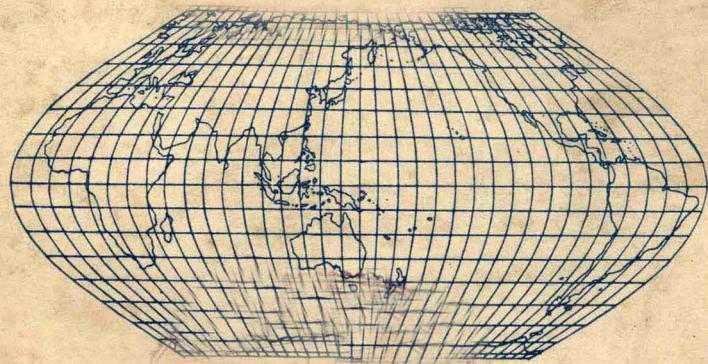


地圖投影法

褚紹唐譯



地圖出版社出版

地圖投影法

褚紹唐譯

(1953年修訂)



地圖出版社出版

地圖投影法

原著者 J. A. Steers

編譯者 楊紹唐

出版者 地圖出版社

印刷者 藝文印刷廠

發行者 地圖出版社
上海中山東一路18號

經售者 全國各大書店

上海市書刊出版業營業許可證出零三五號

一九五三年九月修訂初版

一九五四年三月修訂再版

定價：人民幣一萬二千元

本書編號 501 (原亞光印1000)

本版印數2000 累計印數3001—5000

修訂弁言

地圖投影是地圖學的基礎，這對於從事地理教育工作和學習地理學的同志常是很重要的知識。但關於這一類的書籍，有的過於簡略，有的涉及的數學知識較深，要獲得一本難易適度，對於有初步數學基礎即能進而研習的書實不很多。筆者爲着自己學習的興趣和適應以上的需要，便將本書譯出。本書初版於1943年由世界書局印出，再版於1951年由亞光輿地學社印出，今修訂版改由地圖出版社印行。

本書在初譯時未能考慮用白話文，書中的計算單位也就原書所用的“吋”計算，這對於學習和實習方面很多不便。同時書中雖已包括大多數的圖法，但尚有一些常見的圖法未曾列入，各種圖法所作成的圖式也不夠完全。爲了彌補以上的這些缺點，譯者便在這修訂版中加以增改。

這次修訂的主要部分，首先是將書中所用的計算單位大部分改用了公尺制，一部分則因改版方面的不便，乃用市寸計算。其次是書中關於縮尺和謀開托圖法二部分，加了一些附註或補充。此外在書末增加附錄二部分：一是幾種常見圖法的補篇，這裏附述投影圖法的分類表和星形、心形、蝶形、古特氏、艾克爾脫各圖法和百萬分之一地圖的原理和作法。另一部分是實習材料，其中一部分是筆者年來擔任地圖學課程時所用的實習材料。此外對於各種圖法的圖式也增加了十多種，這些可作實習作圖時的參考。

本書在文字方面，因爲改版的關係，未能重寫，很是抱憾。書中如有錯誤，尚希讀者指正。

譯者誌

地圖投影法目次

第一篇

第一章	導言：投影圖法之性質	1
第二章	投影圖法之系統	4
第三章		6
第一節	面積	6
第二節	緯度與經度	13
第四章	縮尺	15
第五章		19
第一節	方位圖法	19
第二節	球心或中心射圖法	20
第三節	平射圖法	27
第四節	正射圖法	32
第五節	球心、平射與正射圖法間之關係	36
第六節	等距方位及等積方位圖法	39
第六章	球狀圖法	45
第七章	可展之平面 圓錐之常數 標準緯綫	47
第八章		52
第一節	圓錐圖法：一標準緯綫之簡單圓錐圖法	52
第二節	二標準緯綫圓錐法	57
第三節	多圓錐圖法	62
第四節	波納氏（修正）圓錐圖法	64
第九章	由直角坐標法作圓錐圖法	69
第十章		72

目 次

3

第一節	圓柱圖法	72
第二節	簡單圓柱圖法或方眼圖法	72
第三節	等積圓柱圖法	74
第四節	謀開托圖法	75
第十一章	撒遜弗蘭斯特德或正弦曲綫圖法	83
第十二章	圖法之選擇	85

