

中學、師範教學經驗選輯第八輯

工农速成中学的数学教学

江苏教育編輯部主編
江苏人民出版社出版

說 明

江苏省教育廳繼1954年10月召开的工農速成中学語文教学經驗交流会以后，又在1955年5月召开了工農速成中学数学教学經驗交流会。出席这次會議的除各速中教導主任和数学教研組組長外，还有五所普通中学和兩所师范的数学教研組組長。会上由苏北農学院附設工農速成中学、南京大学附設工農速成中学、江苏师范学院附設工農速成中学三校分別就五年來工農速成中学数学教学經驗作了介紹；南京市一中、五中和苏州高中等校也把中学数学教学經驗作了專題發言。有些学校提供了書面材料。會議期間，苏北農学院附設工農速成中学曾举行了一次觀摩教學，進行了評議，并針對当前数学教学中存在的主要問題及進一步改進教法作了比較詳尽的討論。教育部速成中学教育司司長李舜琴及司內有关同志也参加了这个會議。最后江苏师范学院数学系孙純一副教授在会上作了業務性的指導發言。

各校根据會議上討論意見和总结精神，重新修正了自己的材料。江苏省教育廳也根据到会者的建議，制發了“改進工農速成中学数学教学的意見”。一年來，各校数学教学經驗，又有了新的發展，并对原有的經驗作了新的修正和补充，这本小冊子就是根据修正的材料編輯而成的。

工農速成中学虽然自 1955 年起停止招生了，但中央指示对“現有工農速成中学必須办好”。这些經驗虽然还是初步的，不够成熟也不够完整，但对工農速成中学的数学教学改進來說，却是具有普遍的實踐意義的。它是“办好現有工農速成中学”，提高教育質量的可貴基礎，这就是我們編輯这本小冊子的第一个目

的。其次，工農速成中学的数学教学經驗，是針對成人教育的特点总结的，因之对于干部文化学校、机关業余文化学校，即將大量發展的职工業余中学，也有同样的参考作用。第三，我省各工農速成中学學習苏联先進教学經驗較早，而数学这一学科的整个教学过程与教学內容，和中学、师范基本上是一致的。根据与会的中学、师范学校代表的意見，認為这些經驗对中学、师范数学教学的改進，也有重要的参考价值。因之，我們編选了这个小冊子。在內容方面倘有不妥之处，希讀者予以指正。

編 者

1956.7.

一、工農速成中学数学教学的目的要求

根据教学大綱規定：

“工農速成中学数学教学的目的是：在三年內（改变学制后应为四年）教給学生以数学的基本知識，并培养他們应用这些知識來解决各种实际問題所必需的技能和熟練技巧，以便能够升入高等学校繼續深造。”

“教师在講授数学的过程中，要以社会主义思想教育学生，要充分联系我國社会主义建設中各方面的成就，以培养他們成为社会主义的積極建設者和保衛者的全面發展的新人。注意培养學生辯証唯物主义世界觀；發展他們的愛國主义与國際主义精神以及民族自尊心；進一步鍛煉他們的堅强的意志和性格。”

工農速成中学第一类和第三类教学計劃中的数学是由算術、代数、平面几何及三角所組成的有系統課程；第二类的数学是由算術、代数、几何及三角所組成的有系統課程。各类数学計劃中数学的具体內容，除第一类和第三类的平面几何課程基本上要求学完初級中学平面几何以外（但为了配合以后三角和物理課程的学习，四年制教学計劃还規定在初中平面几何学完后，必須講授高中平面几何第一章第二、三、八各節，即綫段、相似三角形及勾股弦定理部分），其余課程內容均与普通初、高中基本相同。这不但能保証学好普通中学的数学課程，并能完成普通教育的一般任务。1955年改变学制以后，工農速成中学数学教学的任务，就格外明确了。

二、工農速成中学学生學習数学的特点

根据各校意見，工農速成中学学生學習数学的主要特点，和學習其他学科的特点，是沒有什么区别的，僅僅反映在学科特点和具体問題上有所不同。这些特点是：

(一)政治覺悟高，學習目的性明确，勤学苦練，刻苦鑽研。

他們清楚的知道党和人民叫他們到工農速成中学來學習，是为了要他們培养成为專家，以便將來在祖國的各項建設事業中起骨干作用。因此在入学以后，就表現出工農干部的优良品質，頑強的学习精神。不会的鑽進去，一定要学会。許多人都这样說：“在戰場上我們能拿下碉堡，在教室里我們就能学会数学。数学就是骨头，也要把它咬碎嚼爛。不这样就不能成为人民的專家，就沒有臉見毛主席。”

