



十年畅销桃李九州 而今创新经济英才



# 北京 名师导学

天下学子的良师益友

## 零失误训练

### 高一数学 上

总主编：刘 强

学科主编：周沛耕 北京大学附属中学数学特级教师  
国家奥林匹克集训队北京队主教练



874338

十年暢銷桃李九州 而今創新



# 北京 名師導學

重慶師大圖書館

G634  
0140

## 零失誤訓練

### 高一數學 上



CS1048989

G634  
0140

總主編：劉 強

學科主編：周沛耕

本冊主編：李新生

本冊副主編：毛士永 王永玲

本冊編者：劉勝群 林 海 顧秀國 曹偉

北京出版社出版集團  
BEIJING PUBLISHING HOUSE(GROUP)

北京教育出版社  
BEIJING EDUCATION PUBLISHING HOUSE

73

图书在版编目(CIP)数据

北京名师导学零失误训练.高一数学/刘强主编.—5版.—北京:北京教育出版社,2006

ISBN 7-5303-1992-2

I.北... II.刘... III.数学课—高中—习题 IV.G634

中国版本图书馆 CIP 数据核字(2006)第 052562 号

北京名师导学·零失误训练

高一数学(上)

刘强 总主编

北京出版社出版集团 出版  
北京教育出版社

(北京北三环中路6号)

邮政编码:100011

网址:www.bph.com.cn

北京出版社出版集团总发行

全国各地书店经销

山东高青县印刷厂印刷

890×1240 16开本 8印张 190000字  
2006年6月修订版 2006年6月第1次印刷

ISBN 7-5303-1992-2/G·1966

定价:12.80元

版权所有 翻印必究

如发现质量问题,请与我们联系

地址:北京市中关村西区天创科技大厦八层

电话:010-6843492 邮编:100080 网址:www.QQbook.cn

874338



北京名师导学

零失误训练

高一数学(上)

出版  
一套好书

展示  
一批学校

宣传  
一批教师

产生  
一批成果

选择  
一套好书

巧借  
一臂之力

梦圆  
一所名校

实现  
一生夙愿

# INTRODUCTION

## 前言

### 注重培养能力，特别着眼于培养创新能力和实践能力

丛书编写遵循中学教学的实际操作方法和中学生的学习规律，努力体现教与学过程中的实用性原则，遵循自主预习、课堂精讲、课后巩固、拓展延伸、探究提升的学习轨迹。另外，本丛书还体现精讲多练的原则，讲和练的篇幅比例为3:7。

### 栏目特点鲜明，透彻分析思维误区努力做到零失误

- 1 自主学习：**注重发挥“导学学案”强大自主探究功能，使学生通过亲自动手整理和归纳，获得完整详细的基础知识的梳理，从而实现教材知识的前后衔接、融会贯通。
- 2 规律总结：**在精选的大量经典、针对性强的例题中，对疑点、难点、重点、易忽略点和易错点进行了详尽的剖析。
- 3 基础能力训练：**系统、全面、针对性强，是形成能力的基础，也是考试中篇幅最大的部分。
- 4 综合创新训练：**以与科技发展、生活实际相联系的信息题、材料题，或是学科内综合性题目为主，是考试得高分的关键所在。
- 5 探究学习：**通过课外探究性阅读，引发学生探究的兴趣，激起学生的思考。
- 6 单元测试题：**从单元的高度对知识点和学科方法进行训练和总结。
- 7 期中、期末测试题：**采用常规试卷的方式，使学生对自己阶段性的学习进行评估和检测。

快乐的学习，让知识开启你灵动的悟性

# CONTENTS

## 目 录

<b>第一章 集合与简易逻辑</b> .....	(1)
1.1 集合 .....	(1)
1.2 子集、全集、补集 .....	(4)
1.3 交集、并集 .....	(7)
1.4 含绝对值的不等式解法 .....	(10)
1.5 一元二次不等式解法 .....	(13)
1.6 逻辑联结词 .....	(17)
1.7 四种命题 .....	(20)
1.8 充分条件与必要条件 .....	(23)
第一章知识总结 .....	(26)
第一章综合检测题 .....	(27)
<b>第二章 函数</b> .....	(30)
2.1 函数 .....	(30)
2.2 函数的表示法 .....	(34)
2.3 函数的单调性 .....	(37)
2.4 反函数 .....	(40)
2.5 指数 .....	(43)
2.6 指数函数 .....	(47)
2.7 对数 .....	(51)
2.8 对数函数 .....	(54)
2.9 函数的应用举例 .....	(57)
第二章知识总结 .....	(61)
第二章综合检测题 .....	(62)
<b>第一学期期中测试题</b> .....	(64)
<b>第三章 数列</b> .....	(66)
3.1 数列 .....	(66)
3.2 等差数列 .....	(69)
3.3 等差数列的前 $n$ 项和 .....	(72)
3.4 等比数列 .....	(75)
3.5 等比数列的前 $n$ 项和 .....	(78)
3.6 数列求和 .....	(81)
第三章知识总结 .....	(84)
第三章综合检测题 .....	(85)
<b>第一学期期末测试题</b> .....	(88)
<b>参考答案及解析</b> .....	(1~31)



北京名师导学  
零失误训练

高一数学(上)

