



毛纲源经济类数学辅导系列

系统 · 专业 · 经典 · 实用

经济类数学学习指导 硕士研究生备考指南

经济数学(概率论与数理统计) 解题方法技巧归纳 (第3版)

与人大版袁荫棠编·修订本配套

毛纲源 编著

- △ 专题讲解 涵盖重点难点
- △ 通俗易懂 帮助记忆理解
- △ 同步学习 深入辅导指点
- △ 复习迎考 获益效果明显



华中科技大学出版社

<http://www.hustp.com>

毛纲源经济类数学辅导系列

经济类数学学习指导 硕士研究生备考指南

经济数学(概率论与数理统计)
解题方法技巧归纳(第3版)

与人大版袁荫棠编·修订本配套

毛纲源 编著

华中科技大学出版社
· 中国·武汉

图书在版编目(CIP)数据

经济数学(概率论与数理统计)解题方法技巧归纳(第3版)/毛纲源 编著. —武汉: 华中科技大学出版社, 2011. 9

ISBN 978-7-5609-7134-6

I. 经… II. 毛… III. ①经济数学-高等学校-题解 ②概率论-高等学校-题解 ③数理统计-高等学校-题解 IV. ①F224.0-44 ②O21-44

中国版本图书馆 CIP 数据核字(2011)第 092747 号

经济数学(概率论与数理统计)
解题方法技巧归纳(第3版)

毛纲源 编著

策划编辑: 王汉江

责任编辑: 王汉江

封面设计: 潘群

责任校对: 李琴

责任监印: 周治超

出版发行: 华中科技大学出版社(中国·武汉)

武昌喻家山 邮编: 430074 电话: (027)87557437

录排: 武汉佳年华科技有限公司

印刷: 湖北新华印务有限公司

开本: 850mm×1168mm 1/32

印张: 14.625

字数: 491千字

版次: 2011年9月第3版第12次印刷

定 价: 26.00元



华中科大

本书若有印装质量问题, 请向出版社营销中心调换
全国免费服务热线: 400-6679-118 竭诚为您服务
版权所有 侵权必究

内 容 提 要

本书将经济数学(概率论与数理统计)的主要内容按问题分类,通过引例归纳、总结各类问题的解题规律、方法和技巧.其中不少是作者多年来积累的教学经验总结.读者阅读此书,必将增强分析问题、解决问题和应试的能力.

本书实例多、类型广、梯度大,例题主要取材于两部分:一部分是人大版《概率论与数理统计(修订本)》中的典型习题;另一部分是历届全国硕士研究生入学考试数学试题,其中经济类的数学(试卷)三的考题,绝大部分都已收入.

本书可供本(专)科学生学习经济数学(概率论与数理统计)阅读和参考;对于自学者和有志攻读经济学和工商管理硕士(即 MBA)学位的青年,本书更是良师益友;对于参加成人教育、自考的读者,不失为一本有指导价值的参考书;对于从事经济数学(概率论与数理统计)教学的教师,也有一定的参考价值.

作 者 简 介

毛纲源教授,毕业于武汉大学,留校任教,后调入武汉理工大学担任数学物理系系主任,在高校从事数学教学与科研工作 40 余年,发表多篇关于考研数学的论文.主讲微积分、线性代数、概率论与数理统计课程.理论功底深厚,教学经验丰富,思维独特.曾多次受邀在山东、广东、湖北等地主讲考研数学,并得到学员的广泛认可和一致好评:“知识渊博,讲解深入浅出,易于接受”,“解题方法灵活,技巧独特,辅导针对性极强”,“对考研数学的出题形式、考试重难点了如指掌,上他的辅导班受益匪浅”……同样,毛老师的系列数学辅导书也受到读者的欢迎与好评,有兴趣的读者可以上网查询有关对他编写的图书的评价.

