

机械工人活页学习材料 310

刘忠信 编著

怎样在插床上插  
正齿輪和螺旋齒輪



机 械 工 业 出 版 社

机械工人活页学习材料 310

---

---

刘忠信 编著

# 怎样在插床上插 正齿轮和螺旋齿轮



机 械 工 业 出 版 社

插床是一种常用的机床。在中小型机器厂里，我們都能看到它。它可以插削工件內外面的各种形狀的溝槽。如果添上一套換輪裝置，还可以插削正齒輪和螺旋齒輪。这样，不但扩大了插床的使用范围，同时在缺乏齒輪加工机床的工厂，切削齒形問題也就解决了。这本小册子是專門介紹怎样在插床上插削正齒輪和螺旋齒輪的方法。

## 一 輾成法插齒的基本原理

目前齒輪制造几乎都用輥成切削法，用这种方法切削出来的齒形正确，同一模數的刀具形狀不受齒數多少的限制，生产效率高，刀具容易制造和修磨。因此，在沒有介紹插齒方法以前，先來談一談輥成法的基本原理。为了說明輥成法原理起見，我們假定用一个由塑料做成的輪坯1（圖1），使它在金屬齒條2上作滚动运动，也就是沿着箭头A的方向迴轉，同时沿箭头B前进。这样滾完一周后，在輪坯邊緣上就輥压出和齒條齒形不相同的漸開線輪齒形狀。

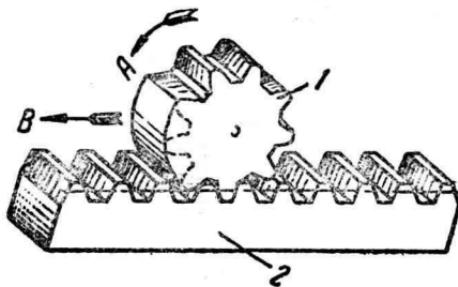


圖1 輥成切齒法的原理。

如果用要切齿的轮坯来代替塑料，把齿条改成刀具，使刀具产生往复切削和进给运动，同时使轮坯绕着轴线依照箭头A方向按比例迴轉（圖2），这样就会切制出需要的齿形和齿数。这种切

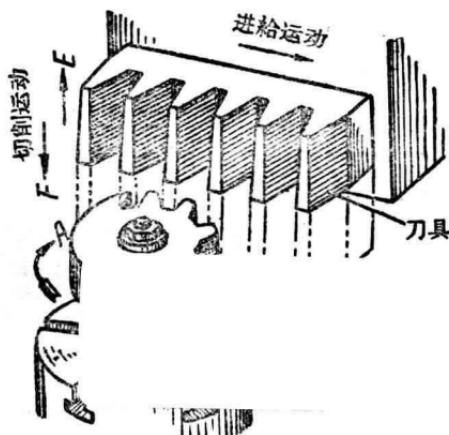


圖2 用輥成法插削齒輪的原理。

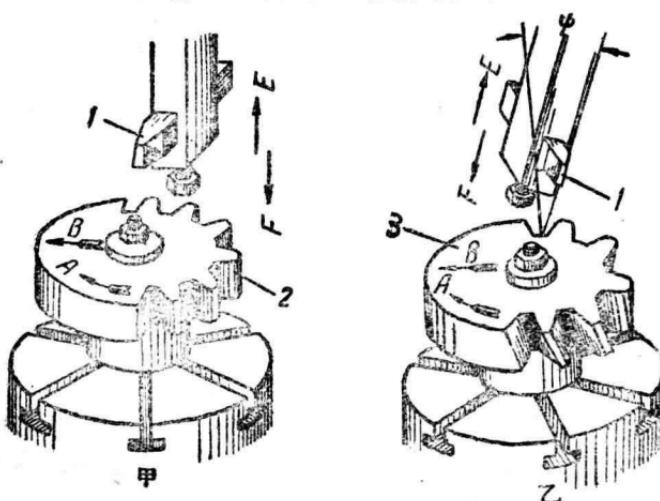


圖3 用單齒插刀插削正齒輪和螺旋齒輪的情況：

1—刀具；2—正齒輪坯；3—螺旋齒輪坯。

齿方法叫做輾成切齿法。在插削齿形的时候，还可以用單齿插刀，效果和多齿刀一样，修磨也很方便。圖3甲、乙分別表示用單齿插刀插削正齿輪和螺旋齿輪的情形。切削的时候，首先安装和调节好輪坯，然后调节进刀量，吃刀深度等。插削螺旋齿輪的时候，还要把插头扳过一个角度。然后开动机床，刀具就能插出齿槽来。插出一个齿槽后，刀具要停留在輪坯上（或者退出齿槽），沿着輪坯圓周順次等分一齿，再輾切第二个齿槽。然后依次地把所有的齿槽插出。