出版  
一套好书

展示  
一批学校

宣传  
一批教师

辅助  
一批学生

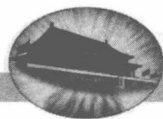
提高  
一定能力

避免  
一些误区

产生  
一批成果

圆梦  
一所名校

实现  
一生夙愿



## 第一章

## 1.1 集合



## 主干知识 ←提前预习 勤于归纳→

- 一般地, \_\_\_\_\_ 就成为一个集合, 集合中的 \_\_\_\_\_ 叫做集合的一个元素.
- 集合中元素具有的特征: \_\_\_\_\_.
- 集合的表示方法有 \_\_\_\_\_.
- 元素与集合的关系用符号 \_\_\_\_\_ 或 \_\_\_\_\_ 表示, 例如:  $A = \{a, b, c\}$ , 则  $a$  \_\_\_\_\_  $A$ ,  $d$  \_\_\_\_\_  $A$ .
- 常见数集的专用符号有:  
 $N$ : \_\_\_\_\_;  $N^*$  或  $N_+$ : \_\_\_\_\_;  $Z$ : \_\_\_\_\_;  $Q$ : \_\_\_\_\_;  $R$ : \_\_\_\_\_.
- 用符号  $\in$  或  $\notin$  填空:  
 $1$  \_\_\_\_\_  $N$ ,  $0$  \_\_\_\_\_  $N$ ,  $-3$  \_\_\_\_\_  $N$ ,  $\sqrt{2}$  \_\_\_\_\_  $N$ ;  
 $1$  \_\_\_\_\_  $Z$ ,  $0$  \_\_\_\_\_  $Z$ ,  $-3$  \_\_\_\_\_  $Z$ ,  $\sqrt{2}$  \_\_\_\_\_  $Z$ ;  
 $1$  \_\_\_\_\_  $Q$ ,  $0$  \_\_\_\_\_  $Q$ ,  $-3$  \_\_\_\_\_  $Q$ ,  $\sqrt{2}$  \_\_\_\_\_  $Q$ .
- 集合的分类: \_\_\_\_\_.
- \_\_\_\_\_ 叫做空集, 记为 \_\_\_\_\_.

## 点击思维 ←温故知新 查漏补缺→

- 根据定义, 你能否举出几个集合的例子?
- {我国的小河流} 能否表示集合?
- 怎么理解元素的确定性和互异性?
- 试用两种方法表示方程  $x^2 - 4 = 0$  的解的集合.



## 名师导学

## 典例分析

## 例1 判断正误

- $A = \{1, 3\}$ , 则  $3 \in A, 5 \in A$ .
- {个子高的同学} 表示集合.
- $A = \{2, 2, 5\}$ .
- $A = \{\text{太平洋, 大西洋}\}$ ,  $B = \{\text{大西洋, 太平洋}\}$  表示同一集合.

**思路分析:** 正确理解集合中元素的特征, 根据性质判断正误.

解: (1)  $\times$   $5 \notin A$ .

(2)  $\times$  元素不明确.

(3)  $\times$  不满足元素的互异性.

(4)  $\checkmark$

## 抓住重点 ★ 举一反三



## 规律总结

## 善于总结 ★ 触类旁通

## 1 方法点拨: 注意元素的性质:

- 元素的确定性.
- 元素的互异性.
- 元素的无序性.



例2 用适当方法表示下列集合,然后说明是有限集还是无限集.

- (1)由大于10的所有自然数组成的集合.
- (2)由24与30的所有公约数组成的集合.
- (3)不等式  $4x-6 < 5$  的解集.

解:(1) $\{x \in \mathbf{N} | x > 10\}$  无限集

(2) $\{1, 2, 3, 6\}$  有限集

(3) $\{x | x < \frac{11}{4}\}$  无限集

方法点拨:集合的表示方法:列举法、描述法和图示法.



基础能力训练

回归教材 ★ 注重基础

元素性质的应用

1. 下列各组对象
- ①所有的好人;
  - ②不超过20的非负数;
  - ③某一班级16岁以下的学生;
  - ④直角坐标平面内横坐标与纵坐标相等的点;
  - ⑤高个子的人;
  - ⑥充分接近 $\sqrt{3}$ 的实数.

能构成集合的是( )

- A. ①②⑤
- B. ②③⑤
- C. ②④⑥
- D. ②③④

2. 下列集合表示同一集合的是( )

- A.  $M = \{(3, 2)\}, N = \{(2, 3)\}$
- B.  $M = \{3, 2\}, N = \{2, 3\}$
- C.  $M = \{(x, y) | x + y = 1\}, N = \{y | x + y = 1\}$
- D.  $M = \{1, 2\}, N = \{(1, 2)\}$

3. 已知数集  $A = \{2a, a^2 - 2a\}$ , 则实数  $a$  的取值范围为\_\_\_\_\_.

集合的表示方法

4. 方程组  $\begin{cases} x+y=5 \\ x-y=-3 \end{cases}$  的解集是( )
- A.  $\{x=1, y=4\}$
  - B.  $\{1, 4\}$
  - C.  $\{(1, 4)\}$
  - D.  $\{(x, y) | x=1 \text{ 或 } y=4\}$

5.  $\{(x, y) | x + y = 6, x, y \in \mathbf{N}\}$ , 用列举法可表示为\_\_\_\_\_.

6. 由小于10的所有质数组成的集合为\_\_\_\_\_.

7. 用列举法表示下列集合:

(1)  $A = \{x \in \mathbf{Z} | \frac{6}{2-x} \in \mathbf{Z}\}$ ;

(2)  $B = \{y | y = -x^2 + 6, x \in \mathbf{N}^*, y \in \mathbf{N}^*\}$ ;

(3)  $C = \{(x, y) | y = -x^2 + 6, x \in \mathbf{N}^*, y \in \mathbf{N}^*\}$ .