◎毛纲源经济类数学辅导系列(3本)

◎毛纲源理工类数学辅导系列(4本)

◎毛纲源考研数学辅导系列(10本)

出版说明

本书是在《经济数学(概率论与数理统计)解题方法技巧归纳》(第2版)的基础上修订而成,原书的第1版、第2版自出版以来一直受到广大读者厚爱,多次重印,畅销全国.本书的修订广泛听取了读者的意见,对前两个版次的内容作了适当的调整、充实和删改,但保留了前面版次的特色:按问题分类,通过引例,归纳、总结该课程的重要问题的求解方法及其技巧;例题丰富而又典型,类型广、梯度大;叙述详细,通俗易懂,便于自学.

另外,准备考研的朋友可以参考由毛纲源老师编写、我社出版的一套优秀考研书籍:

◎最新考研数学(三)常考题型解题方法技巧归纳

◎考研数学(三)客观题简化求解技巧分类归纳(微积分)

◎考研数学(三)客观题简化求解技巧分类归纳(线性代数、概率论与数理统计)

编辑推荐

毛纲源教授是我社的特约作者,先后编著并在我社出版的图书品种达20余种,其出书数量在国内实属罕见,不论是数学辅导书(经济类、理工类)的编写,还是考研数学辅导书的编写,都体现了老一辈教师严谨治学的工作作风,作为毛老师系列图书的责任编辑也从中受益匪浅.同时,毛老师的系列图书十几年来一直作为我社的畅销书和常销书,在读者心目中赢得了良好的口碑,已有数十万学子从中受益.

为了更好地让读者了解本书,特将各大网站读者对毛老师图书的评价进行了整理、归纳(见读者反馈),其目的并不是宣传本书,而是让那些在学习数学的过程中遇到困难的读者能够找到一本真正的好书,让那些希望学好数学并准备考研的朋友从中受益.为了让学习数学的朋友有一个交流的空间,特建立了一个QQ群(群号:149812311)和一个博客(<http://blog.sina.com.cn/u/1407989680>),希望读者相互交流、相互受益.

特此推荐!

读者反馈

毛纲源老师的系列书自出版以来,深受读者青睐,同时受到读者的一致好评。现将各大网站(当当网、卓越网、京东商城、淘宝网等,关键字搜索“毛纲源”)读者的反馈信息收集整理如下,以飨读者。

相信毛老师的书 2011-02-17 17:59

解题方法归纳得好!书的质量也还好!

讲得不错 2011-01-04 20:19:44

很细致,很到位,值得购买。

价格实惠,内容不错 2011-04-05 18:12:35

在书店看过,内容不错,讲得比较细,价格很实惠。

相当不错! 2011-04-03 13:30:59

内容很经典,很实用!强烈推荐!

值得推荐 2011-04-11 16:55:36

刚使用,书写的比较系统,认真使用收获会很大。

很好很强大啊 2010-11-15 21:38:38

在东南大学图书馆看到了,借的看了看,真的不错,总结了很多技巧,很实用!

题目讲解很细,分难度解析 2010-11-23 16:40:19

很喜欢这本书,题目讲解的很细,归纳的很好,分层次地解题,总结的通俗易懂,基础中有提高,让你很开心地就掌握了方法。内容真的不错~!

很好 2010-09-23 21:42:03

这本书好像不怎么畅销~其实很好用~我在我们学校图书馆里看到的~就看了下~发现这里面有很多方法技巧~只要记住了~基本的题目都会做。

是老师介绍我们买的 2010-03-11 16:54:29

我们数学老师说这本书很好,买了之后看了,觉得书中的案例太经典了,值得推荐。

很好,喜欢华中科大出的技巧方法的数学书 2010-03-18 19,13

推荐大家用这一系列的书,个人比较喜欢。大家可以试试看。

Good 2009-07-16 21,25,35

老师推荐的,里面的方法总结得很好!

