$(180 \times 4) + (180+x) \times 6 = 180 \times 12$$

D

### 设“一”习题演练：

**【练 1】**某工程项目由甲项目公司单独做需 4 天才能完成，由乙项目公司单独做需 6 天才能完成，甲乙丙三个公司共同做 2 天就可以完成，现因交工日期在即，需多公司合作，但甲公司因故退出，则由乙丙公司合作完成共需多少天？

- A. 3  
C. 5

$$2 + 6 + 4 + x = 12$$

$$x = 2$$

B. 4

$$12 + 12 = 24$$

$$2 + 1 \times 4 = 12$$

**【练 2】**一种溶液，蒸发掉一定量的水后，溶液的浓度变为 10%，再蒸发掉同样多的水后，

溶液的浓度变为 12%，第三次蒸发掉同样多的水后，溶液的浓度将变为多少？

- A. 14%  
C. 16%

- B. 17%  
D. 15%

$$120x = 180y = x$$

**【练 3】**某服装店老板去采购一批商品，其所带的钱如果只买某种进口上衣可买 120 件，如果只买某种普通上衣则可买 180 件。现在知道，最后该老板买的进口上衣和普通上衣的数量相同，问他最多可以各买多少件？

- A. 70 件

B

- B. 72 件

$$120m + 180n = 300$$

$$300 = 120m + 180n = 120(m+n) + 60n$$

$$5m = 360 = 72$$

C. 74 件

D. 75 件

**【练 4】**甲乙两个乡村阅览室，甲阅览室科技类书籍数量的  $\frac{1}{5}$  相当于乙阅览室该类书籍的  $\frac{1}{4}$ ，甲阅览室文化类书籍数量的  $\frac{2}{3}$  相当于乙阅览室该类书籍的  $\frac{1}{6}$ ，甲阅览室科技类和文化类书籍的总量比乙阅览室两类书籍的总量多 1000 本，问甲阅览室有多少本科技类书籍？

甲科:  $20x$ 甲文:  $x$ 乙科:  $4x$ 乙文:  $6x$ 

A. 15000

C. 18000

B. 16000

D. 20000

$$\frac{2}{3}x = \frac{1}{6} \times 4x \Rightarrow x = 1000$$

**要点：**构造最不利的情况，或从问题的反面出发寻找解题突破口，从而完成解题。

**【例 1】**从一副完整的扑克牌中，至少抽出多少张牌，才能保证至少有 6 张牌的花色相同？

A. 21

5 种

4 种花色

26

B. 22

54 - 26

① ② ③ ④

C.

C. 23

13 种牌

(2)

D. 24

14

5 5 5 5

D.

**【例 2】**一个袋内有 100 个球，其中有红球 28 个、绿球 20 个、黄球 12 个、蓝球 20 个、白球 10 个、黑球 10 个。现在从袋中任意摸球出来，如果要使摸出的球中，至少有 15 个球的颜色相同，问至少要摸出几个球才能保证满足上述要求？( )

A. 78

14 个颜色

B. 77

13

14

C.

C. 75

14

D. 68

13

14

D.

