

GCT入学资格考试精编辅导丛书

2013版



全国GCT入学资格考试命题研究组◎组编

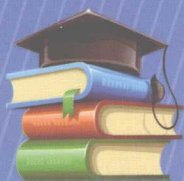
梁莉娟◎主编

精编教程4合1

四大学科重点考点为您一手掌握

第④版

- ◆ 内容精练，代表性强
 - ◆ 结合大纲，针对性强
- ◆ 真题回顾，掌握要领
 - ◆ 重点突出，解析详尽
- ◆ 名师操盘，内容权威



附赠“GCT系统精讲班”

16学时，价值300元 的高清网络视频课程



机械工业出版社
CHINA MACHINE PRESS



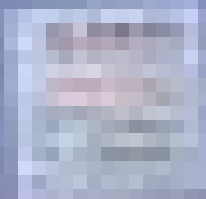
清华大学出版社
Tsinghua University Press

精编教程4合1

四大学科重点考点为纲——学掌握

- 数据结构、计算机组成原理、操作系统、计算机网络
- 数据库系统原理、软件工程、人工智能、编译原理
- 操作系统、数据库系统原理、软件工程、人工智能
- 数据库系统原理、软件工程、人工智能、编译原理
- 操作系统、数据库系统原理、软件工程、人工智能

第4版



清华大学出版社
Tsinghua University Press



GCT入学资格考试精编辅导丛书 2013版

精编教程4合1

四大学科重点考点为您一手掌握

第
4
版

全国GCT入学资格考试命题研究组◎组编

主编：梁莉娟

参编：柴生秦 靳连冬 刘启升 初 萌 闫文军 杜喜义 谭松柏 闫 威
赵海燕 张秀峰 庞靖宇 孟宪华 李妙华 王朝阳 杨翠玉 檀廷芳
包丽歌 任 燕 李立杰 李 春 张 红 武瑞玲



机械工业出版社
CHINA MACHINE PRESS

本书是一本面向 GCT 考生的、简洁精练的综合辅导图书。本书按照最新考试大纲的要求,系统全面地讲解了 GCT 考试中数学基础能力测试、逻辑推理能力测试、外语运用能力测试和语言表达能力测试四个部分的考试要点、复习要领、应试技巧及专项练习等内容。通过内容精练、重点突出的讲解,考生可以系统地了解 GCT 考试的全貌,掌握复习要领,提高应试能力,进而在考试中胜出。

图书在版编目(CIP)数据

2013GCT 精编教程 4 合 1 / 全国 GCT 入学资格考试
命题研究组组编. / 梁莉娟主编 —4 版. —北京:机械
工业出版社,2013.1

(GCT 入学资格考试精编辅导丛书)

ISBN 978-7-111-41121-5

I. ①2… II. ①全 ②梁… III ①研究生 入学考
试-自学参考资料 IV. ①G643

中国版本图书馆 CIP 数据核字(2013)第 008589 号

机械工业出版社(北京市百万庄大街 22 号 邮政编码 100037)

责任编辑:孟玉琴 杨晓昱 版式设计:张文贵

责任印制:杨 曦

保定市中国画美凯印刷有限公司印刷

2013 年 1 月第 4 版·第 1 次印刷

184mm×260mm·43.5 印张·1044 千字

标准书号:ISBN 978-7-111-41121-5

定价:72.00 元

凡购本书,如有缺页、倒页、脱页,由本社发行部调换

电话服务

网络服务

社服务中心:(010) 88361066

教材网:<http://www.cmpedu.com>

销售一部:(010) 68326294

机工官网:<http://www.cmpbook.com>

销售二部:(010) 88379649

机工官博:<http://weibo.com/cmp1952>

读者购书热线:(010) 88379203

封面无防伪标均为盗版

丛书序

面对品种日益泛滥的 GCT 图书市场,在职考生如何将考试要求及自身实际情况相结合,去正确选择适合自己的辅导图书、顺利攻克考试难关呢?这就需要广大在职考生理性的选择!