书很好很好,值得一看 2009-12-15 20,28,51

我们数学老师给我们推荐买的,这本书的体系很好,是按照题型来编排的,而且题很好,有些人会觉得这本书的版本翻新的有点慢,但是数学的内容本来就改的较少。总之,推荐这本书。

书不错 2010-03-26 08,27

这本书还是很经典的,相对那些考试机构的书最大的优点就是详细,方法经典。

还不错 2009-12-11 21,44,47

挺不错的,方法讲的很到位,想考研的同学可以买一套来看看,有很大帮助的。

思路清晰 2008-11-20 01,05,10

以例子的形式介绍不同类型的解题方法,很适合我用来考前突击。

不错 2007-12-06 09,48,40

经典的一本书,打基础阶段最适合用这本书。

书很好,值得推荐 2009-10-20 11,50,30

注重归纳总结,力求一题多解,解答规范、详细。

试题经典,解析清楚 2009-08-10 9,20,10

对基本概念、基本理论进行剖析,同时配合经典例题。

好书,值得拥有 2008-10-22 12,30,50

介绍了许多新的、快捷的解题方法和技巧。

前 言

《经济数学(概率论与数理统计)解题方法技巧归纳》自第1版、第2版出版以来一直受到广大读者的好评,多次重印,畅销全国.本书是在第2版的基础上结合人大版教材《概率论与数理统计(修订本)》(袁荫棠编)及近几年(含2011年)来的考研试题进行的修订,修订过程中广泛听取了读者的意见,并对第2版的内容作了适当的调整、充实和删改,但仍保留前两个版次的特色.

概率论与数理统计同我们以前学过的数学知识比较起来具有极其不同的特点.在此之前,数学是研究在一定条件下,其结果必然发生或不发生的规律性,而概率论所研究的则是随机事件的规律性.随机事件在一次试验中可能发生,也可能不发生,完全是偶然的,但在大量的试验中随机事件的发生又具有一定的规律性,即具有一定的必然性.概率论正是揭示这种偶然性背后隐藏着的必然性的科学.这给初学者必然带来不少困难,尤其是解题时无从下手,解完题后又不知正确与否.帮助初学者克服这些困难,较好地掌握这门课程的基本内容,是编写本书的目的之一.

本书将经济数学(概率论与数理统计)的主要内容按问题分类,通过引例归纳、总结各类问题的解题规律、方法和技巧.它不同于一般的教科书、习题集和题解,而是各具特色.

本书实例较多,且类型广、梯度大.例题的一部分取材于袁荫棠编、中国人民大学出版社出版的《概率论与数理统计(修订本)》中的典型习题(原习题的题号在例序后用表示章序、题序和小题序的三个数码加上方括号标志.例如,例3[2.1(2)]表示例3是人大版《概率论与数理统计(修订本)》习题二第1题的第2小题).

需查找《概率论与数理统计(修订本)》中习题解答的读者,请参看书末附录.

例题的另一部分取材于历届全国硕士研究生入学考试数学试题,其中数学试卷三的考题(适用于经济类、财政类及管理类专业的考生)绝大部分都已收入(例序后用表示年份的数字写上数学试卷类别再加上方括号标志.例如,例1[2011年3]表示例1是2011年数学试卷3中的考题).

通过对历年真题的研讨,使有志攻读硕士学位的同学“平战结合”,了解考研试题的特点及其逐年发展趋势,从知识上、题型上、方法和技巧上做好应试准备,做到心中有数.这些考题并非都是难题,其突出特点是全面、准确地体现教学大纲的要求,不少试题的原型就是《概率论与数理统计(修订本)》中的习题.多做考题,并由此总结、归纳解题规律、方法和技巧,无疑对于启迪思维、开发智力、提高能力及加深对经济数学(概率论与数理统计)的理解都是大有好处的.

考虑到经济类和其他文科学生及自学者学习经济数学(概率论与数理统计)的困难,编写此书时,在选材、理论推导、文字叙述等诸多方面尽量适应其特点.此外,还在不少例题后加写注意部分,以总结解题经验,避免常犯错误.

本书可供全日制大专院校、电大、职大、函大、夜大等广大学生学习经济数学(概率论与数理统计初步)时阅读和参考;对于自学者和有志攻读硕士研究生的青年,本书更是良师益友;对于从事经济数学(概率论与数理统计)教学的教师也有一定的参考价值.

鉴于目前有关读物尚缺,适用于理工科学生阅读的参考读物,文科学生阅读多有不便.作者使用多年来在教学过程中所积累的资料,汇集自1987年至2011年以来考研数学三的绝大部分考题和其他试卷的部分考题,编写成本书,为推进我国高校数学教学改革尽微薄之力.希望它能激起在校和自修的广大青年学习经济数学(概率论与数理统计)的兴趣,这是作者最大的心愿.