**【例 3】**建华中学共有 1600 名学生，其中喜欢乒乓球的有 1180 人，喜欢羽毛球的有 1360 人，喜欢篮球的有 1250 人，喜欢足球的有 1040 人，问以上四项球类运动都喜欢的至少有几人？( )

A. 20 人

1600 - 1180 = 320

B. 30 人

1600 - 1360 = 240

C. 40 人

1600 - 1250 = 350

D. 50 人

1600 - 1040 = 560

不都喜欢  
至少数一概不  
喜欢

**【例 4】**10 个箱子总重 100 公斤，且重量排在前三位的箱子总重不超过重量排在后三位的箱子总重的 1.5 倍。问最重的箱子重量最多是多少公斤？

A. 200/11

$$\frac{x}{y} = \frac{3}{2}$$

B. 500/23

C. 20

$$x + 9y = 100$$

D. 25

$$x + 9y = 100$$

$$1.5x + 9x = 100$$

**逆向分析习题演练：**

**【练 1】**一只袋子里装有 44 只玻璃球，其中白色的 2 只，红色的 3 只，绿色的 4 只，黄色的 5 只，棕色的 6 只，黑色的 7 只，蓝色的 8 只，透明的 9 只。如果每次从中取球一个，那

么要得到 2 只同色的球，最多要取几次？

A. 2

C. 9

A. 5

C. 7

C

B. 8

D. 11

B. 6

D. 8

【练 2】某社团共有 46 人，其中 35 人爱好戏剧，30 人爱好体育，38 人爱好写作，40 人爱好收藏，这个社团至少有多少人以上四项活动都喜欢？

A

34  
5

小结：

## 第六章 公式法解题思维

适用题型：等差数列问题、行程问题等等。

### 一、等差数列问题

#### 1. 通项公式及其运用（植树问题）：

$$\text{通项公式: } a_n = a_1 + (n-1)d$$

**植树要点：**（1）单边线型植树棵数 = 总长 ÷ 间隔 + 1。

（2）单边环形植树棵树 = 总长 ÷ 间隔。

（3）单边楼间植树棵数 = 总长 ÷ 间隔 - 1。

（4）双边植树棵树 = 单边相应植树棵数 × 2。

【例 1】把一根钢管锯成 5 段需要 8 分钟，如果把同样的钢管锯成 20 段需要多长时间？

A. 32 分

B. 38 分

C. 40 分

D. 152 分

D

【例 2】有一排长椅总共有 65 个座位，其中已经有些座位上有人就坐。现在又有一人准备找一个位置就坐，但是此人发现，无论怎么选择座位，都会与已经就坐的人相邻。问原来至少已经有多少人就坐？

$$a_1 = 65, d = 3, a_n = 65 \quad \text{不 不 不 不 不 不}$$

$$(a_n - a_1) = (n-1)d$$

$$a_n = 21 \times 3 + a_1 = 36 + a_1 = 65$$

A. 13

B. 17

C. 22

D. 33

**例3** n为100以内的自然数，那么能令 $2^n - 1$ 被7整除的n有多少个？

A. 32 7 14 21 28 35 42 49

B. 33

C. 34 56 63 70 77 84 91 98 100

D. 35

## 2、求和公式及其运用：

$$\begin{aligned} \text{求和公式: } S_n &= \frac{a_1 + a_n}{2} \times n \\ &= n a_1 + \frac{1}{2} n(n-1)d \\ &= n \times \bar{a} \end{aligned}$$

**例1** 有一堆钢管，最下面一层是30根，逐层往上，每一层比下一层少一根钢管，则这堆钢管有(D)根？

A. 450

B. 455

C. 460

D. 465

**例2** 某一天某秘书发现办公桌上的台历已经有9天没有翻了，就一次翻了(9)张，这9天的日期加起来，得数恰好是108，问这一天是几号？(C)

A. 14

B. 13

C. 17

D. 19

**例3** 254个志愿者来自不同的单位，任意两个单位的志愿者人数之和不少于20人，且任意两个单位志愿者的人数不同，问这些志愿者所属的单位数最多有几个？

A. 17

B. 15

C. 14

D. 12

## 等差数列习题：

**练1** 两棵柳树相隔165米，中间原本没有任何树，现在在这两棵树中间等距种植32棵桃树，第1棵桃树到第20棵桃树间的距离是(B)

A. 90

B. 95

C. 100

D. 前面答案都不对

**练2** 电视台要播放一部(30)集电视连续剧，如果要求每天安排播出的集数互不相等，该电视剧最多可以播(A)。

A. 7天

B. 8天

C. 9天

D. 10天

小结：

## 二、排列组合与概率

### 排列组合要点：

#### 1、基本概念

$$\begin{cases} \text{加法原理：分类用加法} \\ \text{乘法原理：分步用乘法} \end{cases} \quad \begin{cases} \text{排列：与顺序有关} \\ \text{组合：与顺序无关} \end{cases}$$

#### 2、基本公式

$$\text{排列公式: } A_n^m = P_n^m = \frac{n!}{(n-m)!} = n(n-1)(n-2)\cdots(n-m+1)$$

$$\text{组合公式: } C_n^m = C_n^{n-m} = \frac{n!}{(n-m)!m!} = \frac{n(n-1)(n-2)\cdots(n-m+1)}{m(m-1)(m-2)\cdots2\times1}$$

3、逆向公式：满足条件的情况数=总情况数-不满足条件的情况数

### 1. 排列与组合定义之“取球”题型

C<sub>4</sub>

【例 1】一个杯子里有 4 个相同的球，从中取出 2 个球，问有多少种不同的取法？

A. 1

~~2x4x3  
2~~

B. 4

C. 6

D. 12

【例 2】一个杯子里有 4 个不相同的球，从中取出 2 个球，问有多少种不同的取法？

A. 1

C<sub>4</sub><sup>2</sup>

B. 4

A<sub>4</sub><sup>2</sup>

C. 6

D. 12

【例 3】一个杯子里有 4 个不同的球，从中取出 2 个球并按一定顺序排列起来，问有多少种

A<sub>4</sub><sup>2</sup> 11

C<sub>4</sub><sup>2</sup>A<sub>2</sub><sup>2</sup>

www.hexam.com

不同的排法?