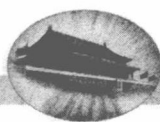
$\emptyset$  的应用

8. 下列命题中正确的是( )
- A.  $\{0\}$  是空集
  - B.  $\{x \in \mathbf{Q} | \frac{6}{x} \in \mathbf{N}^*\}$  是有限集
  - C.  $\{x \in \mathbf{Q} | x^2 + x + 2 = 0\}$  是空集
  - D.  $\{1, 2\}, \{2, 1\}$  是不同的集合
9. 下列四个集合中, 表示空集的是( )
- A.  $\{0\}$
  - B.  $\{(x, y) | y = \sqrt{-x}\}$
  - C.  $\{x | x^2 + 3x + 2 = 0, x \in \mathbf{N}^*\}$
  - D.  $\{x \in \mathbf{Z} | 1 < |x| \leq 3\}$

10. 已知集合  $A = \{x | ax^2 - 3x + 2 = 0, x \in \mathbf{R}\}$

(1)若  $A$  是空集, 求  $a$  的取值范围;

(2)若  $A$  中只有一个元素, 求  $a$  的值并把这个元素写出来.



**综合创新训练**

登高望远 ★ 课外拓展



**创新应用**

11. 设  $1 \in \{a+2, a^2+2a+1, a^2+3a+3\}$ , 求  $a$  的值.

(2) 证明集合  $A$  不可能是单元素集;

**开放探索**

12. 设  $A$  是数集, 且满足条件: 若  $a \in A, a \neq 1$ , 则  $\frac{1}{1-a} \in A$ .

(3) 证明集合  $A$  中至少有三个不同的元素.

(1) 若  $2 \in A$ , 则  $A$  中必还有另外两个元素, 求出这两个元素;



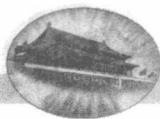
联系生活 ★ 能力提升

集合是现代数学的基本概念, 专门研究集合的理论叫集合论. 康托尔(Cantor, G·F·P, 1845年~1918年), 德国著名数学家, 他是集合论的创造者. 1845年3月3日生于圣彼得堡, 其父为迁居俄国的丹麦商人.

康托 11 岁时移居德国, 1862 年入瑞士苏黎世大学, 翌年转入柏林大学, 主修数学, 1866 年曾去格丁根学习一学期, 1867 年获得博士学位, 著作有《G·康托尔全集》、《康托尔—戴德金通信集》等.

Handwritten notes area with horizontal lines.





## 第一章

## 1.2 子集、全集、补集



## 自主学习



## 主干知识 ←提前预习 勤于归纳→

- 子集:对于两个集合  $A$  与  $B$ , 如果 \_\_\_\_\_, 我们就说  $A$  包含于  $B$  或  $B$  包含  $A$ , 记作  $A \subseteq B$  (或  $B \supseteq A$ ). 这时我们也说集合  $A$  是集合  $B$  的子集.
- 若集合  $A$  不包含于  $B$  或  $B$  不包含  $A$ , 则记作  $A \not\subseteq B$  (或  $B \not\supseteq A$ ).
- 依据定义, 空集是任何集合的子集, 即  $\emptyset \subseteq A$ .
- 如果  $A \subseteq B$ , 且  $A \neq B$ , 则集合  $A$  是集合  $B$  的 \_\_\_\_\_, 记作  $A \subset B$ , 由此, \_\_\_\_\_ 是任何非空集合的真子集. 如果  $A \subseteq B$ , 同时  $B \subseteq A$ , 那么  $A = B$ .
- 补集: \_\_\_\_\_
- 全集: \_\_\_\_\_

## 点击思维 ←温故知新 查漏补缺→

1. 观察下列几组集合, 判断集合  $A$  与集合  $B$  的关系.

(1)  $A = \{1, 2, 3\}, B = \{1, 2, 3, 4, 5\}$

(2)  $A = \{x | x > 3\}, B = \{x | 3x - 9 > 0\}$

(3)  $A = \{\text{正方形}\}, B = \{\text{四边形}\}$

2. 用适当符号填空

(1)  $a \subseteq \{a\}; (2) d \subseteq \{a, b, c\};$

(3)  $\{a\} \subseteq \{a, b, c\}; (4) \emptyset \subseteq \{1, 2, 3\}.$

3.  $A = \{\text{班上参加足球队的同学}\}$

$B = \{\text{班上没有参加足球队的同学}\}$

$S = \{\text{班里的同学}\}$

那么  $S, A, B$  的关系如何?



## 名师导学



## 典例分析

抓住重点 ★ 举一反三

例 1 写出集合  $\{a, b\}$  的所有子集, 并指出其中哪些是真子集?

**思路分析:** 该题要注意紧扣子集和真子集的定义, 可以分  $\emptyset$ 、一个元素、两个元素三类分别写出集合的子集, 特别要注意不能漏了  $\emptyset$  和集合本身.

**解:** 集合  $\{a, b\}$  的所有子集是:  $\emptyset, \{a\}, \{b\}$  和  $\{a, b\}$ , 其中真子集有  $\emptyset, \{a\}, \{b\}$ .

**变式练习 1:** 已知  $A = \{a, b, c\}, B = \{x | x \subseteq A\}$ , 求集合  $B$ .

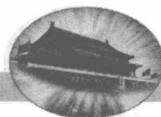


## 规律总结

善于总结 ★ 触类旁通

1 **拓展延伸:** 若一集合的元素有  $n$  个, 则这个集合的子集有  $2^n$  个, 真子集有  $2^n - 1$  个.

**变式练习 1:**  $B = \{\emptyset, \{a\}, \{b\}, \{c\}, \{a, b\}, \{a, c\}, \{b, c\}, \{a, b, c\}\}$



**例2** 设全集  $U = \{2, 3, m^2 + 2m - 3\}$ ,  $A = \{|m+1|, 2\}$ ,  $\complement_U A = \{5\}$ , 求  $m$  的值.

**思路分析:** 因为  $\complement_U(A) = \{5\}$ , 所以由补集的概念可知,  $5 \in U$ , 且  $5 \notin A$ . 从而  $m^2 + 2m - 3 = 5$ ,  $|m+1| = 3$ .