同时絕大多数的工農干部，都在旧社会里受过殘酷的压迫，沒有讀書的机会，缺乏文化知識，在工作中碰过許多釘子，深深感到沒有文化的痛苦。一旦有了學習机会，真是如飢如渴。正如他們自己所說：“像旱天的鵝見了水一样，連头帶尾都鑽進去了。”所以學習認真踏实，不懂的絕不裝懂，一定要打破砂缸問到底，恨不得把老师所教的一口吞下去。

有了这样的思想基礎，所以學習的積極性很高，出現了很多勤学苦練、刻苦鑽研的感人事例。正由于这样，因此有些人原來虽然基礎很差，在學習中碰到很大困难，但他們毫不畏縮，坚持地学下去。

此外，他們有高度的集体主义精神，成績好的能耐心帮助差的同学。他們大都能按时完成作業，認真遵守課堂制度，集中注意力听课。

但是，正因为他们学习要求迫切，把学习当作政治任务来完成，因而往往产生了急于求成的偏向。表现在：平时不肯放过一点空闲时间，不愿休息；而当遇到困难较大或看不到自己显著进步时，又容易灰心失望。因此，我们必须善于帮助他们克服急躁情绪，使之正确地了解学习文化科学知识的特点，不同于部队打仗或工厂生产那样可以突击完成，而必须是循序渐进，环环相套，以逐步树立其长期学习信心。

(二)是成年人，生活经验丰富，对于教师联系实际的讲解，很容易接受。

他们都是成年人，具有一定的口算能力，对于日常生活中的小帐目，只要掐指一算，就能得出结果，而数学正是生产实践中关于数量计算的科学，只要教师能联系实际，引用日常生活中的事例来讲解，自会收事半功倍之效。例如在讲算術时，用百货公司的发票来说明乘除法中三个相依数的关系，效果很好。又如解“某河涨水后，水流的速度：沿岸每小时4里，河中流每小时6里。某船沿岸上行48里需8小时，由河中流下行回来需几小时？”一题时，他们很快就能领会某船沿岸上行是为了水流速度小，可以加大上行速度；回来由河中流下行是为了水流速度大，可以加大下行速度。这就说明了他们懂得客观事物的内在联系。

正由于是成年人，所以部分学生思想问题也较多，往往牵挂家庭、婚姻等問題，使听课思想不易集中，听过了也容易忘记。有的则因病、产假缺课较多。所以课堂教学必须抓住重点讲解，反复巩固，同时还要注意课后辅导、补课等工作。

(三)原来基础差，缺乏脑力劳动的习惯和正确的学习方法。

他们在入学前有的虽进过了几年学校，但荒废已久，加之在工作岗位上不常运用，所以系统的基础知识很差；有的虽进过机关干部文化补习学校或职工业余夜校等，但所学的又多偏重掌握运算法则，对理论知识注意较少，且所学知识多不巩固。表

現在：數學的基本知識差，術語、單位等涵義不易掌握。例如，對“0”不能作除數一點，說得清楚的就很少；了解了工程問題，對於水管問題還須加以啟發後，才能解答。至如長度單位、面積單位、體積單位等，也往往沒有區別清楚時，就任意填寫，甚至不寫。同時因為他們沒有腦力勞動的習慣，致思想常局限於個人經驗範圍以內，沒有見過、沒有摸過的東西，他們就要問：這是什麼東西？有什麼用處？例如解代數的應用問題時，對於設 x 、 y 去組織方程，就很难理解，他們硬要問 x 、 y 算什麼？有什麼作用？雖然教師反覆說明，他們自己也已運用它做過若干題目，但對 x 、 y 還是發生懷疑，不能確信它也是一个數。再如乘方的一般法則和幾何中綫段的比他們容易搞通， $2^5 = 32$ ， $AB : BC = 3 : 5$ ，但對於 $a^n = b$ 或 $AB : BC = m : n$ 却不易理解。