- |      |       |
|------|-------|
| A. 1 | B. 4  |
| C. 6 | D. 12 |

## 2. 排列与组合定义之“分配”题型

**【例 1】**3 份材料分配给三个不同的部门，每个部门得到一份材料，问有多少种不同的分法?

- |      |       |
|------|-------|
| A. 1 | B. 4  |
| C. 6 | D. 12 |

**【例 2】**把 3 名工作人员分配给三个不同的部门，每个部门得到一位工作人员，问有多少种不同的分法?

- |      |       |
|------|-------|
| A. 1 | B. 4  |
| C. 6 | D. 12 |

**【例 3】**把 4 个不同的球放入 4 个不同的盒子中，每个盒子只放一个球，有多少种放法? ( )

- |       |       |
|-------|-------|
| A. 12 | B. 4  |
| C. 24 | D. 10 |

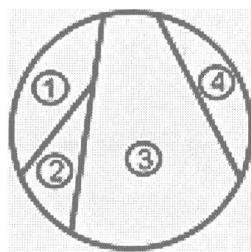
## 3. 加法原理和乘法原理的考察

**【例 1】**小凯家住在 A 区，但在 B 区上学，每天上学必须经过河上的一座桥。小凯从他家到这座桥有若干条不同的路可走，而从这座桥到学校可走的路程要比他家到这座桥的路多 3 条，这样他从家出发经过这座桥到学校共有 40 种沿不同路线的走法。则小凯从家到这座桥有 ( ) 条不同的路可走。

- |      |      |
|------|------|
| A. 8 | B. 7 |
| C. 6 | D. 5 |

**【例 2】**如图所示，圆被三条线段分成四个部分。现有红、橙、黄、绿四种涂料对这四个部分上色，假设每部分必须上色，且任意相邻的两个区域不能用同一种颜色，问共有几种不同的上色方法?

- |         |         |
|---------|---------|
| A. 64 种 | B. 72 种 |
| C. 80 种 | D. 96 种 |



## 4. “捆绑法”与“插空法”题型

**捆绑，插空法核心提示：**

1. 相邻问题——捆绑法：先将相邻元素全排列，然后视为一个整体与剩余元素全排列。
- 2 不相邻问题——插空法：将不相邻元素有序插入所成间隙中。

**【例 1】**A, B, C, D, E 五人排成一排，其中 A, B 两人必须站在一起，共有 ( ) 种排法。

A. 120

$$\begin{matrix} A & A^2 \\ \times 4 & \times 2 \\ = 4 \times 3 \times 2 \end{matrix}$$

B. 72

C

C. 48

D. 24

**【例 2】**某道路旁有 10 盏路灯，为节约用电，准备关掉其中的 3 盏。已知两端的路灯不能关，并且关掉的灯不能相邻，则有 ( ) 种不同的关灯方法。

A. 20

A

B. 40

$$\begin{matrix} 10 & -3 \\ 10-3=7 & \times 6 \times 5 \end{matrix}$$

C. 48

D. 96

## 5. 错位排列问题

**错位排列核心提示：**

有 N 封信和 N 个信封，则每封信都不装在自己的信封里，可能的方法的种数计作  $D_n$ ，则  $D_1 = 0$ ,  $D_2 = 1$ ,  $D_3 = 2$ ,  $D_4 = 9$ ,  $D_5 = 44$ ,  $D_6 = 265 \dots$

**【例 1】**小明给住在五个国家的五位朋友分别写一封信，这些信都装错了信封的情况共有多少种？( )

A. 32

B

C. 64

D. 120

$\begin{matrix} 5 & \times 4 & \times 3 & \times 2 & \times 1 \\ \times 4 & \times 3 & \times 2 & \times 1 \\ = 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 \end{matrix}$