**解:** 由题意可知

$$\begin{cases} m^2 + 2m - 3 = 5 \\ |m+1| = 3 \end{cases} \quad \text{解得 } m = 2 \text{ 或 } -4.$$

$\therefore m$  的值为 2 或 -4.

**变式练习 2:** 若  $U = \{1, 3, a^2 + 2a + 1\}$ ,  $A = \{1, 3\}$ ,  $\complement_U A = \{5\}$ , 求  $a$  的值.

**变式练习 3:** 已知  $A = \{0, 2, 4\}$ ,  $\complement_U A = \{-1, 1\}$ ,  $\complement_U B = \{-1, 0, 2\}$ . 求集合  $B$ .

**2 方法点拨:** 解决此类问题要深刻理解补集的概念, 要注意思维的批判性与全面性.

解决补集的运算问题时, 除直接方法外, 还可采用数形结合的思想, 利用文氏图来解决.

**变式练习 2:** 由  $a^2 + 2a + 1 = 5$  得  $a = \sqrt{5} - 1$  或  $-\sqrt{5} - 1$

**变式练习 3:**  $B = \{1, 4\}$



### 基础能力训练

回归教材 ★ 注重基础



#### 集合关系的判断

- 下列五个关系式: ①  $0 \subseteq \{0\}$ ; ②  $0 \in \{0\}$ ; ③  $\emptyset = 0$ ; ④  $\emptyset \in \{0\}$ ; ⑤  $\emptyset \subsetneq \{0\}$ , 其中正确的是 ( )  
A. ①③                      B. ①⑤  
C. ②④                      D. ②⑤
- 已知全集  $U = \mathbf{R}$ ,  $C = \{x | x = a + b\sqrt{3}, a, b \in \mathbf{Q}\}$ , 则有 ( )  
A.  $C \subseteq \complement_U \mathbf{Q}$               B.  $\complement_U \mathbf{Q} \subseteq C$   
C.  $C \subseteq \mathbf{Q}$                       D.  $C \supseteq \mathbf{Q}$
- $A = \{x | x = 2m + 1, m \in \mathbf{Z}\}$ ,  $B = \{x | x = 2n - 1, n \in \mathbf{Z}\}$ , 则有  $A$  \_\_\_\_\_  $B$

#### 集合个数问题

- 满足  $\{1, 2\} \subsetneq M \subseteq \{1, 2, 3, 4, 5\}$  的集合  $M$  的个数是 ( )  
A. 3                              B. 6  
C. 7                              D. 8
- 集合  $S \subseteq \{1, 2, 3, 4, 5\}$ , 且满足“若  $a \in S$ , 则有  $6 - a \in S$ ”, 这样的  $S$  共有 ( )  
A. 5 个                          B. 7 个  
C. 15 个                        D. 31 个
- 集合  $M = \{1, 2, 3, 4, 5\}$  的子集有 \_\_\_\_\_ 个.

#### 集合运算与含参讨论问题

- 如果  $S = \{x | x \text{ 是小于 } 9 \text{ 的正整数}\}$ ,  $A = \{1, 2, 3\}$ ,  $B = \{3, 4, 5, 6\}$ , 那么  $\complement_S A =$  \_\_\_\_\_,  $\complement_S B =$  \_\_\_\_\_.

- 设全集  $U = \{0, 1, 2, 3, 4\}$ , 集合  $A = \{0, 1, 2, 3\}$ , 集合  $B = \{2, 3, 4\}$ , 则  $\complement_U A \cup \complement_U B =$  \_\_\_\_\_.
- $U = \{2, 3, 5\}$ ,  $A = \{|a-5|, 2\}$ ,  $\complement_U A = \{5\}$ , 则  $a =$  \_\_\_\_\_.
- 设  $U = \{2, 3, a^2 + 2a - 3\}$ ,  $A = \{b, 2\}$ ,  $\complement_U A = \{5\}$ , 求实数  $a$  和  $b$  的值.
- 已知  $A = \{1, 1+d, 1+2d\}$ ,  $B = \{1, q, q^2\}$ , 若  $A = B$ , 求  $d, q$  的值.



综合创新训练

创新应用

12. 已知集合  $A = \{1, 3, -x^3\}$ ,  $B = \{x+2, 1\}$ , 是否存在实数  $x$ , 使得  $B$  是  $A$  的子集? 若存在, 求出集合  $A, B$ ; 若不存在, 说明理由.

13. 设  $A = \{x | x^2 - 2x - 3 = 0\}$ ,  $B = \{x | ax - 1 = 0\}$ , 若  $A \cap B = B$ , 求  $a$  的值.

开放探索

14. 已知实数  $p$  满足  $-2 < p < -\frac{1}{2}$ , 试判断方程  $y^2 - 2y + 5 - p^2 = 0$  有无实根, 并说明理由.



探究学习

熊庆来

熊庆来(1893—1969), 字迪之, 云南弥勒人, 18岁考入云南省高等学堂, 20岁赴比利时学采矿, 后到法国留学, 并获博士学位, 1933年获得法国国家理科博士学位.

熊庆来是一位卓有贡献的数学教育家, 他先后在我国创办了东南大学数学系、清华大学数学系. 他是

最早将近代数学引进中国的数学家之一. 他一边在高等学校讲授数学理论, 一边编写大量的教科书和讲义. 他一向注重发现人才、培养人才, 曾与其他老师联合捐款资助有才能的学生出国深造. 在他的亲自培养下, 大批有为的青年数学家成长起来, 杨乐、张广厚就是他一生中最后培养的两位研究生.