另外,准备考研的朋友还可以参考由本人编写、华中科技大学出版社出版的一套优秀考研书籍:

◎最新考研数学(三)常考题型解题方法技巧归纳

◎考研数学(三)客观题简化求解技巧分类归纳(微积分)

◎考研数学(三)客观题简化求解技巧分类归纳(线性代数、概率论与数理统计)

编写本书时,参阅了有关书籍,引用了一些例子,在此一并向有关作者致谢.限于作者水平,书中不当之处在所难免,敬请读者不吝赐教!

毛纲源

2011年8月于武汉理工大学

读者意见反馈信息

尊敬的读者,您好!

华中科技大学出版社一直致力于以“系统·专业·经典·实用”的教辅类图书服务于我国高等教育领域,已有百万学子从中受益。因此,希望您能对本书多提宝贵意见和建议并反馈给我们,我们将及时反馈给作者,以进一步完善本书,为广大高校师生提供更加完美的产品和服务。

您的任何意见和建议都将是我們不断进步的动力。

(为了方便您填写,本表可以在QQ群(149812311)的共享栏目下载。)

您的反馈信息:

您是如何得知或购买本书的:书店 京东商城 当当网 卓越网 淘宝网
图书馆 网上评论 老师、同学推荐

影响您购买本书的因素:内容实用 读者评价高 作者知名度
出版社知名度

您对本书的总体评价:非常满意 满意 不满意

您觉得本书的定价:高 适中 低 您认为合适的定价范围:_____

您认为本书的不足之处:_____

您认为本书的优点和特色:_____

您在学习数学的过程中有哪些困难:_____

您对我社教辅类图书意见和建议:_____

您的个人信息:

姓名:_____ 学校:_____

E-mail:_____ QQ号:_____

联系方式:

E-mail:14458270@qq.com QQ:14458270

致 读 者

欢迎读者购买或阅读本书,如果您觉得本书很好,别忘了向身边的朋友推荐,与他们共同分享.如果您对本书有什么建议或者需要勘误的地方,请与编辑联系.

联系方式:14458270@qq.com

毛纳源系列书推荐

一、毛纳源考研数学辅导系列

1. 最新考研数学(一)常考题型解题方法技巧归纳
2. 最新考研数学(二)常考题型解题方法技巧归纳
3. 最新考研数学(三)常考题型解题方法技巧归纳
4. 考研数学(一)客观题简化求解技巧分类归纳(高等数学)
5. 考研数学(一)客观题简化求解技巧分类归纳(线性代数)
6. 考研数学(一)客观题简化求解技巧分类归纳(概率论与数理统计)
7. 考研数学(二)客观题简化求解技巧分类归纳(高等数学)
8. 考研数学(二)客观题简化求解技巧分类归纳(线性代数)
9. 考研数学(三)客观题简化求解技巧分类归纳(微积分)
10. 考研数学(三)客观题简化求解技巧分类归纳(线性代数、概率论与数理统计)

二、毛纳源理工类数学辅导系列

1. 高等数学解题方法技巧归纳(上册·第2版)(与同济大学数学系编·六版配套)
2. 高等数学解题方法技巧归纳(下册·第2版)(与同济大学数学系编·六版配套)
3. 线性代数解题方法技巧归纳(第3版) (与同济大学数学系编·五版配套)
4. 概率论与数理统计解题方法技巧归纳(第2版)
(与浙江大学盛聚等编·四版配套)

三、毛纳源经济类数学辅导系列

1. 经济数学(微积分)解题方法技巧归纳(第3版) (与赵树嫄主编·三版配套)
 2. 经济数学(线性代数)解题方法技巧归纳(第3版)(与赵树嫄主编·四版配套)
 3. 经济数学(概率论与数理统计)解题方法技巧归纳(第3版)
(与袁荫棠编·修订本配套)
-

购书指南

一般在各省市大型新华书店均可买到,如果您在当地无法购买,可以上京东商城、当当网、卓越网、淘宝网等网店购买,也可通过华中科技大学出版社的淘宝店(<http://hzcb.tmall.com>)购买.