本丛书编写者在多年辅导、经验及命题研究的基础上一致认为,目前 GCT 考生普遍存在以下客观情况:

1. 时间紧张,备考不足。

绝大部分考生身兼工作、家庭双重压力,因此要同时兼顾学业实属不易。仓促报考和被动应战成为在职考生中的一大现象。

2. 目标不明确,计划性不强。

GCT 考试由数学基础能力测试、逻辑推理能力测试、外语运用能力测试和语言表达能力测试四部分组成,全部为客观题,看似简单,实则不然。它是一种侧重能力与素质的新型考试,可以选拔出服务于社会的高级专业技术与管理人才。因此考试本身的难度是不言而喻的。在这种情况下,若没有结合自身所学的各门学科的基础,没有制订良好的复习规划,只是拿起书就啃,啃一点就撂一边,直到考试结束,一本书还没啃过一遍!如此备考,何以能胜?

3. 方法落后。

应试思维老化,按部就班、一块一块进行复习的传统方法仍在主导着众多在职考生。尤其是脱离学校多年的考生,如何在有限的时间里通过考试,则更需要摒弃传统的思维和方式,否则将很难顺利通过拥有大量题型的 GCT 考试。

4. 盲目选择,自慰心理强。

在时间有限、不能很好参与辅导班学习的情况下,大多数考生会有一种心理,那就是买上一堆 GCT 辅导图书搁置案头,至于看不看,怎么看,则是另外一回事,但求心理安慰。编者进行过大量调查统计,发现 90% 以上的考生没有明确的备考规划,75% 以上的考生不能清楚认识到自己到底是哪门知识薄弱。在这种情况下,考生如果不能根据自身情况,合理选择辅导图书,势必会带来不利后果。“大”不代表“全”,“多”不代表“细”,选择一套精而专的辅导图书,在有限的时间里做到充分的复习和备考,才是理性及关键的选择。

基于 GCT 考生存在上述的诸多现实问题,编写者在精研历年考试命题规律的基础上,编写了本套丛书,旨在为广大考生提供科学和精当的指导。本丛书特色如下:

1. 量身定做,内容精练。

针对在职考生时间紧张、压力巨大的现实情况,本丛书打破了市场上一套多册的常规模式,做成简洁精练的 3 本分册:《GCT 精编教程 4 合 1》、《GCT 必备工具书(英语词汇大全+数

学、逻辑常考公式+语文基础知识)》、《GCT 历年真题精解及仿真试卷》。浓缩的才是精华,简单的才最实用,考生在有限的时间内,与其面对草草吞咽且咽不下去的6~10本,不如扎扎实实地摸透涵盖全面的3本!

2. 结构合理,方便规划。

科学、合理地设置 GCT 考试四门学科的比例,便于考生从没有头绪的备考中去规划自己的时间,合理地进行复习。

3. 把握规律,应试性强。

编者们在编写时把握命题规律,注重对常考、重点考点的讲解和快速应试方法的讲解练习,注重总结归纳,这对于在职考生来说,无疑是最好的引导和传授。

4. 超值赠送,助考生一臂之力。

如何让在职考生不花钱就能享受到最好的辅导课程,只需一台电脑便可掌握良师传授的学习方法和技巧,举一反三,攻克考试? 环球卓越将实现广大在职考生的这一愿望!

本丛书由北京环球卓越在线 www.geedu.com 提供超值赠送服务和强大的技术支持,具体为:

(1)《GCT 必备工具书(英语词汇大全+数学、逻辑常考公式+语文基础知识)》附赠内容为:环球卓越“英语核心语词课”(8学时,价值160元)的网络视频课程,2013年4月20日刮开封面上的账号和密码,登录 www.geedu.com,按照“图书赠送课程学习流程”进行学习。

(2)《GCT 精编教程4合1》附赠内容为:环球卓越“GCT 保过班系统密训课”(16学时,价值300元)高清的网络视频课程,2013年4月20日刮开封面上的账号和密码,登录 www.geedu.com,按照“图书赠送课程学习流程”进行学习。

(3)《GCT 历年真题精解及仿真试卷》附赠内容为:环球卓越“GCT 权威模考串讲”(8学时,价值200元)的高清网络视频课程,2013年5月20日刮开封面上的账号和密码,登录 www.geedu.com,按照“图书赠送课程学习流程”进行学习。

环球卓越技术支持及服务热线:010-51658769。

本丛书由在职攻硕辅导界知名机构——环球卓越组织一线辅导教师编写,实用性强。更多相关知识及复习资料,考生可登录环球卓越学习网站 www.geedu.com 下载学习!