此外，一般聽課時，不善于概括老師講的內容。往往只注意結論和公式，至于結論和公式怎樣來的，就不很關心，甚至不管。他們對學習所用功夫，大都是死記和硬背，這樣的結果，無疑的是費力多而收效少的。對自己演算習題，缺乏判斷能力，必須問問老師或對了別人答案後才放心。

針對學生這些特點，所以我們數學教學，應該掌握直觀原則，從感性到理性，通過直觀教具來引導學生達到抽象思維。在講課時必須有系統、有目的地來啟發提問，經常啟發他們思維活動，培养他們聽課能力；還要多舉淺顯的實例，啟發他們作出科學論斷；指導他們改進學習方法，以補救這些方面的缺點。

從上面這些特點看，對於數學教學來說，有其有利的一面，也有其不利的一面。而有利的一面是基本的，這是保證速成的主要因素之一。同時這些特點，在教學過程中也是不斷在變化着的。假如我們能善于掌握、利用其有利的一面，並使之逐漸發展。克服其不利的一面，並使之逐漸消滅。那末，我們的教學情況，就會逐漸好轉，教學質量也就会逐步提高。

三、加強課前備課

備課工作的好壞是能否上好一堂課的主要關鍵。普通中學如此，速成中學更如此。由於速中學生的學習積極性強，有了疑問不放鬆，一定要打破砂缸問到底；由於速中學生的學習時間有限，必須要當堂解決問題不走彎路。因此備課工作就更加重要。

備課是與熟練教材、掌握教材分不開的。因此每個教師必須認真鑽研教材，而鑽研教材首先要領會教學大綱的精神。我們鑽研教材不僅在熟悉教材的內容，主要的是掌握教材的思想性、目的性和系統性。這就要不斷地發掘教材內在的思想性，考慮如何在各部分中貫串思想教育；要認清教學的總目的、各單元的目的、乃至各課時的要求，考慮如何環繞目的進行教學；要研究怎樣把教材系統地有機地組織起來，使學生得以完整地接受下去；要做到這些，就不能丟開教學大綱。單純從課本內容去鑽研，憑主觀經驗去臆斷，就會失去指針，不是畸輕畸重，便是分離割裂；或是偏而不全，或是忘却了升入高等學校深造的目的。

關於備課，分以下三点來說明。

(一)深入地鑽研教學大綱和教材

1. 在鑽研教學大綱方面，江蘇師院速中的做法是：

(1) 必須根據工農速成中學的方針任務，認真學習中學數學教學大綱(修訂草案)，領會大綱的精神實質，研究如何通過教學達到大綱所規定的中學數學教學的目的。

在學習分科教學目的時應研究如何達到數學教學的總目的。

学制延長一年后应注意各类的数学各科应达到的水平，例如第二类数学各科应达到普通高中水平；第一类的几何要达到初中水平，但为了配合三角和物理課程的学习，再講高中平面几何第一章第二、三、八節（即綫段、相似三角形及勾股弦定理），代数和三角的教学时数均增加較多，并与普通中学基本相同，因此应根据普通中学代数和三角数学大綱及教科用書進行教学。

（2）嚴格地按照大綱進行教学，把大綱的精神正确地貫徹到整个教学过程中去，对于大綱規定的教学时间、教材安排以及各單元所要达到的深度和廣度，应結合备課詳加研究。

只有按照大綱規定，才不致于在教学上貪多貪快，影响了学生的質量。例如在講授整式一章时，完全按照大綱所提出內容，在講解时由教者逐步指出教材安排的順序，从而使学生反复練習，逐步加深。大綱上沒有規定的教材决不因教本上有的，而舍不得刪去。整式除法中的零指數及不能整除的情况都刪去不講。可用公式分解因式的多項式，为了不影响到按步驟進行分解的原則，就不用添置輔助項來分解。又如講完一元一次方程后講授一次不等式，起先以为高中教材部分有不等式，存在着現在不講到以后再講的想法，經過討論，若把这部分教材放在以后講，就失去部分教材与整个教材的联系，而把部分从整体中孤立起來，从等式的概念对比不等式的概念，从等式的性質对比不等式的性質，从解数字系数的一元一次方程对比解一元一次不等式，这样对一元一次式的概念、性質、解法得到較为完整的認識。在平面几何中，由于过去采用工農速成中学教学大綱，來講弧的相对与不等，弧的加減，但未講圓心角、圓心角与所对弧的对应关系。在講“圓”这一章时，插入补授，使符合于普通中学的教学大綱。