## 二 分齿和滚动换輪裝置

在插床上用輾成法切齿，需要添上分齿和滚动换輪兩個裝置。現在分別說明如下：

**1 分齿裝置** 用来等分輪坯圓周的。一般多裝在工作台的蝸杆軸11上，它由分度盤7（如圖4所示）、套筒6、定位条10、手臂8和插銷9所組成。分齿的时候，先把手臂8、插銷9調节到分度盤7上的需要孔數里，再把定位条10对齐在分一个齿要跨过几个孔的位置上，然后把插銷9自分度盤的孔中拔出，就可以搖动插銷柄等分輪坯的圓周。

**2 滚动换輪裝置** 它是使工作台产生迴轉和横向移动两个运动的，它的結構請看圖4。圖4中的a、b、c、d是四个滚动换輪，f、e是两个齿数相等的齿輪。主动輪a是挂在横向送进絲杠2上，齒輪b和c套在介軸3上，介軸3用螺絲固紧在可調节的托架4上，齒輪d和f一同松套在軸5上，跟齒輪f啮合的齒輪e和套筒6一体的，松套在蝸杆軸11上。要使軸11跟套筒一起迴轉，必須把手臂8上的彈簧插銷9插入分度盤孔中。因此在切齿的时候，只要轉动搖手柄1，就可以把运动由横向进給絲

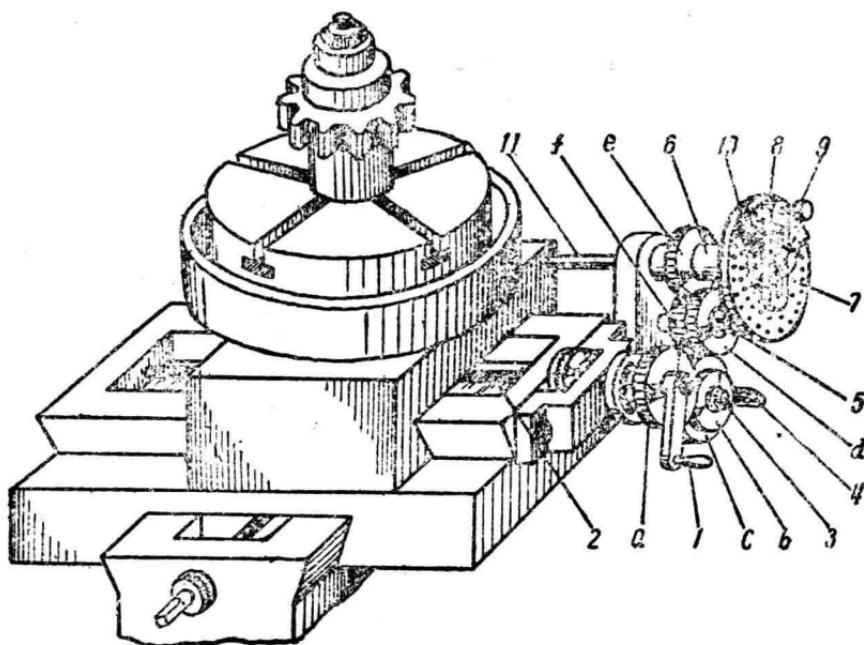


圖 4 分齒和滾動換輪裝置。

杠 2 經過滾動換輪傳給蝸杆軸 11。这样就形成了輾成切削。

### 三 分齒計算方法

用單齒插刀插削輪坯，每当插完一个齿槽，就要作一次分齿。我們从圖 5 中可以看出分齿的傳动情形。把手臂 8 上的插銷 9 从分度盤 7 的孔中拔出而搖轉時，蝸杆 w 就帶動固定在蝸輪 g 上的工作台迴轉了。