命题者和辅导者之间的博弈,考题和考生之间的较量,永无止境,我们诚恳地欢迎广大读者对书中疏漏之处进行批评指正!

最后,感谢北京环球卓越为本丛书提供的专业服务和技术支持,愿他们精益求精,为社会广大考生提供更多、更好、更专的服务!

编 者

2013年1月于北京

前言

这是市面上少有的一本面向 GCT 考生的、简洁精练的综合辅导图书!

为了使考生能够对 GCT 入学资格考试的全部过程以及考试题型和难易度的变化有所了解,调整复习状态和计划,进而更好地备考,我们组织编写了这本《GCT 精编教程 4 合 1》。

本书是 GCT 入学资格考试精编辅导丛书之一。本书按照最新考试大纲的要求,系统全面地讲解了 GCT 考试中数学基础能力测试、逻辑推理能力测试、外语运用能力测试和语言表达能力测试这四个部分的考试要点、复习要领、应试技巧及专项练习等内容。本书在编写上具备以下特点。

1. 内容精练,代表性强。

本书摒弃了市面上传统的图书操作模式,将 GCT 考试涉及的四门学科进行了科学、全面的整合,内容精练、重点要点突出,让考生通过 1 本书的精工细研,代替泛泛的至少 4 本书的复习,以便考生节省精力,直击考试要领!

2. 结合大纲,针对性强。

针对性强。本书严格按照最新考试大纲要求,以确定本书的难度及题材的选择。本书各部分考点全面,重点突出,实用性强。

3. 真题回顾,掌握要领。

历年考试真题都是经过反复筛选和推敲的,具有代表性和指导性,是考生最好的测试和复习材料。通过回顾分析往年真题(2005 年至 2012 年),尤其是 2012 年真题,考生可以了解该部分考试难度、考试特点和重要考点,进而熟悉解题思路和解题技巧,明确复习思路和复习方法。

4. 重点突出,解析详尽。

本书各个部分都配有适量的针对性极强的练习,每部分练习都给出了详尽的参考答案和解析,让考生通过练习进一步熟练掌握解题思路和解题技巧。

5. 名师编写,内容权威。

本书由众多业内辅导名师亲自编写,各部分内容选材参考了众多名师的 GCT 辅导讲义、国内各种相关考试真题以及各种教材、杂志和报刊等,突出了备考的权威性、针对性和实用性。

通过使用本书,考生可以系统地了解 GCT 考试的全貌,掌握复习要领,提高应试能力,进而在考试中胜出!

由于编者水平有限,不妥之处在所难免,衷心希望广大读者批评指正!

编者

2013 年 1 月 于北京

目 录

丛书序

前言

数学篇

第一章 数及其运算	2
第二章 集合、映射和函数	23
第三章 方程与不等式	39
第四章 数列与数学归纳法	56
第五章 排列、组合、二项式定理和古典概率	66
第六章 常见几何图形	78
第七章 三角学	92
第八章 平面解析几何	107
第九章 极限和连续	128
第十章 一元函数微分学	147
第十一章 一元函数积分学	172
第十二章 行列式	193
第十三章 矩阵	204
第十四章 向量	221
第十五章 线性方程组	235
第十六章 矩阵的特征值和特征向量	249

逻辑篇

第一章 逻辑推理能力测试介绍	264
第二章 逻辑的基本规律	266
第三章 直言命题和三段论推理	271
第四章 复合命题、模态命题及推理	284
第五章 归纳推理	303
第六章 分析推理	312
第七章 逻辑试题详解	326
第八章 模拟实战	385

英语篇

第一章 绪 论	426
第二章 词 汇	426
第三章 语法部分	446
第四章 阅读理解	487
第五章 完形填空	548
第六章 口语交际	568

语文篇

第一章 绪 论	592
第二章 汉 字	592
第三章 词 语	604
第四章 句 子	621
第五章 修 辞	641
第六章 文史知识	648
第七章 百科知识	658
第八章 阅 读	665