# 第一章

## 1.3 交集、并集



### 主干知识 ←提前预习 勤于归纳→

观察下面两个图的阴影部分,分析它们与集合  $A, B$  的关系.



1. 交集:  $A \cap B =$  \_\_\_\_\_.

2. 并集:  $A \cup B =$  \_\_\_\_\_.

根据交集和并集的定义填空

3.  $A \cap A =$  \_\_\_\_\_,  $A \cap \emptyset =$  \_\_\_\_\_,  $A \cap B =$  \_\_\_\_\_  $B \cap A$ ;

$A \cup A =$  \_\_\_\_\_,  $A \cup \emptyset =$  \_\_\_\_\_,  $A \cup B =$  \_\_\_\_\_  $B \cup A$ .

4. 如果  $U$  是全集,  $A, B$  为  $U$  的两个子集, 图中有 4 个数字标出的区域, 试填写下表.

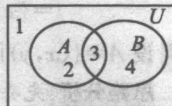


表 1 用集合表示区域

区域号	相应的集合
1	$\complement_U(A \cup B)$
2	
3	
4	

表 2 用区域表示集合

集合	相应区域号
$A$	
$B$	
$U$	
$A \cap B$	

5. 奇数集: \_\_\_\_\_.

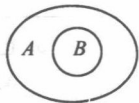
偶数集: \_\_\_\_\_.

### 点击思维 ←温故知新 查漏补缺→

1. 根据下列图形, 分别讨论  $A \cap B$  与  $A \cup B$  和集合  $A, B$  的关系.

(1) 结论:  $A \cap B =$  \_\_\_\_\_,

$A \cup B =$  \_\_\_\_\_.

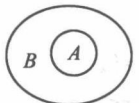


(2) 结论:  $A \cap B =$  \_\_\_\_\_,

$A \cup B =$  \_\_\_\_\_.

2.  $A = \{1, 3, 5\}, B = \{1, 4\}$

则  $A \cap B =$  \_\_\_\_\_,  $A \cup B =$  \_\_\_\_\_.





## 名师导学



## 典例分析

抓住重点 ★ 举一反三

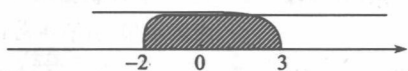


## 规律总结

善于总结 ★ 触类旁通

例1 设  $A = \{x | x > -2\}$ ,  $B = \{x | x < 3\}$ , 求  $A \cap B$ .

思路分析: 不等式表示的集合求交集时, 可利用数形结合的思想, 通过数轴来解决.



$$\begin{aligned} \text{解: } A \cap B &= \{x | x > -2\} \cap \{x | x < 3\} \\ &= \{x | -2 < x < 3\} \end{aligned}$$

例2 (1) 设  $A = \{4, 5, 6, 8\}$ ,  $B = \{3, 5, 7, 8\}$ , 求  $A \cup B$ .(2) 设  $A = \{x | x \text{ 是锐角三角形}\}$ ,  $B = \{x | x \text{ 是钝角三角形}\}$ , 求  $A \cup B$ .

思路分析: 求两集合的并集, 即把所有属于 A 或属于 B 的元素找出来, 组成一个新的集合.

$$\begin{aligned} \text{解: (1)} A \cup B &= \{4, 5, 6, 8\} \cup \{3, 5, 7, 8\} \\ &= \{3, 4, 5, 6, 7, 8\} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{(2)} A \cup B &= \{x | x \text{ 是锐角三角形}\} \cup \{x | x \text{ 是钝角三角形}\} \\ &= \{x | x \text{ 是斜三角形}\} \end{aligned}$$

例3 设  $A = \{(x, y) | y = -4x + 6\}$ ,  $B = \{(x, y) | y = 5x - 3\}$ , 求  $A \cap B$ .思路分析: 先弄清集合中的元素是什么, 或者说式子表示的几何意义是什么,  $A \cap B$  的元素就是集合 A 与集合 B 所表示方程组的解构成, 或者看成是直线  $y = -4x + 6$  和直线  $y = 5x - 3$  的交点.

$$\begin{aligned} \text{解: } A \cap B &= \{(x, y) | y = -4x + 6\} \cap \{(x, y) | y = 5x - 3\} \\ &= \left\{ (x, y) \left| \begin{cases} y = -4x + 6 \\ y = 5x - 3 \end{cases} \right. \right\} \\ &= \{(1, 2)\} \end{aligned}$$

例4 已知 A 为奇数集, B 为偶数集, Z 为整数集, 求:  $A \cap B$ ,  $A \cap Z$ ,  $B \cup Z$ ,  $A \cup B$ ,  $A \cup Z$ ,  $B \cup Z$ .思路分析: 由已知,  $A \subseteq Z$ ,  $B \subseteq Z$ , 据此可求解以上问题.

$$\text{解: } A \cap B = \emptyset, A \cap Z = A, B \cap Z = B.$$

$$A \cup B = Z, A \cup Z = Z, B \cup Z = Z$$

1 方法点拨: 求交集时, 要充分理解交集的定义: 由所有属于 A 且属于 B 的元素组成的集合, 必要时可利用数形结合的方法, 通过数轴或文氏图解决.

2 误区点拨: 集合中元素应没有重复现象, 两个集合的并集中, 原来两集合的公共元素只能出现一次, 不要写成  $\{3, 4, 5, 5, 6, 7, 8, 8\}$ .

3 易错点点拨: 三角形分直角三角形和斜三角形两种, 斜三角形又分为锐角三角形和钝角三角形, 所以(2)中不能写成  $A \cup B = \{x | x \text{ 是三角形}\}$ .