分齿一般多用單式分度法，必要的时候，也可以用复式分度法，实际上复式分度法是指單式分度法連續运用兩次來說的，这里不作介紹。現在把單式分度法說明如下。

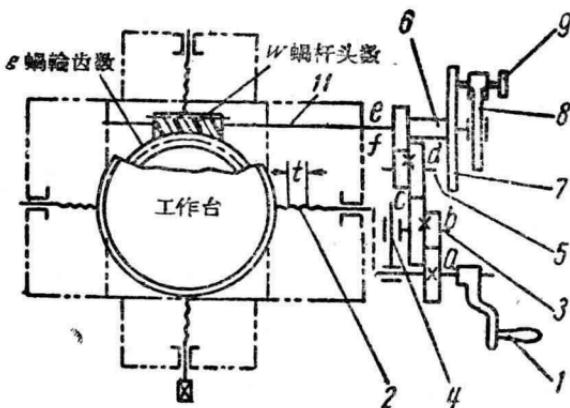


圖 5 分齒和滾動裝置的傳動情形。

單式分度法的運算方法，是按照複式輪系傳動道理來計算的，即被動輪和主動輪轉數的比，等於所有主動輪齒數和被動輪齒數相乘積的比。假定被插齒輪坯的齒數為  $z$ ，當一個齒槽插完後，輪坯應迴轉  $\frac{1}{z}$  轉。要使得輪坯轉過一個齒，手臂要搖  $N$  轉，那麼我們就可以得到下面的關係式：

$$\frac{1/z}{N} = \frac{w}{g} \text{ 或 } N = \frac{g}{z \times w},$$

式中的  $w/g$  為常數，用  $K$  代替，就可以改寫成

$$N = \frac{K}{z}. \quad (1)$$

分度盤上分度孔一般是兩面都有的，下面是一塊常用分度盤兩面分度孔的數目：

第一面孔數 24, 25, 28, 30, 34, 37, 38, 39, 41, 42, 43；

第二面孔數 46, 47, 49, 51, 53, 54, 57, 58, 59, 62, 66。

**例 1** 在工作台的常數  $K=90$  的插床上，插削一個 30 齒的齒輪，問每分一個齒的時候，插銷柄要搖幾轉？

[解] 从題中知道常數  $K=90$ ，被插輪坯的齒數  $z=30$ ，把

它代入公式(1)内，使得

$$N = \frac{K}{z} = \frac{90}{30} = 3。$$

从而知道每分一齿，插銷柄應該繞分度盤轉3周。

例2 今插削一个50齿的齒輪， $K=60$ ，問每分一齿时，插銷柄要搖几轉？

[解] 由題中知道  $K=60$ ,  $z=50$ ，代入公式(1)便得

$$N = \frac{K}{z} = \frac{60}{50} = 1\frac{1}{5}。$$

如果选用分度盤上30个孔数(或25个孔)，那么  $N=1\frac{6}{30}$  (或  $1\frac{5}{25}$ )。在分齒的时候，如果插銷柄对正在30个孔的圓周上，就要搖1周又6个孔；对正在25个孔上，要搖1周又5个孔。

#### 四 滚动运动的計算方法

插齒的時候，輪坯除一面要繞本身軸線迴轉外，还沿着橫方向前进。从圖5中知道，搖轉手柄1、絲杠2就帶動工作台作橫向移动，同时另一運動經滾動換輪  $\frac{a}{b} \times \frac{c}{d}$ ，傳到蝸杆、蝸輪，使工作台产生迴轉運動。

輥切模數正齒輪的時候，當輪坯沿橫向移過一個齒距，輪坯本身應恰好轉過  $\frac{1}{z}$  轉。根据圖5的傳動情形，可得出下面的式子：

$$\frac{\pi \times M}{t} \times \frac{a}{b} \times \frac{c}{d} \times \frac{f}{e} \times \frac{w}{g} = \frac{1}{z}，$$

假定  $t/e$  的齒數比是1， $w/g$  的常數用  $K$  来表示，經整理后，得

$$\frac{a}{b} \times \frac{c}{d} = \frac{K \times t}{z \times M \times \pi}。 \quad (2)$$

式中  $K$ ——工作台的分齒常數；

$z$  —— 輪坯的齒數；

$t$  —— 橫進給絲杠導程（公厘）；

$M$  —— 輪坯模數（公厘）。

輾切模數的螺旋齒輪，除了齒距計算不同外，其他和插削正齒輪的完全一樣。下面是插削螺旋齒輪的運動關係式：

$$\frac{M_n \times \pi \times \cos \psi}{t} \times \frac{a}{b} \times \frac{c}{d} \times \frac{f}{e} \times \frac{w}{g} = \frac{1}{z},$$