数学篇

第一章 数及其运算

【本章考点】

1. 比例的运算	2. 绝对值的性质☆
3. 应用题的综合考查：根据题中不变的量列出等式进而求解.	
4. 复数 ① $i^2 = -1$	②模的计算☆

第一节 数的概念、性质和运算

一、自然数和整数

用来表示物体个数的0、1、2、3、…叫做自然数. 1是自然数的单位, 0也是自然数, 自然数是正整数.

二、分数、小数和百分数

1. 分数

将单位“1”平均分成若干份, 表示这样的一份或几份的数叫做分数. 表示其中一份的数是这个分数的单位. 分数有真分数、假分数、带分数等. 把“1”平均分成多少份的数, 称为分数的分母; 表示取了多少份的数, 称为分数的分子.

分子比分母小的分数称为真分数, 如 $\frac{2}{3}$ 、 $\frac{4}{5}$.

分子比分母大或者分子、分母相等的分数称为假分数, 如 $\frac{4}{3}$ 、 $\frac{6}{5}$ 、 $\frac{3}{3}$.

一个整数和一个真分数合成的数, 称为带分数, 如 $1\frac{1}{3}$ 、 $3\frac{2}{7}$.

两个自然数相除, 它的商可以用分数表示, 如 $a/b = \frac{a}{b}$ ($b \neq 0$).

两个数的比, 也可用分数表示, 如 $a:b = \frac{a}{b}$ ($b \neq 0$).

2. 百分数

表示一个数是另一个数的百分之几的数叫做百分数. 百分数也叫百分率或者百分比. 百分数通常用“%”表示.

3. 分数的基本性质

(1) 分数的分子和分母都乘以或除以同一个不为零的数, 分数的大小不变.

$$\text{即 } \frac{a}{b} = \frac{am}{bm} = \frac{\frac{a}{m}}{\frac{b}{m}} \quad (b \neq 0, m \neq 0)$$

(2) 乘积是 1 的两个数互为倒数；1 的倒数是 1；0 没有倒数。

4. 约分和通分

约分：把一个分数化成同它相等，但分子分母都比较小的分数。

注：公约数为 1 的两个数互为质数，若一个分数的分子和分母是质数，则这个分数称为最简分数。

通分：把几个异分母的分数分别化成和原来相等的同分母的分数过程。通分的方法：求最小公倍数。

三、数的整除

当整数 a 除以整数 b ($b \neq 0$)，除得的商正好是整数而无余数时，则称 a 能被 b 整除或称 b 能整除 a 。当 a 能被 b 整除时，也称 a 是 b 的倍数， b 是 a 的约数。一个数的约数的个数是有限的，其中最小的约数是 1，最大的约数是它本身；一个数的倍数的个数是无限的，其中最小的倍数是它本身。

能被 2 整除的数称为偶数，不能被 2 整除的数称为奇数。

一个数，如果只有 1 和它本身两个约数，叫做质数（素数）。一个数，如果除了 1 和它本身，还有其他约数，叫做合数。每个合数都可以写成几个质数相乘，这几个质数都叫做这个合数的质因数。

注：1 既非质数亦非合数。

几个数公有的倍数叫做这几个数的公倍数，所有公倍数中最小的一个叫做这几个数的最小公倍数。几个数公有的约数叫做这几个数的公约数，所有公约数中最大的一个叫做这几个数的最大公约数。公约数只有 1 的两个数，叫做互质（素）数。分子和分母互质的分数称为最简分数。

四、四则运算

1. 运算定律

- | | |
|-----------|--|
| (1) 加法交换律 | $a + b = b + a$ |
| (2) 加法结合律 | $a + b + c = (a + b) + c = a + (b + c)$ |
| (3) 乘法交换律 | $a \times b = b \times a \quad (a \neq 0, b \neq 0)$ |
| (4) 乘法结合律 | $a \times b \times c = (a \times b) \times c = a \times (b \times c)$ |
| (5) 乘法分配律 | $a \times (b + c) = a \times b + a \times c$
$(a - b) \times c = a \times c - b \times c$ |