4 易错点点拨: 本题中结果不要写成  $A \cap B = \{1, 2\}$ , 因为交集的元素应为点的坐标.



学习札记



## 基础能力训练

回归教材 ★ 注重基础

交集、并集的基本运算

1. 设 M, N 是两个非空集合, 且 M, N 不互相包含,  $P = M \cap N$ , 则  $M \cup P =$  ( )A. M      B. N      C.  $\emptyset$       D. P2. 设集合  $A = \{x | x + 2 > 0\}$ ,  $B = \{x | x - 1 > 0\}$ ,  $C = \{x | x + 2 < 0\}$ ,  $D = \{x | x - 1 < 0\}$ ,  $E = \{x | -2 < x < 1\}$ , 则下列结论正确的是 ( )A.  $E = A \cap B$       B.  $E = A \cap D$ C.  $E = B \cap C$       D.  $E = B \cup C$ 3. 设全集  $U = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$ , 集合  $A = \{0, 3, 4, 5\}$ ,  $B = \{3, 5, 7\}$ , 则  $(\complement_U A) \cap (\complement_U B) =$  \_\_\_\_\_.4. 设 U 为全集, 则对任何集合 A, 有  $A \cup (\complement_U A) =$  \_\_\_\_\_.5. 已知集合  $M = \{1\}$ ,  $N = \{1, 2\}$ , 设  $A = \{(x, y) | x \in M, y \in N\}$ ,  $B = \{(x, y) | x \in N, y \in M\}$ . 求  $A \cap B, A \cup B$ .6. 已知  $M = \{x | x \leq 1\}$ ,  $N = \{x | x > a\}$ , 若  $M \cap N \neq \emptyset$ , 则 a 的取值范围是 \_\_\_\_\_.7.  $A = \{x | -2 < x < -1 \text{ 或 } x > 1\}$ ,  $B = \{x | a \leq x \leq b\}$ , 若  $A \cup B = \{x | x > -2\}$ ,  $A \cap B = \{x | 1 < x \leq 3\}$ , 则 a, b 的值为 \_\_\_\_\_.



8. 设  $A = \{x | x^2 - px - 2 = 0\}$ ,  $B = \{x | x^2 + qx + r = 0\}$ , 且  $A \cup B = \{-2, 1, 5\}$ ,  $A \cap B = \{-2\}$ , 求  $p, q, r$  的值.

## 综合应用

9. 设集合  $A = \{x | x \in \mathbb{Z} \text{ 且 } -10 \leq x \leq -1\}$ ,  $B = \{x \in \mathbb{Z} | |x| \leq 5\}$ , 则  $A \cup B$  中元素的个数为 ( )  
 A. 11      B. 10      C. 16      D. 15
10. 若  $A = \{1, 3, x\}$ ,  $B = \{x^2, 1\}$ , 且  $A \cup B = \{1, 3, x\}$ , 则这样的  $x$  的值有 \_\_\_\_\_ 个.

11. 设  $A = \{-3, 4\}$ ,  $B = \{x | x^2 - 2ax + b = 0\}$ ,  $B \neq \emptyset$ , 且  $A \cap B = B$ , 求  $a, b$  的值.

12. 高(一)班学生期中考试成绩表明:  
 (1) 36 人数学成绩不低于 80 分;  
 (2) 20 人物理成绩不低于 80 分;  
 (3) 15 人的数学、物理成绩都不低于 80 分.  
 问: 有多少人在这两科成绩中至少有一科不低于 80 分?

## 综合创新训练

## 创新应用

13. 已知  $A = \{x | x^2 + (p+2)x + \frac{9}{4}p = 0\}$ .  
 (1) 若  $A \cap \{\text{正实数}\} = \emptyset$ , 求  $p$  的范围;  
 (2) 若  $A \cap \{\text{正实数}\} \neq \emptyset$ , 求  $p$  的范围.

## 开放探索

14. 若三个关于  $x$  的方程  $x^2 + 4ax - 4a + 3 = 0$ ,  $x^2 + (a-1)x + a^2 = 0$ ,  $x^2 + 2ax - 2a = 0$  中至少有一个方程有实数根, 求  $a$  的取值范围.

## 探究学习

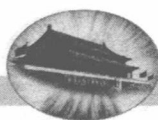
### 联系生活 ★ 能力提升

某车间有 120 人, 其中乘电上班的 84 人, 乘汽车上班的 32 人, 两车都乘的 18 人, 求:

- (1) 只乘电车的人数;  
 (2) 不乘电车的人数;

- (3) 乘车的人数;  
 (4) 不乘车的人数;  
 (5) 只乘一种车的人数.

学习  
札记



## 第一章

## 1.4 含绝对值的不等式解法



## 自主学习



## 主干知识 ← 提前预习 勤于归纳 →

阅读教材,解答下列问题:

1. 按商品质量规定,商店出售的标明 500 g 的袋装食盐,其实际数与所标数相差不能超过 5 g,

设实际数是  $x$  g,那么  $x$  应满足:  $\left\{ \begin{array}{l} \underline{\hspace{2cm}} \\ \underline{\hspace{2cm}} \end{array} \right.$

由绝对值的意义,这个结果也可以表示成  $\underline{\hspace{2cm}}$ .

2. 不等式  $|x| < a (a > 0)$  的解集是:  $\underline{\hspace{2cm}}$ .

不等式  $|x| > a (a > 0)$  的解集是:  $\underline{\hspace{2cm}}$ .

## 点击思维 ← 温故知新 查漏补缺 →

1.  $|x| < a$  与  $|x| > a (a > 0)$  的几何意义分别是什么?