A B C D E

**【例 2】**五个瓶子都贴了标签，其中恰好贴错了三个，则错的可能情况共有多少种？( )

A. 6

C

B. 10

C. 12

D. 20

$$\begin{matrix} 5 & \times 4 & \times 3 & \times 2 & \times 1 \\ \times 4 & \times 3 & \times 2 & \times 1 \\ = 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 \end{matrix}$$

## 6. 概率问题

**概率要点:** 1、古典概率  $P=m/n$ 。 ( $n$  为事件总数,  $m$  为问题涉及的事件数)  
 2、几何概率  $P=g/s$ 。 ( $s$  为总面积,  $g$  为问题涉及的 面积)

**【例 1】** 小王开车上班需经过 4 个交通路口, 假设经过每个路口遇到红灯的概率分别为 0.1、0.2、0.25、0.4, 则他上班经过 4 个路口至少有一处遇到绿灯的概率是 D

- D. 0.650      A. 0.899      C. 0.989      B. 0.988      D. 0.998

**【例 2】** 有 5 队夫妇参加一个婚宴, 他们被安排在一张 10 人座位的圆桌就餐, 但婚礼操办者不知道他们之间的关系, 知识随机的安排座位。问 5 对夫妇恰好安排在一起相邻就坐的概率是多少?

- A. 在 1‰ 到 5‰ 之间      B. 在 5‰ 到 1% 之间  
 C. 超过 1%      D. 不超过 1‰

**【例 3】** 边长为 8 的正方形中有一个边长为 6 的正方形。现在向大正方形中随意投一石, 恰好投在小正方形以外的概率是 A。

- A. 7/16      B. 1/2      C. 9/16      D. 6/8

排列组合与概率习题演练:

**【练 1】** 一张节目表上原有 3 个节目, 如果保持这 3 个节目的相对顺序不变, 再添进去 2 个新节目, 有多少种安排方法?

- A. 20      B. 12  
 C. 6      D. 4

**【练 2】** 小王忘记了朋友的手机号的最后两位, 只记得手机号的倒数第一位是奇数, 那么小王最 多要拨打多少次才能保证打通朋友的电话? B

- A. 90      B. 50  
 C. 45      D. 20

**【练 3】** 有颜色不同的四盏灯, 每次使用一盏、两盏、三盏或四盏, 并按一定的秩序挂在灯杆上表示信号, 问共可表示多少种不同的信号?

- A. 24 种      B. 48 种

C. 64 种

D. 72 种

【练 4】甲、乙、丙、丁四个人站成一排，已知：甲不站在第一位，乙不站在第二位，丙不站在第三位，丁不站在第四位，则所有可能的站法数为多少种？(C)

A. 6

甲 乙 丙 丁

B. 12

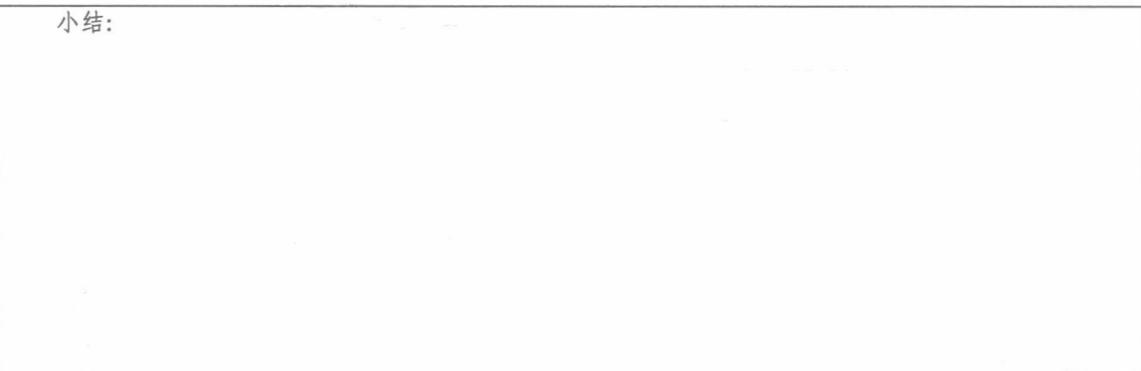
C. 9

↑ ↑ ↑ ↑

D. 24

D<sub>4</sub>

小结：



### 三、行程问题

#### 1. 相遇与追及问题：

##### (1) 简单追及和相遇问题

$$S = vt \Rightarrow \begin{cases} \text{相遇问题: } & S = t(v_{\text{大}} + v_{\text{小}}) \\ \text{追及问题: } & S = t(v_{\text{大}} - v_{\text{小}}) \end{cases}$$