經整理後，可寫成下面的算式：

$$\frac{a}{b} \times \frac{c}{d} = \frac{K \times t}{z \times M_n \times \pi \times \cos \psi}. \quad (3)$$

式中  $M_n$  —— 輪坯的垂直模數；  $\psi$  —— 輪坯的螺旋角。

如果所輾切的齒輪是用徑節（DP）表示的，那麼可用  $\frac{25.4}{DP}$  來代替上面兩式的模數  $M$ 。如插削用徑節表示的正齒輪，可用

$$\frac{a}{b} \times \frac{c}{d} = \frac{K \times t \times DP}{z \times \pi \times 25.4}. \quad (4)$$

插削用徑節表示的螺旋齒輪，可用

$$\frac{a}{b} \times \frac{c}{d} = \frac{K \times t \times DP_n}{z \times \pi \times 25.4 \times \cos \psi}. \quad (5)$$

式中  $DP_n$  —— 輪坯的垂直徑節。

例 1 欲在插床上插削一個模數為 5，42 齒的正齒輪，已知插床橫進給絲杠導程為 6 公厘， $K=60$ ，試求各只滾動換輪的齒數。

〔解〕 把題中的已知數值代入公式 (2) 得

$$\begin{aligned} \frac{a}{b} \times \frac{c}{d} &= \frac{K \times t}{z \times M \times \pi} = \frac{60 \times 6 \times 7}{42 \times 5 \times 22} = \frac{60}{110} \\ &= \frac{40}{55} \times \frac{30}{40}. \quad (\text{其中 } \pi = \frac{22}{7}). \end{aligned}$$

從而知道滾動換輪的齒數為： $a=40$ 、 $b=55$ 、 $c=30$ 、 $d=40$ 。我們可在下面的變換齒輪齒數內選擇四只：

20、23、24、25、30、34、40、41、43、45、47、50、53、

55、58、59、60、61、62、65、67、70、71、73、74、79、80、  
83、85、89、90、92、95、97、98、100。

**例 2** 在插床上插削一个螺旋齿轮，已知垂直模数为 4、螺旋角为  $30^\circ$ 、齿数为 35、插床横进给丝杠导程  $t=5$  公厘、分齿常数  $K=60$ 。求各只滚动换轮的齿数。

[解] 把题中的已知数值代入公式 (3) 得

$$\frac{a}{b} \times \frac{c}{d} = \frac{K \times t}{z \times Mn \times \pi \times \cos \psi} = \frac{60 \times 5 \times 7}{35 \times 4 \times 22 \times 0.866}$$

$$= \frac{24}{50} \times \frac{41}{25} \circ$$

从而知道滚动换轮的齿数各为： $a=24$ 、 $b=50$ 、 $c=41$ 、 $d=25$ 。

**例 3** 在插床上插削径节 4，80 齿的正齿轮，丝杠导程为  $1/4$  时，分齿常数  $K=40$ ，求各只滚动换轮的齿数。

[解] 先把英制尺寸的丝杠导程化成公制，即  $1/4'' \times 25.4 = 6.35$  公厘，然后代入公式 (4) 内，得

$$\frac{a}{b} \times \frac{c}{d} = \frac{40 \times 4 \times 6.35}{80 \times \frac{22}{7} \times 25.4} = \frac{40 \times 4 \times 7 \times 6.35}{80 \times 22 \times 25.4}$$

$$= \frac{7112}{44704} = 0.1591;$$

取 0.1591 的近似值 0.159，写成分数  $\frac{1590}{10000}$ ，把分子分母分解因数得

$$\frac{a}{b} \times \frac{c}{d} = \frac{1590}{10000} = \frac{2 \times 3 \times 5 \times 53}{4 \times 25 \times 4 \times 25} = \frac{30}{100} \times \frac{53}{100} \circ$$

从而知道各只滚动换轮的齿数为： $a=30$ 、 $b=100$ 、 $c=53$ 、 $d=100$ 。

**例 4** 要在一横进给丝杠导程为 12 公厘，分齿常数  $K$  为 90 的插床上，插削一个垂直径节为 5，螺旋角 15 度，50 齿的螺旋齿轮，试求各只滚动换轮的齿数。

〔解〕 把題中的已知數值代入公式(5)得

$$\frac{a}{b} \times \frac{c}{d} = \frac{90 \times 5 \times 12}{50 \times \frac{22}{7} \times 25.4 \times 0.9659} = \frac{37800}{26987} = 1.4007;$$