在鑽研教材方面。

（1）必須根据大綱的精神深入地鑽研教材。

按照大綱（修訂草案）編有新課本的教材，应反复詳細閱讀，

深入鑽研。明确新課本是如何按照大綱編寫的，在教學中如何貫徹大綱精神，并与旧編課本作对比，認識新課本的优越性(如平面几何)。

采用苏联中学課本的教材或大綱修訂前中央的改編本，应研究教材的安排是否符合大綱(修訂草案)的要求，哪些教材應該补充，哪些教材應該刪去。代數課还要精讀附在課本后面的补充教材。

(2)在学期开始前，通讀全学期的教材(包括習題)，然后按照大綱次序，逐章逐單元精讀。理解教材的特点，掌握教材的中心思想，考慮如何正确地系統地把这一章知識和主要的教學方法傳授給学生。

(3)在鑽研教材的过程中，应正确的利用參考資料或参考提綱，發揮鑽研教材的積極性与創造性，防止先看參考書籍后看教材的“先入为主”的做法。

初中平面几何有人民教育出版社出版的“初中平面几何教學參考書”，伊斯托未娜等著的“初中几何課堂教學計劃”，北京中小学校教學參考資料編輯委員會編輯的教學參考資料，都是很有价值的参考書籍，必須在精讀教材之后参考它們，又須在鑽研教材的基礎上，結合學生的具体情況和存在問題，決定适合于班級情況的教學方法。不是原封不动的机械搬用。

如初中平面几何教學參考書第187頁注意事項中指示：在講直線和圓的相互位置时，应研究点和圓的相互位置，我們在給圓下定义时，就要研究它。因此，這一課就是復習点和圓的相互位置。如用軌迹法解作圖題时，由于学生对軌迹法还不熟練，特增加了一課时進行復習。

(4) 鑽研教材中应注意教材的系統性，教材前后的內在联系，以及与有关学科之間的联系，特別是与物理、化学的联系。

深入鑽研教材的系統性，就是要鑽研教材前后單元之間的

联系，新旧教材的联系以及与有关学科之間联系等，但亦应注意整体与部分之联系。例如講一元一次方程的主要目的，是訓練学生理解等式之性质及恒等式方程之意义，使学生理解并記憶同解方程的定义及方程的两个性质，并能运用这些性质正确并熟練地解一元一次方程；要求学生会布列方程，作出合理答案，从而培养学生的分析能力。講授这一單元是要学生初步掌握关于方程的一些理論知識，鑽研教材时必須从教材之整体到部分反复研究，关于两个方程是否同解及增根的產生，只是初次碰到的問題；在說明这問題时就要学生將求得的根代入原方程，驗算其有无錯誤。在以后學習无理方程时这些問題就有着特別意义。学到了高次方程这些知識才能达到系統化。由于估計到学生接受时有困难因而对增根遺根問題不作重点來講解。

如在解算術題“已知三角形三个內邊的比为 $1 : 2 : 3$ ，求这三个內角”时，不但令学生运用算術中連比去解問題，也提示学生用 x 、 $2x$ 、 $3x$ 表示三个內角的度数列出方程求解。

又如講解 2 个圓的相互位置时，突出 $R - R' < d < R + R'$ ，使学生在學習一次不等式的基礎上，初步掌握不等式的上界和下界。在講解一元一次方程时，要学生应用物理和化学上已学到的比重、杠杆、热量、液体濃度等知識來布列方程。通过作業、复习旧課，既可發展学生的思維能力，又可培养他們的解題技巧。使学生自觉地領会所学的各門課程的知識，不是相互隔离，而是有緊密的联系，更增加了他們的積極性。

(5) 鑽研教材时应明确教材的目的性，發揮教材內在的思想性，从而考慮單元教材在整个教材中的地位和作用，抓住重点和关键性的地方，一句一字，多加揣摩，加深对教材的理解，逐步地达到“懂、熟、透”。