第二篇

第一章	89	
第一節	球心圖法之斜軸圖式	89
第二節	球心圖法之立體展開	96
第三節	球心法立體展開圖上之大圓路線之作法	96
第二章	98	
第一節	平射斜軸圖法	98
第二節	作大縮尺平射圖法之簡單方法	101
第三節	平射法之正變形	102
第三章	105	
第一節	拉希爾圖法	105
第二節	格林敦圖法	106
第三節	高爾氏平射圖法	107
第四章	109	
第一節	矩形圖法	109
第二節	二標準緯綫之等積圓柱圖法	109
第五章	毛爾威得圖法	111
第六章	斷裂圖法	117
第七章	由轉移方法作較難之圖法	119
第八章	自等積方位赤道圖法作安托夫圖法之方法	124
第九章	拋物綫形及相關之圖法	126
第十章	其他圓錐圖法	134

第十一章	140
第一節	百萬分之一地圖	140
第二節	軍用測量地圖	141
第十二章	幾種新式及不常用圖法之解釋	143

附 錄

1.	適用諸圖法表	152
2.	補篇		
	一、投影圖法分類表	155
	二、星形圖法	156
	三、心形圖法	157
	四、蝶形圖法	158
	五、等積正弦圖法(古特氏圖法)	159
	六、艾克爾脫圖法	161
	七、百萬分之一地圖用表	164
3.	實習材料	166
4.	初步三角法	185
	對數	190
	弧度與度數	198

插 圖

圖 版

I.	方位極圖法之比較.....	40
II.	謀開托圖法；大圓線；與子午線交切作同角度之線.....	77
III.	北美洲之球心斜軸圖法.....	92
IV.	球心圖法之立方體展開，當此立方體切於兩極及赤道上 之四點.....	94
V.	球心圖法之立方體展開，當此立方體切於北緯 30° 及西 經 100°	95
VI.	斷裂毛爾威得圖法（依照大陸塊）.....	116
VII.	斷裂撒遜弗拉斯特德圖法（依照大陸塊）.....	118
VIII.	等積方位圖法之斜軸圖——歐亞大陸.....	122
IX.	全球之安托夫圖.....	125
X.	拋物綫形圖法.....	130
XI.	橢變形圖法.....	131
XII.	毛爾威得橫軸圖法.....	144
XIII.	毛爾威得斜軸圖法.....	145

圖 目

1.	示正變形（採自 Hinks 君）.....	2
2.	長方形之面積.....	6
3.	三角形之面積.....	6
4.	多邊形之面積.....	7
5.	圓之面積.....	7
6.	扇形之面積.....	8
7.	圓柱體之面積.....	9
8.	圓錐體之面積	9

9. 圓錐體之面積.....	10
10. 圓錐截體之面積.....	10
11. 球體之面積.....	11
12. 球帶之面積	12
13. 示緯度與經度.....	13
14. 示緯度與經度.....	14
15. 簡單透視方位圖法.....	19
16. 某方位之投影點.....	20
17. 球心極圖法之圖學作法.....	21
18. 北極區域之球心法地圖.....	22
19. 球心赤道圖法之圖學作法.....	23
20. 球心赤道圖法之三角作法.....	24
21. 球心赤道圖法之三角作法.....	24
22. 球心赤道圖法之三角作法.....	25
23. 示球心赤道圖法之緯線作法.....	25
24. 球心圖法上之非洲.....	27
25. 平射極圖法之作法.....	28
26. 北半球之平射法圖.....	30
27. 平射赤道圖法上之緯線作法.....	31
28. 平射赤道圖法上之經線作法.....	31
29. 作正射極圖法之圖學方法.....	32
30. 作正射極圖法之三角方法.....	33
31. 正射赤道圖上之緯線與經線間隔.....	34
32. 正射赤道圖法上之經線.....	35
33. 北半球之正射法地圖.....	36
34. 印度洋之正射法地圖.....	37
35. 球心、平射 及正射圖法之極圖間之關係.....	38
36. 北半球之等距方位地圖.....	41
37. 北半球之等積方位地圖.....	43