取1.4007之近似值1.4，并写成分数 $\frac{1400}{1000}$ ，再把分子分母分解因数得：

$$\frac{a}{b} \times \frac{c}{d} = \frac{1400}{1000} = \frac{8 \times 5 \times 5 \times 7}{5 \times 8 \times 5 \times 5} = \frac{35}{40} \times \frac{40}{25}.$$

从而知道各只滚动换轮的齿数为： $a=35$ 、 $b=40$ 、 $c=40$ 、 $d=25$ 。

## 五 刀具和切削用量的选择

适当地选择刀具几何形状和切削用量，对于提高插齿质量和生产率有很大关系。下面就来谈谈怎样正确地选用刀具和切削用量。

**1 选择刀具** 插正齿轮和螺旋齿轮的时候，一般多用图6所示的单齿插刀。单齿插刀还分为粗插刀和精插刀两种。粗插刀是荒插齿槽用的，精插刀是最后修整齿形用。这两种刀子不同的地方，是粗插刀的刀齿磨得比精插刀的狭一些。

为了简便起见，把前角 $\gamma=5^\circ$ 和后角 $\alpha=7^\circ$ 的模数、径节单齿插刀各部分尺寸列在表1、2中。在选择的时候，可参照图7内的代表符号。

**2 切削用量** 切削用量包括切削速度、吃刀深度、进给量三个因素。切削用量选择得适当，对保证插齿质量，提高生产效率和延长刀具寿命等有着很大的意义，下面分别加以说明。

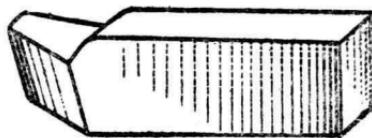


图6 单齿插刀。

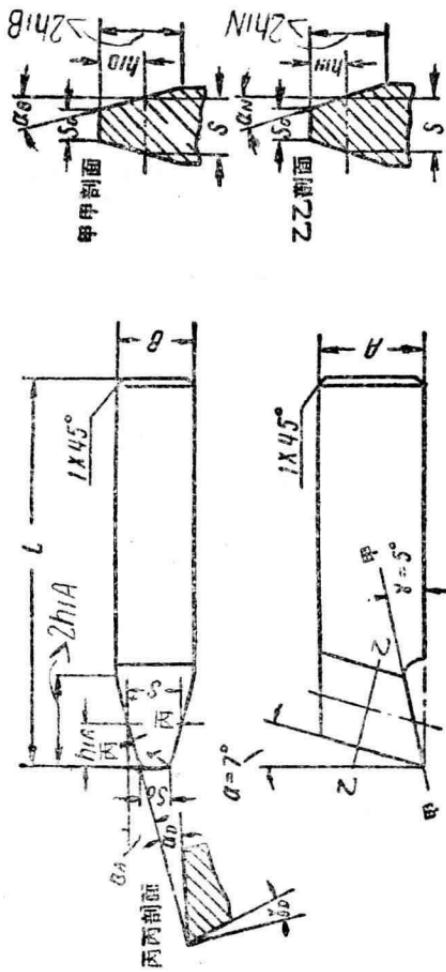


圖 7 罩面插刀各部分的代表符号。

表1 模数单齿插刀各部尺寸(公厘)