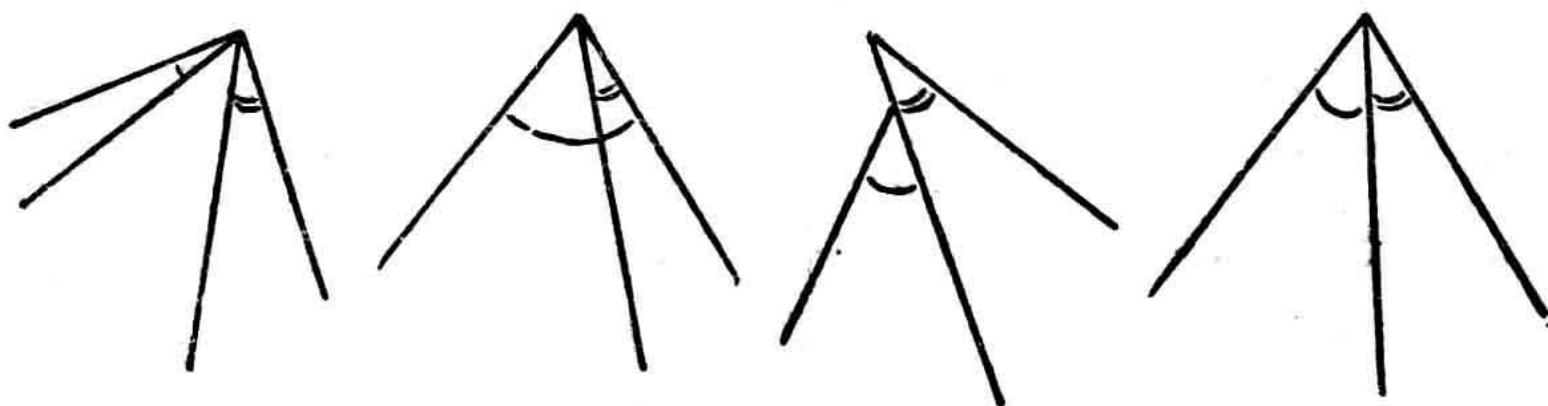
如“兩個圓的相互位置”这一單元教材的目的性，不僅是要求学生熟悉兩個圓的各种相互位置，并且要求学生能从不改变

圓的半徑而只改變圓心在連心線上的位置來理解兩個圓的各種相互位置。所以，必須依次研究外離、外切、相交、內切及內合，絕不能割裂教材，從相離、相切、相交來研究。

除以上 5 点外，蘇農速中還提出：在鑽研教材時必須“琢磨教材”。他們認為：為了講授時能突出重點，加深概念，在鑽研教材時應尽可能對教材進行一定程度的琢磨。

如初中幾何第 28 頁 § 41 介紹三種三角形說：“三個銳角的是銳角三角形。一個直角的是直角三角形。一個鈍角的是鈍角三角形。”如果平鋪直敘地講，對於“三個銳角”一詞不易突出，在我們講授時，常這樣提法：“一個直角的是直角三角形，一個鈍角的是鈍角三角形。那麼什麼叫做銳角三角形呢？（稍停）……”這時看同學反映，並讓他們思維活動。然後教師手拿鈍角三角形模型，出示銳角說：“這有一個銳角，又有一個銳角。”再拿直角三角形同樣說明“它們都有兩個銳角，都還不是銳角三角形”。然後立即出示銳角三角形模型說：“必須要有三個銳角的才是銳角三角形。”這種提法，不但扫清同學的模糊思想，同時打下了一個深刻的印象。

又如第 15 頁 § 22 講鄰角概念時說，由三個條件完全具备來確定鄰角：①有公共頂點；②有公共邊；③兩角在公共邊的兩旁。在講完後，也可作輔助圖形來分析說明：①有公共頂點的兩角不一定是鄰角（圖 1）；②有公共邊的兩角不一定是鄰角（圖 2）；③



既有公共頂点又有公共邊的也不一定是鄰角（圖 3 所示的一角在另一角的內部）；最後說：“必須三条件足备才是鄰角。”（圖 4）這樣可使同學清晰地認識鄰角的意義。

我們認為：琢磨教材，正確掌握教材內容的精神進行講解，不但可使學生獲得明確的概念，並且通過教學可以培养學生的邏輯思維和分析能力。

2. 各校在鑽研教材方面，也取得一些成績，下面舉蘇農速中鑽研代數課的體會為例來說明：

我們速中代數課的內容是相當複雜的，雖然教學大綱中已明確地劃分了單元，教科書中也具體寫出了章節，但這只是進度的劃分。若從代數課整個的系統來講，中學的代數知識却有四條基本線索在聯繫着，形成一個有機整體。