2. 运算性质

- | | | | |
|----------|--|-------------------------|-----------------------------------|
| (1) 交换性质 | $a + b - c = a - c + b$ | $a - b - c = a - c - b$ | $a \times b / c = a / c \times b$ |
| | $a / b / c = a / c / b \quad (b \neq 0, c \neq 0)$ | | |

$$\begin{aligned}
 (2) \text{ 结合性质} \quad & a+b-c=a+(b-c)=a-(c-b) \\
 & a-b-c=a-(c+b) \\
 & a \times b/c = a \times (b/c) \quad (c \neq 0) \\
 & a/b \times c = a/(b/c) \quad (b \neq 0, c \neq 0) \\
 & a/b/c = a/(b \times c) \quad (b \neq 0, c \neq 0)
 \end{aligned}$$

3. 整数和小数四则混合运算

(1) 在一个没有括号的算式里, 如果只含有同一级运算, 应从左到右依次计算. 如果既含有第一级运算(加减法), 又含有第二级运算(乘除法), 则应当先算第二级运算, 后算第一级运算.

(2) 在一个有括号的算式里, 应先进行括号内运算, 运算顺序是先算小括号里的, 再算中括号里的, 最后算大括号里的算式.

4. 分数四则混合运算

(1) 分数加减法

同分母分数相加减, 分子相加减, 分母不变.

异分母分数相加减, 先通分, 然后按照同分母分数的加减法法则进行计算.

带分数相加减, 先化成假分数再相加减.

(2) 分数乘法

分数乘以整数, 用分子和整数相乘做积的分子, 分母不变.

$$\frac{a}{b} \times c = \frac{a \times c}{b}$$

分数乘以分数, 用分子相乘的积做分子, 分母相乘的积做分母.

$$\frac{a}{b} \times \frac{d}{c} = \frac{a \times d}{b \times c}$$

分数中有带分数的, 要把带分数化成假分数, 然后再相乘.

(3) 分数除法

一个数除以另一个数(零除外), 等于一个数乘以另一个数的倒数.

(4) 分数四则混合运算

分数四则混合运算的顺序和整数四则混合运算的顺序相同.

整数加法和乘法的运算定律以及加减、乘除混合运算的性质, 在分数四则运算中也适用.

【经典例题】

例1 [2011年] 若 $\frac{a}{b}=20$, $\frac{b}{c}=10$, 则 $\frac{a+b}{b+c}$ 的值为 ().

- A. $\frac{11}{12}$ B. $\frac{21}{11}$ C. $\frac{110}{21}$ D. $\frac{210}{11}$

答案: D

解析: 根据题意知 $a=20b$, $b=10c$, 推出 $a=200c$, $\frac{a+b}{b+c} = \frac{210}{11}$

故选 D.

例2 [2008年] 请你想好一个数, 将它加5, 将其结果乘以2, 再减去4, 将其结果除以2, 再减去你想好的那个数, 最后的结果等于 ().

- A. $\frac{1}{2}$ B. 1 C. $\frac{3}{2}$ D. 3

答案: D

解析: 设想好的那个数为 a , 则有 $[(a+5) \times 2 - 4] \div 2 - a = a + 5 - 2 - a = 3$. 故选 D.

例3 一辆卡车从甲地驶向乙地, 每小时行驶 60km, 另一辆卡车从乙地驶向甲地, 每小时行驶 55km, 两车同时出发, 在离中点 10km 处相遇, 甲乙地之间的距离为 () km.

- A. 115 B. 230 C. 345 D. 460

答案: D

解析: 相遇时从甲地开往乙地的卡车比从乙地驶向甲地的卡车多走 $10 \times 2 = 20$ km, 两车速度相差 5km/h, 因此相遇时两车各走了 $20 \div 5 = 4$ (h). 两车相向而行, 各走 4h 相遇, 因此甲乙两地之间距离为 $(60 + 55) \times 4 = 460$ (km). 故选 D.

故选 A.