模数 M	L	A	B	γ	S <sub>端</sub>	S <sub>尾</sub>	h <sub>IA</sub>	h <sub>IB</sub>	h <sub>IN</sub>	啮合角Φ=20°				啮合角Φ=15°				
										a	g	S <sub>0端</sub>	S <sub>0尾</sub>	a	g	S <sub>0端</sub>	S <sub>0尾</sub>	
3					4.713	4.02	3.6	3.614	3.535	2.092	1.40			2.784	2.09			
3.25					5.105	4.39	3.9	3.915	3.830	2.266	1.55			3.015	2.30			
3.50		10			5.498	4.75	4.2	4.216	4.124	2.440	1.69			3.247	2.50			
3.75					0.5	5.891	5.12	4.5	4.517	4.418	2.615	1.84			3.480	2.71		
4					6.283	5.48	4.8	4.818	4.713	2.789	1.99			3.711	2.91			
4.25		12			6.676	5.85	5.1	5.111	4.999	2.963	2.14			3.943	3.12			
4.50		20			7.069	6.22	5.4	5.171	5.303	3.138	2.29			4.175	3.33			
4.75					7.461	6.58	5.7	5.222	5.597	3.312	2.43			4.406	3.53			
5		14			7.854	6.96	6.0	6.023	5.891	3.486	2.59			4.639	3.75			
5.50					8.640	7.70	6.6	6.625	6.481	3.835	2.90			5.103	4.17			
6					9.425	8.45	7.2	7.228	7.070	4.184	3.20			5.557	4.58			
6.50		1.0	10.210	9.19	7.8	7.830	7.658			4.532	3.51			6.030	5.01			
7		18			10.996	9.94	8.4	8.432	8.247	4.881	3.82			6.494	5.44			
8					12.566	11.44	9.6	9.637	9.326	5.578	4.45			7.421	6.29			
9					14.137	12.94	10.8	10.841	10.604	6.275	5.08			8.349	7.15			
10		24			15.708	14.45	12.0	12.046	11.783	6.973	5.71			9.277	8.01			
11		26			17.271	15.95	13.2	13.250	12.961	7.670	6.35			10.205	8.88			
12		28			18.850	17.46	14.4	14.455	14.139	8.367	6.98			11.133	9.75			
100		25																
120		30																

注：表中符号的右下角——用粗门字标注的是精插刀尺寸；没有标注的是粗，精插刀都需用的尺寸。

表2 径节单齿插刀各部尺寸(公厘)

径节 DP	L	A	B	$\gamma$	S <sub>端</sub>	S <sub>轴</sub>	h <sub>1A</sub>	h <sub>1B</sub>	h <sub>1N</sub>	$\gamma_D$	$a_D$	啮合角 $\Phi = 14^\circ 30'$			
												$a_A$			
2			30		19.95	18.54	14.69	14.751	14.1429			12.35	10.94		
2.25	100		27	1.5	17.74	16.41	13.06	13.110	12.824			10.98	9.65		
2.50		25	24		15.96	14.70	11.76	11.806	11.542			9.88	8.62		
2.75			22		14.51	13.30	10.69	10.727	10.493			8.98	7.77		
3		90	20	1.0	13.30	12.11	9.80	9.833	9.618			8.23	7.08		
3.50			18	1.0	11.40	10.33	8.40	8.428	8.244			7.06	5.99		
4			15		9.98	8.98	7.35	7.375	7.214	1° 15'	1° 45'	6.18	5.18	14° 30'	14° 27'
5					7.98	7.09	5.88	5.909	5.771			4.94	4.05		
6				0.5	6.65	5.83	4.90	4.917	4.810			4.12	3.36		
7					5.70	4.94	4.20	4.214	4.122			3.75	2.99		
8	80	20	12		4.99	4.28	3.67	3.687	3.636			3.09	2.38		
9					4.44	3.77	3.27	3.278	3.206			2.75	2.08		
10				0.3	3.99	3.36	2.94	2.950	2.886			2.47	1.84		
11					3.63	3.03	2.67	2.682	2.623			2.25	1.65		
12					3.33	2.75	2.45	2.457	2.403			2.06	1.48		

注：表中符号的右下角的标记，与表1的相同。

一、切削速度 是插刀每分鐘來回行程的公尺數。切削速度的大小是根據刀具、輪坯的材料和粗插削或精插削的不同情形而定。使用 РФ1 或 ЭИ-262 鋼做的插刀，切削速度可在表 3 內選擇。

表3 切削速度(公尺/分)

輪坯材料	鋼 $\sigma_b=40\sim60$ (公斤/公厘 $^2$ )	鋼 $\sigma_b=60\sim80$ (公斤/公厘 $^2$ )	鋼 $\sigma_b=80\sim100$ (公斤/公厘 $^2$ )	鑄鐵 $H_B=$ 180~210
粗插切削速度	40	36	32	35
精插切削速度	48	43	38	42

插削螺旋齒輪的時候，把上面的切削速度乘上螺旋角修正系數

輪坯螺旋角	10°	20°	30°	45°	60°
修正系數	0.98	0.94	0.86	0.70	0.50

二、吃刀深度 是指插刀向輪坯作徑向的吃刀深度。也是根據輪坯材料、加工精度、模數大小等來確定。插削模數小於 2 公厘的齒輪，可以分為一次粗插和一次精插來完成。加工精度、硬度較高的輪坯，模數在 2 公厘以上的，要粗插 2~5 次，最後再經過一次精插。