关键字搜索:毛纳源、解题方法技巧归纳.

目 录

第 1 章 随机事件与概率	(1)
1.1 事件的关系与运算	(1)
1.2 事件的关系及其运算法则的简单应用	(9)
1.3 加法原理和乘法原理的应用	(15)
1.4 计算古典型概率	(21)
1.5 计算几何型概率	(33)
第 2 章 古典概率的间接计算	(38)
2.1 计算与对立事件有关的事件概率	(38)
2.2 与差事件有关的事件概率的算法	(40)
2.3 与包含关系有关的事件概率的算法	(43)
2.4 利用全集分解式求与积事件有关的事件概率	(46)
2.5 事件和的概率算法	(49)
2.6 应用乘法公式计算概率的几种情况	(55)
2.7 使用条件概率计算有关事件的概率	(59)
2.8 加法公式和乘法公式的综合应用	(65)
2.9 使用全概率公式和贝叶斯公式寻找完备事件组的 两个常用方法	(71)
2.10 抽签原理的证明及其应用	(78)
2.11 如何正确理解事件独立性的概念	(81)
2.12 证明事件组的相互独立性	(87)
2.13 应用事件独立性计算概率	(93)
2.14 独立试验序列模型的计算	(97)
第 3 章 一维随机变量及其概率分布	(105)
3.1 离散型随机变量分布的判别与求法	(105)
3.2 连续型随机变量分布的判别与求法	(112)
3.3 利用分布,求其未知参数,计算概率	(123)
3.4 随机变量函数分布的求法	(131)

3.5	证明与随机变量分布性质有关的命题	(143)
第4章	二维随机变量及其分布	(149)
4.1	二维离散型随机变量的联合概率分布的求法	(149)
4.2	二维随机变量的边缘分布的求法	(157)
4.3	求二维随机变量的条件分布	(166)
4.4	二维随机变量的分布函数的判别与求法	(174)
4.5	计算二维随机变量落入平面区域内的概率	(184)
4.6	随机变量相互独立的判别	(190)
4.7	两随机变量之和的概率分布的求法	(200)
4.8	求二维随机变量的最大值与最小值的分布及其 落入区间内的概率	(211)
第5章	随机变量的数字特征	(221)
5.1	离散型随机变量的期望与方差的求法	(221)
5.2	连续型随机变量的期望与方差的求法	(227)
5.3	随机变量函数的数学期望与方差的求法	(238)
5.4	求二维随机变量的数字特征	(243)
5.5	讨论随机变量的相关性与独立性的关系	(259)
5.6	由随机变量的数字特征确定分布中的未知参数	(267)
5.7	期望或(和)方差的应用题的解法	(270)
5.8	如何掌握二维均匀分布与二维正态分布	(276)
第6章	几种常见的一维分布的应用	(290)
6.1	0-1分布的应用	(290)
6.2	二项分布的应用	(292)
6.3	泊松分布的应用	(300)
6.4	几何分布的应用	(306)
6.5	超几何分布的应用	(309)
6.6	均匀分布的应用	(313)
6.7	指数分布的应用	(317)
6.8	正态分布的应用	(324)
6.9	求解与微积分及线性代数有关的综合应用题	(333)
第7章	大数定律和中心极限定理	(339)
7.1	切比雪夫不等式的两点应用	(339)

7.2	大数定律成立的条件和结论及其简单应用	(347)
7.3	中心极限定理的应用	(355)
第8章	样本及抽样分布	(370)
8.1	样本均值的分布及其应用	(374)
8.2	χ^2 分布及其应用	(379)
8.3	利用 t 分布求有关统计量的分布	(386)
8.4	F 分布及其应用	(393)
第9章	参数估计	(400)
9.1	矩估计法和极大似然估计法	(400)
9.2	计算统计量的数字特征	(412)
	习题答案或提示	(416)
	附录(人大版《概率论与数理统计(修订本)》	
	部分习题解答查找表)	(450)

第 1 章 随机事件与概率

1.1 事件的关系与运算

1.1.1 用样本点(基本事件)表示随机试验的有关随机事件及其相互关系

求解这类问题的步骤如下.