例4 [2003年] 记不超过 10 的素数的算术平均数为 M , 则与 M 最接近的整数是 ().

- A. 2 B. 3 C. 4 D. 5

答案: C

解析: 不超过 10 的素数为 2, 3, 5, 7; $M = \frac{2+3+5+7}{4} = 4.25$, 故与 M 最接近的整数为 4.

例5 [2003年] 已知 $a = \frac{2001}{2002}$, $b = \frac{2002}{2003}$, $c = \frac{2003}{2004}$, 则 ().

- A. $a > b > c$ B. $b > c > a$ C. $c > a > b$ D. $c > b > a$

答案: D

解析: $a = \frac{2001}{2002} = 1 - \frac{1}{2002}$, $b = \frac{2002}{2003} = 1 - \frac{1}{2003}$, $c = \frac{2003}{2004} = 1 - \frac{1}{2004}$

由 $\frac{1}{2002} > \frac{1}{2003} > \frac{1}{2004}$

得 $1 - \frac{1}{2002} < 1 - \frac{1}{2003} < 1 - \frac{1}{2004}$

故选 $a > b > c$.

第二节 比和比例

一、比的定义和性质

1. 定义

两个数相除, 又称为这两个数的比, 即 $a:b = \frac{a}{b}$ (或 $a:b = a/b$), 其中 a 叫做比的前



项, b 叫做比的后项, 相除所得的商叫做比值.

如 $3:2=1.5$ (比值)

前项 后项

2. 基本性质

比的前项与后项都乘以或除以同一个不为零的数, 其比值不变.

如 $\frac{4}{3}:2=(\frac{4}{3}\times3):(2\times3)=4:6=(\frac{4}{2}):(\frac{6}{2})=2:3$

3. 百分比

在实际应用中, 常将比值表示成百分数, 称为百分比 (或百分率). 此时分母 100 用符号 “%” 表示.

如 $1:2=50\%$, $4:2=200\%$.

二、比例

1. 定义

两个比相等时, 称为比例, 用字母表示为 $a:b=c:d$ 或 $\frac{a}{b}=\frac{c}{d}$.

其中, a 、 d 称为比例外项; b 、 c 称为比例内项.

若 $\frac{a}{b}=\frac{b}{c}$ 时, 称 b 为 a 、 c 的比例中项, 显然 a 、 b 、 c 均为正数时, b 是 a 、 c 的几何平均值.

2. 性质

比例 $\frac{a}{b}=\frac{c}{d}$ 具有如下性质:

(1) $ad=bc$ (外项积 = 内项积)

(2) $\frac{d}{b}=\frac{c}{a}$ 或 $\frac{a}{c}=\frac{b}{d}$ (互换外项或内项)

(3) $\frac{a+b}{b}=\frac{c+d}{d}$ (合比定理) ($b\cdot d\neq 0$)

(4) $\frac{a-b}{b}=\frac{c-d}{d}$ (分比定理) ($b\cdot d\neq 0$)

(5) $\frac{a+b}{a-b}=\frac{c+d}{c-d}$ (合分比定理) ($b\cdot d\neq 0$, $a-b\neq 0$, $c-d\neq 0$)

三、正反比例

若 $y=kx$ ($k\neq 0$, k 为常数), 则称 y 与 x 成正比, k 为比例系数.

若 $y=\frac{k}{x}$ ($k\neq 0$, k 为常数), 则称 y 与 x 成反比, k 为比例系数.

【经典例题】

例 1 [2005 年] 2005 年, 我国甲省人口是全国人口的 $c\%$, 其生产总值占国内生产



总值的 $d\%$ ；乙省人口是全国人口的 $e\%$ ，其生产总值占国内生产总值的 $f\%$ ；则 2005 年甲省人均生产总值与乙省人均生产总值之比是 ()。

- A. $\frac{cd}{ef}$ B. $\frac{ce}{df}$ C. $\frac{cf}{de}$ D. $\frac{de}{cf}$

答案：D

解析：设全国人口为 a ，国内生产总值为 b ；则甲省人均生产总值为 $\frac{d\% \times b}{c\% \times a}$ ，乙省为 $\frac{f\% \times b}{e\% \times a}$ ；所以二者之比为 $\frac{de}{cf}$ 。故选 D。