38. 等積方位圖法之極圖作法.....	44
39. 球狀圖法上之美洲.....	46
40. 一“自然”之圓柱圖法.....	47
41. 與 42. 圖示圓錐之常數.....	48
43. 一“自然”之圓錐圖法.....	49
44. 平面、圓錐 與圓柱.....	50
45. 真正割圓錐投影.....	51
46. 簡單圓錐法之簡易三角.....	53
47. 簡單圓錐法之圖學作法.....	54
48. 簡單圓錐法之展開.....	55
49.a. 與 b. 簡單圓錐法之三角作法.....	56
50. 二標準緯線圓錐法之近似作法	58
51. 示二標準緯線圓錐法之作法.....	59
51.A. 二標準緯線圓錐法之替換作法.....	61
52. 多圓錐圖法之圖學作法.....	63
53. 多圓錐圖法之展開.....	63
54. 波納氏圖法上之亞洲，選取之標準緯線為 80°N	65
55. 波納氏圖法上之亞洲，選取之標準緯線為 40°N	65
56. 波納氏圖法之圖學作法.....	66
57. 波納氏圖法之展開.....	67
58. 波納氏圖法之等積性.....	68
59. 圓錐圖法之直角坐標.....	69
60. 由直角坐標之多圓錐作法.....	71
61. 世界之簡單圓柱法圖.....	73
62. 等積圓柱圖法之作法.....	74
63. 正弦曲線圖法之圖學作法.....	83
64. 正弦曲線法上之世界全圖	84
65. 球心圖法之斜軸圖之作法.....	89
66. 球心法立體展開圖上之大圓路線	97

67. 平射斜軸圖法之作法.....	99
68. 半球之平射斜軸圖，以投影平面切於北緯 30° 之格林威治經 線上.....	100
69. 大縮尺平射圖上之緯綫作法.....	101
70. 大縮尺平射圖上之經綫作法.....	103
71. 示拉希爾圖法之作法.....	105
72. 示格林敦圖法之作法.....	106
73. 示高爾氏平射圖法之作法.....	107
74. 毛爾威得圖法之作法.....	111
75. 示毛爾威得圖法 ϕ 與 θ 之值之軌跡曲綫.....	113
76. 毛爾威得圖法之世界地圖.....	115
77. 毛爾威得與撒遜弗拉斯特德圖法，表示介於緯綫間及中央經 綫東西第 90 與 180 經綫之關係.....	115
78. 西半球之等積方位圖.....	121
79. 安托夫圖法之作法.....	124
80. 作拋物線形圖法之方法.....	126
81. 橢變形法，正弦曲綫法，及毛爾威得法之關係.....	132
82. 百萬分之一地圖各頁之排列法.....	140
83. 喀西尼圖法.....	141
84. 謀開托橫軸圖法.....	147
85. 北大西洋之二點等距圖法.....	150
86—91. 圖解說明附錄 IV.....	185 189

第一篇

第一章

導言：投影圖法之性質

地圖投影法乃將地球上之經綫及緯綫表示於一平面紙上之一種方法。任何表示方法均為一種投影。其所成之網綫常稱之為“經緯網”。

吾人之地球為一球體，惟地圖乃一平面。因使一平面之紙平貼於球體上乃不可能之事，故欲作一正確之圖於平面紙上亦屬困難。此即所以必須研究投影法之理由也。若仔細考查一優良之地圖冊必可示吾人數種不同之投影法。在某圖中，其緯綫及經綫為直線，他圖中則為曲線或其經綫為直線，緯綫為曲線等。由於此數種選擇，即可獲得某種利益，由是以某種投影法表示特殊國家當較以他法為佳也。