(1) 首先要明确随机试验是什么? 试验的结果如何表达? 基本事件如何表达?

(2) 样本空间由哪些结果所组成? 所要表示的事件由哪些结果构成?

(3) 依据事件的四种基本关系的定义判定有关的事件的相互关系.

例 1 写出下列随机试验的样本空间及其有关的随机事件, 并判定它们之间的相互关系.

(1) 掷一颗骰子, 观察掷得的点数, 表示下列随机事件: “掷得的点数不超过 2”, “掷得的点数不超过 3”, “掷得的点数大于 3”及“掷得偶数点”.

(2) 从一批灯泡中任取一只, 测试它的寿命, 考虑事件“测得寿命大于 1000 h”, “测得寿命大于 1500 h”及“测得寿命不小于 1000 h”.

解 (1) 因骰子是一个正六面体, 每一个面依次分别刻有一个数字“1”, “2”, \dots , “6”, 掷一次骰子可能出现的点数为 $i(i=1, 2, \dots, 6)$. 用 i 表示“基本事件”即出现数字为“ i ”的面, 则样本空间为

$$\Omega = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}.$$

用 A, B, C, D 分别表示题中的 4 个事件, 则它们由下述结果所组成:

$$A = \{1, 2\}, \quad B = \{1, 2, 3\}, \quad C = \{4, 5, 6\}, \quad D = \{2, 4, 6\}.$$

由于 A 发生必导致 B 发生, 有 $A \subset B$, A 与 C , B 与 C 不可能同时发生, 故 A 与 C 互不相容, B 与 C 互不相容, 而且在一次试验中 B 与 C 必有一个发生且只有一个发生, 故 B 与 C 互为逆事件, 即对立事件.

又 $D \cap A = \{2\} \neq \emptyset$, $D \cap B = \{2\} \neq \emptyset$, $D \cap C = \{4, 6\} \neq \emptyset$, 故 D 与 $A, B,$

C 均分别相容.

(2) 用 $t(h)$ 表示测得灯泡的寿命, 则 $t \geq 0$ 且其样本空间为 $\Omega = \{t | t \geq 0\}$, 这时样本空间含有无穷多个元素. 用 E, F, G 依次表示题中的三个事件, 则 $E = \{t | t > 1000\}, F = \{t | t > 1500\}, G = \{t | t \geq 1500\}$. 显然有

$$F \subset E, F \subset G, E \subset G.$$

例 2[1.2]* 同时掷两颗骰子, x, y 分别表示第一、二两颗骰子出现的点数. 设事件 A 表示“两颗骰子出现点数之和为奇数”, 事件 B 表示“点数之差为零”, 事件 C 表示“点数之积不超过 20”, 用样本点的集合表示事件 $B - A; BC; B + \bar{C}$.

解 一个随机试验联系一个样本空间. 正确地写出试验的样本空间是解题的关键, 而要正确地写出样本空间必须切实了解具体的一次试验的条件、步骤过程及目的. 本题的一次试验是同时掷两颗骰子, 记下所出现的点数 $x = 1, 2, \dots, 6; y = 1, 2, \dots, 6$. 该次试验完成后所得出的结果即基本事件是 $(x, y) =$ “第一颗骰子出现的点数为 x , 第二颗骰子出现的点数为 y ” ($x, y = 1, 2, \dots, 6$). 于是试验的样本空间

$$\begin{aligned}\Omega &= \{(x, y) | x = 1, 2, 3, 4, 5, 6; y = 1, 2, 3, 4, 5, 6\} \\ &= \{(1, 1), (1, 2), \dots, (1, 6); (2, 1), (2, 2), \dots, (2, 6); (3, 1), (3, 2), \dots, \\ &\quad (3, 6); (4, 1), (4, 2), \dots, (4, 6); (5, 1), (5, 2), \dots, (5, 6); (6, 1), \\ &\quad (6, 2), \dots, (6, 6)\}.\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\text{事件 } A &= \{(1, 2), (1, 4), (1, 6), (2, 1), (2, 3), (2, 5), (3, 2), (3, 4), \\ &\quad (3, 6), (4, 1), (4, 3), (4, 5), (5, 2), (5, 4), (5, 6), (6, 1), \\ &\quad (6, 3), (6, 5)\},\end{aligned}$$