例 2 [2003 年] 某工厂月产值 3 月份比 2 月份增加 10%，4 月份比 3 月份减少 10%，那么 ()。

- A. 4 月份与 2 月份产值相等 B. 4 月份比 2 月份产值增加 $\frac{1}{99}$
C. 4 月份比 2 月份产值减少 $\frac{1}{99}$ D. 4 月份比 2 月份产值减少 $\frac{1}{100}$

答案：D

解析：设 2 月份产量为 1，则 3 月份产量为 1.1，4 月份产量为 0.99，故 4 月份比 2 月份产量减少 $\frac{1}{100}$ 。

故选 D。

例 3 [2004 年] 甲、乙两种茶叶以 $x:y$ （重量比）混合配制成一种成品茶，甲种茶每斤 50 元，乙种每斤 40 元，现甲种茶价格上涨 10%，乙种茶价格下降 10% 后，成品茶的价格恰好仍保持不变，则 $x:y$ 等于 ()。

- A. 1:1 B. 5:4 C. 4:5 D. 5:6

答案：C

解析：价格变化前成品价格为 $\frac{50x+40y}{x+y}$ 元

价格变化时成品价格可表示为 $\frac{50(1+10\%)x+40(1-10\%)y}{x+y}$ 元

浮动前后成品价格保持不变 $\frac{50x+40y}{x+y} = \frac{55x+36y}{x+y}$

解得 $5x=4y$ ，得 $x:y=4:5$ 故选 C。

例 4 [2004 年] 某校有若干女生住校，若每间房住 4 人，则还剩 20 人未住下，若每间住 8 人，则仅有一间未住满，那么该校有女生宿舍的房间数为 ()。

- A. 4 B. 5 C. 6 D. 7

答案：C

解析：设该校有女生宿舍 x 间，则有

$$\begin{cases} 4x+20 > 8(x-1) \\ 4x+20 < 8x \end{cases} \Rightarrow 5 < x < 7 \Rightarrow x=6.$$

故选 C。

例 5 [2010 年] 若某单位员工的平均年龄为 45 岁，男员工的平均年龄为 55 岁，女员工的平均年龄为 40 岁，则该单位男、女员工工人数之比为 ().

- A. 2:3 B. 3:2 C. 1:2 D. 2:1

答案: C

解析: 设单位男工人数为 x ，女工人数为 y .

则根据题意，有 $45(x+y) = 55x + 40y$. 所以 $\frac{x}{y} = \frac{1}{2}$. 故选 C.

第三节 实 数

一、实数

1. 自然数

自然数包括 0, 1, 质数和合数.

一个大于 1 的自然数，至少有 2 个约数，即 1 和它本身. 若一个自然数的约数只有 2 个，则称它为素数；若大于 1 的自然数，除了 1 和它本身还有别的约数，则称其为复合数. 素数又称为质数，复合数简称为合数.

2. 整数

整数包括正整数、零和负整数. 由全体数组成的集合，称为整数集.

零“0”，是介于正整数和负整数之间的唯一的整数.

它具有如下特征：(1) $x+0=0+x=x$

(2) $x \times 0 = 0 \times x = 0$ (其中 x 表示任何数)

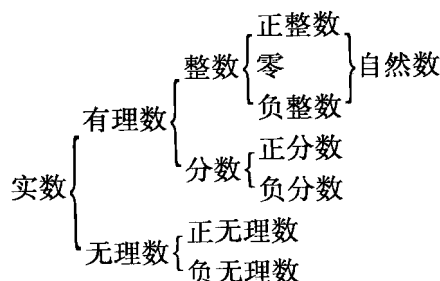
3. 有理数和无理数

整数和分数统称为有理数；无限不循环小数称为无理数.

如 $2, \sqrt{9}, \sqrt{16}$ 是有理数； $\sqrt{5}, \pi, e=2.71828\cdots$ 是无理数.

4. 实数

实数的分类如下：



二、数轴

数轴是一条直线上规定了一个坐标原点 O (对应实数 0) 和一个单位点 E (对应实数