雖則吾人不能作一於地球各部分均能正確之圖，然在一投影法中，保持某種一定之性質，並非困難。此種性質可列舉如下：

保持面積。

保持形狀（正變形）。

保持縮尺。

保持方向。

易於繪畫。

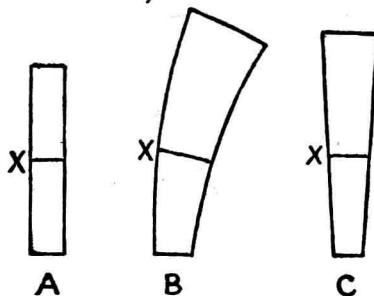
為欲使一圖（依縮尺縮小之後）與其所代表地球上某部分之面積相等，則形狀必所忽略。同形與等積，兼而有之，實非可能。若不慮及形狀之變異，使一平面之面積相等，則此事頗為簡單。例如：一長方形之邊為一寸及四寸者，其面積與一每邊長二寸之正方形相等。再二平行四邊形在同底及介於相同之平行綫之間者，其面積亦相等。由簡單之計算，可作一圓，其所圍之面積可與一圓球之面積相等。相同之例，均可列舉，惟此處已足以說明僅保持面積並非難事。

正變形（orthomorphism）之性質殊較難解。苟一圖在其形狀之各方面均能正確，則此圖必為正確之圖。但此點實不可能，故此詞殊易引起誤解。實際上，正變形僅適用於小面積之中。在理論上，此法僅能適用

於點，然苟如此精細區別，則吾人於此可毋庸討論。為欲保持形狀起見，必須注意二點：(1)地球上之經綫及緯綫均相交成直角，故在正變形之投影地圖上，亦必如此。(2)在任何一點，其各方面之縮尺均相同，但此點與彼點間則可不同。

Hinks 君於其 地圖投影法 一書中舉正變形之例，如第一圖所示：

設 A 代表沿子午線上之一狹條地區，由緯綫 X 分為二等分。此狹條依正變形表示為 B 及 C。在各圖式中，其角均仍為直角，在任何各點如 X，其沿緯綫及經綫之縮尺均同等歪誤。但 C 式較 B 式為佳，其中之經綫為直線，而 B 式中則否。



第一圖 示正變形（採自 Hinks 君）

縮尺之問題在下章中再詳為討論。在此吾人可解釋縮尺乃地圖與實地之比例。再者，使縮尺正確於一圖之全部分，雖不可能；但使經綫正確，或緯綫正確，或某數經綫或緯綫之正確，則頗為可能也。

保持方向或方位之正確常為重要之事，尤於航海為然。在此處固不能將此問題全部討論，但簡言之，即最簡單之圖式為保持自地圖中心之方向之正確。當地圖之中心與南北極相符合時，其方位角 (azimuths) 即與經綫相符合。此種特殊應用之謀開托航海圖 (Mercator Chart) 在第十章中討論之。

最後，吾人必須考慮投影法之實際繪畫。同時亦須研究地圖網中所需要之計算方法。若其他之條件相等時，則所需要最少計算及最易繪畫之投影法選作特殊地圖時當較複雜者為適宜。此種計算並非繪圖者所

研究之事，實為數學者之工作。顯然繪畫直線及圓弧較複雜曲綫為易。然在實用上，此種意見之理論並不確當，因多種較複雜之投影法，繪畫時不僅美觀，同時更可適用於所描畫之國家。第七章中將進而討論之。

第二章

投影圖法之系統

由作圖學之意義言，“投影法”之字語並不必須包含透視的或“幾何學的”投影法。依吾人之目的言，此字語乃指一平面上任何事物之表示方法。吾人所研究者，即將地球上之平行線圈及子午線描繪於一平面上之不同方法也。

試先由吾人討論一簡單之例式。設想於球體之中心有一光體，再設此光體可能射出子午線及平行圈之影，或大洲及大洋之形狀於一平面紙上。為簡單起見，吾人可假定一紙接觸於地球之北極。吾人即可發現子午線投射成爲直線，平行圈則成圓圈。但在地球面上，緯度之平行圈間之距離爲相等者，在吾人之投影中，其距離則自中心向外逐漸增加。

若移動光綫或紙之位置，則圖上之影必大爲改變。例如，吾人可置光於南極，而置平面於平分球體處，即在赤道之平面中。〔註一〕再者，此平面可使接觸於除北極之外之任何點。然則，方吾人投射地球之形狀爲陰影時，吾人即可得在一平面上之數種透視的或幾何的投影法。