2. 形如  $|ax+b| > c$  或  $|ax+b| < c$  的不等式如何解.



## 名师导学



## 典例分析

## 抓住重点 ★ 举一反三



## 规律总结

善于总结 ★ 触类旁通

- 1 误区点拨:转化变形时,一定要分清后面的不等号是“ $\geq$ ”还是“ $\leq$ ”,然后求解.

变式练习 1:解集为  $\{x|495 \leq x \leq 505\}$

- 2 方法点拨:可转化为两个绝对值不等式取交集,或者是分  $2x-5 \geq 0$  和  $2x-5 < 0$  两种情况去掉绝对值号,然后求解.

- 3 方法点拨:利用数形结合的方法解决不等式问题,更直观准确.

例 1 解不等式:  $|x-500| \leq 5$

**思路分析:**先将不等式转化为  $-5 \leq x-500 \leq 5$ ,然后求解集.

**解:**由原不等式可得  $-5 \leq x-500 \leq 5$

不等式两边分别加上 500,得  $495 \leq x \leq 505$

所以,原不等式的解集为  $\{x|495 \leq x \leq 505\}$

变式练习 1:  $|500-x| \leq 5$

例 2 解不等式:  $|2x+5| > 7$

**思路分析:**先将不等式转化为  $2x+5 > 7$  或  $2x+5 < -7$ ,然后求解集.

**解:**由原不等式可得  $2x+5 > 7$ ,或  $2x+5 < -7$ .

整理得  $x > 1$  或  $x < -6$

所以,原不等式的解集为  $\{x|x < -6$  或  $x > 1\}$ .

例 3 解不等式:  $2 < |2x-5| \leq 7$

**思路分析:**原不等式表示  $|2x-5| > 2$  且  $|2x-5| \leq 7$ ,因此可以先分别解出两个绝对值不等式,然后再求解,也可根据绝对值的意义分类讨论去掉绝对值求解.

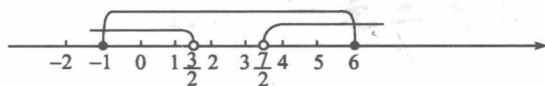
**解法 1:**原不等式等价于  $\begin{cases} |2x-5| > 2 & \text{①} \\ |2x-5| \leq 7 & \text{②} \end{cases}$



由①得  $2x-5>2$  或  $2x-5<-2$ , 即  $x>\frac{7}{2}$  或  $x<\frac{3}{2}$

由②得  $-7\leq 2x-5\leq 7$ , 即  $-1\leq x\leq 6$

如图所示



$\therefore$  原不等式的解集为  $\{x | -1\leq x < \frac{3}{2} \text{ 或 } \frac{7}{2} < x \leq 6\}$

**解法 2:** 由绝对值的意义知, 原不等式等价于

$$\begin{cases} 2x-5\geq 0 \\ 2<2x-5\leq 7 \end{cases} \quad \text{或} \quad \begin{cases} 2x-5<0 \\ 2<5-2x\leq 7 \end{cases}$$

$$\therefore \begin{cases} 2x\geq 5 \\ 7<2x\leq 12 \end{cases} \quad \text{或} \quad \begin{cases} 2x<5 \\ -3<-2x\leq 2 \end{cases}$$

$$\text{即} \begin{cases} x\geq \frac{5}{2} \\ \frac{7}{2}<x\leq 6 \end{cases} \quad \text{或} \quad \begin{cases} x<\frac{5}{2} \\ -1\leq x<\frac{3}{2} \end{cases}$$

$$\therefore \frac{7}{2}<x\leq 6 \text{ 或 } -1\leq x<\frac{3}{2}$$

即原不等式的解集为  $\{x | -1\leq x < \frac{3}{2} \text{ 或 } \frac{7}{2} < x \leq 6\}$

**例 4** 解不等式:  $|x-3|+|x+2|>5$

**思路分析:** 一般地, 把  $f(x)=0$  的解叫做  $|f(x)|$  的零点. 本题先求出  $|x-3|$ 、 $|x+2|$  的零点  $x_1=3, x_2=-2$ , 然后分段讨论 3 和 -2 把实数集分成  $x<-2, -2\leq x\leq 3$  和  $x>3$  三段, 从而可去掉绝对值符号, 使含绝对值的不等式转化为不含绝对值的不等式. 另外, 也可用数轴, 用数形结合法求解.

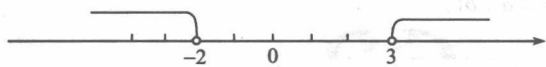
**解法 1:** 原不等式等价于  $\begin{cases} x<-2 \\ 3-x-x-2>5 \end{cases}$

$$\text{或} \begin{cases} -2\leq x\leq 3 \\ 3-x+x+2>5 \end{cases} \quad \text{或} \quad \begin{cases} x>3 \\ x-3+x+2>5 \end{cases}$$

$\therefore x<-2$ , 或  $x\in\emptyset$ , 或  $x>3$ .

即原不等式的解集为  $\{x | x>3 \text{ 或 } x<-2\}$

**解法 2:** 原不等式表示数轴上一点到 3 及 -2 的距离和大于 5, 而 3 及 -2 对应点的距离为 5, 如图:



则原不等式的解集为  $\{x | x<-2 \text{ 或 } x>3\}$

**方法点拨:** 解法 2 分两种情况分别求解, 最后的解集要注意取并集, 要学会分类讨论的思想在解不等式中的应用.

**4** **方法点拨:** 当解含有两个或两个以上绝对值符号的不等式时, 可采用分段讨论法去绝对值号.

**方法点拨:**

(1) 分段讨论时, 不要漏掉对区间端点值的讨论.