這裡要說明的是：粗插是插出齒槽的全深，而精插只是把粗插表面修光罷了。

三、進給量 是指沿圓周的進給量。等於刀具完成一個行程後，輪坯轉過的弧長。進給量的大小，對齒形質量有很大的影響，特別是精插。因此，適當地選擇粗插、精插時的進給量是非常必要的。表 4 是粗插的時候用的進給量數據。

插削徑節齒輪的時候，用  $M = \frac{25.4}{DP}$  式子，把徑節換算成模數，再在表 4 中選取適當的進給量。

輪坯模數	輪 坯 材 料			
	鋼			鑄鐵 $H_B = 180 \sim 210$
	$\sigma_b = 40 \sim 60$ (公斤/公厘 <sup>2</sup> )	$\sigma_b = 60 \sim 80$ (公斤/公厘 <sup>2</sup> )	$\sigma_b > 80$ (公斤/公厘 <sup>2</sup> )	
2	0.37	0.31	0.27	0.42
3	0.30	0.26	0.22	0.38
4	0.26	0.22	0.19	0.31
5	0.23	0.19	0.17	0.28
6	0.20	0.17	0.15	0.26

插削螺旋齒輪的時候，把上面數值乘上螺旋角修正系數

輪坯螺旋角	10°	20°	30°	45°	60°
修正系數	1.0	0.99	0.98	0.96	0.93

精插是最後一個步驟，決定齒形的精度和光潔度。如果插刀在單位時間內的行程次數不變，若減小輪坯的圓周進給量，就可以提高齒形的準確性。因此，在精插的時候，要按照具體的情況來選擇進給量。對精度和光潔度較高的齒形，選用小的進給量；精度要求較低的齒形，進給量可選用大一些。表5是精插齒形所用的進給量。

表5 精插時的進給量

插刀一次行程後的進給量(公厘)	0.10~0.15	0.20~0.30	0.40~0.60
適用範圍	用于插削精度和光潔度較高的齒輪	用于一般精度和光潔度的齒輪上	插削低精度的齒輪

## 六 輪坯和刀具的安裝

插齒的時候，正確地安裝輪坯和調整刀具是非常重要的。下

面分別加以說明。

**1 輪坯的安裝** 輪坯安裝的要求是：用正確的裝卡方法，把輪坯準確地卡牢，免得在工作時候發生震抖、偏歪和變形等現象。

圖 8 表示安裝輪坯的幾種方法。圖中甲是安裝直徑不超過 150 公厘的小型輪坯；圖中乙是安裝直徑 300 公厘左右的中型輪坯；圖中丙是大型輪坯的安裝方法。

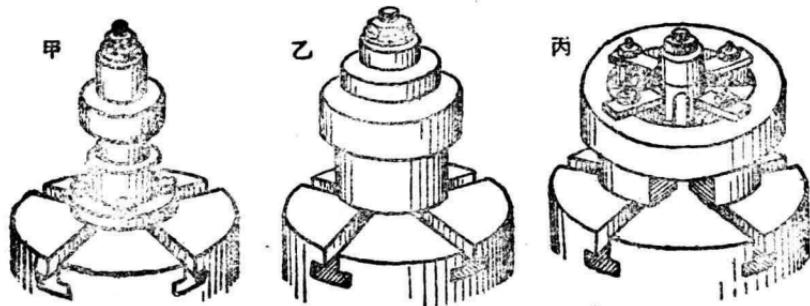


圖 8 安裝輪坯的方法。

安裝輪坯的時候，要注意下面幾點：

- 一、工作台和墊鐵等要揩干淨。
- 二、襯套和墊鐵的高低、大小要適當。
- 三、輪坯盡量裝卡得低一些。
- 四、用千分表檢查輪坯是否安裝得正確。

**2 裝刀** 圖 9 是插刀的安裝方法。1 是插刀，裝軋在一個特制的刀杆 2 內，用螺絲 3 固定，刀杆 2 由刀夾 4 夾緊在插頭 5 內。

裝刀的時候要注意下列幾點：

- 一、插刀必須牢固地夾緊在刀杆上，伸出刀杆外的尺寸 B 尽量要短些。