##### (2) 多次追及和相遇问题

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{直线多次相遇问题:} \\ \text{环形多次相遇问题:} \\ \text{环形多次追及问题:} \end{array} \right.$$

【例 1】A、B 两人步行速度之比为 7:5，A、B 两人分别从 C、D 两地同时出发。如果相向而行，0.5 小时后相遇，如果同向而行，A 追上 B 需几个小时？

A. 2.5 小时

B. 3 小时

C. 3.5 小时

D. 4 小时

$$(5+7) \times \frac{1}{2} = 6$$

$$12x = 6$$

$$x = 0.5$$

【例 2】甲乙两人在一条椭圆形田径跑道上练习快跑和慢跑，甲的速度为 3 米每秒，乙的

速度是 7 米每秒。甲乙在同一点同向跑步，经 100 秒第一次相遇，若甲乙朝相反的方向跑，经 ( ) 秒第一次相遇。

A. 30

C. 50

$$4 \times 100 = 400 \text{ m}$$

$$400 = 10t - 400$$

B. 40

D. 70

$$t = 80 \text{ s}$$

**【例 3】** 甲、乙两人在长 30 米的泳池内游泳，甲每分钟游 37.5 米，乙每分钟游 52.5 米。两人同时分别从泳池的两端出发，触壁后原路返回，如是往返。如果不计转向的时间，则从出发开始计算的 1 分 50 秒内两人共相遇多少次？

A. 2

C. 4

E. 6

$$90t = 30 \times 2$$

$$90 \times \frac{1}{6} = 15$$

$$6 \times 2 = 12$$

B. 3

D. 5

F. 7

**【例 4】** 甲、乙两人骑车在路上追逐，甲的速度为 27 千米/小时，每骑 5 分钟休息 1 分钟，乙的速度是 300 米/分，现在已知乙先行 1650 米，甲开始追乙，追到乙所需的时间是 ( )

A. 10 分钟

C. 16 分钟

B. 15 分钟

D. 17 分钟

## 2. 流水行程问题核心公式：

$$(1) v_{\text{顺}} = v_{\text{船}} + v_{\text{水}} ; v_{\text{逆}} = v_{\text{船}} - v_{\text{水}}$$

$$(2) v_{\text{顺}} - v_{\text{水}} = v_{\text{船}} = v_{\text{逆}} + v_{\text{水}} \Rightarrow v_{\text{顺}} - v_{\text{逆}} = 2v_{\text{水}}$$

$$(3) v_{\text{顺}} - v_{\text{船}} = v_{\text{水}} = v_{\text{船}} - v_{\text{逆}} \Rightarrow v_{\text{顺}} + v_{\text{逆}} = 2v_{\text{船}}$$

**【例 1】** 一轮船逆流而行从甲地到乙地需要 6 天，顺流而行从乙地到甲地需要 4 天，若不考虑其它因素，一漂浮物从乙地漂流到甲地需要几天 ( )

A. 12

C. 18

$$V_{\text{逆}} = V_{\text{船}} - V_{\text{水}} = 1/2$$

B. 16

D. 24

13

12

## 3. 平均速度问题：

$$S_{\text{总}} = S_{\text{上坡1}} + S_{\text{下坡1}} = S_{\text{上坡2}} + S_{\text{下坡2}}$$

(1) 山坡行程问题公式：

$$= S_{\text{上坡1}} + S_{\text{上坡2}} = S_{\text{下坡1}} + S_{\text{下坡2}}$$

$$(2) \text{ 等距离平均速度公式: } \bar{v} = \frac{2v_1 v_2}{v_1 + v_2}$$

**【例 1】** A、B 两山村之间的路不是上坡就是下坡，相距 60 千米。邮递员骑车从 A 村到 B 村，用了 3.5 小时；再沿原路返回，用了 4.5 小时。已知上坡时邮递员车速是 12 千米/小时，则下坡时邮递员的车速是 ( )

$$\frac{V_1 V_2}{V_1 + V_2} = \frac{12 V_2}{12 + V_2} = 240$$