(2) 每一段的解集要与前提条件取交集, 而最后结果要取并集.



## 基础能力训练

回归教材 ★ 注重基础

学习札记

1. 已知全集  $U=\mathbf{R}$ ,  $A=\{x | |2x+3|\leq 5\}$ , 则  $\complement_U A =$  ( )

- A.  $\{x | x\leq -4 \text{ 或 } x\geq 1\}$   
 B.  $\{x | x\leq -8 \text{ 或 } x\geq 2\}$   
 C.  $\{x | x>1\}$   
 D.  $\{x | x<-4 \text{ 或 } x>1\}$

2. 下列说法正确的是 ( )

- A. 不等式  $|x|<a$  的解集为  $\{x | -a<x<a\}$   
 B. 不等式  $|x|<a$  的解集表示数轴上到原点的距离小于  $a$  的点的集合

C.  $|x|\leq a^3$  的解集一定不是空集

D.  $-|x|\geq -a^2$  的解集一定是空集

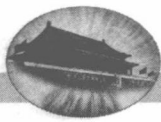
3. 不等式  $|x-4|+1>0$  的解集为 ( )

- A.  $\{x | x>5 \text{ 或 } x<3\}$   
 B.  $\{x | 3<x<4\}$   
 C.  $\mathbf{R}$   
 D.  $\emptyset$

4. 当  $a<0$  时,  $|x|\leq a$  的解集是 ( )

- A.  $\{x | x\leq \pm a\}$       B.  $\{x | -a\leq x\leq a\}$   
 C.  $\{x | x\leq -a \text{ 或 } x\geq a\}$       D.  $\emptyset$





5. 已知  $A = \{x \mid |x-1| < 2\}$ ,  $B = \{x \mid |x-1| > 1\}$ , 则  $A \cap B$  为 ( )
- A.  $\{x \mid -1 < x < 3\}$   
 B.  $\{x \mid x < 0 \text{ 或 } x > 3\}$   
 C.  $\{x \mid -1 < x < 0\}$   
 D.  $\{x \mid -1 < x < 0 \text{ 或 } 2 < x < 3\}$
6. 不等式  $1 \leq |x-3| \leq 6$  的解集是 ( )
- A.  $\{x \mid -3 \leq x \leq 2 \text{ 或 } 4 \leq x \leq 9\}$   
 B.  $\{x \mid -3 \leq x \leq 9\}$   
 C.  $\{x \mid -1 \leq x \leq 2\}$   
 D.  $\{x \mid 4 \leq x \leq 9\}$
7. 已知全集  $U = \mathbf{R}$ , 设  $A = \{x \mid 2x + \frac{1}{5} \geq \frac{1}{2}\}$ , 则  $\complement_U A =$  \_\_\_\_\_.
8.  $|x+3| > x+3$  成立的条件是 \_\_\_\_\_.
9. 不等式  $|x+2| > |x-1|$  的解集为 \_\_\_\_\_.
10. 设  $2 < x < 3$ , 化简  $|3-2x| - |3x-10| =$  \_\_\_\_\_.

11. 已知  $|x-a| < b$  的解集为  $\{x \mid -3 < x < 9\}$ , 则  $a =$  \_\_\_\_\_,  $b =$  \_\_\_\_\_.
12. 解下列不等式
- (1)  $|x+4| > 9$
- (2)  $|2-x| \geq 3$
- (3)  $|x+1| > 2-x$
- (4)  $1 < |2x+1| < 3$
- (5)  $|x+1| + |x-2| > 4$



### 综合创新训练

登高望远 ★ 课外拓展

#### 创新应用

13. 已知集合  $A = \{x \mid |2-x| < 5\}$ ,  $B = \{x \mid |x+a| \geq 3\}$ , 且  $A \cup B = \mathbf{R}$ . 求  $a$  的取值范围.

14. 对不等式  $|x-a| > b$ ,
- ①当  $b > 0$  时, 解集为  $\{x \mid x < a-b \text{ 或 } x > a+b\}$ ,

- ②当  $b = 0$  时, 解集为  $\{a\}$ ,
- ③当  $b < 0$  时, 解集为  $\mathbf{R}$ ,
- 其中正确答案的序号为 \_\_\_\_\_.

#### 开放探索

15. 若不等式  $|x-4| + |3-x| < a$  的解集为  $\emptyset$ , 求  $a$  的取值范围.



### 探究学习

联系生活 ★ 能力提升

常见绝对值不等式的几种类型:

1.  $|ax+b| < c \Leftrightarrow -c < ax+b < c$   
 $|ax+b| > c \Leftrightarrow ax+b > c \text{ 或 } ax+b < -c \quad (c > 0)$
2.  $a < |f(x)| < b \Leftrightarrow \begin{cases} f(x) > a \text{ 或 } f(x) < -a \\ -b < f(x) < b \end{cases}$
3.  $|f(x)| > g(x) \Leftrightarrow f(x) > g(x) \text{ 或 } f(x) < -g(x)$   
 $|f(x)| < g(x) \Leftrightarrow -g(x) < f(x) < g(x)$

4.  $|f(x)| > |g(x)| \Leftrightarrow f^2(x) > g^2(x)$   
 $|f(x)| < |g(x)| \Leftrightarrow f^2(x) < g^2(x)$
5.  $|x-a| + |x-b| < c \quad (a < b, c > 0)$   
 $\Leftrightarrow \begin{cases} x \leq a \\ -2x+a+b < c \end{cases} \text{ 或 } \begin{cases} a < x < b \\ b-a < c \end{cases} \text{ 或 } \begin{cases} x \geq b \\ 2x-a-b < c \end{cases}$