$$\text{事件 } B = \{(1, 1), (2, 2), (3, 3), (4, 4), (5, 5), (6, 6)\},$$

$$\begin{aligned}\text{事件 } C &= \{(1, 1), (1, 2), (1, 3), (1, 4), (1, 5), (1, 6), (2, 1), (2, 2), \\ &\quad (2, 3), (2, 4), (2, 5), (2, 6), (3, 1), (3, 2), (3, 3), (3, 4), \\ &\quad (3, 5), (3, 6), (4, 1), (4, 2), (4, 3), (4, 4), (4, 5), (5, 1), \\ &\quad (5, 2), (5, 3), (5, 4), (6, 1), (6, 2), (6, 3)\},\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\text{则 事件 } \bar{C} &= \{\text{点数之积超过 } 20\} \\ &= \{(4, 6), (5, 5), (5, 6), (6, 4), (6, 5), (6, 6)\},\end{aligned}$$

$$\text{故 } B - A = B - AB = B - \emptyset = B$$

* [1.2]表示该例是中国人民大学出版社出版的《概率论与数理统计(修订本)》习题—第 2 题. 下同.

$$= \{(1,1), (2,2), (3,3), (4,4), (5,5), (6,6)\};$$

$$BC = \{(1,1), (2,2), (3,3), (4,4)\};$$

$$B + \bar{C} = \{(1,1), (2,2), (3,3), (4,4), (4,6), (5,5), (5,6), (6,4), (6,5), (6,6)\}.$$

注意 将事件 A 表示为 $A = \{3, 5, 7, 9, 11\}$ 是错误的. 因为 $3, 5, 7, 9, 11$ 不是 Ω 中的事件, 假如是, 它们在 Ω 中不是等可能出现的, 其中 3 只能对应 2 个结果 $(1, 2), (2, 1)$, 而 5 对应 4 个结果 $(1, 4), (4, 1), (2, 3), (3, 2)$.

例 3 写出下列随机试验的样本空间并用样本点(基本事件)集合表示所述事件:

对某工厂生产的产品进行检验, 合格的记上“正品”, 不合格的记上“次品”. 如果查出 2 个次品就停止检查, 或检查 4 个产品就停止检查. 记录检查的结果, $A = \{\text{有两个产品是次品}\}, B = \{\text{至少有 3 个正品}\}.$

解 由检查的规则知道, 至少逐个检查 2 个产品, 最多是逐个检查 4 个产品, 检查的个数取决于已检查过的产品中次品的个数. 以“ 0 ”表示查出次品, “ 1 ”表示查出正品, 检查有先后顺序, 因此基本事件是一个有序数值. 依题意, 样本空间为

$$\Omega = \{00, 010, 0110, 0111, 100, 1010, 1011, 1100, 1101, 1110, 1111\},$$

$$A = \{00, 010, 0110, 100, 1010, 1100\}, \quad B = \{0111, 1011, 1101, 1110, 1111\}.$$

1.1.2 用已知事件的运算关系表示他事件

设 A, B, C 为已知事件, 利用其运算关系表示其他事件.

这些事件常用“恰有”(“只有”)、“至多”、“至少”、“都发生”、“都不发生”、“不都发生”等词语描述, 要弄清这些概念的含义.

(1) 对立事件: 每次试验中{事件 A 不发生的事件}称为事件 A 的对立事件. A 的对立事件记为 \bar{A} .

A 与 B 互为对立事件, 其含义是 A 与 B 既不能同时发生, 但也不能同时不发生, 即 A 发生时, B 一定不发生, 而 A 不发生时, B 一定发生, 记为 $A = \bar{B}$ 或 $\bar{A} = B$.

(2) $\{A$ 发生而 B 和 C 都不发生}的事件可表示为 $A\bar{B}\bar{C}$ 或 $A - B - C$ 或 $A - (B + C)$.

(3) $\{A$ 与 B 都发生, 而 C 不发生}的事件可表示为 $AB\bar{C}$ 或 $AB - C$ 或 $AB - ABC$.