過去曾由於我們未能充分掌握這四條基本線索，只是機械的按章節次序一個單元一個單元地教下去，表面上雖然也完成了教學任務，但是常常發現前後知識割裂不能呼應的肢解現象，我們往往教到後面時，才真正体会到前面某些內容的作用，發現過去對於某些地方教得不夠，教學的實際困難就發生了。

通過數年來代數教學實踐中的體會，以及最近學習了伯拉基斯所著代數教學法，我們才初步明確了中學代數課的四條基本線索：（參閱書末附圖）

(1) 發展學生關於數的概念——在一年級算術課中，學生已經認識了自然數、零和分數；一年級的代數課就在算術課的基礎上引進負數，得出有理數體（雖然有理數這個名詞還不曾提出來）。在二年級代數課中又在以上的基礎上引進了無理數，與以前講授的有理數組成了實數體；最後才引進虛數，與實數結合，組成了複數體。從自然數、零和分數，到負數（形成了有理數體），到無理數（形成實數體），到虛數（形成複數體），這一系列數的概念的發展的逐步講授，是我們代數課的基本線索之一，因此

講授每一新的概念時，我們就都作為關鍵問題來講授，務必使學生能獲得清楚明晰的概念。

(2) 恒等變換——學生在算術課里已經初步知道應用文字代表數，因此代數課一開始就講授文字的使用與代數式，而在以後整個的代數課中關於代數式的恒等變換就一直運用着、發展着，作為代數課主要內容之一來講授。從一年級的整式運算、多項式的因式分解；二年級的分式、方程、根式的運算；三年級的指數、對數的運算，都是屬於恒等變換的範疇的，因此我們體會恒等變換是我們代數教學的第二條基本線索。

(3) 函數——在算術課里已經初步地培养学生注意數與數的相依關係，在整個代數課中這一概念不斷在培养着。如在一年級代數課中一開始教代數式時，就使學生明了代數式里文字的值與代數式的值的相依關係；接着並講授了溫度、等速運動的圖象，到了二年級進行了系統的關於函數及其圖象的講授。三年級又講授指數函數與對數函數。我們體會函數概念是近代數學最重要的概念之一，簡單函數的學習不但是我們中學代數課中的主要線索之一，而且占有中心地位。因此我們應在代數課中不斷培养學生對於函數概念的理解，在“函數及其圖象”這一單元的講授前，就必須充分地做好准备工作。

(4) 方程——列方程、解方程和討論方程，是我們中學代數課程里極重要的部分之一，它在我們各年級的代數課中都占着相當重要的位置。如一年級就在學生已知的算術運算性質的基礎上，作最簡單方程的演算；二、三年級就系統地學習一次方程、二次方程、簡單的二元二次方程組、以及比較簡易的高次方程。因此我們体会到關於方程部分是我們代數課的第四條線索，我們應該注意培养學生具备解方程和列方程的知識和技巧。

至于數列、組合等，我們參照伯拉基斯所著“代數教學法”中的意見，不列入以上四條基本線索內，但是他們與以上的四條線

索，仍然是有密切的联系的。

在以上四条綫索中，我們体会又以函数这綫索居于中心地位，因为我們中学代数課中，差不多每一部分都密切联系着函数相关性的研究。例如方程就是求变数值，能够使得已知函数有某个預先指出的值(特別是使得函数的值为 0);即以数列而論，等差級数可以視為对应于等距离的諸变数值的一次函数的数列，而等比級数可以視為同样情形的指数函数值的数列，因此我們体会到簡單函数的学习是我們中学代数課的中心，而函数綫索也就成为我們中学代数課四条基本綫索的中心綫索了。

以上的四条綫索不是各自孤立的，而是互相依存的，如从附圖中可以看到起初我們只能根据算術四則运算的定义与性質解最簡單的方程；而在正負数的概念提出以后，正負数的运算法則講授以后，我們就進而应用正負数解最簡單方程；而在整式与分式講授以后才能完整的講授一元一次方程；在无理数的概念提出之后，在根式的运算講授以后，才系統地講授二次方程。