由此法作於一平面上之投影法，稱之爲方位圖法（Zenithal or Azimuthal Projection）一方位角（Azimuth）即真正之方向。在任何方位圖法中，自中心處之方向均係正確者。吾人已言及，平面可不必接於地球之兩極上。彼可接於赤道上之一點或在赤道與兩極之間。此三種圖式可名之爲正軸圖式（Normal 即極圖法）赤道圖式（Equatorial）及斜軸圖式（Oblique）。

以上吾人僅論述透視方位圖法（Perspective zenithal projection）。但此僅就投影法之嚴格之字義上而言，固未能引爲滿足。爲求保持面積之正確或距離之保持，修正圖法即以產生。關於修正圖法之性質在他處均有論及，但此處可言，此修正式或非透視式頗爲重要，亦如透視圖法之圖式然，可分正軸圖式，赤道圖式及斜軸圖式。

〔註一〕在此種圖式中，其影乃係“倒射”於平面上者。

然則，投影尚可構成他種平面。一頁之紙可捲成一圓錐，以適當之大小覆置於地球儀上。若圓錐體之頂點置於地球軸之沿長線上時，此圓錐體即可置於一緯綫之上。此即係正軸圖式。一如方位圖法中之平面，可設想一圓錐體置於任何處所，惟僅正軸圖式始可作一有用之地圖。如方位圖法中，吾人可想像有透視及非透視二法，然在圓錐投影中，僅非透視圖法始有價值也。

投影法中之第三組可稱之爲圓柱圖法 (Cylindrical Projection)。在此吾人可設想一紙捲成圓筒環覆於地球儀上。如前述二例然，吾人可得透視與非透視二法及極圖式赤道圖式及斜軸圖式。但最有用者乃非透視之赤道圖式。

除此三種普通之方法外，尙有多數重要之方法不能包入此任何式之中。吾人可稱之爲便宜圖法 (Conventional Projections)，其中並包括數種修正甚大之圓錐圖法。此類投影法在作法及形狀上變異甚大，但其應用則甚廣。此乃大多由於某種圖式中之修正爲欲使地圖冊中獲得等積之用。再者，此類圖中包括有適用於國際百萬分之一地圖 (International One-in-a-Million map) 之投影法及適用於地形測量之投影法。

綜上所述，吾人可將投影圖法之普通分類作一表式，尤須注意於直接應用之諸圖法。

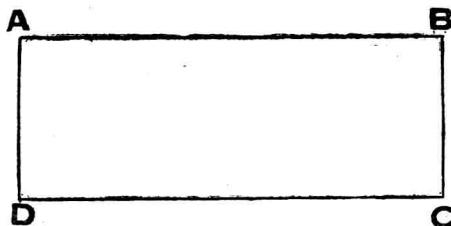
1. 方位圖法 $\left\{ \begin{array}{l} \text{透視} \\ \text{非透視} \end{array} \right\}$ $\left\{ \begin{array}{l} \text{正軸圖法} \\ \text{斜軸圖法} \\ \text{赤道圖法} \end{array} \right.$
2. 圓錐圖法 非透視 正軸圖法
3. 圓柱圖法 非透視 $\left\{ \begin{array}{l} \text{赤道圖法} \\ \text{橫軸圖法} \end{array} \right.$
4. 便宜圖法與修正圓錐圖法

第三章

第一節 面積

在地圖投影法之研究中，吾人宜多討論面積之問題，及如何在依縮尺縮小之後，使一頁紙上之面積與地球儀，圓錐或圓柱上之面積相等。故初學者對於此問題應有若干之知識一事，殊為重要；寫述本章之目的亦即在此。

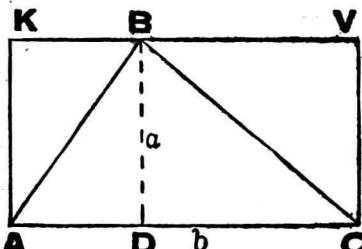
長方形之面積 最簡單之例即為長方形。設吾人已知二鄰邊之長，



第二圖 長方形之面積

其面積即可由相乘之數得之。在第二圖中，其面積即由 AB 與 AD 或 BC 之相乘。正方形乃長方形之特例。

三角形之面積 三角形之面積亦甚簡單。其面積等於同底及高之長方形之半。在第三圖中，ABC 與 AKVC 均在同底 BC 及同高 DB 之上。



第三圖 三角形之面積