以上的四条綫索只是主要的綫索，我們在附圖中还可以找到各單元之間的配合关系，甚至于也是綫索关系。如以指数的概念与运算來看，在第二学期我們講授了“以正整数为指数的正负数乘方”，以及“以正整数为指数的單項式乘方”，第三学期我們起初講授了“分式的乘方”，后来系統地講授了“幂与方根”，最后到第五学期講授“指数概念的普遍化”，从而研究了“指数函数的圖象与性質”，为學習对数做好准备。

以上的四条綫索是相互結合的一个有机整体，他們貫串在整个代数課中，形成了我們中学代数課的一个完整系統。所以只有當我們掌握了代数課的四条基本綫索以后，我們才有可能真正明确各学期代数教學的目的要求，當我們教每一單元、甚至每一節課才能透徹了解这一單元，这一節課是在什么基礎上講授的，他与今后的代数課有怎样的关系，應該使学生弄清什么，

也就是說應該達到怎样的要求。只有这样才能使我們每天教的代数課确实成为三年代数教学的一个有机組成部分，也只有这样才能教好代数課。

(二)發揮集体备課的作用

我們覺得，在目前师资水平不齐情况下，集体备課是進一步鑽研教材的較好形式。發揮大家的智慧共同研究，交流經驗，取長补短，可以考慮得比較全面。我們体会：1. 必須在自我鑽研分头准备的基礎上進行集体备課，才可以收到更大的效果；2. 在統一要求統一進度的原則下，要留下針對班級情況的活動余地，例如苏農速中三年級第四班的接受力較差，虽与第二、三兩班同一進度，但有些較难的作業，則第四班可少做些；3. 在一个班級实施后要隨時交流經驗，改進缺点；如一年級算術中“小数的基本性質”，备課时拟定兩小时授完，而在第三班实施下來，發覺太緊，有些問題，如十進复名数寫做小数，不能透辟講解，巩固总结的時間不够，因此其他各班就修改了計劃，結果收效較好；4. 不要害怕展开爭論，爭論才可發現真理；我們当爭論暫不能統一时，为了不因一点影响全面，規定暫由小組長作决定，大家就遵照执行，有意見再研究或交大組討論。

集体备課时应对本單元教学目的要求、教材重点、教学進度、主要的教学方法等詳加討論并达到統一，作業和課时安排应适当地求得統一。集体备課方法可由备課組長指定中心發言人，各人根据自己备課的心得，針對中心發言人的意見提出修正，充分進行討論，做到論点一致，并使討論的过程成为發揮集体力量，集中群众智慧，开展學術上自由爭論，丰富教學內容的过程。集体討論后，根据討論意見由中心發言人整理成單元(或課題)計劃(沒有备課組的教材要單独訂出)。

备課小組的成員在課后要經常交換意見，特別关于教學中

好的方法和經驗以及備課中估計不足或學生學習中發生困難的地方。

每單元結束後，每個教師應進行自我檢查，內容可包括單元計劃執行情況，在教學實踐中的心得體會和存在的優缺點，分析研究積累自己在教學中的点滴經驗，作為下一單元改進教學的參考。

(三)加強教學的計劃性

關於計劃里包括哪些項目，在附錄“改進工農速成中學數學教學的意見”中，說得很詳細，這裡只就組織教材和教學方法上應注意的一些問題談談。訂計劃的過程，也就是組織教材的過程。組織教材除了依照大綱掌握其思想性、目的性、系統性以外，對於工農學生還該注意下面幾點：

1. 由於工農學生文化基礎差，對抽象的理論不易接受，因此在組織教材時，每一課時的內容不宜太多，而且講授時應重點明確。分配教材時不能機械地按教時多少來分配，應該正確地估計每天同學的接受水平，照顧到消化巩固的時間。遇到困難的東西，應盡量減少教材，把難點分散在不同的教時內講授，俾使同學能順利地接受。例如對數是新課題，我們用一小時講對數的意義，把對數的基本性質分在兩個小時內講授，連環複習，反復巩固。基礎打好了，基本理論搞通了，後面較快一些是不妨事的。

2. 同學們容易模糊或容易纏錯的地方，教師應充分估計，進行預防，並且應該在教案內寫出來，以免臨時遺忘。例如在講反三角函數的意義時，要特別強調 \arcsinx 是表示一個角，而 $\sin x$ 是一個比值。在講和比定理“一串等比中諸分子的和與諸分母的和的比仍然等於原比值”時，就要指出所謂分子的和與分母的和不是各分數的和。這些小關節，看起來沒有什麼了不起，實